Q bit

최승주

https://youtu.be/-piWWfZrm_A





목차

- 1. 양자 관련 배경 지식
 - 1) 벡터
 - 2) 파동 함수
 - 3) 원자 및 전자 그리고 전기
 - 4) 자기장
- 2. Q 비트

벡터

- 속력: 시속 100Km로 달리고 있다 크기
- 속도: 시속 100Km로 동쪽으로 달리고 있다 크기 + 방향

크기 → 스칼라

크기 + 방향 → 벡터



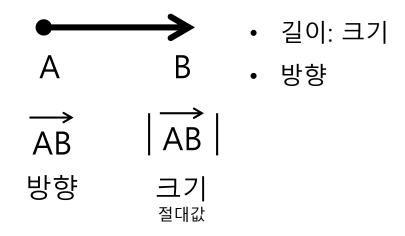
주인공들을 지칭하는 '벡터맨'은 'Vector Man'으로 <u>물리학</u>에서 언급되는 그 <u>벡터</u>이다. 고교 이과수학 교과목 중 하나인 <u>기하와 벡터</u>의 그 벡터이기 도 하다. 이름의 뜻은 운명처럼 불특정한 무언가를 바꿀 수 있는 자들.

벡터

- 속력: 시속 100Km로 달리고 있다 크기
- 속도: 시속 100Km로 동쪽으로 달리고 있다 크기 + 방향

크기 🗲 스칼라

크기 + 방향 🗲 벡터

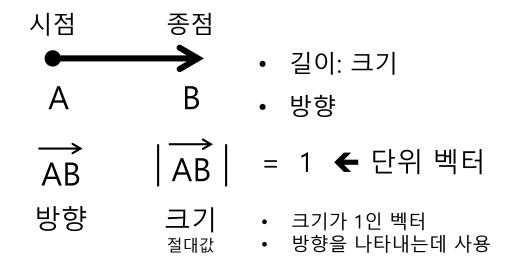


벡터

- 속력: 시속 100Km로 달리고 있다 크기
- 속도: 시속 100Km로 동쪽으로 달리고 있다 크기 + 방향

크기 → 스칼라

크기 + 방향 🗲 벡터

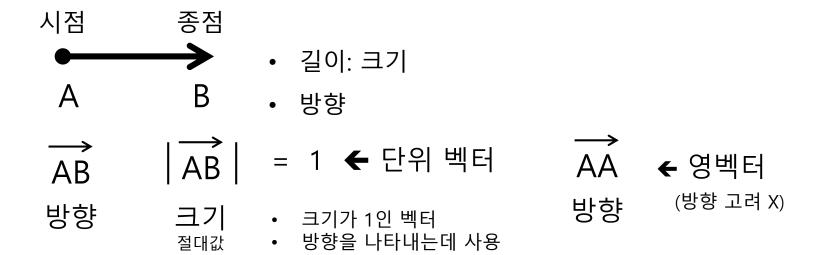


벡터

- 속력: 시속 100Km로 달리고 있다 크기
- 속도: 시속 100Km로 동쪽으로 달리고 있다 크기 + 방향

크기 → 스칼라

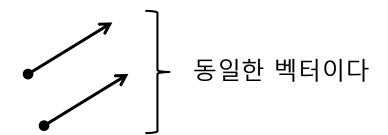
크기 + 방향 → 벡터

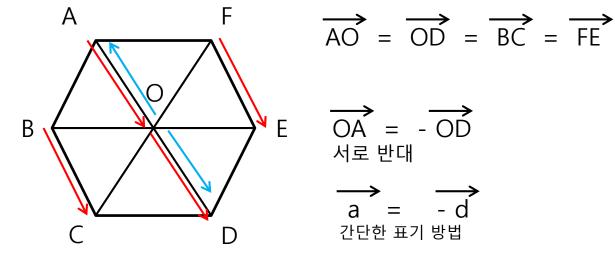


벡터

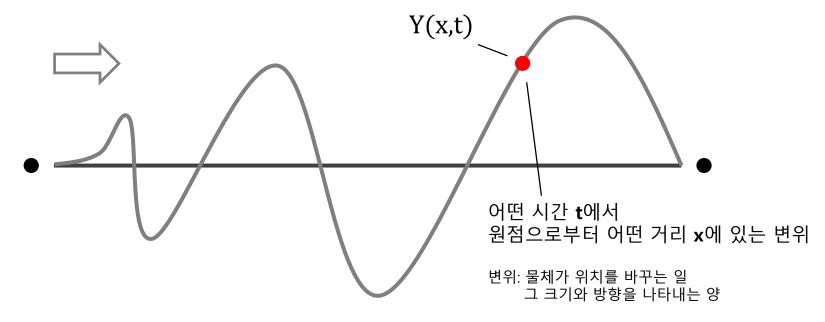
• 두 벡터가 서로 같을 조건

크기와 방향이 동일 (위치에 상관 없다)





• 파동의 상태를 표현



- 파동 함수만으로는 물리적인 의미를 갖지 못한다.
- 특정 위치에서 어떤 순간에 물체를 발견할 확률

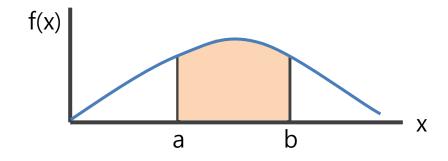
• 양자역학적 관점

입자가 특정 위치에 존재할 확률 밀도 함수

확률 밀도 함수: 확률 변수의 분포를 나타내는 함수

확률 밀도 함수 f(x)와 구간 [a, b]에 대해서 확률 변수 X가 구간에 포함될 확률

$$P(a < X < b) = \int_a^b f(x) \ dx$$





루이 드 브로이

 모든 물체는 경우에 따라 물질파라는 파동처럼 행동할 수 있으며 이에 따른 파장과 진동수를 제시함

파동 함수

- 파동 함수란 무엇을 의미하는가? 양자 역학이라는 이론으로 발전
 - 루디 드 브로이
 - 1) 베르너 하이젠베르크
 - 2) 에르빈 슈뢰딩거
 - 3) 폴 디랙
 - 4) 막스 보른
- 루이 드 브로이: 파동 함수의 진폭은 입자의 밀도
- 막스 보른: 파동 함수의 진폭의 절댓값을 입자가 해당 위치에 존재할 확률 밀도
 많은 논란 후 막스 보른의 생각이 정당하다는 사실이 밝혀짐





파동 함수

- 인물
 - 1) 베르너 하이젠베르크 불확정성 원리, 행렬역학, 양자역학의 발전에 절대적인 공헌
 - 2) 에르빈 슈뢰딩거 슈뢰딩거 방정식(루디 드 브로이의 전자의 파동이론을 발전시킨 것), 슈뢰딩거의 고양이, 양자 역학에 기여
 - 3) 폴 디랙 영국의 이론물리학자, 양자역학을 탄생시킨 사람 중 하나, 양자 상태 표현하는 브라-켓 표기법 개발
 - 4) 막스 보른 슈뢰딩거의 연구를 기초로 물질파는 단순히 어떤 주어진 장소에서 입자가 존재할 확률일 뿐이다고 결론

파동 함수

- 루이 드 브로이
 - 전자의 궤적을 안내하는 어떤 파동이 존재한다.
 - 전자가 핵 주위를 돌 때 그것이 따라가야 하는 길을 잡아주는 파동
 - 파동은 전자의 질량과 속도에 의해 결정
- 슈뢰딩거
 - 물리적 사건들은 근본적으로 파동 현상이다.
 - 파동 현상들이 따르는 법칙을 탐구
 - |ψ²|은 전자의 전하 밀도

일정한 길이나 넓이, 또는 부피에 존재하는 전하의 총량 전하(Electric charge): 전자기장에 놓여질 때 힘을 경험하게 하는 물질의 물리적 특성 [양성자(Proton), 전자(Electron), 중성자(Neutron)]

- 막스 보른
 - |ψ²|은 전하 밀도가 아닌 <mark>확률 밀도</mark> 단지 바로 그 위치에서 입자가 발견될 확률 밀도
 - |ψ²|이 확률 밀도 함수라고 불리게 되었음
 - 물리학에서 근본적인 차원에서 확률 개념을 도입하게 되었다.

파동 함수

• 확률 밀도에 대한 아인슈타인의 불만

"양자역학은 주목받을만 하지만 내 예감으로는 그것이 여전히 진실이 아닌 것 같다. 그 이론은 많은 성과를 내었지만, 과거의 비밀에 결코 더 가까이 접근한 것 같지는 않다. 어쨌든 나는 신은 주사위놀이를 하지 않는다고 확신한다."

- 1926 아인슈타인

"우리는 정 반대의 과학적 목표를 지향하고 있다. 당신은 주사위 놀이를 하는 신을 믿고있고, 나는 사물의 세계 안에 실제 대상으로서 존재하는 완벽한 법칙을 믿고 있다. 나는 그것을 포착하기 위해 대단히 노력하고 있다."

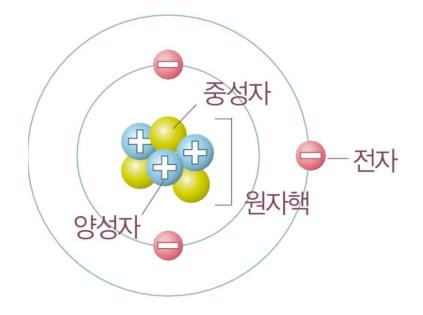
- 1948 아인슈타인

 사물의 세계 안에 실제 대상으로서 존재하는 법칙을 찾기 위해 양자론과 일반상대성이론을 통합하려는 프로그램 수행

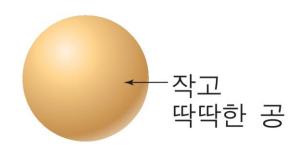
아직 보다 완전한 이론은 개발되지 않음

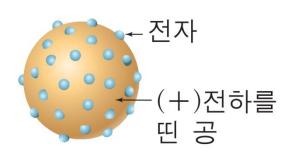
• 원자 화학 반응을 통해 더 쪼갤 수 없는 단위

- 양성자(Proton) - 중성자(Neutron) - 원자핵
- 전자(Electron)



• 원자 모형







돌턴(1803)의 원자 모형

화학의 기본 법칙 설명의 이론적 토대 수립

톰슨의 음극선 실험 결과 설명 불가능

톰슨(1897)의 원자 모형

원자의 전기적 성질을 일부 설명함 (+)전하 (-)전하

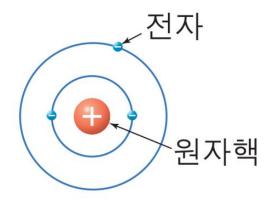
리더퍼드의 알파 입자 산란 실험 결과 설명 불가능

리더퍼드(1911)의 원자 모형

원자핵의 존재 및 원자핵의 성질과 원자가 대부분 빈 공간임을 밝힘

수소 선 스펙트럼 설명 불가능

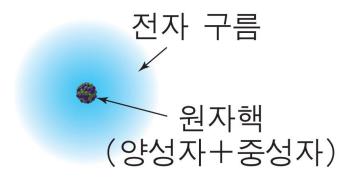
• 원자 모형



보어(1913)의 원자 모형

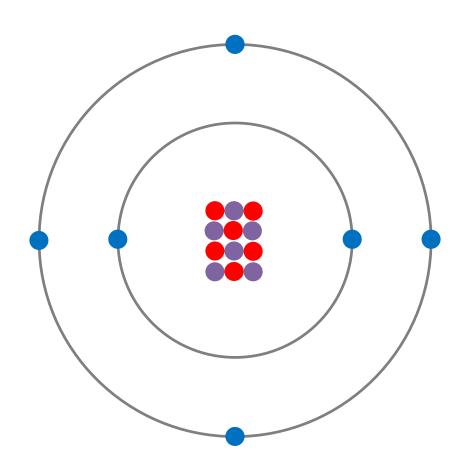
수소 원자의 선 스펙트럼 설명 가능

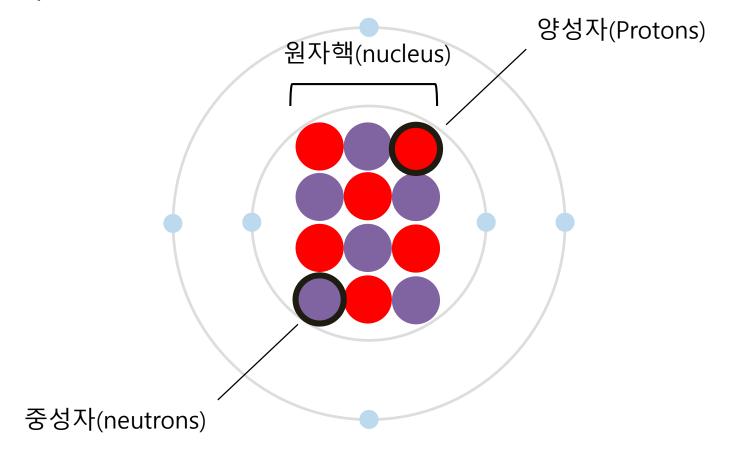
2개 이상의 전자를 가지는 **다전자 원자의 선 스펙트럼** 설명 불가능

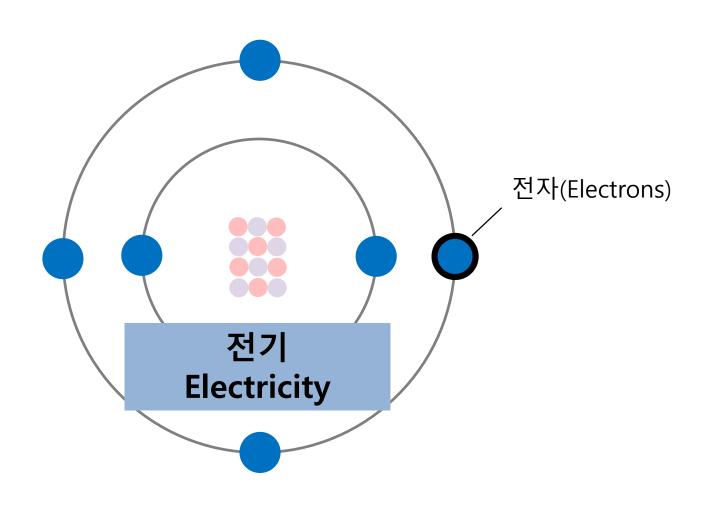


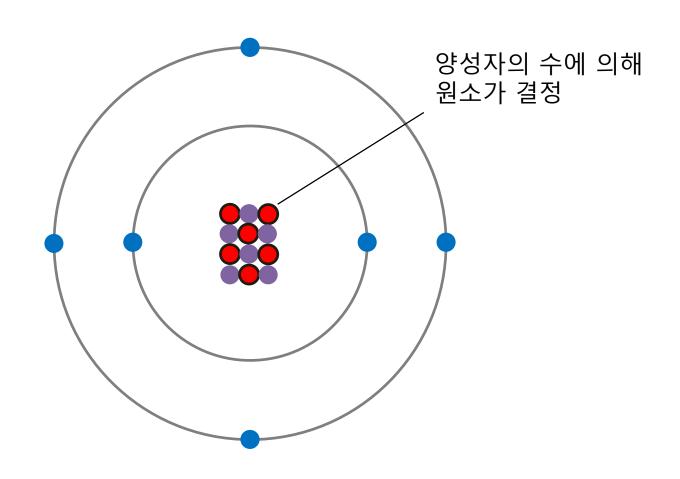
현대의 원자 모형

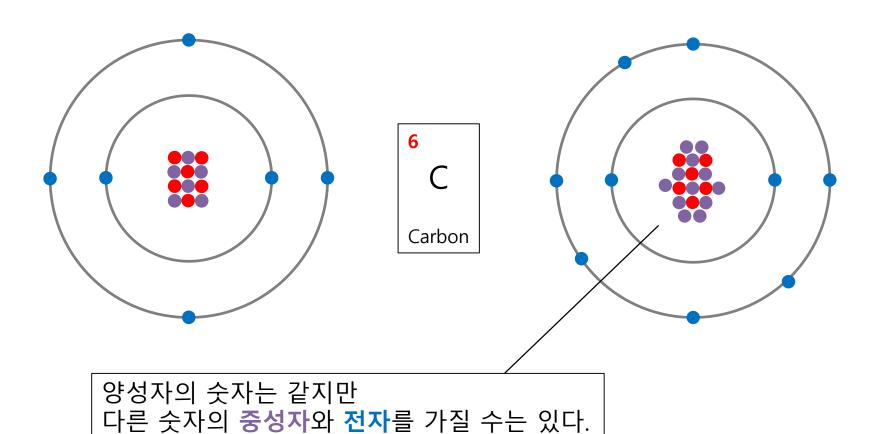
원자핵 주위에 전자가 발견될 **확률**만을 알 수 있으며, 확률 분포를 구름과 같은 모양으로 나타냄



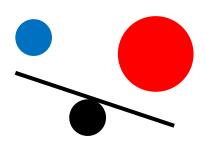


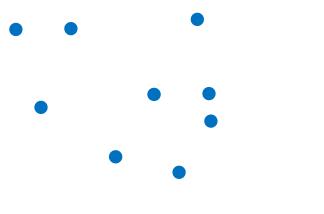


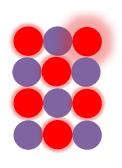




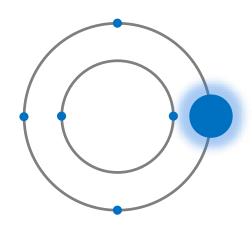
- 전자
- 원자핵 보다 전자가 훨씬 가벼움
- 상대적으로 쉽게 이동을 한다.
 전류(electric current)를 형성



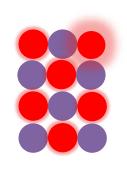


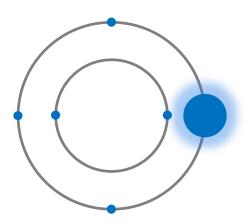


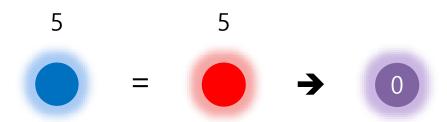
• 양성자는 원자핵의 +극을 담당



• 전자는 원자핵의 -극을 담당



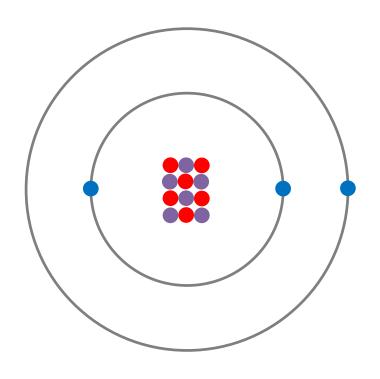




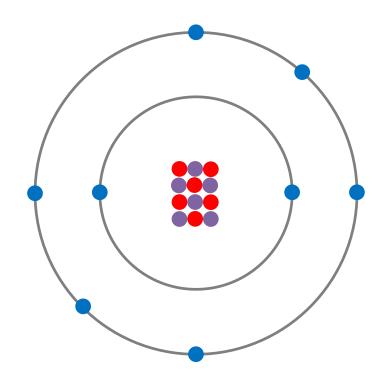
중성 전기적 상태
 neutral electrical condition

가장 에너지가 낮은 상태 net electric charge = 0

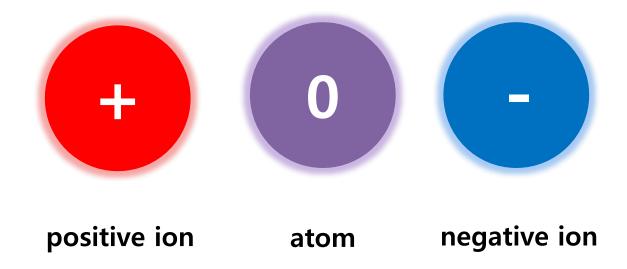
→ ground state

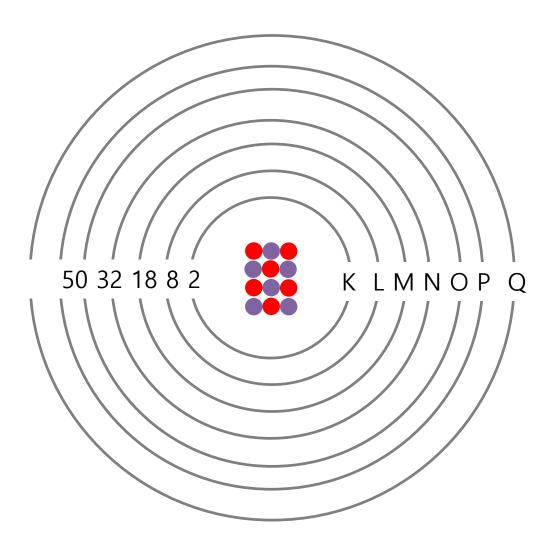


• 양성: 양성자 > 전자

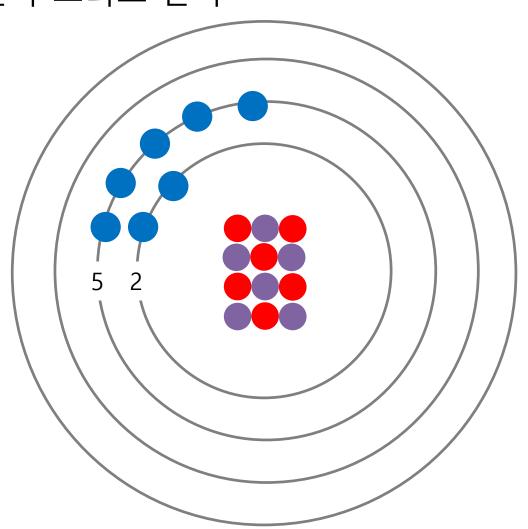


• 음성: 양성자 < 전자

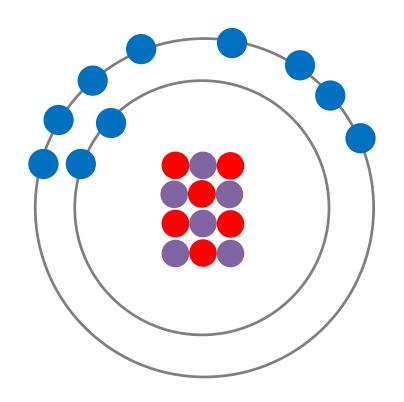


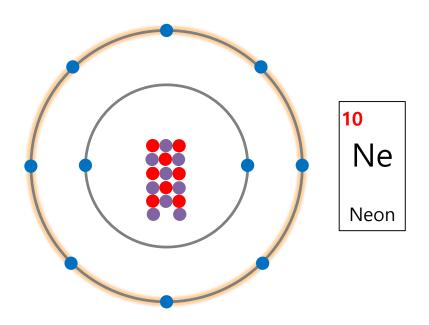


양자 관련 배경 지식 원자 및 전자 그리고 전기

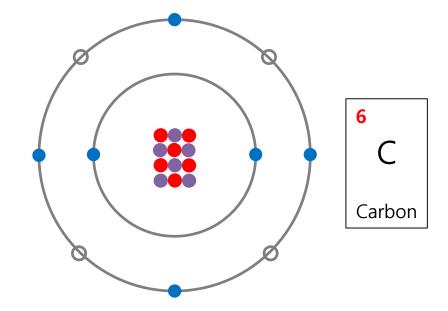


- 원자가 껍질(valence shell) 가장 바깥의 전자선
- 원자가 전자(valence electrons) 가장 바깥의 전자
- 가장 바깥의 껍질 전자가 다 찬 상태인 경우 원자가 가장 안정적이다.

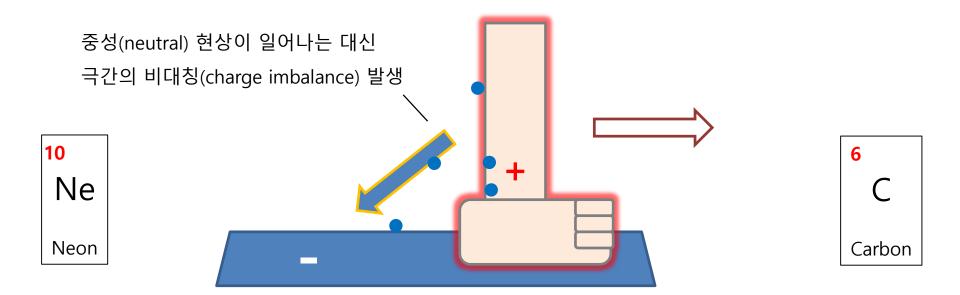




• **절연체**(insulator) 전자의 이동이 잘 일어나지 않는 물체



전도체(conductor)
 전자 이동이 잘 일어나는 물체

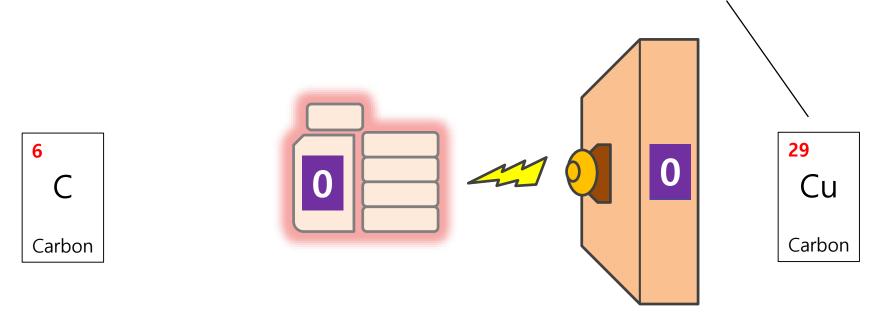


절연체(insulator)
 전자의 이동이 잘 일어나지 않는 물체

전도체(conductor)
 전자 이동이 잘 일어나는 물체

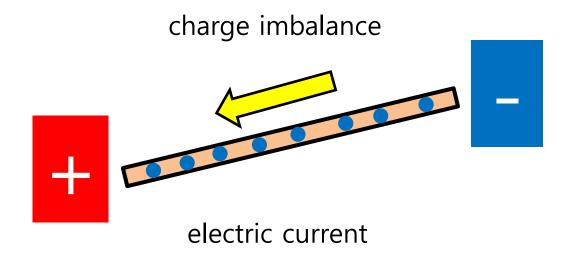
문이 중성 상태이어도 전자 이동이 일어남

- 구리는 매우 강한 전도체이기 때문
- valence electron이 1개

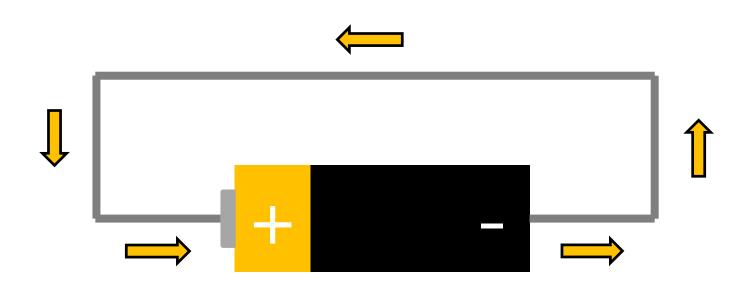


• 절연체(insulator)
전자의 이동이 잘 일어나지 않는 물체

전도체(conductor)
 전자 이동이 잘 일어나는 물체

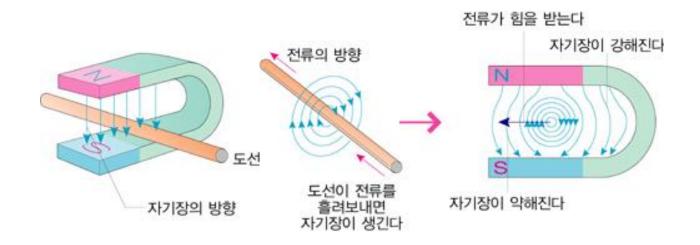


양자 관련 배경 지식 원자 및 전자 그리고 전기

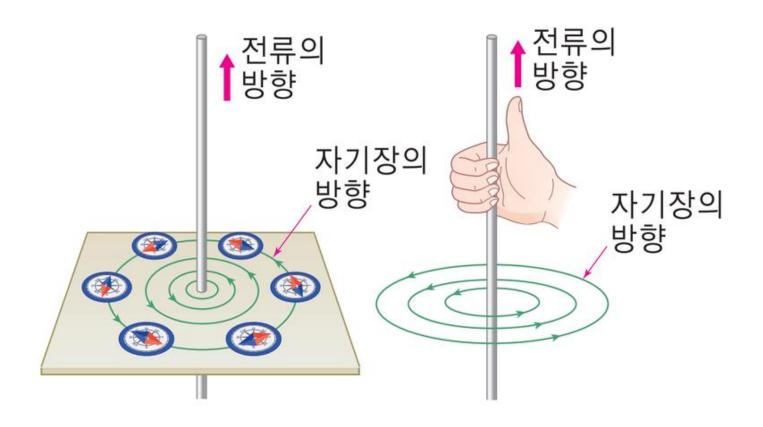


양자 관련 배경 지식 자기장

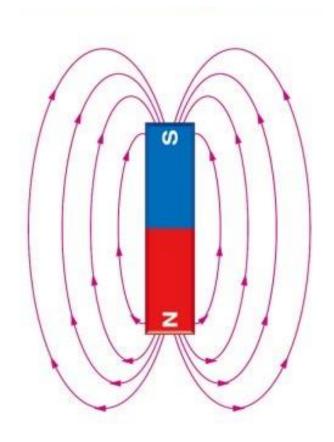
- 자기력을 매개하는 벡터장
 - 전류와 자석에 의해 자기력이 미치는 공간
 - 자기력은 전하의 속력에 영향은 줄 수 없고 오직 방향만 변경 가능
- 움직이는 전하, 즉 전류에 의하여 발생하는 장
- 양자역학 입자 고유의 회전도 전류와 같은 역할 가능



양자 관련 배경 지식 자기장

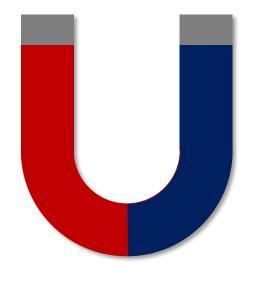


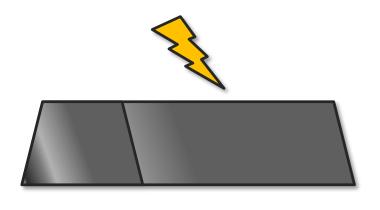
양자 관련 배경 지식 자기장



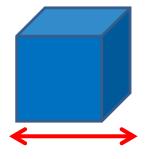
자기장

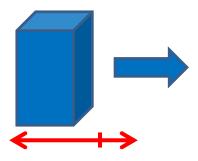
• 자기장의 형성 원리





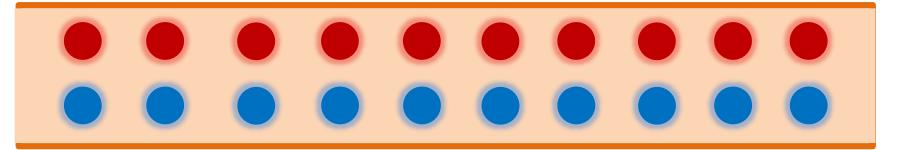
- 자기장의 형성 원리
- 특수 상대성이론
 - 현존하는 세상에서 길이와 시간은 절대적이지 않다.
 - 움직이는 대상을 관측하는 자에 의해 상대적으로 측정 된다.
 - 움직이는 대상은 관측자에 비해 시간이 상대적으로 느리게 흘러간다.
 - 움직이는 대상은 관측자에 비해 길이가 상대적으로 짧게 측정된다.





자기장

- 자기장의 형성 원리
- 특수 상대성이론
- 상태: neutral ●

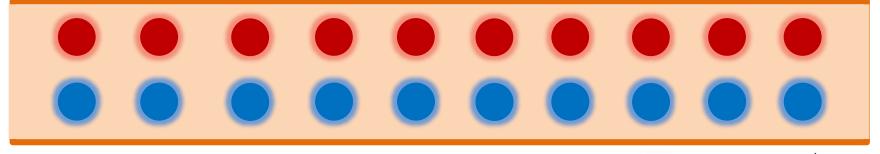


• 구리선 안의 양성자 수와 전자수가 동일



자기장

- 자기장의 형성 원리
- 특수 상대성이론
- 상태: neutral 🔵

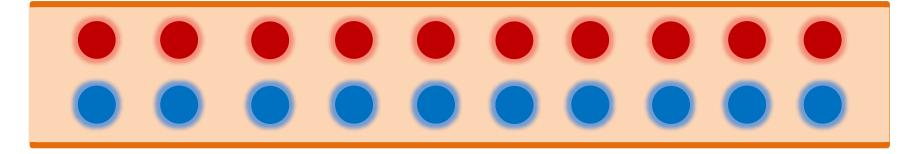


• 전자의 이동이 있어도 양성자과 전자의 밀도는 동일하기에 상태는 중성 유지 +



영향을 끼치는 힘은 없다

- 자기장의 형성 원리
- 특수 상대성이론

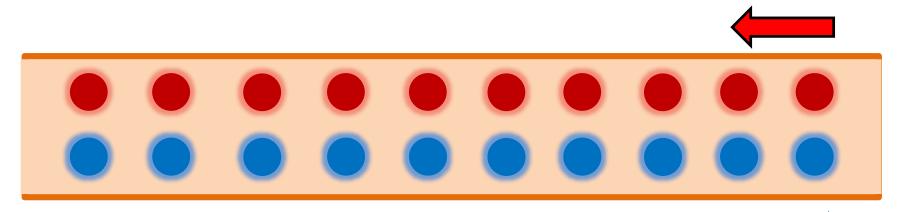


- 이동하는 전자와 바깥의 양성자가 같은 속도로 이동
- 제 3자가 관찰하기에는 양성자와 전자의 밀도는 동일

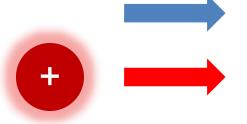


자기장

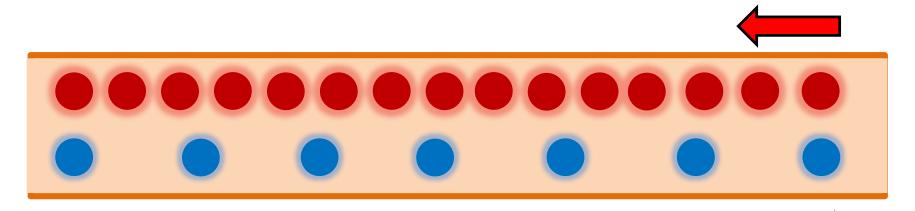
- 자기장의 형성 원리
- 특수 상대성이론



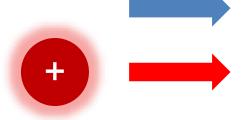
• 바깥의 양성자의 입장에서는 구리선 안의 양성자가 좌측으로 이동



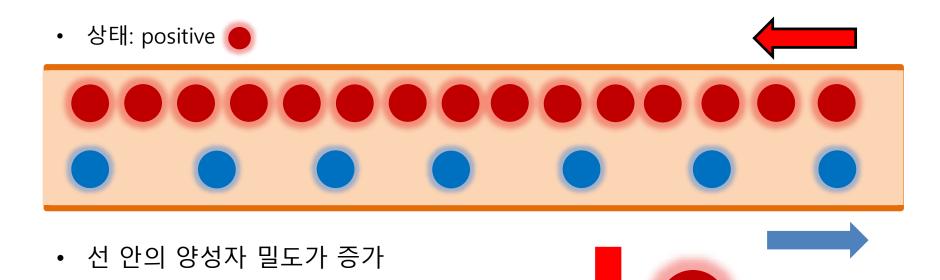
- 자기장의 형성 원리
- 특수 상대성이론



- 특수 상대성이론
 - 선 안의 이동하는 양성자간의 거리는 상대적으로 짧게 측정
 - 선 안의 전자와 바깥 양자는 속도가 같으므로오히려 거리가 상대적으로 넓게 측정



- 자기장의 형성 원리
- 특수 상대성이론



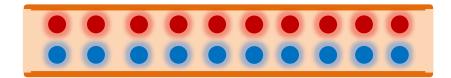
자기장

- 자기장의 형성 원리
- 변하지 않은 중성의 구리선
 - 전하의 움직임의 유무에 따라 힘(자기장)이 형성이 됨
- 자기장이란 전기장을 다른 관점으로 바라본 것

전기현상 → 스칼라

자기현상 → 벡터

- 자기장의 형성 원리
- 자기장이란 전기장을 다른 관점으로 바라본 것







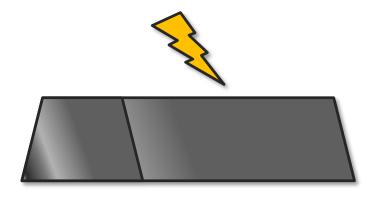
- **양성자의 입장: 전기장** 선 안의 양성자의 상대적 길이 수축으로 인한 밀도 증가로 의해 밀려난 현상
- 제 3자의 입장: 자기장 중성인 선 안의 전자의 이동으로 인한 자기장에 의해 바깥 양성자가 밀려난 현상

- 자기장의 형성 원리
- 전자기장이란 특수 상대성이론의 적용
- 전자의 이동 속도는 빛에 비해 매우 느림 특수 상대성이론 적용 의문
 - 선 안의 전자의 많은 숫자 & 전자간의 상호작용은 매우 강함
 - 약간의 길이 수축만으로도 특수 상대성 이론을 적용 가능할 만큼의 힘이 발생

자기장

• 자기장의 형성 원리





- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 1. 분자(particles)
- 2. 원자
- 3. 원자의 집합 결정체(crystal)
- 4. 원자 집합의 집합 도메인(domain)

- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 분자(particles)

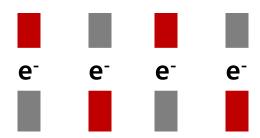
	Mass	Charge	Magnetic Dipole Moment (Tiny Magnet)
e ⁻			
q			

- 전하를 띄고 있는 분자는 조그만 자석과 같음
- 에너지를 갖고 있는 분자들이 왜 이런 자성의 힘을 갖게 되는지는 알 수 없음

자기(Magnetism)

- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 원자(atom)

결론: 전자 혹은 양성자는 작은 자석과 같다.



자기(Magnetism)

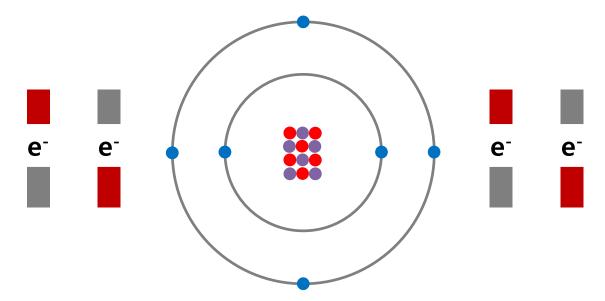
- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 원자(atom)
 - 양성자(proton)

• 전자(electron)

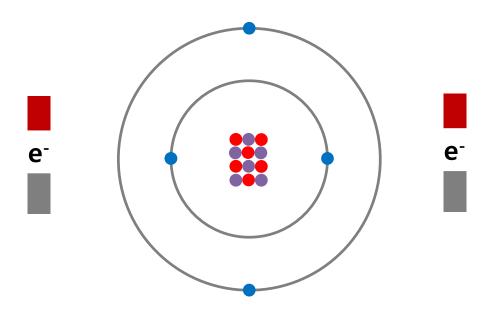


- 양성자의 자성 < 전자의 자성(1000배 정도 차이)
- 양성자의 자성: 원자(양성자+전자)의 자성을 형성하는데 거의 영향이 없음

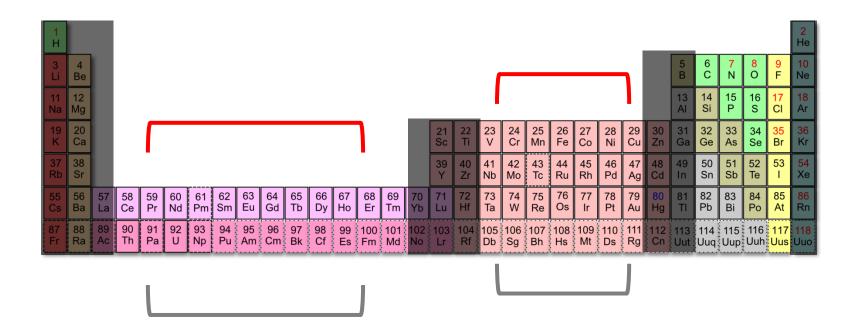
- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 원자(atom)
- 전자들의 움직임으로 인한 자기 생성(orbital magnetic field)의 힘은 미비함
- 꽉 찬 전자선의 전자들의 움직임(모든 방향으로 동일하게)이 서로의 자기를 상쇄함
- 짝지어진 전자들끼리 극이 상반되는 관계가 되어 자기를 상쇄함



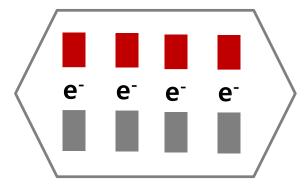
- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 원자(atom)
- 절반만 찬 전자선의 전자의 자성은 같은 방향을 가리킴 원자가 자성을 형성하게 함



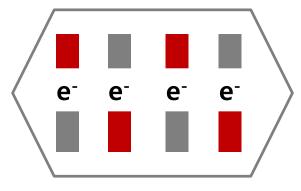
- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 원자(atom)
- 절반만 찬 전자선의 전자의 자성은 같은 방향을 가리킴 원자가 자성을 형성하게 함



- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 결정체(crystal)
- 원자가 자성을 띈다고 해서 물체가 자성을 띄는 것은 아님
- 원자가 모여 물체를 형성하는 경우 2가지로 구성
 - 같은 극의 방향으로 형성
 - 서로 다른 극의 방향으로 형성

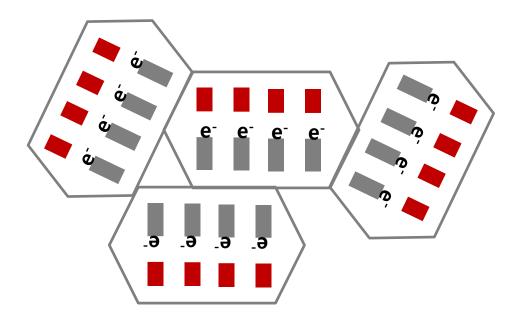


강자성 (Ferromagnetic)



센자성 (anti-Ferromagnetic)

- 물체의 자기 형성에 영향을 주는 요인
- 도메인(domain)
- 물체가 강자성이어도 영역이 나뉘게 됨
- 철 같은 강한 강자성 물체도 영역의 자성의 방향이 다르면 물체의 자성이 약함
- 외부의 힘(자기장/압력 등등)으로 도메인의 자성 방향을 통일되게 유도 가능



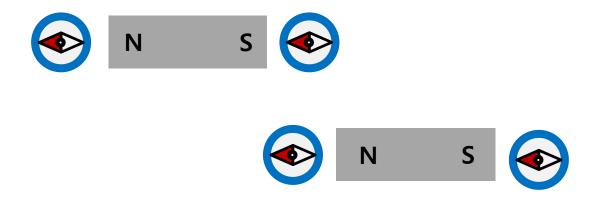
- 자기 쌍극자(magnetic dipole) 자석과 같이 한쪽에 N극을 다른 한쪽에 S극의 성질을 나타내는 물질
- 자기 쌍극자 모멘트(magnetic dipole moment)
 자기장에 물체를 넣었을 때 물체가 겪는 회전의 힘 방향성을 가지는 벡터의 양



- 나침반을 이용해 자성을 가지고 있는지 확인
- 일자 자석 안의 자기 모멘트가 자성을 띄게 만드는 것

자기장

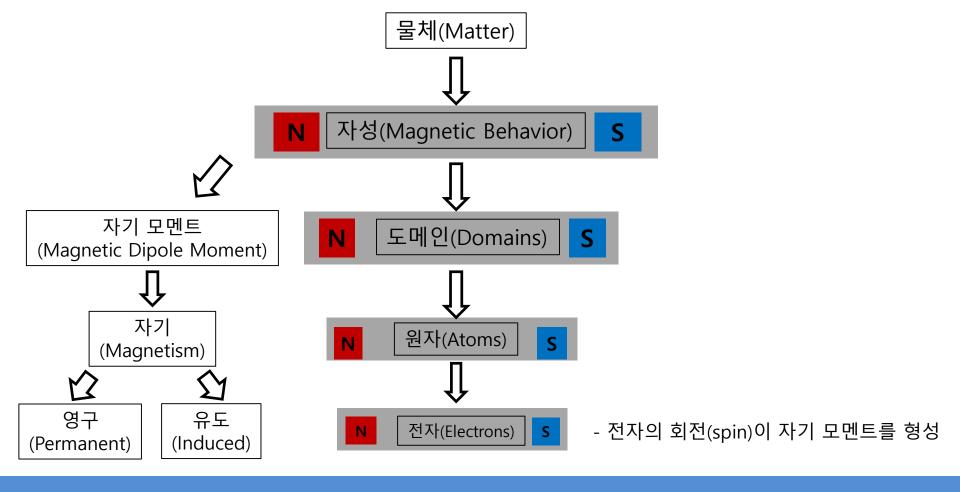
• 자기 쌍극자 모멘트(magnetic dipole moment)



- 또 다른 쌍극이 형성되었음을 알 수 있음
- 계속해서 반으로 나누어도 계속해서 쌍극이 형성
- 자석 안의 어떠한 성질이 계속 자성을 갖도록 형성: 자기 모멘트

자기장

• 자기 쌍극자 모멘트(magnetic dipole moment)

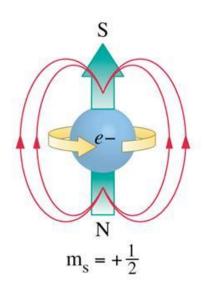


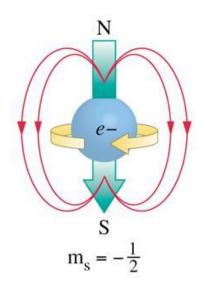
회전(spin)

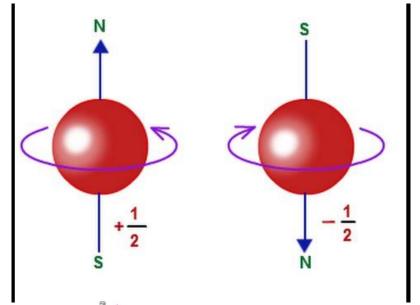
- 에너지(charge)를 갖고 회전하는 물체는 자기를 갖는다.
- 전자도 자기를 갖는다.
- 그러나 전자는 실제로 회전을 하는 것이 아니다.
- 회전을 하는 개념이 없지만 마치 에너지를 갖고 있는 물체가 회전을 하는 것과 같이 자기의 힘을 갖고 있다.
- Spin이라는 단어는 이런 양자학적 개념을 다루기에는 정확한 표현은 아니다.
- 고전적인 축을 가지고 회전하는 것과는 다르지만 그런 효과가 나온다.
- 파동의 방향(벡터)와 유사한 개념으로 이해

HELP

회전(spin)



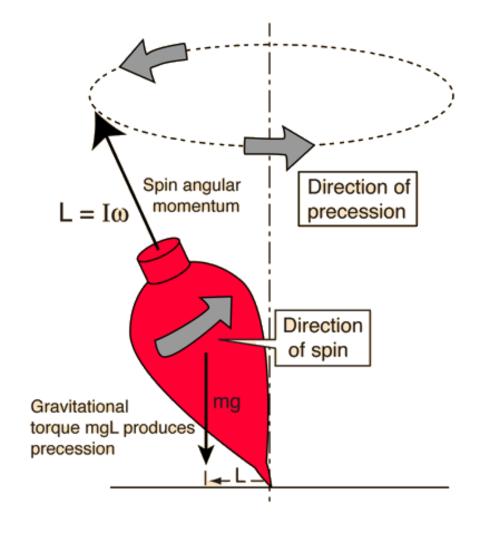






HELP

회전(Spin)



HELP

회전(Spin)

• 회전하는 물체는 자신의 현상을 유지하려 한다.

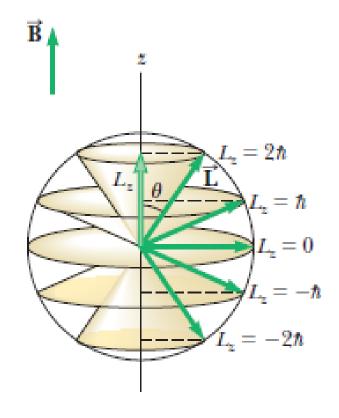


- 축의 회전 → 전자의 내성 회전 성질
- 중력 → 자기장

HELP

회전(Spin)

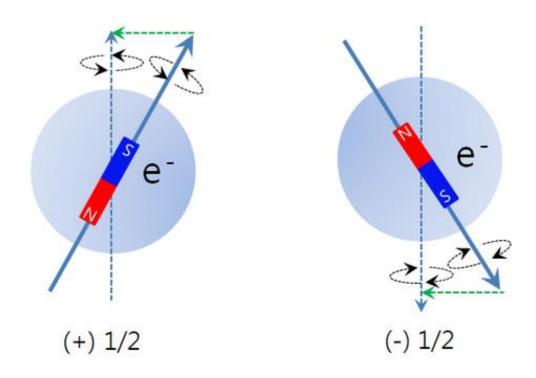
• 원자가 자기장에 놓여있을 때의 에너지



HELP

회전(Spin)

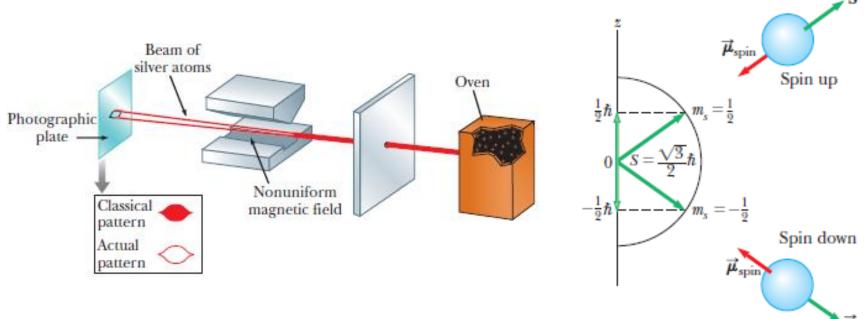
• 원자가 자기장에 놓여있을 때의 에너지



HELP

회전(Spin)

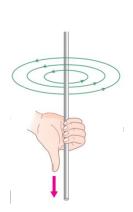
• 원자가 자기장에 놓여있을 때의 에너지

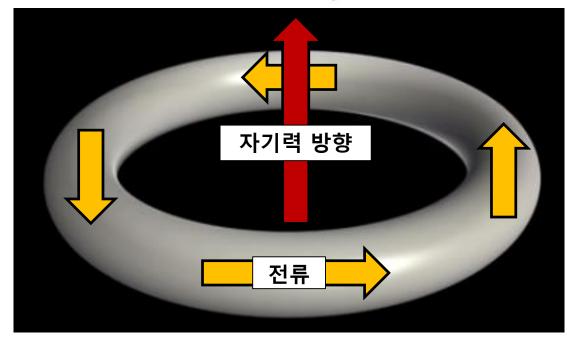


• 슈테른 – 게를라흐(Stern-Gerlach)

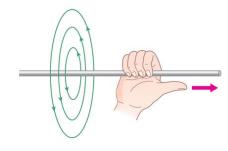
HELP







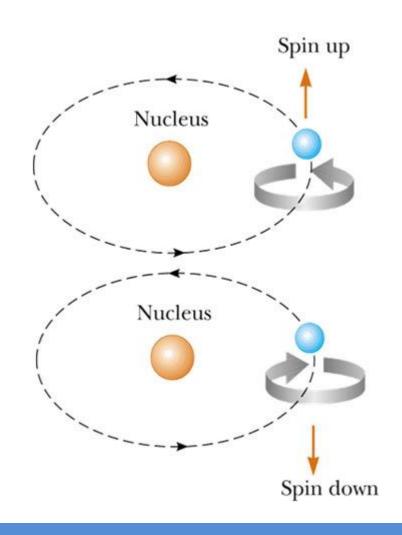


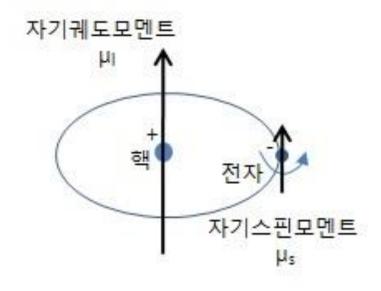


양자 관련 배경 지식

HELP

회전(Spin)





양자 관련 배경 지식

HELP

회전(spin)

결론

- 전자에는 궤도 각운동량 외에도 스핀 각운동량이 존재
- 스핀 각운동량은 전자 그 자체의 고유한 성질
- 전자의 특정한 운동에 따른 결과가 아님
- 전자가 자성을 갖는 현상을 스핀이라고 칭함
- 스핀을 갖는 전자를 자기장에 놓으면 자기장의 방향으로 회전에 너지가 0인 상태 spin down
 반대의 방향으로 돌리기 위해 힘을 가하면 에너지가 가장 높은 상태 spin up

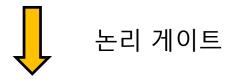
2. Q 비트

양자 컴퓨터

- 단위
- 고전 컴퓨터: bit (binary + digit)

0 & 1

01100011



10011100

양자 컴퓨터

- 단위
- 양자 컴퓨터: Qubit (quantum + bit)
 - 양자 컴퓨터의 기본 상태는 0과 1로 존재
 - 양자 컴퓨터가 동작하는 과정에 무한의 Superposition의 형태를 취할 수 있음

$0 \infty 1$

양자 컴퓨터

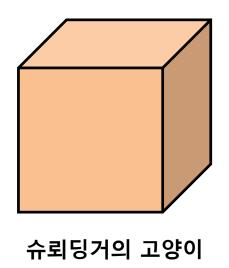
- 단위
- 양자 컴퓨터: Qubit (quantum + bit)
 - 양자 컴퓨터가 동작하는 과정에 무한의 Superposition의 형태를 취할 수 있음
 - 0과 1의 중간의 상태



Qubit이 superposition에 있을 시 - 0이 될 가능성과 1이 될 가능성 (확률)을 가지고 있음

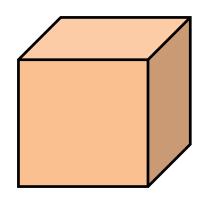
- 단위
- 양자 컴퓨터: Qubit
 - Superposition의 Qubit을 관찰할 시 0 또는 1의 상태로 결정 되어버림
 - 관찰 전까지는 확률의 상태로 1도 될 수 있고 0도 될 수 있는 상태

- 단위
- 양자 컴퓨터: Qubit Superposition
 - Superposition의 Qubit을 관찰할 시 0 또는 1의 상태로 결정 되어버림



양자 컴퓨터

- 단위
- 양자 컴퓨터: Qubit Superposition



슈뢰딩거의 고양이

상자를 열기 전

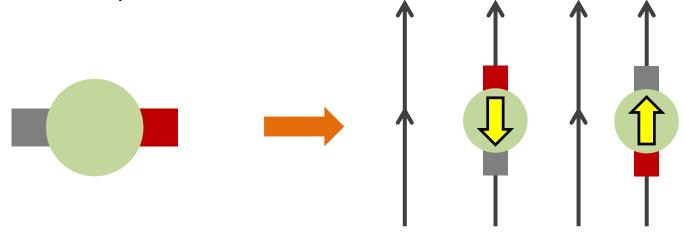
- 고양이가 죽어있을 수도 살아있을 수도 있는 Superposition의 상태

상자를 열어본 후

- 고양이의 생사 유무 결정 → 죽어있는 상태 or 살아있는 상태 - 동시에 같은 상태는 불가능

- 단위
- 양자 컴퓨터: Qubit
 - 수 많은 슈뢰딩거 고양이의 집합
 - 실제로는 전자와 같은 입자를 활용

- 단위
 - 양자 컴퓨터: Qubit
 - 회전(spin)



- 자기를 갖고 있는 전자가 자기장에 방향으로 맞춰지는 현상: Spin Down
- Spin Down 형태에서 힘을 줘서 반대의 방향으로 맞추는 현상: Spin up

양자 컴퓨터

- 단위
 - 양자 컴퓨터: Qubit

• 1



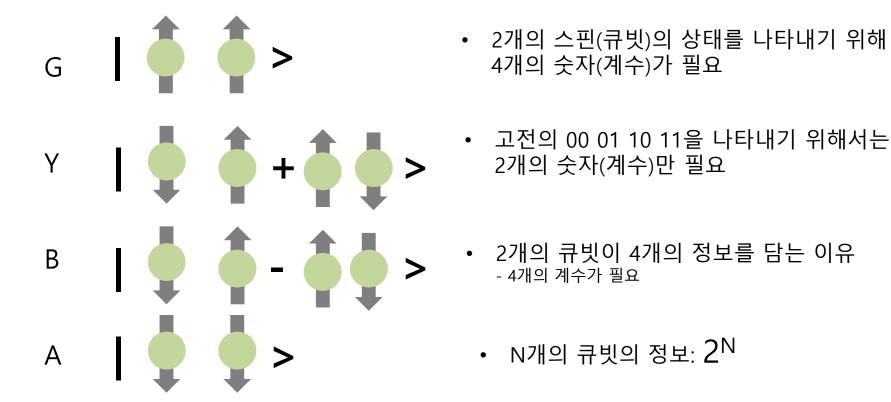
• C



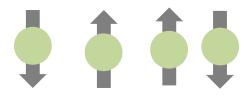
• 2개의 Qubit 작용

양자 컴퓨터

• 양자 컴퓨터: Qubit 고전 컴퓨터의 00 01 10 11과의 차이



- 양자 컴퓨터: Qubit
- 실제 사용시에는 측정 불가능한 superposition 상태를 사용할 수 없음
- 측정 가능한 상태로 먼저 논리적 설계가 되어야 함(ex)아래 위 위 아래)



- 활용하려는 모든 큐빗의 superposition을 활용할 수 있는 경우에만 고전 방식보다 빠름(문서작업, 비디오 시청 등등에는 장점이 없음)
- 연산 하나하나의 속도가 증가한 것이 아님
- 결과에 도달할 때까지의 연산의 횟수의 큰 감소에 있음

양자 컴퓨터

• 양자 컴퓨터: Qubit

Quantum gate

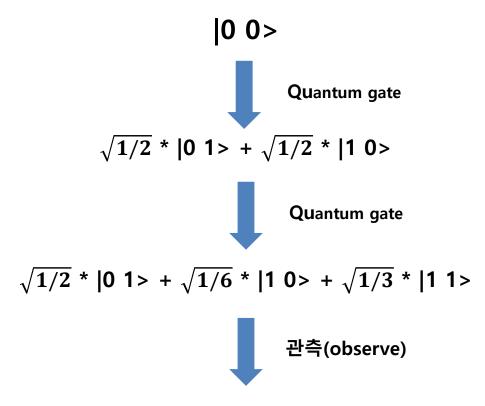


$$\sqrt{1/2}$$
 * |0 1> + $\sqrt{1/2}$ * |1 0> superposition

- **0 1**이 될 확률 50%
- 1 0이 될 확률 50%

양자 컴퓨터

• 양자 컴퓨터: Qubit



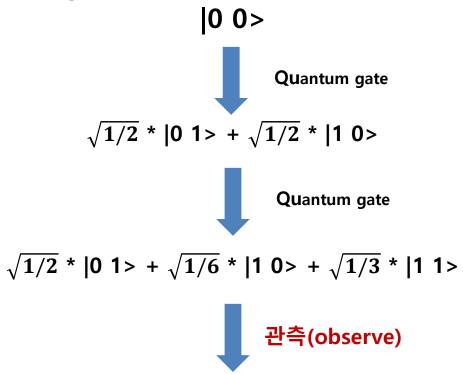
- 관측 시 파동의 형태(확률)로만 존재했던 상태를 버림
- 00 01 10 11 등의 확실한 형태를 갖추게 됨

양자 컴퓨터

• 양자 컴퓨터: Qubit

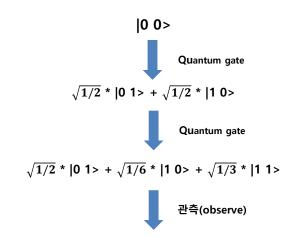
양자 컴퓨터

• 양자 컴퓨터: Qubit

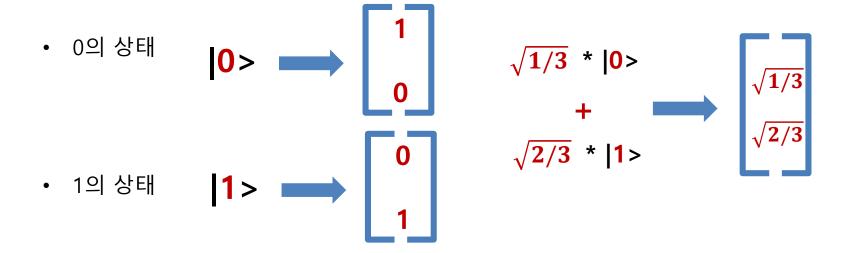


각 superposition의 확률이 특정 값으로 결정되어 버림

- 양자 컴퓨터: Qubit
- 100번 돌릴 시

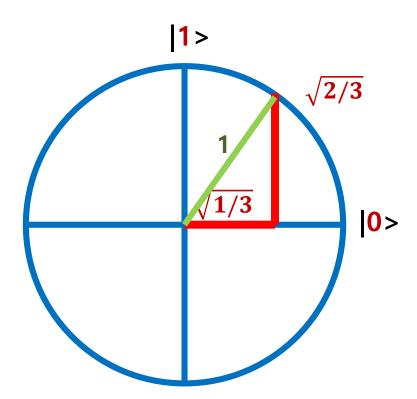


- Qubit의 수학
- 벡터: 숫자의 집합이라 가정
- 벡터의 차원: 숫자의 숫자
- 하나의 큐빗은 2차원 벡터로 표현됨



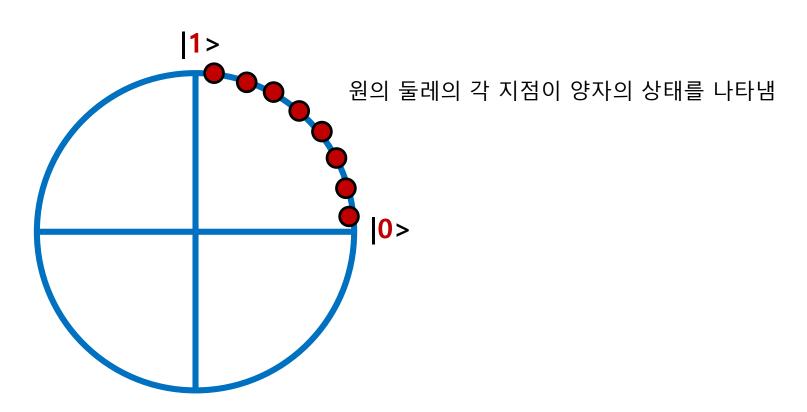
양자 컴퓨터

Qubit의 수학 벡터의 표현상태가 될 수 있는 확률 표시



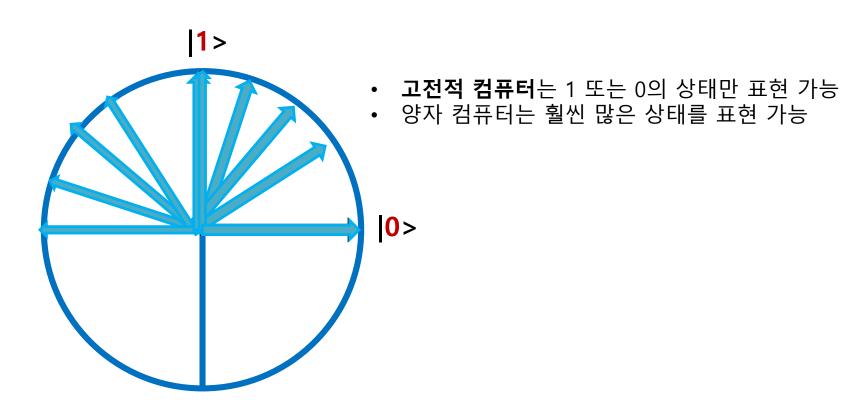
양자 컴퓨터

• Qubit의 수학 벡터의 표현 - 상태가 될 수 있는 확률 표시



양자 컴퓨터

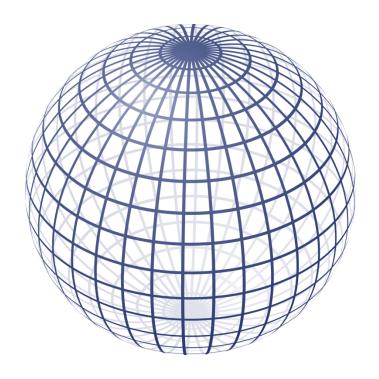
• Qubit의 수학 벡터의 표현 - 상태가 될 수 있는 확률 표시



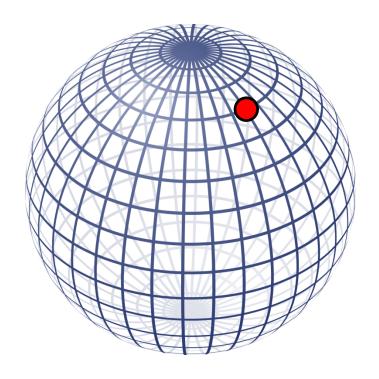
- Qubit의 수학
- 두개의 큐빗 4차원의 구체 형태

00>	01>	10>	11>
1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	1	0
0	0	0	1

- Qubit의 수학
- 두개의 큐빗 4차원의 구체 형태
- 2^N의 상태를 갖추게 됨



- Qubit의 수학
- Quantum Gate가 상태를 변형 상태 벡터를 구체 위에서 이동



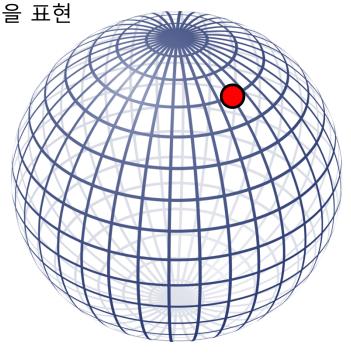
양자 컴퓨터

- Qubit의 수학
- Quantum Gate가 상태를 변형 상태 벡터를 구체 위에서 이동

• Unitary Matrix – 구체 위에서 벡터의 움직임을 표현

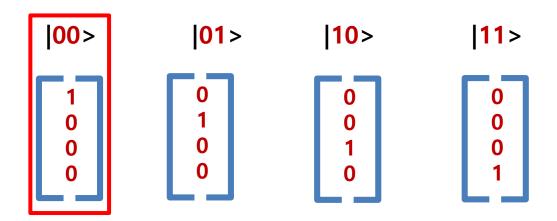
0	1
$\sqrt{1/2}$	0
$\sqrt{1/2}$	0
0	0

$$\begin{array}{ccc} 0 & 1 \\ -\sqrt{1/2} & 0 \\ \sqrt{1/2} & 0 \\ 0 & 0 \end{array}$$



양자 컴퓨터

• Qubit의 수학



양자 컴퓨터

• Qubit의 수학

|00>

<mark>|01</mark>>

0

1 0 0 |10>

0 0 1 |11>

$$\begin{array}{ccc} 0 & 1 \\ \sqrt{1/2} & 0 \\ \sqrt{1/2} & 0 \\ 0 & 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc}
0 & 1 \\
-\sqrt{1/2} & 0 \\
\sqrt{1/2} & 0 \\
0 & 0
\end{array}$$

$$egin{array}{c} 0 \\ \sqrt{1/2} \\ \sqrt{1/2} \\ 0 \\ \end{array}$$

Quantum Gate

2번째 상태

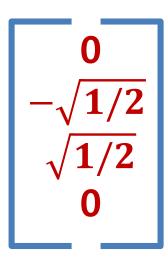
$$egin{array}{cccc} 0 & 1 \\ \sqrt{1/2} & 0 \\ \sqrt{1/2} & 0 \\ 0 & 0 \\ \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc}
0 & 1 \\
-\sqrt{1/2} & 0 \\
\sqrt{1/2} & 0 \\
0 & 0
\end{array}$$

$$egin{array}{c} 0 \ -\sqrt{1/2} \ \sqrt{1/2} \ 0 \ \end{array}$$

양자 컴퓨터

Qubit의 수학



- Superposition 결과는 음수가 나올 수 있다 절대값만 필요
- 결과는 복소수도 나올 수 있다 2^N

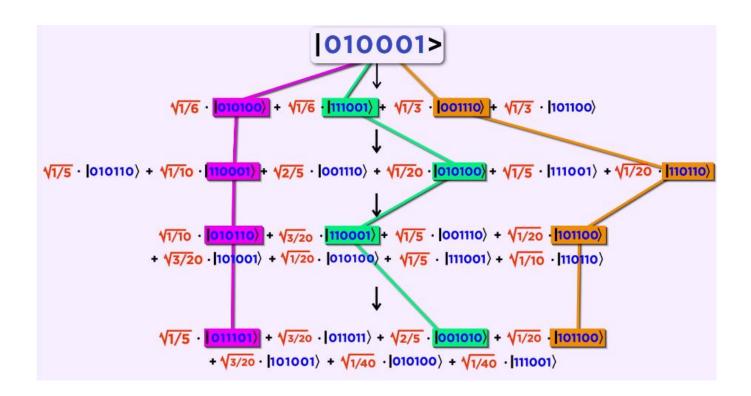
양자 컴퓨터

Qubit의 수학6개의 큐빗으로 연산(64차원 구체)

```
010001>
                                     \sqrt{1/6} \cdot |010100\rangle + \sqrt{1/6} \cdot |111001\rangle + \sqrt{1/3} \cdot |001110\rangle + \sqrt{1/3} \cdot |101100\rangle
\sqrt{1/5} \cdot |010110\rangle + \sqrt{1/10} \cdot |110001\rangle + \sqrt{2/5} \cdot |001110\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |010100\rangle + \sqrt{1/5} \cdot |111001\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |110110\rangle
                                 \sqrt{1/10} \cdot |010110\rangle + \sqrt{3/20} \cdot |110001\rangle + \sqrt{1/5} \cdot |001110\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |101100\rangle
                               +\sqrt{3/20} \cdot |101001\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |010100\rangle + \sqrt{1/5} \cdot |111001\rangle + \sqrt{1/10} \cdot |110110\rangle
                                 \sqrt{1/5} \cdot |011101\rangle + \sqrt{3/20} \cdot |011011\rangle + \sqrt{2/5} \cdot |001010\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |101100\rangle
                                                +\sqrt{3/20} \cdot |101001\rangle + \sqrt{1/40} \cdot |010100\rangle + \sqrt{1/40} \cdot |111001\rangle
```

양자 컴퓨터

• Qubit의 수학 - 고전 컴퓨터로 계산할 시: 여러 번의 연산



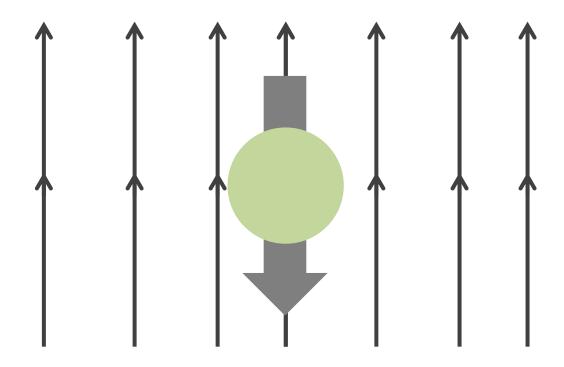
양자 컴퓨터

Qubit의 수학양자 컴퓨터로 계산할 시: 4번의 연산

```
010001>
                                    \sqrt{1/6} \cdot |010100\rangle + \sqrt{1/6} \cdot |111001\rangle + \sqrt{1/3} \cdot |001110\rangle + \sqrt{1/3} \cdot |101100\rangle
\sqrt{1/5} \cdot |010110\rangle + \sqrt{1/10} \cdot |110001\rangle + \sqrt{2/5} \cdot |001110\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |010100\rangle + \sqrt{1/5} \cdot |111001\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |110110\rangle
                                 \sqrt{1/10} \cdot |010110\rangle + \sqrt{3/20} \cdot |110001\rangle + \sqrt{1/5} \cdot |001110\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |101100\rangle
                               +\sqrt{3/20} \cdot |101001\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |010100\rangle + \sqrt{1/5} \cdot |111001\rangle + \sqrt{1/10} \cdot |110110\rangle
                                 \sqrt{1/5} \cdot |011101\rangle + \sqrt{3/20} \cdot |011011\rangle + \sqrt{2/5} \cdot |001010\rangle + \sqrt{1/20} \cdot |101100\rangle
                                                +\sqrt{3/20} \cdot |101001\rangle + \sqrt{1/40} \cdot |010100\rangle + \sqrt{1/40} \cdot |111001\rangle
```

양자 컴퓨터

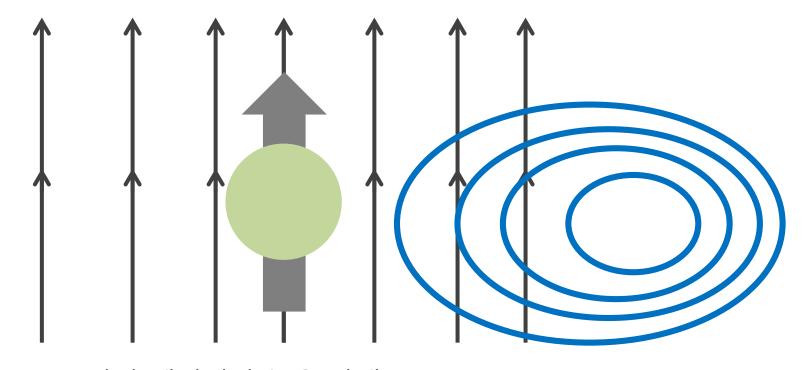
• Qubit의 조작



• Spin Down: 가장 에너지가 낮은 상태

양자 컴퓨터

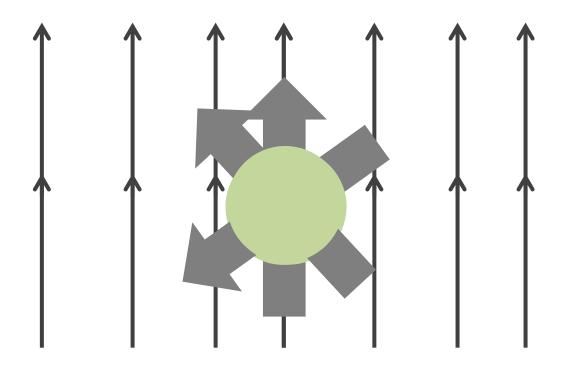
- Qubit의 조작
 - 강한 자기장(전자파를 통해)을 형성



• Spin Up: 가장 에너지가 높은 상태

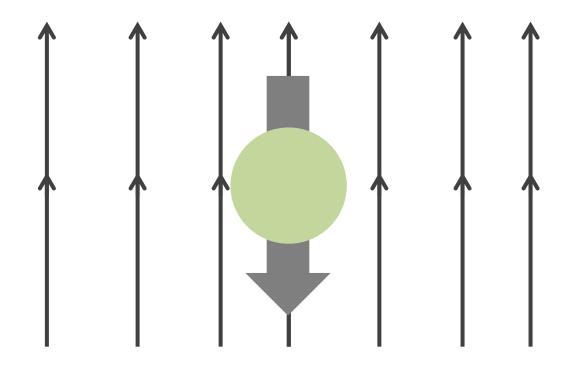
양자 컴퓨터

- Qubit의 조작
 - 방안의 온도 에너지만으로도 Spin up과 Spin Down이 반복할 수 있음
 - 불안정한 상태

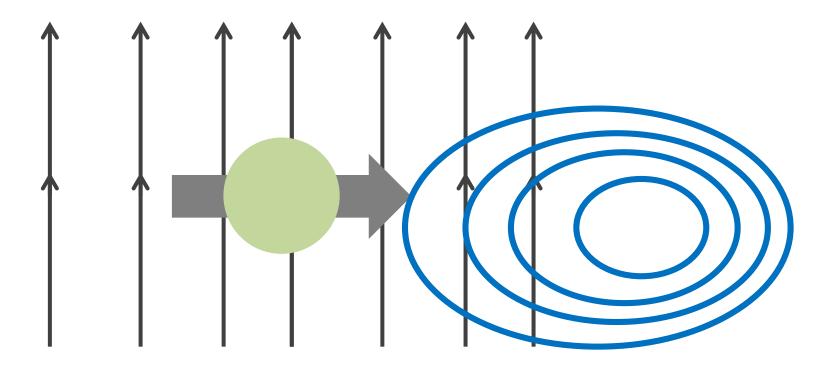


• Absolute Zero의 상태 유지해 주어야 함

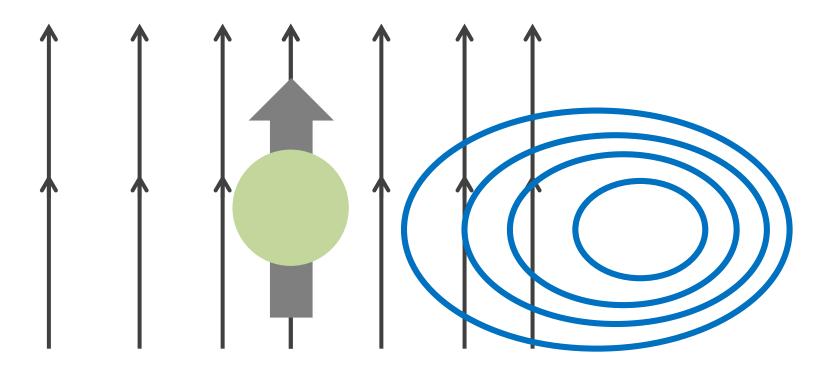
- Qubit의 조작
 - 전자가 속해있는 자기장에 맞춰 전자파를 줘서 조작



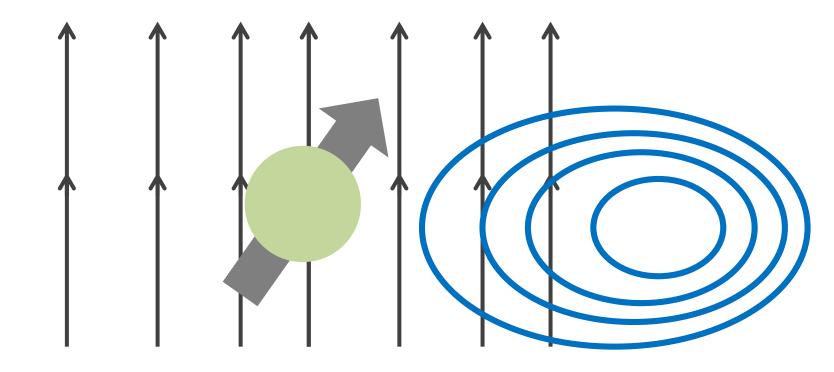
- Qubit의 조작
 - 전자가 속해있는 자기장에 맞춰 전자파를 줘서 조작
 - 라디오의 주파수처럼 전자에 맞는 파동을 주면 Spin Up 상태가 됨



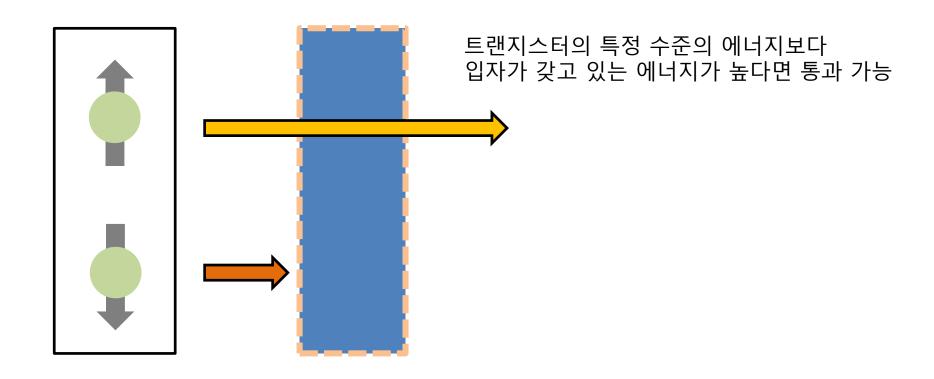
- Qubit의 조작
 - 전자가 속해있는 자기장에 맞춰 전자파를 줘서 조작
 - 라디오의 주파수처럼 전자에 맞는 파동을 주면 Spin Up 상태가 됨



- Qubit의 조작
 - 전자파를 전자의 특정 상태에서 머물게 정지시키면 superposition 형성

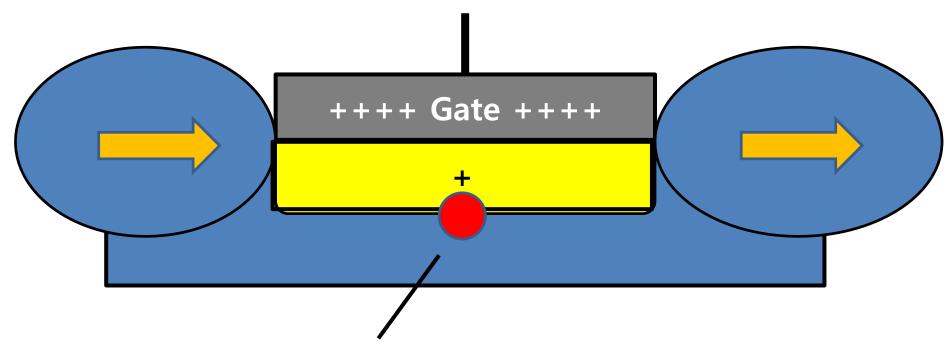


- Qubit의 정보 읽기
 - 원자 옆에 내장된 트랜지스터 사용해서 읽음



양자 컴퓨터

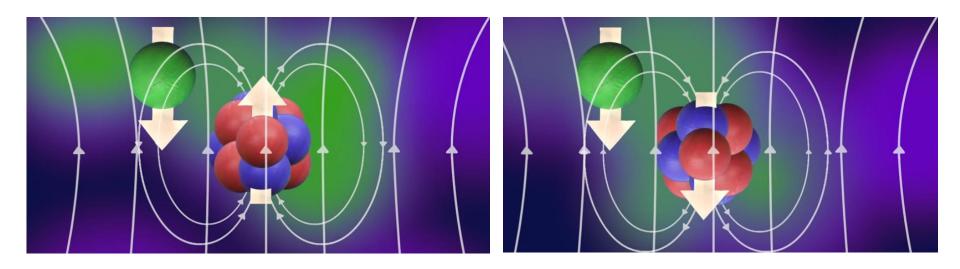
- Qubit의 정보 읽기
 - 원자 옆에 내장된 트랜지스터 사용해서 읽음



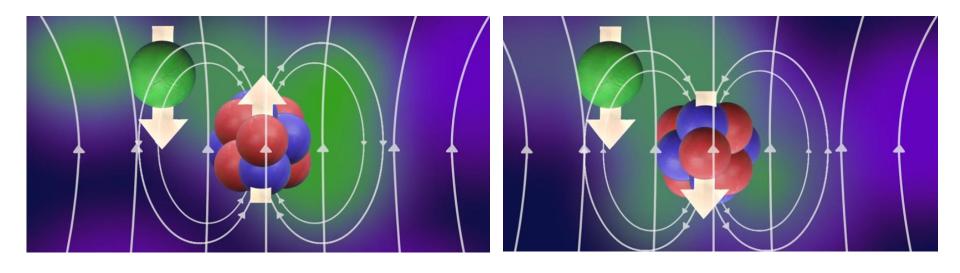
입자가 Spin Up인 경우에는 전류가 흐른다.

- Qubit의 정보 읽기
- 전자뿐만 아니라 원자의 원자핵을 큐비트로 활용
 - 전자에 비해 spin이 매우 약함(2000배 약함)
 - 매우 고립적인 입자
 - 여전히 전자파로 Spin 효과를 줄 수 있음
- 외부에서 주는 자기장
- 원자 내부의 원자핵에서 나오는 내부 자기장

- Qubit의 정보 읽기
- 원자핵의 자기장 2가지 상태를 가질 수 있음
- 원자핵의 방향에 따라 전자의 방향을 결정 가능



- Qubit의 정보 읽기
- 원자핵: 전자가 향할 방향을 결정해 주는 역할



- Qubit의 정보 읽기
- 실리콘 28: 원자의 회전이 0인 물질
- 양자 입자로 사용할 원자(P(인)) 등을 실리콘에 Doping 해서 사용
- 큐비트의 완벽한 플렛폼

감사합니다