- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

ĺ								1														Ī				ļ
	(Cognome)											(No	me)			_		ume	i ma	trico	la)					

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	00000
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

1. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sin(x) + \log(\log(x))}{\cos(x) + \log(\log(x^2))}$$

vale

A: N.A. B: 1 C: $\log(\log(2))$ D: $1/\log(2)$ E: N.E.

2. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} (1+n^2)^{\frac{1}{n}}$$

vale

A: $+\infty$ B: N.A. C: 1 D: N.E. E: 1/e

3. L'integrale

$$\int_{0}^{2} |x^{2} - 1| dx$$

vale

A: N.A. B: 2/3 C: 2 D: 0 E: 1/2

4. Gli argomenti delle due soluzioni dell'equazione complessa $z^2+z+1=0$ valgono

A:
$$(\pi/3, \pi/3)$$
 B: N.A. C: $(\pi/3, -\pi/3)$ D: $(0, \pi)$ E: $(\pi/2, 3\pi/2)$

5. Data $f(x) = (3x)^{\log(x)}$, allora f'(1) vale

A:
$$-\log(1/3)$$
 B: $6 - \log(3)$ C: N.E. D: 0 E: N.A

6. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0=1$ della funzione $\cos(x^2)$ vale

A:
$$\cos(x) + \sin(x)(x-1)$$
 B: $1 - x^4/2!$ C: $\cos(1) - 2\sin(1)(x-1)$ D: N.A. E: $1 + x$

7. Il raggio di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=3}^{+\infty} \frac{n \log(n)}{e^n} (x - 1/e)^n$$

vale

A: N.A. B:
$$1/e$$
 C: 1 D: $e - 1/e$ E: $+\infty$

8. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R}: \ x^4 - 2x^2 > -\frac{\pi}{2}\}\$$

valgono

A: N.A. B:
$$(-\infty, N.E, +\infty, N.E.)$$
 C: $\{-\infty, N.E., 1, N.E.\}$ D: $\{-1, N.E, 1., N.E\}$ E: $\{-1, -1, +\infty., N.E\}$

9. Calcolare l'immagine di $f(x) = e^{x/e}$, per $x \in [0, 1]$

A:
$$[1, e^e]$$
 B: $[0, e[$ C: $[1, e^{1/e}[$ D: $[0, 1]$ E: N.A.

10. Sia y la soluzione di $y'(x) = \sin(\log(x))$ con y(1) = 1, allora y'(1) vale

A: N.E. B:
$$\sin(\log(y(x)))$$
 C: N.A. D: 0 E: 1

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

<u></u>				(Co	ogno	ome)							(No	me)			-	(N	um	ero	di r	nat	rico	la)

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R}: \ x^4 - 2x^2 > -\frac{\pi}{2}\}\$$

valgono

A: N.A. B: $\{-\infty, N.E., 1, N.E.\}$ C: $(-\infty, N.E, +\infty, N.E.)$ D: $\{-1, N.E, 1., N.E\}$ E: $\{-1, -1, +\infty., N.E\}$

2. L'integrale

$$\int_0^2 |x^2 - 1| \, dx$$

vale

A: 0 B: 2/3 C: N.A. D: 2 E: 1/2

- 3. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = 1$ della funzione $\cos(x^2)$ vale A: $\cos(1) - 2\sin(1)(x-1)$ B: $1 - x^4/2!$ C: N.A. D: 1 + x E: $\cos(x) + \sin(x)(x-1)$
- 4. Sia y la soluzione di $y'(x) = \sin(\log(x))$ con y(1) = 1, allora y'(1) vale A: 0 B: N.E. C: N.A. D: $\sin(\log(y(x)))$ E: 1
- 5. Data $f(x) = (3x)^{\log(x)}$, allora f'(1) vale A: $6 - \log(3)$ B: N.E. C: 0 D: $-\log(1/3)$ E: N.A.
- 6. Il raggio di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=3}^{+\infty} \frac{n \log(n)}{e^n} (x - 1/e)^n$$

vale

A: 1 B: $+\infty$ C: 1/e D: N.A. E: e - 1/e

- 7. Gli argomenti delle due soluzioni dell'equazione complessa $z^2+z+1=0$ valgono A: $(\pi/3,\pi/3)$ B: N.A. C: $(\pi/3,-\pi/3)$ D: $(0,\pi)$ E: $(\pi/2,3\pi/2)$
- 8. Calcolare l'immagine di $f(x) = e^{x/e}$, per $x \in [0, 1]$ A: [0, e[B:]0, 1] C: $[1, e^{1/e}[$ D: N.A. E: $[1, e^e]$
- 9. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sin(x) + \log(\log(x))}{\cos(x) + \log(\log(x^2))}$$

vale

A: N.A. B: $\log(\log(2))$ C: 1 D: N.E. E: $1/\log(2)$

10. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} (1+n^2)^{\frac{1}{n}}$$

vale

A: N.A. B: 1 C: 1/e D: $+\infty$ E: N.E.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

			(Co	ogno	me)				 			(No	me)			(N	ume	ero c	li m	atri	cola)

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
2	0000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. Calcolare l'immagine di
$$f(x) = e^{x/e}$$
, per $x \in [0, 1]$

A:
$$[1, e^e]$$
 B: $[0, 1]$ C: $[1, e^{1/e}]$ D: $[0, e]$ E: N.A.

2. Gli argomenti delle due soluzioni dell'equazione complessa
$$z^2+z+1=0$$
 valgono

A: N.A. B:
$$(\pi/2, 3\pi/2)$$
 C: $(0, \pi)$ D: $(\pi/3, \pi/3)$ E: $(\pi/3, -\pi/3)$

3. L'integrale

$$\int_{0}^{2} |x^{2} - 1| dx$$

vale

4. Il raggio di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=3}^{+\infty} \frac{n \log(n)}{e^n} (x - 1/e)^n$$

vale

A:
$$e - 1/e$$
 B: N.A. C: $1/e$ D: 1 E: $+\infty$

5. Sia y la soluzione di $y'(x) = \sin(\log(x))$ con y(1) = 1, allora y'(1) vale

A: N.E. B: N.A. C:
$$\sin(\log(y(x)))$$
 D: 1 E: 0

6. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sin(x) + \log(\log(x))}{\cos(x) + \log(\log(x^2))}$$

vale

A: 1 B:
$$1/\log(2)$$
 C: $\log(\log(2))$ D: N.A. E: N.E.

7. Data $f(x) = (3x)^{\log(x)}$, allora f'(1) vale

A: N.A. B: N.E. C: 0 D:
$$6 - \log(3)$$
 E: $-\log(1/3)$

8. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} (1+n^2)^{\frac{1}{n}}$$

vale

A:
$$1/e$$
 B: N.E. C: $+\infty$ D: N.A. E: 1

9. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R}: \ x^4 - 2x^2 > -\frac{\pi}{2}\}\$$

valgono

A:
$$\{-1,-1,+\infty.,N.E\}$$
 B: $(-\infty,N.E,+\infty,N.E.)$ C: $\{-\infty,N.E.,1,N.E.\}$ D: $\{-1,N.E,1.,N.E\}$ E: N.A.

10. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = 1$ della funzione $\cos(x^2)$ vale

A:
$$1 - x^4/2!$$
 B: $\cos(x) + \sin(x)(x-1)$ C: $1 + x$ D: N.A. E: $\cos(1) - 2\sin(1)(x-1)$

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

			(Co	ogno	me)				 			(No	me)			(N	ume	ero c	li m	atri	cola)

A B C	D E
-------	-----

1	
2	0000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. L'integrale

$$\int_{0}^{2} |x^{2} - 1| \, dx$$

vale

A: 2/3 B: 2 C: N.A. D: 1/2 E: 0

2. Data $f(x) = (3x)^{\log(x)}$, allora f'(1) vale

A: N.A. B: $-\log(1/3)$ C: 0 D: $6 - \log(3)$ E: N.E

3. Sia y la soluzione di $y'(x) = \sin(\log(x))$ con y(1) = 1, allora y'(1) vale A: N.A. B: N.E. C: 1 D: $\sin(\log(y(x)))$ E: 0

4. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} (1+n^2)^{\frac{1}{n}}$$

vale

A: $+\infty$ B: N.A. C: 1 D: N.E. E: 1/e

5. Calcolare l'immagine di $f(x) = e^{x/e}$, per $x \in [0, 1]$

A:]0, e[B: $[1, e^{1/e}[$ C: $[1, e^e]$ D:]0, 1] E: N.A.

6. Gli argomenti delle due soluzioni dell'equazione complessa $z^2 + z + 1 = 0$ valgono

A: $(\pi/2, 3\pi/2)$ B: N.A. C: $(\pi/3, -\pi/3)$ D: $(\pi/3, \pi/3)$ E: $(0, \pi)$

7. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sin(x) + \log(\log(x))}{\cos(x) + \log(\log(x^2))}$$

vale

A: 1 B: $\log(\log(2))$ C: $1/\log(2)$ D: N.A. E: N.E.

8. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R}: \ x^4 - 2x^2 > -\frac{\pi}{2}\}$$

valgono

A:
$$\{-1, -1, +\infty., N.E\}$$
 B: N.A. C: $\{-\infty, N.E., 1, N.E.\}$ D: $\{-1, N.E, 1., N.E\}$ E: $(-\infty, N.E, +\infty, N.E.)$

9. Il raggio di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=3}^{+\infty} \frac{n \log(n)}{e^n} (x - 1/e)^n$$

vale

A:
$$1/e$$
 B: $e - 1/e$ C: N.A. D: $+\infty$ E: 1

10. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = 1$ della funzione $\cos(x^2)$ vale

A: N.A. B:
$$\cos(x) + \sin(x)(x-1)$$
 C: $\cos(1) - 2\sin(1)(x-1)$ D: $1+x$ E: $1-x^4/2!$

	Ì	Ì		Ì	ĺ				ĺ				Ì	ĺ							Ī					j
(Cognome)													(N	ome)			(N:	ume	ro d	i ma	trice	la)			

		Α	В	С	D	Ε	
--	--	---	---	---	---	---	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

ĺ									1														Ī				ļ
	(Cognome)												(No	me)			_		ume	i ma	trico	la)					

		Α	В	С	D	Ε	
--	--	---	---	---	---	---	--

1	\bigcirc
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

												ĺ											ĺ					
	(Cognome)										•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)				

 $\mathrm{CODICE} = 160321$

|--|

1	
2	$lackbox{0}$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

												ĺ											ĺ					
	(Cognome)										•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)				

 $\mathrm{CODICE} = 674671$

A B C D E	
-----------	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

(Cognome)	_	(Nome)	(Numero di matricola)

 ${\rm CODICE} = 367025$

A B C D E	
-----------	--

1	
2	0000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

- 1. Data $f(x) = (3x)^{\log(x)}$, allora f'(1) vale A: 0 B: $6 - \log(3)$ C: N.A. D: N.E. E: $\log(1/3)$
- 2. Gli argomenti delle due soluzioni dell'equazione complessa $z^2+z+1=0$ valgono A: $(\pi/2, 3\pi/2)$ B: N.A. C: $(2\pi/3, 4\pi/3)$ D: $(0, \pi)$ E: $(\pi/3, \pi/3)$
- 3. Il raggio di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=3}^{+\infty} \frac{n \log(n)}{e^n} (x - 1/e)^n$$

vale

A: $+\infty$ B: 1 C: N.A. D: e E: 1/e

- 4. Sia y la soluzione di $y'(x) = \sin(\log(x))$ con y(1) = 1, allora y'(1) vale A: $\sin(\log(y(x)))$ B: N.E. C: 1 D: 0 E: N.A.
- 5. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = 1$ della funzione $\cos(x^2)$ vale A: N.A. B: 1 + x C: $1 - x^4/2!$ D: $\cos(1) - \sin(1)(x - 1)$ E: $\cos(x) + \sin(x)(x - 1)$
- 6. L'integrale

$$\int_{0}^{2} |x^{2} - 1| \, dx$$

vale

A: 2/3 B: 1/2 C: 1 D: 0 E: N.A.

- 7. Calcolare l'immagine di $f(x) = e^{x/e}$, per $x \in [0, 1]$ A:]0, e[B: N.A. C:]0, 1] D: [1, e^e] E: [1, e^{1/e}]
- 8. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{ x \in \mathbb{R} : \ x^4 - 2x^2 > -\frac{\pi}{2} \}$$

valgono

A:
$$\{-1, -1, +\infty, N.E\}$$
 B: $\{-\infty, N.E., 1, N.E.\}$ C: $(-\infty, N.E, +\infty, N.E.)$ D: N.A. E: $\{-1, N.E, 1., N.E\}$

9. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} (1+n^2)^{\frac{1}{n}}$$

vale

A: N.A. B: 1 C: 1/e D: $+\infty$ E: N.E.

10. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sin(x) + \log(\log(x))}{\cos(x) + \log(\log(x^2))}$$

vale

A: N.A. B: $1/\log(2)$ C: $\log(\log(2))$ D: 1 E: N.E.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

(Cognome)									(No	me)			(N	ume	ero c	li m	atri	cola)								

 $\mathrm{CODICE} = 315466$

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	
2	0000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R}: \ x^4 - 2x^2 > -\frac{\pi}{2}\}\$$

valgono

A: $\{-1, -1, +\infty., N.E\}$ B: $(-\infty, N.E, +\infty, N.E.)$ C: N.A. D: $\{-\infty, N.E., 1, N.E.\}$ E: $\{-1, N.E, 1., N.E\}$

- 2. Sia y la soluzione di $y'(x) = \sin(\log(x))$ con y(1) = 1, allora y'(1) vale A: $\sin(\log(y(x)))$ B: N.A. C: 1 D: 0 E: N.E.
- 3. Gli argomenti delle due soluzioni dell'equazione complessa $z^2+z+1=0$ valgono A: N.A. B: $(2\pi/3, 4\pi/3)$ C: $(0, \pi)$ D: $(\pi/3, \pi/3)$ E: $(\pi/2, 3\pi/2)$
- 4. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sin(x) + \log(\log(x))}{\cos(x) + \log(\log(x^2))}$$

vale

A: $\log(\log(2))$ B: 1 C: N.A. D: $1/\log(2)$ E: N.E.

- 5. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = 1$ della funzione $\cos(x^2)$ vale A: $\cos(x) + \sin(x)(x-1)$ B: N.A. C: $1 x^4/2!$ D: $\cos(1) \sin(1)(x-1)$ E: 1 + x
- 6. L'integrale

$$\int_{0}^{2} |x^{2} - 1| dx$$

vale

A: 0 B: 1 C: 1/2 D: 2/3 E: N.A.

- 7. Data $f(x)=(3x)^{\log(x)}$, allora f'(1) vale A: N.E. B: N.A. C: 0 D: $\log(1/3)$ E: $6-\log(3)$
- 8. Calcolare l'immagine di $f(x) = e^{x/e}$, per $x \in [0, 1]$ A: [0, 1] B: N.A. C: $[1, e^{1/e}]$ D: [0, e[E: $[1, e^e]$
- 9. Il raggio di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=3}^{+\infty} \frac{n \log(n)}{e^n} (x - 1/e)^n$$

vale

A: 1/e B: $+\infty$ C: 1 D: e E: N.A.

10. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} (1+n^2)^{\frac{1}{n}}$$

vale

A: 1 B: $+\infty$ C: N.E. D: 1/e E: N.A.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

|--|

0000
0000

1. Gli argomenti delle due soluzioni dell'equazione complessa $z^2+z+1=0$ valgono

A: $(\pi/2, 3\pi/2)$ B: $(2\pi/3, 4\pi/3)$ C: $(\pi/3, \pi/3)$ D: N.A. E: $(0, \pi)$

2. Sia y la soluzione di $y'(x) = \sin(\log(x))$ con y(1) = 1, allora y'(1) vale

A: $\sin(\log(y(x)))$ B: 1 C: 0 D: N.A. E: N.E.

3. Calcolare l'immagine di $f(x) = e^{x/e}$, per $x \in [0, 1]$

A: N.A. B: $[1, e^{1/e}]$ C: $[1, e^e]$ D: [0, e] E: [0, 1]

4. Il raggio di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=3}^{+\infty} \frac{n \log(n)}{e^n} (x - 1/e)^n$$

vale

A: 1/e B: e C: 1 D: N.A. E: $+\infty$

5. L'integrale

$$\int_0^2 |x^2 - 1| \, dx$$

vale

A: 2/3 B: 1 C: N.A. D: 1/2 E: 0

6. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R}: \ x^4 - 2x^2 > -\frac{\pi}{2}\}$$

valgono

A: $\{-\infty, N.E., 1, N.E.\}$ B: $\{-1, N.E, 1., N.E\}$ C: N.A. D: $(-\infty, N.E, +\infty, N.E.)$ E: $\{-1, -1, +\infty., N.E\}$

7. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sin(x) + \log(\log(x))}{\cos(x) + \log(\log(x^2))}$$

vale

A: N.A. B: N.E. C: $\log(\log(2))$ D: $1/\log(2)$ E: 1

8. Data $f(x) = (3x)^{\log(x)}$, allora f'(1) vale

A: $\log(1/3)$ B: 0 C: N.E. D: N.A. E: $6 - \log(3)$

9. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = 1$ della funzione $\cos(x^2)$ vale

A: 1 + x B: N.A. C: $1 - x^4/2!$ D: $\cos(1) - \sin(1)(x - 1)$ E: $\cos(x) + \sin(x)(x - 1)$

10. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} (1+n^2)^{\frac{1}{n}}$$

vale

A: 1/e B: N.A. C: N.E. D: $+\infty$ E: 1

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

1. L'integrale

$$\int_{0}^{2} |x^{2} - 1| dx$$

vale

A: 0 B: 1/2 C: 2/3 D: 1 E: N.A.

2. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0=1$ della funzione $\cos(x^2)$ vale

A:
$$\cos(1) - \sin(1)(x-1)$$
 B: $1 - x^4/2!$ C: N.A. D: $1 + x$ E: $\cos(x) + \sin(x)(x-1)$

3. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} (1 + n^2)^{\frac{1}{n}}$$

vale

A: N.E. B: $+\infty$ C: 1/e D: N.A. E: 1

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R}: \ x^4 - 2x^2 > -\frac{\pi}{2}\}$$

valgono

A:
$$\{-1, N.E, 1., N.E\}$$
 B: $(-\infty, N.E, +\infty, N.E.)$ C: $\{-1, -1, +\infty., N.E\}$ D: N.A. E: $\{-\infty, N.E., 1, N.E.\}$

5. Il raggio di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=3}^{+\infty} \frac{n \log(n)}{e^n} (x - 1/e)^n$$

vale

A: e B:
$$1/e$$
 C: $+\infty$ D: 1 E: N.A.

6. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sin(x) + \log(\log(x))}{\cos(x) + \log(\log(x^2))}$$

vale

A:
$$1/\log(2)$$
 B: N.E. C: $\log(\log(2))$ D: 1 E: N.A.

7. Gli argomenti delle due soluzioni dell'equazione complessa $z^2 + z + 1 = 0$ valgono

A:
$$(2\pi/3, 4\pi/3)$$
 B: N.A. C: $(\pi/3, \pi/3)$ D: $(0, \pi)$ E: $(\pi/2, 3\pi/2)$

8. Calcolare l'immagine di $f(x) = e^{x/e}$, per $x \in [0, 1]$

A:
$$]0,1]$$
 B: $]0,e[$ C: $[1,e^{1/e}]$ D: N.A. E: $[1,e^e]$

9. Sia y la soluzione di $y'(x) = \sin(\log(x))$ con y(1) = 1, allora y'(1) vale

A: N.E. B: 1 C:
$$\sin(\log(y(x)))$$
 D: N.A. E: 0

10. Data $f(x) = (3x)^{\log(x)}$, allora f'(1) vale

A: N.A. B: N.E. C:
$$\log(1/3)$$
 D: 0 E: $6 - \log(3)$

	Ì	Ì	Ì	ĺ			ĺ			Ì	ĺ		ĺ										j
				(Cc	gno	me)							(N	ome)			(N:	ume	ro d	i ma	trice	la)

Α	В	С	D	Ε	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
10	

	Ì	Ì	Ì	ĺ			ĺ			Ì	ĺ		ĺ										j
				(Cc	gno	me)							(N	ome)			(N:	ume	ro d	i ma	trice	la)

Α	В	С	D	Ε	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

							ĺ											ĺ					
		•		gnor	me)			•	•	•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)

A	В	С	D	Ε	
4.1	ב	\sim	\mathbf{L}		

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

							ĺ											ĺ					
		•		gnor	me)			•	•	•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)

		Α	В	С	D	Ε	
--	--	---	---	---	---	---	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

			(C	ogn	ome)				_			(Non	ne)				(N	ume	ero c	li m	atri	cola	a)

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	
2	00000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

1. Data $f(x) = \sin(\log(\sqrt{x}))$, allora f'(1) vale A: 1 B: 0 C: 1/2 D: -1 E: N.A.

2. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin(x)} - 1 - x}{x \sin(x)}$$

vale

A: $-\infty$ B: N.A. C: N.E. D: 1/3! E: 1/2

3. Calcolare l'immagine di $f(x) = x \log(x)$, per $x \in]0,1]$ A: N.A. B:]0,1] C: $[1,e^{1/e}]$ D:]-1/e,0[E: [-1/e,0[

4. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\log(1+1/n)}{\sin(2/n)}$$

vale

A: 0 B: 2 C: $+\infty$ D: 1/2 E: N.A.

- 5. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = \sqrt[3]{\pi}$ della funzione $\cos(x^3)$ vale A: N.A. B: -1 C: $\cos(x) + \sin(x)(x \sqrt{3}\pi)$ D: $\cos(1) 3\sin(1)(x 1)$ E: $-1 x x^6/2!$
- 6. Gli argomenti di $\sqrt[3]{1+i}$ valgono A: N.A. B: $(0, 3\pi/12, 6\pi/12)$ C: $(\pi/4, 2\pi/4, 3\pi/4)$ D: $(-\pi/12, 0, \pi/12)$ E: $(\pi/12, 3\pi/12, 17\pi/12)$
- 7. Per quali $\alpha > 0$ converge la serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n \log(n^2)}{\alpha^n}$$

A: N.A. B: $\alpha \ge 1$ C: $\alpha > 0$ D: $\alpha < 1$ E: $\alpha > 2$

- 8. Sia y la soluzione di $y'(x)=1/\log(y(x))$ con y(0)=e, allora y'(0) vale A: N.E. B: N.A. C: $1/\log(y)$ D: 1 E: 0
- 9. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} : \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x+1/2}{(n^2+1)^{x+1}} \text{ converge} \right\}$$

valgono

A: $(-1/2, -1/2, +\infty, N.E.)$ B: $(-1/2, N.E., +\infty, N.E.)$ C: N.A. D: (1, N.E, 1., N.E) E: $(1, 1, +\infty., N.E)$

10. L'integrale

$$\int_{1}^{3} \frac{x^2}{x-4} \, dx$$

vale

A: $12 - 16 \log(3)$ B: $12 + 16 \log(3)$ C: $16 - 12 \log(3)$ D: N.A. E: 0

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

								I		Ī												Ī	
			(Co	gno	me)							(N	lom	ie)				(N	ero c	li m	atri	icol	

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	00000
2	00000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin(x)} - 1 - x}{x \sin(x)}$$

vale

A: N.A. B: 1/2 C: $-\infty$ D: N.E. E: 1/3!

2. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\log(1+1/n)}{\sin(2/n)}$$

vale

A: $+\infty$ B: 1/2 C: N.A. D: 0 E: 2

3. Gli argomenti di $\sqrt[3]{1+i}$ valgono

A: $(0, 3\pi/12, 6\pi/12)$ B: $(-\pi/12, 0, \pi/12)$ C: N.A. D: $(\pi/4, 2\pi/4, 3\pi/4)$ E: $(\pi/12, 3\pi/12, 17\pi/12)$

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} : \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x+1/2}{(n^2+1)^{x+1}} \text{ converge} \right\}$$

valgono

A: $(1,1,+\infty.,N.E)$ B: N.A. C: $(-1/2,N.E.,+\infty,N.E.)$ D: $(-1/2,-1/2,+\infty,N.E.)$ E: (1,N.E,1.,N.E)

5. Data $f(x) = \sin(\log(\sqrt{x}))$, allora f'(1) vale

A: 1 B: 1/2 C: 0 D: -1 E: N.A.

6. Per quali $\alpha > 0$ converge la serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n \log(n^2)}{\alpha^n}$$

A: $\alpha > 2$ B: N.A. C: $\alpha > 0$ D: $\alpha \ge 1$ E: $\alpha < 1$

7. Calcolare l'immagine di $f(x) = x \log(x)$, per $x \in]0,1]$

A:]0,1] B:]-1/e,0[C: N.A. D: [-1/e,0[E: $[1,e^{1/e}]$

8. L'integrale

$$\int_{1}^{3} \frac{x^2}{x-4} \, dx$$

vale

A: $12 - 16\log(3)$ B: $12 + 16\log(3)$ C: 0 D: $16 - 12\log(3)$ E: N.A.

9. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = \sqrt[3]{\pi}$ della funzione $\cos(x^3)$ vale A: N.A. B: $-1 - x - x^6/2$! C: $\cos(1) - 3\sin(1)(x-1)$ D: -1 E: $\cos(x) + \sin(x)(x - \sqrt{3}\pi)$

10. Sia y la soluzione di $y'(x) = 1/\log(y(x))$ con y(0) = e, allora y'(0) vale

A: $1/\log(y)$ B: 1 C: N.E. D: 0 E: N.A.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

			(Co	ogno	me)				 			(No	me)			(N	ume	ero c	li m	atri	cola)

|--|

1	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. Calcolare l'immagine di $f(x) = x \log(x)$, per $x \in]0,1]$

A:
$$[0,1]$$
 B: $[-1/e,0[$ C: $[-1/e,0[$ D: $[1,e^{1/e}]$ E: N.A.

2. Gli argomenti di $\sqrt[3]{1+i}$ valgono

A:
$$(\pi/4, 2\pi/4, 3\pi/4)$$
 B: $(-\pi/12, 0, \pi/12)$ C: $(\pi/12, 3\pi/12, 17\pi/12)$ D: $(0, 3\pi/12, 6\pi/12)$ E: N.A.

3. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\log(1+1/n)}{\sin(2/n)}$$

vale

A: 2 B: 0 C:
$$+\infty$$
 D: N.A. E: $1/2$

4. Sia y la soluzione di $y'(x) = 1/\log(y(x))$ con y(0) = e, allora y'(0) vale

A: 1 B: N.A. C:
$$1/\log(y)$$
 D: N.E. E: 0

5. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin(x)} - 1 - x}{x \sin(x)}$$

vale

A: N.A. B:
$$1/2$$
 C: N.E. D: $-\infty$ E: $1/3!$

6. Data $f(x) = \sin(\log(\sqrt{x}))$, allora f'(1) vale

A: 0 B: N.A. C:
$$1/2$$
 D: 1 E: -1

7. Per quali $\alpha > 0$ converge la serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n \log(n^2)}{\alpha^n}$$

A: N.A. B:
$$\alpha > 0$$
 C: $\alpha \ge 1$ D: $\alpha > 2$ E: $\alpha < 1$

8. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} : \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x+1/2}{(n^2+1)^{x+1}} \text{ converge} \right\}$$

valgono

A:
$$(-1/2, -1/2, +\infty, N.E.)$$
 B: $(-1/2, N.E., +\infty, N.E.)$ C: $(1, 1, +\infty., N.E)$ D: N.A E: $(1, N.E, 1., N.E)$

9. L'integrale

$$\int_{1}^{3} \frac{x^2}{x-4} dx$$

vale

A: N.A. B:
$$12 - 16 \log(3)$$
 C: $16 - 12 \log(3)$ D: 0 E: $12 + 16 \log(3)$

10. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = \sqrt[3]{\pi}$ della funzione $\cos(x^3)$ vale

A:
$$\cos(1) - 3\sin(1)(x-1)$$
 B: $\cos(x) + \sin(x)(x-\sqrt{3}\pi)$ C: -1 D: $-1-x-x^6/2!$ E: N.A.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

			(Co	ogno	me)				 			(No	me)			(N	ume	ero c	li m	atri	cola)

|--|

1	
2	00000
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

1. Gli argomenti di $\sqrt[3]{1+i}$ valgono

A:
$$(\pi/4, 2\pi/4, 3\pi/4)$$
 B: N.A. C: $(-\pi/12, 0, \pi/12)$ D: $(0, 3\pi/12, 6\pi/12)$ E: $(\pi/12, 3\pi/12, 17\pi/12)$

2. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = \sqrt[3]{\pi}$ della funzione $\cos(x^3)$ vale

A:
$$\cos(1) - 3\sin(1)(x-1)$$
 B: N.A. C: $\cos(x) + \sin(x)(x-\sqrt{3}\pi)$ D: -1 E: $-1 - x - x^6/2!$

3. Per quali $\alpha > 0$ converge la serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n \log(n^2)}{\alpha^n}$$

A: $\alpha > 2$ B: N.A. C: $\alpha < 1$ D: $\alpha \ge 1$ E: $\alpha > 0$

4. L'integrale

$$\int_{1}^{3} \frac{x^2}{x-4} dx$$

vale

A:
$$12 - 16\log(3)$$
 B: $12 + 16\log(3)$ C: 0 D: $16 - 12\log(3)$ E: N.A.

5. Data $f(x) = \sin(\log(\sqrt{x}))$, allora f'(1) vale

A:
$$-1$$
 B: 0 C: $1/2$ D: 1 E: N.A.

6. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} : \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x+1/2}{(n^2+1)^{x+1}} \text{ converge} \right\}$$

valgono

A: N.A. B:
$$(-1/2, -1/2, +\infty, N.E.)$$
 C: $(1, 1, +\infty, N.E)$ D: $(-1/2, N.E., +\infty, N.E.)$ E: $(1, N.E, 1., N.E)$

7. Calcolare l'immagine di $f(x) = x \log(x)$, per $x \in]0,1]$

A:
$$[1, e^{1/e}]$$
 B: $] - 1/e, 0[$ C: N.A. D: $]0, 1]$ E: $[-1/e, 0[$

8. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\log(1+1/n)}{\sin(2/n)}$$

vale

A: N.A. B: 2 C:
$$1/2$$
 D: 0 E: $+\infty$

9. Sia y la soluzione di $y'(x) = 1/\log(y(x))$ con y(0) = e, allora y'(0) vale

A: N.E. B: 0 C: N.A. D:
$$1/\log(y)$$
 E: 1

10. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin(x)} - 1 - x}{x \sin(x)}$$

vale

A: N.E. B: N.A. C:
$$-\infty$$
 D: $1/2$ E: $1/3$!

												ĺ											ĺ					
(Cognome)											•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)				

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	\bigcirc
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

												ĺ											ĺ					
(Cognome)											•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)				

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

												ĺ											ĺ					
(Cognome)											•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)				

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

												ĺ											ĺ					
(Cognome)											•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)				

|--|

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

(Cognome)									 			(No	me)			(N	ume	ero c	li m	atri	cola)						

A B C D E	
-----------	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. Calcolare l'immagine di $f(x) = x \log(x)$, per $x \in]0,1]$

A:
$$[-1/e, 0]$$
 B: $[1, e^{1/e}]$ C: N.A. D: $[0, 1]$ E: $]-1/e, 0[$

2. Per quali $\alpha > 0$ converge la serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n \log(n^2)}{\alpha^n}$$

A: $\alpha \ge 1$ B: $\alpha > 0$ C: $\alpha > 1$ D: $\alpha > 2$ E: N.A.

3. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin(x)} - 1 - x}{x \sin(x)}$$

vale

A: N.A. B: $-\infty$ C: 1/3! D: 1/2 E: N.E.

4. L'integrale

$$\int_{1}^{3} \frac{x^2}{x-4} dx$$

vale

A: $12 + 16\log(3)$ B: $16 - 12\log(3)$ C: $16 + 12\log(3)$ D: 0 E: N.A.

5. Gli argomenti di $\sqrt[3]{1+i}$ valgono

A: N.A. B:
$$(0, 3\pi/12, 6\pi/12)$$
 C: $(\pi/4, 2\pi/4, 3\pi/4)$ D: $(\pi/12, 3\pi/4, 17\pi/12)$ E: $(-\pi/12, 0, \pi/12)$

6. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} : \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x+1/2}{(n^2+1)^{x+1}} \text{ converge} \right\}$$

valgono

A:
$$(1,1,+\infty.,N.E)$$
 B: $(1,N.E,1.,N.E)$ C: $(-1/2,N.E.,+\infty,N.E.)$ D: N.A. E: $(-1/2,-1/2,+\infty,N.E.)$

7. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = \sqrt[3]{\pi}$ della funzione $\cos(x^3)$ vale

A:
$$-1 - x - x^6/2!$$
 B: 1 C: N.A. D: $\cos(x) + \sin(x)(x - \sqrt{3}\pi)$ E: $\cos(1) - 3\sin(1)(x - 1)$

8. Data $f(x) = \sin(\log(\sqrt{x}))$, allora f'(1) vale

A: 0 B:
$$-1$$
 C: 2 D: 1 E: N.A.

9. Sia y la soluzione di $y'(x) = 1/\log(y(x))$ con y(0) = e, allora y'(0) vale

A: 1 B: N.A. C: N.E. D: 0 E:
$$1/\log(y)$$

10. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\log(1+1/n)}{\sin(2/n)}$$

vale

A:
$$+\infty$$
 B: N.A. C: $1/2$ D: 0 E: 2

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

(Cognome)									 			(No	me)			(N	ume	ero c	li m	atri	cola)						

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = \sqrt[3]{\pi}$ della funzione $\cos(x^3)$ vale A: N.A. B: 1 C: $\cos(x) + \sin(x)(x - \sqrt{3}\pi)$ D: $-1 - x - x^6/2!$ E: $\cos(1) - 3\sin(1)(x - 1)$

2. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\log(1+1/n)}{\sin(2/n)}$$

vale

A: 0 B: 1/2 C: N.A. D: $+\infty$ E: 2

3. Gli argomenti di $\sqrt[3]{1+i}$ valgono A: $(0, 3\pi/12, 6\pi/12)$ B: N.A. C: $(-\pi/12, 0, \pi/12)$ D: $(\pi/12, 3\pi/4, 17\pi/12)$ E: $(\pi/4, 2\pi/4, 3\pi/4)$

4. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin(x)} - 1 - x}{x \sin(x)}$$

vale

A: N.E. B: 1/3! C: $-\infty$ D: N.A. E: 1/2

5. Calcolare l'immagine di $f(x) = x \log(x)$, per $x \in]0,1]$ A:]0,1] B: $[1,e^{1/e}]$ C: N.A. D:]-1/e,0[E: [-1/e,0]

6. Data $f(x) = \sin(\log(\sqrt{x}))$, allora f'(1) vale A: 0 B: -1 C: N.A. D: 1 E: 2

7. Per quali $\alpha > 0$ converge la serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n \log(n^2)}{\alpha^n}$$

A: $\alpha > 2$ B: $\alpha \ge 1$ C: $\alpha > 1$ D: N.A. E: $\alpha > 0$

8. L'integrale

$$\int_{1}^{3} \frac{x^2}{x-4} \, dx$$

vale

A: N.A. B: $16 - 12\log(3)$ C: 0 D: $16 + 12\log(3)$ E: $12 + 16\log(3)$

9. Sia y la soluzione di $y'(x)=1/\log(y(x))$ con y(0)=e, allora y'(0) vale A: $1/\log(y)$ B: N.A. C: 1 D: N.E. E: 0

10. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} : \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x+1/2}{(n^2+1)^{x+1}} \text{ converge} \right\}$$

valgono

A: $(-1/2, N.E., +\infty, N.E.)$ B: (1, N.E, 1., N.E) C: $(-1/2, -1/2, +\infty, N.E.)$ D: $(1, 1, +\infty., N.E)$ E: N.A.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A B C D E	
-----------	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

1. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = \sqrt[3]{\pi}$ della funzione $\cos(x^3)$ vale

A: $-1 - x - x^6/2!$ B: N.A. C: 1 D: $\cos(1) - 3\sin(1)(x-1)$ E: $\cos(x) + \sin(x)(x-\sqrt{3}\pi)$

2. Sia yla soluzione di $y'(x) = 1/\log(y(x))$ con $y(0) = \mathbf{e},$ allora y'(0) vale

A: $1/\log(y)$ B: N.E. C: 0 D: N.A. E: 1

3. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin(x)} - 1 - x}{x \sin(x)}$$

vale

A: 1/3! B: N.A. C: N.E. D: $-\infty$ E: 1/2

4. L'integrale

$$\int_{1}^{3} \frac{x^2}{x-4} dx$$

vale

A: 0 B: $16 - 12\log(3)$ C: $16 + 12\log(3)$ D: $12 + 16\log(3)$ E: N.A.

5. Gli argomenti di $\sqrt[3]{1+i}$ valgono

A: N.A. B: $(\pi/4, 2\pi/4, 3\pi/4)$ C: $(0, 3\pi/12, 6\pi/12)$ D: $(\pi/12, 3\pi/4, 17\pi/12)$ E: $(-\pi/12, 0, \pi/12)$

6. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} : \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x+1/2}{(n^2+1)^{x+1}} \text{ converge} \right\}$$

valgono

A: $(1,1,+\infty,N.E)$ B: N.A. C: $(-1/2,-1/2,+\infty,N.E.)$ D: $(-1/2,N.E.,+\infty,N.E.)$ E: (1,N.E,1.,N.E)

7. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\log(1+1/n)}{\sin(2/n)}$$

vale

A: 1/2 B: 0 C: $+\infty$ D: N.A. E: 2

8. Calcolare l'immagine di $f(x) = x \log(x)$, per $x \in]0,1]$

A: $[1, e^{1/e}]$ B: [-1/e, 0] C: N.A. D: [0, 1] E: [-1/e, 0]

9. Data $f(x) = \sin(\log(\sqrt{x}))$, allora f'(1) vale

A: 1 B: N.A. C: 2 D: 0 E: -1

10. Per quali $\alpha > 0$ converge la serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n \log(n^2)}{\alpha^n}$$

A: $\alpha > 2$ B: $\alpha > 1$ C: $\alpha \ge 1$ D: N.A. E: $\alpha > 0$

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

(Cognome)									 			(No	me)			(N	ume	ero c	li m	atri	cola)						

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	0000

- 1. Il polinomio di Taylor di grado 1 in $x_0 = \sqrt[3]{\pi}$ della funzione $\cos(x^3)$ vale
 A: N.A. B: $\cos(1) 3\sin(1)(x-1)$ C: $-1 x x^6/2!$ D: $\cos(x) + \sin(x)(x \sqrt{3}\pi)$ E: 1
- 2. L'integrale

$$\int_{1}^{3} \frac{x^2}{x-4} dx$$

vale

A: $16 + 12\log(3)$ B: $12 + 16\log(3)$ C: N.A. D: 0 E: $16 - 12\log(3)$

3. Il limite

$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\log(1+1/n)}{\sin(2/n)}$$

vale

A: 2 B: 0 C: N.A. D: 1/2 E: $+\infty$

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} : \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x+1/2}{(n^2+1)^{x+1}} \text{ converge} \right\}$$

valgono

A: $(1,1,+\infty.,N.E)$ B: $(-1/2,N.E.,+\infty,N.E.)$ C: (1,N.E,1.,N.E) D: N.A. E: $(-1/2,-1/2,+\infty,N.E.)$

5. Gli argomenti di $\sqrt[3]{1+i}$ valgono

A: $(\pi/12, 3\pi/4, 17\pi/12)$ B: $(-\pi/12, 0, \pi/12)$ C: N.A. D: $(0, 3\pi/12, 6\pi/12)$ E: $(\pi/4, 2\pi/4, 3\pi/4)$

6. Per quali $\alpha > 0$ converge la serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n \log(n^2)}{\alpha^n}$$

A: $\alpha \ge 1$ B: $\alpha > 1$ C: N.A. D: $\alpha > 0$ E: $\alpha > 2$

7. Data $f(x) = \sin(\log(\sqrt{x}))$, allora f'(1) vale

A: -1 B: 0 C: 1 D: 2 E: N.A.

8. Sia y la soluzione di $y'(x) = 1/\log(y(x))$ con y(0) = e, allora y'(0) vale

A: 0 B: 1 C: N.A. D: N.E. E: $1/\log(y)$

9. Calcolare l'immagine di $f(x) = x \log(x)$, per $x \in]0,1]$

A: [0,1] B: [-1/e,0] C: [-1/e,0] D: N.A. E: $[1,e^{1/e}]$

10. Il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin(x)} - 1 - x}{x \sin(x)}$$

vale

A: 1/2 B: 1/3! C: N.E. D: $-\infty$ E: N.A.

												ĺ											ĺ					
	(Cognome)											•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)			

		Α	В	С	D	Ε	
--	--	---	---	---	---	---	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

	Ì	Ì		Ì	ĺ				ĺ					Ì	ĺ		ĺ										j
(Cognome)														(N	ome)			(N:	ume	ro d	i ma	trice	la)			

A B C D E	
-----------	--

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

												ĺ											ĺ					
	(Cognome)											•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)			

	Α	В	С	D	\mathbf{E}	
--	---	---	---	---	--------------	--

1	$\bigcirc \bullet \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

												ĺ											ĺ					
	(Cognome)											•		•	(No	me)			•		ume	ro di	i ma	trico	la)			

 ${\rm CODICE} = 234945$

Α	В	С	D	Ε	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

10 gennaio 2012

PARTE B

1. Studiare, al variare del parametro $\lambda \in \mathbb{R}$, il grafico della funzione

$$f(x) = \log(x^3 - (\lambda + 1)x)$$

Soluzione: Per prima cosa osserviamo che il dominio è dato da

$$D = \{x > 0\} \text{ se } \lambda \le -1 \qquad D = \{-\sqrt{1 + \lambda} < x < 0\} \cup \{x > \sqrt{1 + \lambda}\} \text{ se } \lambda > -1.$$

Pertanto se $\lambda \leq -1$ si ha

$$\lim_{x \to 0^+} f(x) = -\infty \qquad \lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$$

е

$$f'(x) = \frac{3x^2 - \lambda - 1}{x^3 - x(\lambda + 1)} > 0$$
 se $\lambda \le -1$

quindi la funzione risulta monotona crescente Nel caso $\lambda > -1$ si ha invece

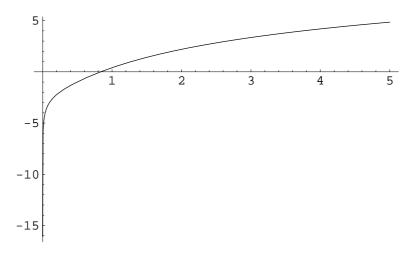


Figura 1: $\lambda \leq -1$

$$\lim_{x \to -\sqrt{1+\lambda}^+} f(x) = \lim_{x \to 0^-} f(x) = \lim_{x \to \sqrt{1+\lambda}^+} f(x) = -\infty \qquad \lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$$

La derivata prima si annulla per

$$x = \pm \frac{\sqrt{\lambda + 1}}{\sqrt{3}},$$

ma la soluzione positiva non cade nel dominio. Si ha pertanto un solo punto di massimo relativo per $x=-\frac{\sqrt{\lambda+1}}{\sqrt{3}}$ e la derivata seconda risulta sempre negativa.

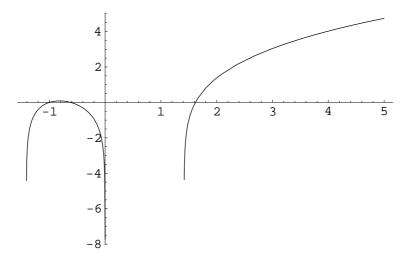


Figura 2: $\lambda = 1$

2. Trovare la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y''(t) - 2y'(t) + y(t) = 1 - \cos(t) \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 0 \end{cases}$$

Soluzione: In questo caso non c'è risonanza e l'integrale generale risulta

$$e^{t}c_{1} + e^{t}tc_{2} + \frac{1}{2}(\sin(t) + 2)$$

e imponendo le condizioni iniziali si ha la soluzione

$$y(t) = e^{t}c_1 + e^{t}tc_2 + \frac{1}{2}(\sin(t) + 2)$$

3. Studiare la convergenza della serie

$$\sum_{n=2}^{+\infty} \sqrt{n^4 - n^2 + n} \left[2 + \cos(n!) \right] \sin \frac{1}{n^{\alpha}}$$

al variare di $\alpha \geq 0$

Soluzione: Essendo $|\cos(x)| \le 1$ ed essendo $\sin(x) = \mathcal{O}(x)$ per x che tende a zero la serie in questione si comporta come

$$\sum_{n=2}^{+\infty} \sqrt{n^4} \frac{1}{n^{\alpha}} = \sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1}{n^{\alpha-2}},$$

che converge se e solo se $\alpha > 3$.

- 4. Studiare le seguenti proposizioni e dire se qualcuna è vera, motivando la risposta.
 - Siano (a_n) e (b_n) due successioni di numeri reali tali che $|a_n| \leq b_n$ per ogni $n \in \mathbb{N}$. Allora, necessariamente
 - A) se (b_n) converge allora anche (a_n) converge
 - B) se (b_n) diverge allora anche (a_n) diverge
 - C) se (b_n) converge allora (a_n) è limitata
 - D) se (a_n) non converge allora (b_n) non converge

Soluzione: La A è falsa basta prendere $b_n = 1$ che converge e $a_n = (-1)^n$ che non converge.

La B è falsa basta prendere $a_n=0$ e $b_n=(-1)^n n$

La C è vera infatti se $b_n \to L$ allora b_n è limitata, cioè $\exists M>0$ tale che $|b_n| \leq M$ e pertanto $|a_n| \leq b_n \leq |b_n| \leq M$, mostrando che a_n è limitata.

La D è falsa basta prendere di nuovo $b_n = 1$ e $a_n = (-1)^n$.