## SEMINAR 5

1) Să se rezolve sistemele de ecuații:

a) 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 = -1 \\ 2x_1 - x_2 + 2x_3 = -4 \text{ (în } \mathbb{R}^3\text{)}; \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = -2 \end{cases}$$
 b) 
$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 + x_3 + 2x_4 = 3 \\ 6x_1 + 8x_2 + 2x_3 + 5x_4 = 7 \text{ (în } \mathbb{R}^4\text{)}; \\ 9x_1 + 12x_2 + 3x_3 + 10x_4 = 13 \end{cases}$$

c) 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_3 = -1 \\ 2x_1 + x_2 - 2x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 3 \\ x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 1 \end{cases}$$
 (în  $\mathbb{R}^3$ ).

2) Să se discute după parametrul real  $\alpha$  compatibilitatea sistemelor de mai jos, apoi să se rezolve:

a) 
$$\begin{cases} 5x_1 - 3x_2 + 2x_3 + 4x_4 = 3\\ 4x_1 - 2x_2 + 3x_3 + 7x_4 = 1\\ 8x_1 - 6x_2 - x_3 - 5x_4 = 9\\ 7x_1 - 3x_2 + 7x_3 + 17x_4 = \alpha \end{cases}$$
, b) 
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 5\\ 4x_1 - 2x_2 + 5x_3 + 6x_4 = 7\\ 6x_1 - 3x_2 + 7x_3 + 8x_4 = 9\\ \alpha x_1 - 4x_2 + 9x_3 + 10x_4 = 11 \end{cases}$$

c) 
$$\begin{cases} \alpha x_1 + x_2 + x_3 = 1 \\ x_1 + \alpha x_2 + x_3 = 1 \\ x_1 + x_2 + \alpha x_3 = 1 \end{cases}$$
.

1

3) Folosind transformări elementare, determinați rangurile următoarelor matrice:

a) 
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & 0 & -3 \end{pmatrix}$$
; b)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & -2 \\ 2 & 3 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 2 & -3 \end{pmatrix}$ ; c)  $\begin{pmatrix} 3 & 0 & 3 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 0 & 2 & 0 \\ 3 & 2 & 0 & 3 & 2 \\ 0 & 2 & 0 & 2 & 0 \end{pmatrix}$ ;

d) 
$$\begin{pmatrix} 2 & \alpha & -2 & 2 \\ 4 & -1 & 2\alpha & 5 \\ 2 & 10 & -12 & 1 \end{pmatrix}$$
  $(\alpha \in \mathbb{C})$ .