标签: Q-learning state action agent reward

2013-07-18 00:08 @ 29590人阅读 ② 评论(9) 收藏 举报

₩ 分类: 强化学习

▶ 快速

本文是对 http://mnemstudio.org/path-finding-q-learning-tutorial.htm 的翻译,共分两部分,第一部分为中文翻译 二部分为英文原文。翻译时为方便读者理解,有些地方采用了意译的方式,此外,原文中有几处笔误,在翻译时已进行了更正。这篇教程通俗易懂,是一份很不错的学习理解 Q-learning 算法工作原理的材料。

第一部分:中文翻译

§1.1 Step-By-Step Tutorial

本教程将通过一个简单但又综合全面的例子来介绍 Q-learning 算法. 该例子描述了一个利用无监督训练来学习未知环境的 agent.

假设一幢建筑里面有 5 个房间, 房间之间通过门相连 (如图 1 所示). 我们将这五个房间按照从 0 至 4 进行编号, 且建筑的外围可认为是一个大的房间, 编号为 5.

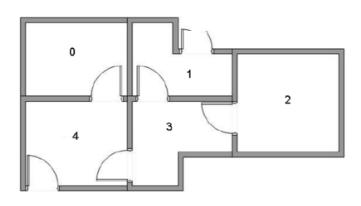


图 1 房间结构

上图的房间也可以通过一个图来表示,房间作为图的节点,两个房间若有门相连,则相应节点间对应一条边,如图 2 所示.

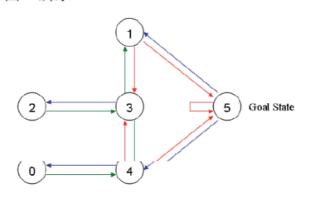
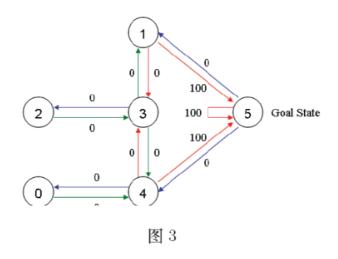


图 2 房间结构对应的图

对于这个例子, 我们首先将 agent 置于建筑中的任意一个房间, 然后从那个房间开始, 让其走到建筑外, 那是我们的目标房间 (即编号为 5 的房间). 为了将编号为 5 的房间设置为目标, 我们为每一扇门 (即相应的边) 关联一个 reward 值: 直接连接到目标房间的门的 reward 值为 100, 其他门的 reward 值为 0. 因为每一扇门都有两个方向 (如由 0 号房间可以去 4 号

房间, 而由 4 号房间也可以返回 0 号房间), 因此每一个房间上指定两个箭头 (一个指进一个指出), 且每个箭头上带有一个 reward 值 (如图 3 所示).



注意, 编号为 5 的房间有一个指向自己的箭头, 其 reward 值为 100, 其他直接指向目标房间的边的 reward 值也为 100. Q-learning 的目标是达到 reward 值最大的 state, 因此, 当 agent 到达目标房间后将永远停留在那里. 这种目标也称为"吸收目标".

想象一下, 我们的 agent 是一个可以通过经验进行学习的"哑巴虚拟机器人", 它可以从一个房间走到另一个房间, 但是, 它不知道周边的环境, 也不知道怎样走到建筑的外面去.

下面我们想对 agent 从建筑里的任意房间的简单撤离进行建模. 假定现在 agent 位于 2 号房间, 我们希望 agent 通过学习到达 5 号房间.

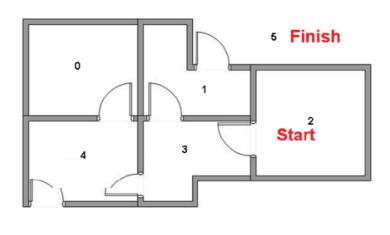


图 4

Q-Learning 算法中有两个重要术语: "状态 (state)"和"行为 (action)".

我们将每一房间(包括5号房间)称为一个"**状态**",将 agent 从一个房间走到另外一个房间称为一个"**行为**".在图2中,一个"状态"对应一个节点,而一种"行为"对应一个箭头.

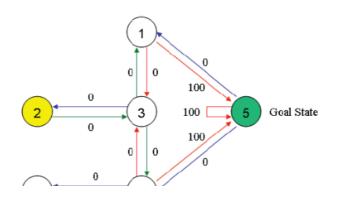




图 5

假设 agent 当前处于状态 2. 从状态 2, 它可以转至状态 3 (因为状态 2 到状态 3 有边相连). 但从状态 2 不能转至状态 1 (因为状态 2 到状态 1 没边相连). 类似地, 我们还有

- 从状态 3, 它可以转至状态 1 和 4, 也可以转回至状态 2.
- 从状态 4, 它可以转至状态 0, 5 和 3.
- 从状态 1, 它可以转至状态 5 和 3.
- 从状态 0, 它只能转至状态 4.

我们可以以**状态**为行, **行为**为列, 构建一个如图 6 所示的关于 reward 值的矩阵 R, 其中的 -1 表示空值 (相应节点之间没有边相连).

图 6 reward 值矩阵

类似地, 我们也可以构建一个矩阵 Q, 它用来表示 agent 已经从经验中学到的知识. 矩阵 Q 与 R 是同阶的, 其行表示**状态**, 列表示**行为**.

由于刚开始时 agent 对外界环境一无所知, 因此矩阵 Q 应初始化为零矩阵. 为简单起见, 在本例中我们假设状态的数目是已知的 (等于 6). 对于状态数目未知的情形, 我们可以让 Q 从一个元素出发, 每次发现一个新的状态时就可以在 Q 中增加相应的行列.

Q-learning 算法的转移规则比较简单, 如下式所示:

$$Q(s,a) = R(s,a) + \gamma \cdot \max_{\widetilde{a}} \{Q(\widetilde{s}, \widetilde{a})\}, \tag{1.1}$$

其中 s,a 表示当前的状态和行为, $\widetilde{s},\widetilde{a}$ 表示 s 的下一个状态及行为, 学习参数 γ 为满足 $0 \le \gamma < 1$ 的常数.

在没有老师的情况下,我们的 agent 将通过经验进行学习 (也称为无监督学习). 它不断从一个状态转至另一状态进行探索,直到到达目标. 我们将 agent 的每一次探索称为一个episode. 在每一个episode中, agent 从任意初始状态到达目标状态. 当 agent 达到目标状态后,一个episode即结束,接着进入另一个episode.

算法 1.1 (Q-learning 算法)

Step 1 给定参数 γ 和 reward 矩阵 R.

Step 2 \diamondsuit Q := 0.

Step 3 For each episode:

- 3.1 随机选择一个初始的状态 s.
- 3.2 若未达到目标状态,则执行以下几步
 - (1) 在当前状态 s 的所有可能行为中选取一个行为 a.
 - (2) 利用选定的行为 a, 得到下一个状态 \tilde{s} .
 - (3) 按照 (1.1) 计算 Q(s,a).
 - $(4) \Leftrightarrow s := \widetilde{s}.$

Agent 利用上述算法从经验中进行学习. 每一个 episode 相当于一个 training session. 在一个 training session 中, agent 探索外界环境,并接收外界环境的 reward, 直到达到目标状态. 训练的目的是要强化 agent 的"大脑"(用 Q 表示). 训练得越多,则 Q 被优化得更好. 当矩阵 Q 被训练强化后, agent 便很容易找到达到目标状态的最快路径了.

公式 (1.1) 中的 γ 满足 $0 \le \gamma < 1$. γ 趋向于 0 表示 agent 主要考虑 immediate reward, 而 γ 趋向于 1 表示 agent 将同时考虑 future rewards.

利用训练好的矩阵 Q, 我们可以很容易地找出一条从任意状态 s_0 出发达到目标状态的行为路径, 具体步骤如下:

- 1. 令当前状态 $s := s_0$.
- 2. 确定 a, 它满足 $Q(s,a) = \max_{\widetilde{s}} \{Q(s,\widetilde{a})\}.$
- 3. 令当前状态 $s := \tilde{s}$ (\tilde{s} 表示 a 对应的下一个状态).
- 4. 重复执行步 2 和步 3 直到 s 成为目标状态.

§1.2 Q-Learning Example By Hand

为进一步理解上一节中介绍的 Q-learning 算法是如何工作的, 下面我们一步一步地迭代几个 episode.

首先取学习参数 $\gamma = 0.8$, 初始状态为房间 1, 并将 Q 初始化为一个零矩阵.

图 7 将 Q 初始化为一个零矩阵

观察矩阵 R 的第二行 (对应房间 1 或状态 1), 它包含两个非负值, 即当前状态 1 的下一步行为有两种可能: 转至状态 3 或转至状态 5. 随机地, 我们选取转至状态 5.

图 8

想象一下, 当我们的 agent 位于状态 5 以后, 会发生什么事情呢? 观察矩阵 R 的第 6 行 (对应状态 5), 它对应三个可能的行为: 转至状态 1, 4 或 5. 根据公式 (1.1), 我们有

$$Q(1,5) = R(1,5) + 0.8 * \max\{Q(5,1), Q(5,4), Q(5,5)\}$$

$$= 100 + 0.8 * \max\{0,0,0\}$$

$$= 100.$$

现在状态 5 变成了当前状态. 因为状态 5 即为目标状态, 故一次 episode 便完成了, 至此, agent 的"大脑"中的 Q 矩阵刷新为

图 9 一次 episode 后的 Q 矩阵

接下来,进行下一次 episode 的迭代,首先随机地选取一个初始状态,这次我们选取状态

观察矩阵 R 的第四行 (对应状态 3), 它对应三个可能的行为: 转至状态 1, 2 或 4. 随机地, 我们选取转至状态 1. 因此观察矩阵 R 的第二行 (对应状态 1), 它对应两个可能的行为: 转至状态 3 或 5. 根据公式 (1.1), 我们有

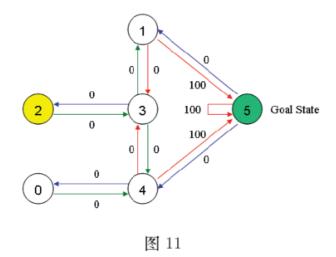
$$Q(3,1) = R(3,1) + 0.8 * \max\{Q(1,3), Q(1,5)\}$$
$$= 0 + 0.8 * \max\{0, 100\}$$
$$= 80.$$

注意上式中的 Q(1,5) 用到了图 9 中的刷新值. 此时, 矩阵 Q 变为

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 100 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 80 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 5 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

图 10

索. 状态 1 对应三个可能的行为: 转至状态 3 或 5. 不妨假定我们幸运地选择了状态 5.



此时, 同前面的分析一样, 状态 5 有三个可能的行为: 转至状态 1, 4 或 5. 根据公式 (1.1), 我们有

$$Q(1,5) = R(1,5) + 0.8 * \max\{Q(5,1), Q(5,4), Q(5,5)\}$$

$$= 100 + 0.8 * \max\{0,0,0\}$$

$$= 100.$$

注意, 经过上一步刷新, 矩阵 Q 并没有发生变化.

因为状态 5 即为目标状态, 故这一次 episode 便完成了, 至此, agent 的"大脑"中的 Q 矩阵刷新为

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 100 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 80 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 5 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

图 12

若我们继续执行更多的 episode, 矩阵 Q 将最终收敛成

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & ... & 0 & 0 & 320 & ... & 500 \end{bmatrix}$$

图 13

对其进行规范化,每个非零元素都除以矩阵 Q 的最大元素 (这里为 500),可得 (这里省略了百分号)

图 14 规范化后的矩阵 Q

一旦矩阵 Q 足够接近于收敛状态,我们的 agent 便学习到了转移至目标状态的最佳路径. 只需按照上一节结尾时介绍的步骤,即可找到最优的路径 (如图 15 所示).

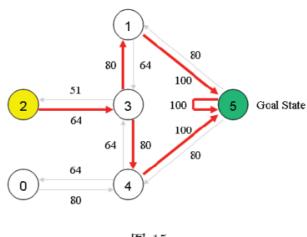


图 15

例如, 从 2 为初始状态, 利用 Q, 可得

- 从状态 2, 最大 Q 元素值指向状态 3;
- 从状态 3, 最大 Q 元素值指向状态 1 或 4 (这里假设我们随机地选择了 1);
- 从状态 1, 最大 Q 元素值指向状态 5,

因此最佳路径的序列为 2-3-1-5.