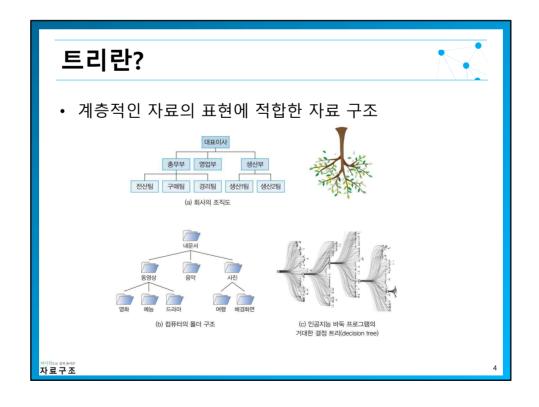
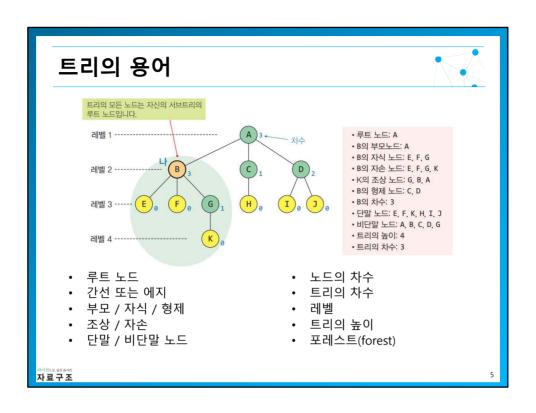
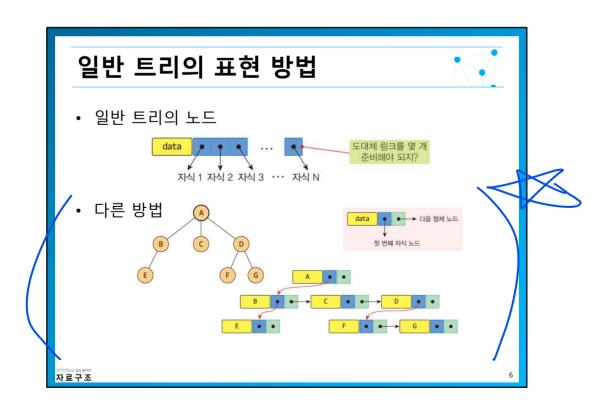


8.1 트리란? • 계층적인 자료의 표현에 적합한 자료 구조 • 일반트리의 표현 방법





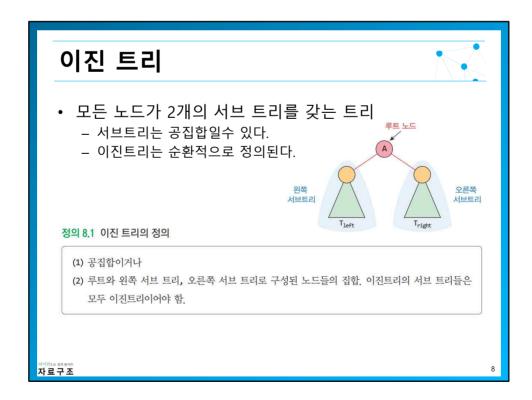


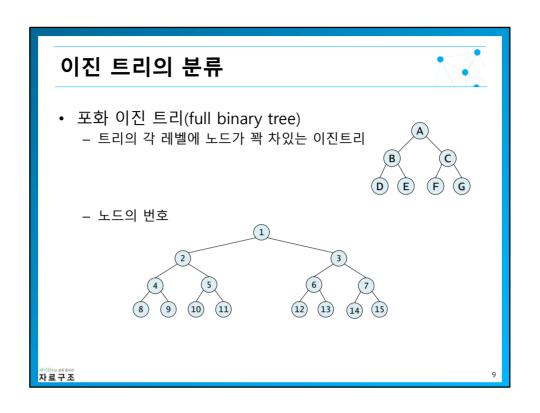
8.2 이진 트리

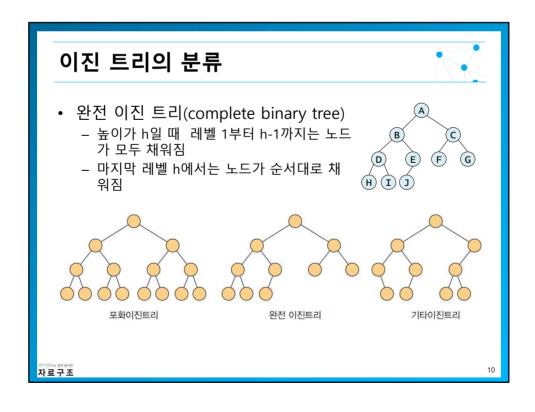
N

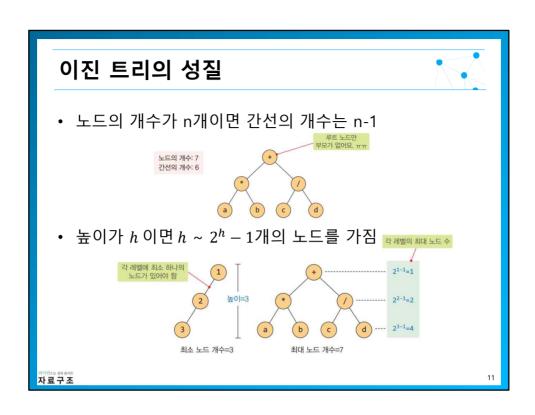
- 이진트리는 순환적으로 정의된다.
- 이진트리의 종류와 성질
- 이진트리의 표현 방법

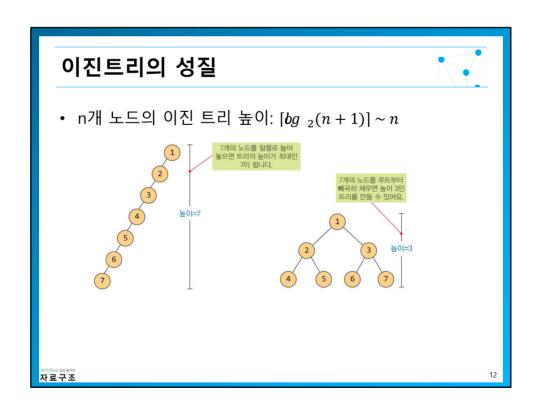
자료구조

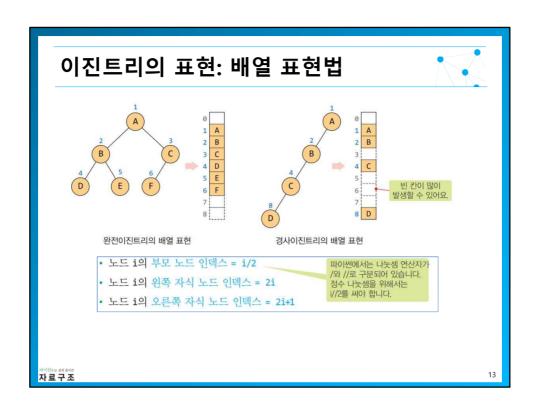


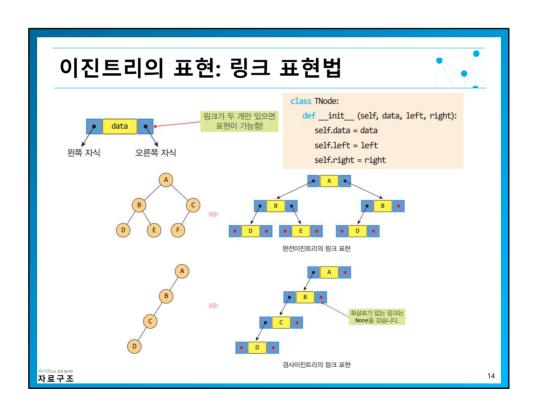




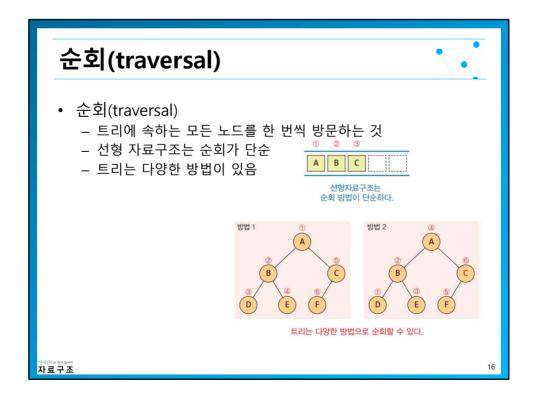


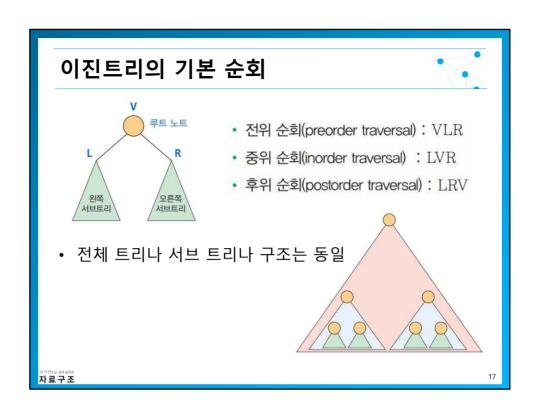


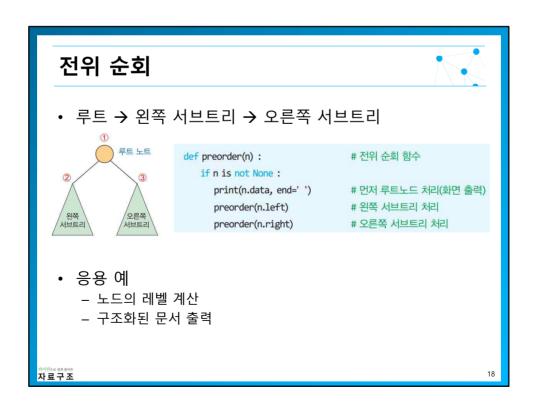


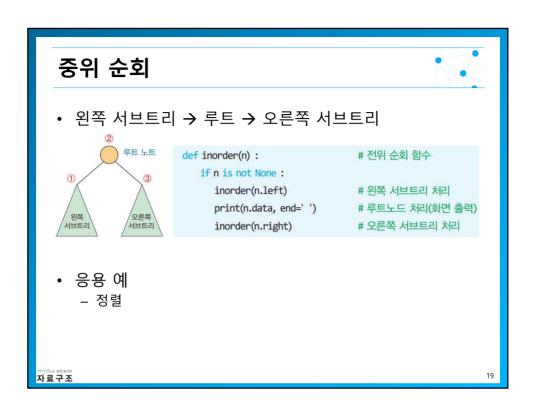


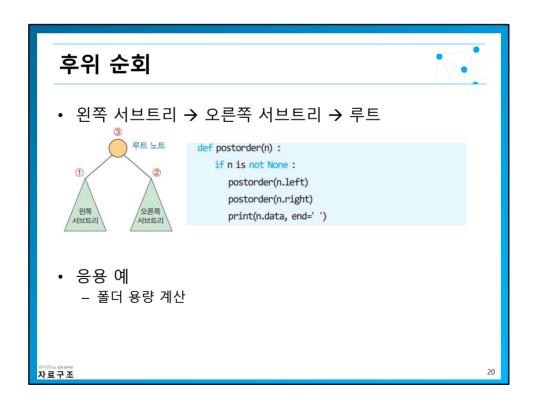
8.3 이진트리의 연산 • 순회 - 전위 - 중위 - 후위 - 레벨 • 전체 노드 개수 • 단말 노드의 수 • 높이 계산

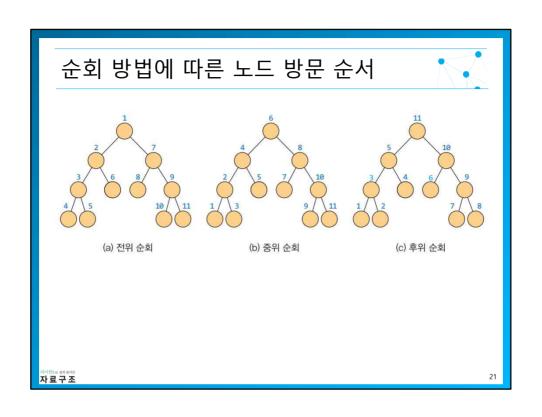


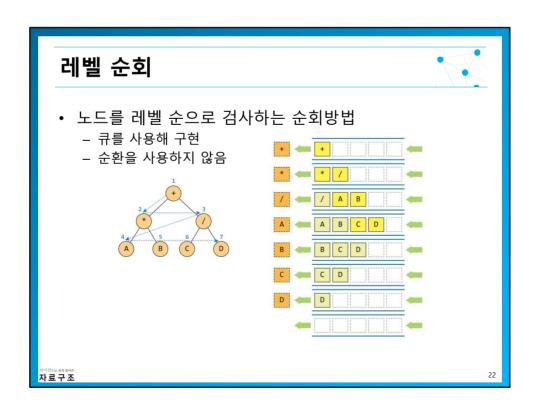






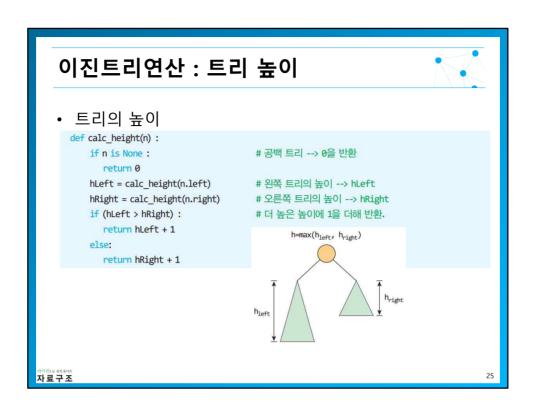


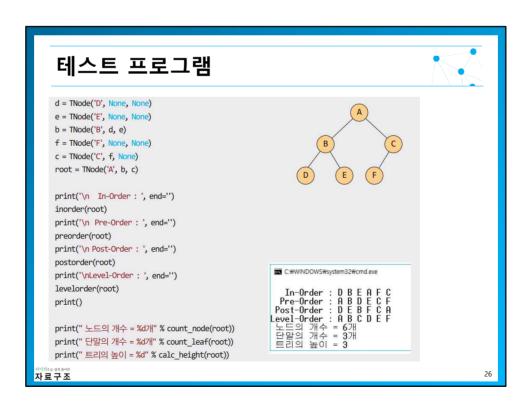




```
레벨 순회 알고리즘
    def levelorder(root) :
      queue = CircularQueue()
                                 # 큐 객체 초기화
      queue.enqueue(root)
                                  # 최초에 큐에는 루트 노드만 들어있음.
      while not queue.isEmpty() :
                                  # 큐가 공백상태가 아닌 동안,
                                  # 큐에서 맨 앞의 노드 n을 꺼냄
         n = queue.dequeue()
         if n is not None:
           print(n.data, end=' ')
                                 # 먼저 노드의 정보를 출력
           queue.enqueue(n.left)
                                  # n의 왼쪽 자식 노드를 큐에 삽입
           queue.enqueue(n.right)
                                  # n의 오른쪽 자식 노드를 큐에 삽입
자료구조
```

```
이진트리연산: 노드 개수, 단말 노드의 수
   • 노드 개수
    def count_node(n): # 순환을 이용해 트리의 노드 수를 계산하는 함수.
       if n is None:
                     # n0| None0|면 공백 트리 --> 0을 반환
         return 0
                      # 좌우 서브트리의 노드수의 합 + 1을 반환 (순환이용)
        return 1 + count_node(n.left) + count_node(n.right)
   • 단말 노드의 수
    def count_leaf(n) :
       if n is None:
                                     # 공백 트리 --> 0을 반환
       elif n.left is None and n.right is None: #단말노드 --> 1을 반환
         return 1
                                     # 비단말 노드: 좌우 서브트리의 결과 합을 반환
         return count_leaf(n.left) + count_leaf(n.right)
자료구조
```





8.4 응용: 모르스 코드 결정트리



- 모르스 코드
- 인코딩
- 디코딩 방법 개선 → 결정트리
- 결정 트리 알고리즘

파이벤으로 4개 등어운 자 료 구 조 27

모르스 코드 결정트리



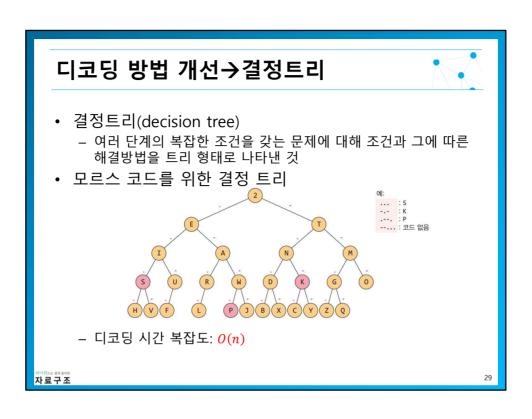
- 모르스 부호
 - 도트(점)와 대시(선)의 조합으로 구성된 메시지 전달용 부호
 - SOS: ... --- ...
- 모르스 부호 표

A	В	C	D	Ε.	F
G	н	Ι	J	K	L
M	N	0	Р	Q	R
s	Т-	U	٧	W	x
v	7				

- 인코딩: 알파벳에서 모르스 코드로 변환
 - 표에서 바로 찾음: *0*(1)
 - 예) PYTHON: .--. ---
- 디코딩: 표에서 순차 탐색
 - 표에서 순차 탐색: ⁰(n)
 - 예) .--. -.-- --- -. ???

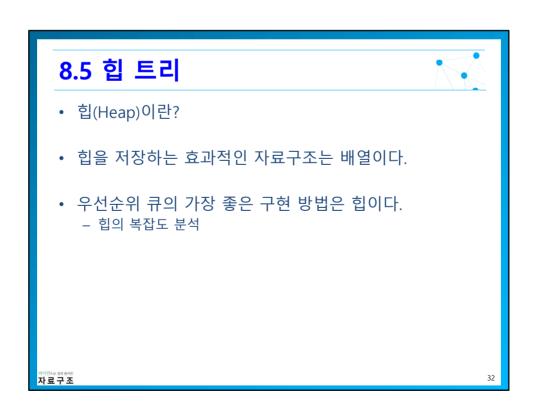
파이벤으로 쉽게 좋어한 자료구조

28



```
모르스 코드의 결정 트리 알고리즘
   def make_morse_tree():
      root = TNode( None, None, None )
      for tp in table :
                                      # 모르스 코드
        code = tp[1]
         node = root
         for c in code:
                                      # 맨 마지막 문자 이전까지 --> 이동
            if c == '.' :
                                       # 왼쪽으로 이동
              if node.left == None :
                                      # 비었으면 빈 노드 만들기
                node.left = TNode (None, None, None)
              node = node.left
                                     # 그쪽으로 이동
            elif c == '-' :
                                      # 오른쪽으로 이동
              if node.right == None :
                                      # 비었으면 빈 노드 만들기
                node.right = TNode (None, None, None)
              node = node.right
                                      # 그쪽으로 이동
         node.data = tp[0]
                                       # 코드의 알파벳
      return root
자료구조
```



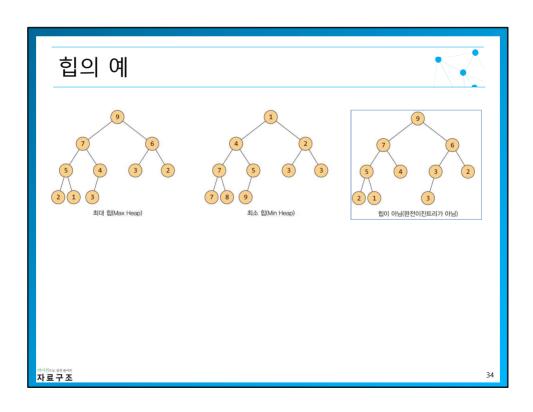


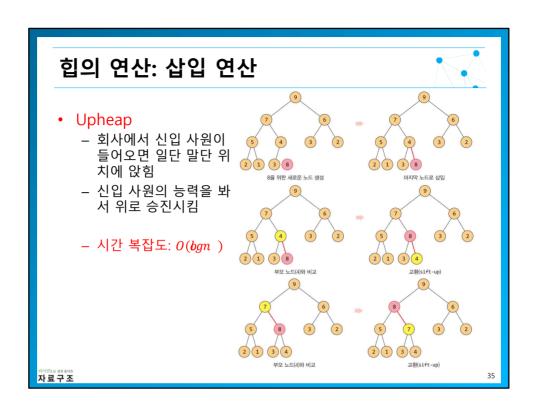
합(Heap)이란? • 힙(Heap)이란? - "더미"와 모 습이 비슷한 완전이진트리 기반의 자료 구조 - 가장 큰(또는 작은) 값을 빠르게 찾아내도록 만들어진 자료 구조 - 최대 힙, 최소 힙 정의 8.2 최대 힙, 최소 힙의 정의 • 최대 힙(max heap): 부모 노드의 키 값이 자식 노드의 키 값보다 크거나 같은 완전이진트리 (key(부모노드) ≥ key(자식노드))

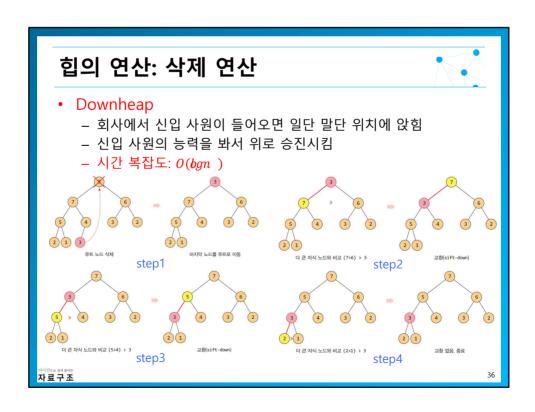
• 최소 힙(min heap): 부모 노드의 키 값이 자식 노드의 키 값보다 작거나 같은 완전이진트리

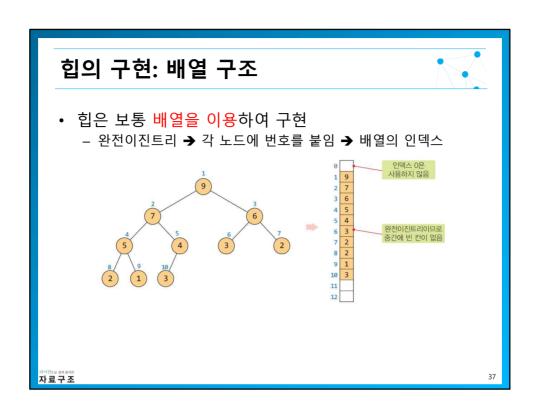
(key(부모노드) ≤ key(자식노드))

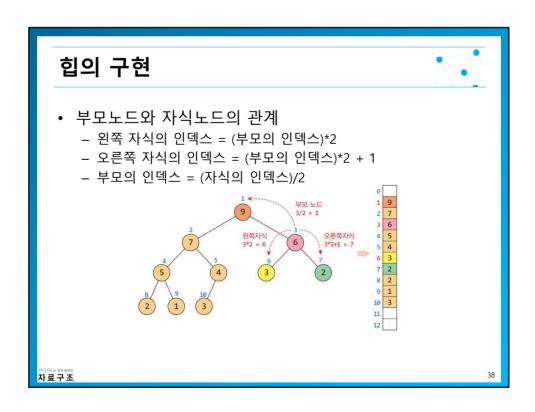
파이벤으로 설계 등어준 자 료 구 조









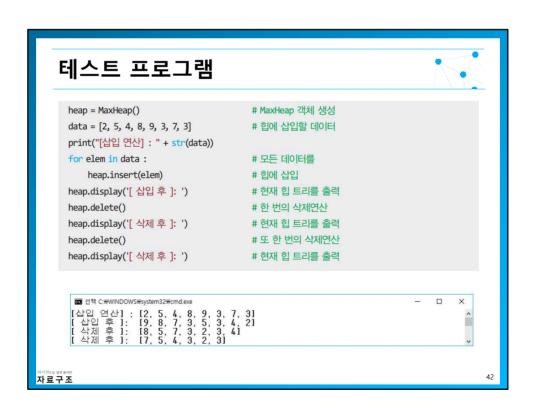




```
호마 합: 삽입 연산

def insert(self, n):
    self.heap.append(n) # 맨 마지막 노드로 일단 삽입
    i = self.size() # 노드 n의 위치
    while (i != 1 and n > self.Parent(i)): # 부모보다 큰 동안 계속 업합
    self.heap[i] = self.Parent(i) # 부모를 끌어내림
    i = i // 2 # i를 부모의 인덱스로 올림
    self.heap[i] = n # 마지막 위치에 n 삽입
```

```
최대 힙: 삭제 연산
       def delete(self) :
           parent = 1
           child = 2
           if not self.isEmpty():
             hroot = self.heap[1]
                                            # 삭제할 루트를 복사해 둠
             last = self.heap[self.size()] # 마지막 노드
while (child <= self.size()): # 마지막 노드 이전까지
                 # 만약 오른쪽 노드가 더 크면 child를 1 증가 (기본은 왼쪽 노드)
                 if child<self.size() and self.Left(parent)<self.Right(parent):</pre>
                    child += 1
                  if last >= self.heap[child] : # 더 큰 자식이 더 작으면
                    break;
                                              # 삽입 위치를 찾음. down-heap 종료
                  self.heap[parent] = self.heap[child] # 아니면 down-heap 계속
                  parent = child
                 child *= 2;
              self.heap[parent] = last
                                              # 맨 마지막 노드를 parent위치에 복사
              self.heap.pop(-1)
                                              # 맨 마지막 노드 삭제
              return hroot
                                              # 저장해두었던 루트를 반환
자료,
```



힙의 복잡도 분석



- 삽입 연산에서 최악의 경우
 - 루트 노드까지 올라가야 하므로 트리의 높이에 해당하는 비교 연산 및 이동 연산이 필요하다.
 - → O(logn)
- 삭제연산 최악의 경우
 - 가장 아래 레벨까지 내려가야 하므로 역시 트리의 높이 만큼의 시간이 걸린다.
 - → O(logn)

파이벤으로 쉽게 좋어한 자료구조 43

8.6 힙의 응용: 허프만 코드



- 허프만 코드란?
- 허프만 코딩 트리 생성 프로그램

파이쩐으로 4개 등어는 자 료 구 조 44

