

RELAZIONE FINALE

INTRODUZIONE

Il *NewQuickSort* è un algoritmo che si basa sul *quickSort*, però anziché prendere il pivot in modo random, utilizza la funzione *SampleMedianSelect* che crea un sottoinsieme V di dimensione m in cui trova il mediano e lo usa come pivot.

Nel caso peggiore il tempo di esecuzione è $O(n^2)$, in quello migliore e in quello medio è $O(n \log(n))$.

NEWQUICKSORT

Il *NewQuickSort* prende come parametri l (lista da ordinare) e *quick* (variabile che seleziona il tipo di *quickSort* da utilizzare).

Se *quick* è uguale a 0 il programma esegue il *quickSort* randomico, se uguale a 2 usa il *NewQuickSort*(PROGETTO), se il valore è diverso da 0 o 2 usa il *quickSort* deterministico.

Il *NewQuickSort* chiama la funzione *recursiveNewQuickSort* che ha come parametri la lista da ordinare(l), il primo elemento(*left*), l'ultimo elemento(*right*) e *quick*.

Il *recursiveNewQuickSort* assegna il valore del mediano a *mid* utilizzando la funzione *partition* e una volta ottenuto il mediano si richiama ricorsivamente, prima utilizzando il mediano come ultimo elemento $-1(right)$, poi utilizzandolo come primo $+1(left)$.

La funzione *partition* ha gli stessi parametri del *recursiveNewQuickSort* e ha lo stesso funzionamento di *partition* del *quickSort*; imposta il mediano in prima posizione (*left*) e ripartisce la lista inserendo i numeri più piccoli del pivot a sinistra e i più grandi a destra.

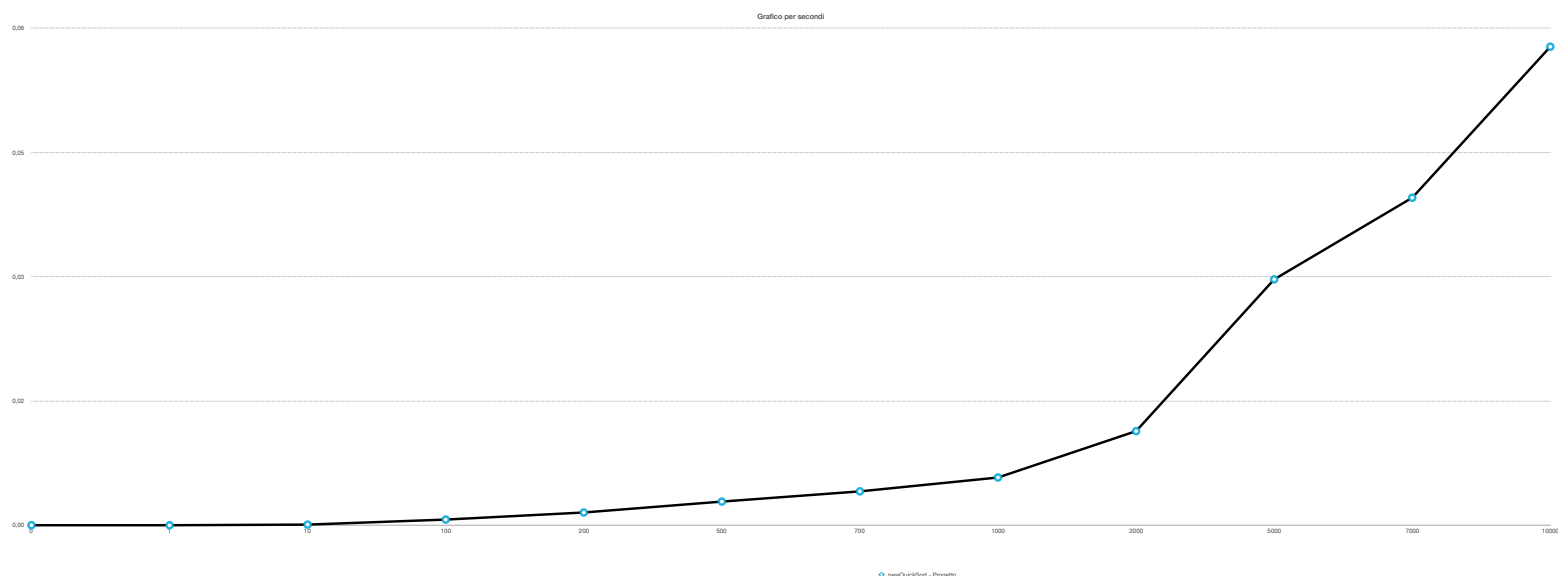
Se il *quick* è uguale a 2 e la lista ha più di 500 elementi assegna ad m (ossia la dimensione del sottoinsieme) il valore pari all'1% della lista, se ha meno di 500 elementi gli attribuisce il 10%, poi chiama la funzione *SampleMedianSelect*, che ha come parametri l (lista da ordinare), *left* (primo elemento), *right* (ultimo elemento) e m (dimensione di V).

Vengono poi generate tuple(indice, valore) e inserite in V. Il *mergeSort* (scelto perché dopo svariate prove si è rivelato il più efficiente) ordina V trovando il mediano, scambiandolo col primo valore(*left*) e ritornando alla funzione *partition*.

Il valore di m è stato scelto grazie ad opportune prove, il suo valore può essere o l'1% o il 10% (in base alla grandezza dell'array) così da avere un numero di elementi in V sufficienti ad andare il più possibile vicino al mediano di *l*.

GRAFICO NEWQUICKSORT

| NUMERO ELEMENTI | 0 | 1 | 10 | |
|-------------------------|------------------------|------------------------|------------------------|------------------------|
| newQuickSort - Progetto | 0,00000190734863281250 | 0,00000095367431640625 | 0,00007605552673339840 | |
| 100 | 200 | 500 | 700 | |
| 0,00068306922912597700 | 0,00153803825378418000 | 0,00285387039184570000 | 0,00408673286437988000 | |
| 1000 | 2000 | 5000 | 7000 | 10000 |
| 0,00575900077819824000 | 0,01135611534118650000 | 0,02967119216918950000 | 0,03952479362487790000 | 0,05774831771850590000 |



Da come si evince dal grafico, la linea cresce in modo stabile fino ai 1000 elementi, dopodiché inizia ad crescere più rapidamente. Questo è dovuto dal fatto che prendendo il valore di m pari all'1% la dimensione di V è composta da un gran numero di elementi, che il programma deve prima ordinare per poi trovarne il mediano. Questo potrebbe essere un contro ai fini della velocità, però così facendo riesce ad ottenere un pivot finale sempre in una buona posizione.

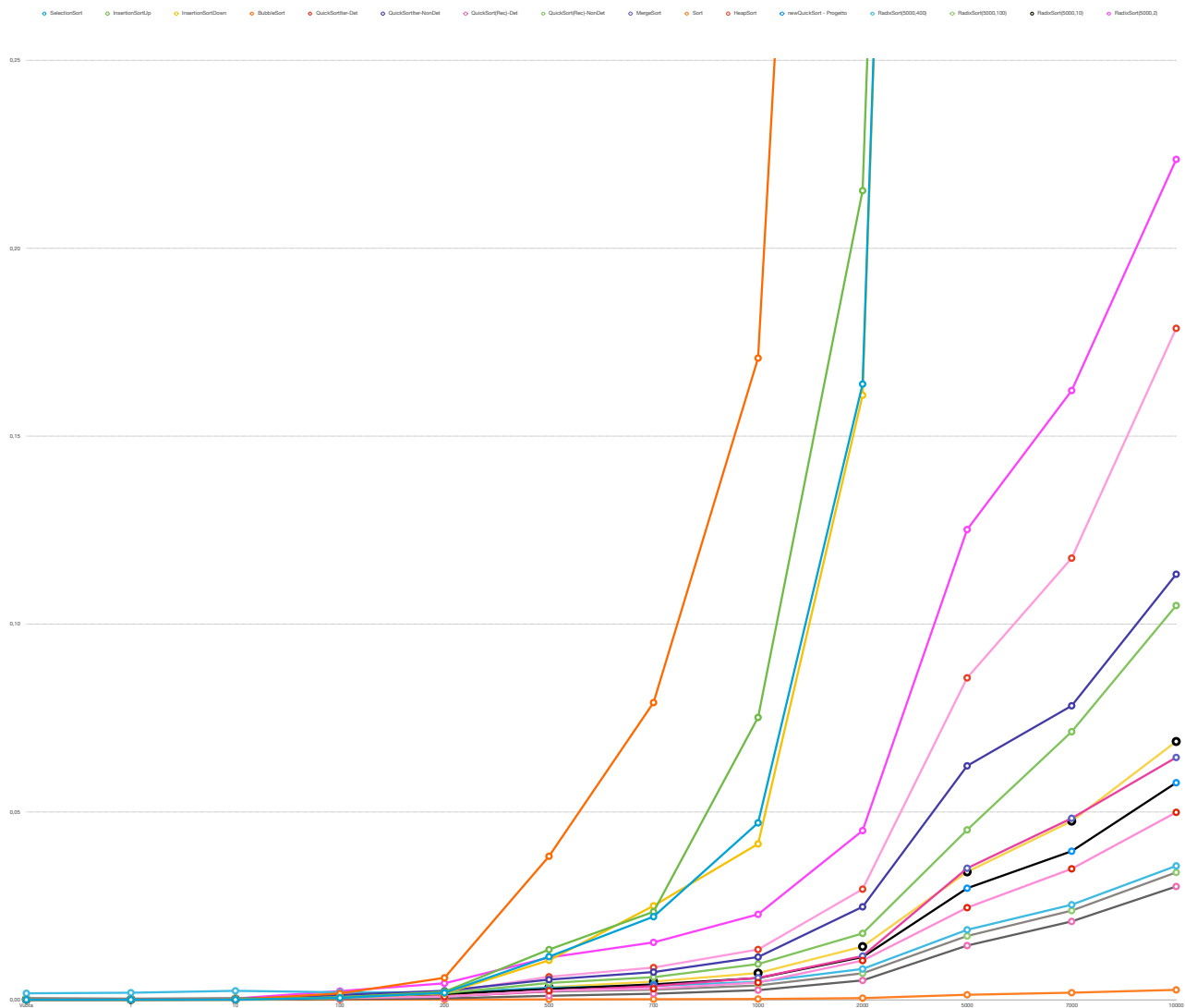
CONFRONTO

| ALGORITMI | VUOTA | 1 | 10 |
|-------------------------|------------------------|------------------------|------------------------|
| SelectionSort | 0,0000019073486328125 | 0,0000019073486328125 | 0,0000150203704833984 |
| InsertionSortUp | 0,00000166893005371094 | 0,00000095367431640625 | 0,0000250339508056641 |
| InsertionSortDown | 0,0000019073486328125 | 0,00000095367431640625 | 0,0000159740447998047 |
| BubbleSort | 0,00000214576721191406 | 0,0000019073486328125 | 0,0000226497650146484 |
| QuickSortIter-Det | 0,0000109672546386719 | 0,0000109672546386719 | 0,0000579357147216797 |
| QuickSortIter-NonDet | 0,0000057220458984375 | 0,0000524520874023438 | 0,000120639801025391 |
| QuickSort(Rec)-Det | 0,00000214576721191406 | 0,000019073486328125 | 0,0000162124633789063 |
| QuickSort(Rec)-NonDet | 0,00000095367431640625 | 0,0000019073486328125 | 0,0000860691070556641 |
| MergeSort | 0,00000166893005371094 | 0,00000214576721191406 | 0,0000410079956054688 |
| Sort | 0,00000309944152832031 | 0,00000095367431640625 | 0,00000309944152832031 |
| HeapSort | 0,00000619888305664063 | 0,00000905990600585938 | 0,0000650882720947266 |
| newQuickSort - Progetto | 0,0000019073486328125 | 0,00000095367431640625 | 0,0000760555267333984 |
| RadixSort(5000,400) | 0,0017092227935791 | 0,0018620491027832 | 0,00236797332763672 |
| RadixSort(5000,100) | 0,000448942184448242 | 0,000293970108032227 | 0,000427007675170898 |
| RadixSort(5000,10) | 0,0000896453857421875 | 0,0000650882720947266 | 0,000185012817382813 |

| ALGORITMI | 100 | 200 | 500 | 700 |
|-------------------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|-------------------------|
| SelectionSort | 0,0004777908325 19531 | 0,00184297561645 508 | 0,01146435737609 86 | 0,022102117538 4522 |
| InsertionSortUp | 0,0006473064422 60742 | 0,00213122367858 887 | 0,013339281082 1533 | 0,023405075073 2422 |
| InsertionSortDown | 0,0004899501800 53711 | 0,00168991088867 188 | 0,010496854782 1045 | 0,024982690811 1572 |
| BubbleSort | 0,0016710758209 2285 | 0,00582814216613 77 | 0,038173913955 6885 | 0,079076051712 0361 |
| QuickSortIter-Det | 0,0004401206970 21484 | 0,00080895423889 1602 | 0,002417802810 66895 | 0,002933025360 10742 |
| QuickSortIter-NonDet | 0,0012781620025 6348 | 0,00237107276916 504 | 0,005354166030 88379 | 0,007359027862 54883 |
| QuickSort(Rec)-Det | 0,0001859664916 99219 | 0,00034499168395 9961 | 0,001045942306 51855 | 0,001600980758 66699 |
| QuickSort(Rec)-NonDet | 0,0009500980377 19727 | 0,00173687934875 488 | 0,004457235336 30371 | 0,006003856658 93555 |
| MergeSort | 0,0004520416259 76562 | 0,00087189674377 4414 | 0,002278804779 05273 | 0,003639221191 40625 |
| Sort | 0,0000178813934 326172 | 0,00003480911254 88281 | 0,000089168548 5839844 | 0,000132799148 55957 |
| HeapSort | 0,0009522438049 31641 | 0,00194501876831 055 | 0,006107091903 68652 | 0,008560180664 0625 |
| newQuickSort - Progetto | 0,0006830692291 25977 | 0,00153803825378 418 | 0,00285387039184 57 | 0,00408673286437 988 |
| RadixSort(5000,400) | 0,0019829273223 877 | 0,00197815895080 566 | 0,003214120864 86816 | 0,003699064254 76074 |
| RadixSort(5000,100) | 0,0006699562072 75391 | 0,00089097023010 2539 | 0,002169132232 66602 | 0,002654314041 1377 |
| RadixSort(5000,10) | 0,0008020401000 97656 | 0,00138497352600 098 | 0,003311872482 2998 | 0,004834175109 86328 |

MAZZETTI MASSIMO
0253467

| ALGORITMI | 1000 | 2000 | 5000 | 7000 | 10000 |
|-------------------------|--------------------------|--------------------------|-------------------------|------------------------|-------------------------|
| SelectionSort | 0,047070026 3977051 | 0,1638340950 01221 | 1,0864870548 248300 | 2,0041320323 944100 | 4,3603618144 989000 |
| InsertionSortUp | 0,075122833 2519531 | 0,2153151035 30884 | 1,3982679843 902600 | 2,4472360610 961900 | 5,3010060787 200900 |
| InsertionSortDown | 0,041469097 1374512 | 0,1608622074 1272 | 1,0677611827 850300 | 1,9907310009 002700 | 4,1830530166 626000 |
| BubbleSort | 0,170742034 912109 | 0,6718490123 74878 | 4,6048471927 642800 | 8,4667599201 202400 | 17,523196220 3979000 |
| QuickSortIter-Det | 0,004568099 97558594 | 0,0104219913 482666 | 0,0245058536 529541 | 0,0348329544 067383 | 0,0498707294 464111 |
| QuickSortIter-NonDet | 0,011360168 4570313 | 0,0247261524 200439 | 0,0622379779 815674 | 0,0782270431 518555 | 0,1132280826 5686 |
| QuickSort(Rec)-Det | 0,002547979 3548584 | 0,0051391124 7253418 | 0,0144121646 881104 | 0,0208399295 806885 | 0,0301330089 569092 |
| QuickSort(Rec)-NonDet | 0,009487867 35534668 | 0,0176510810 852051 | 0,0451970100 402832 | 0,0713269710 540772 | 0,1049017906 18896 |
| MergeSort | 0,005821943 28308105 | 0,0116279125 213623 | 0,0349910259 246826 | 0,0482861995 697022 | 0,0644781589 508057 |
| Sort | 0,000198841 094970703 | 0,0004327297 21069336 | 0,0013198852 5390625 | 0,0018768310 546875 | 0,0026230812 0727539 |
| HeapSort | 0,013367176 0559082 | 0,0294229984 283447 | 0,0856571197 509766 | 0,1175138950 3479 | 0,1786677837 37183 |
| newQuickSort - Progetto | 0,0057590007 7819824 | 0,01135611534 11865 | 0,02967119216 91895 | 0,03952479362 48779 | 0,05774831771 85059 |
| RadixSort(5000, 400) | 0,004759073 25744629 | 0,0081887245 1782227 | 0,0186002254 486084 | 0,0252780914 306641 | 0,0356149673 461914 |
| RadixSort(5000, 100) | 0,003798007 96508789 | 0,0070269107 8186035 | 0,0169639587 402344 | 0,0237121582 03125 | 0,0338821411 132813 |
| RadixSort(5000, 10) | 0,007099866 86706543 | 0,0141472816 467285 | 0,0340249538 421631 | 0,0475299358 36792 | 0,0687189102 172852 |



Il grafico del confronto di algoritmi di ordinamento ci mostra che il peggiore è il bubblesort, mentre il migliore è il sort() di python. Il NewQuickSort su una lista di 10'000 elementi è meglio dei quickSort non deterministici, è quasi pari al QuickSort Iter-Det, ma ancora più lento del QuickSort(Rec)-Det. Come si può notare anche nel grafico l'algoritmo da me implementato(tratto nero punti azzurri) risulta essere nella media.

Per trovare i tempi di esecuzione degli algoritmi ho calcolato la media dei valori che ha generato il file SPEEDtest.py presente nella cartella del progetto. Gli array da ordinare sono stati tutti generati in modo random dalla funzione Array() presente nel codice.