5지선다형

1.  $(3^{1-\sqrt{2}})^2 \times 9^{\sqrt{2}}$ 의 값은? [2점]

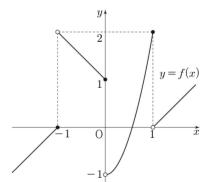
- ①  $\frac{1}{9}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③ 1 ④ 3

4. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.

 $m{3}$ . 첫째항과 공비가 모두 양수 k인 등비수열  $\{a_n\}$ 이

 $a_2(k^2+1)=3a_4$ 

를 만족시킬 때,  $a_3$ 의 값은? [3점]



 $\lim_{x \to -1^{-}} f(x) + \lim_{x \to 0^{+}} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① -1
- ② 0
- 31
- **4** 2
- ⑤ 3

2. 함수  $f(x)=x^3-2x+5$ 에 대하여  $\lim_{h\to 0} \frac{f(1+h)-f(1)}{h}$ 의 값은? [2점]

- 1
- 2 2
- 3 3
- 4
- **⑤** 5

**5.** 함수  $f(x)=(2x+1)(x^2-2x+5)$ 에 대하여 f'(2)의 값은?

[3점]

- 1 8
- ② 12
- ③ 16
- **4** 20
- ⑤ 24
- 7. 다항함수 f(x)가

 $f'(x)=x^2-kx+k-1$ , f(0)=2

를 만족시킨다. 함수 f(x)가 극값을 갖지 않을 때, f(3)의 값은? (단, k는 상수이다.) [3점]

- ① 2 ② 5 ③ 8 ④ 11 ⑤ 14

- 6.  $\frac{3}{2}\pi < \theta < 2\pi$ 인  $\theta$ 에 대하여  $\sin \theta \tan \theta + \cos \theta = 3$ 일 때,  $\sin \theta - \tan \theta$ 의 값은? [3점]
  - ①  $-\frac{4\sqrt{2}}{3}$  ②  $-\frac{2\sqrt{2}}{3}$  ③ 0
- $\textcircled{4} \ \frac{2\sqrt{2}}{3} \qquad \qquad \textcircled{5} \ \frac{4\sqrt{2}}{3}$

- **8.** 부등식  $2^{|x|} + \frac{64}{2^{|x|}} \le 20$ 을 만족시키는 정수 x의 개수는? [3점]
  - 1 6
- 27
- ③ 8
- ④ 9
- ⑤ 10

g. 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$xf(x) = ax^3 + 2x - 3 + \int_0^1 f'(t)dt$$

를 만족시킬 때,  $\int_0^2 f(x) dx$ 의 값은? (단, a는 상수이다.) [4점]

- ① 3
- 26 39
- **4** 12
- **⑤** 15

 $m{10}$ . 모든 항이 자연수이고 공차가 같은 두 등차수열  $\{a_n\},\,\{b_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

$$\sum_{k=1}^{n} \frac{1}{a_k \times b_k} = \frac{n}{8n+4}$$

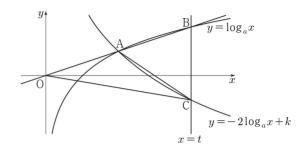
- 을 만족시킬 때,  $\sum_{k=1}^{5} (a_k + b_k)$ 의 값은? [4점]
- ① 100
- 2 110
- ③ 120
- **4** 130
- **⑤** 140

**11.** 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각  $t(t \ge 0)$ 에서의 위치 x가

$$x = kt^3 - 6t^2 + t$$

이다. 양수 k에 대하여 시각 t=k에서 점 P의 속도가 1일 때, 시각 t=2k에서 점 P의 가속도는? [4점]

- $\bigcirc 36$
- 2 48
- 3 60
- **4** 72
- **⑤** 84
- 12. 그림과 같이 세 상수 a(a>1), k, t에 대하여 두 곡선  $y=\log_a x$ ,  $y=-2\log_a x+k$ 가 만나는 점을 A라 하고, 직선 x=t가 두 곡선  $y=\log_a x$ ,  $y=-2\log_a x+k$ 와 만나는 점을 각각 B, C라 하자. 직선 AB가 원점 O를 지나고 두 삼각형 OCA, ACB의 넓이가 2로 같을 때,  $a\times k\times t$ 의 값은? (단, k>0이고, t는 점 A의 x좌표보다 크다.) [4점]



- ①  $8\sqrt{2}$
- 2 16
- $316\sqrt{2}$  4 24
- ⑤  $24\sqrt{2}$

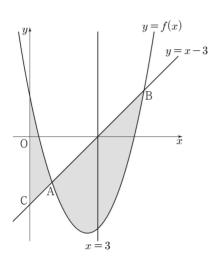
13. 최고차항의 계수가 1인 이차함수 f(x)에 대하여 곡선 y = f(x)와 직선 y = x - 3이 x좌표가 양수인 두 점 A, B에서 만난다. 직선 y = x - 3과 y축이 만나는 점을 C라하자. 곡선 y = f(x)와 y축 및 선분 AC로 둘러싸인 부분의 넓이를  $S_1$ , 곡선 y = f(x)와 선분 AB로 둘러싸인 부분의 넓이를  $S_2$ 라하자. 곡선 y = f(x)와 선분 AB로 둘러싸인 부분의 넓이를 직선 x = 3이 이등분하고,  $S_2 - 2S_1 = 6$ 일 때, f(-1)의 값은? (단, 점 A의 x좌표는 3보다 작고, 점 B의 x좌표는 3보다 크다.)

28

 $3\frac{17}{2}$ 

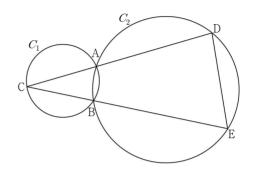
49

 $\odot \frac{19}{2}$ 



14. 그림과 같이 반지름의 길이가 각각  $r_1$ ,  $r_2$ 인 두 원  $C_1$ ,  $C_2$ 가 만나는 두 점을 A, B라 하자. 원  $C_1$  위의 점 C와 원  $C_2$  위의 두 점 D, E에 대하여 세 점 C, A, D와 세 점 C, B, E가 각각 한 직선 위에 있다.

 $r_1:r_2=1:2,\quad \overline{\rm AC}=3,\quad \overline{\rm AD}=5,\quad \overline{\rm DE}=4$ 일 때, 선분 CE의 길이는? [4점]



①  $3\sqrt{7}$  ②  $\sqrt{66}$  ③  $\sqrt{69}$  ④  $6\sqrt{2}$  ⑤  $5\sqrt{3}$ 

15. 최고차항의 계수가 1이고  $\lim_{x\to 0} \frac{f(x)}{x} = 1$ 인 사차함수 f(x)와 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 g(x)가 모든 실수 x에 대하여  $\{g(x)-x\}\{g(x)-f(x)\}=0$ 을 만족시킨다. 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킬 때,

모든  $\frac{g(-2)}{g(3)}$ 의 값의 합은? [4점]

- (가)  $\lim_{x\to 2} \frac{g(x)-g(2)}{x-2}$  의 값은 <u>존재하지 않는다</u>.
- (나)  $x \ge a$ 인 모든 실수 x에 대하여 g(-x) = -g(x)를 만족시키는 실수 a의 최솟값은 4이다.
- ①  $-\frac{41}{3}$  ② -13 ③  $-\frac{37}{3}$  ④  $-\frac{35}{3}$  ⑤ -11

#### 단답형

*16.* 방정식

$$\log_{\sqrt{3}}(x-3) = \log_3(5x-1)$$

을 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오. [3점]

## 수학 영역

7

**18.** 두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{5} (a_k + 3) = 30, \quad \sum_{k=1}^{5} (2a_k + b_k) = 53$$

일 때, 
$$\sum_{k=1}^{5} b_k$$
의 값을 구하시오. [3점]

19. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)에 대하여 곡선 y=f(x)위의 점 (0,1)에서의 접선이 곡선 y=f(x)와 점 (1,0)에서 만난다. f(3)의 값을 구하시오. [3점]

**20.** 양수 t에 대하여 닫힌구간  $\left[0, \frac{2}{t}\right]$ 에서 정의된 두 함수

$$f(x) = \sqrt{3}\sin(t\pi x), \quad g(x) = -3\cos(t\pi x)$$

가 있다.  $0 < k < \frac{2}{t}$  인 상수 k에 대하여 f(k) = g(k) = 3k일 때, 60(t+k)의 값을 구하시오. [4점]

### 8

# 수학 영역

**21.** 최고차항의 계수가 1이고 f(0) = 0인 삼차함수 f(x)와 실수 t에 대하여 곡선 y = f(x)와 직선 y = t가 만나는 점의 개수를 g(t)라 하자. 양수 a와 함수 g(t)가 다음 조건을 만족시킨다.

함수 g(t)+g(t-4)는 t=0과 t=a에서만 불연속이다.

f(a)의 최솟값을 구하시오. [4점]

- **22.** 모든 항이 실수인 수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.
  - $(7) a_1 \times a_2 > 0$
  - (나) 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n^2 & \left(a_n \le 0\right) \\ -2a_n + 3 & \left(a_n > 0\right) \end{cases}$$

이다.

 $a_3=a_5$ 가 되도록 하는 모든  $a_1$ 의 값의 합이  $\dfrac{q}{p}$ 일 때, p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

#### ※ 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

5지선다형

**23.** 두 사건 A, B는 서로 배반사건이고

$$P(A) = \frac{1}{4}, P(B) = \frac{1}{6}$$

일 때, P(A∪B)의 값은? [2점]

- ①  $\frac{1}{4}$  ②  $\frac{7}{24}$  ③  $\frac{1}{3}$  ④  $\frac{3}{8}$  ⑤  $\frac{5}{12}$

**24.** 다항식  $\left(x+\frac{1}{2}\right)^8$ 의 전개식에서  $x^5$ 의 계수는? [3점]

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

- **25.** 세 주사위 A, B, C를 동시에 던져서 나오는 눈의 수를 각각 a,b,c라 할 때,  $a \times b \times c$ 의 값이 3의 배수일 확률은? [3점]

- ①  $\frac{17}{27}$  ②  $\frac{2}{3}$  ③  $\frac{19}{27}$  ④  $\frac{20}{27}$  ⑤  $\frac{7}{9}$
- 26. 흰 공 5개와 검은 공 10개를 네 주머니 A, B, C, D에 다음 규칙에 따라 남김없이 나누어 넣는 경우의 수는? (단, 같은 색 공끼리는 서로 구별하지 않고, 검은 공을 넣지 않는 주머니가 있을 수 있다.) [3점]
  - (가) 각 주머니에 흰 공을 1개 이상씩 넣는다.
  - (나) 세 주머니 A, B, C에 넣는 흰 공의 개수의 합은 주머니 D에 넣는 검은 공의 개수와 같다.
  - ① 120
- ② 135
- ③ 150
- 40165
- **⑤** 180

3

- 27. 숫자 1, 2, 3, 4가 하나씩 적혀 있는 카드가 각각 5장씩 있다. 이 20장의 카드 중에서 5장을 택해 왼쪽에서 오른쪽으로 일렬로 나열할 때, 다음 조건을 만족시키는 경우의 수는? (단, 같은 숫자가 적힌 카드끼리는 서로 구별하지 않는다.) [3점]
  - (가) 나열한 5장의 카드에 적힌 수의 곱은 96이다.
  - (나) 오른쪽 끝에 놓인 카드에 적힌 수는 짝수이다.

② 50

352

**4** 54

⑤ 56

- **28.** 집합  $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 함수  $f: X \rightarrow X$ 의 개수는? [4점]
  - (7) 2f(1)+2f(2)+f(6)=f(3)+16
  - (나)  $f(3) \le f(4) \le f(5) \le f(6)$

① 288

② 300

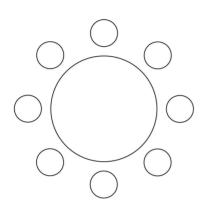
③ 312

④ 324

⑤ 336

#### 단답형

- 29. 학생 A를 포함한 4명의 2학년 학생과 학생 B를 포함한 4명의 3학년 학생이 있다. 이 8명의 학생이 일정한 간격을 두고 원 모양의 탁자에 다음 조건을 만족시키도록 모두 둘러앉는 경우의 수를 구하시오. (단, 회전하여 일치하는 것은 같은 것으로 본다.) [4점]
  - (가) 각 학생은 자신과 이웃한 두 학생 중 적어도 한 명과 같은 학년이다.
  - (나) A와 B는 이웃하지 않는다.



30. 1부터 6까지의 자연수가 하나씩 적혀 있는 6개의 전구가 있다. 이 6개의 전구는 모두 꺼져 있고, 각 전구는 전원 버튼을 누를 때마다 켜짐과 꺼짐이 전환된다. 이 6개의 전구와 한 개의 주사위를 사용하여 다음 시행을 한다.

주사위를 한 번 던져 나온 눈의 수가 n일 때, n 이하의 숫자가 적힌 모든 전구의 전원 버튼을 한 번씩 누른다.

이 시행을 5번 반복할 때, 나오는 눈의 수를 차례로 a,b,c,d,e라 하자. 5번째 시행 후 전구가 모두 켜져 있도록 하는 모든 순서쌍 (a,b,c,d,e)의 개수를 구하시오. [4점]



#### ※ 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.