

# 전자서명에서의 은닉채널

Covert Channel in Digital Signature

<https://www.youtube.com/watch?v=rDdCOYsUSBs>

# 전자서명이란?

- 전자서명
  - 공개키 암호화 방식을 이용한 메시지 인증 방식

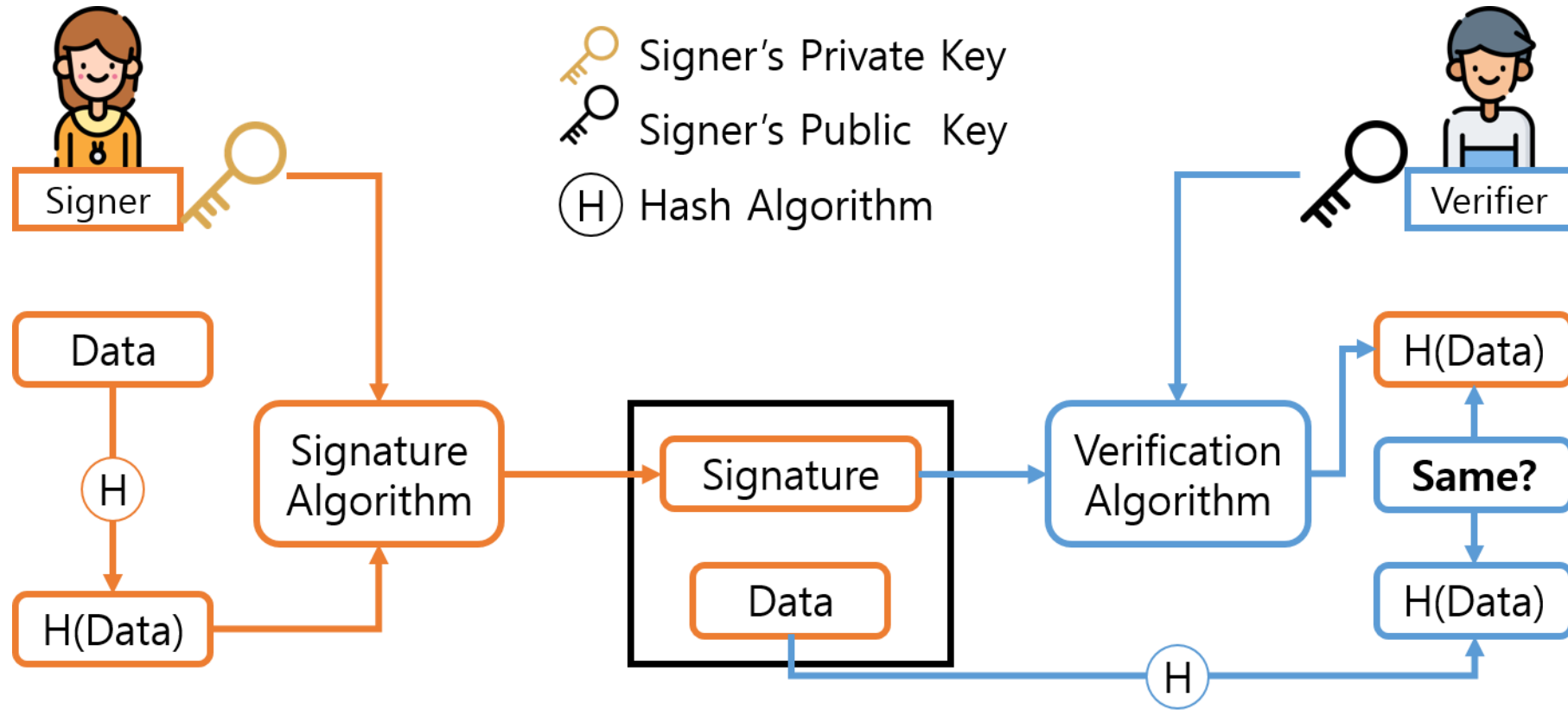


실 문서와 개체를 결합



디지털 데이터와 개체를 결합

# 전자서명이란?

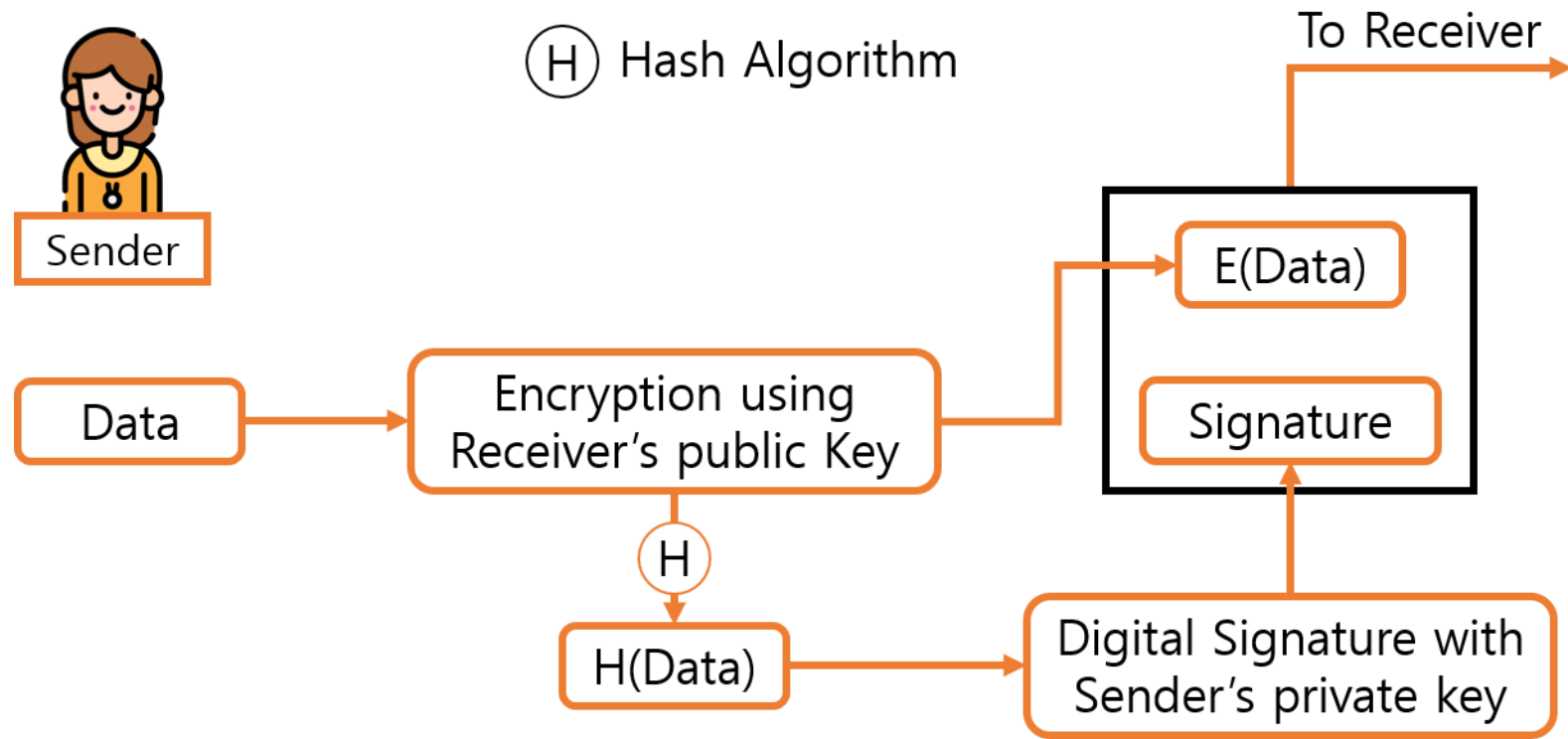


# 전자서명이란?

- 메시지 인증
  - 개인키를 가진 서명자가 서명을 했음을 확신
- 데이터 무결성
  - 데이터가 수정될 경우 해시를 통해 탐지할 수 있음
- 부인 방지
  - 개인키는 유일하므로 서명 또한 유일하게 생성

# 전자서명이란?

- 서명 후 암호화, 암호화 후 서명



# 전자서명 표준

*DSS*

# Digital Signature Standard (DSS)

- NIST가 공표한 전자서명 표준
- 버전
  - FIPS 186 (May 1994)
  - FIPS 186-1 (December 1998)
  - FIPS 186-2 (January 2000)
  - FIPS 186-3 (June 2009)
  - FIPS 186-4 (July 2013)
- 차이점
  - 난수발생기, 해시함수(FIPS 180), 매개변수

# 매개 변수

$p$  : prime modulus.

$q$  : prime divisor.

$g$  : generator of a subgroup of order  $q$ .

$x$  : private key

$y$  : public key

$k$  : secret number (unique)



# KeyGen

해시 함수 선택

$L, N$  선택 ( $L$ 은  $p$ 의 길이,  $N$ 은  $q$ 의 길이)

$N$ -비트 소수  $q$

$L$ -비트 소수  $p$  ( $p-1$ 은  $q$ 의 멍승)

$h$  선택  $\{2 \sim p-2\}$

$$g = h^{(p-1)/q} \bmod p$$

$\rightarrow p, q, g$  공유

$x$  선택  $\{1 \sim q-1\}$

$$y = g^x \bmod p$$

# Signing

q 보다 작은 난수 k 선택

$$r = (g^k \bmod p) \bmod q$$

$$s = (k^{-1}(H(m) + xr)) \bmod q$$

서명값 (r, s)

# Verifying

$r, s$ 가  $q$ 보다 작은지 확인

$$w = s^{-1} \bmod q$$

$$u1 = H(m) \cdot w \bmod q$$

$$u2 = r \cdot w \bmod q$$

$$v = (g^{u1} g^{u2} \bmod p) \bmod q$$

valid if  $v = r$

증명

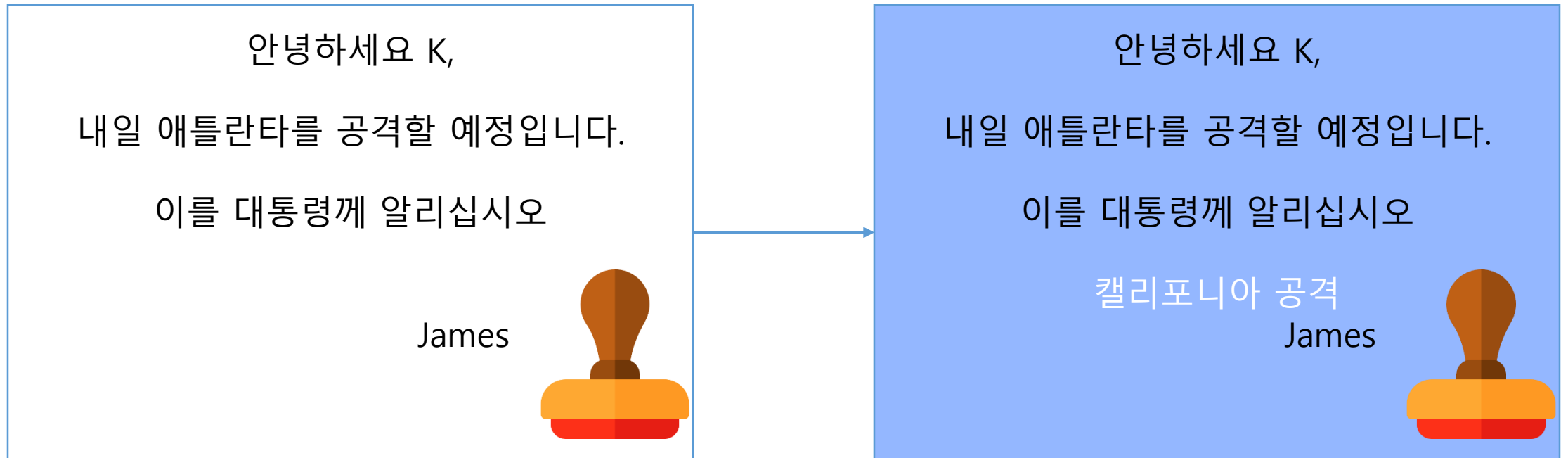
서명값  
(r, s)

$$\begin{aligned} S &= K^{-1} (H(m) + \alpha r) \bmod q \\ \therefore K &= H(m) \cdot S^{-1} + \alpha \cdot r \cdot S^{-1} \bmod q \leftarrow w = S^{-1} \bmod q \\ &= H(m) \cdot w + \alpha \cdot r \cdot w \bmod q \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} r &= (g^K \bmod p) \bmod q \\ &= (g^{H(m) \cdot w} \cdot g^{\alpha \cdot r \cdot w} \bmod p) \bmod q \leftarrow g^x = y \\ &= g^{H(m) \cdot w} \cdot y^{r \cdot w \bmod p} \bmod q \\ &= g^{u1} \cdot y^{u2} \bmod p \bmod q \\ &= v \end{aligned}$$

# 은닉채널이란?

- 다른 사람은 확인할 수 없는, 수신자와 송신자만이 알 수 있는 숨겨진 채널



# DSS 상에서의 은닉채널

- Simons에 의해 고안
- 2 가지 형태
  - Broadband
    - 수신자가 송신자의 비밀키를 필요로 함
  - Narrowband
    - 더 적은 비트를 사용
    - 수신자가 송신자의 비밀키를 필요로하지 않음

# Broadband

- 난수  $k$ 를 공유하려는 비밀로 사용  
 $k < N$  bit

$$L = 1024, N = 160$$

$$L = 2048, N = 224$$

$$L = 2048, N = 256$$

$$L = 3072, N = 256$$

- DSS 표준 매개변수에 따라 최대 256비트
- 서명자의 개인키를 알아야 함

# Broadband

증명

서명값

$(r, S)$



$$S = K^{-1} (H(m) + xr) \bmod q$$

$$\therefore K = H(m) \cdot S^{-1} + x \cdot r \cdot S^{-1} \bmod q \leftarrow W = S^{-1} \bmod q$$

$$= H(m) \cdot W + x \cdot r \cdot W \bmod q$$

$$r = (g^K \bmod p) \bmod q$$

$$= (g^{H(m) \cdot W} \cdot g^{x \cdot r \cdot W}) \bmod p \bmod q \leftarrow g^x = y$$

$$= g^{H(m) \cdot W} \cdot y^{r \cdot W \bmod p \bmod q}$$

$$= g^{u_1} \cdot y^{u_2} \bmod p \bmod q$$

$$= v$$

전송되는 메시지로부터  $H(m)$  계산

서명  $S$ 로 부터  $S^{-1} \bmod q$  계산

$r$  대입

$x$  대입

# Narrowband

- 새로운 소수  $P$ 를 공유
- 난수  $k$  modulus  $P$  를 이용한 규칙  $F$  생성
- $F$ 의 결과에 따른 비밀 비트 공유

- 한 가지 예를 들어,

$$x^2 = k \bmod P$$

가 해를 가지면 1  
해를 가지지 않으면 0을 의미하는 규칙  $F$ 를 생각해 볼 수 있음



# 은닉채널 예제

In code based crypto *McEliece*

# 구조 설명

- *KeyGen.*
  - 비밀키
    - $S(K \times K)$
    - $G(K \times N)$
    - $P(N \times N)$
  - 공개키
    - $G' = SGP$

# 구조 설명

- *Enc.*

- 평문  $\mathbf{m}$ 에 대해 오류 벡터  $\mathbf{e}$  생성
- 암호문  $\mathbf{c} = \mathbf{mG}' + \mathbf{e}$

- *Dec.*

- $\mathbf{c}' = \mathbf{cP}^{-1}$
- $\mathbf{m}'$  계산 ( $\mathbf{c}' = \mathbf{m}' + \mathbf{e}'$ 를 만족) (디코딩 알고리즘 사용)
- $\mathbf{m} = \mathbf{m}'S^{-1}G^{-1}$

# 인증

- 설정
  - $S \subset V_k, V_{n_1}$
  - 선택한  $k, n_1$ 에 대해 가능한 모든  $k \times n_1$  표준 생성 행렬의 집합에서 선택된 하나의 표준 생성 행렬  $G_i$
  - 선형 부호  $C$ 에 따른  $S, G, P$
- 송신자, 수신자, 감시자
  - $S, G, P$  공유
- 송신자, 수신자
  - $G_i$  공유

# 인증

- 송신자
  - S에서  $s$  선택
  - $G_i$ 를 이용하여 다음과 같이 대응되는  $\mathbf{x}$  계산

$$\begin{aligned} S &\rightarrow V_{n_1} \\ \mathbf{s} &\rightarrow \mathbf{x} = \mathbf{s}G_i \end{aligned}$$

- 오류 벡터  $\mathbf{e}$  선택
- $\mathbf{x}$ ,  $\mathbf{e}$ , S, G, P를 이용하여  $\mathbf{m}$  계산

$$\begin{aligned} V_{n_1} &\rightarrow V_n \\ \mathbf{x} &\rightarrow \mathbf{x}G' + \mathbf{e} \end{aligned}$$

- $\mathbf{m}$  전송

# 인증

- 수신자
  - $\mathbf{x}$  계산 (McEliece)
  - 처음  $k$ 개 요소를 갖는 벡터를 상태  $\mathbf{s}$ 로 두고  $\mathbf{s}G_i$ 를 계산하여  $\mathbf{x}$ 와 비교함으로써 검증

# 은닉채널

$$S \rightarrow V_{n_1}$$
$$s \rightarrow x = sG_i$$

- $x = sG_i (n_1 - k)bit$
- 송신자는  $x' = x + n$  계산 (  $n \rightarrow k\text{-bit } 0 + \text{secret bit}$  )
- 수신자는  $x'$  를 계산
- 수신자는  $x'$  의 상위  $k\text{-bit}$ 로 부터  $x$  를 계산
- 수신자는 secret bit가 포함된  $n$  을 계산

X 1010111001

N 0000000011

X' 1010111010