# Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого Институт машиностроения, материалов и транспорта Высшая школа автоматизации и робототехники

## Курсовая работа

Дисциплина: Объектно-ориентированное программирование

Тема: Сравнение алгоритмов сортировок: Quick sort, Heap sort, Bogosort, Insertion sort и Bubble sort.

Студент гр. 3331506/90001

Клиновицкий А.Д.

Преподаватель

Ананьевский М.С.

Санкт-Петербург

# СОДЕРЖАНИЕ

## Оглавление

ЗАДАНИЕ	3
1. ПРИНЦИП СОРТИРОВКИ	4
1.1 Quick sort	4
1.2 Heap sort	6
1.3 Insertion sort	6
1.4 Bubble sort	7
1.5 Bogosort	8
2 РЕАЛИЗАЦИЯ	9
3. ЗАТРАТЫ ПО ОПЕРАЦИЯМ И ВРЕМЕНИ И ОПЕРАЦИЯМ 1	3
3.1 Экспериментальные данные	3
3.2 Среднеквадратичное отклонение. Время на сортировку	В
зависимости от количества элементов	5
ВЫВОЛ	8

# ЗАДАНИЕ

Требуется провести сравнение пяти разных алгоритмов сортировок по некоторым признакам:

- Времени
- Количеству смен местами элементов массива

## 1. ПРИНЦИП СОРТИРОВКИ

#### 1.1 Quick sort

Начать стоит с самого популярного способа сортировки, а именно Quick sort (быстрая сортировка). Принцип его работы прост:

- 1) Выбирается опорный элемент из массива. От выбора опорного элемента не зависит корректность сортировки, но может сильно зависеть его скорость;
- 2) Сравниваются все элементы массива и переставляются так, чтобы весь массив был разбит на три части: меньшие, чем опорный элемент ("слева"), равные ему и большие ("справа"). Также иногда делят не на три части, а на две: меньшие, чем опорный элемент и большие или равные, так как это упрощает алгоритм разделения;
- 3) Пока длинна отрезка больше единицы, повторяется рекурсивно вызов для каждого из отрезков.

Пример работы алгоритма показан на рисунке 1.1.1.

Средняя сложность алгоритма  $O(n \log n)$ , а худшая  $O(n^2)$ .

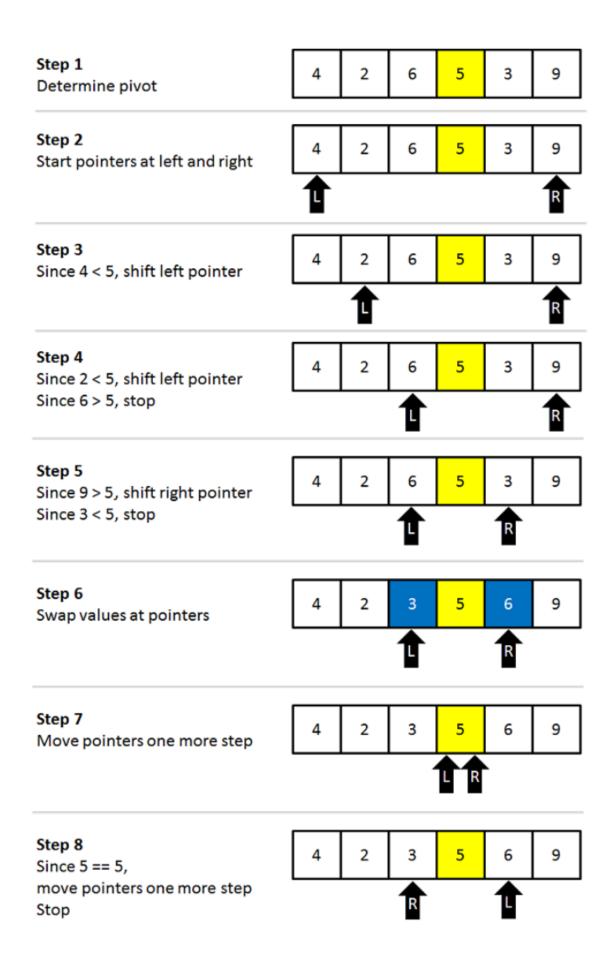


Рисунок 1.1.1 – Принцип работы алгоритма Quick sort.

### 1.2 Heap sort

Неар sort, также известная как пирамидальная сортировка/сортировка кучей, использует в принципе своей работы бинарно сортирующее дерево, изображенное на рисунке 1.2.1. У такого дерева должны быть выполненные некоторые условия:

- 1) Каждый лист дерева имеет глубину d или d-1, где d- максимальная глубина дерева;
- 2) Значение в любой вершине не меньше (или не больше для другого случая) значений ее потомков.

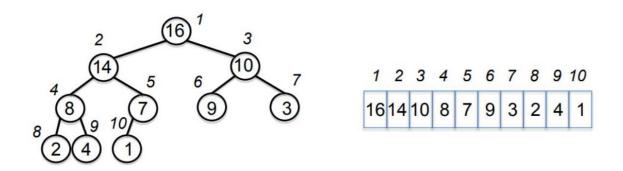


Рисунок 1.2.1 - Бинарное сортирующее дерево

После постройки дерева, чтобы получить отсортированный массив, удаляем элементы из корня по одному и перестраиваем дерево, повторяя процесс, пока в дереве не останется всего один элемент.

Средняя сложность алгоритма  $O(n \log n)$ , она не зависит от входного массива и всегда такова.

#### 1.3 Insertion sort

Insertion sort, также известная как сортировка вставками, работает на данном принципе:

1) Массив делится на две части, отсортированную ("левая") и нет ("правая");

- 2) Берется один элемент из неотсортированной части массива и вставляется в сортированную, в соответствии с необходимым местоположением;
- 3) Процесс повторяется, до окончания неотсортированной части массива.

Пример работы сортировки вставками показан на рисунке 1.3.1.

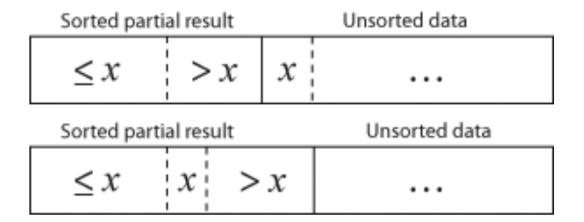


Рисунок 1.3.1 – Принцип работы сортировки вставками Средняя сложность алгоритма  $O(n^2)$ , такая же, как и худшая.

#### 1.4 Bubble sort

Bubble sort (Сортировка пузырьком) – метод сортировки массива, путем последовательного сравнения и обмена соседних элементов, если последующий меньше предыдущего. Принцип его работы можно описать так:

- 1) Проходим массив от первого элемента до последнего, сравнивая их друг с другом, и если предыдущий элемент больше последующего, меняя их;
  - 2) Повторяем этот процесс столько раз, сколько элементов в массиве. Пример работы алгоритма показан на рисунке 1.4.1.

Данный алгоритм плох в реальном мире и используется как демонстрация для обучения.

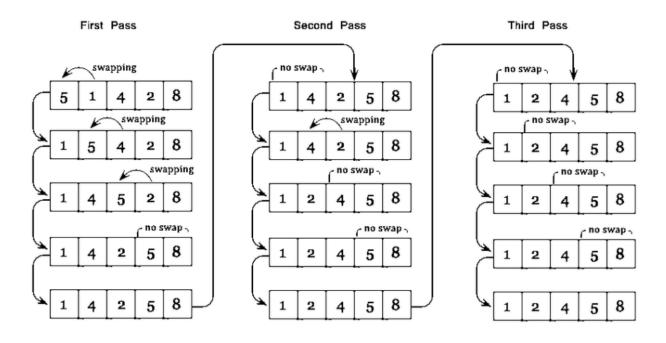


Рисунок 1.4.1 – Принцип работы Bubble sort

Средняя сложность алгоритма  $O(n^2)$ , такая же, как и худшая.

#### 1.5 Bogosort

Bogosort – самый неэффективный алгоритм сортировки, используемый только в образовательных целях. Принцип работы его прост, пока массив не отсортирован, он случайно меняет элементы массива в нем.

Принцип работы алгоритма показан на рисунке 1.5.1.

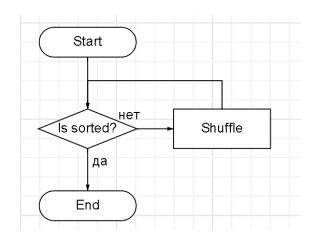


Рисунок 1.5.1 - Принцип работы Bogosort

Вне зависимости от входных данных сложность алгоритма  $O(n \cdot n!)$ ,

## 2 РЕАЛИЗАЦИЯ

Для наглядности процессов сортировки была написана программа, визуализирующая массив. Пример отсортированного массива и перемешенного показан на рисунках 2.1 и 2.2. Ниже продемонстрированы пять рисунков (2.3, 2.4, 2.5, 2.6, 2.7), соответствующие Quick sort, Heap sort, Insertion sort, Bubble sort и Bogosort для демонстрации процесса сортировки массива из тысячи элементов.

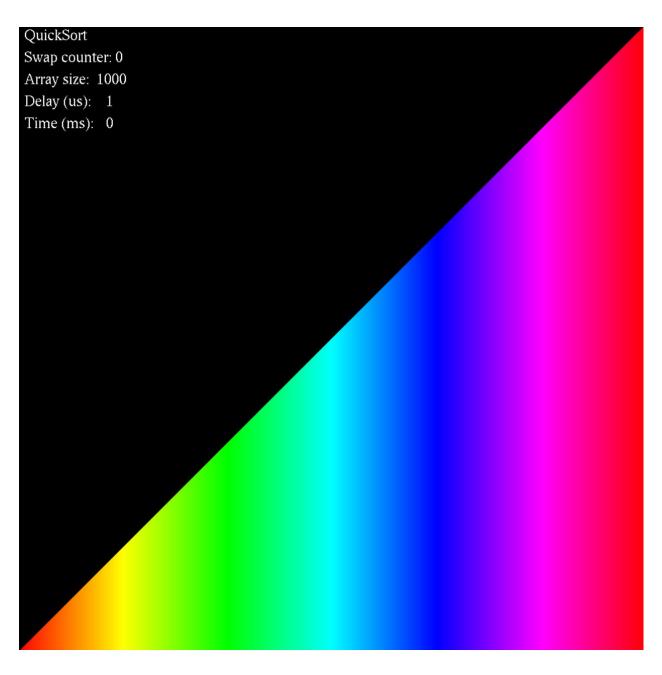


Рисунок 2.1 – Отсортированный массив на тысячу элементов

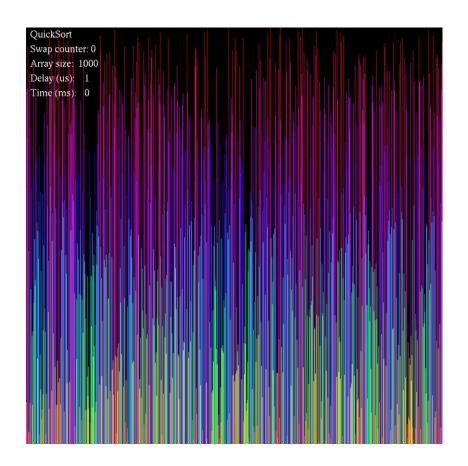


Рисунок 2.2 – Перемешанный массив на тысячу элементов

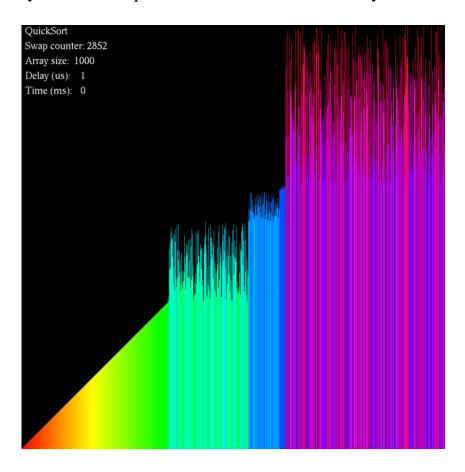


Рисунок 2.3 – Процесс сортировки массива при помощи Quick sort

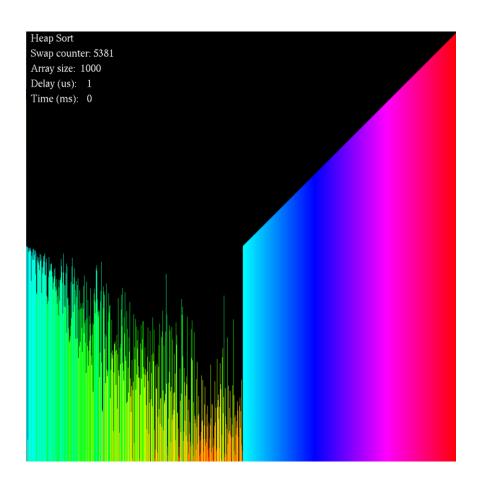


Рисунок 2.4 – Процесс сортировки массива при помощи Heap sort

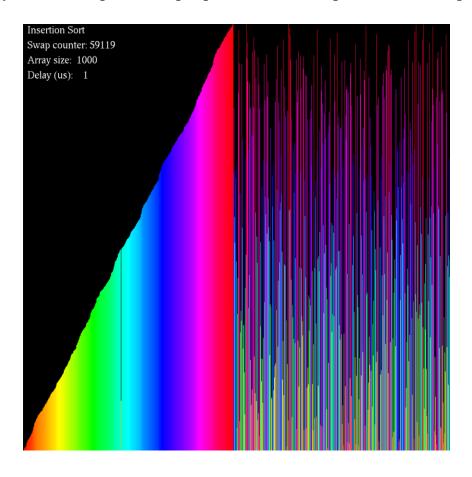


Рисунок 2.5 – Процесс сортировки массива при помощи Insertion sort

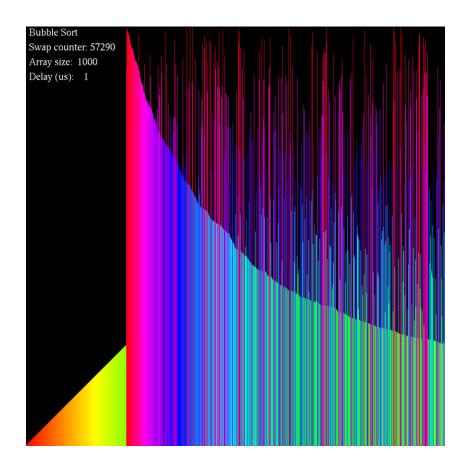


Рисунок 2.6 – Процесс сортировки массива при помощи Bubble sort

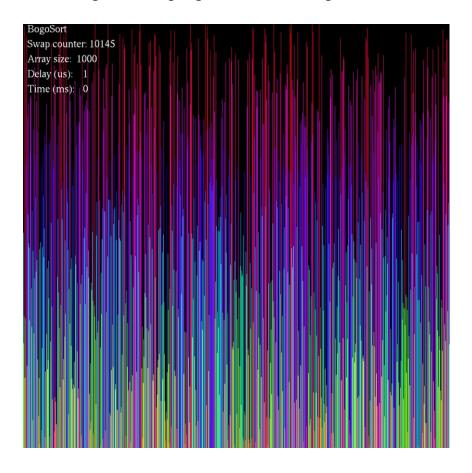


Рисунок 2.7 – Случайный массив Bogosort

## 3. ЗАТРАТЫ ПО ОПЕРАЦИЯМ И ВРЕМЕНИ И ОПЕРАЦИЯМ

#### 3.1 Экспериментальные данные

Проведем суммарно сто опытов, по пять на каждый из типов сортировок, для массивов размером 5, 10, 100 и 100 элементов и запишем все в таблицу 1. Задержка перед обменами элементов для 5 элементов — 1024 мкс, а для остальных случаев — 1 мкс. Также, при каждом смене элементов местами, мы считаем событие и заносим в экспериментальную таблицу.

Таблица 1 - Эксперементальные данные

Nº	Ν, шт	Quick	sort	Неар	sort	Insertic	on sort	Bubbl	e sort	Bogo	sort
Nı⊡		Swap, шт	t, mc	Swap, шт	t, MC	Swap, шт	t, MC	Swap, шт	t, mc	Swap, шт	t, мс
1	5	7	15	8	16	3	9	3	8	29	57
2	5	5	12	8	15	2	7	1	4	54	107
3	5	8	18	9	19	7	17	3	9	839	1594
4	5	5	12	10	21	3	9	6	14	3069	5940
5	5	6	13	9	21	7	15	2	8	344	670
1	10	16	2	21	1	24	3	26	2	3,2E+07	-
2	10	18	1	28	2	15	1	25	2	-	-
3	10	18	2	25	1	22	5	29	2	-	-
4	10	18	0	28	1	25	2	15	1	-	-
5	10	21	3	26	1	18	1	24	1	-	-
1	100	460	5	578	7	2471	476	2375	394	-	-
2	100	397	5	561	8	2399	448	2469	461	-	-
3	100	453	6	589	10	2485	485	2336	385	-	-
4	100	399	6	588	7	2183	312	2444	241	-	-
5	100	421	8	584	7	2310	401	2590	521	-	-
1	1000	5793	2218	9059	3249	246479	85660	247505	84888	-	-
2	1000	5672	2065	9100	3298	251560	88715	259800	86372	-	-
3	1000	6388	2414	9106	3392	252936	87488	253672	91818	-	-
4	1000	6725	2464	9079	3401	247804	86179	248081	88610	-	-
5	1000	5245	1907	9112	3128	239657	83630	253783	90636	-	-

Таким образом, Bogosort не удалось отсортировать даже 10 элементов и спустя 4 часа сортировки эксперимент пришлось прервать. Количество смен элементов местами показано на рисунке 3.1.1.

По данным из таблицы 1, посчитаем средние значения и занесем их в таблицу 2.

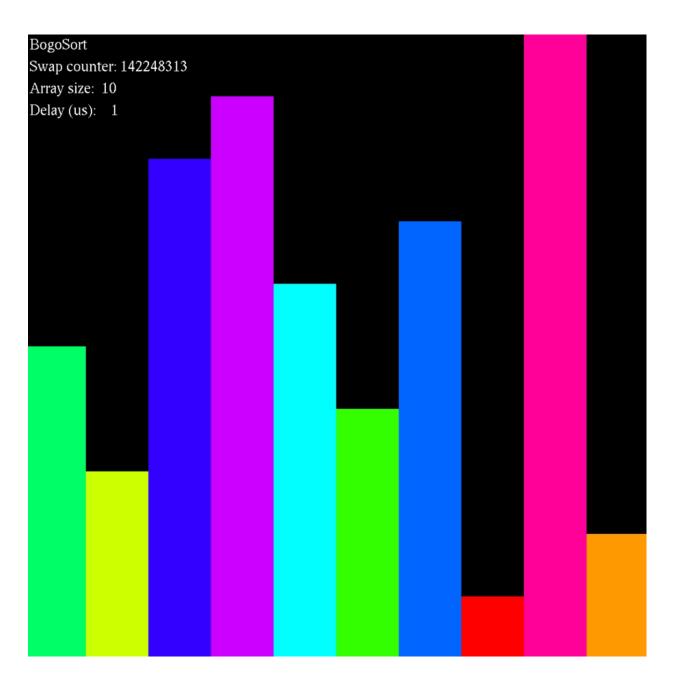


Рисунок 3.1.1 – Прекращение сортировки при помощи Bogosort.

Таблица 2 - Средние показатели

_	- P										
	Ν, шт	Quick sort		Heap sort		Insertion sort		Bubble sort		Bogosort	
		Swap, шт	t, MC	Swap, шт	t, MC	Swap, шт	t, MC	Swap, шт	t, MC	Swap, шт	t, MC
	5	6,2	14	8,8	18,4	4,4	11,4	3	8,6	867	1673,6
	10	18,2	1,6	25,6	1,2	20,8	2,4	23,8	1,6	-	-
	100	426	6	580	7,8	2369,6	424,4	2442,8	400,4	-	-
	1000	5964,6	2213,6	9091,2	3293,6	247687	86334,4	252568	88464,8	-	-

Построим график количества обмена элементов в массиве от максимального количества элементов в массиве и изобразим это, но рисунке 3.1.2.

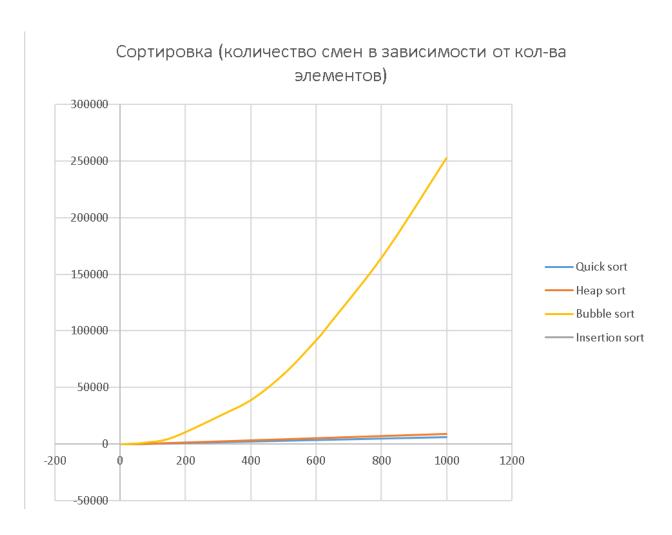


Рисунок 3.1.2 – Зависимость количества обмена переменных в зависимости от количества элементов в массиве

# 3.2 Среднеквадратичное отклонение. Время на сортировку в зависимости от количества элементов

Составим таблицу 3 среднеквадратичного отклонения для всех экспериментальных данных из таблицы 1.

Таблица 3 - Среднеквадратичное отклонение

Nº	) Nur	• • •	•	• • • •	N ur	ца 5 - Среднек	•	•	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		k sort		sort	Inserti	on sort	Bubbl	e sort	Bog	osort
MS	м, шт	σswap	$\sigma$ time	σswap	<b>O</b> time	σswap	$\sigma$ time	σswap	$\sigma$ time	σswap	$\sigma$ time								
1	5	0,64	1	0,64	5,76	1,96	5,76	0	0,36	702244	2613396								
2	5	1,44	4	0,64	11,56	5,76	19,36	4	21,16	660969	2454236								
3	5	3,24	16	0,04	0,36	6,76	31,36	0	0,16	784	6336,16								
4	5	1,44	4	1,44	6,76	1,96	5,76	9	29,16	4848804	1,8E+07								
5	5	0,04	1	0,04	6,76	6,76	12,96	1	0,36	273529	1007213								
1	10	4,84	0,16	21,16	0,04	10,24	0,36	4,84	0,16	-	-								
2	10	0,04	0,36	5,76	0,64	33,64	1,96	1,44	0,16	-	-								
3	10	0,04	0,16	0,36	0,04	1,44	6,76	27,04	0,16	-	-								
4	10	0,04	2,56	5,76	0,04	17,64	0,16	77,44	0,36	-	-								
5	10	7,84	1,96	0,16	0,04	7,84	1,96	0,04	0,36	-	-								
1	100	1156	1	4	0,64	10282	2662,56	4596,84	40,96	-	-								
2	100	841	1	361	0,04	864,36	556,96	686,44	3672,36	-	-								
3	100	729	0	81	4,84	13317,2	3672,36	11406,2	237,16	-	-								
4	100	729	0	64	0,64	34819,6	12633,8	1,44	25408,4	-	-								
5	100	25	4	16	0,64	3552,16	547,56	21667,8	14544,4	-	-								
1	1000	29446,6	19,36	1036,84	1989,16	1459747	454815	2,6E+07	1,3E+07	-	-								
2	1000	85614,8	22082	77,44	19,36	1,5E+07	5667256	5,2E+07	4379812	-	-								
3	1000	179268	40160,2	219,04	9682,56	2,8E+07	1330793	1218374	1,1E+07	-	-								
4	1000	578208	62700,2	148,84	11534,8	13642,2	24149,2	2E+07	21083	-	-								
5	1000	517824	94003,6	432,64	27423,4	6,4E+07	7313779	1475739	4714109	-	-								

Таким образом видно, что Bogosort имеет максимальное среднеквадратичное отклонение даже на 5 элементах.

Теперь занесем время на один обмен в таблицу 4.

Таблица 4 - Время на один обмен

Ν, шт	Quick sort	Heap sort	Insertion sort	Bubble sort	Bogosort
5	0,442857143	0,47826087	0,385964912	0,348837209	0,518044933
10	11,375	21,33333333	8,666666667	14,875	-
100	71	74,35897436	5,583411876	6,100899101	-
1000	2,694524756	2,760262327	2,86892826	2,85501352	-

Посмотрев на время на один обмен для 1000 элементов, можно получить самые правдивые данные. Как видим, сортировка вставками и пузырьком дольше всего оперируют данными перед обменом, а быстрая сортировка оказалась быстрее всех.

Теперь посмотрим, сколько требуется времени на элемент, который необходимо отсортировать потребуется, в зависимости от типа сортировки и занесем данные в таблицу 5.

Таблица 5 - Время на сортировку (Время/элементы)

Ν, шт	Quick sort	Heap sort	Insertion sort	Bubble sort	Bogosort
5	2,8	3,68	2,28	1,72	334,72
10	0,16	0,12	0,24	0,16	-
100	0,06	0,078	4,244	4,004	-
1000	2,2136	3,2936	86,3344	88,4648	-

После всех данных, которые мы получили, можем опытным путем проверить временную сложность алгоритмов.

## вывод

В результате проведения работы были разобраны пять разных типов сортировки, проведен их сравнительный анализ по времени и количеству смен элементов, а также экспериментальным способом получена средняя временная сложность алгоритмов.

#### КОД ПРОГРАММЫ

```
#include <algorithm>
void counterMessage(std::string message);
void swap(int index1, int index2);
void arrayColor(int i, float l);
int setUp(int argc, char **argv);
void render();
void displayText(float x, float y, float red, float green, float blue, char
*string);
void polygon(float leftX, float rightX, float bottomY, float topY);
roid visualizeQuickSort(int *a, int length);
```

```
void visualizeBogoSort(int *a, int length);
void shuffle(int *a, int length);
void visualizeHeapSort(int *a, int length);
void isItRunning();
```

```
setUp(argc, argv);
   free (arr);
void counterMessage(std::string message) {
void isItRunning() {
void fillArray() {
   free(arr);
   arr = (int *) malloc(sizeof(int) * length);
void swap(int index1, int index2) {
void arrayColor(int i, float l) {
```

```
glutDisplayFunc(render);
               polygon(leftX, rightX, bottomY, topY);
               float arrayHeight = 2 * (arr[i] + 1) / 1;
float arrayWidthSum = 2 * i / 1;
```

```
std::sprintf(charSwapCounter, "%d", swapCounter);
displayText(-0.98, 0.88, 1, 1, 1, "Swap counter:");
displayText(-0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66, 0.66,
void polygon(float leftX, float rightX, float bottomY, float topY) {
void displayText(float x, float y, float red, float green, float blue, char
void keyboardEvent(unsigned char key, int x, int y) {
                                                                                               endTime = clock();
```

```
sortTime = endTime - startTime;
if (typeSort % 2 == 1) length = 26;
```

```
sort = visualizeBogoSort;
           sort = visualizeInsertionSort;
int partition(int *a, int low, int high) {
```

```
roid visualizeBogoSort(int *a, int length) {
void visualizeInsertionSort(int *a, int length) {
      isItRunning();
void visualizeHeapSort(int *a, int length) {
void heapify(int *a, int length, int i) {
```

```
largest = right;
```