abc417_d. Takahashi's Expectation 题解

题目大意

高桥会按顺序收到 N 件礼物,每件礼物有三个属性 P_i, A_i, B_i 。

当他收到第 i 件礼物时,如果他当前的心情 $\geq P_i$,那么他的心情会增加 A_i ;

如果他当前的心情 < P,那么他的心情会减少 B_i (如果减少后心情 < 0,则心情会变成 0)。

有Q个问题,每个问题给定一个 X_i ,表示当高桥一开始的心情为 X_i 时,最终心情是多少?

解题思路

直接模拟的复杂度是 $O(Q \cdot N)$, 会超时。

但注意到 $1 \le P_i, A_i, B_i \le 500$ 这一条件,也就是说如果心情 > 500,那么心情一定是会一直减少的。

因此当初始心情 > 500 时,我们可以考虑借助对 B 数组进行 **前缀和+二分** 来快速找出从哪一轮开始会让心情变为 < 500,然后再从那一轮开始往后推即可。

但每次都往后推到第 N 项显然是不现实的,所以可以考虑预处理。记 f[i][j] 表示在收到第 i 件礼物之前,且高桥的心情为 j 时,最终他的心情是多少。

考虑转移

- 如果 p[i] >= j, 此时收到礼物后高桥会高兴, 心情变为 j+a[i], 最终答案等同于 f[i+1] [i+a[i]]。
- 如果 p[i] < j, 此时收到礼物后高桥会不高兴,心情变为 max(0, j-b[i]),最终答案等同于 f[i+1][max(0, j-b[i])]。

所以我们只需要考虑倒推每一轮的结果即可。

考虑初始条件,即超出第几轮后不会再导致心情发生变动,因此 f[n+1][j] = j。

然后过程中 j+a[i] 这一步可能会超出 500 的范围,所以第二维推荐开的比 1000 大一点进行处理。