

## 10장. 학습 목표



- 그래프의 개념을 이해한다.
- 그래프를 표현하는 방법을 이해한다.
- 파이썬의 내장 자료형을 이용해 그래프를 표현하는 방법들을 이해한다.
- 그래프의 탐색 방법을 이해한다.
- 그래프 탐색을 이용한 문제해결 능력을 배양한다.
- 다양한 문제에 그래프를 활용할 수 있는 능력을 기른다.

파이젠으로 4개 등어는 자 료 구 조

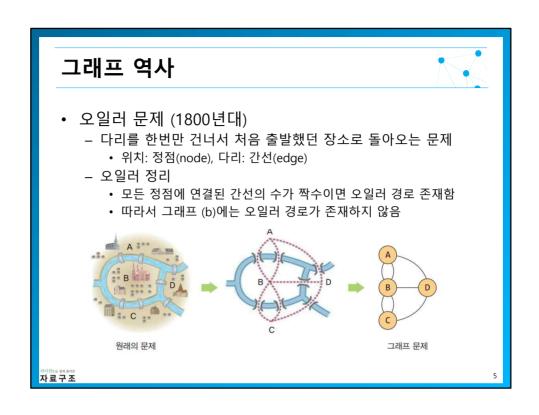
### 10.1 그래프란?

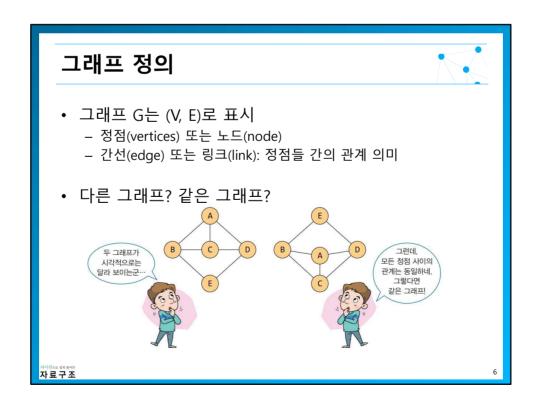


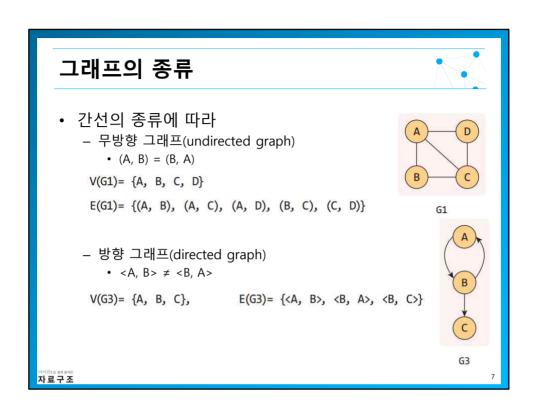
- 그래프의 역사
- 그래프의 정의,
- 그래프의 종류,
- 그래프 용어
- 그래프 ADT

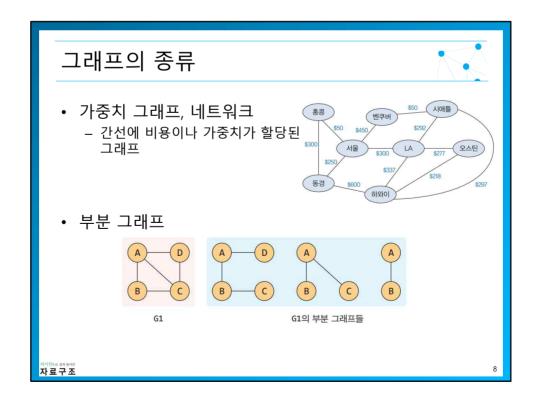
파이센으로 4개 등어는 자 료 구 조

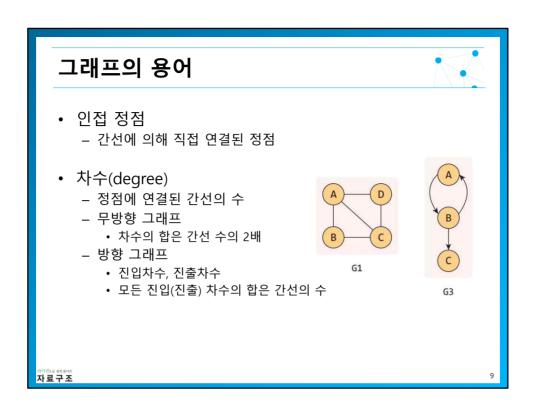
## 

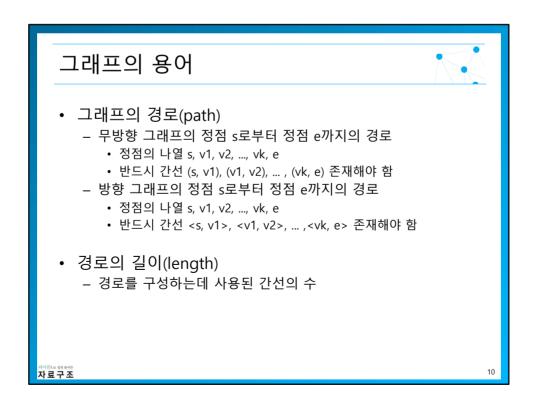


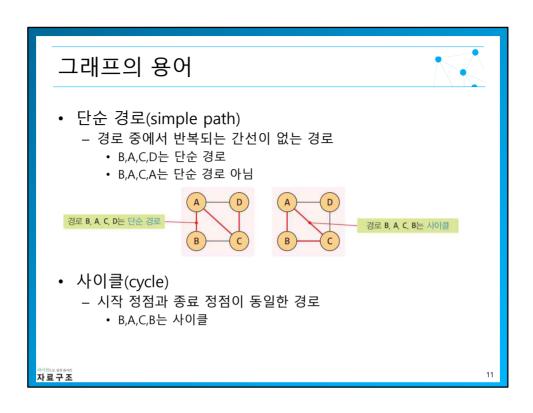


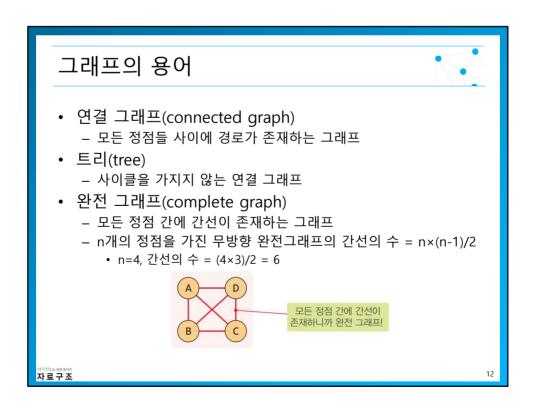






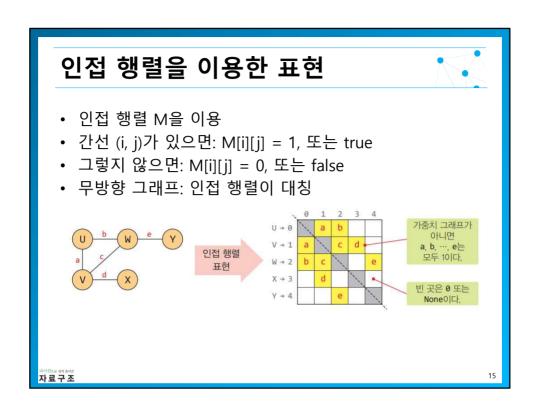


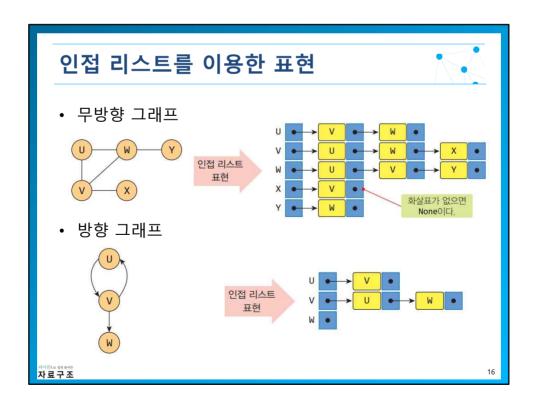




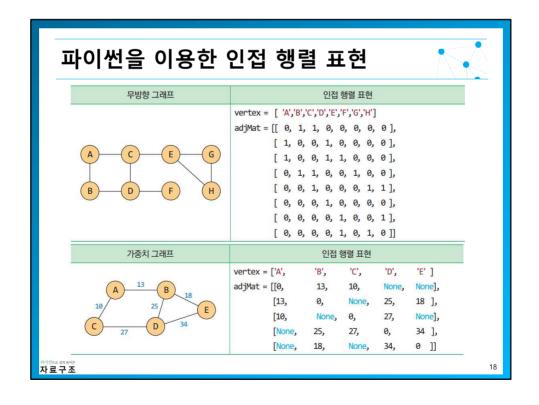


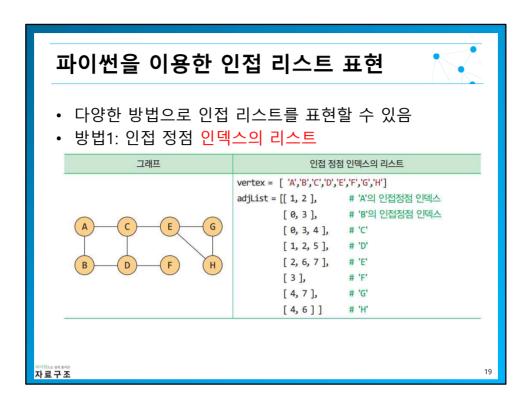
# 

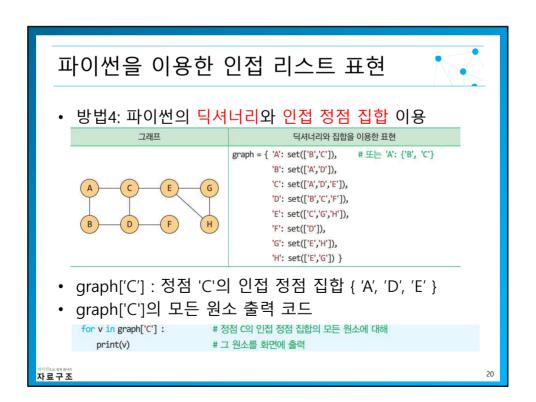




인접 행렬과 인접 리스트의 복잡도 비교			
인접 행렬	인접 리스트		
간선의 수에 무관하게 항상 $n^2$ 개의 메모리 공간이 필요하다. 따라서 정점에 비해 간선의 수가 매우 많은 조밀 그래프(dense graph)에서 효과적이다.	n개의 연결 리스트가 필요하고, 2e개의 노드가 필요하다. 즉 $n+2e$ 개의 메모리 공간이 필요하다. 따라서 정점에 비해 간선의 개수가 매우 적은 희소 그래프 (sparse graph)에서 효과적이다.		
u와 v를 연결하는 간선의 유무는 $M[u][v]$ 를 조사하면 바로 알 수 있다. 따라서 $getEdge(u,v)$ 의 시간 복잡도는 $O(1)$ 이다.	getEdge(u,v)연산은 정점 u의 연결 리스트 전체를 조사해야 한다. 정점 u의 차수를 $d_u$ 라고 한다면 이 연산의 시간 복잡도는 $O(d_u)$ 이다.		
정점의 차수를 구하는 $degree(\mathbf{v})$ 는 정점 $\mathbf{v}$ 에 해당하는 행을 조사하면 되므로 $O(n)$ 이다. 즉, 정점 $\mathbf{v}$ 에 대한 차수는 다음과 같이 계산된다. $degree(v) = \sum_{k=0}^{n-1} M[v][k]$	정점 v의 차수 $degree(v)$ 는 v의 연결 리스트의 길이 를 반환하면 된다. 따라서 시간 복잡도는 $O(d_v)$ 이다.		
정점 v의 인접 정점을 구하는 adjacent(v)연산은 해 당 행의 모든 요소를 검사하면 되므로 $O(n)$ 의 시간이 요구된다.	정점 v에 간선으로 직접 연결된 모든 정점을 구하는 adjacent(v)연산도 해당 연결리스트의 모든 요소를 방문해야 되므로 $O(d_v)$ 이다.		
그래프에 존재하는 모든 간선의 수를 알아내려면 인접 행렬 전체를 조사해야 하므로 $n^2$ 번의 조사가 필요하 다. 따라서 $O(n^2)$ 의 시간이 요구된다.	전체 간선의 수를 알아내려면 헤더 노드를 포함하여 모든 인접 리스트를 조사해야 하므로 $O(n+e)$ 의 연산이 요구된다.		
료구조			







#### 10.3 그래프의 탐색



- 그래프의 탐색이란?
- 깊이 우선 탐색
  - 인접 리스트 구현
- 너비 우선 탐색
  - 인접 리스트 구현
- 탐색 알고리즘 성능

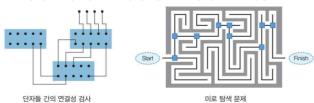
자료구조

21

#### 그래프의 탐색이란?

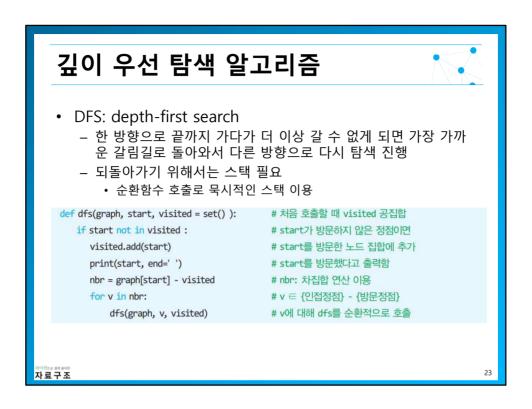


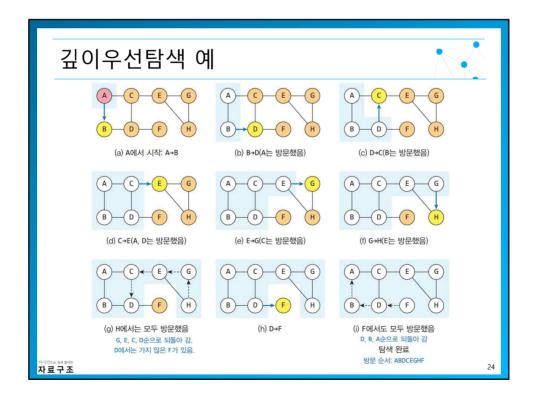
- 가장 기본적인 연산
  - 시작 정점부터 차례대로 모든 정점들을 한 번씩 방문
  - 많은 문제들이 단순히 탐색만으로 해결됨
    - 도로망 예: 특정 도시에서 다른 도시로 갈 수 있는지 여부
    - 전자회로 예: 특정 단자와 다른 단자의 연결 여부

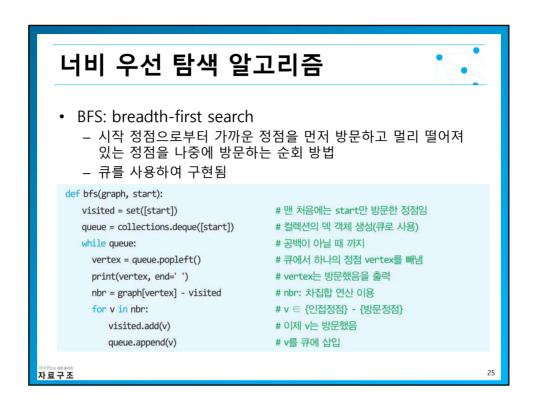


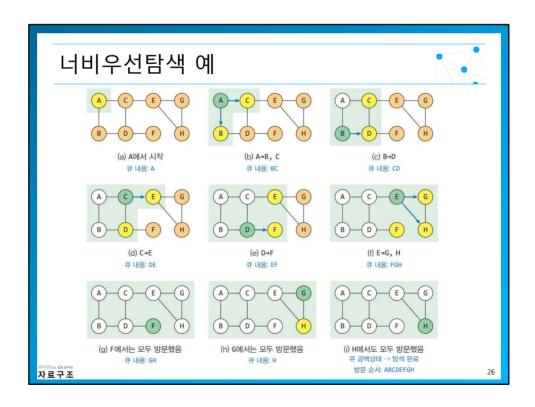
• 방법: 깊이 우선 탐색 (DFS) / 너비 우선 탐색 (BFS)

파이젠으로 4개 등어준 **자 료 구 조**  22









#### 탐색 알고리즘 성능



- 깊이 우선 탐색 / 너비 우선 탐색
  - 인접 행렬 표현: <sup>O(n²)</sup>
  - 인접 리스트로 표현: O(n+e)
- 완전 그래프와 같은 조밀 그래프 > 인접 행렬이 유리
- 희소 그래프 > 인접리스트가 유리

파이센으로 쉽게 풀어온 자 료 구 조 27

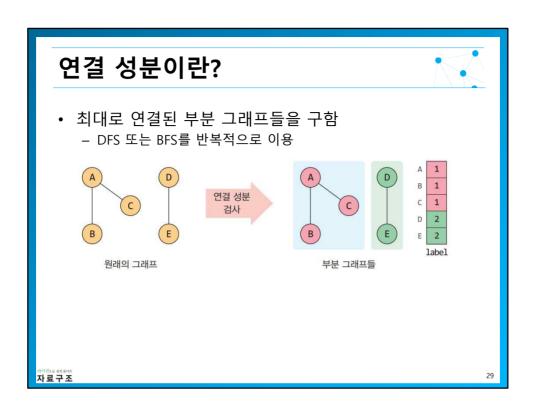
### 10.4 연결 성분 검사

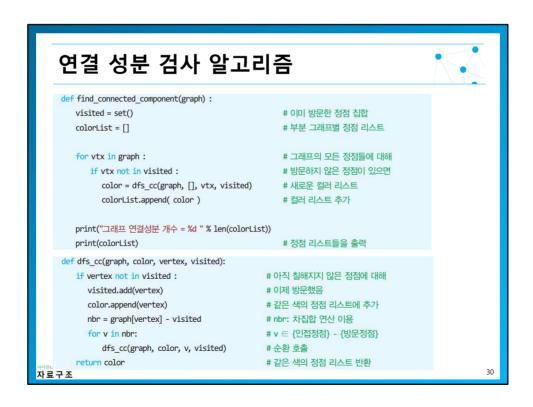


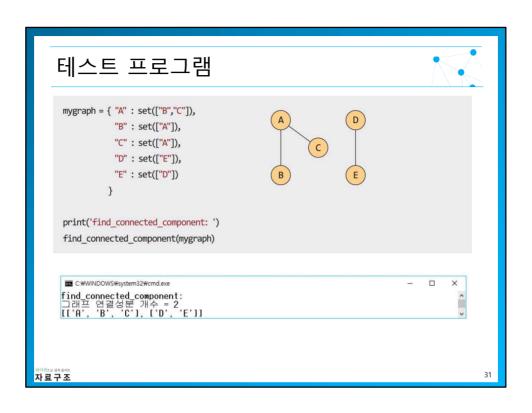
- 연결 성분이란?
- 연결 성분 검사 알고리즘
  - 인접 리스트 구현

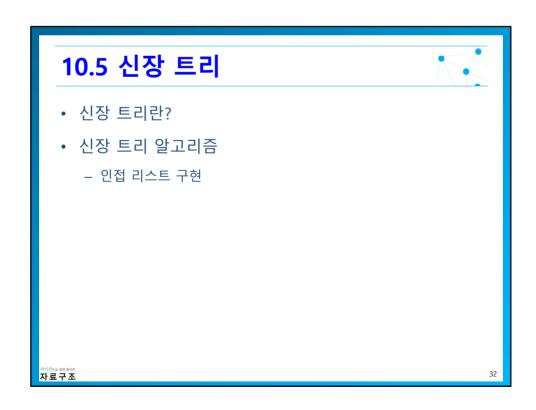
파이젠으로 4개 등어준 **자 료 구 조** 

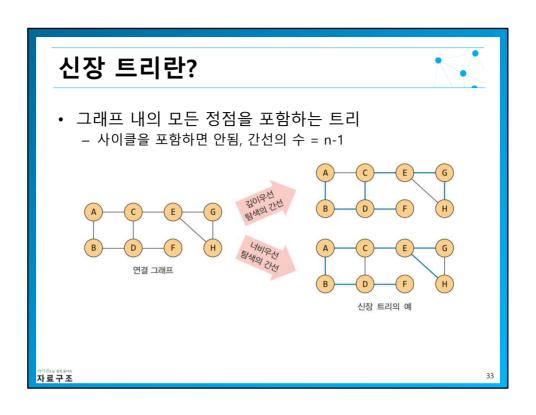
28

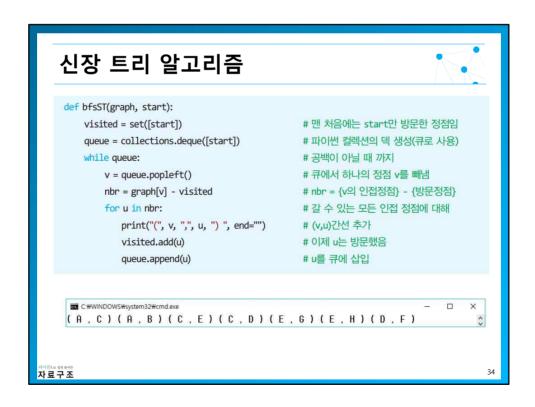












## 10.6 위상 정렬

N

- 위상 정렬이란?
- 신장 트리 알고리즘
  - 인접 행렬 구현

파이벤으로 4개 등어운 자 료 구 조

35

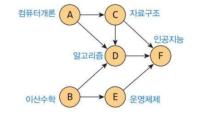
## 위상 정렬이란?



• 방향 그래프에 대해 정점들의 선행 순서를 위배하지 않 으면서 모든 정점을 나열하는 것

과목번호	과목명	선수과목
А	컴퓨터개론	없음
В	이산수학	없음
С	자료구조	А
D	알고리즘	A, B, C
Е	운영체제	В
F	인공지능	C, D, E

교과목의 선후수 관계 표



방향 그래프로 표시한 선후수 관계

파이벤으로 설계 등여준 자 료 구 조

36

