

## إصلاح اختبار الرياضيات دورة 2001

### التمرين الأول :

$$\therefore x \in \mathbb{R} \text{ حيث } A = x - 2 \quad (1)$$

$$A = 1 - 2 = -1 \quad \text{إذن } x = 1$$

$$A = \frac{1}{2} - 2 = \frac{1}{2} - \frac{4}{2} = -\frac{3}{2} \quad \text{إذن } x = \frac{1}{2}$$

بـ - يعني  $-3 \leq x - 2 \leq 1$  - إذن  $-1 \leq x \leq 3$  حيث مدى هذا الحصر هو

$$1 - (-3) = 4$$

$$\therefore x \in \mathbb{R} \text{ حيث } B = x^2 - 4 \quad (2)$$

أـ

$$B = x^2 - 4 = x^2 - 2^2 = (x - 2)(x + 2)$$

$$A + B = x - 2 + (x - 2)(x + 2) = (x - 2) \times 1 + (x - 2) \times (x + 2) = (x - 2) \times (1 + x + 2)$$

بـ

$$= (x - 2)(x + 3)$$

يعني  $x - 2 = 0$  أو  $x + 3 = 0$  يعني  $x = 2$  أو  $x = -3$  وبالتالي :

$$\therefore S_{IR} = \{-3, 2\}$$

### التمرين الثاني :

$$b = 6\sqrt{2} - \sqrt{18} + 1 \quad \text{و } a = \sqrt{3}(2 + \sqrt{3}) - 2$$

$$a = \sqrt{3}(2 + \sqrt{3}) - 2 = \sqrt{3} \times 2 + \sqrt{3} \times \sqrt{3} - 2 = 2\sqrt{3} + 3 - 2 = 1 + 2\sqrt{3} \quad (1)$$

$$b = 6\sqrt{2} - \sqrt{18} + 1 = 6\sqrt{2} - \sqrt{9 \times 2} + 1 = 6\sqrt{2} - 3\sqrt{2} + 1 = 3\sqrt{2} + 1$$

$$\therefore 2\sqrt{3}(3\sqrt{2}) < (2\sqrt{3})^2 < (3\sqrt{2})^2 \quad \text{إذن } \begin{cases} (3\sqrt{2})^2 = 9 \times 2 = 18 \\ (2\sqrt{3})^2 = 4 \times 3 = 12 \end{cases} \quad (2)$$

بـ - يعني  $2\sqrt{3}(3\sqrt{2}) < b < (3\sqrt{2})^2$

بما أن  $2\sqrt{3} > 1 + 2\sqrt{3}$  يعني  $a < b$  وبالتالي  $a < b$

الأعداد  $a$  و  $b$  و  $1$  لها نفس العلامة و  $a < b < 1$  إذن :

$$\therefore \frac{1}{a} > \frac{1}{b} > 1$$



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

فاصلة النقطة  $A$  هي 2

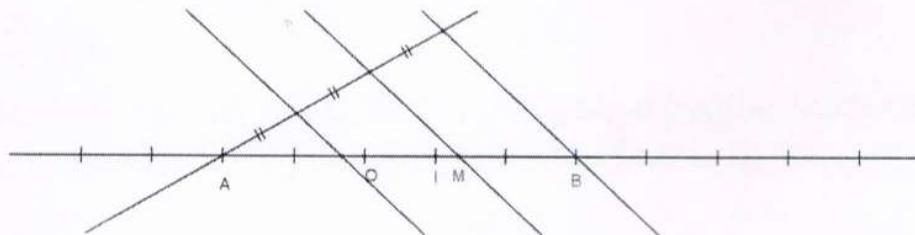
فاصلة النقطة  $B$  هي 3

### التمرين الثالث :

(1) فاصلة النقطة  $O$  هي 0

فاصلة النقطة  $I$  هي 1

(2)



$$x_D = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{-2 + 3}{2} = \frac{1}{2} \quad (3)$$

أ-

$$AM = \frac{2}{3} AB = \frac{2}{3} \times |x_B - x_A| = \frac{2}{3} \times |3 - (-2)| = \frac{2}{3} \times |3 + 2| = \frac{2}{3} \times 5 = \frac{10}{3} \quad (4)$$

ب-

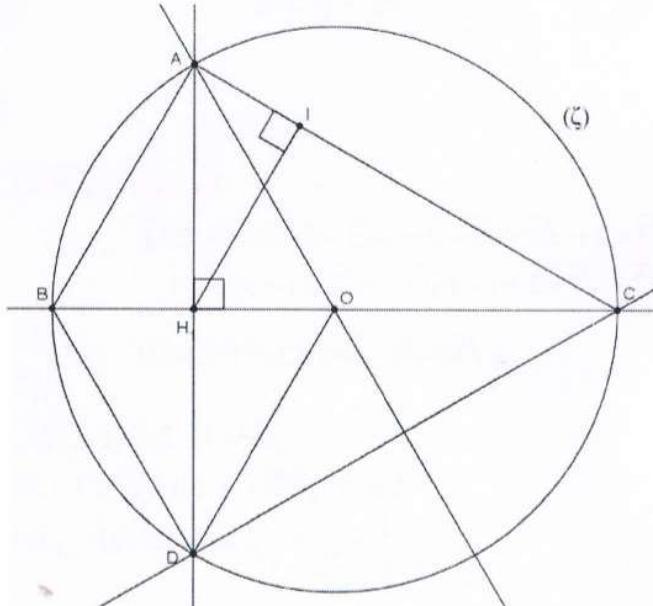
$$x_M + 2 = \frac{10}{3} \text{ يعني } |x_M + 2| = \frac{10}{3} \text{ يعني } |x_M - (-2)| = \frac{10}{3} \text{ يعني } |x_M - x_A| = \frac{10}{3} \quad AM = \frac{10}{3}$$

$$x_M = -\frac{10}{3} - 2 = -\frac{10}{3} - \frac{6}{3} = -\frac{16}{3} \text{ أو } x_M = \frac{10}{3} - 2 = \frac{10}{3} - \frac{6}{3} = \frac{4}{3} \text{ يعني } x_M + 2 = -\frac{10}{3}$$

$$\therefore x_M = \frac{4}{3} \text{ فإن } M \in [OI] \text{ لأن } \{M \in [OI]\}$$

المسألة :

1) أ- النقطة  $A$  تتنتمي إلى الموسط العمودي لقطعة المستقيم  $[OB]$  إذن  $AO = AB$  و بما أن  $AO = 4$  فإن  $AB = 4$ .



ب-  $[OA]$  و  $[OB]$  هما شعاعان للدائرة  $(\gamma)$  إذن  $OA = OB$ .

$\hat{AOB} = 60^\circ$  إذن  $AO = AB$  و بالتالي فالثلث  $AOB$  متقايس الأضلاع إذن :  $\begin{cases} AO = AB \\ OB = OA \\ AO = OB \end{cases}$

و بالتالي :  $\hat{ABC} = \hat{ABO} = 60^\circ$ .

ج-  $[AH]$  هو ارتفاع للمثلث المتقايس الأضلاع  $ABO$  الذي طول ضلعه يساوي 4 إذن :

$$AH = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 4 = 2\sqrt{3}$$

2) لقد قبل المثلث  $ABC$  الارتسام في الدائرة  $(\gamma)$  التي قطرها  $[BC]$  أحد أضلاعه إذن فهو قائم الزاوية في  $A$  {إذا قبل مثلث الارتسام في دائرة قطرها أحد أضلاعه فهو قائم ووتره هو هذا الضلع}.

بـ المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$  إذن حسب نظرية بيتاغور فإنـ  $BC^2 = AB^2 + AC^2$  يعني  $. AC = \sqrt{48} = \sqrt{16 \times 3} = 4\sqrt{3}$  و بالتالي  $AC^2 = BC^2 - AB^2 = 8^2 - 4^2 = 64 - 16 = 48$

(3) المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$  إذن  $(AB) \perp (AC)$ .

$$\begin{cases} (AB) \perp (AC) \\ (HI) \parallel (AB) \\ (HI) \perp (AC) \end{cases}$$

في المثلث  $ABC$  ،  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$  إذن بتطبيق نظرية طالس في هذا المثلث

$$\frac{CI}{CA} = \frac{CH}{CB} \text{ و بالتالي } \frac{CI}{CA} = \frac{CH}{CB} = \frac{HI}{AB}$$

$$. CI = CA \times \frac{CH}{CB} = \frac{6}{8} \times 4\sqrt{3} = 3\sqrt{3} \quad \frac{CI}{CA} = \frac{CH}{CB}$$

$. OA = OD$  [ ] هما شعاعان للدائرة (٤) إذن  $OA = OD$  (4)

$$\begin{cases} OA = OD \\ OH = OH \end{cases}$$

[ ]  $AOH$  و  $DOH$  متباين حسب الحالة الثانية لتقايس المثلثات القائمة.

إذن  $AOH$  و  $DOH$  على استقامة واحدة فإنـ  $H$  هي منتصف  $[AD]$ .

(AH) هو الموسط العمودي لقطعة المستقيم  $[OB]$  إذن فهو يقطعها في منتصفها و بالتالي  $H$  هي منتصف  $[OB]$ .

قطرا الرابع  $OABD$  يتقاطعان في منتصفهما إذن فهو متوازي أضلاع و بما أنهما متعامدان فهو مُعَيّن.

(5) أـ المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$  و  $\hat{A}BC = 60^\circ$  إذن  $\hat{A}CB = 30^\circ$ .

المثلث  $AHC$  قائم الزاوية في  $H$  و  $\hat{A}CH = 30^\circ$  إذن  $\hat{C}AH = 60^\circ$  و بالتالي  $\hat{C}AD = 60^\circ$ .

بـ المستقيم  $(BC)$  عمودي على قطعة المستقيم  $[AD]$  في منتصفها إذن فهو موسطها العمودي.

النقطة  $C$  تتنمي إلى الموسط العمودي لقطعة المستقيم  $[AD]$  إذن  $CA = CD$  و بالتالي فالمثلث  $CAD$  متباين الضلعين و بما أنـ له زاوية قيسها  $60^\circ$  درجة فهو متباين الأضلاع {إذا كان لمثلث متباين الضلعين زاوية قيسها  $60^\circ$  درجة فهو متباين الأضلاع}

جـ النقطة  $O$  هي مركز الدائرة المحطة بالمثلث  $ACD$  المتباين الأضلاع إذن فهي أيضاً مركزه القائم {في المثلث المتباين الأضلاع، يتطابق مركز الثقل و المركز القائم و مركز الدائرة المحطة بالمثلث و مركز الدائرة المحاطة به} و بالتالي فالمستقيم  $(AO)$  هو الحامل لارتفاعه الصادر من الرأس  $A$  و منه  $(AO) \perp (CD)$ .

