

电磁感应

基本定律

楞次定律 (定性)

法拉第电磁感应定律

$$\varepsilon_i = - \frac{d}{dt} \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

动生电动势

$$\varepsilon_i = \int_a^b (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l}$$

计算可用: $\varepsilon_i = - \frac{d\Phi}{dt} = - B \frac{dS}{dt}$

感生电场

$$\oint_L \vec{E}_i \cdot d\vec{l} = - \int_S \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$

性质

\vec{E}_i 与 $\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ 右手螺旋 (楞次)
无原场, 非保守场

感生电动势

计算: $\left\{ \begin{array}{l} ① \quad \varepsilon_i = - \frac{d\Phi}{dt} = - S \cdot \frac{dB}{dt} \\ ② \quad \text{求 } \vec{E}_i, \text{ 再求 } \varepsilon_i = \int_L \vec{E}_i \cdot d\vec{l} \end{array} \right.$

自感

$$\Psi = L \cdot I$$

自感电动势: $\varepsilon_L = - \frac{d\Psi}{dt} = - L \frac{dI}{dt}$

求L: $L = \frac{\Psi}{I}$ (消去I)

暂态过程 (模电万岁)

互感

$$\Psi_{21} = M_{21} \cdot i_1$$

互感电动势: $\varepsilon_{21} = - M_{21} \frac{di_1}{dt}$ $M_{21} = M_{12} = M$

求M: $M = \frac{\Phi_m}{I}$

磁场的能量

磁场的能量

磁能密度: $w_m = \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H} = \frac{1}{2} \mu H^2$

总能量: $W_m = \int_V w_m dV = \int_V \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H} dV$

自感磁能

$$W_m = \frac{1}{2} L I^2$$

互感磁能

$$W_{12} = M_{12} I_1 I_2$$

(W_{21})

电磁场与电磁波

位移电流

位移电流密度

$$\vec{j}_d = \frac{d\vec{D}}{dt}$$

位移电流强度

$$\vec{I}_d = \frac{d\Phi_D}{dt} = \int_S \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$

全电流

$$I_{\text{全}} = \sum I + I_d$$

全电流安培环路定律

$$\oint_L \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I + I_d$$

麦克斯韦方程组

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \iint \frac{d\vec{B}}{dt} \cdot d\vec{S}$$

$$\iint \vec{D} \cdot d\vec{S} = \sum q = \iiint \rho dV$$

$$\iint \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I + I_d = \iint \vec{j} \cdot d\vec{S} + \iint \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$

$$\nabla \cdot \vec{D} = \rho$$

$$\nabla \times \vec{E} = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0$$

$$\nabla \times \vec{H} = \vec{j} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

电磁波

能流密度

$$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$$

↓

坡印亭矢量

平均能流密度

$$\vec{S} = \frac{1}{2} \vec{E}_0 \times \vec{H}_0$$