# ARMv8 상에서의 SNOVA 전자서명 최적 구현

HANSUNG UNIVERSITY CryptoCraft LAB

#### **SNOVA**

- SNOVA: Simple Noncommutative unbalanced Oil and Vinegar scheme with randomness Alignment
- NIST PQC Additional Signature 공모전에 제출된 알고리즘
  - 다변수 기반, UOV 스킴 기반
  - 현재 공모전 2라운드 진출
- 공개키가 큰 UOV 알고리즘의 단점을 상쇄하여 설계
  - UOV 기반 알고리즘 중 가장 작은 공개키 크기를 지님
- 다양한 보안 수준에 대해 서로 다른 파라미터 옵션을 제공
  - esk 9개, ssk 9개로 총 18개의 파라미터 옵션 제공
  - 행렬 크기(rank = 2, 3, 4)에 따라 구현이 달라짐
- 주요 연산: 가산기, 곱셈기

> snova-24-5-16-4-esk/ref > snova-24-5-16-4-ssk > snova-25-8-16-3-esk > snova-25-8-16-3-ssk > snova-28-17-16-2-esk > snova-28-17-16-2-ssk > snova-37-8-16-4-esk > snova-37-8-16-4-ssk > snova-43-25-16-2-esk > snova-43-25-16-2-ssk > snova-49-11-16-3-esk > snova-49-11-16-3-ssk > snova-60-10-16-4-esk > snova-60-10-16-4-ssk > snova-61-33-16-2-esk > snova-61-33-16-2-ssk > snova-66-15-16-3-esk

> snova-66-15-16-3-ssk

#### SNOVA 가산기

- 128bit matrix a XOR b -> c
  - 8bit 4\*4 행렬 간의 덧셈
    - 유한체 상에서의 덧셈은 비트간 XOR 연산으로 구현 가능
    - 캐리연산 등 불필요
  - 각 위치(i, j)에 해당하는 행렬 a, b의 요소를 가져와 덧셈
    - 반복문의 i, j는 행렬의 인덱스를 설정
      - 인덱스는 get\_gf16m 함수 내에서의 shift, xor 연산으로 설정
    - 덧셈은 gf16\_get\_add 함수를 통해 실행

```
\mathbf{A} + \mathbf{B} = \begin{bmatrix} a_{11} \, a_{12} \, \dots \, a_{1j} \, \dots \, a_{1n} \\ a_{21} \, a_{22} \, \dots \, a_{2j} \, \dots \, a_{2n} \\ a_{i1} \, a_{i2} \, \dots \, a_{ij} \, \dots \, a_{in} \\ a_{m1} \, a_{m2} \, \dots \, a_{mf} \, \dots \, a_{mn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_{11} \, b_{12} \, \dots \, b_{1j} \, \dots \, b_{1n} \\ b_{21} \, b_{22} \, \dots \, b_{2j} \, \dots \, b_{2n} \\ b_{i1} \, b_{i2} \, \dots \, b_{ij} \, \dots \, b_{in} \\ b_{m1} \, b_{m2} \, \dots \, b_{mf} \, \dots \, b_{mn} \end{bmatrix}
= \begin{bmatrix} a_{11} + b_{11} & a_{12} + b_{12} & a_{1j} + b_{1j} & a_{1n} + b_{1n} \\ a_{21} + b_{21} & a_{22} + b_{22} & a_{2j} + b_{2j} & a_{2n} + b_{2n} \\ a_{i1} + b_{i1} & a_{i2} + b_{i2} & a_{ij} + b_{ij} & a_{in} + b_{in} \\ a_{m1} + b_{m1} & a_{m2} + b_{m2} & a_{mj} + b_{mj} & a_{mn} + b_{mn} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{ij} + b_{ij} \end{bmatrix}
```

```
#define mt(p, q) mt4b[((p) << 4) ^ (q)]
#define inv(gf16) inv4b[(gf16)]
#define gf16_get_add(a, b) ((a) ^ (b))
#define gf16_get_mul(a, b) (mt((a), (b)))

static uint8_t mt4b[256] = {0};
static uint8_t inv4b[16] = {0};

typedef uint8_t gf16_t;</pre>
```

```
#elif rank == 4
#define get_gf16m(gf16m, x, y) [[gf16m[(((x) << 2) ^ (y))]])
#define set_gf16m(gf16m, x, y, value) (gf16m[(((x) << 2) ^ (y))] = value)
#endif

typedef gf16_t gf16m_t[sq_rank]; Sq_rank: rank*rank(16)</pre>
```

# SNOVA 가산기 binary field

- a[0~15] XOR b[0~15] => c에 Set
  - 즉, 단순한 a XOR b의 구조

#etti ra									
#define	<pre>get_gf16m(gf16m,</pre>	x, y)	(gf16m	[(((x) <<	2) ^ (	y))]			
#define #endif	<pre>set_gf16m(gf16m,</pre>	х, у,	value)	(gf16m[(	((x) <<	2) ^	(y))]	= va	lue)
typedef	gf16_t gf16m_t[s	q_rank	1;						

(i, j) 00 01 02 03 10 11 12 13 20 21 22 23 30 31 32	3 3
binary 0000 0000 0000 0000 0001 0000 0011 0000 0011 0001 0000 0011 0001 0001 0001 0001 0001 0001 0011 0001 0010 0010 0010 0010 0010 0010 0010 0011 0011 0011 0011 0011 0011 0011 0011	0011 0011
i left shift 2 0000 0000 0000 0000 0000 0001 0000 0010 0000 0011 0100 0000 0100 0001 0100 0001 0100 0010 1000 0011 1000 0001 1000 0010 1000 0011 1100 0000 1100 0001 1100 0001	0 1100 0011
I XOR j 0b0000 0b0001 0b0010 0b0011 0b0101 0b0101 0b0101 0b0101 0b0111 0b1000 0b1001 0b1001 0b1010 0b1011 0b1100 0b1101 0b1110	0b1111
Result 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13	14 15

```
(0,0) A:F B:A C:5
int add_count = 0;
                                                                                                   (0,1) A:0 B:2 C:2
static inline void gf16m_add(gf16m_t a, gf16m_t b, gf16m_t c) {
                                                                                                   (0,2) A:0 B:E C:E
   for (int i = 0; i < rank; ++i) {
                                                                                                    (0,3) A:0 B:9 C:9
       for (int j = 0; j < rank; ++j) {
                                                                                                   (1,0) A:0 B:2 C:2
           if (add_count < 16) {
                                                                                                   (1.1) A:F B:E C:1
               uint8_t value_a = get_gf16m(a, i, j);
                                                                                                   (1.2) A:0 B:9 C:9
               uint8_t value_b = get_gf16m(b, i, j);
                                                                                                   (1,3) A:0 B:5 C:5
               uint8_t result = gf16_get_add(value_a, value_b);
                                                                                                    (2,0) A:0 B:E C:E
               printf("(%d,%d) A:%X B:%X C:%X\n",
                                                                                                   (2,1) A:0 B:9 C:9
                     i,j,value_a, value_b, result);
                                                                                                   (2,2) A:F B:5 C:A
               set_gf16m(c, i, j, result);
                                                                                                   (2,3) A:0 B:7 C:7
                                                                                                   (3,0) A:0 B:9 C:9
               add count++;
                                                                                                   (3,1) A:0 B:5 C:5
            else {
                                                                                                   (3,2) A:0 B:7 C:7
               set_gf16m(c, i, j, gf16_get_add(get_gf16m(a, i, j), get_gf16m(b, i, j)));
                                                                                                   (3,3) A:F B:B C:4
```

```
LD1.16b {v0}, [x0]
LD1.16b {v1}, [x1]

EOR.16b v1, v0, v1

ST1.16b {v1}, [x2]

RET
```

rank=4 ARMv8 최적 구현

#### SNOVA 곱셈기

```
#define mt(p, q) mt4b[((p) << 4) ^ (q)]
#define inv(gf16) inv4b[(gf16)]
#define gf16_get_add(a, b) ((a) ^ (b))
#define gf16_get_mul(a, b) (mt((a), (b)))

static uint8_t mt4b[256] = {0};
static uint8_t inv4b[16] = {0};

typedef uint8_t gf16_t;</pre>
```

- GF16 상에서의 a \* b 연산 수행
  - 룩업 테이블을 활용하여 연산 구현
    - 16 \* 16의 모든 경우의 수를 미리 계산한 테이블
  - 인덱스를 계산해 값을 조회하는 방식의 구현

```
void init qf16 tables() {
   uint8_t F_star[15] = {1, 2, 4, 8, 3, 6, 12, 11,
                                                                     기약다항식(x⁴+x+1)에 의해 생성된 GF16 원소
                    5, 10, 7, 14, 15, 13, 9}; // Z2[x]/(x^4+x+1)
   for (int i = 0; i < 16; ++i) {
                                                                     테이블 초기화 과정
      mt(0, i) = mt(i, 0) = 0;
                                                                     곱셈 테이블 생성 과정
   for (int i = 0; i < 15; ++i)
                                                                     각 원소의 곱셈 결과는 F_star 배열에서 두 인덱스의
      for (int j = 0; j < 15; ++j)
         mt(F_star[i], F_star[j]) = F_star[(i + j) % 15];
                                                                     합을 15로 모듈러 연산하여 얻은 값
      int g = F_star[1], g_inv = F_star[14], gn = 1, gn_inv = 1;
      inv4b[0] = 0;
      inv4b[1] = 1;
                                                                      역원 생성 과정
      for (int index = 0; index < 14; index++)
         inv4b[(gn = mt(gn, g))] = (gn_inv = mt(gn_inv, g_inv));
```

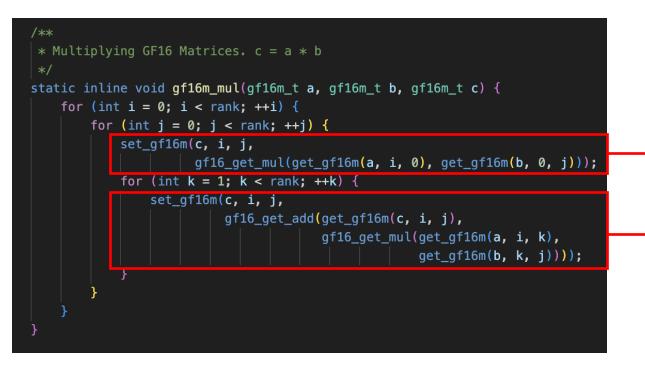
### SNOVA 곱셈기

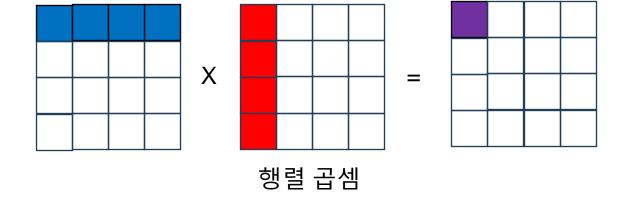
#define mt(p, q) mt4b[((p) << 4) ^ (q)]
#define inv(gf16) inv4b[(gf16)]
#define gf16\_get\_add(a, b) ((a) ^ (b))
#define gf16\_get\_mul(a, b) (mt((a), (b)))

static uint8\_t mt4b[256] = {0};
static uint8\_t inv4b[16] = {0};

typedef uint8\_t gf16\_t;</pre>

- i 루프: a행렬의 요소(행)를 반복
- j 루프: b행렬의 요소(열)를 반복





, 각 행렬의 첫 번째 요소간의 곱셈 e.g. a[0][0] \* b[0][0]

각 행렬의 2,3,4 번째 요소간의 곱셈 각 곱셈 결과를 누산하여 결과 도출

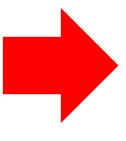
## SNOVA 곱셈기 binary field

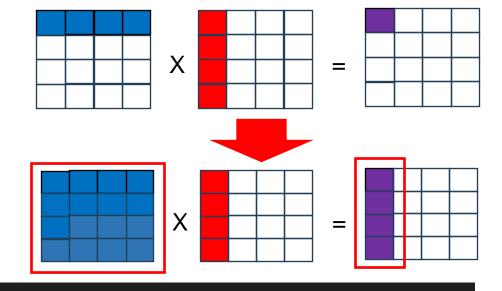
- GF16 상에서의 곱셈 진행
- 기약다항식 사용
  - $x^4 + x + 1 = 0$
- 연산 원리 예시
  - 8 \* 8 = C
    - 8 ->  $1000 -> x^3$
    - $8 * 8 -> x^3 * x^3 = x^6$
    - x<sup>6</sup> 을 기약다항식으로 나눈 나머지 계산
      - x<sup>4</sup> + x + 1 = 0 -> x<sup>4</sup> = -x -1 -> x<sup>4</sup> = x + 1으로 치환 가능
    - $x^6 = (x^2 * x^4) = (x^2 * (x + 1)) = x^3 + x^2 -> 1100 -> C$
  - 7 \* 6 = 1
    - 7 -> 0111 ->  $x^2 + x + 1$ , 6 -> 0110 ->  $x^2 + x$
    - 7 \* 6 -> (x² + x + 1) \* (x² + x) = x⁴ + 2x³ + 2x² + x = x⁴ + x (2진수 연산이므로 2x³, 2x²은 0으로 취급 가능)
    - x<sup>4</sup> + x를 기약다항식으로 나눈 나머지 계산
    - $x^4 + x = (x + 1) + x = 1$

```
4 mul (0,0): D + (5 * 5 = 2) = F
3 mul (0,1): C + (6 * 5 = D) = 1
4 mul (0,1): 1 + (5 * 4 = 7) = 6
1st mul (0,2): 8 * 6 = 5
2 mul (0,2): 5 + (7 * 5 = 8) = D
3 mul (0.2): D + (6 * 4 = B) = 6
4 mul (0.2): 6 + (5 * 3 = F) = 9
1st mul (0.3): 8 * 5 = E
2 mul (0,3): E + (7 * 4 = F) = 1
3 mul (0,3): 1 + (6 * 3 = A) = B
4 mul (0,3): B + (5 * 2 = A) = 1
1st mul (1.0): 7 * 8 = D
2 mul (1,0): D + (6 * 7 = 1) = C
3 mul (1,0): C + (5 * 6 = D) = 1
4 mul (1,0): 1 + (4 * 5 = 7) = 6
1st mul (1,1): 7 * 7 = 6
2 mul (1,1): 6 + (6 * 6 = 7) = 1
3 mul (1.1): 1 + (5 * 5 = 2) = 3
4 mul (1,1): 3 + (4 * 4 = 3) = 0
1st mul (1.2): 7 * 6 = 1
2 mul (1,2): 1 + (6 * 5 = D) = C
3 mul (1.2): C + (5 * 4 = 7) = B
4 mul (1.2): B + (4 * 3 = C) = 7
1st mul (1,3): 7 * 5 = 8
2 mul (1,3): 8 + (6 * 4 = B) = 3
<u>3 mul (1,3):</u> 3 + (5 * 3 = F) = C
4 mul (1,3): C + (4 * 2 = 8) = 4
1st mul (2,0): 6 * 8 = 5
2 mul (2,0): 5 + (5 * 7 = 8) = D
3 mul (2,0): D + (4 * 6 = B) = 6
4 mul (2,0): 6 + (3 * 5 = F) = 9
1st mul (2.1): 6 * 7 = 1
```

### SNOVA 곱셈기 최적 구현 코드

- NEON 인트린직 함수를 사용한 병렬 구현
  - vdupq\_n\_u8(): 8비트 값을 16개의 슬롯에 복사(128bit)
  - veorq\_u8(): 두 벡터의 각 원소를 XOR 연산
  - vgetq\_lane\_u8(): 벡터에서 스칼라 값을 추출
- 1개의 행에 대해 4개의 열을 병렬 연산
  - 128bit 벡터 레지스터에 32bit 열 4개를 넣어 병렬화
  - 곱셈 연산은 인덱스만 계산 후 look up table 이용
    - gf16\_get\_mul 함수 사용하여 미리 계산되어있는 결과를 가져옴





```
static inline void gf16m_neon_mul(const gf16m_t a, const gf16m t b, gf16m t c) {
   for (int i = 0; i < rank; ++i) { // 행
       // 초기화: 각 열에 대한 곱셈 결과를 저장할 벡터 초기화
       uint8x16_t sum0 = vdupq_n_u8(gf16_get_mul(a[i * 4], b[0]));
       uint8\times16 t sum1 = vdupq_n_u8(qf16_qet_mul(a[i * 4], b[1]));
       uint8x16 t sum2 = vdupg n u8(gf16 get mul(a[i * 4], b[2]));
       uint8x16 t sum3 = vdupg n u8(gf16 get mul(a[i * 4], b[3]));
       for (int k = 1: k < 4: ++k) {
           // 각 요소에 대해 8비트 값을 128비트로 확장 및 병렬 연산
           uint8x16 t prod0 = vdupq n u8(gf16 get mul(a[i * 4 + k], b[k * 4]));
           uint8x16_t prod1 = vdupq_nu8(gf16_get_mul(a[i * 4 + k], b[k * 4 + 1]));
           uint8x16_t prod2 = vdupq_nu8(qf16_qet_mul(a[i * 4 + k], b[k * 4 + 2]));
           uint8x16_t prod3 = vdupq_nu8(gf16_get_mul(a[i * 4 + k], b[k * 4 + 3]));
           // 덧셈 (XOR 연산) 수행
           sum0 = veorq_u8(sum0, prod0); // veorq_u8는 128비트 벡터 XOR
           sum1 = veorq_u8(sum1, prod1);
           sum2 = veorg u8(sum2, prod2);
           sum3 = veorq_u8(sum3, prod3);
       // 결과를 스칼라 값으로 추출하여 저장
       c[i * 4 + 0] = vgetg lane u8(sum0, 0); // 첫 번째 열에 대한 결과
       c[i * 4 + 1] = vgetq_lane_u8(sum1, 0); // 두 번째 열에 대한 결과
       c[i * 4 + 2] = vgetq_lane_u8(sum2, 0); // 세 번째 열에 대한 결과
       c[i * 4 + 3] = vgetq lane u8(sum3, 0); // id 번째 열에 대한 결과
```

### AES 가속기

- ARMv8 어셈블리를 활용한 aes128-ctr 모드 가속기 적용
- Armv8에서 지원하는 aese, aesmc 명령어 사용
- 한 번에 4개의 블록 병렬 연산
- aese: AES 각 라운드 암호화 수행
  - SubBytes 수행
  - ShiftRows 수행
  - AddRoundKey 수행
- aesmc: MixColums 연산 수행

```
encrypt loop:
aes128 ctr multi asm:
                                                               cmp x4, x5
                                                                                            // 현재 블록 수 확인
 _aes128_ctr_multi_asm:
                                                               bge encrypt_done
                                                                                            // 완료 시 종료
    stp x29, x30, [sp, #-16]!
                                                               // 병렬 카운터 설정
    mov x29, sp
                                                               mov v0.16b, v16.16b
                                                                                            // v0 = 카운터 + 넌스
                                                               mov v1.16b, v16.16b
    // 매개변수
                                                               mov v2.16b, v16.16b
    // x0: output 포인터
                                                               mov v3.16b, v16.16b
    // x1: length (바이트 수)
    // x2: nonce 포인터 (16 바이트)
                                                               // 카운터 증가
    // x3: roundkey 포인터 (176 바이트)
                                                               add v1.4s, v1.4s, v17.4s
                                                               add v2.4s, v1.4s, v17.4s
    // 넌스 및 초기 카운터 로드
                                                               add v3.4s, v2.4s, v17.4s
    ldr q16, [x2]
                                  // nonce + counter 초기값
                                                               // 병렬 AES 암호화
    // 카운터 증가 초기화 (v17 = {0, 0, 0, 0})
                                                               aese v0.16b, v6.16b
    movi v17.4s, #0
                                                               aesmc v0.16b, v0.16b
                                                               aese v1.16b, v6.16b
    // 카운터 증가 설정 (첫 번째 요소에 1 삽입)
                                                               aesmc v1.16b, v1.16b
    mov x6, #1
                                                               aese v2.16b. v6.16b
    ins v17.d[0], x6
                                  // v17.s[0] = 1
                                                               aesmc v2.16b, v2.16b
                                                               aese v3.16b, v6.16b
    // AES 라운드 키 로드
                                                               aesmc v3.16b, v3.16b
    ldp q6, q7, [x3]
                                 // 라운드 키 0, 1
    ldp q8, q9, [x3, #32]
                                 // 라운드 키 2, 3
                                                               // 계속 AES 라운드 수행
    ldp q10, q11, [x3, #64]
                                 // 라운드 키 4, 5
                                                               aese v0.16b, v7.16b
    ldp q12, q13, [x3, #96]
                                 // 라운드 키 6, 7
                                                               aesmc v0.16b, v0.16b
                                                               aese v1.16b, v7.16b
    ldp q14, q15, [x3, #128]
                                 // 라운드 키 8, 9
                                                               aesmc v1.16b, v1.16b
    ldr q18, [x3, #160]
                                 // 라운드 키 10
                                                               aese v2.16b, v7.16b
                                                               aesmc v2.16b, v2.16b
    // 블록 수 계산 (16 바이트 블록 기준)
    mov x4. #0
                                 // 블록 인덱스 초기화
                                                               aese v3.16b, v7.16b
                                                               aesmc v3.16b, v3.16b
    lsr x5, x1, #4
                                 // 바이트 수 -> 블록 수 계산
```

# 성능 측정

#### •키 생성 성능 향상 (crypto\_sign\_keypair)

- Rank 4: 51.7% ~ 68.7%
- Rank 3: 25% ~ 35%
- Rank 2: 20% ~ 30%

#### • 서명 생성 성능 향상 (crypto\_sign)

- Rank 4: 29.5% ~ 36.7%
- Rank 3: 10% ~ 25%
- Rank 2: 5% 미만

#### 서명 검증 성능 향상 (crypto\_sign\_verify)

- Rank 4: 42.8% ~ 50.0%
- Rank 3: 15% ~ 25%
- Rank 2: 10% 미만

		2.2.2	-> >>
파라미터	Work	레퍼런스	최적 구현
snova-	키 생성	3,475,085	1,398,483
24-5-16-4-esk	서명 생성	15,753,137	10,707,076
	서명 검증	10,629,480	5,898,839
	키 생성	3,463,081	2,050,620
snova- 25-8-16-3-esk	서명 생성	6,484,644	6,007,548
25-8-10-5-esk	서명 검증	3,158,913	2,843,025
	키 생성	5,557,774	4,370,283
snova-	서명 생성	2,144,271	2,127,047
28-17-16-2-esk	서명 검증	2,282,003	1,330,599
	키 생성	18,112,642	8,641,329
snova-	서명 생성	59,263,911	41,794,416
37-8-16-4-esk	서명 검증	40,590,714	22,410,705
	키 생성	24,795,480	21,714,931
snova- 43-25-16-2-esk	서명 생성	7,117,074	7,062,414
43-25-16-2-esk	서명 검증	7,609,277	4,451,052
anavia	키 생성	17,887,340	13,837,133
snova- 49-11-16-3-esk	서명 생성	23,711,616	23,494,859
49-11-16-3-esk	서명 검증	14,493,366	11,888,327
	키 생성	69,097,561	33,384,333
snova-	서명 생성	168,794,828	115,369,891
60-10-16-4-esk	서명 검증	122,557,890	67,624,592
anava	키 생성	83,359,185	73,577,806
snova- 61-33-16-2-esk	서명 생성	17,722,885	17,651,531
01-33-16-2-esk	서명 검증	19,220,693	11,221,976
cnova	키 생성	57,863,043	46,400,037
snova-	서명 생성	60,121,205	60,103,122
66-15-16-3-esk	서명 검증	35,164,753	31,463,332

파라미터	Work	레퍼런스	최적 구현
	키 생성	3,162,043	1,398,307
snova-	서명 생성	15,532,906	10,813,358
24-5-16-4-ssk	서명 검증	10,665,857	5,911,721
	키 생성	2,964,322	2,047,839
snova- 25-8-16-3-ssk	서명 생성	5,934,865	5,904,548
23-8-10-3-88K	서명 검증	3,777,688	2,895,751
snova-	키 생성	5,839,063	4,363,678
28-17-16-2-ssk	서명 생성	2,134,444	2,126,962
26-17-10-2-88K	서명 검증	2,270,131	1,335,159
snova-	키 생성	20,797,176	8,641,214
37-8-16-4-ssk	서명 생성	59,903,432	41,767,647
57-6-10-4-88K	서명 검증	40,680,194	22,403,252
snova-	키 생성	26,863,060	21,603,320
43-25-16-2-ssk	서명 생성	7,011,836	7,001,149
43-23-10-2-88K	서명 검증	7,617,343	4,451,764
snova-	키 생성	19,166,980	13,781,456
49-11-16-3-ssk	서명 생성	23,715,980	23,580,833
49-11-10-3-88K	서명 검증	14,569,760	12,809,535
snova-	키 생성	69,064,963	33,406,701
60-10-16-4-ssk	서명 생성	168,849,382	115,361,855
00-10-10-4-88K	서명 검증	122,586,802	67,590,588
snova-	키 생성	82,685,800	73,589,368
61-33-16-2-ssk	서명 생성	17,421,722	17,250,398
01-33-10-2-88K	서명 검증	19,222,942	11,213,860
snova-	키 생성	57,911,107	46,343,915
66-15-16-3-ssk	서명 생성	60,674,453	59,117,498
00-13-10-3-88K	서명 검증	35,254,524	31,426,092

# Q&A