

Catalogue 目录

1 章节1 实验概述

2 章节2 解决方案

3. 章节3 结果展示

4. 章节4 总结与心得



子章节1.1 实验信息



子章节1.2 实验内容

01

任务目标

1、帮助西北某乡进行乡村 公路和乡村医院建设规划 2、用最经济的方案完成乡 村公路建设和乡村医院的规 划 02

任务描述

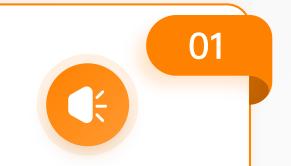
1、要求给出用最少资金就能使所有村都能通路的方案 2、确定乡村医院造在哪个村,可以使所有村到该医院的总路程最短 3、设计一个完整的程序,有交互界面,有文件导入等功能 03

功能列表

1、导入指定的文件,显示相应的图,显示方式自定 2、完成任务 1,给出最少资金方案,展示方式自定 3、完成任务 2,给出医院设置点和对应的总路程,展示方式自定



子章节2.1 算法设计分析



并查集 UnionFind

UnionFind 类的构造函数用于初始化并查集

find 函数用于查找元素所在的集合的根节 点

merge 函数用于合并两个集合 connected 函数用于判断两个元素是否在 同一个集合中



无向图 Graph

克鲁斯克尔算法用于生成最小 生成树 弗洛伊德算法用于计算所有顶 点对之间的最短路径



03

克鲁斯克尔算法与弗洛伊 德算法

Graph 模板类用于表示不同类型的 图

定义了顶点和边的结构类型 提供了获取顶点和边的数量的函数 提供了添加边和获取边权重的函数

1、并查集 UnionFind

```
class UnionFind {
private:
  int *parent;
  int *rank;
public:
  explicit UnionFind(int n) {
     parent = new int[n];
     rank = new int[n];
     for (int i = 0; i < n; i++) {
        parent[i] = i;
        rank[i] = 0;
```

parent 数组用 于存储每个元 素的父节点用于 ank 数个根节 记录令 点的秩。

并查集 UnionFind——find函数

```
int find(int x) {
    if (x != parent[x]) {
       parent[x] = find(parent[x]);
    }
    return parent[x];
}
```

find(int x)函数用于查找元素 x 所在的集合的根节点。如果 x 不是根节点,则通过递归调用 find 函数来路径压缩,将 x 的父节点更新为根节点,并返回根节点。

并查集 UnionFind——merge函数

```
void merge(int x, int y) {
  int rootX = find(x);
  int rootY = find(y);
  if (rootX == rootY) {
     return;
  if (rank[rootX] < rank[rootY]) {</pre>
     parent[rootX] = rootY;
  } else if (rank[rootX] > rank[rootY]) {
     parent[rootY] = rootX;
  } else {
     parent[rootX] = rootY;
     rank[rootY]++;
```

并查集 UnionFind——connected函数

```
bool connected(int x, int y) {
    return find(x) == find(y);
}
```

connected(int x, int y)函数用于判断元素 x 和 y 是否在同一个集合中,通过调用 find 函数找到 x 和 y 的根节点,如果根节点相同,则表示 x 和 y 在同一个集合中,返回 true, 否则返回 false。

2、无向图 Graph

```
// 无向图
template < class W, class T>
class Graph {
public:
  // 权重类型
     typedef W weight_type;
  // 数据类型
     typedef T data_type;
  // 顶点类型
     typedef struct Point {
    data_type name;
    int x;
    int y;
  } point_type;
  // 边类型
     typedef pair<weight_type, int> edge_type;
```

2、无向图 Graph

```
private:
  // 顶点数
     int n;
  // 边数
     int m;
  // 邻接表 adj[u] = {v1, v2, ...}
  vector<vector<edge_type>> adj;
  // 顶点名
     vector<point_type> points;
public:
  Graph() : n(0), m(0) 
  explicit Graph(vector<data_type> data): n(data.size()), m(0), adj(n), points(n) {
     for (int i = 0; i < n; i++) {
       points[i].name = data[i];
```

2、无向图 Graph

```
void addEdge(int u, int v, weight_type w);
vector<point_type> &getPoints();
vector<pair<int, int>> getEdges();
bool hasEdge(int u, int v);
weight_type getWeight(int u, int v);
// 返回顶点数
[[nodiscard]] int V() const;
// 返回边数
[[nodiscard]] int E() const;
```

3、克鲁斯克尔算法

```
//克鲁斯克尔算法
Graph<W, T> *kruskal() {
  // 生成最小生成树
     auto tree = new Graph<W, T>(points);
  // 边集
     vector<pair<W, pair<int, int>>> edges;
  for (int u = 0; u < n; u++) {
    for (auto &edge: adj[u]) {
       int v = edge.second;
       if (u < v) {
         edges.emplace_back(edge.first, std::make_pair(u, v));
```

3、克鲁斯克尔算法

```
// 按权重排序
std::sort(edges.begin(), edges.end());
// 并查集
UnionFind uf(n);
// 遍历边集
for (auto &edge: edges) {
  int u = edge.second.first;
  int v = edge.second.second;
  // 如果 u 和 v 不连通
     if (!uf.connected(u, v)) {
    // 添加边
          tree->addEdge(u, v, edge.first);
    // 合并 u 和 v
    uf.merge(u, v);
return tree;
```

3、弗洛伊德算法

```
vector<vector<weight_type>> floyd() {
  // 无穷大
     const auto weight_inf = std::numeric_limits<weight_type>::max();
  // 距离矩阵
     vector<vector<weight_type>> dist(n, vector<weight_type>(n, weight_inf));
  // 初始化
     for (int i = 0; i < n; i++) {
     dist[i][i] = 0;
  for (int u = 0; u < n; u++) {
     for (auto &edge: adj[u]) {
       int v = edge.second;
       dist[u][v] = edge.first;
```

3、弗洛伊德算法

```
for (int k = 0; k < n; k++) {
   for (int i = 0; i < n; i++) {
      for (int j = 0; j < n; j++) {
         if (dist[i][k] != weight_inf &&
            dist[k][j] != weight_inf) {
            dist[i][i] = std::min(dist[i][j], dist[i][k] + dist[k][j]);
return dist;
```

子章节2.1 算法设计分析



图的展示 GraphView

利用一系列函数实现了在图形界面中显示图形数据结构的功能,并提供了交互操作,如选择点、移动点等,通过 Qt 的信号和槽机制与界面交互,实现了图形数据结构的可视化和操作功能。



主界面类 MainView

实现了一个具有文件选择、最小生成树和最短路径计算功能的图形界面应用程序的主界面类。通过选择文件来读取图的数据,生成最小生成树和计算最短路径,并且可在生成和重置之间切换。



处理字符串

用于辅助处理中文字符编码和读取文件。

```
class GraphView : public QWidget {
Q_OBJECT
private:
  typedef Graph<int, std::wstring> graph_type;
public:
  explicit GraphView(QWidget *parent = nullptr);
  ~GraphView() override;
  // 从文件读取
     void readFromFile(const std::string &filename);
  // 最小生成树
     void minimumSpanningTree();
```

```
// 最短路径
    void shortestPath();
  // 重置最小生成树
    void resetMinimumSpanningTree();
  // 重置最短路径
    void resetShortestPath();
protected:
  void paintEvent(QPaintEvent *event) override;
  void mousePressEvent(QMouseEvent *event) override;
  void mouseReleaseEvent(QMouseEvent *event) override;
  void mouseMoveEvent(QMouseEvent *event) override;
```

```
// 最短路径
    void shortestPath();
  // 重置最小生成树
    void resetMinimumSpanningTree();
  // 重置最短路径
    void resetShortestPath();
protected:
  void paintEvent(QPaintEvent *event) override;
  void mousePressEvent(QMouseEvent *event) override;
  void mouseReleaseEvent(QMouseEvent *event) override;
  void mouseMoveEvent(QMouseEvent *event) override;
```

```
void GraphView::paintEvent(QPaintEvent *event) {
    QPainter painter(this);
    painter.setRenderHint(QPainter::Antialiasing, true);
    painter.setPen(QPen(Qt::black, 2));
    // 设置边框
        painter.drawRect(0, 0, width(), height());
    if (_graph == nullptr) {
        return;
    }
    auto points = _graph->getPoints(); // 绘制点
```

```
for (auto &point: points) {
  // 判断当前点是否选中
     const bool selected = _selected != -1 && point.name == points[_selected].name;
  // 判断当前点是否为最短路径点
     const bool shortestPath = _shortestPathPoint && point.name == _shortestPathPoint->name;
  if (shortestPath) {
         painter.setBrush(Qt::red); // 如果是最短路径点,设置为红色
  } else if (selected) {
        painter.setBrush(Qt::blue); // 如果是选中点,设置为蓝色
  } else {
         painter.setBrush(Qt::lightGray); // 否则设置为灰色
  // 绘制点
  painter.drawEllipse(point.x - POINT_RADIUS, point.y - POINT_RADIUS, 2 * POINT_RADIUS, 2 * POINT_RADIUS);
  painter.setBrush(Qt::NoBrush);
  // 绘制点的名字
  painter.drawText(point.x + 10, point.y + 10, QString::fromStdWString(point.name));
  if (shortestPath) {
    // 如果是最短路径点,绘制最短路径的总权重
          painter.drawText(point.x + 10, point.y + 30, QString::number(_shortestPathWeight));
```

```
// 绘制边
auto edges = _graph->getEdges();
for (auto &edge: edges) {
  // 判断当前边是否为最小生成树的边
     if (_minSpanningTree &&!_minSpanningTree->hasEdge(edge.first, edge.second)) {
    // 如果不是最小生成树的边,设置为灰色
          painter.setPen(QPen(Qt::gray, 1));
  } else {
    // 否则设置为黑色
          painter.setPen(QPen(Qt::black, 2));
  painter.drawLine(points[edge.first].x, points[edge.first].y, points[edge.second].x,
points[edge.second].y);
  painter.drawText((points[edge.first].x + points[edge.second].x) / 2,
            (points[edge.first].y + points[edge.second].y) / 2,
            QString::number(_graph->getWeight(edge.first, edge.second)));
```

```
class MainView : public QWidget {
Q_OBJECT
public:
  explicit MainView(QWidget *parent = nullptr);
  ~MainView() override;
private slots:
  void chooseFile();
  void minTree();
  void shortestPath();
  void readFromFile();
```

```
void GraphView::readFromFile(const std::string &filename) {
  using namespace std;
  wfstream file;
  // 设置文件编码
  file.imbue(utf8_locale);
  file.open(filename, ios::in);
  wstring line;
  vector<wstring> country_names;
  // 读取国家名
     while (file >> line) {
     if (line == DELIMITER) {
       break;
     country_names.push_back(line);
```

```
auto graph = new Graph<int, wstring>(country_names);
// 读取边
wstring u, v;
int w;
while (file >> u >> v >> w) {
  const auto &_begin = country_names.begin();
  const auto &_end = country_names.end();
  graph->addEdge(distance(_begin, std::find(_begin, _end, u)),
            distance(_begin, std::find(_begin, _end, v)),
            w);
```

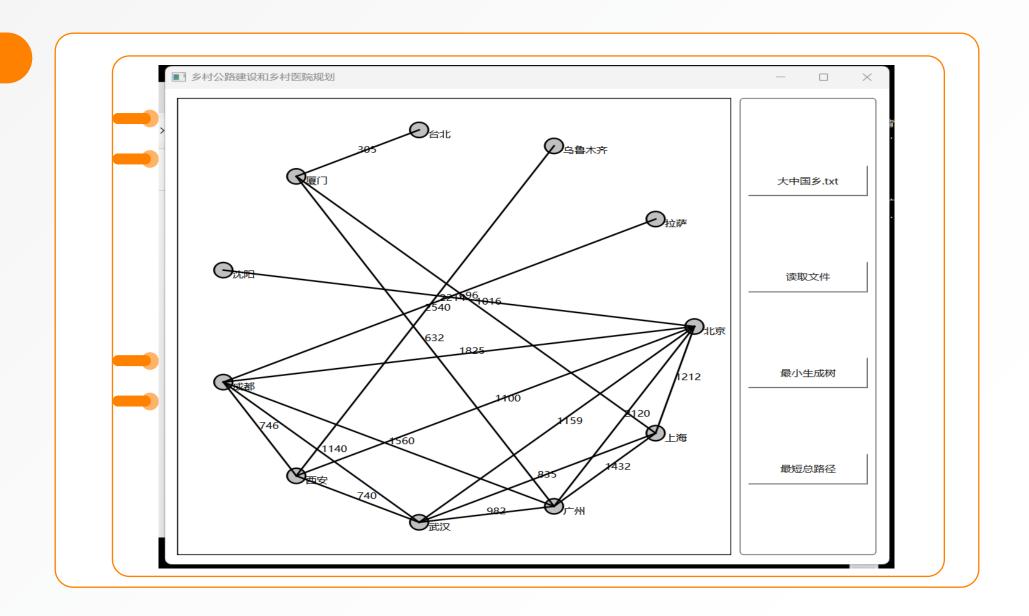
```
// 设置点的位置
// 以圆心为中心, 均匀分布
const double delta = 2 * M_PI / graph->V();
QPoint center(width() / 2, height() / 2);
for (int i = 0; i < graph->V(); i++) {
  graph->getPoints()[i].x = center.x() + cos(i * delta) * (center.x() - MARGIN);
  graph->getPoints()[i].y = center.y() + sin(i * delta) * (center.y() - MARGIN);
_graph = graph;
update();
```



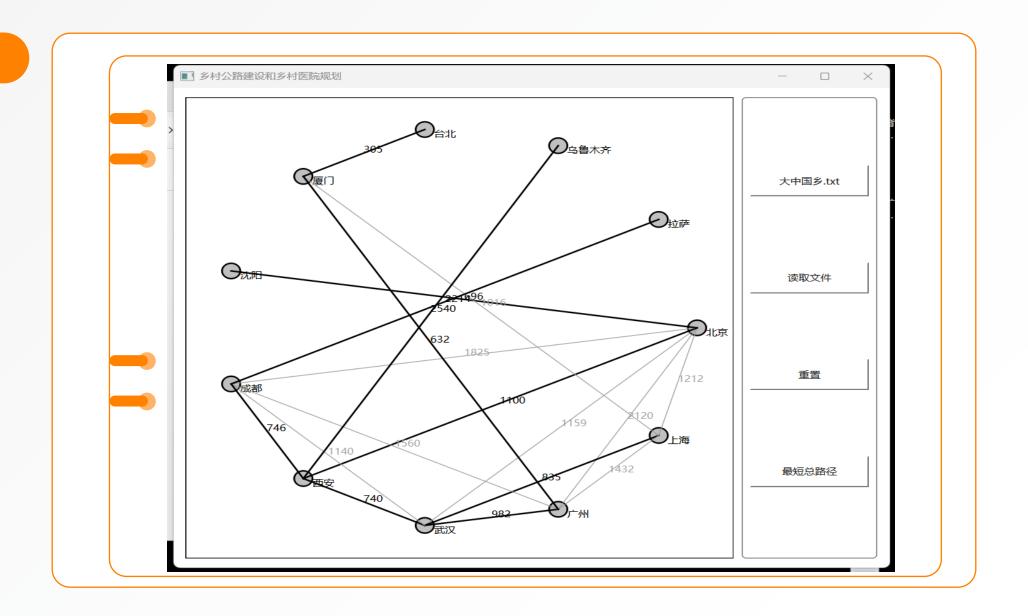
四个功能展示



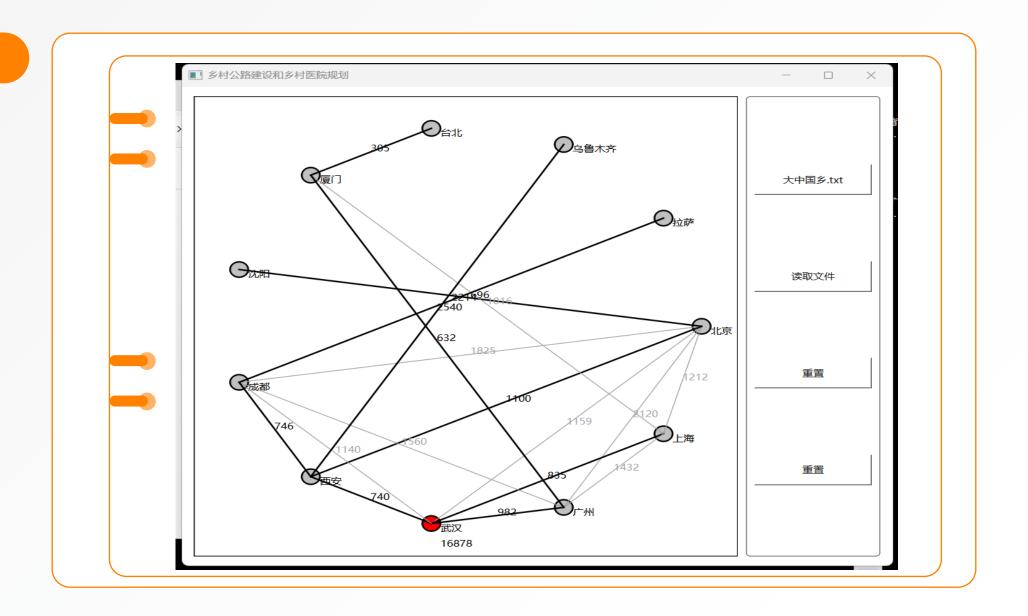
读取文件功能展示



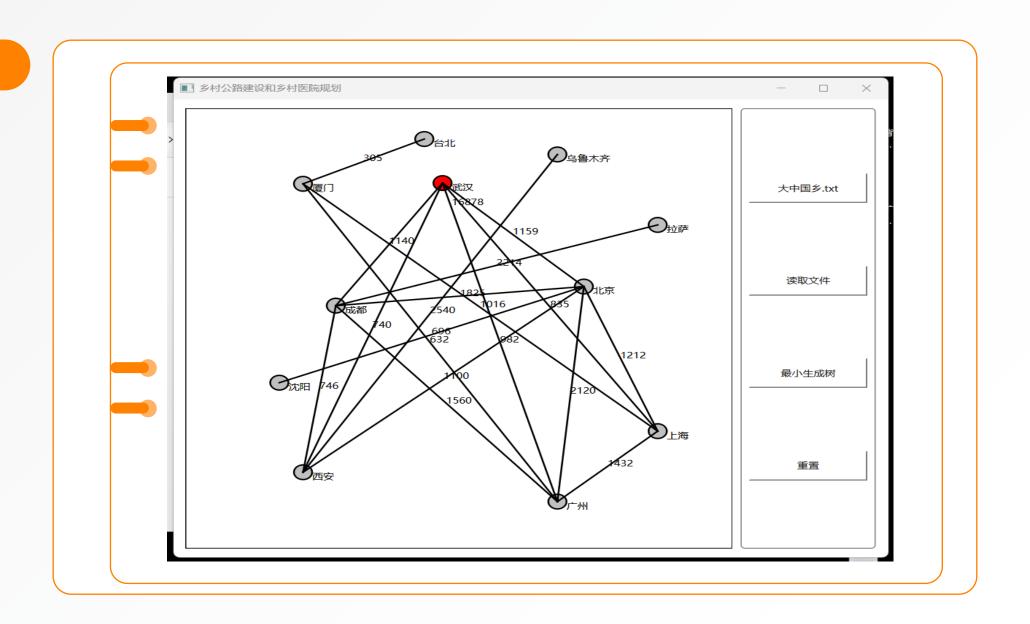
最小生成树功能展示



最短总路径功能展示



移动图形中各点的位置,可以在新的图形上重复以上操作





使用了 Qt 框架设计了直观友好的用户界面

本次作业中,采用 Kruskal 算法找最小成本公路网络,用 Floyd 算法算最短总路径,用邻接表表示图结构,算法选择 考虑问题特点。展示方面使用 Qt 框架,设计直观友好界面,包括简洁清晰交互、结果可视化、用户反馈。处理 C++中中文字符问题,统一用 UTF-8 编码,使用 std::wstring 存储字符串,并在不同地方用不同转换方式适配。通过作业,小组学习图算法应用与 Qt 框架使用,掌握处理中文字符方法,巩固课程知识,提升团队合作与问题解决能力,是有意义实践活动。

