abc418_d Substr Swap 题解

题目大意

给你两个长度为n的字符串s和t。

接下来有 m 次操作,每次操作给你两个整数 l 和 r,要求将 $s[l\dots r]$ 和 $t[l\dots r]$ 替换。 输出 m 次操作结束后的字符串 s。

解题思路

首先,我们可以开一个 a 数组。

并且令 a_i 的含义如下:

- $a_i = 1$ 表示 s_i 和 t_i 交换了奇数次;
- $a_i = 0$ 表示 s_i 和 t_i 交换了偶数次。

因为:如果 s_i 和 t_i 交换了偶数次,相当于没交换;交换了奇数次,相当于交换了一次。

所以对于每次操作的 l 和 r, 相当于对所有 $l \leq i \leq r$ 令 a_i 异或上 1.

但是如果每次都暴力处理的话,时间复杂度会来到 $O(n \cdot m)$ 。

所以考虑 差分。

定义 $c_i = a_{i-1} \oplus a_i$ (这里 \oplus 是异或符号)。

然后我们会发现, a_i 就是 c_1, c_2, \ldots, c_i 的异或和。即:

 $a_i = c_1 \oplus c_2 \oplus \ldots \oplus c_i$

然后,对于每次操作的 l 和 r,原问题是

上述操作等价于

• 将 c_l 和 c_{r+1} 异或上 1

这样,单词操作的时间复杂度就降到了O(1)。

最后,对c数组跑一下前缀异或和就能够得到对应的a数组。

然后根据 a_i 的值输出对应的第 i 个字符即可:

• $a_i = 1$: 输出 t_i

• $a_i = 0$: 输出 s_i

时间复杂度 O(n+m)。