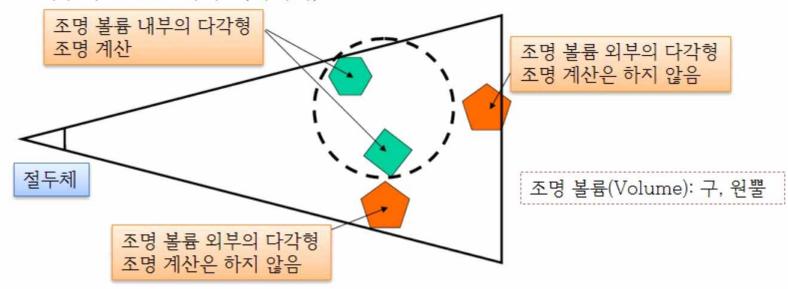
Game Programming with DirectX

지연 조명 (Deferred Shading)

조명 처리(Lighting)

• 조명 처리의 최적화

- 조명 볼륨 내부의 표면을 쉐이딩(최적화)



스텐실 컬링(Stencil Culling)
 첫번째 단계는 계산량이 많지 않으므로 색상을 출력하지 않으면서 렌더링

```
1. 색상 출력(Color Write)을 비활성화하여 조명 볼륨을 렌더링
DepthFunc = D3D12_COMPARISON_FUNC_LESS;
FrontFace.StencilFunc = D3D12_COMPARISON_FUNC_ALWAYS;
FrontFace.StencilDepthFailOp = D3D12_STENCIL_OP_REPLACE; //참조값(a)
나머지 스텐실 연산: D3D12_STENCIL_OP_KEEP;
2. 조명 계산 쉐이더를 사용하여 출력
DepthFunc = D3D12_COMPARISON_FUNC_ALWAYS;
FrontFace.StencilFunc = D3D12_COMPARISON_FUNC_EQUAL; //참조값(a)
조명이 영향을 주지 않는 픽셀은 컬링됨(스텐실 값이 참조값과 일치하지 않으므로)
```

- 조명(Lighting)
 - 많은 조명과 많은 객체들을 렌더링하는 경우 계산량이 많음
 - 단일-패스, 다중-패스, 지연 쉐이딩
- 단일-패스 조명(Single-Pass Lighting)

For each object:

Render object(Apply all lighting in one shader)

O(Objects*Lights*ScreenPixels)

- 가려진 표면들에 대한 조명 효과는 화면에 나타나지 않음(낭비: Overdraw)
- 여러 조명을 관리하기 어렵고 그림자(Shadow)와 통합하기 어려움
- 다중-패스 조명(Multi-Pass Lighting)

Bidirectional Reflectance Distribution Function

For each light:

FrameBuffer += BRDF(object, light)

깊이 검사 (Depth Test)

- 가려진 표면들에 대한 조명 효과는 화면에 나타나지 않음(낭비)
- 지연 조명(Deferred Shading)

For each object:

Render lighting(material) properties into "G-buffer"

For each light:

FrameBuffer += BRDF(G-buffer, light)

O((Objects+Lights)*ScreenPixels)

픽셀에 대한 조명 계산을 하지 않고 정보를 모아 나중에 조명 효과를 계산

• 지연 쉐이딩(Deferred Shading)

- 화면-좌표계의 쉐이딩(조명 처리) 기법
- 정점 쉐이더 또는 픽셀 쉐이더에서 쉐이딩(조명 처리)을 두 단계로 수행함
 - 첫 번째 단계 쉐이딩을 먼저 수행하지 않고 보이는 픽셀에 대한 조명 처리 데이터를 수집 각 표면(픽셀)을 위한 위치 벡터, 법선 벡터, 재질 등을 일련의 텍스쳐로 렌더링이러한 일련의 텍스쳐를 기하 버퍼(G-Buffer: Geometry Buffer)라고 함
 - 두 번째 단계 각 픽셀에 대하여 **화면 좌표계(Screen Space)**에서 조명 효과를 계산함
- 신과 조명을 분리
 각 조명의 효과는 화면의 각 픽셀에 대하여 한번만 계산함
 조명이 많은 경우 성능 저하의 문제없이 렌더링할 수 있음
 조명 관리를 쉽게 할 수 있음
 투명 효과를 처리할 수 없음(투명한 객체들은 따로 렌더링)
 여러 재질을 사용하는 경우 어려움이 있음
- G-버퍼 실수 텍스쳐(위치 벡터 등을 저장할 수 있어야 함)
- 다중 렌더 타겟(MRT: Multiple Render Targets)
 단일 패스로 모든 G-버퍼 속성을 출력

조명 복잡도 (Light Complexity)

씬 복잡도

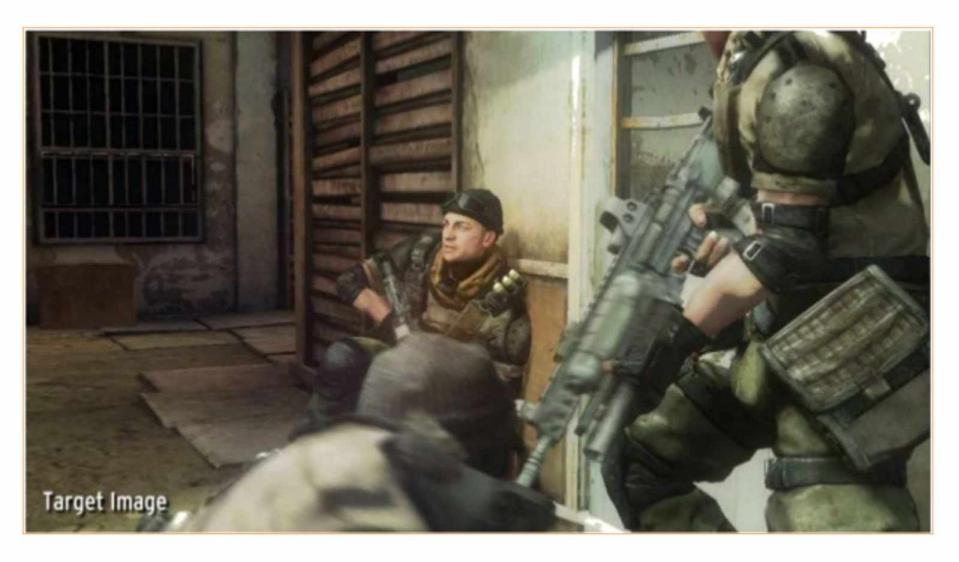
(Scene Complexity)

O(Lights*Triangles)



O(Lights) + O(Triangles)

- 지연 쉐이딩(Deferred Shading): Killzone 2
 - http://www.guerrilla-games.com/



• 지연 쉐이딩(Deferred Shading): Killzone 2











스펙큘러(Specular Power)

• 지연 쉐이딩(Deferred Shading): Killzone 2





색상(Albedo: Texture Color)



지연 결합(Deferred Composition)



후처리(Post Processing)

- 지연 쉐이딩(Deferred Shading): Killzone 2
 - G-Buffer(Killzone 2)
 - 4 * R8G8B8A8 + (24-Bit Depth + 8-Bit Stencil) ≒ 36MB

R8	G8	B8	A8	Buffer
	Depth Stencil			
Lightir	Render Target 0			
Normal X (Floating Point) 16-Bit Normal Y (Float			ing Point) 16-Bit	Render Target 1
Motion Vector XY 16-Bit		Specular Power	Specular Intensity	Render Target 2
Dir	ffuse Albedo RGB 24-	Occlusion	Render Target 3	

G-Buffer(Battlefield 3)

R8	G8		A8	Buffer
	Depth Stencil			
Lightir	Render Target 0			
Normal X (Floating Point) 16-Bit Normal Y (Floati			ing Point) 16-Bit	Render Target 1
Motion Vector XY 16-Bit		Specular Power	Specular Intensity	Render Target 2
Diffuse Albedo RGB 24-Bit			Occlusion	Render Target 3

지연 렌더링(Deferred Rendering)

- ① 기하 버퍼(GBuffer) 생성 단계 씬을 텍스쳐(GBuffer) 로 렌더링(조명 계산을 하지 않음)
 - 법선 벡터
 - 디퓨즈 반사
 - 스펙큘러 반사
 - 위치 벡터
 - ...
 - ② 조명 계산 단계 화면 전체 크기의 사각형 렌더링(조명 계산) 조명 정보는 텍스쳐(GBuffer)에서 로드(샘플링)

```
VS_GB_OUTPUT VSDeferredLighting(VS_GB_INPUT input)

{
    VS_GB_OUTPUT output;
    output.position = mul(input.position, gmtxWorld);
    output.positionW = output.position.xyz;
    output.position = mul(output.position, gmtxView);
    output.position = mul(output.position, gmtxProjection);
    output.normalW = normalize(mul(input.normal, (float3x3)gmtxWorld));
    output.tangentW = normalize(mul(input.tangent.xyz, (float3x3)gmtxWorld));
    output.bitangentW = normalize(cross(output.normalW, output.tangentW));
    output.uv = input.uv;
    return(output);
}
```

```
struct VS GB INPUT
  float4 position : POSITION;
  float2 uv : TEXCOORD:
  float3 normal: NORMAL;
  float3 tangent : TANGENT;
struct VS GB OUTPUT
  float4 position : SV Position;
  float2 uv : TEXCOORD;
  float3 normalW: NORMALW;
  float3 position: POSITIONW;
  float3 tangent : TANGENTW;
  float3 bitangentW : BITANGENTW;
```

지연 렌더링(Deferred Rendering)

① GBuffer 생성 단계 Texture2D gtxtDiffuseMap : register(t0); [earlydepthstencil] SamplerState gssDiffuseMap: register(s0); PS GB OUTPUT **PSDeferredLighting**(VS GB OUTPUT input) Texture2D gtxtNormalMap : register(t1); PS GB OUTPUT output; SamplerState gssNormalMap : register(s1); float3 T = normalize(input.tangentW); float3 B = normalize(input.bitangentW); float3 N = normalize(input.normalW); float3x3 TBN = float3x3(T, B, N);float3 normal = normalize(gtxtNormalMap.Sample(gssNormalMap, input.uv).rgb * 2.0f - 1.0f); output.normal = float4(mul(normal, TBN), 1.0f); float3 diffuseAlbedo = gtxtTextureMap.Sample(gssDiffuseMap, input.uv).rgb; //매핑할 텍스쳐의 색상을 디퓨즈 반사 색상으로 사용하기도 함 output.diffuseAlbedo = float4(diffuseAlbedo, 1.0f); output.specularAlbedo = float4(0.7f, 0.7f, 0.7f, 64.0f / 255.0f); //output.specularAlbedo = gcMaterialSpecular; //power : $(0\sim255) \rightarrow (0\sim1.0)$ output.position = float4(input.positionW, 1.0f); struct PS GB OUTPUT return(output); cbuffer cbMaterial : register(b1) float4 normal: SV_Target0; float4 diffuseAlbedo : SV Target1; float4 qcMaterialDiffuse: float4 specularAlbedo : SV Target2; float4 qcMaterialAmbient; float4 position : SV_Target3; float4 gcMaterialSpecular; //(r, g, b, power) float4 gcMaterialEmissive; float4 Lighting(float3 vPosition, float3 vNormal);

지연 렌더링(Deferred Rendering)

```
조명 계산 단계(화면 전체 크기의 사각형 렌더링)
```

```
struct VS INPUT
VS OUTPUT VS(in VS INPUT input)
                                                                              float4 position: POSITION;
  VS OUTPUT output;
                                                                            struct VS OUTPUT
  output.position = input.position;
  return(output);
                                                                              float4 position: SV Position;
    Texture2D gtxtNormal : register(t0);
                                                                    ret Object.Load(
    Texture2D gtxtDiffuseAlbedo: register(t1);
                                                                      int# Location, //배열 인덱스(u, v, mip)
    Texture2D gtxtSpecularAlbedo : register(t2);
                                                                      [int SampleIndex, ][int Offset]
    Texture2D gtxtPosition: register(t3);
    Texture2D gtxtDepth: register(t4);
                                                                    void Object. Get Dimensions (
                                                                      [in] UINT MipLevel.
float4 PS(VS OUTPUT input) : SV Target
                                                                      [out] UINT Width, UINT Height,
                                                                      [out] UINT NumberOfLevels
  int3 uvm = int3(input.position.xy, 0); //(u, v, mipmap level)
  float3 normal = gtxtNormal.Load(uvm).xyz; //gtxtNormal[uvm]
  float3 position = gtxtPosition.Load(uvm).xyz;
  float3 diffuseAlbedo = gtxtDiffuseAlbedo.Load(uvm).xyz;
  float4 specular = gtxtSpecularAlbedo.Load(uvm);
  float4 clllumination = Lighting(position, normal, diffuseAlbedo, specular.xyz, specular.w*255.0f);
  return(clllumination);
```

지연 렌더링(Deferred Rendering)

- 법선 벡터의 인코딩(Encoding Normal Vector)
 - 법선 벡터 n = (x, y, z)는 구 표면의 점으로 취급할 수 있음
 - XYZ

$$n = (x, y, z) \rightarrow c = 0.5 * n + 0.5$$
 $c = (r, g, b) \rightarrow n = 2.0 * c - 1.0$

■ LAEAP(Lambert Azimuthal Equal-Area Projection) 구의 방정식: $x^2 + y^2 + z^2 = 1$

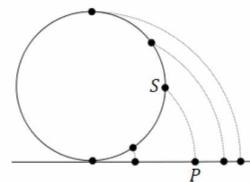
$$(X, Y) = \left(\sqrt{\frac{2}{1-z}}x, \sqrt{\frac{2}{1-z}}y\right)$$

$$(x, y, z) = \left(\sqrt{1 - \frac{X^2 + Y^2}{4}}X, \sqrt{1 - \frac{X^2 + Y^2}{4}}Y, -1 + \frac{X^2 + Y^2}{2}\right)$$

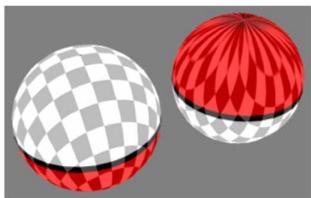
$$x^{2} + y^{2} + z^{2} = 1$$

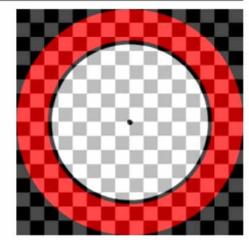
$$z^{2} = 1 - (x^{2} + y^{2})$$

$$z = \pm \sqrt[2]{1 - (x^{2} + y^{2})}$$



Compact Normal Storage for small G-Buffers
Survey of Efficient Representations for Independent Unit Vectors
Octahedron normal vector encoding





- 지연 렌더링(Deferred Rendering)
 - 법선 벡터의 인코딩(Encoding Normal Vector)
 - 구면 좌표계(Spherical Coordinates)
 단위벡터의 길이를 알고 있으므로 2개의 각도만 저장
 일반적인 법선벡터들의 인코딩에 적합
 $f = float2(atan2(y, x) * \frac{1}{\pi}, z)$ angle = 2.0 * f 1.0 $s\theta = sin(angle.x * \pi)$ $c\theta = cos(angle.x * \pi)$ $s\phi = sqrt(1.0 angle.y * angle.y)$ $c\phi = angle.y$ $n = (c\theta * s\phi, s\theta * s\phi, c\phi)$

```
#define PI 3.1415926536f

float4 Encode(float3 n)
{
    return(float4((float2(atan2(n.y, n.x) / PI, n.z) + 1.0) * 0.5, 0, 0));
}
```

```
float3 Decode(float2 enc)
{
  float2 ang = enc * 2.0 - 1.0;
  float2 scth;
  sincos(ang.x * PI, scth.x, scth.y);
  float2 scphi = float2(sqrt(1.0 - ang.y * ang.y), ang.y);
  return(float3(scth.y * scphi.x, scth.x * scphi.x, scphi.y));
}
```

- 지연 렌더링(Deferred Rendering)
 - 법선 벡터의 인코딩(Encoding Normal Vector)
- Store X&Y, Reconstruct Z (Killzone 2)

```
간단하게 인코딩/디코딩
```

```
float3 Decode(float2 enc)
float2 Encode(float3 n)
                                                   float2 dec = enc * 2 - 1;
  return(float2(n.xy * 0.5 + 0.5));
                                                   return(float3(dec, sqrt(1 - dot(dec, dec))));
```

Spheremap Transform (Cry Engine 3)

```
구름 원으로 매핑
```

```
float2 Encode(float3 n)
  float2 enc = normalize(n.xy) * (sqrt(-n.z * 0.5 + 0.5);
  return(enc * 0.5 + 0.5);
```

```
float3 Decode(float2 enc)
  float4 nn = float4(enc, 0, 0) * float4(2.0, 2.0, 0, 0) + float4(-1.0, -1.0, -1.0);
  float f = dot(nn.xyz, -nn.xyw);
  nn.xy *= sqrt(f);
  return(float3(nn.xy, f) * 2.0) + float3(0, 0, -1.0));
```

- 지연 렌더링(Deferred Rendering)
 - 법선 벡터의 인코딩(Encoding Normal Vector)
- Lambert Azimuthal Equal-Area Projection

```
float2 Encode(float3 n)
                                                float3 Decode(float2 enc)
  return(n.xy / sqrt(8.0 * n.z + 8.0) + 0.5);
                                                   float2 fenc = enc * 4.0 - 2.0;
                                                   float f = dot(fenc, fenc);
                                                   return(float3(fenc * sqrt(1 - (f / 4.0)), 1.0 - (f / 2.0)));
```

Octahedron-Normal Vectors

```
float2 Encode(float3 n)
    n \neq (abs(n.x) + abs(n.y) + abs(n.z));
    n.xy = (n.z \ge 0.0)? n.xy : OctWrap(n.xy);
    n.xy = n.xy * 0.5 + 0.5;
                                             float2 OctWrap(float2 v)
    return(n.xy);
}
                                               return((1.0 - abs(v.yx)) * (v.xy >= 0.0) ? 1.0 : -1.0);
       float3 Decode(float2 f)
       {
           f = f * 2.0 - 1.0:
           float3 n = float3(f.x, f.y, 1.0 - abs(f.x) - abs(f.y));
           float t = saturate(-n.z);
           n.xy += (n.xy >= 0.0) ? -t : t;
           return(normalize(n));
       }
```

- 지연 렌더링(Deferred Rendering)
 - 법선 벡터의 인코딩(Encoding Normal Vector)
 - Crytek Spheremap Transform

```
G.xy = normalize(normal.xy) * (sqrt(normal.z * 0.5f + 0.5f));
```

$$G.xy = normalize(normal.xy) / sqrt(8.0f * normal.z + 8.0f) + 0.5f;$$

$$(X,Y) = \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}, \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right) \sqrt{z * 0.5} + 0.5 = \left(\frac{x\sqrt{z * 0.5 + 0.5}}{\sqrt{x^2 + y^2}}, \frac{y\sqrt{z * 0.5 + 0.5}}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right)$$

$$X^2 + Y^2 = \left(\frac{x\sqrt{z * 0.5 + 0.5}}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right)^2 + \left(\frac{y\sqrt{z * 0.5 + 0.5}}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right)^2 = \frac{(x^2 + y^2)}{(x^2 + y^2)} (z * 0.5 + 0.5) = z * 0.5 + 0.5 = \frac{(z + 1)}{2}$$

$$z = 2(X^2 + Y^2) - 1 = 2\frac{(z + 1)}{2} - 1 = z$$

$$(x, y) = \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + Y^2}}, \frac{y}{\sqrt{x^2 + Y^2}}\right) \sqrt{1.0 - z * z} = \frac{1}{\sqrt{X^2 + Y^2}} \left(\frac{x\sqrt{z * 0.5 + 0.5}}{\sqrt{x^2 + y^2}}, \frac{y\sqrt{z * 0.5 + 0.5}}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right) \sqrt{1.0 - z * z}$$

$$z = \frac{1}{\sqrt{(z + 1)}} \sqrt{\frac{(z + 1)}{2}} \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}, \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right) \sqrt{1.0 - z^2} = \frac{1}{\sqrt{(z + 1)}} \sqrt{\frac{(z + 1)}{2}} \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}, \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right) \sqrt{x^2 + y^2} = (x, y)$$

- 지연 렌더링(Deferred Rendering)
 - 최적화된 GBuffer 생성 단계

```
VS GB OUTPUT VSOptimizedDeferredLighting(in VS GB INPUT input)
  VS GB OUTPUT output;
  matrix mtxWorldView = mul(gmtxWorld, gmtxView);
  output.position = mul(input.position, mtxWorldView);
  output.position = mul(output.position, gmtxProjection);
  output.normal = normalize(mul(input.normal, (float3x3)mtxWorldView));
  output.tangent = normalize(mul(input.tangent.xyz, (float3x3)mtxWorldView));
  output.bitangent = normalize(cross(output.normal, output.tangent));
  output.uv = input.uv;
  return(output);
```

```
struct VS_GB_INPUT
{
    float4 position : POSITION;
    float2 uv : TEXCOORD;
    float3 normal : NORMAL;
    float3 tangent : TANGENT;
};
```

```
struct VS_GB_OUTPUT
{
    float4 position : SV_Position;
    float2 uv : TEXCOORD;
    float3 normal : NORMAL;
    float3 tangent : TANGENT;
    float3 bitangent : BITANGENT;
};
```

- 지연 렌더링(Deferred Rendering)
 - 최적화된 GBuffer 생성 단계

```
PS GB OUTPUT PSOptimizedDeferredLighting(in VS GB OUTPUT input)
                                                               Texture2D gtxtDiffuseMap : register(t0);
  PS GB OUTPUT output;
                                                               SamplerState gssDiffuseMap : register(s0);
  float3 T = normalize(input.tangent);
  float3 B = normalize(input.bitangent);
                                                               Texture2D gtxtNormalMap : register(t1);
  float3 N = normalize(input.normal);
                                                               SamplerState gssNormalMap : register(s1);
  float3x3 TBN = float3x3(T, B, N);
  float3 normal = normalize(gtxtNormalMap.Sample(gssNormalMap, input.uv).rgb * 2.0f - 1.0f);
  normal = normalize(mul(normal, TBN));
  output.normal = normal.xy * (sqrt(-normal.z * 0.5f + 0.5f)); //Encode Azimuthal
  float3 diffuseAlbedo = gtxtDiffuseMap.Sample(gssDiffuseMap, input.uv).rgb;
  output.diffuseAlbedo = float4(diffuseAlbedo, 1.0f);
  output.specularAlbedo = gcMaterialSpecular; //power : (0\sim255) \rightarrow (0\sim1.0)
                                                         normal.xy / sqrt(8.0f * normal.z + 8.0f) + 0.5f;
  return(output);
                                                               struct PS GB OUTPUT
    cbuffer cbMaterial : register(b1)
                                                                 float2 normal : SV_Target0;
      float4 gcMaterialDiffuse;
                                                                 float4 diffuseAlbedo : SV_Target1;
      float4 gcMaterialAmbient;
                                                                 float4 specularAlbedo : SV Target2;
      float4 gcMaterialSpecular;
      float4 gcMaterialEmissive;
                                                          float4 Lighting(float3 vPosition, float3 vNormal);
```

지연 렌더링(Deferred Rendering)

Texture2D gtxtSpecularAlbedo : register(t2);

Texture2D gtxtDepth: register(t3);

return(clllumination);

최적화된 GBuffer를 사용한 조명 계산 단계

```
struct VS INPUT
VS OUTPUT VS(in VS INPUT input)
                                                                           float4 position: POSITION;
                                                                         };
  VS OUTPUT output;
  output.position = input.position; //투영 좌표계
                                                                         struct VS OUTPUT
  float3 positionCS = mul(input.position, gmtxInvProjection).xyz;
  output.positionCS = float3(positionCS.xy / positionCS.z, 1.0f);
                                                                           float4 position : SV Position;
  return(output);
                                                                           float3 positionCS: POSITION;
    Texture2D gtxtNormal : register(t0);
                                                                         cbuffer cbCamera : register(b1)
    Texture2D gtxtDiffuseAlbedo : register(t1);
```

matrix gmtxInvProjection;

```
float4 PS(VS OUTPUT input, uint coverage : SV Coverage) : SV Target
  int3 uvm = int3(input.position.xy, 0); //(u, v, mipmap level)
  float3 position = PositionFromDepth(gtxtDepth.Load(uvm).x, input.positionCS);
  float3 normal = SphereMapDecode(gtxtNormal.Load(uvm).xy);
  float3 diffuseAlbedo = gtxtDiffuseAlbedo.Load(uvm).xyz;
  float4 specular = gtxtSpecularAlbedo.Load(uvm);
  float4 cillumination = Lighting(position, normal, diffuseAlbedo, specular.xyz, specular.w*255.0f);
```

지연 렌더링(Deferred Rendering)

최적화된 GBuffer를 사용한 조명 계산 단계

```
float3 PositionFromDepth(float depth, float3 positionCS)

{
    float fz = gmtxProjection[3][2] / (depth - gmtxProjection[2][2]);
    return(positionCS * fz);
}
```

$$(x, y, z, 1) * PM = (x * xScale, y * yScale, \frac{(z - z_n) * z_f}{(z_f - z_n)}, z)$$

$$d = \frac{(z - z_n) * z_f}{(z_f - z_n)} * \frac{1}{z}$$

$$d * z = \frac{(z - z_n) * z_f}{(z_f - z_n)}$$

$$d * z * (z_f - z_n) = (z - z_n) * z_f$$

$$d * z * (z_f - z_n) - z * z_f = -z_n z_f$$

$$z * \{d * (z_f - z_n) - z_f\} = -z_n z_f$$

$$z = \frac{-z_n z_f}{d * (z_f - z_n) - z_f} = \frac{\frac{-z_n * z_f}{(z_f - z_n)}}{d - \frac{z_f}{z_f - z_n}}$$

```
float3 PositionFromDepth(float2 uv)
{
  float z = gtxtDepth.Sample(gssDefault, uv);
  float x = uv.x * 2.0f - 1.0f;
  float y = uv.y * 2.0f - 1.0f;
  float4 posPS = float4(x, y, z, 1.0f);
  float4 posCS = mul(posPS, gmtxInvProjection);
  return(posCS.xyz / posCS.w);
}
```

- 지연 렌더링(Deferred Rendering)
 - 최적화된 GBuffer를 사용한 조명 계산 단계

```
float3 SphereMapDecode(float2 enc)

{
    float4 nn = float4(enc, 1.0f, -1.0f);
    float | = dot(nn.xyz, -nn.xyw);
    nn.z = |;
    nn.xy *= sqrt(|);
    return(nn.xyz * 2.0f + float3(0.0f, 0.0f, -1.0f));
}

output.normal = normal.xy * (sqrt(-normal.z * 0.5f + 0.5f));

return(nn.xyz * 2.0f + float3(0.0f, 0.0f, -1.0f));
}
```

```
float2 Encode(float3 n)
{
    float2 e = normalize(n.xy) * sqrt(-n.z * 0.5f + 0.5f);
    return(e * 0.5f + 0.5f);
}
```

```
float2 Encode(float3 n)
{
    return(n.xy / sqrt(8.0f * n.z + 8.0f) + 0.5f);
}
```

```
float3 Decode(float4 e)
{
    float4 nn = e * float4(2, 2, 0, 0) + float4(-1, -1, 1, -1);
    nn.z = dot(nn.xyz, -nn.xyw);
    nn.xy *= sqrt(nn.z);
    return(nn.xyz * 2 + float3(0, 0, -1));
}
```

```
float3 Decode(float2 e)
{
    float2 fe = (e * 4.0f) - 2.0f;
    float f = dot(fe, fe);
    float3 n;
    n.xy = fe * sqrt(1.0f - (f / 4.0f));
    n.z = 1.0f - (f / 2.0f);
    return(n);
}
```