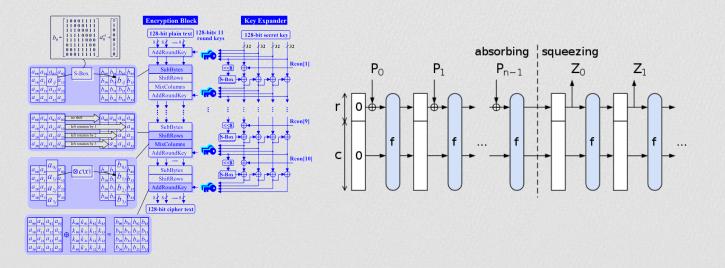


양자 내성 암호 (공개키 암호) 관련 암호

☞ 양자 내성 암호의 활용과 관련 암호

- ▶ Key Encapsulation Mechanism (KEM), Digital Signature
 - 난수생성기: AES, SHAKE (SHA-3)
 - 메시지 다이제스트: Hash (SHA-2, SHA-3)

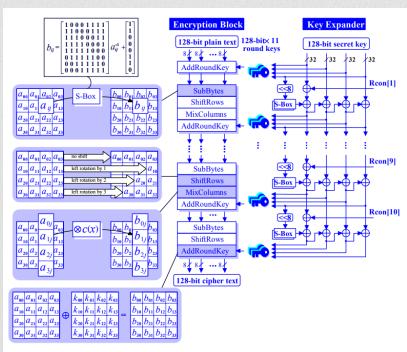


AES 암호화



국제 블록암호 표준: AES

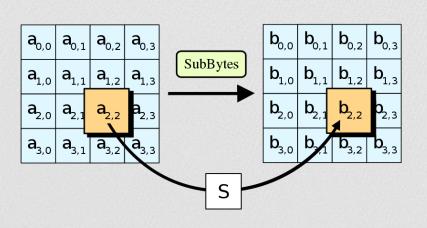
- ▶ 1998년도 제안된 블록 암호화 (128/192/256-비트 보안 제공)
- ▶ SPN 구조를 가진 대표적인 블록 암호



AES 암호화 - SubBytes (LUT 기반)



8-비트 입력값을 8-비트 출력값으로 치환



	00	01	02	03	04	05	06	07	08	09	0a	Ob	0c	Od	0e	Of
00	63	7с	77	7b	f2	6b	6f	c5	30	01	67	2b	fe	d7	ab	76
10	са	82	с9	7d	fa	59	47	f0	ad	d4	a2	af	9c	a4	72	c0
20	b7	fd	93	26	36	3f	f7	СС	34	a5	e5	f1	71	d8	31	15
30	04	с7	23	сЗ	18	96	05	9a	07	12	80	e2	eb	27	b2	75
40	09	83	2с	1a	1b	6е	5a	a0	52	3b	d6	b3	29	е3	2f	84
50	53	d1	00	ed	20	fc	b1	5b	6a	cb	be	39	4a	4c	58	cf
60	d0	ef	aa	fb	43	4d	33	85	45	f9	02	7f	50	Зс	9f	a8
70	51	a3	40	8f	92	9d	38	f5	bc	b6	da	21	10	ff	f3	d2
80	cd	Ос	13	ес	5f	97	44	17	с4	a7	7е	3d	64	5d	19	73
90	60	81	4f	dc	22	2a	90	88	46	ee	b8	14	de	5е	Ob	db
a O	e0	32	За	0a	49	06	24	5с	c2	d3	ac	62	91	95	е4	79
bO	е7	с8	37	6d	8d	d5	4e	a9	6с	56	f4	ea	65	7a	ae	08
c0	ba	78	25	2e	1c	a6	b4	с6	e8	dd	74	1f	4b	bd	8b	8a
d0	70	Зе	b5	66	48	03	f6	0e	61	35	57	b9	86	c1	1d	9e
e0	e1	f8	98	11	69	d9	8e	94	9b	1e	87	e9	се	55	28	df
fO	8c	a1	89	Od	bf	е6	42	68	41	99	2d	Of	b0	54	bb	16

AES 암호화 - SubBytes (연산 기반)



₩ S-BOX 연산은 갈로아 필드와 아핀 연산으로 구성

1)
$$GF(2^8) = GF(2)[x]/(x^8 + x^4 + x^3 + x + 1)$$
 상에서의 역치 연산 이후

$$2) \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Affine transformation 수행

AES 암호화 - SubBytes (연산 기반 최적화)

Fermat's theorem

- $a^{m-1} = 1 \pmod{m}$
- $-a^{m-2} = a^{-1} \pmod{m}$ \rightarrow 곱셈과 제곱 연산을 통해 역치 연산 도출
- Case study for AES: $a^{-1} = a^{254} = ((a \cdot a^2) \cdot (a \cdot a^2)^4 \cdot (a \cdot a^2)^{16} \cdot a^{64})^2$

· Bitslicing 기반 구현

- Boolean 연산으로 S-box 구현

A new combinational logic minimization technique with applications to cryptology.

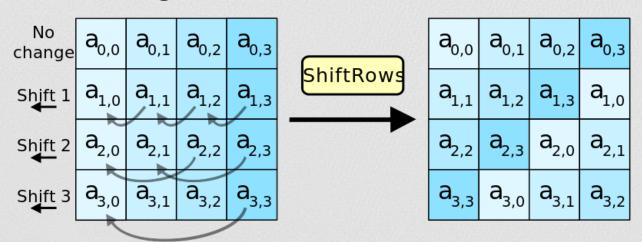
Joan Boyar *1 and René Peralta²

```
T25 = \sim (U[5] ^ T1);
T23 = U[7] ^ U[4];
                                                   T15 = T10 ^ T27;
                         R13 = U[6] ^ U[1];
T22 = \sim(U[6] \wedge U[4]);
                                                   T14 = T10 ^ R18;
                         T17 = \sim (U[5] ^ T19);
T2 = \sim (U[7] \wedge U[6]);
                                                   T26 = T3 ^ T16;
                         T20 = T24 ^ R13;
T1 = U[4] \wedge U[3];
                                                   M1 = T13 \& T6:
                         T4 = U[3] ^ T8;
T24 = \sim (U[3] \wedge U[0]);
                                                   M2 = T23 \& T8;
                         R17 = \sim(U[5] ^ U[2]);
R5 = U[1] ^ U[0];
                                                   M3 = T14 ^ M1;
                         R18 = \sim(U[2] ^ U[1]);
T8 = \sim (U[6] ^ T23);
                                                   M4 = T19 & Y5;
                         R19 = \sim(U[5] ^U[3]);
T19 = T22 ^ R5;
                                                   M5 = M4 ^ M1;
                         Y5 = U[7] ^ R17;
T9 = \sim (U[0] ^ T1);
                                                   M6 = T3 \& T16;
                         T6 = T22 ^ R17;
T10 = T2 ^ T24;
                                                   M7 = T22 \& T9;
                         T16 = R13 ^ R19;
T13 = T2 ^ R5;
                                                   M8 = T26 ^ M6;
                         T27 = T1 ^ R18;
T3 = T1 ^ R5;
```

Department of Mathematics and Computer Science University of Southern Denmark, joan@imada.sdu.dk
 Information Technology Laboratory, NIST, peralta@nist.gov

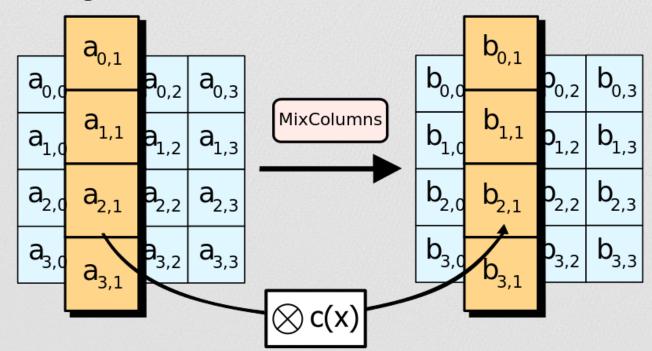
AES 암호화 - ShiftRows

- AES의 기본 단위는 8-비트 → 예전 컴퓨터는 8-비트가 일반적임
- 하지만 최신 프로세서는 32-비트 이상 → 따라서 8-비트 연산은 비효율적임
 - 이를 해결하는 방법이 T-table 기반 구현
 - bitslicing 기법도 있음 → 다만 바로 적용하는 것은 불가능



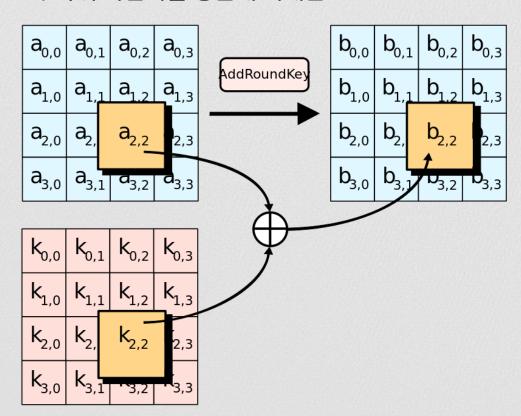
AES 암호화 - MixColumns

- c값은 1, 2, 혹은 3
- 곱하기 연산이지만 덧셈과 비트시프트로 가능 (e.g. $a \times 3 = a + a \ll 1$)



AES 암호화 - AddRoundKey

• 무작위 비밀키를 평문에 더해줌



AES 암호화 - T-Table 기반 구현

• 32-비트 프로세서 상에서 8-비트 단위 AES를 구현하기 위한 방법론

$$\begin{pmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{pmatrix}$$

MixColumns

$$T_0[a] = \begin{pmatrix} 2 \cdot S[a] \\ S[a] \\ S[a] \\ 3 \cdot S[a] \end{pmatrix}, T_1[a] = \begin{pmatrix} 3 \cdot S[a] \\ 2 \cdot S[a] \\ S[a] \\ S[a] \end{pmatrix},$$

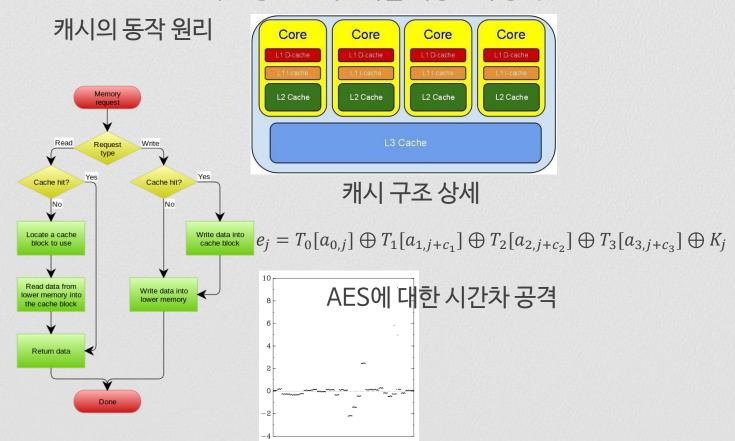
$$T_2[a] = \begin{pmatrix} S[a] \\ 3 \cdot S[a] \\ 2 \cdot S[a] \\ S[a] \end{pmatrix}, T_3[a] = \begin{pmatrix} S[a] \\ S[a] \\ 3 \cdot S[a] \\ 2 \cdot S[a] \end{pmatrix}$$

AES의 연산인 SubBytes, ShiftRows, MixColumns를 한 번에 구현 (사전 연산)

$$\begin{pmatrix} e_{0,j} \\ e_{1,j} \\ e_{2,j} \\ e_{3,j} \end{pmatrix} = T_0[a_0,j] \oplus T_1[a_1,j+c_1] \oplus T_2[a_2,j+c_2] \oplus T_3[a_3,j+c_3] \oplus \begin{pmatrix} K_{0,j} \\ K_{1,j} \\ K_{2,j} \\ K_{3,j} \end{pmatrix}$$
AddRoundKey는 마지막에 연산

AES 암호화 - T-Table 기반 구현의 문제점

Cache hit로 인해 발생하는 시간차를 이용하여 공격





128-bit 레지스터 8개를 이용한 비트슬라이싱 표현법

▶ 128-비트 메시지 8개를 병렬 암호화

				row 3	3			 row 0							
	column 0				column 3			 column 0			• • •	cc	3		
	block 0		block 7		block 0		block 7	 block 0		block 7		block 0		block 7	
R_0	b_{24}^{0}		b_{24}^{7}		b_{120}^{0}		b_{120}^{7}	 b_{0}^{0}		b_0^7		b_{96}^{0}		b_{96}^{7}	
R_1	b_{25}^{0}		b_{25}^{7}		b_{121}^0		b_{121}^{7}	 b_1^0		b_1^7		b_{97}^{0}		b_{97}^{7}	
R_2	b_{26}^{0}		b_{26}^{7}		b_{122}^0		b_{122}^{7}	 b_2^0		b_{2}^{7}		b_{98}^{0}		b_{98}^{7}	
R_3	b_{27}^{0}		b_{27}^{7}		b_{123}^{0}	• • •	b_{123}^{7}	 b_3^0	• • •	b_3^7	• • •	b_{99}^0		b_{99}^{7}	
R_4	b_{28}^{0}		b_{28}^{7}		b_{124}^{0}	• • •	b_{124}^{7}	 b_4^0	• • •	b_4^7	• • •	b_{100}^0		b_{100}^{7}	
R_5	b_{29}^{0}		b_{29}^7		b_{125}^{0}	• • •	b_{125}^{7}	 b_5^0		b_5^7	• • •	b_{101}^0		b_{101}^7	
R_6	b_{30}^{0}		b_{30}^{7}		b_{126}^{0}		b_{126}^{7}	 b_6^0		b_{6}^{7}		b_{102}^0		b_{102}^{7}	
R_7	b_{31}^{0}	• • •	b_{31}^{7}		b_{127}^0	• • •	b_{127}^{7}	 b_{7}^{0}		b_{7}^{7}	• • •	b_{103}^0		b_{103}^{7}	

Käsper, E., & Schwabe, P. (2009, September). Faster and timing-attack resistant AES-GCM. In *International* Workshop on Cryptographic Hardware and Embedded Systems (pp. 1-17). Springer, Berlin, Heidelberg.



32-bit 레지스터 8개를 이용한 비트슬라이싱 표현법

▶ 128-비트 메시지 2개를 병렬 암호화

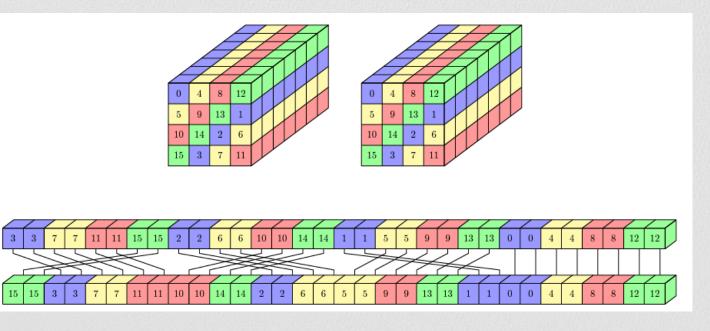
			ro	w 3				 row 0								
	column 0		column 1		column 2		column 3		 column 0		column 1		column 2		column 3	
	block 0	block 1	block 0	block 1	block 0	block 1	block 0	block 1	 block 0	block 1	block 0	block 1	block 0	block 1	block 0	block 1
R_0	b_{24}^{0}	b_{24}^{1}	b_{56}^{0}	b^1_{56}	b_{88}^{0}	b_{88}^{1}	b_{120}^{0}	b_{120}^1	 b_0^0	b_0^1	b_{32}^{0}	b_{32}^{1}	b_{64}^{0}	b_{64}^{1}	b_{96}^{0}	b_{96}^{1}
:	:	:	:	:	:	:	:	:	 :	:	::	:	:	:	:	:
R_7	b_{31}^{0}	b_{31}^{1}	b_{63}^{0}	b_{63}^{1}	b_{95}^{0}	b_{95}^{1}	b_{127}^{0}	b_{127}^1	 b_{7}^{0}	b_7^1	b_{39}^{0}	b_{39}^{1}	b_{71}^{0}	b_{71}^{1}	b_{103}^0	b_{103}^1

Schwabe, P., & Stoffelen, K. (2016, August). All the AES you need on Cortex-M3 and M4. In International Conference on Selected Areas in Cryptography (pp. 180-194). Springer, Cham.



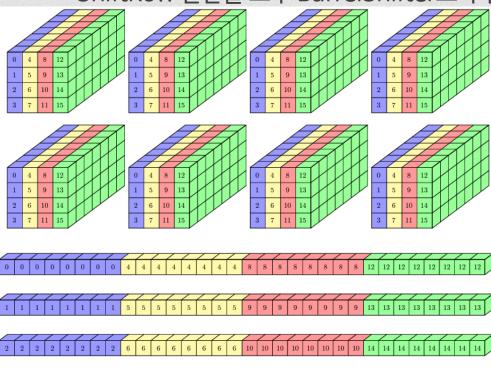
32-bit 레지스터 8개를 이용한 비트슬라이싱과 ShiftRows

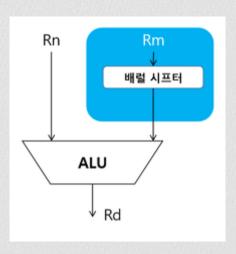
▶ 완전한 비트슬라이싱이 아니기 때문에 Shift 연산 필요



8개의 암호화 블락을 한번에 계산하는 Barrel ShiftRows 표기법

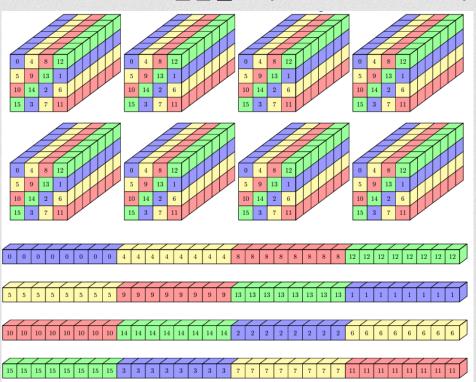
▶ ShiftRow 연산을 모두 BarrelShifter로 구현 가능



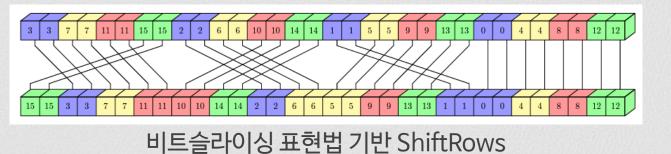


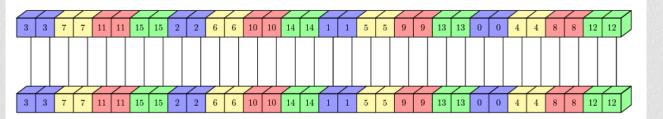
8개의 암호화 블락을 한번에 계산하는 Barrel ShiftRows 표기법

▶ ShiftRow 연산을 모두 BarrelShifter로 구현 가능



다만 8개의 블락을 한번에 연산해야 함 → 레지스터가 부족





픽스슬라이싱 표현법 기반 ShiftRows



Mixcolumn의 경우 픽스슬라이싱에 특화된 연산 필요



$$a \cdot 02 = (a \ll 1) \oplus (a \gg 7) \wedge (00011011)_2$$
$$a \cdot 03 = a \cdot 02 \oplus a$$

$$\begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \cdot 02 + b \cdot 03 + c + d \\ b \cdot 02 + c \cdot 03 + d + a \\ c \cdot 02 + d \cdot 03 + a + b \\ d \cdot 02 + a \cdot 03 + b + c \end{bmatrix}$$



$$a \cdot 02 = (a \ll 1) \oplus (a \gg 7) \wedge (00011011)_2$$

 $a \cdot 03 = a \cdot 02 \oplus a$

$$\begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \cdot 02 + b \cdot 03 + c + d \\ b \cdot 02 + c \cdot 03 + d + a \\ c \cdot 02 + d \cdot 03 + a + b \\ d \cdot 02 + a \cdot 03 + b + c \end{bmatrix}$$

$$R_0' = R_1 \oplus R_1^{3 \otimes 8} \oplus R_0^{3 \otimes 8}$$

$$R_1' = R_2 \oplus R_2^{3 \otimes 8} \oplus R_1^{3 \otimes 8}$$

$$R_2' = R_3 \oplus R_3^{3 \otimes 8} \oplus R_2^{3 \otimes 8}$$

$$R_3' = R_4 \oplus R_0 \oplus R_4^{3 \otimes 8} \oplus R_3^{3 \otimes 8} \oplus R_0^{3 \otimes 8}$$

$$R_4' = R_5 \oplus R_0 \oplus R_5^{3 \otimes 8} \oplus R_4^{3 \otimes 8} \oplus R_0^{3 \otimes 8}$$

$$R_5' = R_6 \oplus R_6^{3 \otimes 8} \oplus R_5^{3 \otimes 8} \oplus R_0^{3 \otimes 8}$$

$$R_6' = R_7 \oplus R_0 \oplus R_7^{3 \otimes 8} \oplus R_6^{3 \otimes 8} \oplus R_0^{3 \otimes 8}$$

$$R_7' = R_0 \oplus R_0^{3 \otimes 8} \oplus R_7^{3 \otimes 8} \oplus R_7^{3 \otimes 8}$$



$$a \cdot 02 = (a \ll 1) \oplus (a \gg 7) \wedge (00011011)_2$$

 $a \cdot 03 = a \cdot 02 \oplus a$

$$\begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \cdot 02 + b \cdot 03 + c + d \\ b \cdot 02 + c \cdot 03 + d + a \\ c \cdot 02 + d \cdot 03 + a + b \\ d \cdot 02 + a \cdot 03 + b + c \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} a \cdot 02 + b \cdot 03 + c + d \\ b \cdot 02 + c \cdot 03 + d + a \\ c \cdot 02 + d \cdot 03 + a + b \\ d \cdot 02 + a \cdot 03 + b + c \end{bmatrix}$$

```
R_0' = R_1 \oplus R_1^{\gg 8} \oplus R_0^{\gg 8} \oplus R_0^{\gg 16} \oplus R_0^{\gg 24}
R_1' = R_2 \oplus R_2^{\gg 8} \oplus R_1^{\gg 8} \oplus R_1^{\gg 16} \oplus R_1^{\gg 24}
R_2' = R_3 \oplus R_3^{\gg 8} \oplus R_2^{\gg 8} \oplus R_2^{\gg 16} \oplus R_2^{\gg 24}
R_3' = R_4 \oplus R_0 \oplus R_4^{\gg 8} \oplus R_3^{\gg 8} \oplus R_0^{\gg 8} \oplus R_2^{\gg 16} \oplus R_2^{\gg 24}
R_4' = R_5 \oplus R_0 \oplus R_5^{\gg 8} \oplus R_4^{\gg 8} \oplus R_0^{\gg 8} \oplus R_4^{\gg 16} \oplus R_4^{\gg 24}
R_{5}' = R_{6} \oplus R_{6}^{\gg 8} \oplus R_{5}^{\gg 8} \oplus R_{5}^{\gg 16} \oplus R_{5}^{\gg 24}
R_6' = R_7 \oplus R_0 \oplus R_7^{\gg 8} \oplus R_6^{\gg 8} R_0^{\gg 8} \oplus R_6^{\gg 16} \oplus R_6^{\gg 24}
R_7' = R_0 \oplus R_0^{\gg 8} \oplus R_7^{\gg 8} \oplus R_7^{\gg 16} \oplus R_7^{\gg 24}
```



$$a \cdot 02 = (a \ll 1) \oplus (a \gg 7) \wedge (00011011)_2$$

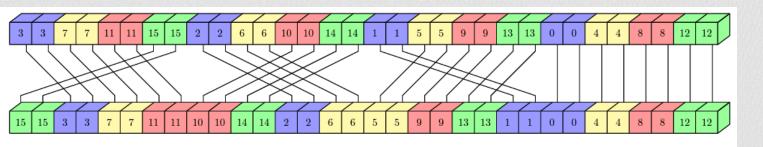
 $a \cdot 03 = a \cdot 02 \oplus a$

$$\begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \cdot 02 + b \cdot 03 + c + d \\ b \cdot 02 + c \cdot 03 + d + a \\ c \cdot 02 + d \cdot 03 + a + b \\ d \cdot 02 + a \cdot 03 + b + c \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} a \cdot 02 + b \cdot 03 + c + d \\ b \cdot 02 + c \cdot 03 + d + a \\ c \cdot 02 + d \cdot 03 + a + b \\ d \cdot 02 + a \cdot 03 + b + c \end{bmatrix}$$

$$R'_{0} = (R_{1} \oplus R_{1}^{3}) \oplus R_{0}^{3} \oplus (R_{0} \oplus R_{0}^{3})^{3} \oplus$$





$$R_0' = \left(R_1 \oplus R_1^{\ggg8}\right) \oplus R_0^{\ggg8} \oplus \left(R_0 \oplus R_0^{\ggg8}\right)^{\ggg16}$$

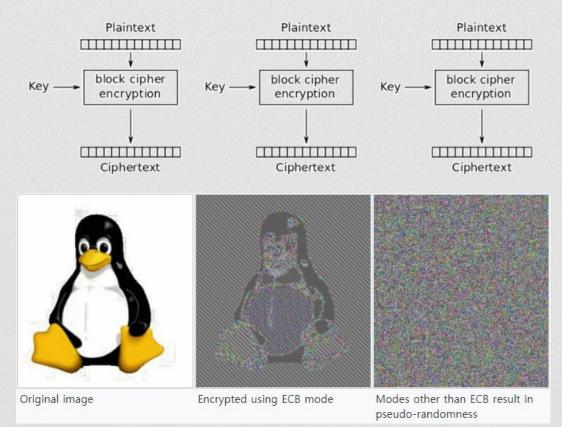
$$R'_0 = (R_1 \oplus (R_1^{\gg 8} \underset{\text{s}}{\gg} 6)) \oplus (R_0^{\gg 8} \underset{\text{s}}{\gg} 6) \oplus (R_0^{\gg 16} \underset{\text{s}}{\gg} 4) \oplus (R_0^{\gg 24} \underset{\text{s}}{\gg} 2)$$

$$R_0' = \left(R_1 \oplus (R_1^{\gg 8} \underset{8}{\gg} 6)\right) \oplus \left(R_0^{\gg 8} \underset{8}{\gg} 6\right) \oplus \left(R_0 \oplus (R_0^{\gg 8} \underset{8}{\gg} 6)\right)^{\gg 16} \underset{8}{\gg} 4$$

$$R'_{0} = \left(R_{1} \oplus \left(R_{1}^{\gg 8} \gg 6\right)\right) \oplus \left(R_{0}^{\gg 8} \gg 6\right) \oplus \left(R_{0} \oplus \left(R_{0}^{\gg 8} \gg 6\right)\right)^{\gg 16} \gg 4$$

운영 모드

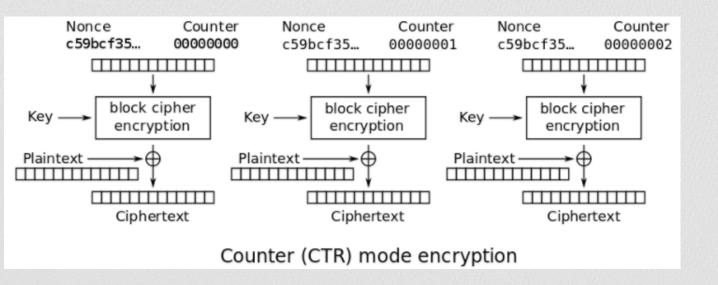
ECB 모드의 문제점



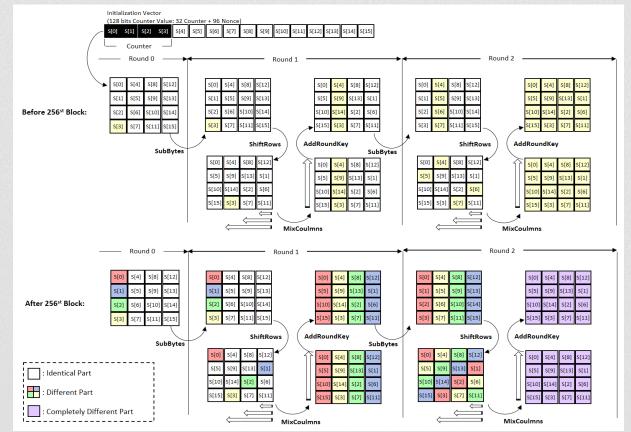
운영 모드

Counter 모드의 동작 방식

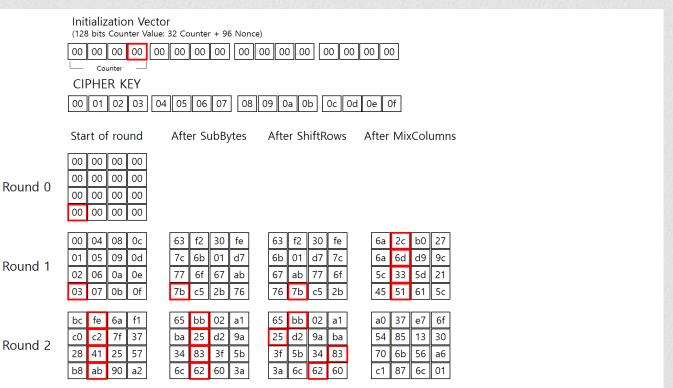
▶ Counter 값을 1씩 증가 시키며 암호화 수행



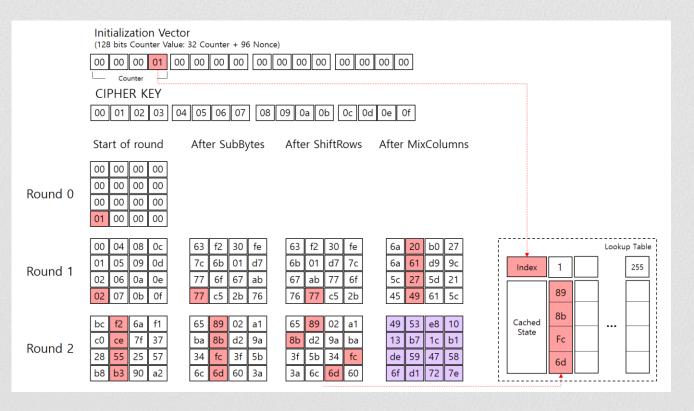
CTR 모드에서 96-비트는 항상 고정→ 사전 계산 가능



→ 카운터 값에 따른 전체값 변화 (카운터가 0인 경우)

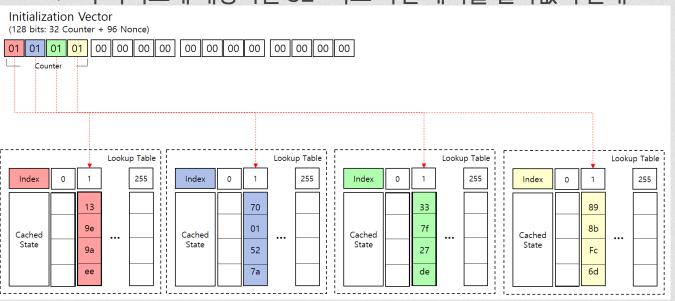


카운터 값에 따른 전체값 변화 (카운터가 1인 경우)



사전 테이블 구조

▶ 각 바이트에 해당하는 32-비트 사전 테이블 결과값이 존재



최적화 범위

▶ 2라운드 ShiftRows까지 사전테이블을 통해 연산 가능

