# Reaktywny język funkcyjny FElm

Semantyka języków programowania Filip Pawlak Rafał Łukaszewski Wrocław, dnia 20 lutego 2014 r.

### 1. Temat

Celem projektu jest zadanie semantyki oraz implementacja interpretera dla reaktywnego języka funkcyjnego będącego minimalnym podzbiorem języka Elm, opisanym jako FElm w pracy: Asynchronous Functional Reactive Programming for GUIs, na której oparty jest projekt.

# 2. Podstawowe założenia

- gorliwy
- silnie, ale dynamicznie typowany
- podstawowe konstrukcje dla sygnałów, tj. lift oraz foldp, ale bez async
- podobnie jak w Elmie brak sygnału sygnałów oraz sygnałów definiowanych rekurencyjnie
- typy danych: liczby całkowite, wartości boolowskie i oczywiście sygnały
- wejście zdefiniowany z góry zbiór sygnałów wejściowych

#### 3. Składnia

Składnia języka jest całkowicie zgodna z [1, p. 3.1], w związku z czym nie podajemy jej definicji ponownie w tym dokumencie.

# 4. Semantyka

Zgodnie z [1, p. 3.3] proces interpretacji programu jest podzielony na dwa etapy. Wpierw wykonywana jest redukcja wszystkich konstrukcji funkcyjnych do termu w języku pośrednim. W tej postaci pozostają już tylko konstrukcje sygnałów i korzystamy z niej w procesie rozwiązywania zależności pomiędzy konstrukcjami sygnałowymi. Wzorując się na intuicjach zawartych w [1, p. 3.3.2] explicite tworzymy graf sygnału w trakcie etapu drugiego, z którego to grafu ostatecznie korzystamy podczas przetwarzania nadchodzących zdarzeń.

Sygnały definiujemy jako strumienie dyskretnych wartości, oraz przetwarzamy je synchronicznie, tj. kiedy w sygnale wejściowym pojawi się nowa wartość musimy rozpropagować ją w całym grafie zanim będziemy mogli obsłużyć nowe zdarzenie. Przyjmujemy, że zbiór sygnałów wejściowych jest stały i zdefiniowany z góry. Podobnie jak w (mimo, że nie jest to dosłownie wyszczególnione), czas również traktujemy jak zwykły sygnał, tj. abstrahujemy od pojęcia czasu podczas definiowania semantyki.

#### 4.1. Ewaluacja funkcyjna

Podczas pierwszego etapu interpretacji korzystamy bezpośrednio z semantyki operacyjnej opisanej w [1, p. 3.3.1], z regułami zdefiniowanymi w [1, fig. 6].

#### 4.2. Budowa grafu

Ten etap ewaluacji opisujemy w formacie semantyki denotacyjnej. Wierzchołki w grafie reprezentujemy następująco:

$$Vertex: N \times Expr \times \{LiftV \times Expr, FoldpV \times Expr, InputV\}$$

Pierwszy element krotki to numer wierzchołka, drugi to jego wartość, zaś trzeci określa jego typ (wierzchołki typu LiftV i FoldpV dodatkowo przechowują funkcję przekazaną jako argument w wywołaniu odpowiednio  $\mathtt{lift}_n$  i  $\mathtt{foldp}$ ). Pomijamy definicję funkcji value : Vertex  $\rightarrow$  Expr, która dla danego wierzchołka zwraca jego wartość. Wymagamy by krawędzie pomiędzy dwoma wierzchołkami były numerowane (z uwagi na to, że kolejność argumentów sygnałowych jest istotna):

 $Edge: Vertex \times Vertex \times N$ 

Pomijamy reprezentację grafu, jednak żądamy by istniała funkcja Next : Graph  $\rightarrow$  N, która dla danego grafu podaje kolejny dostępny numer wierzchołka. Poprzez N oznaczamy funkcję typu Expr  $\rightarrow$  Expr, będącą funkcją semantyczną zadaną przez reguły ewaluacji funkcyjnej. Definiujemy również środowisko:

$$Env: Var \rightarrow Vertex$$

wraz z operacją update typu Var $\to$  Vertex $\to$  Env $\to$  Env. Definiujemy funkcję semantyczną D:

$$D : Expr \rightarrow Env \rightarrow Graph \rightarrow Vertex \times Graph$$

$$D \llbracket x \rrbracket \ env \ g = \langle env \ x, \ g \rangle$$

$$D \llbracket \text{lift}_n \ f \ s_1 \ \dots \ s_n \rrbracket = \langle v, \ g' \rangle$$

$$\text{gdzie} \ \langle v_1, \ g_1 \rangle = D \llbracket s_1 \rrbracket \ env \ g$$

$$\langle v_i, \ g_i \rangle = D \llbracket s_i \rrbracket \ env \ g_{i-1} \quad \text{dla} \ 2 \leq i \leq n$$

$$defaultV = N \llbracket f \ (\text{value} \ v_1) \ \dots \ (\text{value} \ v_n) \rrbracket$$

$$v = \langle Next(g_n), \ defaultV, \ \langle LiftV, \ f \rangle \rangle$$

$$V(g') = V(g_n) \cup \{v\}$$

$$E(g') = E(g_n) \cup \{\langle v_i, \ v, \ i \rangle : 1 \leq i \leq n\}$$

$$D \llbracket \text{foldp} \ f \ d \ s \rrbracket = \langle v, \ g' \rangle$$

$$\text{gdzie} \ \langle v_s, \ g_s \rangle = D \llbracket s \rrbracket \ env \ g$$

$$v = \langle Next(g_s), \ d, \ \langle Foldp, \ f \rangle \rangle$$

$$V(g') = V(g_s) \cup \{v\}$$

$$E(g') = E(g_s) \cup \{\langle v_s, \ v, \ 1 \rangle\}$$

$$D \llbracket \text{let} \ l = s \ \text{in} \ r \rrbracket = \langle v_r, \ g_r \rangle$$

$$\text{gdzie} \ \langle v_s, \ g_s \rangle = D \llbracket s \rrbracket \ env \ g$$

$$env' = update \ l \ v_s \ env$$

$$\langle v_r, \ g_r \rangle = D \llbracket r \rrbracket \ env' \ g_s$$

#### 4.3. Inne podejście

Powyższa semantyka wiernie bazuje na pracy [1] i klarownie oddziela od siebie ewaluację elementów funkcyjnych i sygnałowych. Wadą takiego podejścia jest nieoczekiwane zatrzymywanie się ewaluacji dla niektórych wyrażeń, jak np.:

let 
$$y = (let x = Window.width in  $\z \rightarrow x)$  in  $y ()$$$

Jednym z możliwych rozwiązań tej sytuacji jest połączenie obu etapów ewaluacji w jeden i budowanie grafu równolegle z ewaluacją elementów funkcyjnych. Nową relację redukcji oznaczamy w ten sam sposób, lecz teraz jest ona określona na zbiorze Expr  $\times$  Graph. Do składni abstrakcyjnej dodajemy pomocnicze wyrażenia signal i  $(i \in N)$  reprezentujące sygnały (wierzchołki w grafie). Dodajemy je również do kategorii wartości. Konteksty ewaluacyjne definiujemy niemal identycznie, jednak z definicji kontekstu usuwamy produkcję której prawą stroną jest let x = s in E (zatem nie ewaluujemy ciała konstrukcji let). Definiujemy regułę CONTEXT dla nowej relacji:

$$\frac{\langle e, g \rangle \to \langle e', g' \rangle}{\langle E[e], g \rangle \to \langle E[e'], g \rangle} \quad \text{CONTEXT}$$

Do naszej semantyki włączamy reguły APPLICATION, OP, CONDTRUE, COND-FALSE i REDUCE ([1, p. 3.3.1]) wraz z poniższą regułą umożliwiającą ich stosowanie:

$$\frac{e \to e'}{\langle e, g \rangle \to \langle e', g \rangle}$$

Kolejne dwie reguły budują fragment grafu odpowiadający rozpatrywanej konstrukcji sygnałowej oraz zastępują ją wyrażeniem signal i, gdzie i to numer wierzchołka odpowiadającego wynikowemu sygnałowi:

#### 4.4. Propagacja zdarzeń w grafie

Aby reprezentować pojawienie się nowej wartości w sygnale lub jej brak dodajemy do krawędzi grafu dodatkową informację typu:

type Event 
$$\alpha = NoChange \alpha \mid Change \alpha$$

Pojawienie się nowej wartości w wierzchołku będziemy propagować przez ustawienie na wychodzących z niego krawędziach etykiety  $Change\ v$  (gdzie v oznacza nową wartość znajdującą się w wierzchołku), natomiast gdy nic nowego nie pojawi się w wierzchołku oznaczymy jego krawędzie etykietami  $NoChange\ v$  (w tym przypadku v to ostatnia wartość jaka pojawiła się w danym sygnale). W ten sposób unikniemy ponownego obliczania wartości w wierzchołkach, kiedy nie jest to konieczne.

Kiedy posiadamy już poprawnie zbudowany graf propagację nowych wartości pojawiających się w sygnale wejściowym przeprowadzamy w trzech krokach:

- 1. oznaczenie krawędzi wychodzących wierzchołka danego sygnału wejściowego etykietą  $Change\ v$
- 2. oznaczenie krawędzi wychodzących reszty wierzchołków sygnałów wejściowych etykietą  $NoChange\;v$
- odpowiednie przetworzenie każdego wierzchołka (nie reprezentującego sygnału wejściowego) w kolejności wyznaczonej przez porządek topologiczny grafu zgodnie z regułami przedstawionymi poniżej:

Dla grafu g i wierzchołka  $v = \langle d, \langle FoldpV, f \rangle \rangle$ :

• jeśli  $\langle v_s, v, 1, Change\ val \rangle \in E(g)$ , to w wynikowym grafie g' mamy

$$V(g') = V(g) \setminus \{v\} \cup \{nV\}$$

$$E(g) \setminus \{\langle v, \neg, \neg, \neg \rangle : \langle v, \neg, \neg, \neg \rangle \in E(g)\}$$

$$E(g') = \begin{cases} \cup \{\langle nV, v_t, k, Change\ nVal \rangle : \langle v, v_t, k, \neg \rangle \in E(g)\} \\ \setminus \{\langle \neg, v, \neg, \neg \rangle : \langle \neg, v, \neg, \neg \rangle \in E(g)\} \end{cases}$$

$$\cup \{\langle v_s, nV, k, ev \rangle : \langle v_s, v, k, ev \rangle \in E(g)\}$$

$$\text{gdzie}\ nVal = N[f\ val\ d]$$

$$nV = \langle nVal, \langle FoldpV, f \rangle \rangle$$

• w innym przypadku:

$$E(g') = E(g) \setminus \{\langle v, \_, \_, \_ \rangle : \langle v, \_, \_, \_ \rangle \in E(g)\}$$

$$\cup \{\langle v, v_t, k, NoChange d \rangle : \langle v, v_t, k, \_ \rangle \in E(g)\}$$

Dla grafu g i wierzchołka  $v = \langle d, \langle LiftV_n, f \rangle \rangle$ :

• jeśli  $\exists i. \langle v_s, v, i, Change_{\rightarrow} \rangle \in E(g)$ , to w wynikowym grafie g' mamy

$$V(g') = V(g) \setminus \{v\} \cup \{nV\}$$
 
$$E(g) \setminus \{\langle v, \neg, \neg, \neg \rangle : \langle v, \neg, \neg, \neg \rangle \in E(g)\}$$
 
$$U(g') = \begin{cases} \cup \{\langle nV, v_t, k, Change\ nVal \rangle : \langle v, v_t, k, \neg \rangle \in E(g)\} \\ \setminus \{\langle \neg, v, \neg, \neg \rangle : \langle \neg, v, \neg, \neg \rangle \in E(g)\} \end{cases}$$
 
$$U(g') = \begin{cases} \cup \{\langle v_s, nV, k, ev \rangle : \langle v_s, v, k, ev \rangle \in E(g)\} \end{cases}$$
 gdzie 
$$nV = \langle nVal, \langle Lift_n, f \rangle \rangle$$
 
$$nVal = N[[f\ vals(1) \dots vals(n)\ d]]$$
 
$$vals = \{\text{bodyOf}\ e : \langle \neg, v, i, e \rangle \in E(g), 1 \le i \le n\}$$
 bodyOf 
$$e = \text{case}\ e \text{ of}\ NoChange}\ a \to a \mid Change\ a \to a$$

• w przeciwnym razie:

$$E(g') = E(g) \setminus \{\langle v, \_, \_, \_ \rangle : \langle v, \_, \_, \_ \rangle \in E(g)\}$$
  
 
$$\cup \{\langle v, v_t, k, NoChange d \rangle : \langle v, v_t, k, \_ \rangle \in E(g)\}$$

Obsługa strumienia zdarzeń to po prostu sekwencyjne stosowanie powyższej strategii.

# 5. Uwagi dotyczące implementacji

Zaimplementowane zostały obie wersje semantyki budowy grafu, o których mowa w pkt. 4.2 i 4.3. Pierwsza jest zastosowana w funkcji

Signal.buildGraph (i Functional.normalize), natomiast druga w funkcji Signal.sigNormalize.

Zbiór sygnałów wejściowych jest w implementacji wprowadzany w postaci swego rodzaju preludium, tj. obsługa właściwego programu zaczyna się na wcześniej utworzonym środowisku oraz grafie, w którym już znajdują się dobrze zdefiniowane wierzchołki sygnałów wejściowych.

# Literatura

[1] E. Czaplicki, S. Chong, Asynchronous Functional Reactive Programming for GUIs, PLDI'13, 2013.