

HCTR2 모드에서의 국산 블록 암호 적용 및 분석

<https://youtu.be/rQMCMh2qcQU>

1. HCTR2

- 워크숍과 보고서에서 확인된 문제들을 해결하기 위해서 두 개의 방향으로 표준화를 진행
 - (SP 800-197)Wider Variant of AES – 고정된 **큰 블록 크기**로 생일 경계 문제를 해결
 - (SP 800-197A)Accordion mode – **가변 길이 입력**으로 유연성을 제공(패딩 문제).
Tweak 값을 통한 키 재사용 문제 해결
- NIST에서는 세 가지 범용 아코디언을 개발할 예정
 - Acc128 – 기존의 128비트 블록 크기의 블록 암호를 지원
 - 생일 역설 문제로 인해서 단일 키로 연산되는 데이터를 2^{48} 비트로 제한될 것으로 예상
 - Acc256 – 높은 데이터 한계를 지원하는 256비트 블록 크기의 블록 암호를 지원
 - 더 큰 블록 크기로 단일 키로 생일 역설 문제를 뛰어넘는 데이터 양을 지원
 - SP 800-197(Wider Variant of AES)에서 개발되고 있는 256비트 블록 크기의 블록 암호가 적용
 - BBBAcc – 기존의 128비트 블록 크기의 블록 암호에서 생일 문제를 해결한 모드
 - Acc128과 동일한 128비트 블록 크기를 사용하지만, Acc128에서는 생일 문제로 인해서 단일키로 사용되는 데이터를 제한할 예정
 - BBBAcc는 이러한 문제를 해결하여 단일 키로도 Acc256과 같은 높은 데이터 연산을 지원하는 것을 목표로 함.

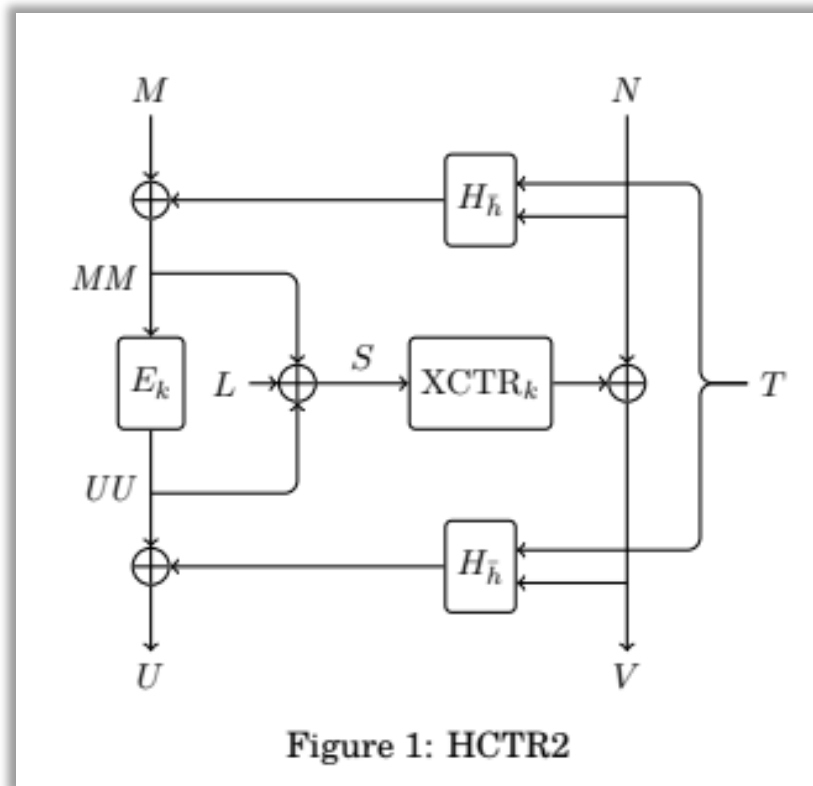
- Acc128 would support an underlying block cipher with 128-bit blocks (i.e., AES). Due to the birthday bound, NIST expects to limit the total data processed under a single key to 2^{48} bits.
- Acc256 would support very high usage bounds for an underlying block cipher with 256-bit blocks.
- BBBAcc would support extended usage beyond the birthday bound with AES. NIST expects the analogous limit on the total data processed under a single key to be at least 2^{64} bits.

1. HCTR2

- 아코디언 모드와 Rijndael-256(Wider Variant of AES)에서 언급되는 생일 문제는 CTR 모드에서의 한계로 인한 문제
 - 현재 많은 시스템에서 GCM 모드를 활용하는데 GCM은 CTR이 활용됨
- CTR 모드에서 Nonce+Counter 값을 암호화하여 평문과 XOR 함.
 - Counter 값이 초과하여 0부터 다시 시작한다면 같은 키로 같은 Nonce+Counter 값을 사용하게 됨.
 - 예를 들어 A평문을 알고 있을 때,
 $A + E(\text{nonce} + 1)$ 과 $B + E(\text{nonce} + 1)$ 는 같은 키와 같은 암호화 값을 사용하여 XOR 하였기 때문에 두 결과 값을 XOR하면 $A + B$ 를 얻을 수 있고, A평문을 알기 때문에 B평문도 알 수 있게됨
- 서로 다른 두 개의 평문 블록이 같은 카운터 블록을 사용하게 되는 상황
 - 블록 암호의 블록 크기가 N일때, 암호화된 블록 값이 $2^{N/2}$ 개를 넘으면 중복 발생 확률이 50%
 - 따라서, 단일 키로 암호화할 수 있는 데이터의 양을 블록 크기의 절반보다 낮은 수준으로 제한

1. HCTR2

- Accordion을 위해서 HCTR2 기술의 변형을 개발할 것을 제안
 - 가변 입력 길이 강력 의사 난수 순열(Variable-Input-Length-Strong Pseudorandom Permutation, VIL-SPRP)



2.4 HCTR2

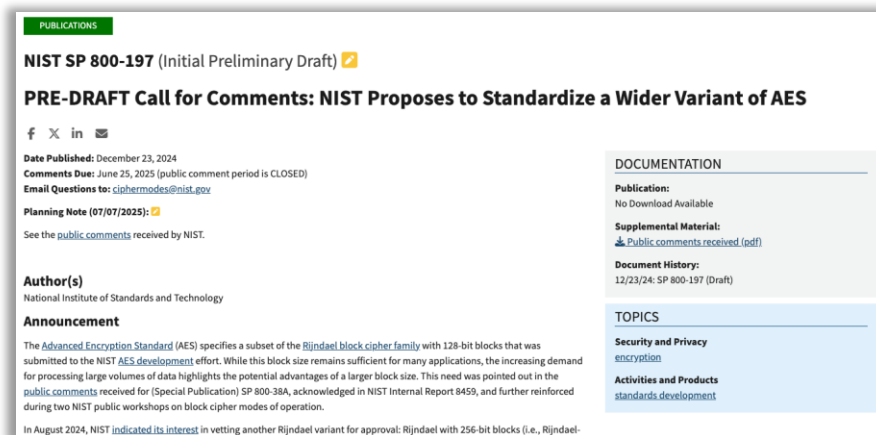
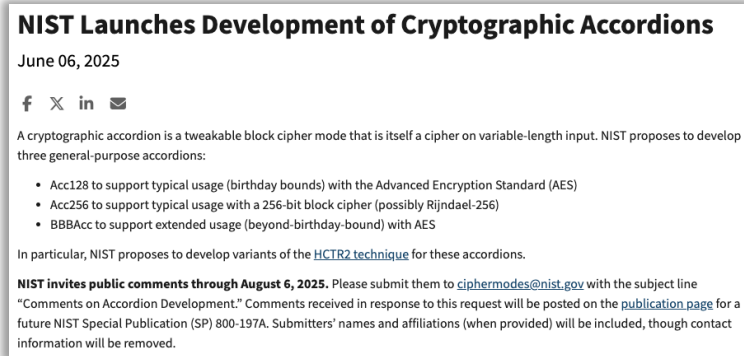
HCTR2 encryption, defined in Figure 2, takes a tweak and a plaintext, and returns a ciphertext of the same length as the plaintext. HCTR2 decryption (Figure 3) recovers the plaintext given the same tweak and the ciphertext, ie for $k \in \mathcal{K}$, $T \in \mathcal{T}$ and $P \in \mathcal{M}$, $\text{DECRYPT}(k, T, \text{ENCRYPT}(k, T, P)) = P$.

- HCTR2는 데이터를 고정 크기 M, 가변 크기 N으로 나누어 두 데이터가 암호화 과정에 영향을 주도록 설계됨
- N은 XCTR 모드를 통해 길이에 딱 맞는 키 스트림을 생성하여 암호화되므로, 원본 데이터와 길이가 항상 동일하게 유지
- M은 암호화 N에 의존하여, 최종 암호화된 U는 암호화된 V의 정보와 다시 섞여 데이터 전체의 무결성을 보장

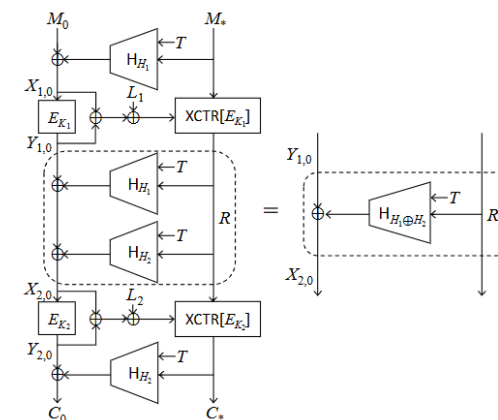
$$\text{XCTR}_k(S) = E_k(S \oplus \text{bin}(1)) \| E_k(S \oplus \text{bin}(2)) \| E_k(S \oplus \text{bin}(3)) \| \dots$$

1. HCTR2

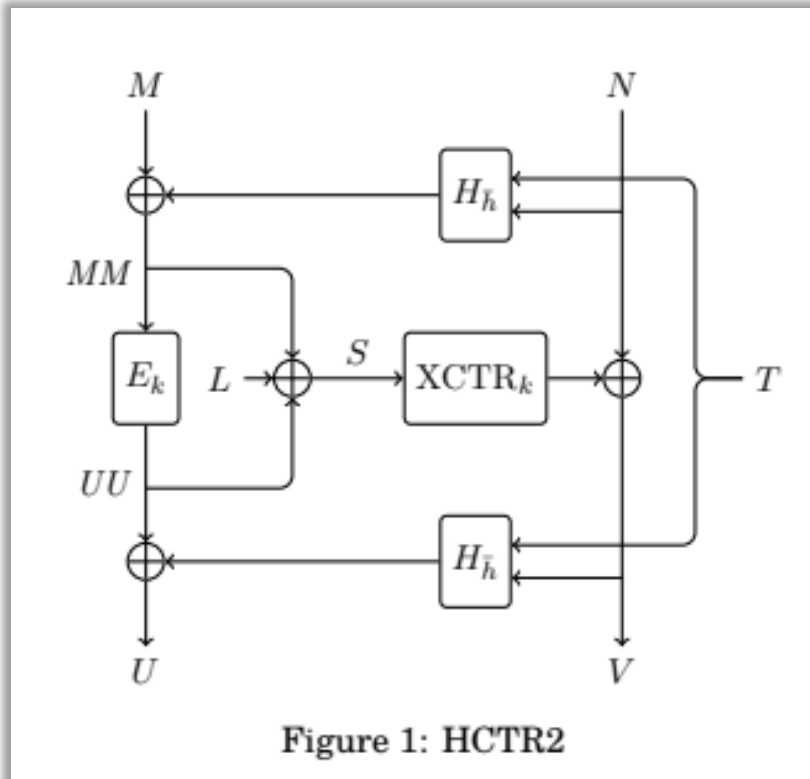
- Accordion mode에서 목표로 하는 세 가지 개발 중에서 **Acc256**
 - Acc256은 256비트 블록을 가진 기본 블록 암호를 지원하는데, 이는 Wider Variant of AES와 연관됨.
 - 따라서, acc256은 Wider Variant of AES와 Accordion mode의 장점을 결합한 하이브리드 접근법으로 보여짐



- 위의 설명은 예시이며, 아직 의견을 수집해 표준화를 진행하고 있음.
- BBBAcc도 정확한 방법은 제공되지 않지만, 공개 Comment에서 Yusuke Naito가 CHCTR을 제안함
 - CHCTR은 HCTR2를 연접하여 두 번 연산하는 구조



2. HCTR2 코드 분석



```
def encrypt(self, pt, key, tweak):
    blocksize = self.lengths()['block']
    assert len(key) == self.lengths()['key']
    assert len(pt) >= blocksize
    hash_key = self._schedule(key, 0)
    l = self._schedule(key, 1)
    m = pt[0:blocksize]
    n = pt[blocksize:]
    mm = strxor(m, self._hash(hash_key, n, tweak))
    uu = self._block.encrypt(mm, key=key)
    s = strxor(strxor(mm, uu), l)
    v = self._xctr.encrypt(n, nonce=s, key=key)
    u = strxor(uu, self._hash(hash_key, v, tweak))
    return u + v
```

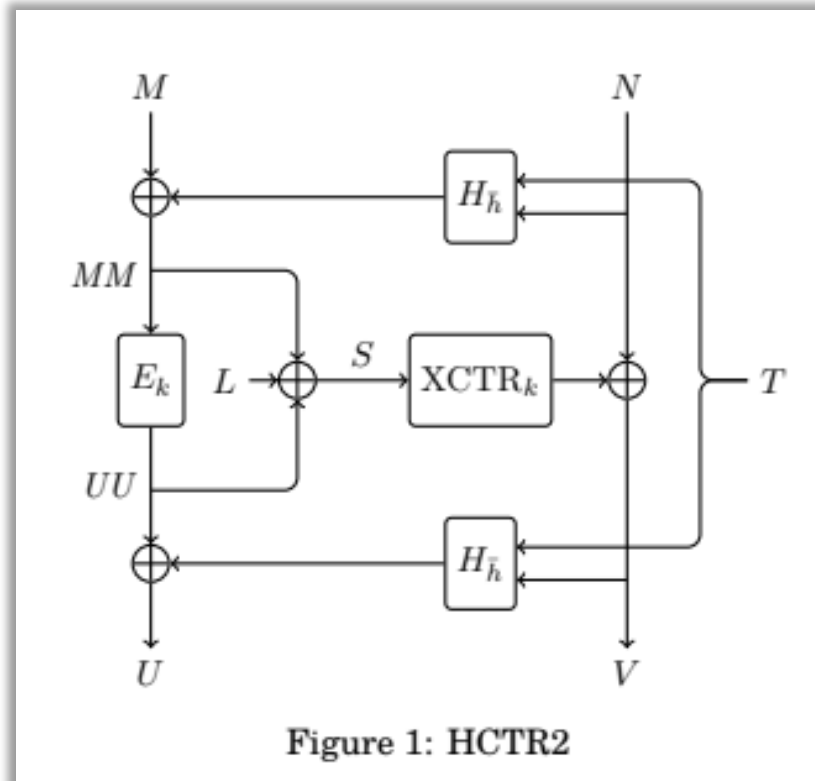
E_k 와 $XCTR_k$ 의 Key를
다르게 사용하기 위해서

```
def gen(self, l, nonce, key):
    assert len(key) == self.lengths()['key']
    assert len(nonce) == self.lengths()['nonce']
    res = b''
    count = 0
    while len(res) < l:
        count += 1
        countblock = count.to_bytes(len(nonce), byteorder='little')
        res += self._block.encrypt(strxor(nonce, countblock), key)
    return res[:l]
```

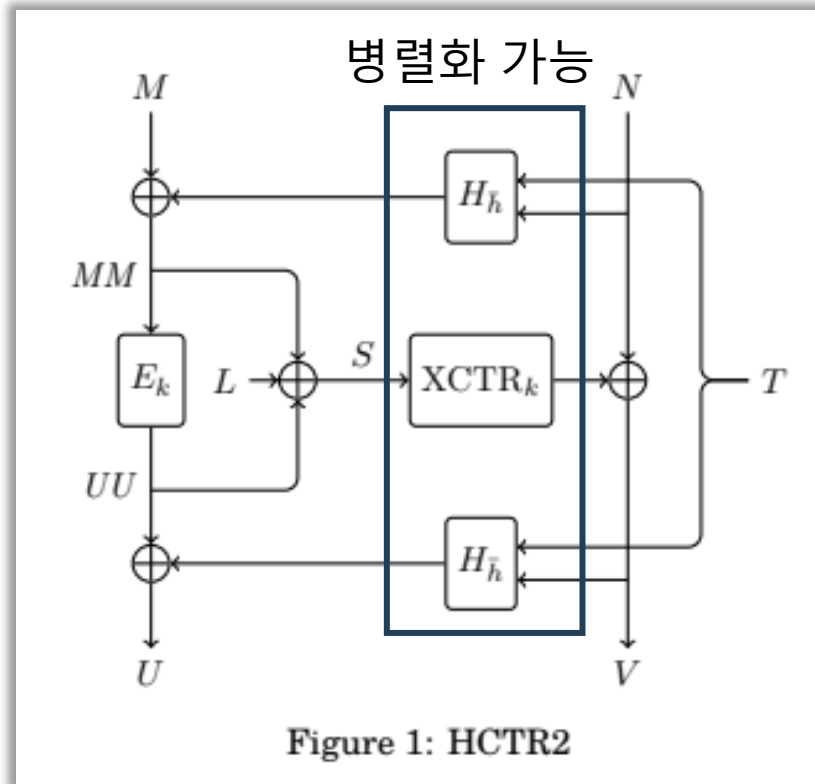
encrypt and decrypt are the same

```
def encrypt(self, plaintext, nonce, key):
    return strxor(plaintext, self.gen(len(plaintext), nonce, key))
```

1. HCTR2



```
def hash(self, key, message):
    blocksize = self.lengths()['key']
    assert len(message) % blocksize == 0
    hgen = self.gf.from_bytes(key, byteorder="little")
    hpoly = hgen * self.polyval_const
    hash_result = self.gf.from_int(0)
    for i in range(0, len(message), blocksize):
        hash_result += self.gf.from_bytes(
            message[i:i + blocksize], byteorder='little')
        hash_result *= hpoly
    return hash_result.to_bytes(byteorder='little')
```



$$\text{XCTR}_k(S) = E_k(S \oplus \text{bin}(1)) \parallel E_k(S \oplus \text{bin}(2)) \parallel E_k(S \oplus \text{bin}(3)) \parallel \dots$$

AES-128-HCTR2 encryption (generic)	97.522 cpb (29736 KB/s)
AES-128-HCTR2 decryption (generic)	97.673 cpb (29690 KB/s)
AES-128-HCTR2 encryption (simd)	1.028 cpb (2822118 KB/s)
AES-128-HCTR2 decryption (simd)	1.026 cpb (2826418 KB/s)

AES-192-HCTR2 encryption (generic)	111.191 cpb (26081 KB/s)
AES-192-HCTR2 decryption (generic)	111.183 cpb (26083 KB/s)
AES-192-HCTR2 encryption (simd)	1.078 cpb (2689587 KB/s)
AES-192-HCTR2 decryption (simd)	1.080 cpb (2684687 KB/s)

AES-256-HCTR2 encryption (generic)	117.611 cpb (24657 KB/s)
AES-256-HCTR2 decryption (generic)	117.655 cpb (24648 KB/s)
AES-256-HCTR2 encryption (simd)	1.128 cpb (2570715 KB/s)
AES-256-HCTR2 decryption (simd)	1.127 cpb (2572699 KB/s)

AES-128-XCTR encryption (generic)	15.757 cpb (184045 KB/s)
AES-128-XCTR decryption (generic)	15.761 cpb (183999 KB/s)
AES-128-XCTR encryption (simd)	0.286 cpb (10142302 KB/s)
AES-128-XCTR decryption (simd)	0.831 cpb (3488271 KB/s)

AES-192-XCTR encryption (generic)	18.923 cpb (153252 KB/s)
AES-192-XCTR decryption (generic)	18.974 cpb (152838 KB/s)
AES-192-XCTR encryption (simd)	0.333 cpb (8705519 KB/s)
AES-192-XCTR decryption (simd)	0.329 cpb (8820525 KB/s)

AES-256-XCTR encryption (generic)	22.079 cpb (131348 KB/s)
AES-256-XCTR decryption (generic)	22.139 cpb (130988 KB/s)
AES-256-XCTR encryption (simd)	0.375 cpb (7724673 KB/s)
AES-256-XCTR decryption (simd)	0.380 cpb (7629300 KB/s)

AES-128-XTS encryption (simd)	0.409 cpb (7084354 KB/s)
AES-128-XTS decryption (simd)	0.413 cpb (7030158 KB/s)

AES-192-XTS encryption (simd)	0.493 cpb (5880987 KB/s)
AES-192-XTS decryption (simd)	0.493 cpb (5888303 KB/s)

AES-256-XTS encryption (simd)	0.580 cpb (5001520 KB/s)
AES-256-XTS decryption (simd)	0.581 cpb (4992289 KB/s)

AIRA-128-HCTR2 encryption (generic)	111.395 cpb (26033 KB/s)
AIRA-192-HCTR2 encryption (generic)	120.053 cpb (24156 KB/s)
AIRA-256-HCTR2 encryption (generic)	116.842 cpb (24819 KB/s)
Polyval hashing (generic)	45.066 cpb (64349 KB/s)
Polyval hashing (clmul)	0.363 cpb (7996685 KB/s)
AIRA-128-XCTR encryption (generic)	25.363 cpb (114341 KB/s)
AIRA-192-XCTR encryption (generic)	29.686 cpb (97689 KB/s)
AIRA-256-XCTR encryption (generic)	33.973 cpb (85361 KB/s)

감 사 합 니 다