

Trabajo Práctico 2: Diseño

Primer cuatrimestre - 2015

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 2

Integrante	LU	Correo electrónico
Benitez, Nelson	945/13	nelson.benitez92@gmail.com

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires Ciudad Universitaria – Pabellón I (Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 – C1428EGA
Ciudad Autónoma de Buenos Aires – Rep. Argentina

 $\label{eq:TelFax: (++54 +11) 4576-3300} $$ $$ $$ http://www.exactas.uba.ar$

${\bf \acute{I}ndice}$

1.	CampusSeguro
	1.1. Interfaz
	1.2. Interfaz
	1.3. Representación
	1.4. Algoritmos
	1.5. Algoritmos operaciones auxiliares
2.	Pos es tupla(x:Nat, y:Nat)
3.	Placa es Nat
4.	Nombre es String
5 .	Diccionario Rapido
	5.1. Interfaz
	5.2. Representación
	5.3. Algoritmos
	5.4. Operaciones privadas
	5.5. Representación del iterador
6.	Diccionario por nombres
	6.1. Interfaz
	6.2. Representación
	6.3. Algoritmos
	6.4. Operaciones del iterador
	6.5. Representación del iterador
	6.6. Algoritmos del iterador
7.	Campus
	7.1. Interfaz
	7.2. Representación
	7.3. Algoritmos
	7.4. Servicios Usados

1 CampusSeguro

1.1 Interfaz

se explica con AS

usa

géneros as

1.2 Interfaz

```
se explica con CampusSeguro
```

usa

géneros CampusSeguro

Operaciones

```
CAMPUS(in \ cs : campusSeguro) \longrightarrow res : campus
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} campus(cs)\}\
Descripción: Devuelve el campus del campusSeguro ingresado.
Complejidad: O(1)
ESTUDIANTES(in cs: campusSeguro) \longrightarrow res: conj(nombre)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} estudiantes(cs)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto con los estudiantes del campusSeguro ingresado.
Complejidad: O(1)
\mathtt{HIPPIES}(\mathbf{in}\ cs: \mathtt{campusSeguro}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{conj}(\mathtt{nombre})
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hippies(cs)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto con los hippies del campusSeguro ingresado.
Complejidad: O(1)
AGENTES(in \ cs : campusSeguro) \longrightarrow res : conj(agentes)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} agentes(cs)\}\
Descripción: Devuelve un conjunto con los agentes del campusSeguro ingresado.
Complejidad: O(1)
PosicionEstudiantesYHippies(in id: nombre, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: posicion
\mathbf{Pre} \equiv \{id \in (estudiantes(cs) \cup hippies(cs))\}\
Post \equiv \{res =_{obs} posEstudianteYHippie(id, cs)\}\
Descripción: Devuelve la posicion del estudiante o hippie ingresado.
Complejidad: O(|n_m|)
PosicionAgente(in a: agente, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: posicion
\mathbf{Pre} \equiv \{a \in agentes(cs)\}\
Post \equiv \{res =_{obs} posAgente(a, cs)\}\
Descripción: Devuelve la posicion del agente ingresado.
Complejidad: O(1)
```

```
CANTIDADSANCIONES(in a: agente, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{a \in agentes(cs)\}\
Post \equiv \{res =_{obs} cantSanciones(a, cs)\}\
Descripción: Devuelve la cantidad de sanciones del agente ingresado.
Complejidad: O(1)
CantidadHippiesAtrapados(in a: agente, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{a \in agentes(cs)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} cantHippiesAtrapados(a, cs)\}\
Descripción: Devuelve la cantidad de hippies atrapados por el agente ingresado.
Complejidad: O(1)
COMENZARRASTRILLAJE(in c: campus, d: dicc(agente posicion)) \longrightarrow res: campusSeguro
\mathbf{Pre} \equiv \{ (\forall a : agente) (def?(a,d) \Rightarrow_{\mathsf{L}} (posValida?(obtener(a,d)) \land \neg ocupada?(obtener(a,d),c)) \} \land
                               (\forall a, a2 : agente)((def?(a, d) \land def?(a2, d) \land a \neq a2) \Rightarrow_{L} obtener(a, d) \neq obtener(a2, d))
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} comenzarRastrillaje(c, d)\}\
Descripción: Crea un nuevo campusSeguro con campus y los agentes ingresados.
Complejidad: O(1)
INGRESARESTUDIANTE(in e: nombre, p: posicion, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_0 \land e \notin (estudiantes(cs) \cup hippies(cs)) | esIngreso?(p, campus(cs)) \land esIngreso?(p, camp
                                 \neg estaOcupada?(p,cs))
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} ingresarEstudiante(e, p, cs_0)\}\
Descripción: Ingresa un nuevo estudiante al campus por una de las entradas.
Complejidad: O(|n_m|)
INGRESARHIPPIE(in h: nombre, p: posicion, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land h \notin (estudiantes(cs) \cup hippies(cs)) \in SIngreso?(p, campus(cs)) \land (cs_0) \in SIngreso?(p, cs_0) \land (cs_0) \land (cs_0) \land (cs_0) \land (cs_0) \land (cs_0) \land (cs_0) \land (cs
                                 \neg estaOcupada?(p,cs))
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} ingresarHippie(e, p, cs_0) \}
Descripción: Ingresa un nuevo hippie al campus por una de las entradas.
Complejidad: O(|n_m|)
MOVERESTUDIANTE(in e: nombre, d: direction, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land e \in estudiantes(cs) \land (seRetira(e, d, cs)) \lor \}
                                (posValida?(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,cs),d,campus(cs)),campus(cs)) \land
                                \neg estaOcupada?(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,cs),d,campus(cs)),cs)))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} moverEstudiante(e, d, cs_0)\}\
Descripción: Mueve un estudiante en la direccion indicada.
Complejidad: O(|n_m|)
MOVERHIPPIE(in h: nombre, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land h \in hippies(cs) \land \}
                                 \neg todasOcupadas?(vecinos(posEstudianteYHippie(h, cs), campus(cs)), cs)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} moverHippie(h, cs_0) \}
Descripción: Mueve un hippie hacia el estudiante más cercano.
Complejidad: O(|n_m| + N_e)
MOVERAGENTE(in a: nombre, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{(cs) \equiv (cs_0) \land a \in agentes(cs) \land_{\mathbf{L}} cantSanciones(a, cs) \leq 3 \land agentes(cs) \land_{\mathbf{L}} cantSanciones(a, cs) \leq 3 \land_{\mathbf
                                 \neg todasOcupadas?(vecinos(posAgente(a, cs), campus(cs)), cs)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} moverAgente(a, cs_0) \}
Descripción: Mueve un agente hacia el hippie más cercano.
Complejidad: O(|n_m| + log N_a + N_h)
CANTIDADHIPPIES(in cs: campusSeguro) \longrightarrow res: nat
```

```
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} cantHippies(cs) \}
Descripción: Devuelve la cantidad de hippies en el campus.
Complejidad: O(1)
CantidadEstudiantes(in cs: campusSeguro) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} cantEstudiantes(cs) \}
Descripción: Devuelve la cantidad de estudiantes en el campus.
Complejidad: O(1)
M\acute{a}sVigilante(in \ cs: campusSeguro) \longrightarrow res: agente
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} masVigilante(cs) \}
Descripción: Devuelve al agente con más capturas realizadas del campus.
Complejidad: O(1)
HAYALGO(in \ cs : campusSeguro, \ p : pos) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{PosValida(cs.campus, p)\}
(cs.campus.[p.X][p.Y-1].hayAgente) \lor (cs.campus.[p.X][p.Y-1].hayObst)
Descripción: Dice si la posición está ocupada.
Complejidad: O(1)
Aliasing:
AINGRESOMASCERCANO(in cs: campusSeguro, in p: pos) \longrightarrow res: pos
\mathbf{Pre} \equiv \{PosValida(c, p)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{Pertenece(res, Vecinos(cs.campus)) \land (\exists pi : pos)(\forall pn : pos)\}
          (EsIngreso(cs.campus,pi) \land EsIngreso(cs.campus,pn)) \Rightarrow_{L}
          Distancia(c, p, pi) \le Distancia(c, p, pn) \land Distancia(c, pi, res) \le Distancia(c, p, pi)
Descripción: Devuelve la posición vecina válida más cercana a un ingreso
Complejidad: O(1)
Las complejidades están en función de las siguientes variables:
c: es una instancia del campusSeguro,
p: es una posición,
n: es el nombre de un estudiante/hippie y |n_m| es la longitud más larga entre todos los nombres
del campusSeguro,
d: es una dirección,
N_a: es la cantidad de agentes,
N_e: es la cantidad actual de estudiantes,
N_h: es la cantidad actual de hippies.
```

Las complejidades están en función de las siguientes variables:

n: la cantidad total de computadoras que hay en el sistema,

L: el hostname más largo de todas las computadoras,

k: la cola de paquetes más larga de todas las computadoras.

1.3 Representación

se representa con sistema

```
donde sistema es tupla (Campus Estatico : Campus,
                       Campus: arreglo(arreglo(tupla(hayHippie: bool,
                                                                                                  ))
                                                        hayEst: bool,
                                                        hayAgente: bool,
                                                        hayObst: bool,
                                                        agente: itDiccR(agente),
                                                        estudiante : itDPN(tupla(nombre : string,),
                                                                                 pos : pos \rangle
                                                        hippie: itDPN(tupla(nombre: String,))
                                                                             pos: pos>
                       estudiantes: DiccPorNombre(nombre:string, pos:pos),
                       hippies: DiccPorNombre(nombre:string, pos:pos),
                       agentesPorPlaca: arreglo(placa:placa, pos:pos),
                       agentes: DiccSuperRapido(pl:nat,tupla/pos:pos,
                                                                                                   ),
                                                               cantSanc: nat,
                                                               cantCapturas: nat,
                                                               mismas: itLista(conMismasBucket),
                                                               miUbicacion: itLista(agente)
                       masVigilante: agente:itDiccRapido,
                       porSanciones: Lista(conMismasBucket),
                       conKSanciones: tupla(ocurrioSancion: bool,
                                             arreglo : arreglo(conMismasBucket)
donde conMismasBucket es tupla (agentes : Conj (agente),
                                  #Sanc : nat
```

Invariante de representación

- 1. El campus estatico tiene las mismas dimensiones que campus
- 2. Los obstaculos de campusEstatico estan en la misma pos que en Campus
- 3. Hay a lo sumo un bool en true en cada posicion de Campus
- 4. Todos los iteradores de las posiciones donde hayHippie apuntan a una pos valida del dicc de hippies
- 5. Todos los iteradores de las posiciones donde hayEst apuntan a una pos valida del dicc de estudiantes
- 6. Todos los iteradores de las posiciones donde hayAgente apuntan a una pos valida del dicc de agentes
- 7. Todos los significados de hippies apuntan a una posicion valida dentro de Campus, hay un hippie en esa pos,
 - el iterador apunta a la tupla (clave, significado) que estoy consultando
- 8. Todos los significados de estudiantes apuntan a una posicion valida dentro de Campus, hay un estudiante en esa pos,
 - el iterador apunta a la tupla (clave, significado) que estoy consultando

- 9. Todos las pos de los significados de agentes apuntan a una posicion valida dentro de Campus, hay un agente en esa pos, el iterador apunta a la tupla (clave, significado) que estoy consultando
- 10. AgentesPorPlaca tiene el mismo tamaño que el dicc de agentes
- 11. El conjunto de tuplas (placa,pos), formado por placas y pos de los significados del siguiente de agente en cada posicion de campus donde hayAgente y las posiciones de AgentesPorPlaca, son iguales
- 12. AgentesPorPlaca esta ordenado por numero de placa
- 13. Para todos los it mismas en los significados del dicc de agentes, la contatenación de los anteriores, el actual y los siguientes son iguales a porSanciones
- 14. Para todos los it mismas en los significados del dicc de agentes, la cantSanciones en el significado es igual a la cantSanciones en el siguiente del iterador
- 15. Los anteriores unidos con los siguientes del iterador MiUbicación en cada bucket del DiccRapido de agentes es igual al conjunto de agentes al que apunta mismas
- 16. La union de todos los agentes en porSanciones es igual al conjunto de claves en el dicc de agentes
- 17. No hay interseccion entre los conjuntos de agentes en porSanciones
- 18. Si conKSanciones.ocurrioSancion, entonces, conKSanciones es una copia de la lista de por-Sanciones.
- 19. El mas vigilante apunta a un agente en el dicc de agentes
- 20. El mas vigilante es el agente que tiene mas cantCapturas y en caso de empate mayor nro de placa

```
Rep : \widehat{\texttt{sistema}} \longrightarrow boolean

(\forall s : \widehat{\texttt{sistema}})

Rep(s) \equiv
```

Función de abstracción

```
 \begin{aligned} & \text{Abs}: \widehat{\mathtt{dcnet}} \ s \longrightarrow \widehat{\mathtt{DCNet}} \\ & (\forall s: \widehat{\mathtt{dcnet}}) \\ & \text{Abs}(s) \equiv dc: \widehat{\mathtt{DCNet}} \mid \\ & red(dc) = ^*(s.red) \land (\forall c: compu, c \in compus(dc))(enEspera(dc, c) = ^*(enEspera(s, c)) \land \\ & cantidadEnviados(dc, c) = cantidadEnviados(s, c)) \land \\ & (\forall p: paquete, paqueteEnTransito?(dc, p)) caminoRecorrido(dc, p) = ^*(caminoRecorrido(s, p)) \end{aligned}
```

1.4 Algoritmos

```
CAMPUS(in \ as : as) \longrightarrow res : campus
  res \leftarrow as.campus
                                                                          O(1)
                                                                          O(1)
AGENTES(in \ as : as) \longrightarrow res : itDiccRapido(agente)
  res \leftarrow CrearItRapido(as.agentes)
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
ESTUDIANTES(in as:as) \longrightarrow res:itDPN(<estudiante:nombre,pos:pos>)
  res \leftarrow CrearItDPN(as.estudiantes)
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
\mathtt{HIPPIES}(\mathbf{in}\ as:\mathtt{as})\longrightarrow \mathit{res}:\mathtt{itDPN}(\langle\mathtt{hippie:nombre,pos:pos}\rangle)
  res \leftarrow CrearItDPN(as.hippies)
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
POSESTUDIANTESYHIPPIES(in as: as, in \ nombre: nombre) \longrightarrow res: pos
  if as.estudiantes.definido?(nombre) then
                                                                           O(long(nombre))
      return \ res \leftarrow as.estudiantes.obtener(nombre)
                                                                           O(long(nombre))
  end if
  if as.hippies.definido?(nombre) then
                                                                           O(long(nombre))
      return \ res \leftarrow as.hippies.obtener(nombre)
                                                                           O(long(nombre))
  end if
                                                                           O(long(nombre))
POSAGENTE(in as: as, in \ placa: agente) \longrightarrow res: pos
  res \leftarrow as.agentes.obtener(placa).pos
                                                                          \theta(1)
                                                                          \theta(1)
CANTSANCIONES(in as: as, in \ placa: agente) \longrightarrow res: pos
  res \leftarrow as.agentes.obtener(placa).cantSanciones
                                                                          \theta(1)
                                                                           \theta(1)
CANTHIPPIESATRAPADOS(in as: as, in placa: agente) \longrightarrow res: pos
  res \leftarrow as.agentes.obtener(placa).cantCapturas
                                                                           \theta(1)
                                                                           \theta(1)
INGRESARESTUDIANTE(in/out as: as, in nombre: string, in pos: pos)
  as.agregarEstudiante(as, pos, nombre)
                                                                           O(long(nombre))
  // Sanciono a los agentes que rodean a los estudiantes atrapados al ingresar uno nuevo
  as.sancionarAgentesVecinos(as, pos)
                                                                           O(1)
  as. sancionar Agentes Encerrando Est Vecinos (as, pos) \\
                                                                           O(1)
  // Hippificar al estudiante
  if as.estAHippie?(as, pos) then
      as.hippificar(as, pos)
                                                                           O(long(nombre))
  end if
  // Convertir a los hippies vecinos que quedaron encerrados por 4 estudiantes o eliminar a los
  que quedaron atrapados por agentes
```

```
as.aplicarHippiesVecinos(as, pos)
                                                                     O(long(nombre))
  // Capturar hippie en pos actual
  if as.campus[pos.x][pos.y].hayHippie? then
     aplicarHippie(pos)
                                                                     O(long(nombre))
  end if
                                                                     O(long(nombre))
INGRESARHIPPIE(in/out as: as, in nombre: string, in pos: pos)
  as.agregarHippie(as, pos, nombre)
                                                                     O(long(nombre))
  as.sancionar Agentes Encerrando Est Vecinos (as, pos)
                                                                     O(1)
  as.aplicarHippie(as, pos))
                                                                     O(long(nombre))
  as.aplicarHippiesVecinos(as, pos)
                                                                     O(long(nombre))
                                                                    O(long(nombre))
COMENZARRASTRILLAJE(in/out as: as, in ce: CampusEstatico, in Agentes: dicc(placa
  as.agentesPorPlaca \leftarrow CrearVector(Agentes.tamanio())
  as.CampusEstatico \leftarrow ce
                                                                     O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                     O(1)
  j \leftarrow 0
                                                                     O(1)
  while i < ce.Ancho do
                                                                     O(Ancho)
                                                                     O(Alto)
     while j < ce.Alto do
         as.Campus[i][j].HayHippie \leftarrow False
                                                                     O(1)
         as.Campus[i][j].HayEst \leftarrow False
                                                                     O(1)
         as.Campus[i][j].HayObst \leftarrow ce.Obstaculos[i][j]
                                                                     O(1)
         i \leftarrow i+1
                                                                     O(1)
         j \leftarrow j + 1
                                                                     O(1)
     end while
  end while
  as.Agentes \leftarrow CrearDiccRapido(Agentes)
                                                                     O(1)
  ItAgentes \leftarrow CrearItAgentes(as.Agentes)
                                                                     O(1)
  MayorPlaca \leftarrow 0
                                                                     O(1)
  i \leftarrow 0
  while ItAgente.HaySiguiente do
                                                                     O(Cantidad Agentes)
      // Copio el iterador y lo asigno al lugar correspondiente
     nuevoIt = ItAgente
                                                                     O(1)
     as.Campus[ItAgentes.Siguiente.pos.X][ItAgentes.Siguiente.pos.Y].HayAgente \leftarrow True
                                                                     O(1)
     as.Campus[ItAgentes.Siquiente.pos.X][ItAgentes.Siquiente.pos.Y].agente \leftarrow nuevoIt
                                                                     O(1)
     if MayorPlaca < ItAgentes.siguienteClave() then
         MayorPlaca \leftarrow ItAgentes.siguienteClave()
                                                                     O(1)
         MayorAgente \leftarrow ItAgentes()
                                                                     O(1)
     as.agentesPorPlaca[i] \leftarrow ItAgentes.siguienteSignificado().pos
                                                                    O(1)
     ItAgentes. Avanzar
                                                                     O(1)
     i + +
                                                                     O(1)
  end while
  // Ordena el arreglo de agentes por placa
  MergeSort(as.agentesPorPlaca)
                                                                     O(\log(N_a)*N_a)
  as.Estudiante \leftarrow Vacio()
                                                                     O(1)
```

```
as.Hippie \leftarrow Vacio()
                                                                     O(1)
  as.masVigilante \leftarrow MayorAgente
                                                                     O(1)
  as.porSanciones \leftarrow CrearLista(Tupla < agentes \leftarrow Vacio(), \#sanciones \leftarrow 0 >
                                                                     O(1)
  ItAgentesRapido \leftarrow dameIterador(as.agentes)
                                                                     O(1)
  while ItAgentesRapido.HaySiguiente do
                                                                     O(Cantidad Agentes)
     ItAgentesRapido.siguiente.mismas \leftarrow CrearIt(as.porSanciones)
                                                                     O(1)
     ItAgentesRapido.siguiente.miUbicacion \leftarrow
  as.porSanciones.obtenerUltimo.Agentes.Agregar(ItAgentesRapido.siquienteClave)
                                                                     O(1)
     ItAgentesRapido.Avanzar
                                                                     O(1)
  end while
                                                                     O((Ancho * Alto) + N_a)
MOVERESTUDIANTE(in/out as: as, in nombre: String, in dir: direction)
  // PRE: El nombre es una clave del dicc de estudiantes, se retira o (La prox posicion es valida
  y no esta ocupada)
  posVieja \leftarrow as.estudiantes.obtener(nombre)
                                                                     O(long(nombre))
  if \neg(as.campusEstatico.seRetira(as.campus, dir, posVieja)) then
     // Mover el estudiante
     proxPos \leftarrow as.campusEstatico.proxPos(posVieja, dir)
                                                                     O(1)
     as.campus[posVieja.x][posVieja.y].hayEst? \leftarrow False
     as.campus[proxPos.x][proxPos.y].hayEst \leftarrow True
                                                                     O(1)
     as.campus[proxPos.x][proxPos.y].estudiante \leftarrow as.campus[posVieja.x][posVieja.y].estudiante
                                                                     O(1)
     as.campus[posVieja.x][posVieja.y].estudiante \leftarrow NULL
                                                                     O(1)
     // Sancionar agentes vecinos y a los que encierran a est vecinos
     sancionar Agentes Encerrando Est Vecinos (as, pos)
                                                                     O(1)
     sancionar Agentes Vecinos (as, pos)
                                                                     O(1)
     // Convertir a estudiantes los hippies vecinos o capturarlos
     aplicarHippiesVecinos(as,pos)
                                                                     O(1)
  else
     as.campus[posVieja.x][posVieja.y].hayEst? \leftarrow False
                                                                     O(1)
     as.campus[posVieja.x][posVieja.y].estudiante.eliminarSiguiente()
                                                                     O(long(nombre))
  end if
                                                                     O(long(nombre))
MOVERHIPPIE(in/out \ as : as, \ in \ nombre : string)
  if \neg(encerrado?(as, as.hippies.obtener(nombre))) then
                                                                     O(long(nombre))
     // Obtener pos siguiente y actualizar posicion de hippie
     posVieja \leftarrow as.hippies.obtener(nombre)
                                                                     O(long(nombre))
     posNueva \leftarrow proxPosHippie(as, nombre)
                                                                     O(long(nombre) + N_e)
     as.campus[posVieja.x][posVieja.y].hayHippie \leftarrow False
                                                                     O(1)
     as.campus[posNueva.x][posNueva.y].hayHippie \leftarrow True
                                                                     O(1)
     itHippie \leftarrow as.campus[posVieja.x][posVieja.y].hippie
                                                                     O(1)
     as.campus[posVieja.x][posVieja.y].hippie \leftarrow NULL
                                                                     O(1)
     as.campus[posNueva.x][posNueva.y].hippie \leftarrow itHippie
                                                                     O(1)
```

```
// Sancionar agentes que rodean a los estudiantes que encierro
     sancionar Agentes Encerrando Est Vecinos (as, pos Nueva)
     // Capturar hippies encerrados
     aplicarHippiesVecinos(as,posNueva)
                                                                      O(long(nombre))
      // Hippificar estudiantes
     hippificarEstudiantesVecinos(as,posNueva)
                                                                      O(long(nombre))
  end if
MOVERAGENTE(in/out \ as : as, \ in \ placa : placa)
  // Obtener pos siguiente y actualizar pos de agente
  posVieja \leftarrow busquedaBinariaPorPlaca(as.agentesPorPlaca, placa).pos
                                                                      O(\log(N_a))
  if \neg(encerrado?(as, posVieja))
  as.campus[posVieja.x][posVieja.y].agente.siguienteSignificado().cantSanciones < 3 then
                                                                      O(1)
     proxPos \leftarrow as.proxPosAgente(posVieja)
                                                                      O(N_h)
     as.campus[posVieja.x][posVieja.y].hayAgente \leftarrow False
                                                                      O(1)
     as.campus[proxPos.x][proxPos.y].hayAgente \leftarrow True
                                                                      O(1)
     itAgente \leftarrow as.campus[posVieja.x][posVieja.y].agente
                                                                      O(1)
     as.campus[proxPos.x][proxPos.y].agente \leftarrow itAgente
                                                                      O(1)
     as.campus[posVieja.x][posVieja.y].agente \leftarrow NULL
                                                                      O(1)
     busqueda Binaria Por Placa (as. agentes Por Placa, placa).pos \leftarrow prox Pos
                                                                      O(\log(N_a))
     sancionar Agentes Encerrando Est Vecinos (as, prox Pos)
                                                                      O(1)
      aplicar Hippies Vecinos(as, prox Pos)
                                                                      O(long(nombre))
  end if
                                                                      O(N_h + log(N_a) + long(nombre))
CONMISMASSANCIONES(in as: as, in placa: placa) \longrightarrow res: Conj(agente)
  posAgente \leftarrow as.agentes.obtener(placa)
                                                                      O(\theta(1))
  res \leftarrow as.campus[posAgente.x][posAgente.y].agente.siquienteSignificado().mismas.agentes
                                                                      O(1)
                                                                      O(\theta(1))
CONKSANCIONES(in as: as, in k: nat) \longrightarrow res: Conj(agente)
  res \leftarrow \emptyset
                                                                      O(1)
  if as.con KS anciones.ocurrio Sancion then
      // 'Copio' la lista de porSanciones a un vector, asi luego puedo hacer bus binaria sobre el
     as.conKSanciones \leftarrow CrearArreglo(as.porSanciones.tamanio())
                                                                      O(1)
     it \leftarrow CrearItLista(as.porSanciones)
                                                                      O(1)
     i \leftarrow 0
                                                                      O(1)
      while it.haySiguiente do
                                                                      O(N_a)
         conKS anciones. arreglo[i]. cantS anciones \leftarrow it. siguiente Significado(). cantS anciones
                                                                      O(1)
         // Por referencia
         conKS anciones.arreglo[i].conKS anciones \leftarrow it.siguienteSignificado().agentes
                                                                      O(1)
         if it.siguienteSignificado().cantSanciones = k then
             res \leftarrow it.siguienteSignificado().agentes
                                                                      O(1)
```

```
end if
                                           i + +
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                                           it.avanzar()
                                 end while
                                 return res
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                        else
                                 return\ res \leftarrow busquedaBinariaPorSanciones(conKSanciones.arreglo,k).conKSanciones
                                                                                                                                                                                                               O(log(N_a))
                        end if
                                                                                                                                                                                                               O(N_a) \vee O(log(N_a))
                  \text{MASVIGILANTE}(\textbf{in } as: \texttt{as}) \longrightarrow res: \texttt{placa}
                        res \leftarrow as.masVigilante.siguienteClave()
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                                                                                                                                                                                                               O(1)
1.5
                  Algoritmos operaciones auxiliares
                  SANCIONARAGENTES VECINOS (in/out as: as, in pos: pos)
                        vecinos \leftarrow as.campusEstatico.vecinos(pos)
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                        if as.atrapadoPorAgente?(pos) then
                                  while i < vecinos.tamanio() do
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                                           if as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayAgente? then
                                                     as.sancionarAgente(vecinos[i].agente)
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                                           end if
                                           i + +
                                  end while
                        end if
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                  SANCIONARAGENTESENCERRANDOESTVECINOS(in/out as: as, in pos: pos)
                        vecinos \leftarrow as.campusEstatico.vecinos(pos)
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                        i \leftarrow 0
                        while i < vecinos.tamanio do
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                                 if as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayEst \land atrapadoPorAgente?(as,pos) then
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                                           sancionar Agentes Vecinos(as, pos)
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                                 end if
                                 i + +
                        end while
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                  SANCIONARAGENTE(in/out as: as, in/out agente: itDiccRapido)
                        as.conKSanciones.ocurrioSancion \leftarrow True
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                        agente.siguiente.cantSanciones + 1
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                        agente.siguiente.miUbicacion.eliminarSiguiente()
                                                                                                                                                                                                               O(1)
                        // El iterador mismas apunta a la posicion correspondiente del agente dentro de la lista ordenada
                        por cantSanciones
                        // Como la lista en el peor caso puede contener a todos los agentes con igual cant de sanciones
                        // la mayor cantidad posible de iteraciones del ciclo es 4
                        \textbf{while} \ agente. siguiente. mismas. hay Siguiente() \land agente. siguiente. mismas. siguiente. cant Sanciones < 10.00 \land 10.00
                        agente.siguiente.cantSanciones do
```

```
O(1)
     agente.siquiente.mismas.avanzar()
  end while
  // Si no hay siguiente o si la cantidad de sanciones del siguiente es menor que la del agente,
  entonces,
  // creo un conMismasBucket, lo inserto como siguiente y me guardo el iterador en miUbicación
  // Sino, agrego el agente al conj de agentes del siguiente y me guardo el iterador en miUbicacion
  if \neg(agente.siguiente.mismas.haySiguiente) \lor
  (agente.siguiente.mismas.haySiguiente \land
  agente.siquiente.cantSanciones = agente.siquiente.mismas.cantSanciones) then
     nConMismasB \leftarrow nuevaTupla(CrearNuevoDiccLineal(), agente.siguiente.cantSanciones)
     agente.siguiente.mismas \leftarrow agente.siguiente.mismas.agregarComoSiguiente(nConMismasB)
                                                                    O(1)
     agente.siguiente.miUbicacion \leftarrow agente.siguiente.mismas.siguiente.agentes.agregarComoSiguiente(agentes.agregarComoSiguiente)
                                                                    O(1)
  else
     agente.siguiente.mismas.siguiente.agentes.agregarComoSiguiente(agente.siguiente.pl)
                                                                    O(1)
  end if
                                                                    O(1)
ATRAPADOPORAGENTE?(in as: as, in pos: pos) \longrightarrow res: bool
  vecinos \leftarrow as.campusEstatico.vecinos(pos)
                                                                    O(1)
  alMenos1Agente \leftarrow False
  i \leftarrow 0
  if \neg(encerrado?(pos, as.campusEstatico.vecinos(pos))) then
     return false
  end if
  // Veo si hay algun agente alrededor
  while i < vecinos.tamanio() do
                                                                    O(1)
     if as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayAgente? then
         return true
     end if
                                                                    O(1)
     i + +
  end while
                                                                    O(1)
HIPPIFICARESTUDIANTES VECINOS (in/out as: as, in pos: pos)
  vecinos \leftarrow as.campusEstatico.vecinos(pos)
                                                                    O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                    O(1)
  while i < vecinos.tamanio() do
                                                                    O(long(nombre))
     if estAHippie?(as, vecinos[i]) then
         hippificar(as, vecinos[i])
                                                                    O(long(nombre))
     end if
     i + +
                                                                    O(1)
  end while
                                                                    O(long(nombre))
HIPPIFICAR(in/out \ as : as, \ in \ pos : pos)
  // PRE: La posicion esta en el tablero y hay estudiante en la posicion
  as.campus[pos.x][pos.y].hayHippie \leftarrow True
                                                                    O(1)
  as.campus[pos.x][pos.y].hippie.agregarComoSiguiente(nombre, pos)
                                                                    O(long(nombreEstudiante))
```

```
as.campus[pos.x][pos.y].hayEst \leftarrow False
                                                                      O(1)
  as.campus[pos.x][pos.y].estudiante.eliminarSiguiente()
                                                                      O(long(nombreEstudiante))
                                                                      O(long(nombre))
ESTAHIPPIE?(in as:as, in pos:pos) \longrightarrow res:bool
  if \neg(encerrado?(pos, vecinos)) then
     return false
                                                                      O(1)
  end if
  i \leftarrow 0
                                                                      O(1)
                                                                      O(1)
  cantHippies \leftarrow 0
  vecinos \leftarrow as.campusEstatico.vecinos(pos)
                                                                      O(1)
  while i < vecinos.tamanio() do
     if campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayHippie then
         cantHippies + +
                                                                      O(1)
     end if
     i + +
  end while
  return\ cant Hippies \ge 2
                                                                      O(1)
                                                                      O(1)
HIPPIEAEST?(in as:as, in pos:pos) \longrightarrow res:bool
  i \leftarrow 0
                                                                      O(1)
  vecinos \leftarrow as.campusEstatico.vecinos(pos)
                                                                      O(1)
  while i < vecinos.tamanio() do
                                                                      O(1)
     if \neg (as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayEst?) then
         return False
                                                                      O(1)
     end if
  end while
  return True
                                                                      O(1)
ENCERRADO?(in \ as : as, \ in \ pos : pos)
  vecinos \leftarrow vecinos(as.campusEstatico, pos)
                                                                      O(1)
                                                                      O(1)
  i \leftarrow vecinos.tamanio()
  while i < vecinos.tamanio() do
                                                                      O(1)
     if \neg (as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayAgente? \lor
  as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayEst? \lor
  as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayHippie? \lor
  as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y].hayObst?) then
                                                                      O(1)
         return false
                                                                      O(1)
     end if
     i + +
                                                                      O(1)
  end while
  returntrue
                                                                      O(1)
APLICARHIPPIESVecinos(in/out \ as : as, \ in \ pos : pos)
  vecinos \leftarrow as.campusEstatico.vecinos(pos)
                                                                      O(1)
                                                                      O(1)
                                                                      O(long(nombre))
  while i < vecinos.tamanio() do
     aplicarHippie(as, pos)
                                                                      O(long(nombre))
  end while
```

```
O(long(nombre))
APLICARHIPPIE(in/out \ as : as, \ in \ pos : pos)
         // PRE: pos valida y hayHippie en as.campus[pos.x][pos.y]
        if as.campus[pos.x][pos.y].hayHippie then
                      if as.hippieAEst(pos) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                      as.campus[pos.x][pos.y].hayHippie \leftarrow False
                                      as.campus[pos.x][pos.y].hayEst \leftarrow True
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                      as.campus[pos.x][pos.y].estudiante \leftarrow CrearIt(as.hippies)
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                      as.campus[pos.x][pos.y].estudiante.agregarComoSiguiente(as.campus[pos.x][pos.y].estudiante.nomber agregarComoSiguiente(as.campus[pos.x][pos.y].estudiante.nomber agregarComoSiguiente(as.campus[pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.x][pos.
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(long(nombre))
                                      as.campus[pos.x][pos.y].hippie.eliminarSiguiente()
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(long(nombre))
                      else
                                     if as.campus[pos.x][pos.y].hayHippie? \land atrapadoPorAgente(pos) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                    vecinos \leftarrow as.campusSeguro.vecinos(pos)
                                                    i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                    while i < vecinos.tamanio() do
                                                                  posAct \leftarrow vecinos[pos.x][pos.y]
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                                  info \leftarrow as.campus[vecinos[i].x][vecinos[i].y]
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                                  if posAct.hayAgente then
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                                                info.agente.siguiente.cantCapturas + +
                                                                                  // Actualizar mas vigilante
                                                                                if \ as. mas Vigilante. signiente Significado (). cant Capturas < info. agente. significado (). cant Capturas < info. ag
        then
                                                                                               as.masVigilante \leftarrow info.agente
                                                                                                                                                                                                                                                                                         O(1)
                                                                                else
                                                                                               \textbf{if} \ as. mas Vigilante. signiente Significado(). cant Capturas = info. agente. significado(). cant Ca
         \land as.masVigilante.siguienteClave() < info.agente.siguienteClave() then
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                                                                             as.masVigilante \leftarrow info.agente
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                                                              end if
                                                                                end if
                                                                  end if
                                                                  i + +
                                                    end while
                                                    as.campus[pos.x][pos.y].hayHippie? = False
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(1)
                                                    as.campus[pos.x][pos.y].hippie.eliminarSiguiente()
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(long(nombre))
                                      end if
                       end if
        end if
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(long(nombre))
PROXPOSHIPPIE(in/out \ as : as, \ in \ nombre : string) \longrightarrow res : pos
         // PRE: El nombre es un hippie y el hippie no esta encerrado
        posHippie \leftarrow as.hippies.obtener(nombre)
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(long(nombre))
        if as.estudiantes.tamanio() > 0 then
                       // Retorna de las posiciones mas cercanas, la que esta mas cerca del (0,0)
                      proxPos \leftarrow aPosMasCercana(as.campusEstatico, posHippie, as.estudiantes.significados)
                                                                                                                                                                                                                                                                                         O(N_e)
        else
```

```
// Retorna el ingreso mas cercan, en caso de empate, el de abajo
      proxPos \leftarrow aIngresoMasCercano(as.campusEstatico, posHippie)
  end if
                                                                              O(1)
  res \leftarrow proxPos
                                                                              O(N_e)
PROXPOSAGENTE(in/out as: as, in posAgente: pos) \longrightarrow res: pos
  // PRE: En la posicion hay un agente que se puede mover
  if as.hippies.tamanio() > 0 then
      // Retorna de las posiciones mas cercanas, la que esta mas cerca del (0,0)
      proxPos \leftarrow aPosMasCercana(as.campusEstatico, posAgente, as.hippies.significados)
                                                                              O(N_h)
  else
      // Retorna el ingreso mas cercano, en caso de empate, el de abajo
      proxPos \leftarrow aIngresoMasCercano(as.campusEstatico, posAgente)
                                                                              O(1)
  end if
  res \leftarrow proxPos
                                                                              O(1)
                                                                              O(N_h)
AINGRESOMASCERCANO(in p: pos, cs: campusSeguro) \longrightarrow res: pos
  if p.Y \leq c.alto/2 then
      if PosValida(cs.campus, \langle p.X, p.Y - 1 \rangle) \land \neg HayAlgo(cs, \langle p.X, p.Y - 1 \rangle) then
          res \leftarrow < p.X, p.Y - 1 >
      else
          if PosValida/c, \langle p.X + 1, p.Y \rangle) \land \neg HayAlgo(c, \langle p.X + 1, p.Y \rangle) then
              res \leftarrow < p.X + 1, p.Y >
          else
              if PosValida/c, \langle p.X-1, p.Y \rangle) \land \neg HayAlgo(c, \langle p.X-1, p.Y \rangle) then
                  res \leftarrow < p.X - 1, p.Y >
              else
                  res \leftarrow < p.X, p.Y + 1 >
              end if
          end if
      end if
  else
      if PosValida(cs.campus, \langle p.X, p.Y + 1 \rangle) \land \neg HayAlgo(cs, \langle p.X, p.Y + 1 \rangle) then
          res \leftarrow < p.X, p.Y - 1 >
      else
          if PosValida/c, \langle p.X + 1, p.Y \rangle) \land \neg HayAlgo(c, \langle p.X + 1, p.Y \rangle) then
              res \leftarrow < p.X + 1, p.Y >
          else
              if PosValida/c, \langle p.X-1, p.Y \rangle) \land \neg HayAlgo(c, \langle p.X-1, p.Y \rangle) then
                  res \leftarrow < p.X - 1, p.Y >
              else
                  res \leftarrow < p.X, p.Y - 1 >
              end if
          end if
      end if
  end if
```

O(1)

```
in ar:arreglo(val:nat,otr: \alpha_i), sanc:natres:\langle \alpha, bool \rangle)
res.\pi_2 \leftarrow false
\min \leftarrow 0
max \leftarrow |ar|
while max - min > 1 do
                                                                                     O(\log(|ar|))
    med \leftarrow (max - min)/2
    if ar[med].val \leq sanc then
        min \leftarrow med
    else
        max \leftarrow med
    end if
end while
if ar[min].val = sanc then
    res \leftarrow < ar[min].otr, true >
end if O(\log(|ar|)
```

- 2 Pos es tupla(x:Nat, y:Nat)
- 3 Placa es Nat
- 4 Nombre es String
- 5 Diccionario Rapido

Es un diccionario que dado una clave nat distribuida uniformemente, nos da su significado en promedio $\mathcal{O}(1)$

5.1 Interfaz

```
parámetros formales géneros Nat, \beta se explica con Diccionario(Nat, conj(\beta)), Iterador Bidireccional géneros diccR(Nat, conj(\beta)) usa Bool, Nat, Conjunto(\beta)
```

Operaciones

```
CREAR(in dicc: Dicc(c:nat s:\beta)) \longrightarrow res: diccSR(Nat,\beta)
Pre \equiv \{true\}
Post \equiv \{res =_{obs} Nuevo()\}
Descripción: Crea un diccionario rapido.
Complejidad: O(n)
Aliasing: No hay aliasing
OBTENER(in/out v: diccR(Nat;conj(\alpha)), in p: nat) \longrightarrow res: conj(\alpha)
Pre \equiv \{Definido?(p,v)\}
Post \equiv \{Obtener(p,v)\}
Descripción: Retorna el significado actual, para la clave dada.
Complejidad: O(1)
Aliasing: El retorno se hace por referencia, hay aliasing entre el objeto devuelto y el del contene-
```

Las complejidades están en función de las siguientes variables:

n: la cantidad total de claves definidas en el diccionario.

5.2 Representación

dor

```
se representa con estr
```

```
donde estr es tupla(accesoRapido : vector(acceso:Dicc(nat,itDicc(nat,\beta))), contenedor : Dicc(c:nat,s:\beta))
```

El contenedor esta implementado sobre Dicc lineal

Cada posicion del vector esta implementado sobre Dicc lineal

Invariante de representación

- 1. El diccionario que resulta de Definir ordenadamente los siguientes de cada (clave, sign) del dicc de cada posicion del vector, es igual al contenedor
- 2. El tamaño del vector es igual al tamaño del contenedor
- 3. La suma de todos los tamanios de los dicc en vector es igual al tamaño del contenedor

5.3 Algoritmos

```
 \begin{split} &\text{INUEVO}(\textbf{in } diccACopiar: \texttt{dicc}(\texttt{c:Nat}, \ s:\beta)) \longrightarrow res: \texttt{diccR}() \\ & it \leftarrow CrearIt(diccACopiar) & \text{O}(1) \\ & // \text{ Inicializo el vector} \\ & \textbf{while } it.haySiguiente \ \textbf{do} \\ & res.accesoRapido.agregarAtras(NULL) & \text{O}(1) \\ & it.avanzar() & \text{O}(1) \\ & \textbf{end while} \\ & it \leftarrow CrearIt(diccACopiar) & \text{O}(1) \\ \end{split}
```

```
// El iterador vuelve a apuntar al primer elemento, defino todos los elementos del vector en el
  hash
  while it.haySiguiente() do
                                                                          O(diccACopiar.tamanio())
      res.accesoRapido[fHash(it.siguienteClave())].
      Definir(c, res.contenedor.Definir(it.siguienteClave(), it.siguienteSignificado()))
                                                                          \theta(1)
      it.avanzar()
                                                                          O(1)
  end while
                                                                          \theta(n)
IDAMEITERADOR(in \ a : diccR) \longrightarrow res : itDiccR
  res \leftarrow CrearIt(a.contenedor)
                                                                          O(1)
IOBTENER(in/out a: diccR, in c: Nat) \longrightarrow res: \beta
  res \leftarrow a.accesoRapido[a.fHash(c)].obtener(c).siguiente()
                                                                          \theta(1)
                                                                          \theta(1)
Operaciones privadas
FHASH(in \ a : diccR, \ in \ c : nat) \longrightarrow res : Nat
  res \leftarrow (c\%a.tamanio())
                                                                          O(1)
```

5.5 Representación del iterador

se representa con itDiccRItitDicc(¡clave:nat, significado: β ;)

6 Diccionario por nombres

6.1 Interfaz

5.4

se explica con Dicc usa

géneros dpn

Operaciones

Vacio() $\longrightarrow res$: dpn Pre $\equiv \{true\}$ Post $\equiv \{dpn =_{obs} vacia()\}$ Descripción: Crea un nuevo diccionario Complejidad: Aliasing: O(1)DEFINIDO?(in/out d : dpn, $in \ c$: String) $\longrightarrow res$: bool Pre $\equiv \{true\}$

```
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} def?(d_0, e)\}\
Descripción: Indica si la clave tiene un significado
Complejidad:
Aliasing: O(long(c))
DEFINIR(in/out d : dpn, in c : String, in e : \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} Definir(d_0, e)\}\
Descripción: Se define e en el diccionario
Complejidad: No hay aliasing, se inserta por copia
Aliasing: O(long(c))
ELIMINAR(in/out d : dpn, in c : String)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathbf{obs}} d_0 \land definido?(d, c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} eliminar(d_0, c)\}\
Descripción:
Complejidad: O(long(c))
Aliasing: No hay aliasing
SIGNIFICADO(in/out d : dpn, in c : String) \longrightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{def?(d,c)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} significado(d, c)\}\
Descripción: Se retornan los significados
Complejidad: O(long(c))
Aliasing: Hay aliasing entre el objeto devuelto y el almacenado
ALISTA(in/out d : dpn, in c : String) \longrightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
Post \equiv \{ALista(res) =_{obs} tuplasClaveDiccionario(d)\}
Descripción: Retorna tuplas ¡clave, significado; del diccionario
Complejidad: O(1)
Aliasing: Retorna por referencia, hay aliasing
Representación
```

6.2

```
se representa con estr
```

```
donde estr es tupla(buckets: Vector(puntero(nodo)),
                        enLista: Lista(<clave:String,
                        significado : \alpha > \rangle
donde Nodo es tupla \langle hayS : bool,
                        enLista: itLista(<clave:String,
                        significado : \alpha>),
                        hijos : estr
```

Invariante de representación

Rep :
$$\widehat{\mathtt{estr}} \longrightarrow boolean$$

 $(\forall e : \widehat{\mathtt{estr}})$
 $\operatorname{Rep}(e) \equiv$

1. El tamaño de buckets de estr es 256

2. El conjunto de claves de estr es igual al conjunto formado por cada prefijo obtenido al ir desde la raiz hasta un nodo con hayS=true

```
\begin{aligned} &\text{Abs}: \widehat{\texttt{estr}} \ e \longrightarrow \widehat{\texttt{dicc}} \\ &(\forall e: \widehat{\texttt{estr}}) \\ &\text{Abs}(e) \equiv d: \widehat{\texttt{dicc}} \mid (\forall s: \text{String}) s \in e.claves =_{\text{obs}} def?(d,s) \land \\ &((\forall s: \text{String}) Definido?(d,s)) \ \Rightarrow_{\text{L}} Definido?(e,s) \land_{\text{L}} (obtener(d,s) =_{\text{obs}} Significado(e,s)) \end{aligned}
```

Auxiliares

6.3 Algoritmos

```
VACIO() \longrightarrow res : dpn
  res \leftarrow CrearTupla(InicializarVector(), NULL)
                                                                            O(1)
IDEFINIR(in/out \ d:dpn, \ in \ clave:String, \ in \ e:\alpha) \longrightarrow res:dpn
  nodoClave: puntero(nodoClave) \leftarrow nuevoNodoClave(clave, d.claves, NULL)
                                                                            O(long(clave))
  nodo: puntero(Nodo) \leftarrow NULL
  i: nat \leftarrow 0
  // Por ref
  caracteres \leftarrow d.buckets
                                                                            O(1)
  if caracteres.esVacia() then
                                                                            O(1)
      caracteres = CrearHijos()
                                                                            O(1)
      d.bucket \leftarrow caracteres
                                                                            O(1)
  end if
  while i \leq Longitud(clave) do
                                                                            O(long(clave))
      nodo \leftarrow caracteres[ord(clave[i])]
                                                                            O(1)
      // Por ref
      caracteres \leftarrow nodo.hijos
                                                                            O(1)
      if caracteres.esVacia() then
                                                                            O(1)
          caracteres = CrearHijos()
                                                                            O(1)
          nodo.hijos \leftarrow caracteres
                                                                            O(1)
      end if
      i + +
                                                                            O(1)
  end while
  nodo.hayS \leftarrow True
                                                                            O(1)
  nodo.significado \leftarrow e
                                                                            O(1)
  // Almaceno el iterador de lista al agregar atras la clave a la lista de claves del trie, por interfaz
  de listaEnlazada
  nodo.enLista \leftarrow d.claves.agAtras(< clave, e >)
                                                                            O(long(clave))
                                                                            O(long(clave))
IELIMINAR(in/out \ d : dpn, \ in \ clave : String) \longrightarrow res : dpn
  nodo: puntero(Nodo) \leftarrow NULL
  i: nat \leftarrow 0
  // Por ref
  caracteres \leftarrow d.buckets
                                                                            O(1)
  while i \leq Longitud(clave) do
                                                                            O(long(clave))
      nodo \leftarrow caracteres[ord(clave[i])]
                                                                            O(1)
```

```
// Por ref
      caracteres \leftarrow nodo.hijos
                                                                          O(1)
      i + +
                                                                           O(1)
  end while
  nodo.hayS \leftarrow False
                                                                           O(1)
  nodo.enLista.eliminarSiguiente()
                                                                           O(1)
  if nodo.hijos = NULL then
      // Elimina un puntero
      borrar(nodo)
                                                                          O(1)
  end if
                                                                          O(long(clave))
ISIGNIFICADO(in/out d:dpn, in clave: String) \longrightarrow res: \alpha
  nodo: puntero(Nodo) \leftarrow NULL
                                                                           O(1)
  buckets: puntero(Nodo) \leftarrow d.buckets
                                                                           O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                           O(1)
  while i \leq Longitud(clave) do
      nodo \leftarrow buckets[ord(clave[i])]
                                                                          O(1)
      i + +
  end while
  // Por ref
  res \leftarrow nodo.significado
                                                                           O(1)
                                                                          O(long(clave))
ICLAVES(in/out \ d:dpn) \longrightarrow res: Lista(String)
  res \leftarrow d.claves
                                                                           O(1)
                                                                           O(1)
IDEFINIDO?(in/out d : dpn, in clave : String) \longrightarrow res : bool
  nodo: puntero(Nodo) \leftarrow NULL
                                                                          O(1)
  buckets: puntero(Nodo) \leftarrow d.buckets
                                                                           O(1)
  i \leftarrow 0
                                                                           O(1)
  while i \leq Longitud(clave) do
                                                                           O(long(clave))
      nodo \leftarrow buckets[ord(clave[i])]
                                                                           O(1)
      if nodo = NULL then
                                                                           O(1)
          return False
                                                                          O(1)
      end if
      i + +
                                                                          O(1)
  end while
  res \leftarrow nodo.hayS
                                                                          O(1)
                                                                           O(long(clave))
```

6.4 Operaciones del iterador

```
CREARITERADOR(in d : dpn) \longrightarrow res : itDPN

Pre \equiv \{true\}

Post \equiv \{tuplasClaveSignificado(d) =_{obs} siguientes(res) \land_{L} aliasing(tuplasClaveSignificado(d), siguientes(res))

Descripción: Crea un iterador del diccionario por nombres

Complejidad: O(1)
```

Aliasing: Existe aliasing entre todas las tuplas ¡Clave, Significado¿del dicc y siguientes del iterador

```
HAYSIGUIENTE(in it : itDPN) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
Post \equiv \{res =_{obs} haySiguiente(it)\}\
Descripción: Indica si hay siguiente
Complejidad: O(1)
\text{HAYANTERIOR}(\textbf{in } it : \texttt{itDPN}) \longrightarrow res : \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} hayAnterior(it) \}
Descripción: Indica si hay anterior
Complejidad: O(1)
{\tt Siguiente}({\tt in}\ it: {\tt itDPN}) \longrightarrow res: {\tt clave:String,significado:} lpha >
\mathbf{Pre} \equiv \{HaySiguiente(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} siguiente(it)\}\
Descripción: Retorna el siguiente
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
ANTERIOR(in it: itDPN) \longrightarrow res: <clave:String, significado: <math>\alpha >
\mathbf{Pre} \equiv \{HayAnterior(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} anterior(it)\}\
Descripción: Retorna el anterior
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
SIGUIENTECLAVE(in it: itDPN) \longrightarrow res: String
\mathbf{Pre} \equiv \{HaySiguiente(it)\}\
Post \equiv \{res =_{obs} signiente(it).significado\}
Descripción: Retorna la siguiente clave
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
ANTERIORCLAVE(in it: itDPN) \longrightarrow res: String
\mathbf{Pre} \equiv \{HayAnterior(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} anterior(it).significado\}
Descripción: Retorna la clave anterior
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
SIGUIENTESIGNIFICADO(in it : itDPN) \longrightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{HaySiguiente(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} siguiente(it).significado\}
Descripción: Retorna el siguiente significado
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
AnteriorSignificado(in it : itDPN) \longrightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{HayAnterior(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} anterior(it).significado\}
Descripción: Retorna el significado anterior
Complejidad: O(1)
Aliasing: Hay aliasing
AVANZAR(in/out it : itDPN)
\mathbf{Pre} \equiv \{HaySiguiente(it) \land it =_{obs} it_0\}
```

 $\mathbf{Post} \equiv \{anteriores(it_0) \bullet primero(siguientes(it_0)) =_{\mathrm{obs}} anteriores(it) \land fin(siguientes(it_0)) =_{\mathrm{obs}} siguientes(it_0) \land fin(siguientes(it_0)) =_{\mathrm{obs}} sig$

Complejidad: O(1)

RETROCEDER(in/out it : itDPN) $\mathbf{Pre} \equiv \{Hayanterior(it) \land it =_{obs} it_0\}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{comienzo(anteriores(it_0)) =_{\mathrm{obs}} anteriores(it) \land ultimo(anteriores(it_0) \bullet siguientes(it_0) =_{\mathrm{obs}} siguientes(it_0) =_{$

Descripción: Modifica el iterador, haciendolo retroceder una posicion

Complejidad: O(1)

6.5 Representación del iterador

se explica con Iterador Diccionario

se representa con itLista(<clave:String, significado: $\alpha>$)

6.6 Algoritmos del iterador

$\operatorname{CrearIterador}(\operatorname{\mathbf{in}}\ d:\operatorname{\mathtt{dpn}})\longrightarrow \mathit{res}:\operatorname{\mathtt{itDPN}}$	
$res \leftarrow NuevoItLista(d.ALista())$	O(1)
	O(1)
${ m HaySiguiente}({f in}\ it:{ m itDPN})\longrightarrow res:{ m bool}$	
$res \leftarrow it.haySiguiente()$	O(1)
	O(1)
$ ext{HAYANTERIOR}(ext{in } it: ext{itDPN}) \longrightarrow res: ext{bool}$	
$res \leftarrow it.hayAnterior()$	O(1)
	O(1)
$ ext{Siguiente}(ext{in } it: ext{itDPN}) \longrightarrow res: ext{bool}$	
$res \leftarrow it.Siguiente()$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
$ ext{Anterior}(ext{in } it: ext{itDPN}) \longrightarrow res: ext{bool}$	
$res \leftarrow it.Anterior()$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
$ ext{SiguienteClave}(ext{in } it: ext{itDPN}) \longrightarrow res: ext{String}$	
$res \leftarrow it.Siguiente().clave$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
$ ext{AnteriorClave}(ext{in } it: ext{itDPN}) \longrightarrow res: ext{String}$	
$res \leftarrow it.Anterior().clave$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
SIGUIENTESIGNIFICADO(in $it: itDPN) \longrightarrow res: \alpha$	
$res \leftarrow it.Siguiente().significado$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
${\tt AnteriorSignificado}(\textbf{in}\ it: \mathtt{itDPN}) \longrightarrow \mathit{res}: \alpha$	

$res \leftarrow it.Anterior().significado$	$\mathrm{O}(1)$
	O(1)
AVANZAR(in/out it : itDPN)	
it.avanzar()	O(1)
	O(1)
Retroceder(in/out it : itDPN)	
it.retroceder()	O(1)
	O(1)

7 Campus

7.1 Interfaz

se explica con CAMPUS

usa

géneros campus

Operaciones

```
ArmarCampus(in \ ancho : nat, \ alto : nat) \longrightarrow res : campus
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} crearCampus(ancho, alto) \}
Descripción: Crea el campus, sin obstáculos
Complejidad: O(ancho x alto)
AGREGAROBS(in/out c : campus, in p : pos)
\mathbf{Pre} \equiv \{(c) \equiv (c_0)\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{obs} agregarObstaculo(p, c_0)\}\
Descripción: Agrega un obstáculo al campus
Complejidad: O(1)
ALTO(in \ c : campus) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \equiv alto(c) \}
Descripción: Indica la cantidad de filas de c
Complejidad: O(1)
Ancho(in \ c : campus) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \equiv alto(c) \}
Descripción: Indica la cantidad de columnas de c
Complejidad: O(1)
OCUPADA(in \ c : campus, \ p : pos) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{PosValida}(c,p) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \iff \pi_1(grilla(c)[\pi_1(p)][\pi_2(p)]) \}
Descripción: Comprueba si una posición está ocupada
Complejidad: O(1)
```

```
PosValida(in c: campus, p: pos) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \iff (\pi_1(p) < ancho(c) \land \pi_2(p) < alto(c)) \}
Descripción: Comprueba que una posición exista dentro del campus.
Complejidad: O(1)
EsIngreso(in c: campus, p: pos) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{PosValida}(c,p) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \iff (\pi_2(p) = alto(c) - 1 \lor \pi_2(p) = 0) \}
Descripción: Comprueba si una posición es un ingreso al campus.
Complejidad: O(1)
INGRESOSUP(in c: campus, p: pos) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{PosValida}(\mathbf{c}, \mathbf{p}) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \iff \pi_2(p) = 0 \}
Descripción: Comprueba si una posición es un ingreso superior al campus.
Complejidad: O(1)
IngresoInf(in \ c : campus, \ p : pos) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{PosValida}(c,p) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \iff \pi_2(p) = alto(c) - 1 \}
Descripción: Comprueba si una posición es un ingreso superior al campus.
Complejidad: O(1)
DISTANCIA(in c: campus, in p1: pos, in p2: pos) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{PosValida(c, p1) \land PosValida(c, p2)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res \equiv distancia(p1, p2, c)\}\
Descripción: Comprueba si una posición es un ingreso inferior al campus.
Complejidad: O(1)
VECINOS(in c: campus, in p: pos) \longrightarrow res: conj(pos)
\mathbf{Pre} \equiv \{PosValida(c, p)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res \equiv vecinos(p, c)\}\
Descripción: Devuelve el conjunto de vecinos de una posición.
Complejidad: O(1) APOSMASCERCANA(in c : campus, in p : pos, in con : conj(pos)) \longrightarrow
res: pos
\mathbf{Pre} \equiv \{PosValida(c, p) \land \#con > 0\}
\mathbf{Post} \equiv \{(\forall p_1) PosValida(c, p_1) \Rightarrow_{\mathsf{L}} Distancia(c, p) \leq Distancia(c, p_1)\}
Descripción: Dado un conjunto de posiciones y una posiciones, da la más cercana a la posicion
                  dada.
Complejidad: O(\#con)
Las complejidades están en función de las siguientes variables:
al: cantidad de filas del campus,
an : cantidad de columnas del campus.
```

7.2 Representación

se representa con estr

Invariante de representación

- 1. El tamaño de todos los arreglos internos de la grilla es el mismo e igual al alto del campus
- 2. El tamaño del arreglo principal de la grilla es igual al ancho del campus

```
\begin{aligned} & \text{Rep : campus} \longrightarrow boolean \\ & (\forall : \text{campus}) \\ & \text{Rep()} \equiv \\ & |c.grilla| = c.ancho \land (\forall n : nat, n \in [0, c.ancho)) | c.grilla[n]| = c.alto \end{aligned}
```

Función de abstracción

```
\begin{aligned} &\text{Abs}: \widehat{\mathsf{campus}} \ c \longrightarrow \widehat{\mathsf{Campus}} \\ &(\forall c: \widehat{\mathsf{campus}}) \\ &\text{Abs}(c) \equiv cE: \widehat{\mathsf{Campus}} \mid \\ &columnas(cE) = c.ancho \land filas(cE) = c.alto \land (\forall p: pos, PosValida?(cE, p))Ocupada?(cE, p) = Ocupada?(c, p) \end{aligned}
```

7.3 Algoritmos

```
IARMARCAMPUS(in \ ancho : nat, \ in \ alto : nat) \longrightarrow res : campus
  res.ancho \leftarrow ancho
                                                                                    O(1)
  res.alto \leftarrow alto
                                                                                    O(1)
  res.grilla \leftarrow CrearArreglo(ancho)
                                                                                    O(an)
  i \leftarrow 0
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
  while i < ancho do
                                                                                    O(al*an)
                                                                                    O(an)
       res.grilla[i] \leftarrow CrearArreglo(alto)
                                                                                    O(al)
                                                                                    O(1)
       j \leftarrow 0
                                                                                    O (al)
       while j < alto do
           res.grilla[i][j] \leftarrow false
                                                                                    O(1)
       end while
  end while
                                                                                    O(an*al)
IAGREGAROBS(in/out c : campus, in p : pos)
  c.grilla[p.X][p.Y] \leftarrow True
                                                                                    O(1)
  c.grilla[p.X][p.Y] \leftarrow True
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
IALTO(\mathbf{in}\ c: \mathtt{campus}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{nat}
  res \leftarrow c.alto
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
IANCHO(\mathbf{in}\ c: \mathtt{campus}) \longrightarrow res: \mathtt{nat}
  res \leftarrow c.ancho
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
IOCUPADA(in \ c : campus, \ in \ p : pos) \longrightarrow res : bool
  res \leftarrow c.grilla[p.X][p.Y]
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
IPOSVALIDA(in \ c : campus, \ in \ p : pos) \longrightarrow res : bool
  res \leftarrow p.X < c.ancho \land p.Y < c.alto
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
IESINGRESO(in \ c : campus, \ in \ p : pos) \longrightarrow res : bool
  res \leftarrow Y.p = 0 \lor Y.p = c.alto - 1
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
IINGRESOSUP(in c: campus, in p: pos) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow Y.p = 0
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
IINGRESOINF(in c: campus, in p: pos) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow Y.p = c.alto - 1
                                                                                    O(1)
                                                                                    O(1)
IDISTANCIA(in c: campus, in p1: pos, in p2: pos) \longrightarrow res: nat
```

```
resX \leftarrow 0
  resY \leftarrow 0
  if p1.X < p2.X then
      resX \leftarrow p2.X - p1.X
  else
      resX \leftarrow p1.X - p2.X
  end if
  if p1.Y < p2.Y then
      resY \leftarrow p2.Y - p1.Y
  else
      resy \leftarrow p1.Y - p2.Y
  end if
  res \leftarrow resX + resY
                                                                           O(1)
IVECINOS(in \ c : campus, \ in \ p : pos) \longrightarrow res : conj(pos)
  res \leftarrow Vacio()
  pn \leftarrow < p.X, p.Y + 1 >
  if PosValida(c, pn) then
      agregar(res,pn)
  end if
  pn \leftarrow < p.X, p.Y - 1 >
  if PosValida(c, pn) then
      agregar(res,pn)
  end if
  pn \leftarrow < p.X + 1, p.Y >
  if PosValida(c, pn) then
      agregar(res,pn)
  end if
  pn \leftarrow < p.X - 1, p.Y >
  if PosValida(c, pn) then
      agregar(res,pn)
  end if
                                                                           O(1)
IAPOSMASCERCANA(in c: campus, in p: pos, in con: conj(pos)) \longrightarrow res: pos
  it \leftarrow CrearIt(con)
  res \leftarrow it.siguiente()
  while HaySiguiente?(it)) do
      if Distancia(c, p, res) > Distancia(c, it.siguiente(), res) then
          res \leftarrow it.siguiente()
          while HayAnterior() do
              Eliminar Anterior(it)
          end while
          Avanzar(it)
      else
          if Distancia(c, p, res) < Distancia(c, it.siguiente(), res) then
              Eliminar Siguiente(it)
          else
              Avanzar(it)
          end if
      end if
```

```
end while
it \leftarrow CrearIt(con)
res \leftarrow it.siguiente()
while HaySiguiente?(it)) do
   if Distancia(c, <0, 0>, p) > Distancia(c, it.siguiente(), <0, 0>) then
       res \leftarrow it.siguiente()
       while HayAnterior() do
          EliminarAnterior(it)
       end while
       Avanzar(it)
   else
       if Distancia(c, p, <0, 0>) < Distancia(c, it.siguiente(), <0, 0>) then
          Eliminar Siguiente(it)
       else
          Avanzar(it)
       end if
   end if
end while
it \leftarrow CrearIt(con)
res \leftarrow it.siguiente()
while HaySiguiente?(it)) do
   if p.Y < it.siguiente().Y then
       res \leftarrow it.siguiente()
       while HayAnterior() do
          EliminarAnterior(it)
       end while
       Avanzar(it)
   else
       if p.Y > it.siguiente().Y then
          Eliminar Siguiente(it)
       else
          Avanzar(it)
       end if
   end if
end while
                                                                   O(\#con)
```

7.4 Servicios Usados

Del modulo Conj Log requerimos pertenece, buscar, menor, insertar y borrar en O(log(k)). Del modulo Diccionario Por Prefijos requerimos Def?, obtener en O(L).