# Digital Signatures(전자서명)

https://youtu.be/ReQjuExafB8





전자서명의 원리

RSA 전자서명 기법

RSA 전자서명의 안정성

# 전자서명

## 전자서명

서명자를 확인하고 서명자가 전자문서에 서명하였음을 나타내는 데 이용. 사이버 공간에서의 정보들을 쉽게 위변조 할 수 있기 때문에 제공자를 확인하고 증명하기 위함.

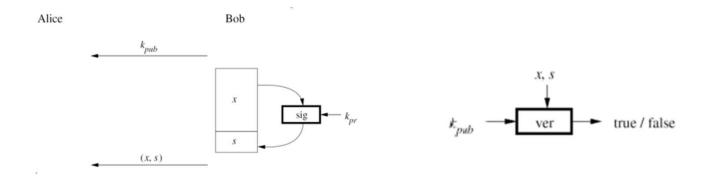
\* 인감 : 종이문서 + 인감도장 날인

\* 서명된 전자문서 : 전자문서 + 전자서명(전자문서 해시 + 개인키의 암호화)

→대부분 공개키 암호 알고리즘을 이용하여 구현하며, 무결성을 확인하고 인증과 부인 방지 기능 제공

# 전자서명

## 전자서명의 기본 원리



기존의 수기 서명과 마찬가지로 전자서명 s가 메시지 x에 추가됨. 개인키  $k_{pr}$ 을 가지고 있는 사람만이 서명을 생성할 수 있어야 함. 단, 서명은 문서마다 변경되어야 함.

- $\rightarrow$  서명은 메시지 x와 개인키  $k_{pr}$ 을 입력으로 갖는 함수에 의해 구현됨.
- $\rightarrow$  메시지 x와 공개키  $k_{pub}$ 을 이용하여 검증됨(Verification)

# 전자서명

## 전자서명이 제공하는 보안 서비스

위조 불가 (Unforgettable): 합법적인 서명자만이 전자 문서에 대한 전자서명을 생성할 수 있어야 한다.

서명자 인증 (User Authentication): 전자서명의 서명자를 누구든지 검증할 수 있어야 한다.

부인 불가 (Non repudiation) : 서명자는 서명 후에 자신의 서명 사실을 부인할 수 없어야 한다.

변경 불가 (Unalterable): 서명한 문서의 내용은 변경될 수 없어야 한다.

재사용 불가 (Not Reusable): 전자문서의 서명은 다른 전자문서의 서명으로 사용될 수 없어야 한다.

## 전자서명 알고리즘 종류

RSA 전자서명: 소인수분해하는 문제의 어려움에 근거.

엘가말 전자서명: 이산대수 문제에 근거. (슈노어, DSS 전자서명)

타원곡선 전자서명: 타원곡선상에서 군을 정의하고 이에 대한 이산대수 계산의 어려움에 근거.

# RSA 전자서명 기법(Schoolbook RSA Signature Scheme)

## RSA 전자서명 기법

RSA 암호화 기법에 기반을 두고 있으며,

두 개의 큰 소수의 곱을 인수분해 하기 어렵다는 사실을 이용함.

#### Bob이 Alice에게 서명된 메시지를 보내고자 할 때, RSA 암호화와 동일한 RSA 키를 생성함

 $\rightarrow$ Bob's 개인키 :  $k_{pr} = d$ 

 $\rightarrow$ Bob's 공개키 :  $k_{pub} = (n, e)$ 

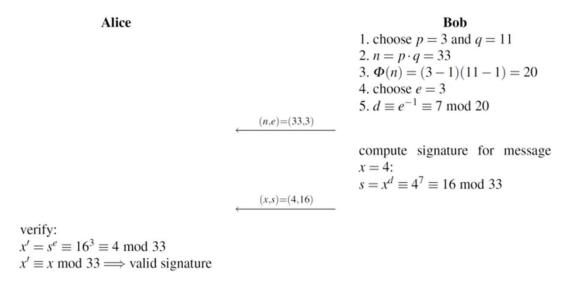
Alice Bob 
$$k_{pr} = d, k_{pub} = (n, e)$$
 compute signature: 
$$s = \operatorname{sig}_{k_{pr}}(x) \equiv x^d \bmod n$$
 서명 검증 verify:  $\operatorname{ver}_{k_{pub}}(x, s)$  
$$x' \equiv s^e \bmod n \quad \stackrel{(x,s)}{\longleftarrow} s^e = (x^d)^e = x^{de} \equiv x \bmod n \quad \text{with} \quad de \equiv 1 \bmod \phi(n)$$
 
$$x' \begin{cases} \equiv x \bmod n & \Longrightarrow \text{ valid signature} \\ \not\equiv x \bmod n & \Longrightarrow \text{ invalid signature} \end{cases}$$

# RSA 전자서명 기법(Schoolbook RSA Signature Scheme)

### **Example**

Bob이 서명된 메시지 x = 4를 보내고자 함.

RSA 암호화 기법과 달리, 개인키가 전자서명에 사용되고 공개키는 이를 검증할 때 사용됨.



Alice는 위의 검증을 통해 메시지 인증(Authentication) 및 무결성(Integrity)을 확인할 수 있음.

# RSA 전자서명의 안정성

## RSA 암호화와 동일한 제한 사항

전자서명의 길이: 대략적으로 $\lceil \log_2 n \rceil$  bit. 서명의 길이가 일반적인 인터넷 응용분야에서는 문제x 모바일 폰과 같이 제한되는 시스템에서는 바람직하지 않다.

## 공개키의 진정성(Authenticity) 필요

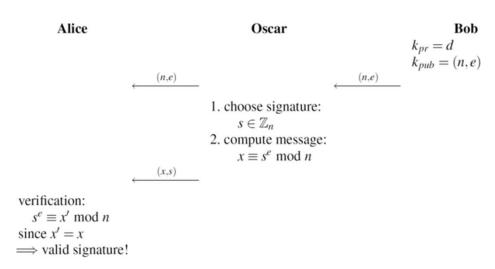
공개키의 진정성이 반드시 보장되어야 함.

공격자가 서명자의 키인 것처럼 올바르지 않은 공개키를 사용하는 것을 막기 위해, 인증서가 사용됨

## 서명 위조 공격(Existential Forgery Attacks)

기본적인 RSA 전자서명 기법에서 공격자가 임의의 메시지 x에 대해 유효한 서명을 생성하여 공격하는 것을 말함.

# RSA 전자서명의 안정성



공격자 Oscar는 중간에서 Alice에게 본인이 Bob이라고 주장하여 메시지-서명(x,s)을 생성할 수 있으며, Alice는 Oscar와 동일한 계산을 수행하게 되어 서명이 올바르다고 검증하게 됨.

공격자는 서명 s만 선택할 수 있고 메시지 x의 의미를 임의로 수정할 수는 없음.

그럼에도 위조를 제대러 인지하지 못하는 자동화된 검증 프로세서는 올바르게 작동한다고 할 수 있음. > 이러한 형태의 공격을 막기 위해 패딩 기법이 적용됨.

# Q & A