- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

13 gennaio 2010

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)
( - 18 1 )	( ' ' ' ')	(

A B C	D E
-------	-----

1	
2	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

1. Dato  $x \ge 0$ , la serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\log(1+nx)}{n}$$

converge per

A:  $x \le 1$  B: 1 < x C: N.A. D: x > 0 E: x = 0

2. La funzione  $f(x) = \begin{cases} \sin(ax) & \text{per } x < 0 \\ & \text{è derivabile per } x^2 + x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$ 

A:  $a = k\pi$  B: a = 1 C: N.A. D: mai E:  $a \in \mathbb{R}$ 

3. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = e^{x^2}$  è

A: surgettiva B: monotona crescente C: iniettiva D: non derivabile in x = 0 E: N.A.

4. Una soluzione dell'equazione differenziale  $y'(x) = \sinh(x)$  è A:  $\cosh(x) + 1$  B: N.A. C:  $\frac{1}{\cos(x)}$  D: N.E. E:  $e^x - e^{-x}$ 

5. L'integrale

$$\int_{1}^{e} \log(x) \frac{1}{x} \, dx$$

vale

A: 2/e B:  $\frac{1}{2}$  C: N.A. D: 0 E:  $\sqrt{e} + 1$ 

6. Data  $f(x)=(e^x)^x$ . Allora f'(1) è uguale a A:  $\log(2e)$  B: 2e C: N.A. D:  $e^2$  E:  $3e^3$ 

7. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < \pi^2/3\}$$

valgono

A:  $\{0, 0, \pi/6, N.E.\}$  B: N.A. C:  $\{0, 0, 2\pi, 2\pi\}$  D:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$  E:  $\{\pi/6, N.E., 5\pi/6, N.E.\}$ 

8. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \sin^2(3x)$  nel punto  $x_0 = \pi/12$  vale A:  $3x - \frac{\pi}{4} + \frac{1}{2}$  B:  $1 + \sin(3x)(x - \pi/12)$  C: N.A. D:  $1 + x + x^2$  E:  $-\frac{-12x + \pi - 4}{4\sqrt{2}}$ 

9. Modulo e argomento del numero complesso  $z=\left(\frac{\sqrt{3}}{i}\right)^8$  sono A:  $(3^4,\pi/2)$  B: N.A. C:  $(3^5,0)$  D:  $(9^2,0)$  E:  $(27,2\pi)$ 

10. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 + x^2} - 1}{\sin(x^2)}$$

vale

A: 0 B: N.E. C:  $+\infty$  D: N.A. E: 1

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

13 gennaio 2010

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	$\mathbf{C}$	D	$\mathbf{E}$	
		_			

1	
2	0000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	00000

1. Modulo e argomento del numero complesso  $z = \left(\frac{\sqrt{3}}{i}\right)^8$  sono

A:  $(27, 2\pi)$  B:  $(3^5, 0)$  C: N.A. D:  $(9^2, 0)$  E:  $(3^4, \pi/2)$ 

2. La retta tangente al grafico di  $y(x)=\sin^2(3x)$  nel punto  $x_0=\pi/12$  vale

A:  $3x - \frac{\pi}{4} + \frac{1}{2}$  B: N.A. C:  $1 + \sin(3x)(x - \pi/12)$  D:  $-\frac{-12x + \pi - 4}{4\sqrt{2}}$  E:  $1 + x + x^2$ 

3. Dato  $x \ge 0$ , la serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\log(1+nx)}{n}$$

converge per

A: x > 0 B: N.A. C: 1 < x D:  $x \le 1$  E: x = 0

4. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = e^{x^2}$  è

A: surgettiva B: N.A. C: monotona crescente D: non derivabile in x=0 E: iniettiva

5. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < \pi^2/3\}$$

valgono

A:  $\{\pi/6, N.E., 5\pi/6, N.E.\}$  B:  $\{0, 0, \pi/6, N.E.\}$  C:  $\{0, 0, 2\pi, 2\pi\}$  D:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$  E: N.A.

6. Data  $f(x) = (e^x)^x$ . Allora f'(1) è uguale a

A:  $2e B: 3e^3 C: log(2e) D: e^2 E: N.A.$ 

7. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 + x^2} - 1}{\sin(x^2)}$$

vale

A:  $+\infty$  B: 0 C: N.A. D: N.E. E: 1

8. La funzione  $f(x) = \begin{cases} \sin(ax) & \text{per } x < 0 \\ & \text{è derivabile per } x^2 + x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$ 

A: N.A. B: a = 1 C: mai D:  $a \in \mathbb{R}$  E:  $a = k\pi$ 

9. L'integrale

$$\int_{1}^{e} \log(x) \frac{1}{x} \, dx$$

vale

A:  $\sqrt{e} + 1$  B:  $\frac{1}{2}$  C: 2/e D: N.A. E: 0

10. Una soluzione dell'equazione differenziale  $y'(x) = \sinh(x)$  è

A:  $\frac{1}{\cos(x)}$  B: N.E. C: N.A. D:  $e^x - e^{-x}$  E:  $\cosh(x) + 1$ 

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

13 gennaio 2010

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

1	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

1. Una soluzione dell'equazione differenziale  $y'(x) = \sinh(x)$  è

A: N.A. B: N.E. C: 
$$e^x - e^{-x}$$
 D:  $\cosh(x) + 1$  E:  $\frac{1}{\cos(x)}$ 

2. Dato  $x \geq 0,$ la serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\log(1+nx)}{n}$$

converge per

A: N.A. B: 
$$x > 0$$
 C:  $x = 0$  D:  $x \le 1$  E:  $1 < x$ 

3. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \sin^2(3x)$  nel punto  $x_0 = \pi/12$  vale

A: 
$$1 + x + x^2$$
 B:  $-\frac{-12x + \pi - 4}{4\sqrt{2}}$  C:  $1 + \sin(3x)(x - \pi/12)$  D: N.A. E:  $3x - \frac{\pi}{4} + \frac{1}{2}$ 

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < \pi^2/3\}$$

valgono

A: 
$$\{0,0,2\pi,2\pi\}$$
 B:  $\{-\infty,N.E.,+\infty,N.E.\}$  C:  $\{\pi/6,N.E.,5\pi/6,N.E.\}$  D:  $\{0,0,\pi/6,N.E.\}$  E: N.A.

5. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 + x^2} - 1}{\sin(x^2)}$$

vale

A: N.E. B: 
$$+\infty$$
 C: 1 D: 0 E: N.A.

6. La funzione  $f(x) = \begin{cases} \sin(ax) & \text{per } x < 0 \\ & \text{è derivabile per } x^2 + x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$ 

A: N.A. B: 
$$a = 1$$
 C: mai D:  $a = k\pi$  E:  $a \in \mathbb{R}$ 

7. Data  $f(x) = (e^x)^x$ . Allora f'(1) è uguale a

A: N.A. B: 
$$3e^3$$
 C:  $log(2e)$  D:  $2e$  E:  $e^2$ 

8. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = e^{x^2}$  è

A: monotona crescente B: N.A. C: iniettiva D: surgettiva E: non derivabile in x = 0

9. L'integrale

$$\int_{1}^{e} \log(x) \frac{1}{x} \, dx$$

vale

A: 
$$\sqrt{e} + 1$$
 B: 0 C: N.A. D:  $\frac{1}{2}$  E:  $2/e$ 

10. Modulo e argomento del numero complesso  $z=\left(\frac{\sqrt{3}}{i}\right)^8$ sono

A: N.A. B: 
$$(3^5, 0)$$
 C:  $(27, 2\pi)$  D:  $(9^2, 0)$  E:  $(3^4, \pi/2)$ 

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

13 gennaio 2010

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A B C D E	
-----------	--

1	00000
2	00000
3	0000
4	0000
5	00000
6	00000
7	
8	00000
9	
10	0000

1. La funzione  $f(x) = \begin{cases} \sin(ax) & \text{per } x < 0 \\ & \text{è derivabile per } x^2 + x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$ 

A: N.A. B:  $a=k\pi$  C: mai D:  $a\in\mathbb{R}$  E: a=1

2. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = e^{x^2}$  è

A: monotona crescente B: surgettiva C: iniettiva D: non derivabile in x = 0 E: N.A.

3. Modulo e argomento del numero complesso  $z=\left(\frac{\sqrt{3}}{i}\right)^8$ sono

A: N.A. B:  $(3^5, 0)$  C:  $(27, 2\pi)$  D:  $(9^2, 0)$  E:  $(3^4, \pi/2)$ 

4. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 + x^2} - 1}{\sin(x^2)}$$

vale

A:  $+\infty$  B: N.A. C: N.E. D: 0 E: 1

5. Una soluzione dell'equazione differenziale  $y'(x) = \sinh(x)$  è

A:  $\frac{1}{\cos(x)}$  B:  $e^x - e^{-x}$  C: N.E. D: N.A. E:  $\cosh(x) + 1$ 

6. L'integrale

$$\int_{1}^{e} \log(x) \frac{1}{x} \, dx$$

vale

A: N.A. B:  $\frac{1}{2}$  C: 0 D:  $\sqrt{e} + 1$  E: 2/e

7. La retta tangente al grafico di  $y(x)=\sin^2(3x)$  nel punto  $x_0=\pi/12$  vale

A: 
$$3x - \frac{\pi}{4} + \frac{1}{2}$$
 B:  $1 + x + x^2$  C:  $1 + \sin(3x)(x - \pi/12)$  D: N.A. E:  $-\frac{-12x + \pi - 4}{4\sqrt{2}}$ 

8. Dato  $x \geq 0$ , la serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\log(1+nx)}{n}$$

converge per

A: x = 0 B:  $x \le 1$  C: x > 0 D: N.A. E: 1 < x

9. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < \pi^2/3\}$$

valgono

A:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$  B:  $\{0, 0, 2\pi, 2\pi\}$  C:  $\{\pi/6, N.E., 5\pi/6, N.E.\}$  D:  $\{0, 0, \pi/6, N.E.\}$  E: N.A.

10. Data  $f(x) = (e^x)^x$ . Allora f'(1) è uguale a

A:  $2e B: log(2e) C: e^2 D: N.A. E: <math>3e^3$ 

13 gennaio 2010

 (Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	С	D	$\mathbf{E}$
	_	_	_	

1	
2	$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

13 gennaio 2010

		(Co	ogno	ome)						(N	ome)				ume	i ma	trice	ola)

A	В	$\mathbf{C}$	D	Ε	

1	
2	$lackbox{0}$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

13 gennaio 2010

		(Co	ogno	ome)						(N	ome)				ume	i ma	trice	ola)

A	В	С	D	$\mathbf{E}$	
11	ט	$\circ$	ט	ш	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

13 gennaio 2010

(Cognome)									_			(No	me)			-	(N	ume	ro di	i ma	trico	la)					

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

13 gennaio 2010

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

А	В	С	D	E	
$\sim$	_	$\sim$	$\sim$	$\sim$	

1	00000
2	00000
3	00000
4	00000
5	00000
6	00000
7	00000
8	
9	
10	0000

1. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\ln(1+x) - x}{(1 - \cos(x))}$$

vale

A: N.A. B: 1 C: -2 D:  $+\infty$  E: 0

2. La funzione  $f(x) = \begin{cases} \ln(x) & \text{per } x > 1 \\ & \text{è derivabile se} \\ ax + b & \text{per } x \le 1 \end{cases}$ 

A: a = 1, b = -1 B: N.A: C: a = 0, b = 1 D: a = 1, b = 0 E: a = -1, b = 1

3. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \cos^2(4x)$  nel punto  $x = \frac{\pi}{12}$  è

A:  $y(x) = (x-1)e^x$  B: y(x) = 13x(x-1) C:  $y(x) = -2\sqrt{3}x + \frac{1}{4} + \frac{\sqrt{3}}{6}\pi$  D: y(x) = 0 E: N.A.

4. Data  $f(x) = x^{(e^x)}$ . allora f'(1) è uguale a

A:  $e^3$  B: ln(4) C: e D: N.A. E:  $e^{-2}$ 

5. Una soluzione della equazione differenziale

$$e^{y(x)}y'(x) = 1$$

A:  $y(x) = (\ln x)^2$  B:  $y = \ln(x)$  C: N.A. D:  $y(x) = x \ln(x)$  E: y(x) = 1

6. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in (0, 2\pi) : \log(x)(\sin(x) - \frac{\pi}{3}) > 0\}$$

valgono

A: N.A. B:  $\{N.E., N.E., 0, 1\}$  C:  $\{N.E., 0, \pi, N.E.\}$  D:  $\{0, N.E., 1, N.E.\}$  E:  $\{0, N.E., \pi, \pi\}$ 

7. Modulo e argomento del numero complesso  $z = \frac{2}{i} + 3i$  sono

A: 
$$\{\frac{3}{2}, \frac{\pi}{4}\}$$
 B:  $\{1, \frac{\pi}{6}\}$  C: N.A. D:  $\{\frac{5}{4}, \frac{\pi}{6}\}$  E:  $\{1, \frac{\pi}{3}\}$ 

8. La serie a termini positivi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+2}{n} n^x$$

converge per

 $\mbox{A: } x < -1 \quad \mbox{ B: } x \leq 1 \quad \mbox{ C: } x \geq 0 \quad \mbox{ D: } x < 0 \quad \mbox{ E: N.A.}$ 

9. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = \arctan |x|$  è

A: Non continua in x = 0 B: Pari C: Iniettiva D: Surgettiva E: N.A.

10. L'integrale

$$\int_0^1 \frac{2e^{2x}}{1 + e^{2x}} dx$$

vale:

A:  $\arctan e - \arctan 1$  B:  $\log[(1 + e^2)/2]$  C:  $\frac{e}{2}$  D: 1 E: N.A.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

13 gennaio 2010

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

Α	В	С	D	$\mathbf{E}$	

1	00000
2	00000
3	0000
4	0000
5	00000
6	00000
7	00000
8	00000
9	00000
10	0000

1. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\ln(1+x) - x}{(1 - \cos(x))}$$

vale

A: 1 B: N.A. C: -2 D:  $+\infty$  E: 0

- 2. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = \arctan |x|$  è A: Non continua in x = 0 B: Iniettiva C: Surgettiva D: Pari E: N.A.
- 3. L'integrale

$$\int_0^1 \frac{2e^{2x}}{1 + e^{2x}} dx$$

vale:

A: 1 B:  $\log[(1+e^2)/2]$  C:  $\frac{e}{2}$  D:  $\arctan e - \arctan 1$  E: N.A.

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in (0, 2\pi) : \log(x)(\sin(x) - \frac{\pi}{3}) > 0\}$$

valgono

A:  $\{0, N.E., \pi, \pi\}$  B:  $\{N.E., 0, \pi, N.E.\}$  C:  $\{0, N.E., 1, N.E.\}$  D: N.A. E:  $\{N.E., N.E., 0, 1\}$ 

5. Data  $f(x) = x^{(e^x)}$ . allora f'(1) è uguale a

A: N.A. B:  $e C: e^3 D: e^{-2} E: ln(4)$ 

6. La funzione  $f(x) = \begin{cases} \ln(x) & \text{per } x > 1 \\ & \text{è derivabile se} \\ ax + b & \text{per } x \le 1 \end{cases}$ 

A: a = 0, b = 1 B: a = 1, b = 0 C: N.A: D: a = -1, b = 1 E: a = 1, b = -1

7. La serie a termini positivi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+2}{n} n^x$$

converge per

A: x < 0 B:  $x \le 1$  C: N.A. D: x < -1 E:  $x \ge 0$ 

8. Una soluzione della equazione differenziale

$$e^{y(x)}y'(x) = 1$$

A: N.A. B: 
$$y = \ln(x)$$
 C:  $y(x) = (\ln x)^2$  D:  $y(x) = 1$  E:  $y(x) = x \ln(x)$ 

9. Modulo e argomento del numero complesso  $z=\frac{2}{i}+3i$ sono

A: 
$$\{\frac{3}{2}, \frac{\pi}{4}\}$$
 B:  $\{1, \frac{\pi}{3}\}$  C:  $\{\frac{5}{4}, \frac{\pi}{6}\}$  D:  $\{1, \frac{\pi}{6}\}$  E: N.A.

10. La retta tangente al grafico di  $y(x)=\cos^2(4x)$  nel punto  $x=\frac{\pi}{12}$  è

A: 
$$y(x) = -2\sqrt{3}x + \frac{1}{4} + \frac{\sqrt{3}}{6}\pi$$
 B:  $y(x) = (x-1)e^x$  C: N.A. D:  $y(x) = 13x(x-1)$  E:  $y(x) = 0$ 

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

13 gennaio 2010

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	С	D	$\mathbf{E}$	

1	
2	0000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	00000

1. Una soluzione della equazione differenziale

$$e^{y(x)}y'(x) = 1$$

A:  $y(x) = (\ln x)^2$  B:  $y = \ln(x)$  C:  $y(x) = x \ln(x)$  D: N.A. E: y(x) = 1

2. L'integrale

$$\int_{0}^{1} \frac{2e^{2x}}{1 + e^{2x}} dx$$

vale:

A: 1 B:  $\arctan e - \arctan 1$  C: N.A. D:  $\log[(1+e^2)/2]$  E:  $\frac{e}{2}$ 

3. La funzione  $f:\mathbb{R}\to\mathbb{R}$  definita da  $f(x)=\arctan|x|$  è

A: Iniettiva B: Pari C: Non continua in x = 0 D: Surgettiva E: N.A.

4. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \cos^2(4x)$  nel punto  $x = \frac{\pi}{12}$  è

A: y(x) = 0 B:  $y(x) = (x-1)e^x$  C: N.A. D: y(x) = 13x(x-1) E:  $y(x) = -2\sqrt{3}x + \frac{1}{4} + \frac{\sqrt{3}}{6}\pi$ 

5. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in (0, 2\pi) : \log(x)(\sin(x) - \frac{\pi}{3}) > 0\}$$

valgono

A:  $\{0, N.E., 1, N.E.\}$  B:  $\{N.E., 0, \pi, N.E.\}$  C:  $\{0, N.E., \pi, \pi\}$  D:  $\{N.E., N.E., 0, 1\}$  E: N.A.

6. La serie a termini positivi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+2}{n} n^x$$

converge per

A: x < -1 B: N.A. C: x < 0 D:  $x \ge 0$  E:  $x \le 1$ 

7. Modulo e argomento del numero complesso  $z = \frac{2}{i} + 3i$  sono

A:  $\{\frac{5}{4}, \frac{\pi}{6}\}$  B: N.A. C:  $\{1, \frac{\pi}{3}\}$  D:  $\{1, \frac{\pi}{6}\}$  E:  $\{\frac{3}{2}, \frac{\pi}{4}\}$ 

8. Data  $f(x) = x^{(e^x)}$ . allora f'(1) è uguale a

A:  $e^{-2}$  B: N.A. C:  $e^{-2}$  E:  $\ln(4)$ 

9. La funzione  $f(x) = \begin{cases} \ln(x) & \text{per } x > 1 \\ & \text{è derivabile se} \\ ax + b & \text{per } x \le 1 \end{cases}$ 

A: a = 1, b = 0 B: a = 1, b = -1 C: a = -1, b = 1 D: a = 0, b = 1 E: N.A:

10. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\ln(1+x) - x}{(1 - \cos(x))}$$

vale

A: -2 B: N.A. C: 0 D:  $+\infty$  E: 1

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

13 gennaio 2010

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

1	00000
2	00000
3	0000
4	00000
5	00000
6	00000
7	00000
8	00000
9	
10	0000

1. La funzione 
$$f(x)=\begin{cases} \ln(x) & \text{per } x>1\\ ax+b & \text{per } x\leq 1 \end{cases}$$
 è derivabile se 
$$ax+b & \text{per } x\leq 1$$
 A:  $a=1,\,b=-1$  B:  $a=1,\,b=0$  C:  $a=0,\,b=1$  D: N.A: E:  $a=-1,\,b=1$ 

2. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in (0, 2\pi) : \log(x)(\sin(x) - \frac{\pi}{3}) > 0\}$$

valgono

A:  $\{N.E., N.E., 0, 1\}$  B: N.A. C:  $\{0, N.E., 1, N.E.\}$  D:  $\{0, N.E., \pi, \pi\}$  E:  $\{N.E., 0, \pi, N.E.\}$ 

3. Modulo e argomento del numero complesso  $z=\frac{2}{i}+3i$  sono A:  $\{\frac{5}{4},\frac{\pi}{6}\}$  B:  $\{1,\frac{\pi}{3}\}$  C: N.A. D:  $\{1,\frac{\pi}{6}\}$  E:  $\{\frac{3}{2},\frac{\pi}{4}\}$ 

4. La serie a termini positivi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+2}{n} n^x$$

converge per

A: x < -1 B: N.A. C:  $x \ge 0$  D: x < 0 E:  $x \le 1$ 

5. Data  $f(x) = x^{(e^x)}$ . allora f'(1) è uguale a A:  $e^3$  B:  $\ln(4)$  C:  $e^-2$  D: e E: N.A.

6. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = \arctan |x|$  è A: Iniettiva B: Non continua in x = 0 C: N.A. D: Pari E: Surgettiva

7. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\ln(1+x) - x}{(1 - \cos(x))}$$

vale

A: 1 B: -2 C: N.A. D: 0 E:  $+\infty$ 

8. L'integrale

$$\int_0^1 \frac{2e^{2x}}{1 + e^{2x}} dx$$

vale:

A:  $\arctan e - \arctan 1$  B:  $\frac{e}{2}$  C: N.A. D:  $\log[(1 + e^2)/2]$  E: 1

9. La retta tangente al grafico di  $y(x)=\cos^2(4x)$  nel punto  $x=\frac{\pi}{12}$  è A: N.A. B:  $y(x)=(x-1)e^x$  C: y(x)=0 D: y(x)=13x(x-1) E:  $y(x)=-2\sqrt{3}x+\frac{1}{4}+\frac{\sqrt{3}}{6}\pi$ 

10. Una soluzione della equazione differenziale

$$e^{y(x)}y'(x) = 1$$

A:  $y = \ln(x)$  B: N.A. C: y(x) = 1 D:  $y(x) = x \ln(x)$  E:  $y(x) = (\ln x)^2$ 

13 gennaio 2010

(Cognome)														(No	me)				(N	ume	ro d	i ma	atric	ola)			

A	В	$\mathbf{C}$	D	Ε	

1	$\bullet \circ \circ \circ \circ$
2	$lackbox{0}$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

13 gennaio 2010

(Cognome)													(N	ome)				ume	i ma	trice	ola)		

A	В	С	D	$\mathbf{E}$	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

13 gennaio 2010

(Cognome)											 			(No	me)			_	(N	ume	ro d	i ma	trice	ola)			

A	В	С	D	$\mathbf{E}$	
11	ט	$\circ$	ט	ш	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

13 gennaio 2010

(Cognome)											 			(No	me)			_	(N	ume	ro d	i ma	trice	ola)			

1	
2	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

13 gennaio 2010

### PARTE B

1. Studiare, al variare del parametro  $\lambda \geq 0$  l'immagine di della equazione

$$f(x) = (x + \lambda)e^{-x}$$
, per  $x \ge 0$ .

Soluzione:

$$Im(f) = ]0, \lambda] \text{ se } \lambda > 1, Im(f) = ]0, e^{\lambda - 1}] \text{ se } 0 < \lambda \le 1 \text{ e } Im(f) = [0, e^{\lambda - 1}] \text{ se } \lambda = 0.$$

2. Trovare tutte le soluzioni dispari dell'equazione differenziale

$$y''(t) + y(t) = t + t^3$$

Soluzione:

$$y(t) = t^3 - 5t + c\sin(t) \quad c \in \mathbb{R}$$

3. Studiare la convergenza ed eventualmente calcolare l'integrale generalizzato

$$\int_{1}^{+\infty} \frac{x^2 + 1}{x^4 + 4x^2} \, dx.$$

Soluzione Integrale converge perchè , converge,  $\frac{x^2+1}{x^4+4x^2}=O(x^{-2})$  per  $x\to +\infty$ 

$$\int_{1}^{+\infty} \frac{x^2 + 1}{x^4 + 4x^2} dx = \frac{1}{16} \left( 4 + 3\pi - 6 \arctan\left(\frac{1}{2}\right) \right).$$

- 4. Siano date  $f, g, h : \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  e  $x_0 \in \mathbb{R}$  tali che
  - (a)  $f(x) \le g(x) \le h(x)$  per ogni  $x \in \mathbb{R}$
  - (b)  $f(x_0) = h(x_0)$
  - (c)  $f'_{+}(x_0) = h'_{+}(x_0)$

Dimostrare che anche g ha derivata destra in  $x_0$  e calcolare quanto vale  $g'_+(x_0)$ .

**Soluzione** Visto che  $f(x_0) = g(x_0) = h(x_0)$  si ha che

$$f(x) - f(x_0) \le g(x) - g(x_0) \le h(x) - h(x_0).$$

Dividendo per la quantità  $x-x_0$  che è positiva per  $x>x_0$  si ottiene

$$\frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} \le \frac{g(x) - g(x_0)}{x - x_0} \le \frac{h(x) - h(x_0)}{x - x_0}.$$

Passando al limite per  $x \to x_0^+$  e usando il teorema del confronto si ha la tesi.