### **SPRAWOZDANIE 3**

### **EKONOMETRIA**

# MARTA SOMMER – BSMAD

Będziemy rozważać 16 portfeli i na tej podstawie modelować polską giełdę. Mamy do dyspozycji dwa zestawy danych posortowane odpowiednio względem różnych wskaźników. Będziemy chcieli sprawdzić, który model: jednoczynnikowy, trójczynnikowy, czy czteroczynnikowy, dobrze opisuje polską giełdę.

#### Model jednoczynnikowy

Rozważmy model jednoczynnikowy:

$$R_{i,t} = \alpha_i + \beta_{RM,i} R M_t + \varepsilon_{i,t},$$

gdzie 
$$i = 1, \dots, 16, t = 1, \dots, 97.$$

Dopasowaliśmy więc w ten sposób 16 portfeli dla pierwszego zestawu danych.

Heteroskedastyczność badaliśmy testem Breuscha-Pagana i ten nie wykazał heteroskedastyczności w żadnym modelu, natomiast test White'a wykrył heteroskedastyczność tylko w portfelu 16. Śmiało możemy więc stwierdzić, że nie mamy tu do czynienia z heteroskedastycznością. Co do autokorelacji, to, przy pomocy testu Durbina-Watsona, została ona wykryta w ponad połowie przypadków, czyli niestety mamy z nią do czynienia w modelu. Zatem w portfelach, w których autokorelacja została wykryta będziemy przy szacowaniu wariancji korzystać z poprawki Newey-Westa.

Zobaczmy teraz w jaki sposób układają się wartości estymatorów  $\beta_{RM}$ :

$\beta_{RM}$	kapitalizacja $\longrightarrow$			
$\frac{BV}{MV}\downarrow$	0.9553296	0.8540825	0.8334983	0.8029792
	1.008922	0.8993477	0.8797741	1.045466
	1.1172	1.058734	1.002255	1.137929
	1.09756	1.1529	1.152157	1.124232

Z powyższej tabeli nie widać wiele zależności. Jedynie to, że mniejsze spółki z większym  $\frac{BV}{MV}$  (duża wartość księgowa i mała wartość rynkowa) są bardziej agresywne (a tym samym bardziej ryzykowne) niż spółki z małym współczynnikiem  $\frac{BV}{MV}$ .

Przejdźmy teraz do testu restrykcji GRS o hipotezie:

$$\begin{cases} H: \alpha = 0 \\ K: \alpha \neq 0 \end{cases}$$

P-value tego testu jest małe i wynosi 0,016, zatem odrzucamy hipotezę zerową, czyli  $\alpha \neq 0$ . Oznacza to tyle, że nasz model jednoczynnikowy źle opisuje polską giełdę, gdyż istnieje w nim element losowości, przypadkowości. Nie ma więc już sensu badać zestawu drugiego danych ani oszacowywać premii za ryzyko w modelu.

# Model trójczynnikowy

Rozważmy model trójczynnikowy:

$$R_{i,t} = \alpha_i + \beta_{RM,i}RM_t + \beta_{SMB,i}SMB_t + \beta_{HML,i}HML_t + \varepsilon_{i,t},$$

gdzie 
$$i = 1, \dots, 16, t = 1, \dots, 97.$$

Dopasowaliśmy więc w ten sposób 16 portfeli dla pierwszego zestawu danych.

Heteroskedastyczność badaliśmy testem Breuscha-Pagana i ten wykazał heteroskedastyczność w trzech portfelach, natomiast test White'a wykrył heteroskedastyczność w pięciu portfelach. Należy więc stwierdzić, że heteroskedastyczność jest obecna. Co do autokorelacji, to, przy pomocy testu Durbina-Watsona, została ona wykryta tylko w dwóch przypadkach, czyli problem autokorelacji w modelu możemy pominąć. Mimo wszystko, ze względu na heteroskedastyczność, trzeba będzie skorzystać z poprawki Newey-Westa.

Zobaczmy teraz w jaki sposób układają się wartości estymatorów  $\beta$ :

$\beta_{RM}$	kapitalizacja $\longrightarrow$			
$\frac{BV}{MV}\downarrow$	0.9385604	0.8875909	0.8255328	0.8495374
	0.8592244	0.8457644	0.821443	1.036485
	1.052344	0.9245519	0.8528089	1.08829
	0.8839021	0.8837371	0.9143578	0.9778986

$\beta_{SMB}$	kapitalizacja $\longrightarrow$			
$\frac{BV}{MV}\downarrow$	1.348105	1.107419	0.3920486	0.0130365
	1.481069	0.9689015	0.2761607	0.2071676
	1.322681	0.8095409	0.1186516	-0.1282186
	1.176667	0.7678757	0.06623415	-0.4334654

Widać, że im większa spółka tym mniejsze ryzyko związane z SMB.

$\beta_{HML}$	kapitalizacja $\longrightarrow$			
$\frac{BV}{MV}\downarrow$	-0.322925	-0.4655263	-0.0808298	-0.2009929
	0.2011988	-0.05619854	0.1663436	-0.02250085
	-0.1118389	0.3317198	0.5982598	0.247697
	0.5610356	0.9155656	0.9877718	0.7464178

Najbardziej ryzykowne są spółki z dużym  $\frac{BV}{MV}$  (widać tu taką zależność monotoniczną).

Przejdźmy teraz do testu restrykcji GRS o hipotezie:

$$\begin{cases} H: \alpha = 0 \\ K: \alpha \neq 0 \end{cases}$$

P-value tego testu jest duże i wynosi 0.051, zatem nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej, czyli  $\alpha=0$ . Oznaczałoby to tyle, że nasz model trójczynnikowy dobrze opisuje polską giełdę, gdyż nie istnieje w nim element losowości, przypadkowości. Sprawdźmy jeszcze jednak, czy dobrze opisuje on też drugi zestaw danych. Tym razem p-value testu GRS jest już małe i wynosi 0.004, tak więc odrzucamy hipotezę. Model zatem nie sprawdza się dla drugiego zestawu danych. Model ten więc źle opisuje polski rynek.

Przejdźmy zatem do modelu czteroczynnikowego.

#### Model czteroczynnikowy

Rozważmy model trójczynnikowy:

$$R_{i,t} = \alpha_i + \beta_{RM,i}RM_t + \beta_{SMB,i}SMB_t + \beta_{HML,i}HML_t + \beta_{WML,i}WML_t + \varepsilon_{i,t},$$

gdzie 
$$i = 1, \dots, 16, t = 1, \dots, 97.$$

Dopasowaliśmy więc w ten sposób 16 portfeli dla pierwszego zestawu danych.

Heteroskedastyczność badaliśmy testem Breuscha-Pagana i ten wykazał heteroskedastyczność w dwóch portfelach, natomiast test White'a wykrył heteroskedastyczność w pięciu portfelach. Należy więc stwierdzić, że heteroskedastyczność jest obecna. Co do autokorelacji, to, przy pomocy testu Durbina-Watsona, została ona wykryta tylko w dwóch przypadkach, czyli problem autokorelacji w modelu możemy pominąć. Mimo wszystko, ze względu na heteroskedastyczność, trzeba będzie skorzystać z poprawki Newey-Westa.

Zobaczmy teraz w jaki sposób układają się wartości estymatorów  $\beta$ :

$\beta_{RM}$	kapitalizacja →			
	0.9232306	0.8641042	0.8241291	0.8427869
BV	0.8479656	0.8568631	0.8152669	1.026009
$\frac{BV}{MV} \downarrow$	1.061216	0.9249988	0.8416023	1.092635
	0.8677172	0.8730714	0.9079475	0.9748165

Przy  $\beta_{RM}$ nie widać zbytniej zależności.

$\beta_{SMB}$	kapitalizacja $\longrightarrow$			
$\frac{BV}{MV}\downarrow$	1.343542	1.100427	0.3916307	0.011027
	1.477718	0.9722053	0.2743222	0.2040493
	1.325322	0.809674	0.1153156	-0.1269254
	1.171849	0.7647007	0.06432592	-0.4343829

 $\beta_{RM}$  układa się monotonicznie zarówno ze względu na kapitalizację, jak i ze względu na  $\frac{BV}{MV}$ . Przy czym najmniej ryzykowne są duże spółki z dużym  $\frac{BV}{MV}$ , a najbardziej ryzykowne małe spółki z małym  $\frac{BV}{MV}$  (rynek trochę je przecenia, dlatego są ryzykowne).

$\beta_{HML}$	kapitalizacja →			
$\frac{BV}{MV}\downarrow$	-0.4544298	-0.6670027	-0.09287146	-0.2589012
	0.1046171	0.03900907	0.1133629	-0.1123617
	-0.03573682	0.3355533	0.502126	0.2849643
	0.4221964	0.8240721	0.932782	0.7199789

 $\beta_{RM}$ układa się w miarę monotonicznie ze względu na  $\frac{BV}{MV}.$ I tym razem najbardziej ryzykowne są duże spółki z dużym  $\frac{BV}{MV}.$ 

$\beta_{WML}$	kapitalizacja →			
$\frac{BV}{MV}\downarrow$	-0.1596162	-0.2445455	-0.01461578	-0.07028727
	-0.1172278	0.1155599	-0.06430635	-0.1090702
	0.09237024	0.004652982	-0.1166842	0.04523386
	-0.1685186	-0.1110518	-0.06674487	-0.03209072

Przejdźmy teraz do testu restrykcji GRS o hipotezie:

$$\begin{cases} H: \alpha = 0 \\ K: \alpha \neq 0 \end{cases}$$

P-value tego testu jest duże i wynosi 0.19, zatem nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Model więc dobrze opisuje polską giełdę. Sprawdźmy jednak, czy dobrze zachowuje się również w przypadku drugiego zestawu danych, bo być może, tak jak w przypadku modelu trójczynnikowego, nie będzie się dobrze zachowywał na nowych danych. P-value wynosi 0.23. Jest więc duże i znów nie daje podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Model czteroczynnikowy sprawdza się więc w przypadku polskiej giełdy.

Spróbujmy więc oszacować premię za ryzyko w tym modelu.

$$\mathbb{E}(R_t) = \gamma_0 + \gamma_{RM}\beta_{RM} + \gamma_{SMB}\beta_{SMB} + \gamma_{HML}\beta_{HML} + \gamma_{WML}\beta_{WML}$$

Metodą ważonych najmniejszych kwadratów otrzymujemy następujące wyniki:

 $\gamma_0 = -0.0327659584$ 

 $\gamma_{RM} = 0.0273126639$ 

 $\gamma_{SMB} = 0.0017693357$ 

 $\gamma_{HML} = 0.0066998285$ 

 $\gamma_{WML} = -0.0005393353$ 

Przeprowadzając test istotności współczynników wyszło, że tylko  $\gamma_{RM}$  jest niezerowy. Czyli tylko on, gdy się zwiększy będzie miał wpływ na premię za ryzyko.

```
for (i in 1:16) {
    x \leftarrow p1[, i + 5]
    11[[i]] \leftarrow lm(x \sim wig1)
}
11
w1 <- numeric(16)
bg <- numeric(16)</pre>
gq <- numeric(16)</pre>
dw <- numeric(16)</pre>
for (i in 1:16) {
    w1[i] <- ifelse(white.test(l1[[i]])$p.value < 0.05, 1, 0)</pre>
    bg[i] <- ifelse(bptest(l1[[i]])$p.value < 0.05, 1, 0)</pre>
    gq[i] <- ifelse(gqtest(l1[[i]], fraction = 0.33, order.by = ~wig1)$p.value <</pre>
        0.05, 1, 0)
    dw[i] \leftarrow ifelse(dwtest(l1[[i]], alternative = "two.sided")$p.value < 0.05,
        1, 0)
}
w1 # heteroskedastycznosc
bg # heteroskedastycznosc
gq # heteroskedastycznosc
dw # autokorelacja
rm1 <- numeric(0)</pre>
for (i in 1:16) {
    rm1[i] <- l1[[i]]$coefficients[2]</pre>
}
# tabele dla RM:
tabela1_rm <- matrix(rm1, nrow = 4)</pre>
tabela1_rm
t <- nrow(p1)
```

```
n <- 16
 k <- 1
 alfa1 <- numeric(16)</pre>
 for (i in 1:16) {
                  alfa1[i] <- l1[[i]]$coefficients[1]</pre>
 }
 alfa1
 m <- matrix(0, nrow = 97, ncol = 16)</pre>
 for (i in 1:16) {
                   a <- l1[[i]]$residuals
              for (j in 1:97) {
                                 m[j, i] <- a[j]
                   }
 }
 dim(m)
 sigma \leftarrow (t(m) \% \% m)/t
 sigma
head(p1)
 v <- var(p1$WIG)</pre>
 mi <- mean(p1$WIG)</pre>
 grs <- (t/n) * ((t - n - k)/(t - k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1)))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% solve(sigma) %*% t(t(alfa1))/(1 + k - 1)) * ((alfa1 %*% s
                   mi %*% solve(v) %*% t(t(mi))))
 grs
 1 - pf(grs, n, t - n - k) # male -> odrzucamy hipoteze, czyli alfa nie sa zerami
 # model trójczynnikowy:
12 <- vector("list", 16)</pre>
 for (i in 1:16) {
```

```
x < -p1[, i + 5]
    12[[i]] \leftarrow lm(x \sim wig1 + p1$SMB + p1$HML)
}
w1 <- numeric(16)
bg <- numeric(16)</pre>
gq <- numeric(16)</pre>
dw <- numeric(16)</pre>
for (i in 1:16) {
    w1[i] <- ifelse(white.test(12[[i]])$p.value < 0.05, 1, 0)</pre>
    bg[i] <- ifelse(bptest(12[[i]])$p.value < 0.05, 1, 0)</pre>
    gq[i] <- ifelse(gqtest(12[[i]], fraction = 0.33, order.by = ~wig1)$p.value <</pre>
         0.05, 1, 0)
    dw[i] <- ifelse(dwtest(12[[i]], alternative = "two.sided")$p.value < 0.05,</pre>
        1, 0)
}
w1
bg
gq
rm2 <- numeric(0)</pre>
smb2 <- numeric(0)</pre>
hml2 <- numeric(0)</pre>
for (i in 1:16) {
    rm2[i] <- 12[[i]]$coefficients[2]</pre>
    smb2[i] <- 12[[i]]$coefficients[3]</pre>
    hml2[i] <- 12[[i]]$coefficients[4]</pre>
}
tabela2_rm <- matrix(rm2, nrow = 4)</pre>
tabela2_smb <- matrix(smb2, nrow = 4)</pre>
tabela2_hml <- matrix(hml2, nrow = 4)</pre>
tabela2_rm
tabela2_smb
```

```
tabela2_hml
t <- nrow(p1)
n <- 16
k <- 3
alfa2 <- numeric(16)</pre>
for (i in 1:16) {
   alfa2[i] <- 12[[i]]$coefficients[1]</pre>
}
alfa2
m <- matrix(0, nrow = 97, ncol = 16)</pre>
for (i in 1:16) {
   a <- 12[[i]]$residuals
  for (j in 1:97) {
       m[j, i] <- a[j]
  }
}
sigma2 \leftarrow (t(m) \% *\% m)/t
h <- matrix(c(p1$WIG, p1$SMB, p1$HML), nrow = 97)</pre>
v \leftarrow cov(h)
mi <- apply(h, 2, mean)</pre>
mi
mi %*% solve(v) %*% t(t(mi))))
grs
1 - pf(grs, n, t - n - k)
# dla p2
122 <- vector("list", 16)</pre>
for (i in 1:16) {
```

```
x \leftarrow p2[, i + 5]
    122[[i]] \leftarrow lm(x \sim wig1 + p2$SMB + p2$HML)
}
w1 <- numeric(16)
bg <- numeric(16)</pre>
gq <- numeric(16)</pre>
dw <- numeric(16)</pre>
for (i in 1:16) {
    w1[i] <- ifelse(white.test(122[[i]])$p.value < 0.05, 1, 0)</pre>
    bg[i] <- ifelse(bptest(122[[i]])$p.value < 0.05, 1, 0)</pre>
    gq[i] <- ifelse(gqtest(122[[i]], fraction = 0.33, order.by = ~wig1)$p.value <</pre>
         0.05, 1, 0)
    dw[i] <- ifelse(dwtest(122[[i]], alternative = "two.sided")$p.value < 0.05,</pre>
        1, 0)
}
w1
bg
gq
rm2 <- numeric(0)</pre>
smb2 <- numeric(0)</pre>
hml2 <- numeric(0)</pre>
for (i in 1:16) {
    rm2[i] <- 122[[i]]$coefficients[2]</pre>
    smb2[i] <- 122[[i]]$coefficients[3]</pre>
    hml2[i] <- 122[[i]]$coefficients[4]
}
tabela2_rm <- t(matrix(rm2, nrow = 4))</pre>
tabela2_smb <- t(matrix(smb2, nrow = 4))</pre>
tabela2_hml <- t(matrix(hml2, nrow = 4))</pre>
tabela2_rm
tabela2_smb
```

```
tabela2 hml
t <- nrow(p2)
n <- 16
k <- 3
alfa2 <- numeric(16)</pre>
for (i in 1:16) {
   alfa2[i] <- 122[[i]]$coefficients[1]</pre>
}
alfa2
m <- matrix(0, nrow = 97, ncol = 16)</pre>
for (i in 1:16) {
  a <- 122[[i]]$residuals
  for (j in 1:97) {
     m[j, i] <- a[j]
  }
}
sigma2 \leftarrow (t(m) \% *\% m)/t
h <- matrix(c(p1$WIG, p1$SMB, p1$HML), nrow = 97)</pre>
v \leftarrow cov(h)
mi <- apply(h, 2, mean)
mi
mi %*% solve(v) %*% t(t(mi))))
grs
1 - pf(grs, n, t - n - k) # odrzucamy hipotezę
13 <- vector("list", 16)
for (i in 1:16) {
  x \leftarrow p1[, i + 5]
```

```
13[[i]] \leftarrow lm(x \sim wig1 + p1$SMB + p1$HML + p1$WML)
}
13
w1 <- numeric(16)
bg <- numeric(16)</pre>
gq <- numeric(16)</pre>
dw <- numeric(16)</pre>
for (i in 1:16) {
    w1[i] <- ifelse(white.test(13[[i]])$p.value < 0.05, 1, 0)</pre>
    bg[i] <- ifelse(bptest(13[[i]])$p.value < 0.05, 1, 0)</pre>
    gq[i] <- ifelse(gqtest(13[[i]], fraction = 0.33, order.by = ~wig1)$p.value <</pre>
         0.05, 1, 0)
    dw[i] <- ifelse(dwtest(13[[i]], alternative = "two.sided")$p.value < 0.05,</pre>
         1, 0)
}
w1 # heteroskedastycznosc
bg # heteroskedastycznosc
gq # heteroskedastycznosc
dw # autokorelacja
rm3 <- numeric(0)</pre>
smb3 <- numeric(0)</pre>
hml3 <- numeric(0)</pre>
wml3 <- numeric(0)</pre>
for (i in 1:16) {
    rm3[i] <- 13[[i]]$coefficients[2]</pre>
    smb3[i] <- 13[[i]]$coefficients[3]</pre>
    hml3[i] <- 13[[i]]$coefficients[4]</pre>
    wml3[i] <- 13[[i]]$coefficients[5]</pre>
}
```

```
tabela3_rm <- matrix(rm3, nrow = 4)</pre>
tabela3_smb <- matrix(smb3, nrow = 4)</pre>
tabela3_hml <- matrix(hml3, nrow = 4)</pre>
tabela3_wml <- matrix(wml3, nrow = 4)</pre>
tabela3_rm
tabela3_smb
tabela3_hml
tabela3_wml
t <- nrow(p1)
n <- 16
k <- 4
alfa3 <- numeric(16)</pre>
for (i in 1:16) {
                alfa3[i] <- 13[[i]]$coefficients[1]</pre>
}
alfa3
m <- matrix(0, nrow = 97, ncol = 16)</pre>
for (i in 1:16) {
                 a <- 13[[i]]$residuals</pre>
             for (j in 1:97) {
                             m[j, i] <- a[j]
                 }
}
sigma3 \leftarrow (t(m) %*% m)/t
h <- matrix(c(p1$WIG, p1$SMB, p1$HML, p1$WML), nrow = 97)</pre>
v \leftarrow cov(h)
mi <- apply(h, 2, mean)</pre>
mi
grs <- (t/n) * ((t - n - k)/(t - k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 + k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*%
              mi %*% solve(v) %*% t(t(mi))))
```

```
grs
1 - pf(grs, n, t - n - k)
# dla p2:
133 <- vector("list", 16)</pre>
for (i in 1:16) {
    x \leftarrow p2[, i + 5]
    133[[i]] \leftarrow lm(x \sim p2$WIG + p2$SMB + p2$HML + p2$WML)
}
t <- nrow(p2)
n <- 16
k <- 4
alfa3 <- numeric(16)
for (i in 1:16) {
    alfa3[i] <- 133[[i]]$coefficients[1]</pre>
}
alfa3
m <- matrix(0, nrow = 97, ncol = 16)</pre>
for (i in 1:16) {
    a <- 133[[i]]$residuals
   for (j in 1:97) {
        m[j, i] <- a[j]
    }
}
sigma3 \leftarrow (t(m) %*% m)/t
h <- matrix(c(p2$WIG, p2$SMB, p2$HML, p2$WML), nrow = 97)
v \leftarrow cov(h)
mi <- apply(h, 2, mean)</pre>
mi
grs <- (t/n) * ((t - n - k)/(t - k - 1)) * ((alfa3 %*% solve(sigma3) %*% t(t(alfa3)))/(1 +
   mi %*% solve(v) %*% t(t(mi))))
```

```
grs
1 - pf(grs, n, t - n - k)
# 6 dwoch pierwszych nie ma sensu - tylko trzeci
# pierwsza metoda: (wazona metoda najmniejszych kwadratow)
13
xx <- matrix(0, nrow = 16, ncol = 5)</pre>
xx[, 1] <- 1
for (i in 1:16) {
    xx[i, 2:5] <- 13[[i]]$coefficients[2:5]</pre>
}
xx
sigma3
p1
r_{sr} \leftarrow apply(p1[6:21], 2, mean)
r_sr
gamma <- solve(t(xx) %*% solve(sigma3) %*% xx) %*% t(xx) %*% solve(sigma3) %*%
   r_sr
gamma # to jest premia za ryzyko -> srednio 0.2 procenta
lm(r_sr \sim xx + 0, weights = diag(sigma3))
va \leftarrow (1/97) * (solve(t(xx) %*% solve(sigma3) %*% xx) + rbind(0, cbind(0, v)))
va
gamma[1]/sqrt(va[1, 1])
1 - pt(gamma[1]/sqrt(va[1, 1]), 97 - 5) # gammma 0 wyszlo rowne zero
qt(0.95, 97 - 5)
gamma[2]/sqrt(va[2, 2])
```

```
1 - pt(gamma[2]/sqrt(va[2, 2]), 97 - 5)
gamma[3]/sqrt(va[3, 3])
1 - pt(gamma[3]/sqrt(va[3, 3]), 97 - 5)
gamma[4]/sqrt(va[4, 4])
1 - pt(gamma[4]/sqrt(va[4, 4]), 97 - 5)
gamma[5]/sqrt(va[5, 5])
1 - pt(gamma[5]/sqrt(va[5, 5]), 97 - 5)
 \hbox{\it\# jesli hml zwiekszy sie o jeden procent, to ma to wplyw na wartosc naszego} \\
# portfele, jesli sie zwieksza pozostale to juz raczej nie
# druga metoda:
eps <- numeric(5 * 16)</pre>
mac <- matrix(0, nrow = 80, ncol = 97)</pre>
for (j in 1:97) {
    for (i in 1:16) {
        eps[i] <- 13[[i]]$residuals[j]</pre>
    }
    eps[17:32] \leftarrow eps[1:16] * p1[j, 2]
    eps[33:48] <- eps[1:16] * p1[j, 3]
    eps[49:64] <- eps[1:16] * p1[j, 4]
    eps[65:80] <- eps[1:16] * p1[j, 5]
    mac[, j] <- eps
}
mac
gt <- apply(mac, 1, sum)
gt
```