

Circuitos Eletrônicos Analógicos

1a Avaliação - 23/10/12

Sem Consulta - Duração: 2h 40min

Nome: _____

Justifique sucintamente as passagens
A interpretação é parte integrante da questão

(Valor 3.5) - Questão 1 - Considere o circuito da figura abaixo e parâmetros listados. Transistores possuem mesma densidade de corrente de saturação e áreas emissor/base.

- a) (valor 1.0) Utilizando análise de pequenos sinais, determine, literalmente, a expressão do ganho de tensão diferencial $A_{dm} = v_{out}/v_{in}$, tendo à entrada um sinal diferencial balanceado. Calcule, também, seu valor numérico.
- b) (valor 1.0) Explique, detalhadamente, o processamento do modo comum pelo par diferencial. Justifique o ganho do circuito em modo comum A_{cm} em condições ideais. O que degradaria esta característica? Admitindo as hipóteses necessárias, qual seria a expressão de A_{cm} em um caso prático?
- c) Utilizando $v_a = 60\sin\omega t$ [mV] como referência, esboce detalhadamente as formas de onda de tensão (dc + ac) nos nós C₁, C₂ e E, e de corrente (dc + ac) nos coletores de Q₁ e Q₂, nos casos

$$(valor 0.75) \quad i) v_a = v_b$$

$$(valor 0.75) \quad ii) v_a = -v_b$$

$$V_{CC} = 5V$$

$$I_{EE} = 5mA$$

$$R_C = 1.0k\Omega$$

$$R_E = 110\Omega$$

$$R_L = 2.4k\Omega$$

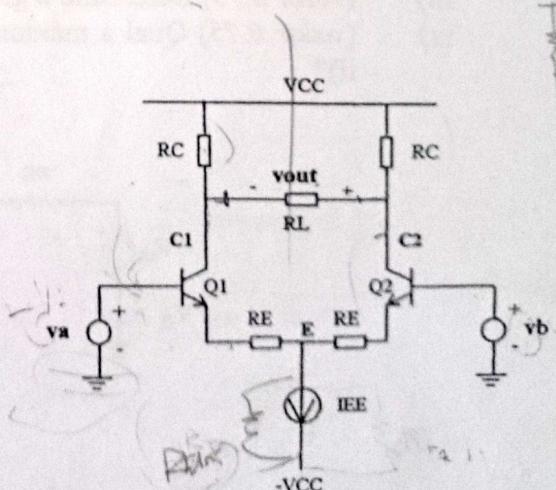
Para Q₁ - Q₂:

$$V_{BE} = 0.7V$$

$$V_{CE\ sat} = 0.3V$$

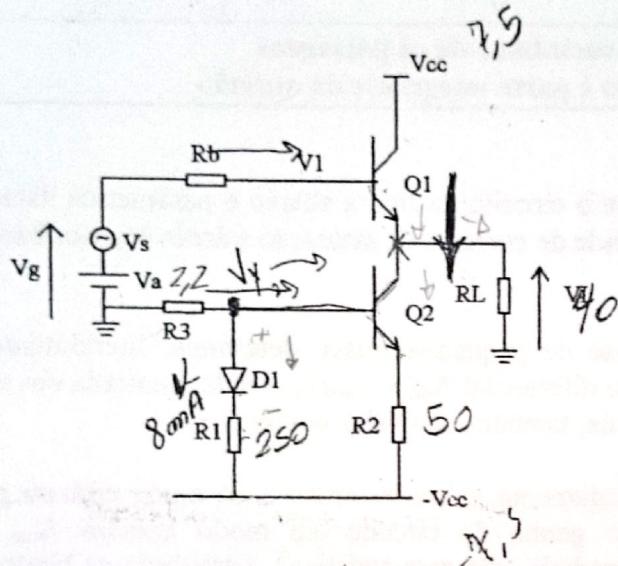
$$r_{ce} \rightarrow \infty$$

$$\beta = 120$$



(Valor 3.5) - Questão 2: Considere o circuito linear da figura abaixo, com V_s senoidal e especificações listadas, e assumindo as hipóteses necessárias.

- (valor 0.75) Dimensione os resistores R_3 e R_B .
- (valor 1.5) Qual a máxima amplitude que V_s pode assumir?
- (valor 0.5) Determine a eficiência de potência na condição de máxima amplitude à saída.
- (valor 0.75) Utilizando a forma de onda de V_g como referência, esboce, detalhadamente, as formas de onda de V_1 e V_L , assim como as correntes de coletor de Q_1 , Q_2 e na carga.



$$[V_{CC}; -V_{CC}] = [7.5V; -7.5V]$$

$$R_2 = 50\Omega \quad R_1 = 250\Omega$$

$$R_L = 40\Omega$$

$$V_a = 2.2V$$

$$\beta_1 = \beta_2 = 80$$

$$V_{CEQ1} \text{ quiescente} = V_{CC}$$

$$V_{BE \text{ ativa}} \approx V_{Y \text{ diodo D1}} = 0.7V$$

$$V_{CE \text{ sat}} = 0.3V$$

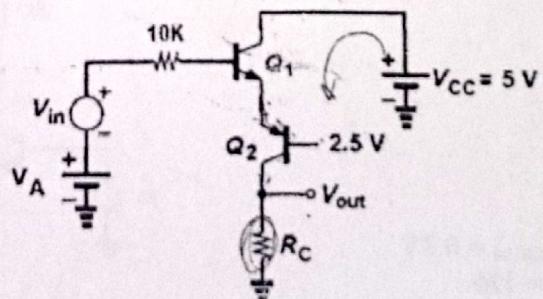
$$I_{D1} = 8.0mA$$

$$r_{ce} \rightarrow \infty$$

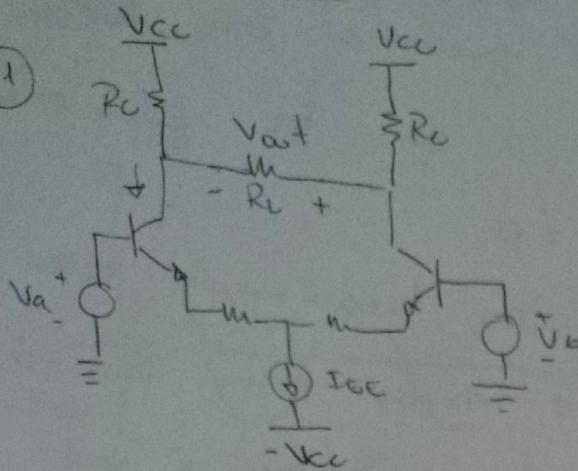
(Valor 3.0) - Questão 3: Considere o circuito linear da figura abaixo, com V_{in} senoidal e com transistores idênticos ($V_{BE} = 0.7V$, $\beta = 100$, $V_{CE \text{ sat}} = 300mV$). Assumindo as hipóteses necessárias:

$$V_{CB} = 0.7 \quad \beta = 100 \quad V_{CE} = 300mV$$

- (valor 0.75) Qual máxima tensão possível à saída V_{out_max} ?
- (valor 0.75) Qual o valor de V_A ? Qual o valor de RC para ter-se à saída o valor quiescente igual a $\frac{1}{2} V_{out_max}$? $I_{BQ} = 250\mu A$
- (valor 0.75) Determine o ganho de pequenos-sinais do circuito.
- (valor 0.75) Qual a máxima amplitude de V_{in} , nas condições impostas em ii)?



23.10.2012



$$V_{CC} = 5V$$

$$I_{CE} = 5mA$$

$$R_E = 1k\Omega$$

$$R_C = 850\Omega$$

$$R_L = 24k\Omega$$

$$V_{BE} = 0.7V$$

$$\beta = 120$$

$$\begin{cases} V_a = V_i / 2 \\ V_b = -V_i / 2 \end{cases}$$

a) Adm → ganho diferencial → entradas平衡adas:

Por simetria:

DC:

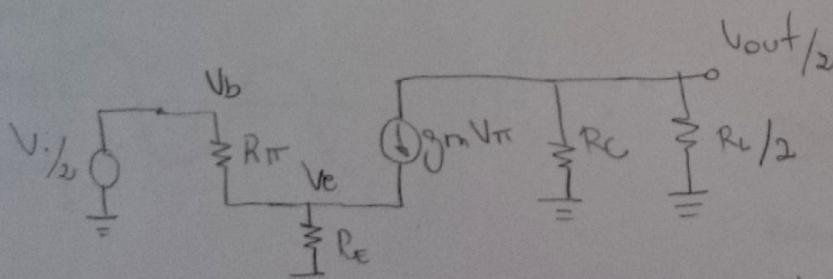
$$I_{E1} = I_{B2} = 2.5mA \rightarrow I_C \approx I_E \rightarrow I_C = \beta I_B \rightarrow I_B = 20.83\mu A$$

$$V_B = 0 \quad V_{BE} = 0.7 \rightarrow V_E = -0.7$$

$$\frac{V_{CC} - V_C}{R_C} = 2.5mA \rightarrow V_C = 2.5V$$

$$\underline{AC} \quad g_m = \frac{I_C}{\phi t} \rightarrow g_m = 0.1A/V$$

$$R_\pi = \frac{\phi t}{I_B} \rightarrow 1.2k\Omega$$



$$V_{i/2} = V_\pi + R_E \left(\frac{V_\pi}{R_\pi} + g_m V_\pi \right) \rightarrow V_{i/2} = V_\pi \underbrace{\left(\frac{R_E}{R_\pi} + \beta g_m + 1 \right)}_{R_A = R_E \beta g_m}$$

$$-\frac{V_{out/2}}{R_C} - \frac{V_{out/2}}{R_L/2} = g_m V_\pi \rightarrow -V_{out} (2R_C + R_L) = 2R_C R_L g_m \frac{V_i}{2R_A}$$

$$\boxed{\frac{V_{out}}{V_{in}} = -\frac{R_C R_L g_m}{(2R_C + R_L) R_A}}$$

$$\boxed{\frac{V_{out}}{V_{in}} = -4.5}$$

b) Modo comum, teremos as duas entradas iguais, assim V_{ce} e $V_{out} = V_{ca} - V_{ce}$ serão iguais e será igual a zero. Assim, a função do modo comum é remover o que for igual nas duas entradas. Em condições ideais $Adm = 0$. Isto não ocorre na prática devido ao descasamento dos componentes, assim buscamos na prática o menor Adm possível. Em um caso prático, considero que a fonte de corrente não é ideal.

Colocando em paralelo uma resistência $R_{T\pi}$

$$Adm = \frac{V_{out}}{V_i} = -V_{out}(2R_c + R_L) = 2R_c R_L g_m V_T$$

$$\frac{V_i}{2} = V_T + R_E \left(\frac{V_T}{R_T} + g_m V_T \right) + 2R_{T\pi L} \left(\frac{V_T}{R_T} + g_m V_T \right)$$

$$\frac{V_i}{2} = V_T \cdot \underbrace{\left(1 + \frac{R_E}{R_T} + R_E g_m + \frac{2R_{T\pi L}}{R_T} + 2R_{T\pi L} g_m \right)}_{RB}$$

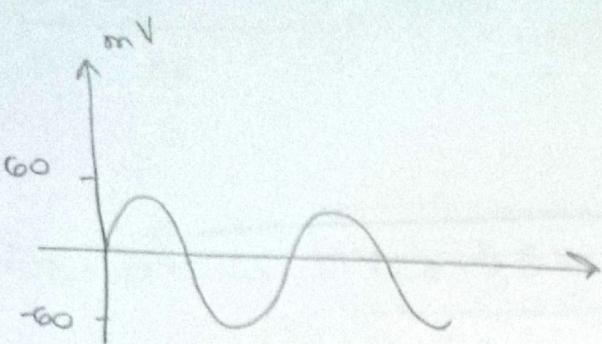
$$-V_{out}(2R_c + R_L) = 2R_c R_L g_m \frac{V_i}{RB}$$

$$\boxed{\frac{V_{out}}{V_i} = - \frac{R_c R_L g_m}{(2R_c + R_L) RB}}$$

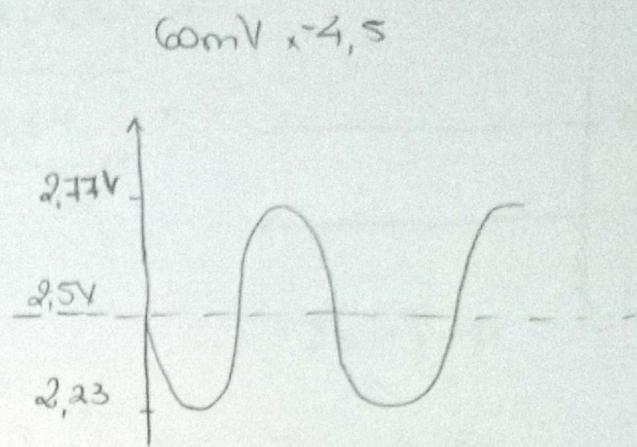
$$V_A = 60 \sin \omega t \text{ [mV]}$$

$$V_A = -V_B$$

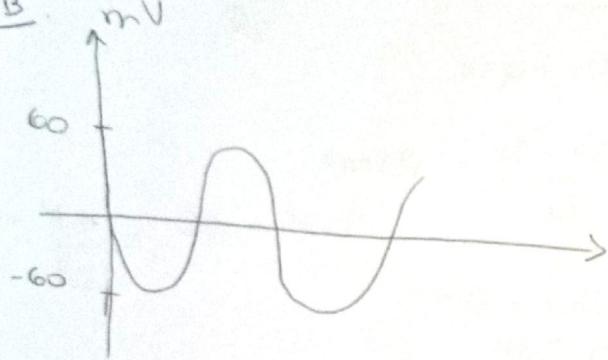
V_A



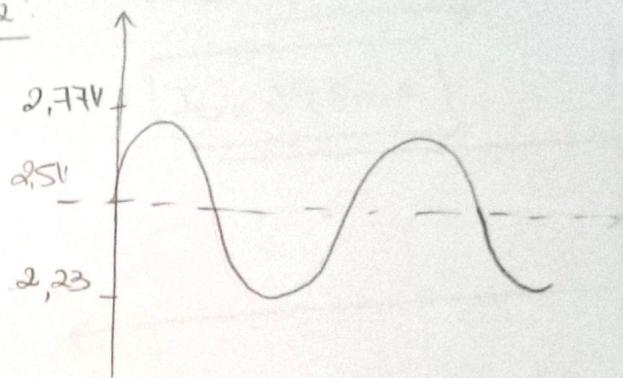
C_1



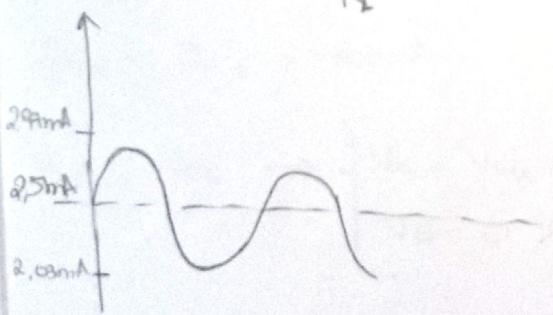
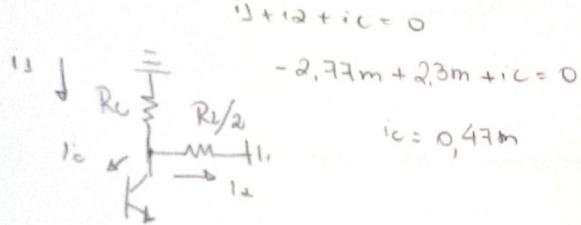
V_B :



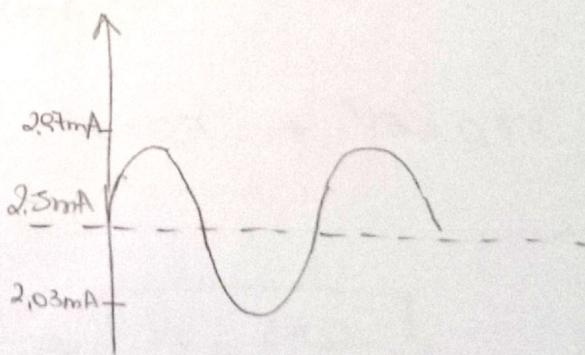
C_2 :



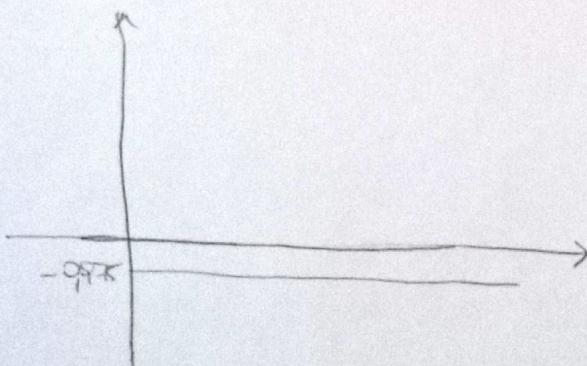
I_{C1} :



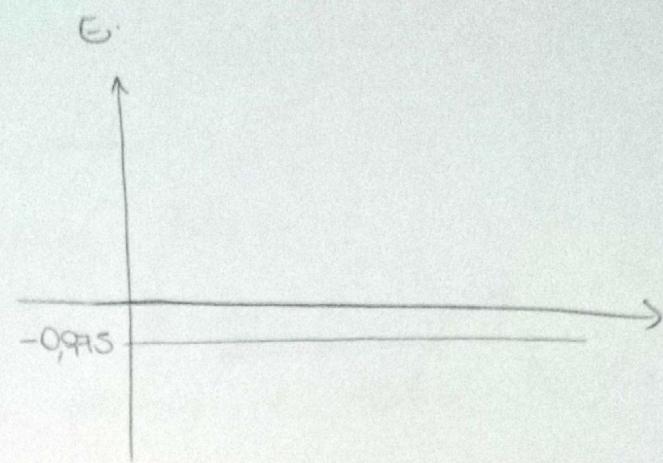
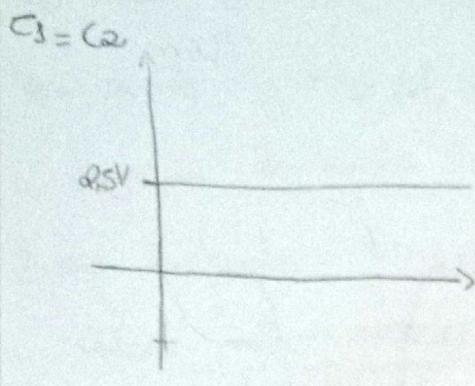
I_{C2} :



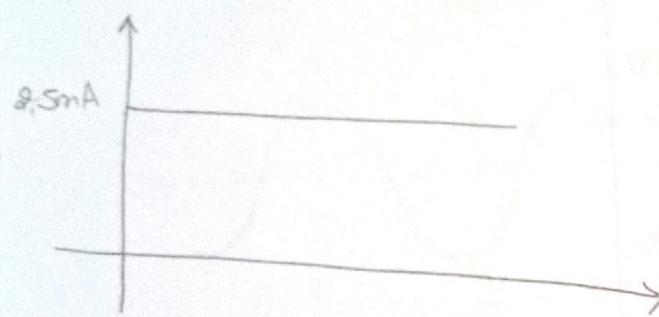
E :



Considerando $V_A = V_B$



$$I_{C1} = I_{C2}$$



$$V_E = -0,975$$

$$\frac{-0,7 - V_E}{R_E} = 0,5mA$$

R_E

$$V_E = -0,975$$

$$a) I_{D3} = 8 \text{ mA}$$

$$V_{CC} = 7,5$$

$$\frac{V_B - 0,7 - (-V_{CC})}{R_D} = 8 \text{ mA} \rightarrow V_B - 0,7 + 7,5 = 2$$
$$V_B = 4,8 \text{ V}$$

$$V_{BE} = 0,7 \rightarrow V_E = -5,5 \text{ V}$$

$$I_C = \beta I_B$$

$$I_E = \frac{V_E - (-V_{CC})}{R_2} \rightarrow I_E = 40 \text{ mA}$$

$$I_E = I_B + \beta I_B$$

$$I_B = 0,49 \text{ mA}$$

$$I_C = 39,5 \text{ mA}$$

$$-\frac{V_B}{R_3} = I_B + 8 \text{ mA}$$

$$R_3 = 565 \Omega$$

$$I_{E2} = I_{C2} = 40 \text{ mA} \quad I_{B2} = 0,5 \text{ mA}$$

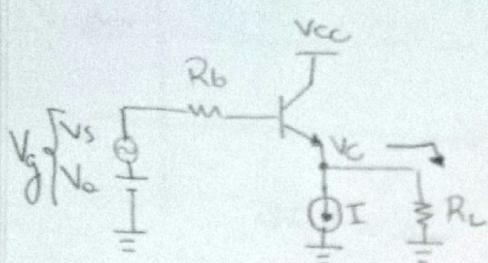
$$V_{CE} = V_{CC} \rightarrow \begin{cases} V_C = V_{CC} = 7,5 \text{ V} \\ V_E = 0 \text{ V} \end{cases} \quad V_{BE} = 0,7 \rightarrow V_B = 0,7 \text{ V}$$

$$\frac{V_a - V_b}{R_b} = I_B \rightarrow \frac{V_a - V_b}{I_B} = R_b \rightarrow R_b = 3 \text{ k}\Omega$$

b) ↑ amplitude de V_s ?

Modelo equivalente

$$I = 39,5 \text{ mA} \quad R_L = 40 \Omega \quad R_b = 3 \text{ k}\Omega$$



$V_{\text{máx}} \rightarrow R_L$ consumir todo a corrente I .

$$\frac{V_e}{R_L} = I \rightarrow V_e = 1,58 \text{ V}$$

$$V_{Bc} = 0,7 \rightarrow V_B = 2,28 \text{ V}$$

$$\frac{V_g - V_B}{R_B} = I_{B\text{máx}}$$

$I_{B\text{máx}} = 2 I_B$ [calculado no item anterior]
Assim vai 39,5mA para o resistor R_L e
39,5mA da fonte I .

$$I_{B\text{máx}} = 1 \text{ mA}$$

$$V_g = V_a + V_s \quad V_a = 2,2 \text{ V}$$

$$V_s = 3 \text{ V}$$

Amplicador de Potência classe A

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{DC}} \rightarrow \text{pot. entregue a carga}$$
$$P_{DC} \rightarrow \text{pot. retirado da fonte}$$

$$P_{DC} = V_{CC} - (-V_{CE}) \cdot I$$

$$P_{DC} = 2V_{CC} \cdot I_Q \quad P_{DC} = 2 \cdot 7,5 \cdot 39,5 \text{ m} \rightarrow P_{DC} = 0,59$$

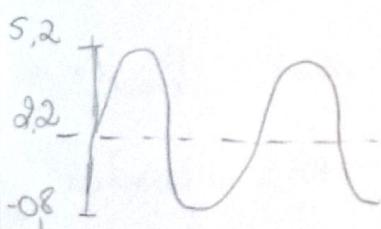
$$P_{out} = \frac{V_o^2}{2R_L} \rightarrow P_{out} = 0,031$$

$$V_{emáx} = 1,58 \text{ V}$$

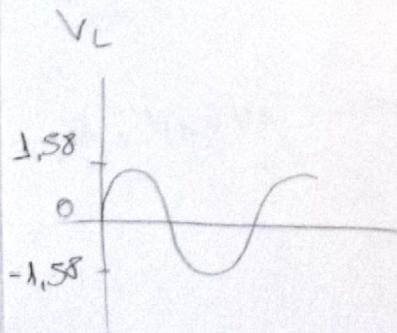
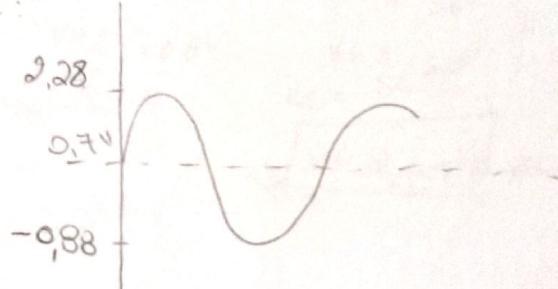
$$\eta = 5,28\%$$

$$V_L = 0,7$$

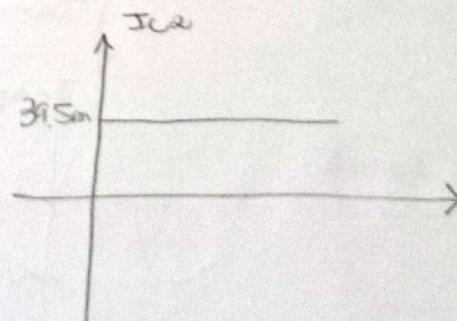
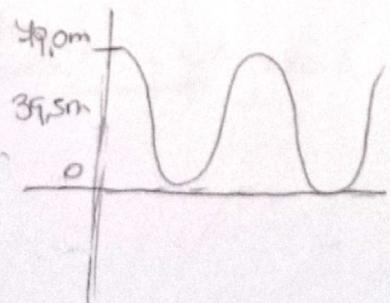
d) Vg:



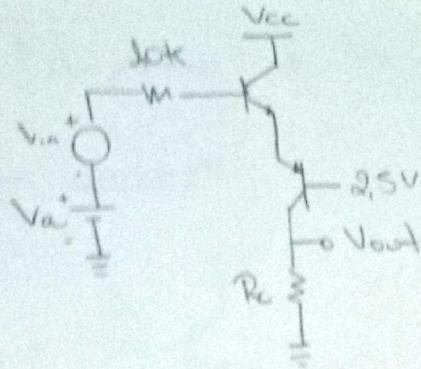
V_I:



I_{C1}



③



$$\frac{V_{BE}}{V_{BV}} = \frac{V_{EB}}{V_{FB}}$$

$$\beta = 100$$

$$\frac{V_{CE}}{V_{FB}} = \frac{V_{EC}}{V_{FB}}$$

a) Vout máx?

$V_{CE} = 5V$ A princípio tem duas quedas $V_{CE_{SAT}}$, fazendo com que V_{out} seja 1,4V. Só que considerando isso o V_{EB} de Q2 fica igual a 2,2V [$V_{B2} = 2,5V$]

Considerando $V_{E2} = 0,7V$ e $V_{out} = 2,9V$

b) Valor de V_A para $I_{BS} = 250\mu A$

$$\frac{V_A - V_B}{30k} = I_{BS}$$

$$\begin{cases} V_{B2} = 2,5V \\ V_{E2} = 3,2V \end{cases} \quad \begin{cases} V_{EA} = V_{EL} = 3,2V \\ V_{B1} = 3,9V \end{cases}$$

$$\frac{V_A - 3,9}{30k} = I_{BA} \rightarrow \boxed{V_A = 8,4V}$$

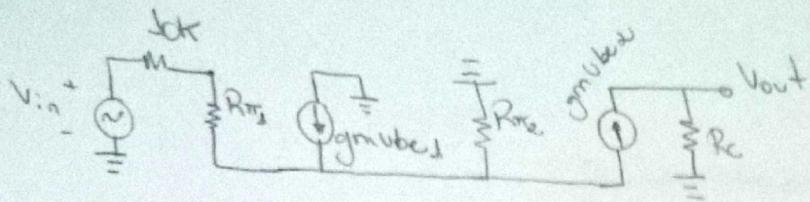
$$R_C? \quad V_{out} = \frac{1}{2} V_{out \max} \rightarrow V_{out} = 5,45V$$

$$\frac{V_{out}}{R_C} = I_{CE}$$

$$\begin{cases} I_{BA} = 250\mu A ; I_{CS} = 25mA ; I_{ES} = 25,25mA \\ I_{ES} = I_{E2} ; I_{CS} = I_{C2} ; I_{BS} = I_{B2} \end{cases}$$

$$\frac{5,45}{R_C} = 25mA$$

$$\boxed{R_C = 58\Omega}$$



$$g_m = \frac{I_c}{\phi L} \rightarrow g_m = 5 \text{ A/V}$$

$$R_{\pi 1} = \frac{\phi L}{I_B} \rightarrow R_{\pi 1} = 100 \Omega$$

$$R_C = 58 \Omega$$

$$-\frac{V_{out}}{R_C} = g_m V_{\pi} \rightarrow V_{out} = -g_m R_C V_{\pi}$$

$$V_{in} = 30k \left(\frac{V_{\pi}}{R_{\pi 1}} \right) + R_{\pi 2} \left(\frac{V_{\pi}}{R_{\pi 1}} + g_m V_{\pi} \right) + V_{\pi}$$

$$V_{in} = V_{\pi} \left(\frac{30k}{R_{\pi 1}} + \frac{R_{\pi 2}}{R_{\pi 1}} + R_{\pi 2} g_m + 1 \right)$$

$$R_A = 112 \Omega$$

$$\boxed{\frac{V_{out}}{V_{in}} = -\frac{g_m R_C}{R_A}}$$

$$\boxed{\frac{V_{out}}{V_{in}} = -0,51}$$

$$d) \uparrow V_{in} ? \quad V_{out} = 3,45 \text{ V} \rightarrow V_A = 6,4 \text{ V} \quad R_C = 58 \Omega \quad V_{B1} = 3,9 \text{ V}$$

$$V_{out \max} = 2,9 \text{ V} \rightarrow I_C = 0,05 \text{ A} \quad I_B = 500 \mu\text{A}$$

$$\frac{V_g - V_B}{30k} = I_B \rightarrow V_g = 8,9 \text{ V}$$

$$V_g = V_A + V_S \rightarrow \boxed{V_S = 2,5 \text{ V}_{\max}}$$