

Trabajo Práctico 2: Diseño

Primer cuatrimestre - 2015

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 2

Integrante	LU	Correo electrónico
Benitez, Nelson	945/13	nelson.benitez92@gmail.com

Instancia	Docente	Nota		
Primera entrega				
Segunda entrega				



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires Ciudad Universitaria – Pabellón I (Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 – C1428EGA
Ciudad Autónoma de Buenos Aires – Rep. Argentina

Índice

1.	DC	Net	2
	1.1.	Interfaz	2
	1.2.	Interfaz	2
	1.3.	Representación	4
	1.4.	Algoritmos	7
	1.5.	Algoritmos operaciones auxiliares	8
2.	Dice	cionario Rapido	8
	2.1.	Interfaz	9
	2.2.	Representación	9
	2.3.	Algoritmos	10
	2.4.	Servicios Usados	10
3.	Dice	cionario por nombres	11
	3.1.	Interfaz	11
	3.2.	Representación	12
	3.3.	Algoritmos	12
	3.4.	Operaciones del iterador	14
	3.5.	Representación del iterador	15
	3.6.	Algoritmos del iterador	15
4.	Can	npus	16
			16
			18
		Algoritmos	20
		Servicios Usados	21

1 CampusSeguro

1.1 Interfaz

se explica con AS

usa

géneros as

1.2 Interfaz

```
se explica con CampusSeguro
```

usa

géneros CampusSeguro

Operaciones

```
CAMPUS(in \ cs : campusSeguro) \longrightarrow res : campus
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} campus(cs) \}
Descripción: Devuelve el campus del campusSeguro ingresado.
Complejidad: O(1)
ESTUDIANTES(in cs: campusSeguro) \longrightarrow res: conj(nombre)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} estudiantes(cs)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto con los estudiantes del campusSeguro ingresado.
Complejidad: O(1)
\mathtt{HIPPIES}(\mathbf{in}\ cs: \mathtt{campusSeguro}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{conj}(\mathtt{nombre})
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} hippies(cs) \}
Descripción: Devuelve un conjunto con los hippies del campusSeguro ingresado.
Complejidad: O(1)
AGENTES(in \ cs : campusSeguro) \longrightarrow res : conj(agentes)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{ res =_{obs} agentes(cs) \}
Descripción: Devuelve un conjunto con los agentes del campusSeguro ingresado.
Complejidad: O(1)
PosicionEstudiantesYHippies(in id: nombre, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: posicion
\mathbf{Pre} \equiv \{id \in (estudiantes(cs) \cup hippies(cs))\}\
Post \equiv \{res =_{obs} posEstudianteYHippie(id, cs)\}\
Descripción: Devuelve la posicion del estudiante o hippie ingresado.
Complejidad: O(|n_m|)
PosicionAgente(in a: agente, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: posicion
\mathbf{Pre} \equiv \{a \in agentes(cs)\}\
Post \equiv \{ res =_{obs} posAgente(a, cs) \}
Descripción: Devuelve la posicion del agente ingresado.
Complejidad: O(1)
```

```
CANTIDADSANCIONES(in a: agente, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{a \in agentes(cs)\}\
Post \equiv \{ res =_{obs} cantSanciones(a, cs) \}
Descripción: Devuelve la cantidad de sanciones del agente ingresado.
Complejidad: O(1)
CantidadHippiesAtrapados(in a: agente, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{a \in agentes(cs)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} cantHippiesAtrapados(a, cs) \}
Descripción: Devuelve la cantidad de hippies atrapados por el agente ingresado.
Complejidad: O(1)
COMENZARRASTRILLAJE(in c: campus, d: dicc(agente posicion)) \longrightarrow res: campusSeguro
\mathbf{Pre} \equiv \{ (\forall a : agente) (def?(a,d) \Rightarrow_{\mathsf{L}} (posValida?(obtener(a,d)) \land \neg ocupada?(obtener(a,d),c)) \} \land
                        (\forall a, a2 : agente)((def?(a, d) \land def?(a2, d) \land a \neq a2) \Rightarrow_{L} obtener(a, d) \neq obtener(a2, d))
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} comenzarRastrillaje(c, d)\}\
Descripción: Crea un nuevo campusSeguro con campus y los agentes ingresados.
Complejidad: O(1)
INGRESARESTUDIANTE(in e: nombre, p: posicion, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land e \notin (estudiantes(cs) \cup hippies(cs)) \mid esIngreso?(p, campus(cs)) \land esIngreso?(p, campus
                         \neg estaOcupada?(p,cs))
Post \equiv \{res =_{obs} ingresarEstudiante(e, p, cs_0)\}
Descripción: Ingresa un nuevo estudiante al campus por una de las entradas.
Complejidad: O(|n_m|)
INGRESARHIPPIE(in h: nombre, p: posicion, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land h \notin (estudiantes(cs) \cup hippies(cs)) \in SIngreso?(p, campus(cs)) \land \}
                          \neg estaOcupada?(p,cs))
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} ingresarHippie(e, p, cs_0) \}
Descripción: Ingresa un nuevo hippie al campus por una de las entradas.
Complejidad: O(|n_m|)
MOVERESTUDIANTE(in e: nombre, d: direction, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land e \in estudiantes(cs) \land (seRetira(e, d, cs)) \lor \}
                         (posValida?(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,cs),d,campus(cs)),campus(cs)) \land
                         \neg estaOcupada?(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,cs),d,campus(cs)),cs)))\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} moverEstudiante(e, d, cs_0) \}
Descripción: Mueve un estudiante en la direccion indicada.
Complejidad: O(|n_m|)
MOVERHIPPIE(in h: nombre, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land h \in hippies(cs) \land \}
                         \neg todasOcupadas?(vecinos(posEstudianteYHippie(h, cs), campus(cs)), cs)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} moverHippie(h, cs_0) \}
Descripción: Mueve un hippie hacia el estudiante más cercano.
Complejidad: O(|n_m| + N_e)
MOVERAGENTE(in a: nombre, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land a \in agentes(cs) \land_{\mathbf{L}} cantSanciones(a, cs) \leq 3 \land agentes(cs) \land_{\mathbf{L}} cantSanciones(a, cs) \leq 3 \land_{\mathbf
                          \neg todasOcupadas?(vecinos(posAgente(a, cs), campus(cs)), cs)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} moverAgente(a, cs_0) \}
Descripción: Mueve un agente hacia el hippie más cercano.
Complejidad: O(|n_m| + log N_a + N_h)
CANTIDADHIPPIES(in cs: campusSeguro) \longrightarrow res: nat
```

```
\mathbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}\

\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} cantHippies(cs)\}\

\mathbf{Descripción:} Devuelve la cantidad
```

Descripción: Devuelve la cantidad de hippies en el campus.

Complejidad: O(1)

 $\texttt{CANTIDADESTUDIANTES}(\textbf{in} \ \textit{cs}: \texttt{campusSeguro}) \longrightarrow \textit{res}: \texttt{nat}$

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} cantEstudiantes(cs)\}$

Descripción: Devuelve la cantidad de estudiantes en el campus.

Complejidad: O(1)

 $M\acute{a}sVigilante(\mathbf{in}\ cs: \mathtt{campusSeguro}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{agente}$

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} masVigilante(cs) \}$

Descripción: Devuelve al agente con más capturas realizadas del campus.

Complejidad: O(1)

Las complejidades están en función de las siguientes variables:

c: es una instancia del campusSeguro,

p: es una posición,

n: es el nombre de un estudiante/hippie y $|n_m|$ es la longitud más larga entre todos los nombres del campusSeguro,

d: es una dirección,

 N_a : es la cantidad de agentes,

 N_e : es la cantidad actual de estudiantes,

 N_h : es la cantidad actual de hippies.

Las complejidades están en función de las siguientes variables:

n: la cantidad total de computadoras que hay en el sistema,

L: el hostname más largo de todas las computadoras,

k: la cola de paquetes más larga de todas las computadoras.

1.3 Representación

se representa con sistema

```
donde sistema es tupla (Campus: arreglo (arreglo (tupla (hay Hippie: bool,
                                                                                                   ))
                                                         hayEst: bool,
                                                         hayAgente: bool,
                                                         hayObst: bool,
                                                         pl:itLista(agente),
                                                         estudiante : itDPN(tupla(nombre : string,),
                                                                                 pos: pos>
                                                         hippie: itDPN(tupla(nombre: String,))
                                                                             pos: pos>
                       estudiantes: DiccPorNombre(nombre:string, pos:pos),
                       hippies: DiccPorNombre(nombre:string, pos:pos),
                        agentes : DiccSuperRapido(pl:nat,tupla\(\rangle pos : pos,
                                                                                                   ),
                                                                cantSanc: nat,
                                                                cantCapturas: nat,
                                                                mismas: itLista(conMismasBucket),
                                                                miUbicacion: itLista(agente)
                       masVigilante: placa:nat,
                       porSanciones: Lista(conMismasBucket),
                       conKSanciones : arreglo(tupla(ocurrioSancion : bool,
                                                      porKSanc : conj(agente),
                                                      #Sanciones : nat>
donde conMismasBucket es tupla (agentes: Lista (agente),
                                  #Sanc: nat,
                                  conMasSanciones: itLista(conMismasBucket),
                                  conMenosSanciones : itLista(conMismasBucket) >
```

Invariante de representación

- 1. En cada posicion de campus hay como máximo una entidad (agente, estudiante, hippie, obstaculo)
- 2. Si hayEst, hayHippie o hayAgente es true en alguna posición, entonces el iterador correspondiente debe tener siguiente y apuntar a un lugar en el contenedor correspondiente
- 3. No puede haber dos iteradores que apunten a lo mismo
- 4. La cantidad de agentes, hippies y estudiantes en campus debe ser igual al tamaño de su correspondiente contenedor
- 5. Mas Vigilante es el que mas hippies Capturados tiene. En caso de empate, el que mayor nro de placa tiene
- 6. El conjunto de todos los agentes en porSanciones es igual a las claves del dicc de agentes
- 7. Si ocurrio sancion, el conjunto de agentes formado por la unión de los conjuntos en cada posicion de conkSanciones es igual a las claves del dicc de agentes
- 8. porSanciones está ordenado por #sanciones y en caso de empate por nro de placa
- 9. Si ocurrio sancion, entonces, conKSanciones es 'una copia' (sin iteradores y pasando de lista de agentes a conj) de la lista de porSanciones
- 10. conKSanciones esá ordenado por #sanciones y en caso de empate por nro de placa

Rep : $\widehat{\texttt{sistema}} \longrightarrow boolean$ $(\forall s : \widehat{\texttt{sistema}})$

 $Rep(s) \equiv$

Función de abstracción

```
 \begin{aligned} \operatorname{Abs} : \widehat{\mathtt{dcnet}} \: s \longrightarrow \widehat{\mathtt{DCNet}} \\ (\forall s : \widehat{\mathtt{dcnet}}) \\ \operatorname{Abs}(s) &\equiv dc : \widehat{\mathtt{DCNet}} \mid \\ red(dc) &=^*(s.red) \land (\forall c : compu, c \in compus(dc))(enEspera(dc, c) =^*(enEspera(s, c)) \land \\ cantidadEnviados(dc, c) &= cantidadEnviados(s, c)) \land \\ (\forall p : paquete, paqueteEnTransito?(dc, p)) caminoRecorrido(dc, p) =^*(caminoRecorrido(s, p)) \end{aligned}
```

1.4 Algoritmos

```
CAMPUS(in \ as : as) \longrightarrow res : campus
  res \leftarrow as.campus
                                                                          O(1)
                                                                          O(1)
AGENTES(in \ as : as) \longrightarrow res : itDiccSuperRapido(agente)
  res \leftarrow CrearItSuperRapido(as.agentes)
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
ESTUDIANTES(in as:as) \longrightarrow res:itDPN(<estudiante:String,pos:pos>)
  res \leftarrow CrearItDPN(as.estudiantes)
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
\mathtt{HIPPIES}(\mathbf{in}\ as:\mathtt{as})\longrightarrow \mathit{res}:\mathtt{itDPN}(\mathtt{hippie:String,pos:pos>})
  res \leftarrow CrearItDPN(as.estudiantes)
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
POSESTUDIANTESYHIPPIES(in as:as, in nombre:string) \longrightarrow res:pos
  {\bf if}\ as. estudiantes. definido? (nombre)\ {\bf then}
                                                                           O(long(nombre))
      return \ res \leftarrow as.estudiantes.obtener(nombre)
                                                                           O(long(nombre))
  end if
  if as.hippies.definido?(nombre) then
                                                                           O(long(nombre))
      return \ res \leftarrow as.hippies.obtener(nombre)
                                                                           O(long(nombre))
  end if
                                                                           O(long(nombre))
POSAGENTE(in as: as, in \ placa: agente) \longrightarrow res: pos
  res \leftarrow as.agentes.dameS(placa).pos
                                                                          \theta(1)
                                                                          \theta(1)
CANTSANCIONES(in as: as, in \ placa: agente) \longrightarrow res: pos
  res \leftarrow as.agentes.dameS(placa).cantSanciones
                                                                          \theta(1)
                                                                           \theta(1)
CANTHIPPIESATRAPADOS(in as: as, in placa: agente) \longrightarrow res: pos
  res \leftarrow as.agentes.dameS(placa).cantHippiesAtrapados
                                                                           \theta(1)
                                                                           \theta(1)
INGRESARESTUDIANTE(in/out as: as, in nombre: string, in pos: pos)
  as.agregarEstudiante(as, pos, nombre)
                                                                           O(long(nombre))
  // Sanciono a los agentes que rodean a los estudiantes atrapados al ingresar uno nuevo
  if as.atrapadoPorAgente?(pos) then
      as.sancionarAgentesVecinos(pos)
                                                                           O(1)
  end if
  // Hippificar al estudiante
  if as.estAHippie?(pos) then
      as.hippificar(pos)
                                                                           O(long(nombre))
```

```
// Convertir a los hippies que quedaron encerrados por 4 estudiantes o eliminar a los que
        quedaron atrapados por agentes
        as.aplicarHippiesVecinos(pos)
                                                                           O(long(nombre))
        if as.campus[pos.x][pos.y].hayHippie? then
            capturar Hippie(pos)
                                                                           O(long(nombre))
        end if
                                                                           O(long(nombre))
1.5
      Algoritmos operaciones auxiliares
      SANCIONARAGENTES VECINOS (in/out as: as, in pos: pos)
        vecinos \leftarrow as.campusEstatico.obtenerVecinos(pos)
                                                                          O(1)
        // La cantidad de vecinos es como maximo 4
        if as.atrapadoPorAgente?(pos, vecinos) then
            while i < vecinos.tamanio() do
                                                                          O(1)
               if as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayAgente? then
                   as.sancionarAgente(vecinos[i].agente.siguiente)
                                                                           O(1)
               end if
               i + +
            end while
        end if
                                                                          O(1)
      ATRAPADOPORAGENTE?(in pos:pos, in vecinos:arreglo(pos)) \longrightarrow res:bool
        alMenos1Agente \leftarrow False
                                                                           O(1)
        i \leftarrow 0
        while i < vecinos.tamanio() do
                                                                           O(1)
            if as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayAgente? then
               alMenos1Agente \leftarrow True
               i \leftarrow vecinos.tamanio()
            \textbf{if } (as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y]. hay Agente? \lor as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y]. hay Est? \\
        \lor as. campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y]. hay Hippie? \lor as. campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y]. hay Hippie?)
               return false
                                                                           O(1)
            end if
            i + +
        end while
        res \leftarrow alMenos1Agente
                                                                          O(1)
```

2 Diccionario Rapido

Es un diccionario que dado un numero de placa como clave, nos da su significado en promedio $\mathcal{O}(1)$

2.1 Interfaz

parámetros formales

```
géneros Nat, \alpha
                    DICCIONARIO(NAT, CONJ(\alpha))
se explica con
géneros
                      diccR(Nat, conj(\alpha))
usa Bool, Nat, Conjunto(\alpha)
Operaciones
CREAR(in \ n : nat) \longrightarrow res : diccR(Nat, \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \#Claves(res) =_{\mathrm{obs}} n \}
Descripción: Crea un diccionario rapido.
Complejidad: O(n)
Aliasing: Completar Aliasing
ASIGNAR(in/out v: diccR(Nat; conj(\alpha)), in p: nat, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{v =_{\mathrm{obs}} v_0 \land \mathrm{Definido?}(\mathbf{p}, \mathbf{v})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{Definir(p, Ag(Obtener(p, v_0), s), v)\}\
Descripción: Agrega el valor de s, al significado actual, para la clave dada
Complejidad: O(1)
Aliasing: Completar Aliasing
DAMES(in/out v: diccR(Nat; conj(\alpha)), in p: nat) \longrightarrow res: conj(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{Definido?}(p,v) \}
Post \equiv \{Obtener(p, v)\}\
Descripción: Retorna el significado actual, para la clave dada.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Completar Aliasing
Las complejidades están en función de las siguientes variables:
n: la cantidad total de claves, definidas en el diccionario.
```

2.2 Representación

```
se representa con acceso {\bf donde\ acceso\ es\ claves\ :\ arreglo(contenido)} {\bf donde\ contenido\ es\ conjl}(\alpha
```

Aclaración: cada vez que dice arreglo en esta estructura nos referimos a arreglo_estatico y conjl es conjunto lineal

Invariante de representación

- 1. Todos los indices del arreglo, pertenecen al conjunto de claves del diccionario sin repetidos.
- 2. Para todos los indices i del arreglo, contenido es igual al significado del diccionario para ese i.

```
Rep : \widehat{\mathsf{acceso}} \longrightarrow boolean

(\forall a : \widehat{\mathsf{acceso}})

\mathsf{Rep}(a) \equiv
```

1. 1. $\forall p : \text{Nat Definido?}(a,p) = \text{obtener}(\pi_1(c), s.\text{CompusPorPref})$

Función de abstracciÃ⁸n

```
Abs: \widehat{\mathtt{dcnet}} s \longrightarrow \widehat{\mathtt{DCNet}} \{ \operatorname{Rep}(s) \} (\forall s : \widehat{\mathtt{dcnet}}) \{ \operatorname{Abs}(s) \equiv dc : \widehat{\mathtt{DCNet}} \mid red(dc) = ^*(s.red) \land (\forall c : compu, c \in compus(dc))(enEspera(dc, c) = ^*(enEspera(s, c)) \land cantidadEnviados(dc, c) = cantidadEnviados(s, c)) \land (\forall p : paquete, paqueteEnTransito?(dc, p))caminoRecorrido(dc, p) = ^*(caminoRecorrido(s, p))
```

2.3 Algoritmos

```
ICREAR(in \ r : Nat) \longrightarrow res : diccR()
  i \leftarrow 0
                                                                             O(1)
  p \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                             O(n)
  while i < n do
                                                                             O(n)
      p[i] \leftarrow vacio()
                                                                             O(1)
      i + +
                                                                             O(1)
  end while
  res \leftarrow p
                                                                             O(1)
                                                                             O(n)
IASIGNAR(in/out a : acceso, in p : Nat, in s : \alpha)
  a[FhashPlaca(p,a)] = AgregarRapido(a[FhashPlaca(p,a)],s)
                                                                             O(1)
                                                                             O(1)
IDAMES(in/out \ a : acceso, \ in \ p : Nat) \longrightarrow res : contenido
  res = a[FhashPlaca(p,a)]
                                                                             O(1)
                                                                             O(1)
```

2.4 Servicios Usados

Del modulo ConjLineal

3 Diccionario por nombres

3.1 Interfaz

```
se explica con Dicc
usa
géneros
                      dpn
Operaciones
VACIO() \longrightarrow res : dpn
\mathbf{Pre} \equiv \{ true \}
Post \equiv \{dpn =_{obs} vacia()\}
Descripción: Crea un nuevo diccionario
Complejidad:
Aliasing: O(1)
DEFINIDO?(in/out d : dpn, in c : String) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} def?(d_0, e)\}\
Descripción: Indica si la clave tiene un significado
Complejidad:
Aliasing: O(long(c))
DEFINIR(in/out d : dpn, in c : String, in e : \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} Definir(d_0, e)\}\
Descripción: Se define e en el diccionario
Complejidad: No hay aliasing, se inserta por copia
Aliasing: O(long(c))
ELIMINAR(in/out d : dpn, in c : String)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \land definido?(d, c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} eliminar(d_0, c)\}\
Descripción:
Complejidad: O(long(c))
Aliasing: No hay aliasing
SIGNIFICADO(in/out d : dpn, in c : String) \longrightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(d,c)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} significado(d,c)\}
Descripción: Se retornan los significados
Complejidad: O(long(c))
Aliasing: Hay aliasing entre el objeto devuelto y el almacenado
ALISTA(in/out d : dpn, in c : String) \longrightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{ALista(res) =_{obs} tuplasClaveDiccionario(d)\}\
Descripción: Retorna tuplas ¡clave, significado; del diccionario
Complejidad: O(1)
Aliasing: Retorna por referencia, hay aliasing
```

3.2 Representación

```
se representa con estr
```

```
\begin{tabular}{ll} \beg
```

Invariante de representación

```
Rep : \widehat{\texttt{estr}} \longrightarrow boolean

(\forall e : \widehat{\texttt{estr}})

Rep(e) \equiv
```

- 1. El tamaño de buckets de estr es 256
- 2. El conjunto de claves de estr es igual al conjunto formado por cada prefijo obtenido al ir desde la raiz hasta un nodo con hayS=true

```
\begin{aligned} &\text{Abs}: \widehat{\texttt{estr}} \ e \longrightarrow \widehat{\texttt{dicc}} \\ &(\forall e: \widehat{\texttt{estr}}) \\ &\text{Abs}(e) \equiv d: \widehat{\texttt{dicc}} \mid (\forall s: \text{String}) s \in e.claves =_{\text{obs}} def?(d,s) \land \\ &((\forall s: \text{String}) Definido?(d,s)) \ \Rightarrow_{\text{L}} Definido?(e,s) \land_{\text{L}} (obtener(d,s) =_{\text{obs}} Significado(e,s)) \end{aligned}
```

Auxiliares

3.3 Algoritmos

```
VACIO() \longrightarrow res : dpn
  res \leftarrow CrearTupla(InicializarVector(), NULL)
                                                                           O(1)
IDEFINIR(in/out d: dpn, in clave: String, in e: \alpha) \longrightarrow res: dpn
  nodoClave: puntero(nodoClave) \leftarrow nuevoNodoClave(clave, d.claves, NULL)
                                                                           O(long(clave))
  nodo: puntero(Nodo) \leftarrow NULL
  i: nat \leftarrow 0
  // Por ref
  caracteres \leftarrow d.buckets
                                                                           O(1)
  if caracteres.esVacia() then
                                                                           O(1)
      caracteres = CrearHijos()
                                                                           O(1)
      d.bucket \leftarrow caracteres
                                                                           O(1)
  while i \leq Longitud(clave) do
                                                                           O(long(clave))
      nodo \leftarrow caracteres[ord(clave[i])]
                                                                           O(1)
      // Por ref
```

```
caracteres \leftarrow nodo.hijos
                                                                           O(1)
      if caracteres.esVacia() then
                                                                           O(1)
          caracteres = CrearHijos()
                                                                           O(1)
          nodo.hijos \leftarrow caracteres
                                                                           O(1)
      end if
      i + +
                                                                           O(1)
  end while
  nodo.hayS \leftarrow True
                                                                           O(1)
  nodo.significado \leftarrow e
                                                                           O(1)
  // Almaceno el iterador de lista al agregar atras la clave a la lista de claves del trie, por interfaz
  de listaEnlazada
  nodo.enLista \leftarrow d.claves.agAtras(< clave, e >)
                                                                           O(long(clave))
                                                                           O(long(clave))
IELIMINAR(in/out \ d:dpn, \ in \ clave:String) \longrightarrow res:dpn
  nodo: puntero(Nodo) \leftarrow NULL
  i: nat \leftarrow 0
  // Por ref
  caracteres \leftarrow d.buckets
                                                                           O(1)
  while i \leq Longitud(clave) do
                                                                           O(long(clave))
      nodo \leftarrow caracteres[ord(clave[i])]
                                                                           O(1)
      // Por ref
      caracteres \leftarrow nodo.hijos
                                                                           O(1)
      i + +
                                                                           O(1)
  end while
  nodo.hayS \leftarrow False
                                                                           O(1)
  nodo.enLista.eliminarSiguiente()
                                                                           O(1)
  if nodo.hijos = NULL then
      // Elimina un puntero
      borrar(nodo)
                                                                           O(1)
  end if
                                                                           O(long(clave))
ISIGNIFICADO(in/out d: dpn, in clave: String) \longrightarrow res: \alpha
  nodo: puntero(Nodo) \leftarrow NULL
                                                                           O(1)
  buckets: puntero(Nodo) \leftarrow d.buckets
                                                                           O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                           O(1)
  while i \leq Longitud(clave) do
      nodo \leftarrow buckets[ord(clave[i])]
                                                                           O(1)
      i + +
  end while
  // Por ref
  res \leftarrow nodo.significado
                                                                           O(1)
                                                                           O(long(clave))
ICLAVES(in/out \ d:dpn) \longrightarrow res: Lista(String)
  res \leftarrow d.claves
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
IDEFINIDO?(in/out d : dpn, in clave : String) \longrightarrow res : bool
  nodo: puntero(Nodo) \leftarrow NULL
                                                                           O(1)
  buckets: puntero(Nodo) \leftarrow d.buckets
                                                                           O(1)
```

```
i \leftarrow 0
                                                                       O(1)
while i \leq Longitud(clave) do
                                                                       O(long(clave))
   nodo \leftarrow buckets[ord(clave[i])]
                                                                       O(1)
   if nodo = NULL then
                                                                       O(1)
       return False
                                                                       O(1)
   end if
   i + +
                                                                       O(1)
end while
                                                                       O(1)
res \leftarrow nodo.hayS
                                                                       O(long(clave))
```

3.4 Operaciones del iterador

```
CREARITERADOR(in d : dpn) \longrightarrow res : itDPN
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\textbf{Post} \equiv \{tuplasClaveSignificado(d) =_{obs} siguientes(res) \land_{\textbf{L}} aliasing(tuplasClaveSignificado(d), siguientes(res) \land_{\textbf{L}} aliasing(tuplasClaveSignificado(d), siguientes(res)) 
Descripción: Crea un iterador del diccionario por nombres
Complejidad: O(1)
Aliasing: Existe aliasing entre todas las tuplas ¡Clave, Significado; del dicc y siguientes del itera-
\text{HAYSIGUIENTE}(\textbf{in } it : \texttt{itDPN}) \longrightarrow res : \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} haySiguiente(it)\}\
Descripción: Indica si hay siguiente
Complejidad: O(1)
HAYANTERIOR(in \ it : itDPN) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayAnterior(it)\}\
Descripción: Indica si hay anterior
Complejidad: O(1)
{\tt Siguiente}(\mathbf{in}\ it: \mathtt{itDPN}) \longrightarrow res: {\tt clave:String,significado:} lpha >
\mathbf{Pre} \equiv \{HaySiguiente(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} siguiente(it)\}\
Descripción: Retorna el siguiente
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
ANTERIOR(in it: itDPN) \longrightarrow res: <clave:String,significado: <math>\alpha >
\mathbf{Pre} \equiv \{HayAnterior(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} anterior(it)\}
Descripción: Retorna el anterior
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
SIGUIENTECLAVE(in it: itDPN) \longrightarrow res: String
\mathbf{Pre} \equiv \{HaySiguiente(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} siguiente(it).significado\}
Descripción: Retorna la siguiente clave
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
```

```
ANTERIOR CLAVE (in it : itDPN) \longrightarrow res : String
 \mathbf{Pre} \equiv \{HayAnterior(it)\}\
 \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} anterior(it).significado\}
 Descripción: Retorna la clave anterior
 Complejidad: O(1)
 Aliasing: Hay aliasing
 SIGUIENTESIGNIFICADO(in it:itDPN) \longrightarrow res: \alpha
 \mathbf{Pre} \equiv \{HaySiguiente(it)\}\
 \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} siguiente(it).significado\}
 Descripción: Retorna el siguiente significado
 Complejidad: O(1)
 Aliasing: Hay aliasing
 AnteriorSignificado(in it:itDPN) \longrightarrow res: \alpha
 \mathbf{Pre} \equiv \{HayAnterior(it)\}\
 \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} anterior(it).significado\}
 Descripción: Retorna el significado anterior
 Complejidad: O(1)
 Aliasing: Hay aliasing
 AVANZAR(in/out it: itDPN)
 \mathbf{Pre} \equiv \{HaySiguiente(it) \land it =_{obs} it_0\}
 \mathbf{Post} \equiv \{anteriores(it_0) \bullet primero(siguientes(it_0)) =_{\mathbf{obs}} anteriores(it) \land fin(siguientes(it_0)) =_{\mathbf{obs}} siguientes(it_0) \land fin(siguientes(it_0)) =_{\mathbf{obs}} sig
 Descripción: Modifica el iterador, haciendolo avanzar una posicion
 Complejidad: O(1)
 Retroceder(in/out it: itDPN)
\mathbf{Pre} \equiv \{Hayanterior(it) \land it =_{obs} it_0\}
 \mathbf{Post} \equiv \{comienzo(anteriores(it_0)) =_{obs} anteriores(it) \land ultimo(anteriores(it_0) \bullet siguientes(it_0) =_{obs} sigui
 Descripción: Modifica el iterador, haciendolo retroceder una posicion
 Complejidad: O(1)
Representación del iterador
se explica con Iterador Diccionario
 se representa con itLista(<clave:String, significado:α>)
Algoritmos del iterador
 CREARITERADOR(in d:dpn) \longrightarrow res:itDPN
         res \leftarrow NuevoItLista(d.ALista())
                                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
\text{HAYSIGUIENTE}(\mathbf{in}\ it: \mathtt{itDPN}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}
         res \leftarrow it.haySiguiente()
                                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                     O(1)
 HAYANTERIOR(in \ it : itDPN) \longrightarrow res : bool
```

3.5

3.6

 $res \leftarrow it.hayAnterior()$

O(1)

	$\mathrm{O}(1)$
$ ext{Siguiente}(ext{in } it: ext{itDPN}) \longrightarrow res: ext{bool}$	
$res \leftarrow it.Siguiente()$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
$\operatorname{Anterior}(\mathbf{in}\ it: \mathtt{itDPN}) \longrightarrow res: \mathtt{bool}$	
$res \leftarrow it.Anterior()$	O(1)
	O(1)
$ ext{SiguienteClave}(ext{in } it: ext{itDPN}) \longrightarrow res: ext{String}$	
$res \leftarrow it.Siguiente().clave$	O(1)
	$\mathrm{O}(1)$
$ ext{AnteriorClave}(ext{in } it: ext{itDPN}) \longrightarrow \textit{res}: ext{String}$	
$res \leftarrow it.Anterior().clave$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
SIGUIENTESIGNIFICADO($\mathbf{in}\ it: \mathtt{itDPN}) \longrightarrow \mathit{res}: \alpha$	
$res \leftarrow it.Siguiente().significado$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
AnteriorSignificado($\mathbf{in}\ it: \mathtt{itDPN}) \longrightarrow \mathit{res}: \alpha$	
$res \leftarrow it.Anterior().significado$	O(1)
	O(1)
AVANZAR(in/out it : itDPN)	
it.avanzar()	O(1)
	O(1)
Retroceder(in/out it: itDPN)	
it.retroceder()	O(1)
	O(1)

4 Campus

4.1 Interfaz

se explica con CAMPUS

usa

géneros campus

Operaciones

$$\begin{split} & \text{ArmarCampus}(\textbf{in} \ ancho: \texttt{nat}, \ alto: \texttt{nat}) \longrightarrow \textit{res}: \texttt{campus} \\ & \textbf{Pre} \equiv \{\text{true}\} \\ & \textbf{Post} \equiv \{\textit{res} =_{\text{obs}} \textit{crearCampus}(\textit{ancho}, \textit{alto})\} \end{split}$$

```
Descripción: Crea el campus, sin obstáculos
Complejidad: O(ancho x alto)
AGREGAROBS(in/out c : campus, in p : pos)
\mathbf{Pre} \equiv \{(c) \equiv (c_0)\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{\text{obs}} agregarObstaculo(p, c_0)\}\
Descripción: Agrega un obstáculo al campus
Complejidad: O(1)
ALTO(in \ c : campus) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \equiv alto(c) \}
Descripción: Indica la cantidad de filas de c
Complejidad: O(1)
Ancho(in \ c : campus) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \equiv alto(c) \}
Descripción: Indica la cantidad de columnas de c
Complejidad: O(1)
OCUPADA(in \ c : campus, \ p : pos) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{PosValida}(c,p) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \iff \pi_1(grilla(c)[\pi_1(p)][\pi_2(p)]) \}
Descripción: Comprueba si una posición está ocupada
Complejidad: O(1)
PosValida(in \ c : campus, \ p : pos) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \iff (\pi_1(p) < ancho(c) \land \pi_2(p) < alto(c)) \}
Descripción: Comprueba que una posición exista dentro del campus.
Complejidad: O(1)
EsIngreso(in c: campus, p: pos) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{PosValida}(c,p) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \iff (\pi_2(p) = alto(c) - 1 \lor \pi_2(p) = 0) \}
Descripción: Comprueba si una posición es un ingreso al campus.
Complejidad: O(1)
INGRESOSUP(in c: campus, p: pos) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{PosValida}(c,p) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res \iff \pi_2(p) = 0\}
Descripción: Comprueba si una posición es un ingreso superior al campus.
Complejidad: O(1)
IngresoInf(in \ c : campus, \ p : pos) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{PosValida}(c,p) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res \iff \pi_2(p) = alto(c) - 1\}
Descripción: Comprueba si una posición es un ingreso superior al campus.
Complejidad: O(1)
DISTANCIA(in c: campus, p1: pos, p2: pos) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{PosValida(c, p1) \land PosValida(c, p2)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res \equiv distancia(p1, p2, c) \}
Descripción: Comprueba si una posición es un ingreso inferior al campus.
Complejidad: O(1)
```

```
VECINOS(in c: campus, p: pos) \longrightarrow res: conj (pos)

Pre \equiv \{PosValida(c,p)\}

Post \equiv \{res \equiv vecinos(p,c)\}

Descripción: devuekve el conjunto de vecinos de una posición.

Complejidad: O(1)
```

Las complejidades están en función de las siguientes variables:

al : cantidad de filas del campus,an : cantidad de columnas del campus,

k: la cola de paquetes más larga de todas las computadoras.

4.2 Representación

```
se representa con estr
```

```
\begin{tabular}{ll} \bf donde\ estr\ es\ tupla \langle ancho: nat, & alto: nat, & grilla: arreglo(arreglo(tupla \langle Ocupado: bool, , tupla \langle pl: nat, )) \rangle & EsObst: bool, & nombre: string \rangle & EsAgente: bool \rangle \\ \end{tabular}
```

Invariante de representación

- 1. Todos los IP de *compus* pertenecen al conjunto de claves de *CompusPorPref* y la longitud de dicho arreglo es igual al cardinal de las claves del diccionario.
- 2. Los pN de las tuplas que tiene el arreglo *compus* apuntan al conjunto de paquetes(PorNom) de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo.
- 3. Los pN' apuntan al conjuno de paquetes(porNom') de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo
- 4. Los paquetes del significado pN' son iguales a los paquetes de pN
- 5. El origen de pN' es distinto al destino de pN' y ambos son posiciones válidas del arreglo compus
- 6. PosActual de pN' es una posicion válida del arreglo compus
- 7. La #PaquetesEnviados de cada compu es mayor o igual a la actual cantidad total de paquetes que pasaron por esa compu
- 8. Todos los conjuntos de los significados de CompusPorPref son disjuntos dos a dos.
- 9. Los conjuntos de los campos de la tupla PorNom, PorPrior son iguales.
- 10. La matriz de caminosMinimos es cuadrada de lado n, con n igual al tamaño del arreglo de compus.
- 11. Para cualquier compu en el sistema f,d caminos Minimos
[f][d] se corresponde con camino Minimo
(red,f,d)
- 12. La longitud de *CaminosMinimos* es igual a la longitud del arreglo que tiene *CaminosMinimos* en cada posición.

- 13. La longitud del arreglo, que tiene un arreglo de *CaminosMinimos* es menor o igual a la longitud de *CaminosMinimos*.
- 14. Los elementos del arreglo anteriormente mencionado son IPs del diccionario *CompusPorPref* y no tiene repetidos.
- 15. La computadora que más paquetes envió es aquella cuyo índice es igual a LaQMasEnvio

```
\operatorname{Rep}: \widetilde{\mathtt{sistema}} \longrightarrow boolean
(\forall s: \widehat{\mathtt{sistema}})
Rep(s) \equiv
1. \forall s : \text{String } def?(s, s.CompusPorPref), (\exists c : compu), esta?(c, s.Compus) \land \pi_1(c) = s \land
longitud(s.Compus) = \#CLAVES(s.CompusPorPref)
2. \forall c: compu esta?(c, s.Compus), *\pi_2(c) = \text{obtener}(\pi_1(c), s.CompusPorPref)
3. \forall c : \text{compu esta}?(c, s.Compus), *\pi_3(c) = \text{obtener}(\pi_3(c), s.CompusPorPref)
4, 5, 6.
(\forall c : \text{nat}) \ 0 \le c < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{L}
 Longitud(s.compus[c].pN) = Longitud(s.compus[c].pN') \land
 (\forall p : paquetePos)esta?(p, s.compus[c].pN') \Rightarrow_L
   \operatorname{esta}(\pi_1(p), s.compus[c].pN) \land 0 \leq \operatorname{indiceOrigen}(p) < \operatorname{Longitud}(s.compus)
   \land 0 \leq indiceDestino(p) < Longitud(s.compus)
   \land 0 \leq posActual(p) < Longitud(s.compus)
   \land \neg (indiceDestino(p) = indiceOrigen(p))
7. (\forall c : \text{nat}) \ 0 \le c < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{L}
 (\forall p : paquetePos) pertenece(s.compus[c].pN', p) \Rightarrow_{L}
  \beta(\text{esta}(s.compus[c], caminoMinimo}(s.red, s.compus[indiceOrigen(p)], s.compus[posActual(p)])))
8. \forall s, t : \text{String def}(s, s.CompusPorPref) \land \text{def}(t, s.CompusPorPref) \land s \neq t \Rightarrow_{\mathsf{L}}
obtener(s, s.CompusPorPref) \cap obtener(t, s.CompusPorPref) = \emptyset
9. \forall s : \text{String def?}(s, s.CompusPorPref) \Rightarrow_{\text{L}} \pi_1(\text{obtener}(s, s.CompusPorPref)) =
\pi_2(\text{obtener}(s, s.CompusPorPref))
10. Longitud(s.compus) = Longitud(CaminosMinimos(s)) \land
  (\forall i : \text{nat}) \ 0 \le i < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{L}
    Longitud(s.CaminosMinimos[i]) = Longitud(s.compus)
11. (\forall f, d : \text{nat}) \neg (f = d) \land 0 \leq f, d < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{L}
  CaminosMinimos[f][d] =
  caminoMinimo(s.red, ipACompu(s.red, \pi_1(s.compus[f])), ipACompu(s.red, \pi_1(s.compus[d])))
12, 13, 14. (\forall i, j : \text{nat}), 0 \le i, j < \text{longitud}(s.CaminosMinimos) \Rightarrow_{L} \text{longitud}(s.CaminosMinimos) =
(\forall e : \text{nat}), \text{esta}?(e, s.CaminosMinimos[i][j]) \Rightarrow \text{pertenece}(e, s.CompusPorPref)
15.\forall c: \text{compu esta?}(c, s.Compus) \Rightarrow_{\text{L}} \pi_3(c) \leq \pi_3(s.Compus[s.LaQMasEnvio])
```

Función de abstracción

```
Abs: \widehat{\mathtt{dcnet}} \ s \longrightarrow \widehat{\mathtt{DCNet}} \{ \operatorname{Rep}(s) \} (\forall s : \widehat{\mathtt{dcnet}}) \{ \operatorname{Abs}(s) \equiv dc : \widehat{\mathtt{DCNet}} \mid cdc : \widehat{\mathtt{DCNet}} \mid cdc : \widehat{\mathtt{DCNet}} \mid cdc : \widehat{\mathtt{DCNet}} \mid cdc : \widehat{\mathtt{Compu}}, c \in \operatorname{compus}(dc))(\operatorname{enEspera}(dc, c) = *(\operatorname{enEspera}(s, c)) \land \operatorname{cantidadEnviados}(dc, c) = \operatorname{cantidadEnviados}(s, c)) \land (\forall p : \operatorname{paquete}, \operatorname{paqueteEnTransito}(cdc, p)) \operatorname{caminoRecorrido}(dc, p) = *(\operatorname{caminoRecorrido}(s, p))
```

4.3 Algoritmos

```
ICREARSISTEMA(in r : red) \longrightarrow res : dcnet
  res.red \leftarrow r
  n \leftarrow Longitud(COMPUS(red))
                                                                               O(1)
  i \leftarrow 0
  j \leftarrow 0
                                                                               O(1)
                                                                               O(n)
  res.Compus \leftarrow CREARARREGLO(n)
  res.CaminosMinimos \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                               O(n)
  var p : arreglo_dimensionable de puntero(conjLog(paquete))
  while i<n do
                                                                               O(L*n^5)
                                                                               O(n)
      res.CaminosMinimos[i] \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                               O(n)
      s: < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_{p}),
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
      \pi_1(s) \leftarrow compu(r,i)
      \pi_2(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_3(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_4(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_5(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      DEFINIR(res.CompusPorPref,compu(r,i),s)
                                                                               O(L)
      p[i] \leftarrow \pi_3(s)
      p'[i] \leftarrow \pi_5(s)
      res.Compus[i] \leftarrow \langle compu(r,i), p[i], p'[i], 0 \rangle
                                                                               O(1)
                                                                               O(L*n^4)
      while j<n do
                                                                               O(n)
          res.CaminosMinimos[i][j] \leftarrow caminoMinimo(compu(r, i), compu(r, j), r)
                                                                               O(L*n^3)
          j + +
      end while
      i + +
  end while
  res.LaQMasEnvio \leftarrow 0
                                                                               O(1)
                                                                               O(L \times n^5)
ICREARPAQUETE(in/out s : dcnet, in/out p : paquete)
  t_1 : \langle nat, conjLog(paquete, \langle id), conjLog(paquete, \langle p), \rangle
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
  t_1 \leftarrow \text{Obtener}(origen(p), s.CompusPorPref)
                                                                               O(L)
  t_2: < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_{\mathfrak{p}}),
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
  t_2 \leftarrow \text{Obtener}(destino(p), s.CompusPorPref)
                                                                               O(L)
  p': paquetePos
  INDICEORIGEN(p') \leftarrow \pi_1(t_1)
                                                                               O(1)
  INDICEDESTINO(p') \leftarrow \pi_1(t_2)
                                                                               O(1)
  POSACTUAL(p') \leftarrow 0
  INSERTAR(\pi_2(t), p)
                                                                               O(log(k))
                                                                               O(log(k))
  INSERTAR(\pi_3(t), p)
  INSERTAR(\pi_4(t), p')
                                                                               O(log(k))
  INSERTAR(\pi_5(t), p')
                                                                               O(log(k))
                                                                               O(L + log(k))
```

4.4 Servicios Usados

Del modulo Conj Log requerimos pertenece, buscar, menor, insertar y borrar en $\mathcal{O}(\log(k))$. Del modulo Diccionario Por Prefijos requerimos Def?, obtener en $\mathcal{O}(L)$.