- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

				(Co	gnome)				_	_	 _	(Nome)			,	(N	umei	o di	mat	rice	ola)
	CC	DICE	: = 6	689°	194																		
		DICE	`	000	101																		
			<i>A</i>	4	В (7	D E	;															
1) ($\overline{)}$)($\overline{)}$																
2				$\leq \frac{1}{\sqrt{2}}$		$\frac{1}{\sqrt{2}}$																	
				\leq		$\frac{1}{2}$		\mathcal{A}															
3				<u> </u>	$\bigcup ($	<u>) (</u>																	
4) (\bigcirc () (\bigcirc																
5				<u> </u>	$\overline{\bigcirc}$	<u> </u>		7															
				\leq		$\frac{1}{2}$		\mathcal{H}															
6				<u>) (</u>	$\bigcup_{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline$	<u> </u>		4															
7				1	$\langle \ \rangle \ \langle \ \rangle$	1	$\overline{}$	\															

8 9

10

1. Data $f(x)=3(\log(3x))$. Allora f'(e) è uguale a A: N.A. B: $\log(3e)$ C: $\frac{3}{e}$ D: π E: e^3

2. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\log(x^3 + \cos(x))}{3\log(x)}$$

vale

A: N.E. B: $+\infty$ C: 1 D: 0 E: N.A.

3. Modulo e argomento del numero complesso $z=i^{43}$ sono A: $(2,43\pi)$ B: N.A. C: $(1,3\pi/2)$ D: $(1,4\pi/3)$ E: $(2,2\pi/3)$

4. La retta tangente al grafico di $y(x) = \sin(2x)$ nel punto $x_0 = \pi/4$ vale A: $1 + 2x - \frac{\pi}{2}$ B: $1 + x + x^2$ C: N.A. D: 1 E: $1 + \sin(2x)(x - \pi/4)$

5. La funzione $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ \cos(x) & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$

A: è derivabile, ma non continua. B: è continua e derivabile. C: non è né continua né derivabile. D: N.A. E: è continua, ma non derivabile.

6. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=41}^{\infty} \log \left(1 + \frac{1}{n^{\alpha}}\right)$$

converge per

A: $3 < \alpha < \pi$ B: N.A. C: $\alpha > 1$ D: $\alpha > 0$ E: $\alpha \ge 1$

7. Le soluzioni dell'equazione differenziale $x'(t) = \sin(t)$ sono

A:
$$t + c_1 e^t + c_2 \sin(t)$$
 B: N.E. C: $-\cos(t) + c$ D: $\sin(t) + e^t + c$ E: N.A.

8. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < 0\}$$

valgono

A:
$$\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$$
 B: N.A. C: $\{-\infty, N.E., 2\pi, 2\pi\}$ D: $\{0, 0, \pi, \pi\}$ E: $\{-\pi, -\pi, +\infty, N.E.\}$

9. L'integrale

$$\int_{-1}^{2} |x| \, dx$$

vale

A: N.A. B: $\sqrt{2}$ C: 3/2 D: 0 E: 5/2

10. La funzione $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definita da f(x) = |x+1| è

A: surgettiva B: derivabile ovunque C: iniettiva D: N.A. E: monotona crescente

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	С	D	Ε	

1	00000
2	00000
3	00000
4	00000
5	00000
6	00000
7	
8	00000
9	
10	0000

- 1. La funzione $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definita da f(x) = |x+1| è
 A: surgettiva B: N.A. C: derivabile ovunque D: iniettiva E: monotona crescente
- 2. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=41}^{\infty} \log \left(1 + \frac{1}{n^{\alpha}}\right)$$

converge per

A: $\alpha > 1$ B: $\alpha > 0$ C: $\alpha \ge 1$ D: N.A. E: $3 < \alpha < \pi$

3. La funzione
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ \cos(x) & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$$

A: è continua, ma non derivabile. B: N.A. C: è continua e derivabile. D: è derivabile, ma non continua. E: non è né continua né derivabile.

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < 0\}$$

valgono

$$\text{A:} \left\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\right\} \quad \text{B: N.A.} \quad \text{C:} \left\{-\pi, -\pi, +\infty, N.E.\right\} \quad \text{D:} \left\{0, 0, \pi, \pi\right\} \quad \text{E:} \left\{-\infty, N.E., 2\pi, 2\pi\right\} \quad \text{E:} \left\{-\infty, N.E., 2$$

5. La retta tangente al grafico di $y(x) = \sin(2x)$ nel punto $x_0 = \pi/4$ vale

A: 1 B:
$$1 + 2x - \frac{\pi}{2}$$
 C: $1 + \sin(2x)(x - \pi/4)$ D: N.A. E: $1 + x + x^2$

6. Le soluzioni dell'equazione differenziale $x'(t) = \sin(t)$ sono

A: N.E. B:
$$t + c_1 e^t + c_2 \sin(t)$$
 C: N.A. D: $\sin(t) + e^t + c$ E: $-\cos(t) + c$

7. L'integrale

$$\int_{-1}^{2} |x| \, dx$$

vale

A:
$$\sqrt{2}$$
 B: 5/2 C: 3/2 D: N.A. E: 0

8. Modulo e argomento del numero complesso $z=i^{43}$ sono

A:
$$(1, 4\pi/3)$$
 B: N.A. C: $(2, 2\pi/3)$ D: $(1, 3\pi/2)$ E: $(2, 43\pi)$

9. Data $f(x) = 3(\log(3x))$. Allora f'(e) è uguale a

A:
$$\pi$$
 B: e^3 C: $\frac{3}{6}$ D: $\log(3e)$ E: N.A.

10. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\log(x^3 + \cos(x))}{3\log(x)}$$

vale

A: 1 B: 0 C:
$$+\infty$$
 D: N.A. E: N.E.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A B	C D	E
-----	-----	---

1	00000
2	00000
3	00000
4	00000
5	00000
6	00000
7	00000
8	
9	
10	00000

1. Le soluzioni dell'equazione differenziale $x'(t) = \sin(t)$ sono

A:
$$\sin(t) + e^t + c$$
 B: N.E. C: $-\cos(t) + c$ D: $t + c_1 e^t + c_2 \sin(t)$ E: N.A.

2. Modulo e argomento del numero complesso $z=i^{43}$ sono

A:
$$(1, 4\pi/3)$$
 B: $(1, 3\pi/2)$ C: $(2, 2\pi/3)$ D: $(2, 43\pi)$ E: N.A

3. La funzione
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ \cos(x) & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$$

A: è derivabile, ma non continua. B: N.A. C: non è né continua né derivabile. D: è continua e derivabile. E: è continua, ma non derivabile.

4. Data $f(x) = 3(\log(3x))$. Allora f'(e) è uguale a

A: N.A. B:
$$\pi$$
 C: $\frac{3}{e}$ D: $\log(3e)$ E: e^3

5. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < 0\}$$

valgono

$$\mathbf{A} \colon \{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\} \quad \mathbf{B} \colon \{0, 0, \pi, \pi\} \quad \mathbf{C} \colon \{-\pi, -\pi, +\infty, N.E.\} \quad \mathbf{D} \colon \mathbf{N}.\mathbf{A}. \quad \mathbf{E} \colon \{-\infty, N.E., 2\pi, 2\pi\}$$

6. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\log(x^3 + \cos(x))}{3\log(x)}$$

vale

A: 1 B: N.E. C: 0 D: N.A. E:
$$+\infty$$

7. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=41}^{\infty} \log \left(1 + \frac{1}{n^{\alpha}}\right)$$

converge per

A:
$$\alpha > 0$$
 B: $3 < \alpha < \pi$ C: $\alpha \ge 1$ D: N.A. E: $\alpha > 1$

8. L'integrale

$$\int_{-1}^{2} |x| \, dx$$

vale

A:
$$5/2$$
 B: N.A. C: $\sqrt{2}$ D: 0 E: $3/2$

9. La retta tangente al grafico di $y(x) = \sin(2x)$ nel punto $x_0 = \pi/4$ vale

A:
$$1 + x + x^2$$
 B: N.A. C: 1 D: $1 + 2x - \frac{\pi}{2}$ E: $1 + \sin(2x)(x - \pi/4)$

10. La funzione $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definita da f(x) = |x+1| è

A: monotona crescente B: surgettiva C: derivabile ovunque D: N.A. E: iniettiva

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	\mathbf{C}	D	\mathbf{E}	
		_			

1	
2	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

- 1. Data $f(x) = 3(\log(3x))$. Allora f'(e) è uguale a A: e^3 B: $\log(3e)$ C: $\frac{3}{e}$ D: N.A. E: π
- 2. Le soluzioni dell'equazione differenziale $x'(t) = \sin(t)$ sono

A: $\sin(t) + e^t + c$ B: $-\cos(t) + c$ C: N.A. D: N.E. E: $t + c_1 e^t + c_2 \sin(t)$

3. Modulo e argomento del numero complesso $z=i^{43}$ sono

A: $(2,43\pi)$ B: $(1,4\pi/3)$ C: N.A. D: $(2,2\pi/3)$ E: $(1,3\pi/2)$

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < 0\}$$

valgono

A: $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$ B: $\{-\pi, -\pi, +\infty, N.E.\}$ C: $\{-\infty, N.E., 2\pi, 2\pi\}$ D: N.A. E: $\{0, 0, \pi, \pi\}$

5. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\log(x^3 + \cos(x))}{3\log(x)}$$

vale

A: 1 B: $+\infty$ C: N.A. D: 0 E: N.E.

6. La funzione $f:\ \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definita da f(x) = |x+1| è

A: monotona crescente B: iniettiva C: derivabile ovunque D: surgettiva E: N.A.

7. L'integrale

$$\int_{-1}^{2} |x| \, dx$$

vale

A: N.A. B: 3/2 C: 0 D: 5/2 E: $\sqrt{2}$

8. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=41}^{\infty} \log \left(1 + \frac{1}{n^{\alpha}}\right)$$

converge per

A: $3 < \alpha < \pi$ B: $\alpha \ge 1$ C: $\alpha > 1$ D: N.A. E: $\alpha > 0$

9. La retta tangente al grafico di $y(x) = \sin(2x)$ nel punto $x_0 = \pi/4$ vale

A: 1 B: $1 + \sin(2x)(x - \pi/4)$ C: N.A. D: $1 + x + x^2$ E: $1 + 2x - \frac{\pi}{2}$

10. La funzione $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ \cos(x) & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$

A: N.A. B: non è né continua né derivabile. C: è continua, ma non derivabile. D: è derivabile, ma non continua. E: è continua e derivabile.

12 gennaio 2009

(Cognome)													(No	me)			(Numero di matricola)					ola)				

A	В	С	D	\mathbf{E}	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

			(Co	ogno	me)				 			(No	me)			_	(N	ume	ro d	i ma	trice	ola)

A	В	С	D	\mathbf{E}

1	
2	$lackbox{0}$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

			(Co	gno	me)						(No	me)			(N	ume	ro di	i ma	trico	la)

1	
2	$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
3	
4	
5	
6	$lackbox{0}$
7	
8	$lackbox{0}$
9	
10	

12 gennaio 2009

			(Co	ogno	me)							(N	ome	e)				(N	ume	ro c	li m	atric	ola)

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)
,	, ,	,

1	
2	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

1. Il numero di soluzioni dell'equazione complessa |z|=4 è

A: 2 B: 1 C: N.A. D: Infinite E: Nessuna

2. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{\log(x^2), x > 1\}$$

valgono

A: $\{0, 0, +\infty, N.E.\}$ B: $\{0, N.E, +\infty, N.E.\}$ C: $\{0, N.E., e, N.E.\}$ D: N.A. E: $\{1, 1, +\infty, N.E.\}$

3. Il limite

$$\lim_{x\to 0^+} e^{\frac{\log(1+x^3)}{x}}$$

vale

A: 2 B: $+\infty$ C: N.A. D: 0 E: N.E.

4. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=18}^{\infty} \left[1 - \cos\left(\frac{1}{n^{\alpha}}\right) \right]$$

converge per

A: $3 < \alpha < \pi$ B: $\alpha \ge 1$ C: $\alpha > 0$ D: $\alpha > 1/2$ E: N.A.

5. L'integrale

$$\int_{-1}^{1} |e^x| dx$$

vale

A: $|2 - e^{-1}|$ B: $e - \frac{1}{e}$ C: $e + \frac{1}{e}$ D: 0 E: N.A.

6. Data $f(x) = 2^{\log(2x)}$. Allora f'(1) è uguale a

A: $2\log(2)e$ B: $\log(2)2^{\log(2)}$ C: 1 D: N.E. E: N

7. Le soluzioni dell'equazione differenziale $x'(t) = e^t$ sono

A:
$$\frac{e^t + e^{-t}}{2} + c$$
 B: $\sin(t) + t + c$ C: $e^t + c$ D: N.A. E: $t^2/2 + \sin(t) + c$

8. La funzione $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ e^x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$

A: è continua e derivabile. B: è continua, ma non derivabile. C: N.A. D: è derivabile, ma non continua. E: non è né continua né derivabile.

9. La retta tangente al grafico di $f(x) = \cos(3x)$ nel punto $x_0 = \pi/6$ vale:

A:
$$-3x + \pi/2$$
 B: $1/2$ C: N.A. D: $\frac{\pi}{2} + (x - \frac{\pi}{2})\cos(x)$ E: $\frac{\pi}{2} + x$

10. La funzione $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definita da $f(x) = e^x$ è

A: zero almeno in un punto $\,$ B: non derivabile per x=-1 $\,$ C: sempre maggiore o uguale a 1 $\,$ D: monotona crescente $\,$ E: N.A.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

 $\mathrm{CODICE} = 484783$

1 2 3

A	В	С	D	E
	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc
	$\overline{\bigcap}$	$\overline{\bigcap}$	$\overline{\bigcap}$	$\overline{\bigcirc}$

4	
5	00000
6	
7	00000
8	

9 0 0 0

- 1. Data $f(x) = 2^{\log(2x)}$. Allora f'(1) è uguale a A: N.E. B: $\log(2)2^{\log(2)}$ C: N.A. D: $2\log(2)$ e E: 1
- 2. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{\log(x^2), x > 1\}$$

valgono

A: $\{0, N.E., e, N.E.\}$ B: N.A. C: $\{0, 0, +\infty, N.E.\}$ D: $\{0, N.E, +\infty, N.E.\}$ E: $\{1, 1, +\infty, N.E.\}$

3. Il numero di soluzioni dell'equazione complessa |z|=4è

A: N.A. B: Infinite C: 2 D: 1 E: Nessuna

4. La funzione $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definita da $f(x) = e^x$ è

A: zero almeno in un punto B: N.A. C: non derivabile per x=-1 D: monotona crescente E: sempre maggiore o uguale a 1

5. L'integrale

$$\int_{-1}^{1} |e^x| dx$$

vale

A:
$$e + \frac{1}{e}$$
 B: N.A. C: 0 D: $|2 - e^{-1}|$ E: $e - \frac{1}{e}$

6. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=18}^{\infty} \left[1 - \cos\left(\frac{1}{n^{\alpha}}\right) \right]$$

converge per

A: $\alpha \ge 1$ B: $\alpha > 0$ C: $\alpha > 1/2$ D: $3 < \alpha < \pi$ E: N.A.

7. La funzione
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ e^x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$$

A: non è né continua né derivabile. B: è derivabile, ma non continua. C: è continua, ma non derivabile. D: N.A. E: è continua e derivabile.

8. Le soluzioni dell'equazione differenziale $x'(t) = e^t$ sono

A:
$$\frac{e^t + e^{-t}}{2} + c$$
 B: N.A. C: $\sin(t) + t + c$ D: $t^2/2 + \sin(t) + c$ E: $e^t + c$

9. Il limite

$$\lim_{x\to 0^+} e^{\frac{\log(1+x^3)}{x}}$$

vale

A: 0 B:
$$+\infty$$
 C: N.E. D: 2 E: N.A.

10. La retta tangente al grafico di $f(x) = \cos(3x)$ nel punto $x_0 = \pi/6$ vale:

A:
$$-3x + \pi/2$$
 B: $\frac{\pi}{2} + x$ C: $\frac{\pi}{2} + \left(x - \frac{\pi}{2}\right)\cos(x)$ D: N.A. E: $1/2$

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognomo)	(Nome)	(Numero di matricola)
(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

 ${\rm CODICE} = 320728$

1	00000
2	
3	
4	00000
5	00000
6	
7	00000
8	
9	00000
10	00000

A B C D E

1. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{\log(x^2), \ x > 1\}$$

valgono

A: N.A. B: $\{0, N.E, +\infty, N.E.\}$ C: $\{0, 0, +\infty, N.E.\}$ D: $\{1, 1, +\infty, N.E.\}$ E: $\{0, N.E., e, N.E.\}$

2. L'integrale

$$\int_{-1}^{1} |e^x| dx$$

vale

A:
$$e + \frac{1}{e}$$
 B: $|2 - e^{-1}|$ C: $e - \frac{1}{e}$ D: N.A. E: 0

3. Il numero di soluzioni dell'equazione complessa |z|=4 è

A: 1 B: Infinite C: 2 D: Nessuna E: N.A.

4. Le soluzioni dell'equazione differenziale $x'(t) = e^t$ sono

A:
$$\frac{e^t + e^{-t}}{2} + c$$
 B: $\sin(t) + t + c$ C: N.A. D: $e^t + c$ E: $t^2/2 + \sin(t) + c$

5. Il limite

$$\lim_{x \to 0^+} e^{\frac{\log(1+x^3)}{x}}$$

vale

A: N.E. B:
$$+\infty$$
 C: N.A. D: 0 E: 2

6. La funzione $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definita da $f(x) = e^x$ è

A: monotona crescente B: zero almeno in un punto C: N.A. D: non derivabile per x=-1 E: sempre maggiore o uguale a 1

7. La funzione $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ e^x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$

A: è derivabile, ma non continua. B: N.A. C: è continua, ma non derivabile. D: è continua e derivabile. E: non è né continua né derivabile.

8. La retta tangente al grafico di $f(x) = \cos(3x)$ nel punto $x_0 = \pi/6$ vale:

A:
$$\frac{\pi}{2} + x$$
 B: N.A. C: $-3x + \pi/2$ D: $1/2$ E: $\frac{\pi}{2} + (x - \frac{\pi}{2})\cos(x)$

9. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=18}^{\infty} \left[1 - \cos\left(\frac{1}{n^{\alpha}}\right) \right]$$

converge per

A:
$$\alpha > 0$$
 B: $\alpha > 1/2$ C: $\alpha \ge 1$ D: N.A. E: $3 < \alpha < \pi$

10. Data $f(x) = 2^{\log(2x)}$. Allora f'(1) è uguale a

A: $2\log(2)e$ B: 1 C: N.A. D: N.E. E: $\log(2)2^{\log(2)}$

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	\mathbf{C}	D	\mathbf{E}	
---	---	--------------	---	--------------	--

1	00000
2	00000
3	00000
4	00000
5	00000
6	00000
7	00000
8	
9	
10	00000

1. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=18}^{\infty} \left[1 - \cos\left(\frac{1}{n^{\alpha}}\right) \right]$$

converge per

A:
$$3 < \alpha < \pi$$
 B: $\alpha \ge 1$ C: $\alpha > 0$ D: $\alpha > 1/2$ E: N.A.

2. La funzione $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ definita da $f(x) = e^x$ è

A: N.A. B: sempre maggiore o uguale a 1 C: non derivabile per x = -1 D: monotona crescente E: zero almeno in un punto

3. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = {\log(x^2), x > 1}$$

valgono

A:
$$\{0, N.E., e, N.E.\}$$
 B: $\{0, 0, +\infty, N.E.\}$ C: $\{1, 1, +\infty, N.E.\}$ D: $\{0, N.E, +\infty, N.E.\}$ E: N.A.

4. La funzione
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ e^x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$$

A: non è né continua né derivabile. B: è derivabile, ma non continua. C: è continua e derivabile. D: è continua, ma non derivabile. E: N.A.

5. L'integrale

$$\int_{-1}^{1} |e^x| \, dx$$

vale

A: 0 B: N.A. C:
$$|2 - e^{-1}|$$
 D: $e - \frac{1}{e}$ E: $e + \frac{1}{e}$

6. Le soluzioni dell'equazione differenziale $x'(t) = e^t$ sono

A: N.A. B:
$$\frac{e^t + e^{-t}}{2} + c$$
 C: $e^t + c$ D: $t^2/2 + \sin(t) + c$ E: $\sin(t) + t + c$

7. Data $f(x) = 2^{\log(2x)}$. Allora f'(1) è uguale a

A:
$$\log(2)2^{\log(2)}$$
 B: N.E. C: 1 D: N.A. E: $2\log(2)$ e

8. Il numero di soluzioni dell'equazione complessa |z|=4 è

A: 2 B: 1 C: N.A. D: Nessuna E: Infinite

9. La retta tangente al grafico di $f(x) = \cos(3x)$ nel punto $x_0 = \pi/6$ vale:

A:
$$-3x + \pi/2$$
 B: N.A. C: $\frac{\pi}{2} + (x - \frac{\pi}{2})\cos(x)$ D: $\frac{\pi}{2} + x$ E: $1/2$

10. Il limite

$$\lim_{x\to 0^+} e^{\frac{\log(1+x^3)}{x}}$$

vale

A: N.E. B: N.A. C:
$$+\infty$$
 D: 2 E: 0

12 gennaio 2009

(Cognome)								(No	ome)				ume	i ma	trice	ola)								

Α	В	С	D	\mathbf{E}	

1	
2	$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
3	
4	
5	
6	$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

		(C	ogn	nome)						(N	ome)			(N	ume	ro d	i ma	trice	ola)

A	В	\mathbf{C}	D	Ε	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

(Cognome)												(No	me)			-	(Numero di matricola)										

 ${\rm CODICE} = 320728$

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

(Cognome)												(No	me)			-	(Numero di matricola)										

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

PARTE B

1. Studiare il numero di soluzioni, al variare di $\lambda \in \mathbb{R}^+$ della equazione

$$\log(\lambda x) = |x+1|, \qquad x > 0$$

2. Risolvere il problema di Cauchy

$$\begin{cases} y'(t) - y(t) = \sin(t) + t\cos(t) \\ y(0) = 0. \end{cases}$$

Quanto vale y'(0)?

3. Studiare la convergenza ed eventualmente calcolare l'integrale generalizzato

$$\int_{2}^{+\infty} \frac{x-1}{x^3 + x^2 + x + 1} \, dx.$$

4. Sia $f:[2,7/2]\to\mathbb{R}$ una funzione integrabile secondo Riemann tale che

$$\int_{2}^{7/2} f(x) \, dx = 3.$$

Dimostrare che esiste almeno un punto $x_0 \in [2,7/2]$ tale che $f(x_0) \ge \frac{7}{4}$.