

다음은  $n$ -bit 블록암호  $E_K$ 를 사용하는 한 인증모드에 대한 설명이다.

**[블록암호 기반 인증모드 암호화 정의]**

입력: nonce  $N$ , 메시지  $M = M_1 \| M_2 \| \dots \| M_m$

출력: 암호문  $C = C_1 \| C_2 \| \dots \| C_m$ , 태그 값  $T$

$$L = E_K(N)$$

$$\Sigma = 0$$

For  $i = 1 \sim m-1$ :

$$\Sigma = \Sigma \oplus M_i$$

$$C_i = E_K(M_i \oplus L) \oplus L$$

$$Pad = E_K(len(M_m) \oplus L)$$

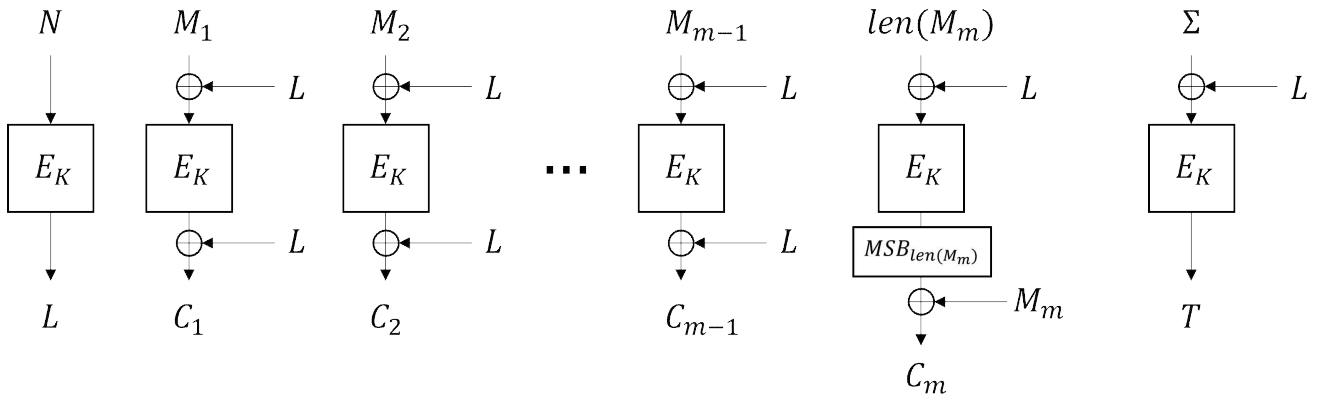
$$C_m = M_m \oplus MSB_{len(M_m)}(Pad)$$

$$\Sigma = \Sigma \oplus Pad \oplus C_m \| 0^*$$

$$T = E_K(\Sigma \oplus L)$$

$$C = C_1 \| C_2 \| \dots \| C_m$$

return  $C, T$



<블록암호 기반 인증모드 암호화 과정>

**[블록암호 기반 인증모드 복호화 정의]**

입력: nonce  $N$ , 암호문  $C = C_1 \| C_2 \| \dots \| C_m$ , 태그 값  $T$

출력: 메시지  $M = M_1 \| M_2 \| \dots \| M_m$ , 또는 False

$$L = E_K(N)$$

$$\Sigma = 0$$

For  $i = 1 \sim m-1$ :

$$M_i = D_K(C_i \oplus L) \oplus L$$

$$\Sigma = \Sigma \oplus M_i$$

$$Pad = E_K(len(C_m) \oplus L)$$

$$\Sigma = \Sigma \oplus Pad \oplus C_m \| 0^*$$

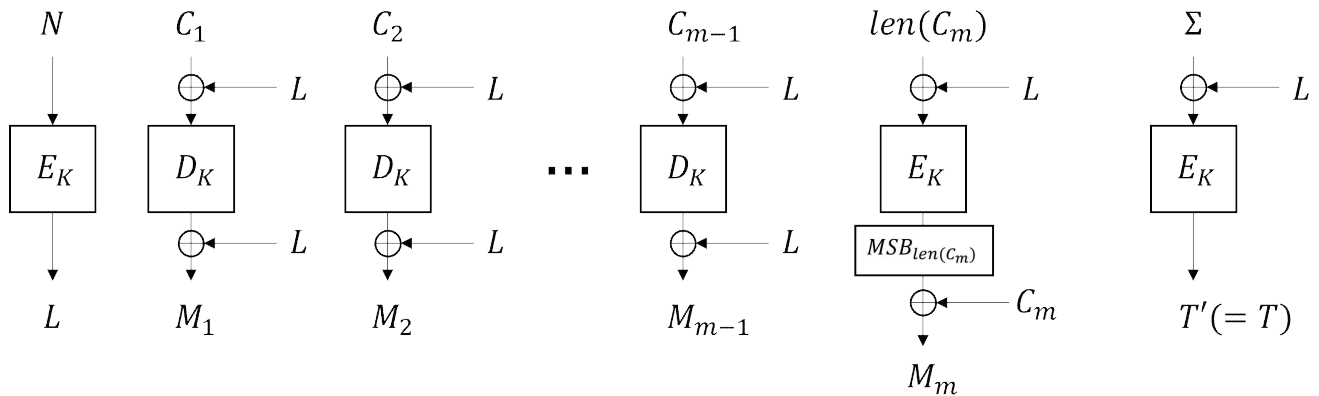
$$M_m = C_m \oplus MSB_{len(C_m)}(Pad)$$

$$T' = E_K(\Sigma \oplus L)$$

$$M = M_1 || M_2 || \dots || M_m$$

if  $T' = T$  return  $M$

else return **False**



<블록암호 기반 인증모드 복호화 과정>

- $len()$  함수는 입력값을 이진비트열로 나타내었을 때, 그 비트 개수를  $n$ -bit 크기의 자료형으로 출력한다.  
ex) 블록암호의 크기가 64-bit일 경우,  $len(0b01011) = 0x0000000000000005$  (단, 0b와 0x는 각각 2진법, 16진법을 나타내는 표시이다.)
- $MSB_b$  함수는 입력값의  $b$ -bit MSB(Most Significant Bit) 값을 출력한다.  
ex)  $MSB_8(0x123456789ABCDEF0) = 0x12$
- $C_m || 0^*$ 은  $C_m$ 의 크기가  $n$ -bit와 같을 경우  $C_m$ 을,  $n$ -bit보다 작을 경우 그 차이만큼 LSB(Least Significant Bit)에 0을 연접한 값을 뜻한다.

#### [문제]

1. 만약  $M_m$ 의 크기가 블록암호의 블록 크기와 같다면  $\Sigma$ 는 어떤 형태인가?
2. 중복된 태그값을 갖는 메시지(혹은 암호문)를 찾는 것을 태그 위조공격(forgery attack)이라고 한다. 위에 제시된 인증모드에서 서로 다른 두 메시지(혹은 암호문)이 동일한 태그값을 갖게 만드는 위조공격을 설명하시오 (단, 공격자는 nonce를 재사용 가능함.)