

Trabajo Práctico 2: Diseño

Primer cuatrimestre - 2015

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo 2

Integrante	LU	Correo electrónico
Benitez, Nelson	945/13	nelson.benitez92@gmail.com

Instancia	Docente	Nota		
Primera entrega				
Segunda entrega				



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires Ciudad Universitaria – Pabellón I (Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 – C1428EGA
Ciudad Autónoma de Buenos Aires – Rep. Argentina

Índice

1 DCNet

1.1 Interfaz

se explica con AS usa

géneros as

Operaciones

```
CREARSISTEMA(in r : red) \longrightarrow res : dcnet

\mathbf{Pre} \equiv \{true\}

\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} iniciarDCNet(r)\}

\mathbf{Descripción:} Crea un sistema DCNet.
```

Complejidad: $O(L \times n^5)$

Aliasing: res.red es un puntero a la red que recibimos por parámetro

Las complejidades están en función de las siguientes variables: n: la cantidad total de computadoras que hay en el sistema,

L: el hostname más largo de todas las computadoras,

k: la cola de paquetes más larga de todas las computadoras.

1.2 Representación

```
se representa con sistema
```

Invariante de representación

- 1. Todos los IP de *compus* pertenecen al conjunto de claves de *CompusPorPref* y la longitud de dicho arreglo es igual al cardinal de las claves del diccionario.
- 2. Los pN de las tuplas que tiene el arreglo *compus* apuntan al conjunto de paquetes(PorNom) de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo.
- 3. Los pN' apuntan al conjuno de paquetes(porNom') de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo

- 4. Los paquetes del significado pN' son iguales a los paquetes de pN
- 5. El origen de pN' es distinto al destino de pN' y ambos son posiciones válidas del arreglo compus
- 6. PosActual de pN' es una posicion válida del arreglo compus
- 7. La #PaquetesEnviados de cada compu es mayor o igual a la actual cantidad total de paquetes que pasaron por esa compu
- 8. Todos los conjuntos de los significados de CompusPorPref son disjuntos dos a dos.
- 9. Los conjuntos de los campos de la tupla PorNom, PorPrior son iguales.
- 10. La matriz de caminosMinimos es cuadrada de lado n, con n igual al tamaño del arreglo de compus.
- 11. Para cualquier compu en el sistema f,d caminos Minimos
[f][d] se corresponde con camino Minimo
(red,f,d)
- 12. La longitud de *CaminosMinimos* es igual a la longitud del arreglo que tiene *CaminosMinimos* en cada posición.
- 13. La longitud del arreglo, que tiene un arreglo de *CaminosMinimos* es menor o igual a la longitud de *CaminosMinimos*.
- 14. Los elementos del arreglo anteriormente mencionado son IPs del diccionario *CompusPorPref* y no tiene repetidos.
- 15. La computadora que más paquetes envió es aquella cuyo índice es igual a LaQMasEnvio

```
\operatorname{Rep}: \widetilde{\operatorname{sistema}} \longrightarrow boolean
(\forall s: \widehat{\mathtt{sistema}})
Rep(s) \equiv
1. \forall s : \text{String } def?(s, s.CompusPorPref), (\exists c : compu), esta?(c, s.Compus) \land \pi_1(c) = s \land
longitud(s.Compus) = \#CLAVES(s.CompusPorPref)
2. \forall c : \text{compu esta}?(c, s.Compus), *\pi_2(c) = \text{obtener}(\pi_1(c), s.CompusPorPref)
3. \forall c: compu esta?(c, s.Compus), *\pi_3(c) = \text{obtener}(\pi_3(c), s.CompusPorPref)
4, 5, 6.
(\forall c : \text{nat}) \ 0 \le c < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{\text{L}}
  Longitud(s.compus[c].pN) = Longitud(s.compus[c].pN') \land
  (\forall p : paquetePos)esta?(p, s.compus[c].pN') \Rightarrow_L
    \operatorname{esta}(\pi_1(p), s.compus[c].pN) \land 0 \leq \operatorname{indiceOrigen}(p) < \operatorname{Longitud}(s.compus)
    \land 0 \leq indiceDestino(p) < Longitud(s.compus)
    \land 0 \leq posActual(p) < Longitud(s.compus)
    \land \neg (indiceDestino(p) = indiceOrigen(p))
7. (\forall c : \text{nat}) \ 0 \le c < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{L}
  (\forall p : paquetePos) pertenece(s.compus[c].pN', p) \Rightarrow_{L}
  \beta(\text{esta}(s.compus[c], caminoMinimo}(s.red, s.compus[indiceOrigen(p)], s.compus[posActual(p)])))
8. \forall s, t : \text{String def?}(s, s.CompusPorPref) \land \text{def?}(t, s.CompusPorPref) \land s \neq t \Rightarrow_{\mathsf{L}}
obtener(s, s.CompusPorPref) \cap obtener(t, s.CompusPorPref) = \emptyset
9. \forall s : \text{String def?}(s, s.CompusPorPref) \Rightarrow_{L} \pi_1(\text{obtener}(s, s.CompusPorPref)) =
\pi_2(\text{obtener}(s, s.CompusPorPref))
10. Longitud(s.compus) = Longitud(CaminosMinimos(s)) \land
   (\forall i : \text{nat}) \ 0 \le i < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{L}
     Longitud(s.CaminosMinimos[i]) = Longitud(s.compus)
11. (\forall f, d : \text{nat}) \neg (f = d) \land 0 \leq f, d < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{L}
   CaminosMinimos[f][d] =
```

```
caminoMinimo(s.red,ipACompu(s.red,\pi_1(s.compus[f])),ipACompu(s.red,\pi_1(s.compus[d])))\\ 12,13,14.\ (\forall i,j: nat),\ 0 \leq i,j < longitud(s.CaminosMinimos) \Rightarrow_{\tt L} longitud(s.CaminosMinimos) =\\ longitud(s.CaminosMinimos[i]) \land longitud(s.CaminosMinimos[i][j]) < longitud(s.CaminosMinimos) \land\\ (\forall e: nat), esta?(e,s.CaminosMinimos[i][j]) \Rightarrow pertenece(e,s.CompusPorPref)\\ 15.\forall c: compu \ esta?(c,s.Compus) \Rightarrow_{\tt L} \ \pi_3(c) \leq \pi_3(s.Compus[s.LaQMasEnvio])
```

Función de abstracción

```
 \begin{aligned} & \text{Abs} : \widehat{\mathtt{dcnet}} \: s \longrightarrow \widehat{\mathtt{DCNet}} \\ & (\forall s : \widehat{\mathtt{dcnet}}) \\ & \text{Abs}(s) \equiv dc : \widehat{\mathtt{DCNet}} \: | \\ & red(dc) = \!\!\!^*(s.red) \land (\forall c : compu, c \in compus(dc))(enEspera(dc, c) = \!\!\!^*(enEspera(s, c)) \land \\ & cantidadEnviados(dc, c) = cantidadEnviados(s, c)) \land \\ & (\forall p : paquete, paqueteEnTransito?(dc, p))caminoRecorrido(dc, p) = \!\!\!^*(caminoRecorrido(s, p)) \end{aligned}
```

1.3 Algoritmos

```
ICREARSISTEMA(in r : red) \longrightarrow res : dcnet
  res.red \leftarrow r
  n \leftarrow Longitud(COMPUS(red))
                                                                               O(1)
  i \leftarrow 0
  j \leftarrow 0
                                                                               O(1)
  res.Compus \leftarrow CREARARREGLO(n)
                                                                               O(n)
  res.CaminosMinimos \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                               O(n)
  var p : arreglo_dimensionable de puntero(conjLog(paquete))
  while i<n do
                                                                               O(L*n^5)
                                                                               O(n)
      res.CaminosMinimos[i] \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                               O(n)
      s: < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_{p}),
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_p) >
      \pi_1(s) \leftarrow compu(r,i)
      \pi_2(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_3(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_4(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_5(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      DEFINIR(res.CompusPorPref,compu(r,i),s)
                                                                               O(L)
      p[i] \leftarrow \pi_3(s)
      p'[i] \leftarrow \pi_5(s)
      res.Compus[i] \leftarrow \langle compu(r,i), p[i], p'[i], 0 \rangle
                                                                               O(1)
                                                                               O(L*n^4)
      while j<n do
                                                                               O(n)
          res.CaminosMinimos[i][j] \leftarrow caminoMinimo(compu(r, i), compu(r, j), r)
                                                                               O(L*n^3)
          j + +
      end while
      i + +
  end while
  res.LaQMasEnvio \leftarrow 0
                                                                               O(1)
                                                                               O(L \times n^5)
ICREARPAQUETE(in/out s : dcnet, in/out p : paquete)
  t_1 : \langle nat, conjLog(paquete, \langle id), conjLog(paquete, \langle p), \rangle
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
  t_1 \leftarrow \text{Obtener}(origen(p), s.CompusPorPref)
                                                                               O(L)
  t_2: < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_{\mathfrak{p}}),
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
  t_2 \leftarrow \text{Obtener}(destino(p), s.CompusPorPref)
                                                                               O(L)
  p': paquetePos
  INDICEORIGEN(p') \leftarrow \pi_1(t_1)
                                                                               O(1)
  INDICEDESTINO(p') \leftarrow \pi_1(t_2)
                                                                               O(1)
  POSACTUAL(p') \leftarrow 0
  INSERTAR(\pi_2(t), p)
                                                                               O(log(k))
                                                                               O(log(k))
  INSERTAR(\pi_3(t), p)
  INSERTAR(\pi_4(t), p')
                                                                               O(log(k))
  INSERTAR(\pi_5(t), p')
                                                                               O(log(k))
                                                                               O(L + log(k))
```

1.4 Servicios Usados

Del modulo Conj Log requerimos pertenece, buscar, menor, insertar y borrar en O(log(k)). Del modulo Diccionario Por Prefijos requerimos Def?, obtener en O(L).

2 DCNet

2.1 Interfaz

se explica con AS

usa

géneros as

Operaciones

```
CREARSISTEMA(in r : red) \longrightarrow res : dcnet

\mathbf{Pre} \equiv \{true\}

\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} iniciarDCNet(r)\}

\mathbf{Descripción:} Crea un sistema DCNet.

\mathbf{Complejidad:} O(L \times n^5)
```

Complejidad: $O(L \times n)$

Aliasing: res.red es un puntero a la red que recibimos por parámetro

Las complejidades están en función de las siguientes variables:

n: la cantidad total de computadoras que hay en el sistema,

L: el hostname más largo de todas las computadoras,

k: la cola de paquetes más larga de todas las computadoras.

2.2 Representación

```
se representa con sistema
```

Invariante de representación

- 1. Todos los IP de *compus* pertenecen al conjunto de claves de *CompusPorPref* y la longitud de dicho arreglo es igual al cardinal de las claves del diccionario.
- 2. Los pN de las tuplas que tiene el arreglo *compus* apuntan al conjunto de paquetes(PorNom) de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo.
- 3. Los pN' apuntan al conjuno de paquetes(porNom') de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo
- 4. Los paquetes del significado pN' son iguales a los paquetes de pN
- 5. El origen de pN' es distinto al destino de pN' y ambos son posiciones válidas del arreglo compus
- 6. PosActual de pN' es una posicion válida del arreglo compus
- 7. La #PaquetesEnviados de cada compu es mayor o igual a la actual cantidad total de paquetes que pasaron por esa compu
- 8. Todos los conjuntos de los significados de CompusPorPref son disjuntos dos a dos.
- 9. Los conjuntos de los campos de la tupla PorNom, PorPrior son iguales.
- 10. La matriz de caminosMinimos es cuadrada de lado n, con n igual al tamaño del arreglo de compus.
- 11. Para cualquier compu en el sistema f,d caminosMinimos[f][d] se corresponde con caminoMinimo(red,f,d)
- 12. La longitud de *CaminosMinimos* es igual a la longitud del arreglo que tiene *CaminosMinimos* en cada posición.
- 13. La longitud del arreglo, que tiene un arreglo de *CaminosMinimos* es menor o igual a la longitud de *CaminosMinimos*.
- 14. Los elementos del arreglo anteriormente mencionado son IPs del diccionario *CompusPorPref* y no tiene repetidos.
- 15. La computadora que más paquetes envió es aquella cuyo índice es igual a LaQMasEnvio

```
\operatorname{Rep}: \widetilde{\mathtt{sistema}} \longrightarrow boolean
(\forall s: \widehat{\mathtt{sistema}})
Rep(s) \equiv
1. \forall s : \text{String } def?(s, s.CompusPorPref), (\exists c : compu), esta?(c, s.Compus) \land \pi_1(c) = s \land
longitud(s.Compus) = \#CLAVES(s.CompusPorPref)
2. \forall c : \text{compu esta}?(c, s.Compus), *\pi_2(c) = \text{obtener}(\pi_1(c), s.CompusPorPref)
3. \forall c: compu esta?(c, s.Compus), *\pi_3(c) = \text{obtener}(\pi_3(c), s.CompusPorPref)
(\forall c : \text{nat}) \ 0 \le c < Longitud(s.compus) \Rightarrow_L
  Longitud(s.compus[c].pN) = Longitud(s.compus[c].pN') \land
  (\forall p : paquetePos)esta?(p, s.compus[c].pN') \Rightarrow_{L}
    \operatorname{esta}(\pi_1(p), s.compus[c].pN) \land 0 \leq \operatorname{indiceOrigen}(p) < \operatorname{Longitud}(s.compus)
    \land 0 \leq indiceDestino(p) < Longitud(s.compus)
    \land 0 \leq posActual(p) < Longitud(s.compus)
    \land \neg (indiceDestino(p) = indiceOrigen(p))
7. (\forall c : \text{nat}) \ 0 \le c < Longitud(s.compus) \Rightarrow_{L}
  (\forall p : paquetePos) pertenece(s.compus[c].pN', p) \Rightarrow_{L}
```

```
\beta(\operatorname{esta}(s.compus[c], caminoMinimo(s.red, s.compus[indiceOrigen(p)], s.compus[posActual(p)]))) \\ 8. \ \forall s,t: \operatorname{String def?}(s,s.CompusPorPref) \ \land \ \operatorname{def?}(t,s.CompusPorPref) \ \land \ s \neq t \ \Rightarrow_{\mathtt{L}} \\ \text{obtener}(s,s.CompusPorPref) \ \bigcap \ \operatorname{obtener}(t,s.CompusPorPref) = \emptyset \\ 9. \ \forall s: \operatorname{String def?}(s,s.CompusPorPref) \ \Rightarrow_{\mathtt{L}} \ \pi_1(\operatorname{obtener}(s,s.CompusPorPref)) = \\ \pi_2(\operatorname{obtener}(s,s.CompusPorPref)) \\ 10. \ Longitud(s.compus) = Longitud(CaminosMinimos(s)) \ \land \\ (\forall i: \mathtt{nat}) \ 0 \leq i < Longitud(s.compus) \ \Rightarrow_{\mathtt{L}} \\ Longitud(s.CaminosMinimos[i]) = Longitud(s.compus) \\ 11. \ (\forall f,d:\mathtt{nat}) \ \neg (f=d) \land \ 0 \leq f,d < Longitud(s.compus) \ \Rightarrow_{\mathtt{L}} \\ CaminosMinimos[f][d] = \\ caminoMinimo(s.red,ipACompu(s.red,\pi_1(s.compus[f])),ipACompu(s.red,\pi_1(s.compus[d])) \\ 12, 13, 14. \ (\forall i,j:\mathtt{nat}), \ 0 \leq i,j < \mathrm{longitud}(s.CaminosMinimos) \ \Rightarrow_{\mathtt{L}} \mathrm{longitud}(s.CaminosMinimos) = \\ \mathrm{longitud}(s.CaminosMinimos[i]) \land \mathrm{longitud}(s.CaminosMinimos[i][j]) < \mathrm{longitud}(s.CaminosMinimos) \land \\ (\forall e:\mathtt{nat}), \mathrm{esta?}(e,s.CaminosMinimos[i][j]) \Rightarrow \mathrm{pertenece}(e,s.CompusPorPref) \\ 15. \forall c:\mathrm{compu} \ \mathrm{esta?}(c,s.Compus) \ \Rightarrow_{\mathtt{L}} \ \pi_3(c) \leq \pi_3(s.Compus[s.LaQMasEnvio]) \\ \end{cases}
```

Función de abstracción

```
 \begin{aligned} &\text{Abs}: \widehat{\mathtt{dcnet}} \ s \longrightarrow \widehat{\mathtt{DCNet}} \\ &(\forall s: \widehat{\mathtt{dcnet}}) \\ &\text{Abs}(s) \equiv dc: \widehat{\mathtt{DCNet}} \ | \\ &red(dc) = ^*(s.red) \land (\forall c: compu, c \in compus(dc))(enEspera(dc, c) = ^*(enEspera(s, c)) \land \\ &cantidadEnviados(dc, c) = cantidadEnviados(s, c)) \land \\ &(\forall p: paquete, paqueteEnTransito?(dc, p)) caminoRecorrido(dc, p) = ^*(caminoRecorrido(s, p)) \end{aligned}
```

2.3 Algoritmos

```
ICREARSISTEMA(in r : red) \longrightarrow res : dcnet
  res.red \leftarrow r
  n \leftarrow Longitud(COMPUS(red))
                                                                               O(1)
  i \leftarrow 0
  j \leftarrow 0
                                                                               O(1)
                                                                               O(n)
  res.Compus \leftarrow CREARARREGLO(n)
  res.CaminosMinimos \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                               O(n)
  var p : arreglo_dimensionable de puntero(conjLog(paquete))
  while i<n do
                                                                               O(L*n^5)
                                                                               O(n)
      res.CaminosMinimos[i] \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                               O(n)
      s: < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_{p}),
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_p) >
      \pi_1(s) \leftarrow compu(r,i)
      \pi_2(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_3(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_4(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      \pi_5(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
      DEFINIR(res.CompusPorPref,compu(r,i),s)
                                                                               O(L)
      p[i] \leftarrow \pi_3(s)
      p'[i] \leftarrow \pi_5(s)
      res.Compus[i] \leftarrow \langle compu(r,i), p[i], p'[i], 0 \rangle
                                                                               O(1)
                                                                               O(L*n^4)
      while j<n do
                                                                               O(n)
          res.CaminosMinimos[i][j] \leftarrow caminoMinimo(compu(r, i), compu(r, j), r)
                                                                               O(L*n^3)
          j + +
      end while
      i + +
  end while
  res.LaQMasEnvio \leftarrow 0
                                                                               O(1)
                                                                               O(L \times n^5)
ICREARPAQUETE(in/out s : dcnet, in/out p : paquete)
  t_1 : \langle nat, conjLog(paquete, \langle id), conjLog(paquete, \langle p), \rangle
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
  t_1 \leftarrow \text{Obtener}(origen(p), s.CompusPorPref)
                                                                               O(L)
  t_2: < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_{\mathfrak{p}}),
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
  t_2 \leftarrow \text{Obtener}(destino(p), s.CompusPorPref)
                                                                               O(L)
  p': paquetePos
  INDICEORIGEN(p') \leftarrow \pi_1(t_1)
                                                                               O(1)
  INDICEDESTINO(p') \leftarrow \pi_1(t_2)
                                                                               O(1)
  POSACTUAL(p') \leftarrow 0
  INSERTAR(\pi_2(t), p)
                                                                               O(log(k))
                                                                               O(log(k))
  INSERTAR(\pi_3(t), p)
  INSERTAR(\pi_4(t), p')
                                                                               O(log(k))
  INSERTAR(\pi_5(t), p')
                                                                               O(log(k))
                                                                               O(L + log(k))
```

2.4 Servicios Usados

Del modulo Conj Log requerimos pertenece, buscar, menor, insertar y borrar en $\mathcal{O}(\log(k))$. Del modulo Diccionario Por Prefijos requerimos Def?, obtener en $\mathcal{O}(L)$.