

إصلاح اختبار الرياضيات دورة 2001

التمرين الأول :

(1) $A = x - 2$ حيث $x \in \mathbb{R}$.

أ- $x = 1$ إذن $A = 1 - 2 = -1$

$x = \frac{1}{2}$ إذن $A = \frac{1}{2} - 2 = \frac{1}{2} - \frac{4}{2} = -\frac{3}{2}$

ب- $-1 \leq x \leq 3$ يعني $-1 - 2 \leq x - 2 \leq 3 - 2$ إذن $-3 \leq x - 2 \leq 1$ حيث مدى هذا الحصر هو

$1 - (-3) = 4$

(2) $B = x^2 - 4$ حيث $x \in \mathbb{R}$.

أ- $B = x^2 - 4 = x^2 - 2^2 = (x - 2)(x + 2)$

ب- $A + B = x - 2 + (x - 2)(x + 2) = (x - 2) \times 1 + (x - 2) \times (x + 2) = (x - 2) \times (1 + x + 2)$

$= (x - 2)(x + 3)$

(3) $(x - 2)(x + 3) = 0$ يعني $x - 2 = 0$ أو $x + 3 = 0$ يعني $x = 2$ أو $x = -3$ وبالتالي :

$S_{\mathbb{R}} = \{-3, 2\}$

التمرين الثاني :

$a = \sqrt{3}(2 + \sqrt{3}) - 2$ و $b = 6\sqrt{2} - \sqrt{18} + 1$

(1) $a = \sqrt{3}(2 + \sqrt{3}) - 2 = \sqrt{3} \times 2 + \sqrt{3} \times \sqrt{3} - 2 = 2\sqrt{3} + 3 - 2 = 1 + 2\sqrt{3}$

$b = 6\sqrt{2} - \sqrt{18} + 1 = 6\sqrt{2} - \sqrt{9 \times 2} + 1 = 6\sqrt{2} - 3\sqrt{2} + 1 = 3\sqrt{2} + 1$

(2) أ- $\begin{cases} (3\sqrt{2})^2 = 9 \times 2 = 18 \\ (2\sqrt{3})^2 = 4 \times 3 = 12 \end{cases}$ إذن $(2\sqrt{3})^2 < (3\sqrt{2})^2$ يعني $2\sqrt{3} < 3\sqrt{2}$.

ب- $2\sqrt{3} < 3\sqrt{2}$ يعني $1 + 2\sqrt{3} < 1 + 3\sqrt{2}$ يعني $a < b$

بما أن $2\sqrt{3} > 0$ فإن $1 + 2\sqrt{3} > 1$ يعني $a > 1$ و بالتالي $1 < a < b$

الأعداد a و b و 1 لها نفس العلامة و $1 < a < b$ إذن : $\frac{1}{a} > \frac{1}{b} > 1$.



نجاحك يهمنا

التمرين الثالث :

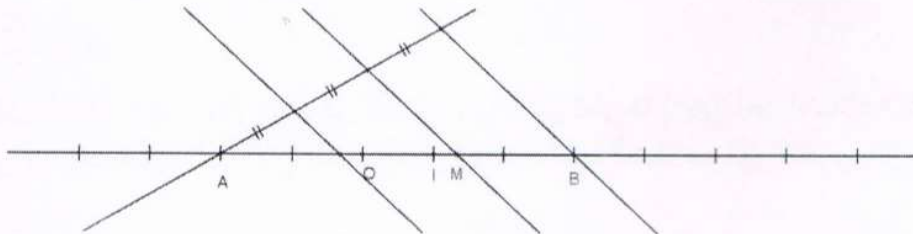
(1) فاصلة النقطة O هي 0

فاصلة النقطة I هي 1

(2)

فاصلة النقطة A هي -2

فاصلة النقطة B هي 3



$$x_D = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{-2 + 3}{2} = \frac{1}{2} \quad (3)$$

(4) أ-

$$AM = \frac{2}{3} AB = \frac{2}{3} \times |x_B - x_A| = \frac{2}{3} \times |3 - (-2)| = \frac{2}{3} \times |3 + 2| = \frac{2}{3} \times 5 = \frac{10}{3}$$

ب-

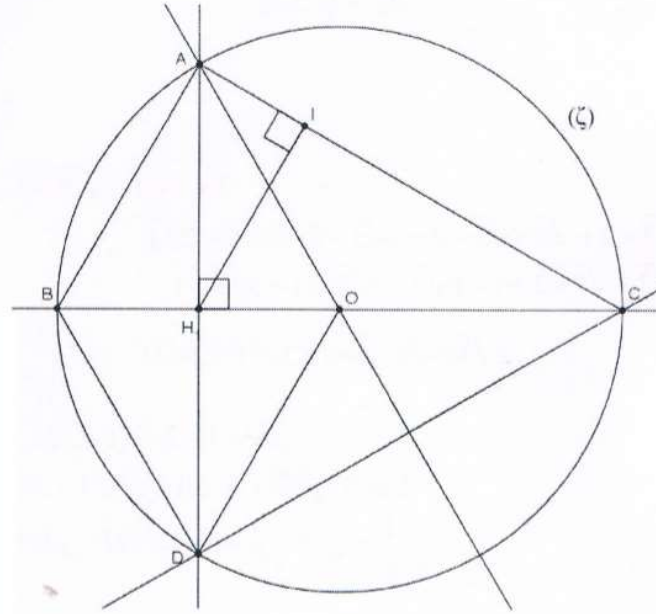
$$AM = \frac{10}{3} \text{ يعني } |x_M - x_A| = \frac{10}{3} \text{ يعني } |x_M - (-2)| = \frac{10}{3} \text{ يعني } |x_M + 2| = \frac{10}{3} \text{ يعني } x_M + 2 = \frac{10}{3} \text{ أو } x_M + 2 = -\frac{10}{3}$$

$$x_M + 2 = -\frac{10}{3} \text{ يعني } x_M = -\frac{10}{3} - 2 = -\frac{10}{3} - \frac{6}{3} = -\frac{16}{3} \text{ أو } x_M = \frac{10}{3} - 2 = \frac{10}{3} - \frac{6}{3} = \frac{4}{3}$$

$$\text{لأن } \{M \in [OI]\} \text{ فإن } x_M = \frac{4}{3}$$

المسألة :

(1) أ- النقطة A تنتمي إلى المتوسط العمودي لقطعة المستقيم [OB] إذن $AO = AB$ و بما أن $AO = 4$ فإن $AB = 4$.



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

ب- [OA] و [OB] هما شعاعان للدائرة (C) إذن $OA = OB$.

$$\begin{cases} AO = AB \\ AO = OB \end{cases} \text{ إذن } OB = OA = AB \text{ وبالتالي فالمثلث } AOB \text{ متقايس الأضلاع إذن : } \angle ABO = 60^\circ$$

و بالتالي : $\angle ABC = \angle ABO = 60^\circ$.

ج- [AH] هو ارتفاع للمثلث المتقايس الأضلاع ABO الذي طول ضلعه يساوي 4 إذن :

$$AH = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 4 = 2\sqrt{3}$$

(2) أ- لقد قبل المثلث ABC الارتسام في الدائرة (C) التي قطرها [BC] أحد أضلاعه إذن فهو قائم الزاوية في A {إذا قبل مثلث الارتسام في دائرة قطرها أحد أضلاعه فهو قائم و وتره هو هذا الضلع}.

ب- المثلث ABC قائم الزاوية في A إذن حسب نظرية بيتاغور فإنّ : $BC^2 = AB^2 + AC^2$ يعني $AC = \sqrt{48} = \sqrt{16 \times 3} = 4\sqrt{3}$ و بالتالي $AC^2 = BC^2 - AB^2 = 8^2 - 4^2 = 64 - 16 = 48$.
(3) المثلث ABC قائم الزاوية في A إذن $(AB) \perp (AC)$.

$$\left\{ \begin{array}{l} (AB) \perp (AC) \\ (HI) \parallel (AB) \end{array} \right. \Rightarrow (HI) \perp (AC)$$

في المثلث ABC ، $I \in (CA)$ و $H \in (CB)$ و $(HI) \parallel (AB)$ إذن بتطبيق نظرية طالس في هذا المثلث

$$\frac{CI}{CA} = \frac{CH}{CB} \text{ و بالتالي } \frac{CI}{CA} = \frac{CH}{CB} = \frac{HI}{AB}$$

$$\frac{CI}{CA} = \frac{CH}{CB} \text{ يعني } CI = CA \times \frac{CH}{CB} = \frac{6}{8} \times 4\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$$

(4) $[OA]$ و $[OD]$ هما شعاعان للدائرة (C) إذن $OA = OD$.

$$\left\{ \begin{array}{l} OA = OD \\ OH = OH \end{array} \right. \Rightarrow \text{إذن } DOH \text{ و } AOH \text{ متقايسان حسب الحالة الثانية لتقايس المثلثات القائمة.}$$

$[HA]$ و $[HD]$ نظيران في تقايس المثلثين AOH و DOH إذن $HA = HD$ و بما أنّ النقط A و H و D على استقامة واحدة فإنّ H هي منتصف $[AD]$.

(AH) هو المتوسط العمودي لقطعة المستقيم $[OB]$ إذن فهو يقطعها في منتصفها و بالتالي H هي منتصف $[OB]$.

قطرا الرباعي $OABD$ يتقاطعان في منتصفهما إذن فهو متوازي أضلاع و بما أنّهما متعامدان فهو مُعَيَّن.

(5) أ- المثلث ABC قائم الزاوية في A و $\hat{ABC} = 60^\circ$ إذن $\hat{ACB} = 30^\circ$.

المثلث AHC قائم الزاوية في H و $\hat{ACH} = 30^\circ$ إذن $\hat{CAH} = 60^\circ$ و بالتالي $\hat{CAD} = 60^\circ$.

ب- المستقيم (BC) عمودي على قطعة المستقيم $[AD]$ في منتصفها إذن فهو موسّطها العمودي. النقطة C تنتمي إلى المتوسط العمودي لقطعة المستقيم $[AD]$ إذن $CA = CD$ و بالتالي فالمثلث CAD متقايس الضلعين و بما أنّ له زاوية قيسها 60 درجة فهو متقايس الأضلاع {إذا كان لمثلث متقايس الضلعين زاوية قيسها 60 درجة فهو متقايس الأضلاع}

ج- النقطة O هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ACD المتقايس الأضلاع إذن فهي أيضا مركزه القائم {في المثلث المتقايس الأضلاع، يتطابق مركز الثقل و المركز القائم و مركز الدائرة المحيطة بالمثلث و مركز الدائرة المحاطة به} و بالتالي فالمستقيم (AO) هو الحامل لارتفاعه الصادر من الرأس A و منه $(AO) \perp (CD)$.



tuniTests.tn

نجاحك يهمنا

