## ARMv8 상에서의 격자 기반 암호 최적 구현 연구 동향

유튜브 주소: <a href="https://youtu.be/ztHtzoszAcQ">https://youtu.be/ztHtzoszAcQ</a>

HANSUNG UNIVERSITY CryptoCraft LAB

격자기반 양자내성암호 개요

ARMv8 아키텍처 및 NTT

격자 기반 암호 알고리즘 구현 사례 분석

#### 격자기반 양자내성암호 개요

- 양자 컴퓨터의 발전으로 기존의 공개키 암호체계 무력화 예상
  - Shor 알고리즘은 이산 대수 문제를 효율적으로 해결 가능
  - -> RSA, ECC 등 무력화 가능
- 이에 NIST에서 양자내성암호 공모전 수행
  - 최종 표준은 격자 기반 암호 위주로 선정됨
- 양자 내성 암호 중 격자 기반 방식은 가장 효율적인 후보군으로 평가
  - 수학적 구조 안전성이 높고, 고속 연산이 가능한 이점 보유
  - NTT를 활용한 고속 다항식 곱셈 연산이 주요 연산
- ARMv8 아키텍처-> PQC 구현에 적합한 플랫폼으로 평가
  - 64-bit 명령어 및 NEON SIMD 벡터 연산을 통한 병렬 연산 가능
  - 리소스가 제한적인 모바일, 임베디드 환경 등에서 효율적인 구현 가능
- 이에 ARMv8 상에서 격자 기반 암호 최적화 연구 동향 조사

#### ARMv8 아키텍처

- ARMv8: 2011년에 도입된 64-bit 기반의 RISC 아키텍처
  - 고성능·저전력 설계를 목표로 개발된 최신 ARM ISA(Instruction Set Architecture)
- 64-bit 명령어 및 NEON SIMD 벡터 연산 지원
  - 64-bit 범용 레지스터 31개 제공
  - 128-bit 벡터 레지스터 32개 제공
- SIMD 명령어를 통해 연산 병렬 처리 가능
  - 덧셈, 곱셈 연산 등 반복 구조 연산의 병렬 처리 가능
  - 데이터 크기에 맞게 레지스터 재구성 가능 -> 데이터 특성에 맞게 병렬 연산 가능

8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
								8	8	8	8	8	8	8	8

6B /	8B (	Bvt	e 8.	-bit)
007	עט י	L y t	Ե, Ծ <sup>-</sup>	DIL)

16	16	16	16	16	16	16	16
				16	16	16	16

8H / 4H (Half Word, 16-bit)

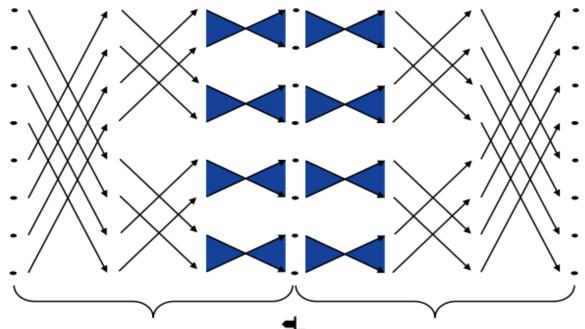
32	32	32	32
		32	32

2D	(Daubla	Mord	64 hit)	
ZU (	(Double	vvora,	64-DIT)	

64

#### NTT(Number-Theoretic Transform)

- NTT: 이산 푸리에 변환을 유한체 위에서 수행한 형태
  - 주로 격자 기반 암호의 고속 다항식 곱셈 연산에 활용됨
- NTT는 다항식 곱셈을  $O(n^2) \rightarrow O(n \log n)$ 으로 가속화 가능





**버터플라이 연산** NTT 기본 연산 단위

Forward: Cooley-Tukey(CT) 알고리즘 🧎 Inverse: Gentleman-Sande(GS) 알고리즘

• 입력 다항식(시간 영역)을 주파수 영역의 데이터로 변환  주파수 영역으로 변환된 데이터를 시간 영역의 다항식으로 재 변환

#### Crystals-Dilithium on ARMv8

- ARMv8 플랫폼 상에서 Crystals-Dilithium을 최적화한 연구 사례
  - Dilithium: NIST PQC 공모전 표준으로 선정된 격자 기반 전자서명 알고리즘
  - Module-LWE 문제 기반
- 대상 플랫폼: Jetson Xavier(ARMv8.2)
- 주요 최적화 전략
  - Merging: 불필요한 메모리 접근 감소
  - Register Holding: 레지스터 내 값 보존
  - Interleaving: ARM core + NEON 병렬 사용

Dilithium-3	기존 (Cycle)	최적화 (Cycle)	향상률
KeyGen	253,395	176,174	+43.83%
Sign	1,257,304	589,567	+113.25%
Verify	255,421	179,971	+41.92%

## Crystals-Dilithium on ARMv8 최적화 기법

• Dilithium의 핵심 연산인 NTT/InvNTT/Point-wise에 대해 최적화 적용

핵심 연산	최적화 기법 설명
NTT (정방향)	<ul> <li>NEON 병렬화를 위한 Butterfly task-parallelism 적용</li> <li>Depth 0-2는 Merging 방식으로 메모리 접근 최소화</li> <li>Depth 3-7는 vector register holding 방식으로 처리</li> </ul>
Inverse NTT (역변환)	- NTT와 유사한 방식의 병렬화 적용 - Register holding 및 interleaving 방식 적용
Point-wise 곱셈	<ul> <li>다항식 4개 계수 병렬 처리</li> <li>ARM core는 2계수 처리(interleaving)</li> <li>Montgomery reduction에 barrel shifter, SMLSL 명령 활용</li> </ul>

#### HAETAE on ARMv8

- ARMv8 플랫폼 상에서 HAETAE 알고리즘을 최적화한 연구 사례
  - HAETAE: KpqC 표준으로 선정된 격자 기반 전자서명 알고리즘
  - LWE 및 SIS 문제 기반, Fiat-Shamir with Aborts 구조
- 대상 플랫폼: Apple M1 Processor
- 주요 최적화 전략
  - NEON 명령어(SQDMULH, ZIP, TRN 등) 활용한 SIMD 최적화
  - 데이터 재정렬과 사전 계산을 통한 메모리 접근 최소화

HAETAE-180	기존 (Cycle)	최적화 (Cycle)	향상률
KeyGen	1,502	1,295	+13.78%
Sign	4,198	3,721	+11.36%
Verify	694	545	+21.47%

## HAETAE on ARMv8 최적화 기법

• NTT, Inverse-NTT, Montgomery 연산에 대해 최적화 적용

핵심 연산	최적화 기법
NTT	<ul> <li>NEON 벡터 레지스터를 이용한 병렬화</li> <li>ZIP1/ZIP2, TRN1을 이용해 데이터 정렬</li> <li>SQDMULH를 활용하여 모듈러 곱셈 고속화</li> </ul>
Inverse-NTT	<ul> <li>NTT와 유사한 방식의 병렬화 적용</li> <li>사전 계산된 역 zeta 값 활용 기법 적용</li> <li>레지스터 재배열 및 조건 분기 최소화 기법 적용</li> </ul>
Pointwise Montgomery 곱	- SQDMULH 및 SHSUB 명령어를 통한 곱셈+모듈러 연산 통합 - 4개 계수를 한 번에 처리(병렬화) 기법 적용 - 고정 레지스터 내 $q$ , $q^{-1}$ 관리를 통해 반복 최소화

#### Fast Falcon Signature Generation and Verification Using ARMv8 NEON Instructions

- ARMv8 플랫폼 상에서 Falcon 알고리즘을 최적화한 연구 사례
  - FALCON: NIST PQC 공모전 표준으로 선정된 격자 기반 전자서명 알고리즘
  - Ring-LWE 문제 기반, Fast Fourier sampling과 NTRU 구조 결합
- 대상 플랫폼: Apple M1 Processor
- 주요 최적화 전략
  - 실수 기반 FFT와 Gaussian sampling을 NEON으로 병렬화
  - 계수 재배열과 루프 unrolling을 통해 캐시 접근 최적화
  - floating-point 연산에서 VLD1/VST1 활용해 데이터 대역폭 개선

falcon-512	기존 구현 (kc)	최적 구현 (kc)	향상률
Sign	654.0	459.2	+42%
Verify	43.5	22.7	+92%

### Falcon on ARMv8 최적화 기법

• FFT, NTT, Gaussian Sampling에 대해 최적화 적용

핵심 연산	최적화 기법				
FFT (Fast Fourier Transform)	<ul> <li>Iterative 방식의 Forward/Inverse FFT 구현</li> <li>NEON SIMD 벡터화 적용</li> <li>루프 언롤링 및 버터플라이 연산 묶기로 병렬성 증가</li> </ul>				
Twiddle Factor Table	- 대칭성, 회전성, 켤레 복소수 활용하여 4배 압축 저장(병렬화) -> 메모리 접근 최적화 및 캐시 효율 증가				
NTT	- Signed Barrett 곱셈 방식 적용하여 연산 범위 축소 - 각 레벨마다 Barrett 연산을 최소화하도록 값 범위 분석				
Gaussian Sampling	- Serial Gaussian 샘플링을 vectorized FFT와 결합 - 즉, 연속 샘플링 성능 향상				
Floating-Point 연산	- ARMv8.3의 fcmla, fcadd 명령 활용 - 정확성 보장 위해 fmul, fadd 방식 선택 가능 (rounding 보완)				

#### Optimizing HAWK Signature Scheme Performance on ARMv8

- ARMv8 플랫폼 상에서 HAWK 알고리즘을 최적화한 연구 사례
  - 격자 동형 문제(Lattice Isomorphism Problem, LIP)기반 전자서명 알고리즘
- 대상 플랫폼: Apple M1 Processor
- 주요 최적화 전략 요약
  - 프로파일링 분석 기반 병목 연산 탐색 및 집중 최적화
  - ARMv8 특화 명령어 활용(sbfx, csel, madd)으로 명령어 수 감소
  - NTT 병렬 구현: log n 값에 따라 선택적으로 적용하여 성능 개선 극대화

HAWK-512	기존 (Cycle)	최적화 (Cycle)	향상률
KeyGen	8,352,475 cycles	8,125,339 cycles	+2.72%
Sign	180,094 cycles	179,441 cycles	+0.36%
Verify	158,098 cycles	157,985 cycles	+0.07%

### HAWK on ARMv8 최적화 기법

• NTRUSolve, Rebuild\_CRT, NTT에 대해 최적화 적용

핵심 연산	적용된 최적화 기법
Modular reduction	- sbfx 명령어를 이용해 LSB 추출 및 sign-extension을 단일 명령어로 처리 - csel 명령어를 활용해 분기 없이 조건별 결과 선택 → branchless constant-time 구현
Polynomial multiplication	- madd 명령어를 이용해 곱셈과 덧셈을 하나의 명령으로 실행 → 명령어 수 감소 및 클럭 사이클 단축
NTT	<ul> <li>AArch64 SIMD 벡터 레지스터를 활용한 병렬 처리 구조 설계</li> <li>log n ≥ 8 이상부터 병렬화 적용</li> <li>작은 n에 대해선 reference NTT 유지로 성능 저하 방지</li> </ul>
Gaussian sampling & SHAKE-based randomness	- 서명 연산의 Gaussian 샘플링 및 SHAKE 함수가 성능 병목 원인으로 확인 - SHAKE 최적화는 향후 성능 개선 여지로 제시됨

# Q&A