## Generative Adversarial Networks based Pseudo-Random Number Generator for Embedded Processors

https://youtu.be/q5g6LER217M





#### Contents

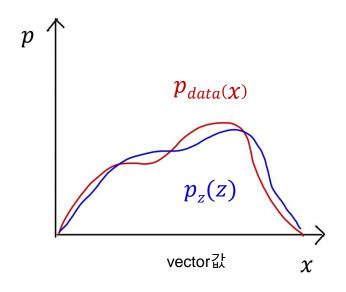
**Generative Adversarial Network** 

**Proposed Method** 

**Evaluation** 



#### Generative Adversarial Network

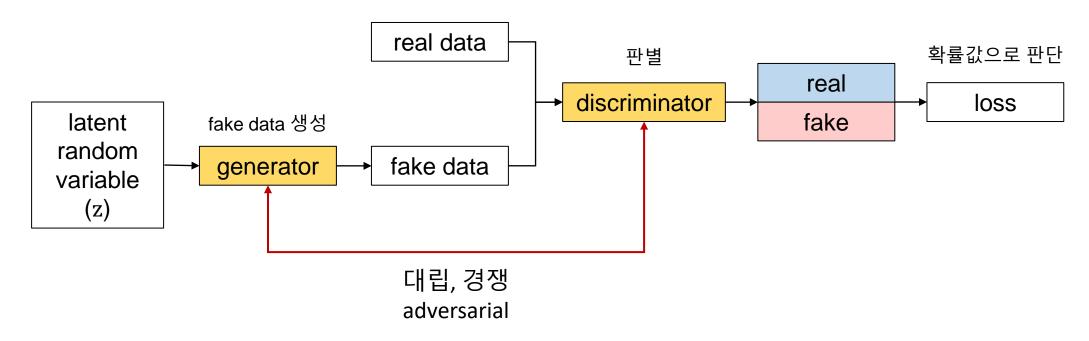


- data의 특징을 나타내는 vector값의 분포 (p)
- real data의 분포 $(p_{data}(x))$ 와 fake data의 분포 $(p_z(z))$ 를 학습을 통해 비슷하게 만드는 것이 목적  $\rightarrow$  label을 통한 분류가 아닌 training data의 분포를 학습
- ▶ 확률 분포가 정확히 일치하면 real data와 fake data를 구분할 수 없음



#### Generative Adversarial Network

• generator/discriminator

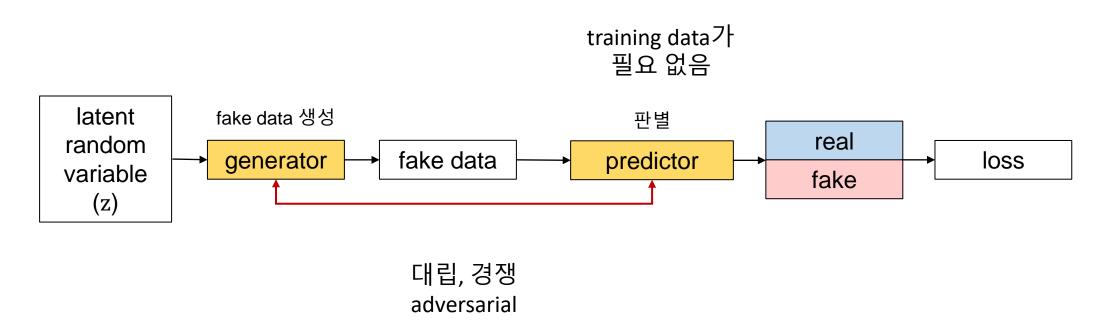


- 1. generator는 discriminator를 속이기 위해 진짜같은 가짜를 생성
- 2. discriminator는 generator의 가짜 출력을 판별하기 위해 학습



#### Generative Adversarial Network

generator/predictor



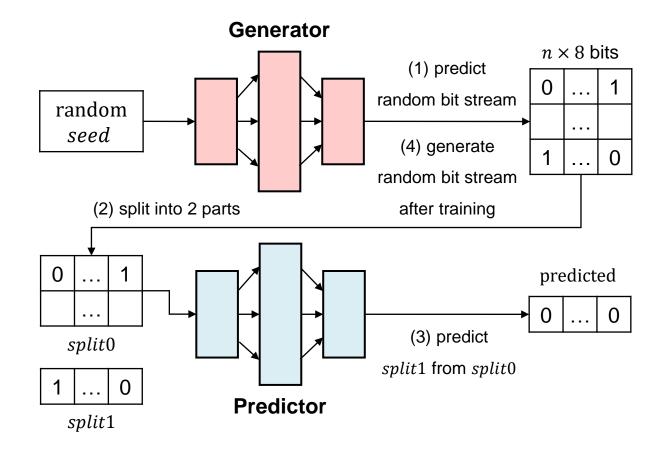
- 1. generator는 predictor 를 속이기 위해 예측할 수 없는 가짜를 생성
- 2. predictor는 generator의 가짜데이터를 예측하기 위해 학습



### Proposed Method

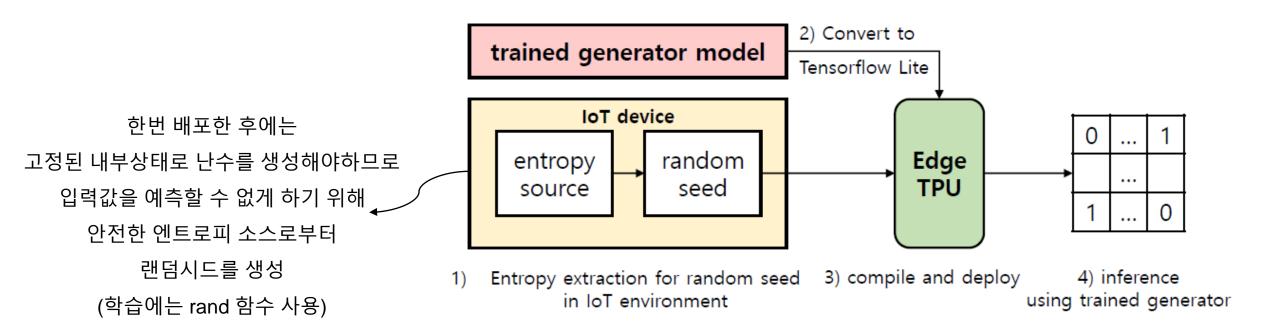


#### system configuration (1)





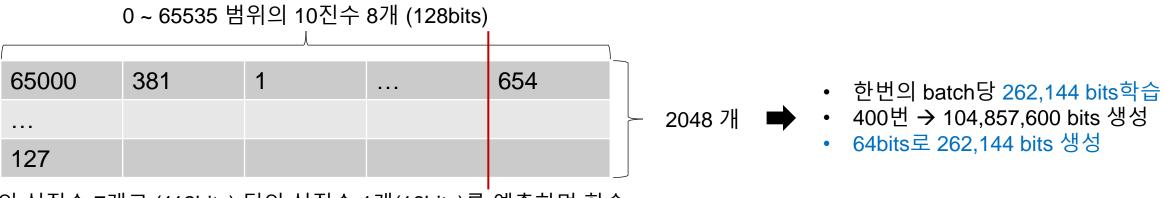
#### system configuration (2)



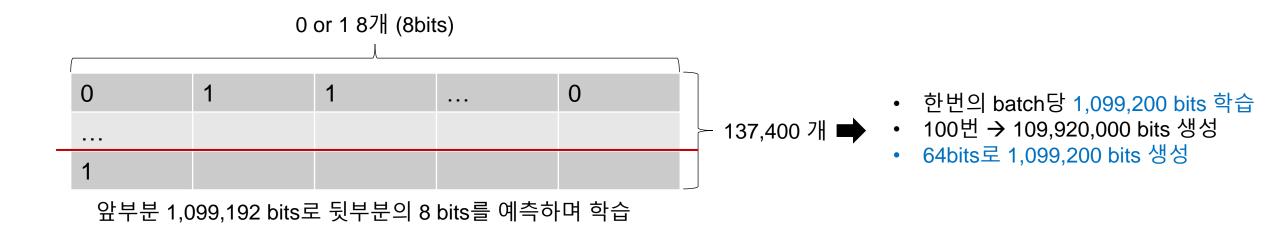
random bit stream을 직접 생성하는 것은 generator 이므로 해당 모델만 edge TPU에 배포



#### Comparison with previous method



앞의 십진수 7개로 (112bits) 뒤의 십진수 1개(16bits)를 예측하며 학습





#### generator

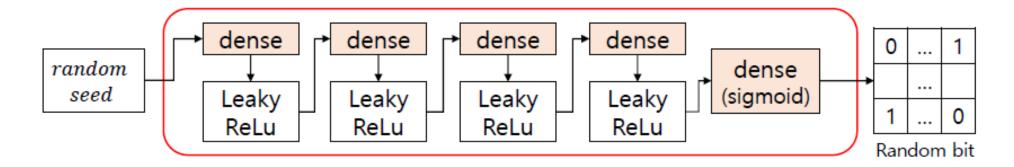


Fig. 3: Architecture of random number generator.

- 가장 기본적인 layer인 dense layer 5층 사용
- 활성화 함수 : LeakyReLu, sigmoid
- 최적화 함수 : Adam (학습률 : 0.0002)

#### generator

7: return RBS

# Algorithm 1 Generator mechanism Input: Random seed (s), Generator (G)Output: Random bit stream (RBS)1: $x \leftarrow Dense(s)$ 2: for i = 1 to 4 do 3: $x \leftarrow Dense(x)$ 4: end for 5: $x \leftarrow Sigmoid(x)$

6:  $RBS \leftarrow \text{round } x \text{ into nearest integer } (0 \text{ or } 1)$  0~1 사이의 값을 출력  $\rightarrow$  0 or 1로 반올림하여 bit로 사용



#### predictor

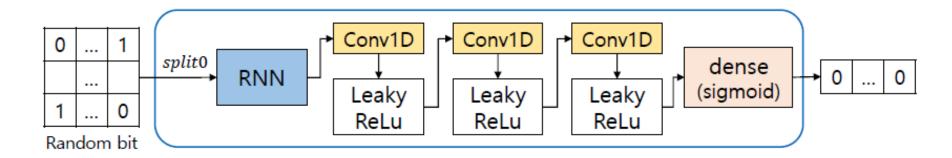


Fig. 4: Architecture of predictor.

- 시퀀스 데이터 학습 layer인 RNN 사용, 학습할 가중치가 적으며 성능이 좋은 Conv1D layer 사용
- 활성화 함수: LeakyReLu, sigmoid
- 최적화 함수 : Adam (학습률 : 0.0002)
- RNN을 predictor에 넣어 predictor의 성능을 향상시키며, 이에 따라 generator도 학습되도록 함
  - → edge TPU에 올리기 위해 generator에는 추가하지 않음 (올라갈 수 있는 레이어가 제한적이며, 용량이 커질 수 있어서)

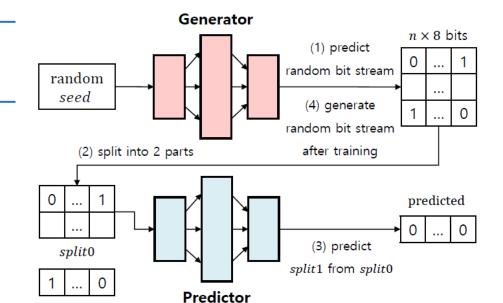


### predictor

Algorithm 2 Predictor mechanism								
Input: Random bit stream (RBS)			8					
Output: Predicted random bit stream $(RBS_P)$		0	1	1		0	0	
1: $Split0 \leftarrow RBS[: n-1][: 8]$ 2: $Split1 \leftarrow RBS[n-1:n][: 8]$	split0							
3: $x \leftarrow RNN(Split0)$	spillo						n-2	
4: for $i = 1$ , to 3 do 5: $x \leftarrow Conv1D(x)$	split1	1					n-1	
6: end for		split	t1					
7: $x \leftarrow Dense(x)$		1	. 0					
	: $x \leftarrow Sigmoid(x)$ : $RBS_P \leftarrow \text{round } x \text{ into nearest integer } (0 \text{ or } 1)$ : $Loss_p \leftarrow mean(abs(Split1 - RBS_P))$ : Train to minimize $Loss_p$					loss가 <sup>3</sup>	rator가 생성했던 값이 리소화 → 최소화 되도록 r의 성능을 향상	



#### GANtraining (generator training)



#### Algorithm 3 Proposed RNG based on GAN

Input: Random seed (s), Generator (G), Predictor (P), epochs (EPOCHS), Secure parameter (t), Range of random number (r), The number of bits needed to represent random number (m)

RBS to num에 필요한 parameter

Output: Random Number (num)

- 1: for epoch = 1 to EPOCHS do
- 2:  $s \leftarrow \text{sample } entropy \text{ from IoT device}$
- 3:  $RBS \leftarrow G(s)$
- 4:  $RBS_P$ ,  $Split1 \leftarrow P(RBS)$
- 5:  $Loss_G \leftarrow mean(abs(1 Split1 RBS_P)) \cdot 0.5$
- Train G to minimize Loss<sub>G</sub>
- 7:  $RBS \leftarrow G(s)$
- 8: end for

9: 
$$c \leftarrow \sum_{i=0}^{m+t-1} 2^i \cdot RBS_i$$

- 10:  $num \leftarrow c \mod r$
- 11: return num

예측한 값과 generator가 생성한 값이

같은 경우 ½, 다른 경우 0

→ 즉 generator는 loss가 최소화 되도록 (predictor가 예측할 수 없도록 학습)

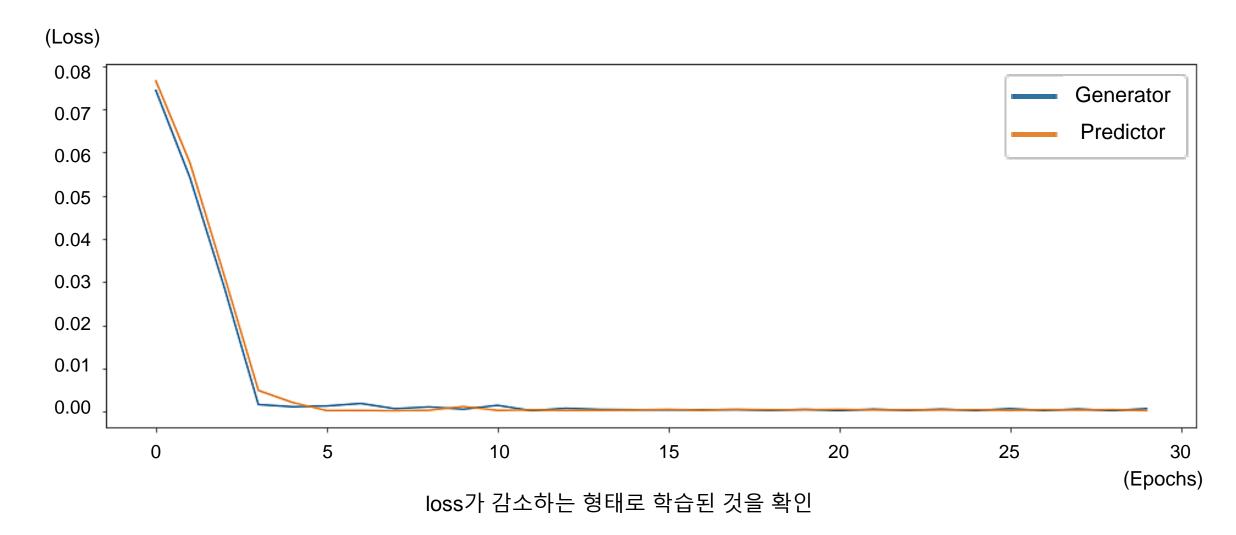
The Simple Discard Method

split1

- → 사용되는 비트가 생성 가능한 난수의 최댓값을 표현하기 위한 비트의 ½이하인 경우 비효율
- The Complex Discard Method
- → 범위를 나눠야해서 복잡함
- The Simple Modular Method
- → 조건에 따른 반복문이 필요 없어 constant time안에 연산 가능



#### **GANtraining**



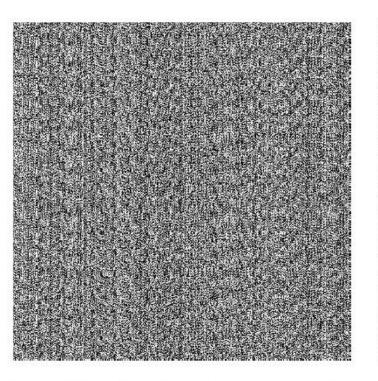


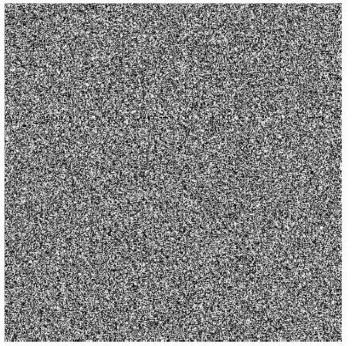
#### **Evaluation**



#### Visualization of random number

학습되지 않은 경우 rand()함수 통해 입력받고 그것에 대한 출력, 내부상태 변화 없이 입력이 반복되므로 패턴 존재





내부상태가 변하며 난수를 생성하도록 학습, 특정 패턴 없이 분포

학습 된 경우,

Fig. 7: Visualization of random number generated by the generator. (left) before training and (right) after training.



#### NST test suite result

```
generator is (data/1.pi)
C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 P-VALUE PROPORTION STATISTICAL TEST
0 2 0 0 3 0 2 0 1 2 0.213309 10/10 Frequency
             1 1 2 1 0.534146
                                 10/10
                                         BlockFrequency
                                 10/10
                                         CumulativeSums
                  2 0 0.739918
                                         CumulativeSums
                                 10/10
                     0 0.911413
                                 10/10
           0 1 1 0 2 0.008879
                                         Runs
                                 10/10
                                         LongestRun
                     1 0.911413
                                 10/10
                                         Rank
                     3 0.534146
                                 10/10
             0 0 0 0 0.350485
                                         FFT
                                 10/10
                                         NonOverlappingTemplate
                       0.739918
                                 10/10
                                         OverlappingTemplate
                     0 0.213309
                                        Universal
                                  9/10
              1 0 3 2 0.350485
                                 10/10
                                         ApproximateEntropy
                0 4 0 0.035174
                                      RandomExcursions
                                 10/10
                                         Serial
                0 1 2 0.350485
                                 10/10
           2 0 0 1 3 0.534146
                                         Serial
                                 10/10
                                         LinearComplexity
0 1 0 3 2 0 2 2 0 0 0.213309
```

15 개의 test 188개의 Individual test NonOverlappingTemplate은 여러 번 반복



#### NST test suite result

generator is 〈data/1.pi〉	generator is 〈data/5.pi〉		generator is 〈data/9.pi〉	
C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 P-VAL	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 F	P-VALUE PROPORTION STA	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 P-VALUE PROP	ORTION STATISTICAL TEST
0 2 0 0 3 0 2 0 1 2 0.213309 10/1 0 1 0 3 0 1 1 1 2 1 0.534146 10/1 0 1 1 2 1 0 1 2 2 0 0.739918 10/1 1 1 1 1 1 0 1 2 2 1 0 0.911413 10/1 1 0 0 5 0 1 1 0 1 2 0 1 1 1 1 1 0 1 2 0.2 1 0 0.911413 10/1  1 0 0 5 0 1 1 1 1 1 0 1 2 0 1 1 1 1 1 0 3 0 0 2 0 0 3 2 0 0 1 0 0 1 1 1 0 0 1 2 1 4 0 0 1 1 1 1 0 0 1 1 1 1 1 1 0 2 1 2 0 0 0 0 2 0 1 1 1 1 1 1 1 1 0 2 1 2 0 0 0 0 1 1 3 1 0 1 1 1 1 1 1 0 0 0 1 1 1 1 0 1 0 1 2 1 2 1 0 1 0 1 0 3 2 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 1 0 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 1 0 3 2 1 2 1 0 1 1 0 1 0 0 0 1 3 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 1 3 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 1 3 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 1 3 3 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 1 1 3 3 1 2 0 0 0 0 0 2 1 0 3 0 1 1 2 0 1 0 0 1 1 1 1 0 0 0 2 1 0 1 0 1 1 1 0 0 0 2 1 0 1 0 1 1 1 0 0 0 2 1 0 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 1 0 1 1 1 1	1 0 1 2 2 0 1 1 0 2 0.739918 1 0 1 1 1 1 1 1 2 1 1 0.991468 1 0 1 2 3 1 1 0 0 1 0.534146 1 0 1 2 2 1 0 1 1 1 0.911413 0 1 3 0 3 0 0 1 1 1 0.213309 0 0 1 3 1 1 2 1 0 1 0.534146 0 1 2 0 0 4 0 2 0 1 0.066882 1 2 0 2 0 1 1 1 1 1 0.911413 0 1 1 0 2 2 0 1 2 1 0.739918 1 0 1 1 2 3 0 1 1 0 0.534146 4 2 1 0 1 0 1 1 0 0.534146 0 2 0 1 0 1 0 1 1 0 0.534146 0 2 0 1 0 0 0 1 1 0 0.534146 0 2 0 1 0 0 0 1 1 0 0.534146 0 2 0 1 0 0 0 1 1 0 0.739918 0 3 2 0 0 1 2 0 0 2 0 0 2 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 3 1 0 0.213309 1 3 1 0 0 1 0 5erial 3 50485 10/10	10/10 BlockFrequency 10/10 CumulativeSums 10/10 Runs  generator is \(data/7.pi\)  C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8  C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8  0 1 1 0 2 0 1 0 3 2 2 0 0 0 4 0 2 0 1 1 0 2 0 1 1 2 1 2 1 1 0 0 1 1 0 2 2 1 2 1 1 0 0 1 1 0 2 2 1 2 1 1 0 0 1 1 0 2 2 1 2 1 1 0 0 3 2 1 0 1 0 2 2 0 1 3 2 1 0 1 0 2 2 0 1 3 2 1 0 1 0 2 2 0 1 3 2 1 0 1 0 0 1 0 3 2 1 0 3 1 2 1 0 0 0 2 1 0 3 1 2 1 0 1 0 0 2 1 0 3 1 2 1 0 1 0 1 2 1 2 0 0 0 1 0 1 2 1 2 0 0 0 1 0 1 2 1 2 0 0 0 1 0 1 2 1 2 0 0 0 1 0 1 2 1 2 0 0 0 1 0 1 2 1 2 0 0 0 1 0 1 2 1 2 0 0 0 1 0 1 2 1 2 0 0 0 0 1 0 1 2 1 2 1 2 1 0	1 0 2 1 1 1 1 0 1 2 0.911413 10/10 Block 0 1 0 1 3 2 2 1 0 0 0.350485 10/10 Cum 2 1 0 1 1 0 1 2 2 0 0.739918 10/10 Cum 3 0 1 1 1 0 1 0 2 1 0.534146 10/10 Rum 0 1 2 0 2 1 0 3 0 1 0.350485 10/10 Long 0 1 1 0 1 1 1 0 3 2 0.534146 10/10 Ran 2 0 1 0 1 0 2 1 1 2 0.739918 10/10 FFT 0 0 0 0 2 0 0 0 1 4 3 0.017912 10/10 Non 0 1 1 2 0 0 1 0 3 2 0.350485 10/10 Univ 2 2 0 1 0 0 0 2 0 1 2 0.534146 10/10 App 0 2 2 2 0 0 0 0 1 1 0 3 2 0.534146 10/10 App 1 1 1 0 0 0 1 1 0 0 0 0.213309 10/10 Seri 0 1 1 2 1 4 0 0 1 0 0.122325 10/10 Seri	gestRun  OverlappingTemplate rersal roximateEntropy Excursions ExcursionsVariant



#### NST test suite result

The following test instances were improved.

```
generator is (data/c-1.pi)
C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 P-VALUE PROPORTION STATISTICAL TEST
10 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.000000 * 0/10 * Frequency
2 2 3 0 0 1 1 1 0 0 0.350485
                                       BlockFrequency
10 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.000000 * 0/10 * CumulativeSums
10 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0.000000 * 0/10 * CumulativeSums
9 0 0 0 0 1 0 0 0 0.000000*
                                 1/10 * Runs
2 1 0 2 1 0 1 0 3 0 0.350485
                                        LongestRun
                                 10/10
         2 2 0 0 0 0 0.004301
                                        Rank
           0 0 0 1 0 0.004301
                                 8/10
                                        FFT
                                       NonOverlappingTemplate
                                 8/10
         2 0 0 2 0 1 0.350485
                                10/10
                                        OverlappingTemplate
                                       Universal
                                10/10
         2 2 1 3 0 0 0.350485
                                       ApproximateEntropy
    0 0 2 1 0 0 0 0 0.017912
                                    RandomExcursions
                                    RandomExcursionsVariant
                                        Serial
    3 1 1 1 0 0 1 2 0.534146
1 3 0 0 1 1 1 0 2 1 0.534146
                                10/10
                                       Serial
  1 1 1 2 0 0 1 1 2 0.911413
                                       LinearComplexity
```

```
generator is (data/1.pi)
C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 P-VALUE PROPORTION STATISTICAL TEST
0 2 0 0 3 0 2 0 1 2 0.213309
                                        Frequency
                                         BlockFrequency
    0 3 0 1 1 1 2 1 0.534146
                                 10/10
                                         CumulativeSums
           0 1 2 2 0 0.739918
                                         CumulativeSums
                                 10/10
                  1 0 0.911413
                                 10/10
                1 0 2 0.008879
                                         Runs
                                 10/10
                                         LongestRun
                                 10/10
                                         Rank
                                         FFT
                                 10/10
                                 10/10
                                         NonOverlappingTemplate
             4 1 1 0 0.213309
                                 10/10
                                         OverlappingTemplate
                                 9/10
                                        Universal
    0 0 1 2 1 0 3 2 0.350485
                                        ApproximateEntropy
                                     RandomExcursions
                                     RandomExcursionsVariant
                                 10/10
                                         Serial
    1 0 1 2 0 0 1 3 0.534146
                                 10/10
                                         Serial
0 1 0 3 2 0 2 2 0 0 0.213309
                                 10/10
                                        LinearComplexity
```

previous method

proposed method



#### previous work vs this work

Table 1: Comparison of GAN based PRNG, where T,  $T_I$ ,  $F_I$ ,  $F_I$ ,  $F_I$ ,  $F_T$ ,  $F_T$ ,  $F_T$ , are the number of individual tests, test instances, failed instances, their percentage, individual tests with p-value below the threshold, individual tests that failed, their percentage, respectively. The inference time is the time to generate a random number through trained generator.

	Т	$T_I$	$F_I$	$F_I/\%$	$F_P$	$F_T$	F%	inference time
Before training	188	1789	1769	98.8	160.8	186	98.9	177.32  ms
Bernardi et al. [5]	188	1830	56	3.0	2.7	4.5	2.5	187.09  ms
Proposed method	188	1794	19.6	1.09	0.00	0.1	0.00	13.27  ms



약 2.85배 감소



약 45배 감소



약 14.1배 향상

egde TPU가 보통 15~30배 빠르다고 함

0	0	2	0	1	0	2	0	1	0	 6/6	RandomExcursions
0	0	0	2	0	1	2	0	0	2	 7/7	RandomExcursions

→ 각 실험마다 다른 수치가 나와서기존 논문의 결과와 test instance (T₁)가 다름



#### previous work vs this work

- ❖ 기존 연구의 경우 통과하지 못 한 test 항목은 주로 Frequency, CumulativeSums, Run, FFT, NonOverlappingTemplate.
- ❖ 제안 기법의 경우 전체 테스트(188개의 개별 테스트에 대한 10번의 실험)에 대해 NonOverlappingTemplate 1번 실패
- Frequency

4 0 2 0 0 1 1 2 0 0 0.066882 7/10 \* NonOverlappingTemplate

0과 1의 비율 (이상적인 경우 0.5에 수렴)

#### CumulativeSums

random walk test

0은 -1, 1은 1로 하여 누적합을 계산하며, 이상적인 난수열의 결과 값(0)과의 차이를 검사

Run

같은 비트들이 반복되는 것을 run이라고 하며, 0의 run이 1의 run으로 변하는 것의 확률을 검사 (이상적인 경우 0.5)

- FFT
  - 이산 푸리에 변환의 최고점의 높이( )를 활용한

)를 활용하여 반복적 패턴, 주기 등을 검사

NonOverlappingTemplate

비주기적인 패턴의 빈도수 검사 (특정 m-bits 패턴을 찾음)



#### previous work vs this work

- ❖ 기존 연구의 경우
  - covolution layer만 사용 → 특정 패턴 존재, 생성되는 비트들의 빈도수 등에 있어 이상적인 난수열과 거리가 있음을 확인
- ❖ RNN 레이어를 통해 보다 긴 시퀀스에 대해 학습
  - 장기적 의존성을 가짐 → 이전 bit들의 값과 전체적 특징을 반영하여 학습하고 random bit stream 생성
  - 기존 논문과 동일하게 각 test instanc당 약 100만 비트를 기준으로 실험
  - but 기존 연구의 경우 262,144 bits 씩 학습하였고 제안 기법의 경우 1,099,200 bits씩 학습
  - 지역적 특징(convolution layer) 으로 학습 및 생성된 난수열에 비해 전체적 시퀀스를 학습하여 생성된 난수열이 더 좋은 성능을 나타냄
- NIST test suite 결과를 보아, 제안 기법은 랜덤 시드 생성을 위해 안전한 entropy source를 사용한다면 CSPRNG(Cryptographically Secure PRNG)로 사용 가능할 것



## Q&A

