Visualisierung der Hysterese von Kipppunkten

Impulsvortrag mit anschließender Diskussion



The likelihood and impacts of abrupt and/or irreversible changes in the climate system, including changes triggered when tipping points are reached, increase with further global warming (high confidence).

Die Wahrscheinlichkeit und die Auswirkungen abrupter und/oder unumkehrbarer Änderungen im Klimasystem, einschließlich solcher Änderungen, die ausgelöst werden, wenn Kipppunkte erreicht werden, nehmen mit der weiteren globalen Erwärmung zu (hohe Sicherheit).

IPCC Climate Change 2023 Synthesis Report (Summary for Policymakers), B3.2, Seite 18¹

• Was ist eine Rückkopplung (engl. feedback)?

- Was ist eine Rückkopplung (engl. feedback)?
- Was ist ein Kipppunkt (engl. tipping point)?

- Was ist eine Rückkopplung (engl. feedback)?
- Was ist ein Kipppunkt (engl. tipping point)?
- Was ist ein Kippelement (engl. tipping element)?

- Was ist eine Rückkopplung (engl. feedback)?
- Was ist ein Kipppunkt (engl. tipping point)?
- Was ist ein Kippelement (engl. tipping element)?
- Welche Beispiele gibt es?

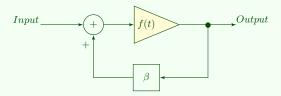
- Was ist eine Rückkopplung (engl. feedback)?
- Was ist ein Kipppunkt (engl. tipping point)?
- Was ist ein Kippelement (engl. tipping element)?
- Welche Beispiele gibt es?
- Was sind die grundsätzlichen Eigenschaften?

- Was ist eine Rückkopplung (engl. feedback)?
- Was ist ein Kipppunkt (engl. tipping point)?
- Was ist ein Kippelement (engl. tipping element)?
- Welche Beispiele gibt es?
- Was sind die grundsätzlichen Eigenschaften?
- Warum können die Auswirkungen abrupt sein?

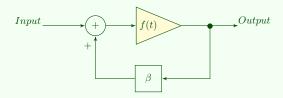
- Was ist eine Rückkopplung (engl. feedback)?
- Was ist ein Kipppunkt (engl. tipping point)?
- Was ist ein Kippelement (engl. tipping element)?
- Welche Beispiele gibt es?
- Was sind die grundsätzlichen Eigenschaften?
- Warum können die Auswirkungen abrupt sein?
- Warum können die Auswirkungen irreversibel sein?

- Was ist eine Rückkopplung (engl. feedback)?
- Was ist ein Kipppunkt (engl. tipping point)?
- Was ist ein Kippelement (engl. tipping element)?
- Welche Beispiele gibt es?
- Was sind die grundsätzlichen Eigenschaften?
- Warum können die Auswirkungen abrupt sein?
- Warum können die Auswirkungen irreversibel sein?
- Welche weiteren Besonderheiten können auftreten?

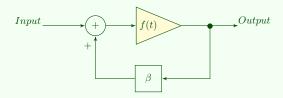
• Mitkopplung oder positive Rückkopplung



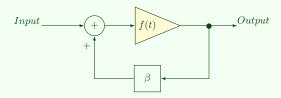
- Mitkopplung oder positive Rückkopplung
 - Ggf. aufschaukelnd verstärkende Wirkung



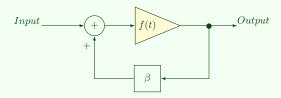
- Mitkopplung oder positive Rückkopplung
 - Ggf. aufschaukelnd verstärkende Wirkung
 - Beispiele:



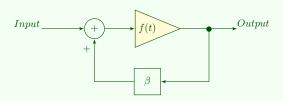
- Mitkopplung oder positive Rückkopplung
 - Ggf. aufschaukelnd verstärkende Wirkung
 - Beispiele:
 - "Pfeifendes" Mikro



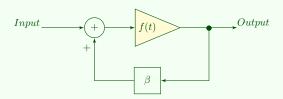
- Mitkopplung oder positive Rückkopplung
 - Ggf. aufschaukelnd verstärkende Wirkung
 - Beispiele:
 - "Pfeifendes" Mikro
 - Explosion



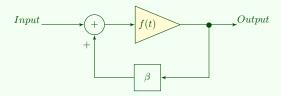
- Mitkopplung oder positive Rückkopplung
 - Ggf. aufschaukelnd verstärkende Wirkung
 - Beispiele:
 - "Pfeifendes" Mikro
 - Explosion
 - Lawine



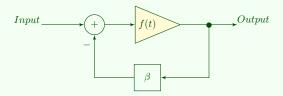
- Mitkopplung oder positive Rückkopplung
 - Ggf. aufschaukelnd verstärkende Wirkung
 - Beispiele:
 - "Pfeifendes" Mikro
 - Explosion
 - Lawine
 - Laser



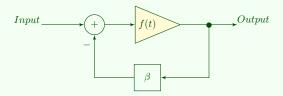
- Mitkopplung oder positive Rückkopplung
 - Ggf. aufschaukelnd verstärkende Wirkung
 - Beispiele:
 - "Pfeifendes" Mikro
 - Explosion
 - Lawine
 - Laser
 - Zinseszinsen



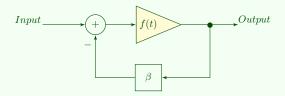
• Gegenkopplung oder negative Rückkopplung



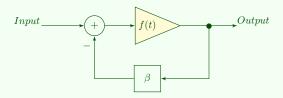
- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung



- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:

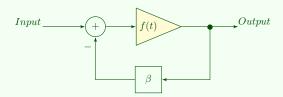


- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:



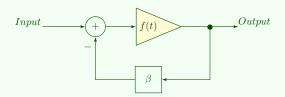
- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:

Temperaturregler / Thermostat (Kühlschrank, Heizung)

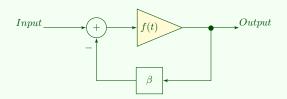


- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:

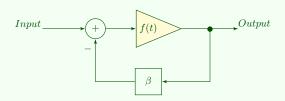
Temperaturregler / Thermostat (Kühlschrank, Heizung) Spannungsregler / stabilisiertes Netzteil



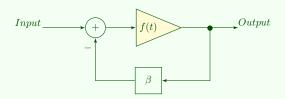
- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:
 Temperaturregler / Thermostat (Kühlschrank, Heizung)
 Spannungsregler / stabilisiertes Netzteil
 Fliehkraftregler



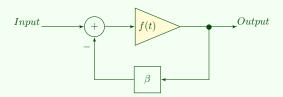
- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:
 Temperaturregler / Thermostat (Kühlschrank, Heizung)
 Spannungsregler / stabilisiertes Netzteil
 Fliehkraftregler
 - Noise Cancelling



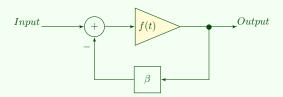
- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:
 Temperaturregler / Thermostat (Kühlschrank, Heizung)
 Spannungsregler / stabilisiertes Netzteil
 Fliehkraftregler
 - Noise Cancelling
 - Schilddrüsenfunktion



- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:
 Temperaturregler / Thermostat (Kühlschrank, Heizung)
 Spannungsregler / stabilisiertes Netzteil
 Fliehkraftregler
 - Noise Cancelling
 - Schilddrüsenfunktion
 - Angebot und Nachfrage



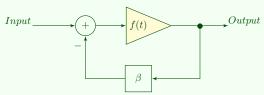
- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:
 Temperaturregler / Thermostat (Kühlschrank, Heizung)
 Spannungsregler / stabilisiertes Netzteil
 Fliehkraftregler
 - Noise Cancelling
 - Schilddrüsenfunktion
 - Angebot und Nachfrage
 - Temperaturkompensation, Frequenzkompensation (Harrison H4)



- Gegenkopplung oder negative Rückkopplung
 - Abschwächende, dämpfende Wirkung
 - Beispiele:
 - Technischer Regelkreis:

Temperaturregler / Thermostat (Kühlschrank, Heizung) Spannungsregler / stabilisiertes Netzteil Fliehkraftregler

- Noise Cancelling
- Schilddrüsenfunktion
- Angebot und Nachfrage
- Temperaturkompensation, Frequenzkompensation (Harrison H4)
- Autofokus (Flankendiskriminator)



Kipppunkt

Kipppunkt

Mitkopplung



Kipppunkt

Mitkopplung

⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke



- Mitkopplung
 - ⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke
- Sättigung: Ausgangsgröße ggf. begrenzt (physikal. Limit)



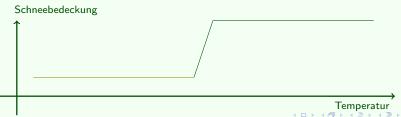
- Mitkopplung
 - ⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke
- Sättigung: Ausgangsgröße ggf. begrenzt (physikal. Limit)
 - Beispiel: Schneebedeckung in niederschlagsreichem Gebiet



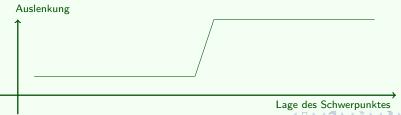
- Mitkopplung
 - ⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke
- Sättigung: Ausgangsgröße ggf. begrenzt (physikal. Limit)
 - Beispiel: Schneebedeckung in niederschlagsreichem Gebiet
 - maximal 100% Schneebedeckung



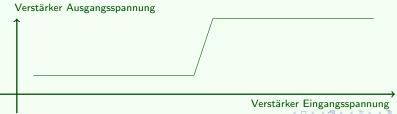
- Mitkopplung
 - ⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke
- Sättigung: Ausgangsgröße ggf. begrenzt (physikal. Limit)
 - Beispiel: Schneebedeckung in niederschlagsreichem Gebiet
 - maximal 100% Schneebedeckung
 - minimal 0% Schneebedeckung



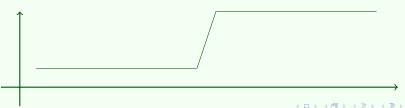
- Mitkopplung
 - ⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke
- Sättigung: Ausgangsgröße ggf. begrenzt (physikal. Limit)
 - Beispiel: Schneebedeckung in niederschlagsreichem Gebiet
 - maximal 100% Schneebedeckung
 - minimal 0% Schneebedeckung
 - Beispiel Wippe: Begrenzte Auslenkung



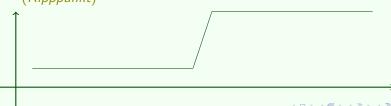
- Mitkopplung
 - ⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke
- Sättigung: Ausgangsgröße ggf. begrenzt (physikal. Limit)
 - Beispiel: Schneebedeckung in niederschlagsreichem Gebiet
 - maximal 100% Schneebedeckung
 - minimal 0% Schneebedeckung
 - Beispiel Wippe: Begrenzte Auslenkung
 - Beispiel OpAmp: Ausgangsspannung innerhalb Versorgungsspannung



- Mitkopplung
 - ⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke
- Sättigung: Ausgangsgröße ggf. begrenzt (physikal. Limit)
 - Beispiel: Schneebedeckung in niederschlagsreichem Gebiet
 - maximal 100% Schneebedeckung
 - minimal 0% Schneebedeckung
 - Beispiel Wippe: Begrenzte Auslenkung
 - Beispiel OpAmp: Ausgangsspannung innerhalb Versorgungsspannung
 - ⇒ Schwellwert in System mit zwei (oder mehr) Zuständen

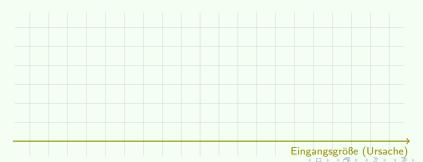


- Mitkopplung
 - ⇒ hohe Verstärkung, steile Flanke
- Sättigung: Ausgangsgröße ggf. begrenzt (physikal. Limit)
 - Beispiel: Schneebedeckung in niederschlagsreichem Gebiet
 - maximal 100% Schneebedeckung
 - minimal 0% Schneebedeckung
 - Beispiel Wippe: Begrenzte Auslenkung
 - Beispiel OpAmp: Ausgangsspannung innerhalb Versorgungsspannung
 - ⇒ Schwellwert in System mit zwei (oder mehr) Zuständen
 - \Rightarrow rascher Zustandswechsel bei Schwellwertüberschreitung (Kipppunkt)



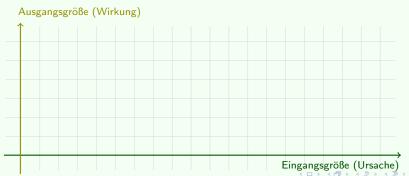
Erstes, naives Modell: Einzelne abrupte Schwelle

• Eingehende Größe (z.B. Last auf Wippe, CO₂-Gehalt der Luft)

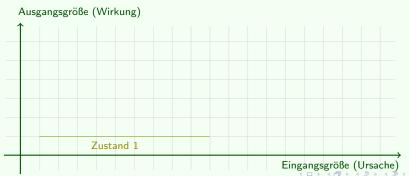


7/38

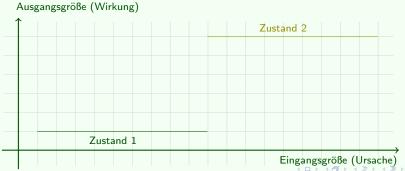
- Eingehende Größe (z.B. Last auf Wippe, CO₂-Gehalt der Luft)
- Ausgehende Größe (Neigung der Wippe, Erderwärmung)



- Eingehende Größe (z.B. Last auf Wippe, CO₂-Gehalt der Luft)
- Ausgehende Größe (Neigung der Wippe, Erderwärmung)
- Zustand 1 (Neigung zu einer Seite, kälteres Klima)



- Eingehende Größe (z.B. Last auf Wippe, CO₂-Gehalt der Luft)
- Ausgehende Größe (Neigung der Wippe, Erderwärmung)
- Zustand 1 (Neigung zu einer Seite, kälteres Klima)
- Zustand 2 (Neigung zur anderen Seite, wärmeres Klima)



Erstes, naives Modell: Einzelne abrupte Schwelle

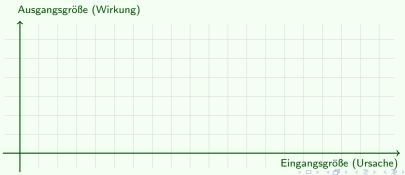
- Eingehende Größe (z.B. Last auf Wippe, CO₂-Gehalt der Luft)
- Ausgehende Größe (Neigung der Wippe, Erderwärmung)
- Zustand 1 (Neigung zu einer Seite, kälteres Klima)
- Zustand 2 (Neigung zur anderen Seite, wärmeres Klima)
- Abrupter Zustandswechsel (Kipppunkt)

Ausgangsgröße (Wirkung)

Zustand 2

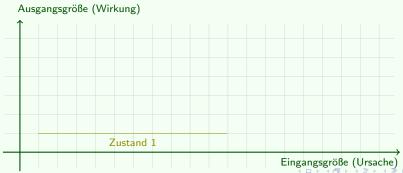
Zustand 1

Eingangsgröße (Ursache

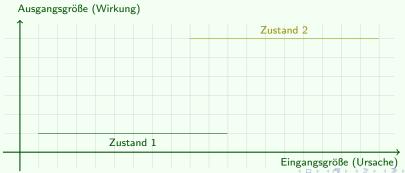


Verfeinertes Modell: Hysterese

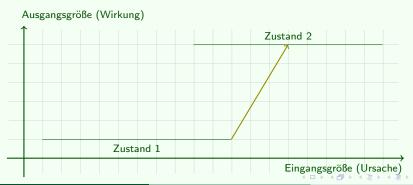
• Zustand 1 (Neigung zu einer Seite, kälteres Klima)



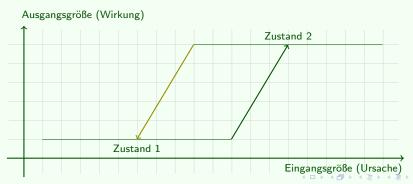
- Zustand 1 (Neigung zu einer Seite, kälteres Klima)
- Zustand 2 (Neigung zur anderen Seite, wärmeres Klima)



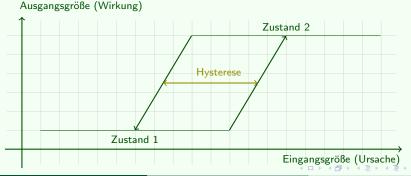
- Zustand 1 (Neigung zu einer Seite, kälteres Klima)
- Zustand 2 (Neigung zur anderen Seite, wärmeres Klima)
- ullet Wechsel bereich Zustandsübergang 1 o 2

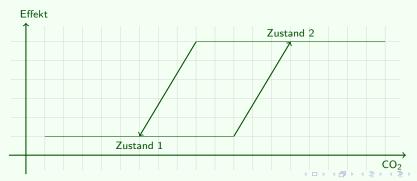


- Zustand 1 (Neigung zu einer Seite, kälteres Klima)
- Zustand 2 (Neigung zur anderen Seite, wärmeres Klima)
- Wechsel bereich Zustandsübergang $1 \rightarrow 2$
- ullet Wechselbereich Zustandsübergang 2 o 1



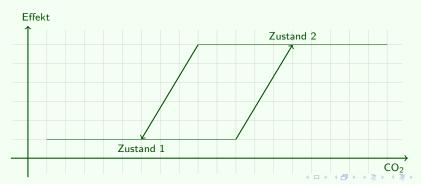
- Zustand 1 (Neigung zu einer Seite, kälteres Klima)
- Zustand 2 (Neigung zur anderen Seite, wärmeres Klima)
- Wechselbereich Zustandsübergang $1 \rightarrow 2$
- ullet Wechsel bereich Zustandsübergang 2 o 1
- ⇒ statt *Kipppunkt* besser: *Kippelement* mit *Hysterese*



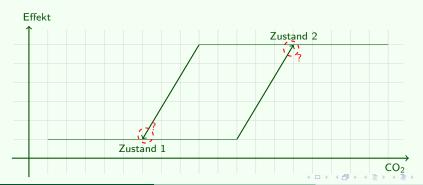


Ab wann geht es realistischerweise nicht mehr zurück?

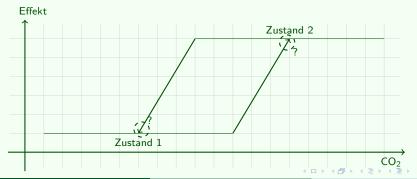
• Im Modell



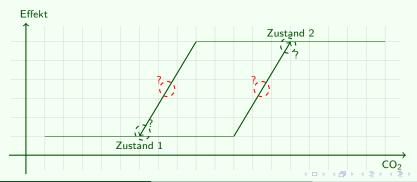
- Im Modell
 - Bei Verlassen des Hysteresebereichs?



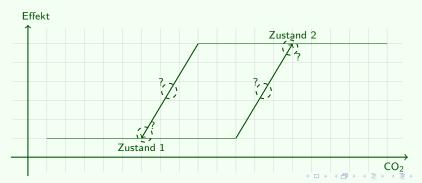
- Im Modell
 - Bei Verlassen des Hysteresebereichs?
- In Realität, Beispiel präparierte Wippe mit Kugel



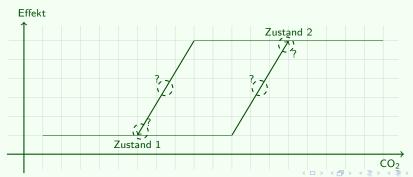
- Im Modell
 - Bei Verlassen des Hysteresebereichs?
- In Realität, Beispiel präparierte Wippe mit Kugel
 - Ggf. deutlich früher?



- Im Modell
 - Bei Verlassen des Hysteresebereichs?
- In Realität, Beispiel präparierte Wippe mit Kugel
 - Ggf. deutlich früher?
 - Zusatzherausforderung der trägen Kugel

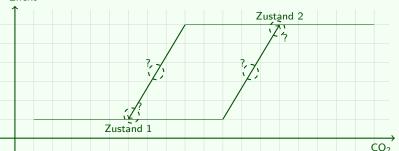


- Im Modell
 - Bei Verlassen des Hysteresebereichs?
- In Realität, Beispiel präparierte Wippe mit Kugel
 - Ggf. deutlich früher?
 - Zusatzherausforderung der trägen Kugel
 - Umkehrung der Rollrichtung der Kugel



- Im Modell
 - Bei Verlassen des Hysteresebereichs?
- In Realität, Beispiel präparierte Wippe mit Kugel
 - Ggf. deutlich früher?
 - Zusatzherausforderung der trägen Kugel
 - Umkehrung der Rollrichtung der Kugel
 - Ist-Geschwindigkeit der beschleunigten Kugel einrechnen

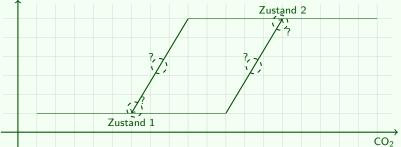




Ab wann geht es realistischerweise nicht mehr zurück?

- Im Modell
 - Bei Verlassen des Hysteresebereichs?
- In Realität, Beispiel präparierte Wippe mit Kugel
 - Ggf. deutlich früher?
 - Zusatzherausforderung der trägen Kugel
 - Umkehrung der Rollrichtung der Kugel
 - Ist-Geschwindigkeit der beschleunigten Kugel einrechnen

 $\mathsf{Effekt} \quad \Rightarrow \mathsf{Gleichgewicht} \,\, \mathsf{reicht} \,\, \mathsf{nicht} \,\, \mathsf{zum} \,\, \mathsf{Stoppen}$



nach Schellnhuber, Stand 2008^{2,3}

• Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises

- Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises
- Abschmelzen des Grönländischen Eisschildes

- Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises
- Abschmelzen des Grönländischen Eisschildes
- Abschmelzen des Westantarktischen Eisschildes

- Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises
- Abschmelzen des Grönländischen Eisschildes
- Abschmelzen des Westantarktischen Eisschildes
- Erlahmen der atlantischen thermohalinen Zirkulation

- Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises
- Abschmelzen des Grönländischen Eisschildes
- Abschmelzen des Westantarktischen Eisschildes
- Erlahmen der atlantischen thermohalinen Zirkulation
- Veränderung der El Niño-Southern Oscillation (ENSO)

- Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises
- Abschmelzen des Grönländischen Eisschildes
- Abschmelzen des Westantarktischen Eisschildes
- Erlahmen der atlantischen thermohalinen Zirkulation
- Veränderung der El Niño-Southern Oscillation (ENSO)
- Zusammenbruch des indischen Sommermonsuns

Beispiel Klimakipppunkte

nach Schellnhuber, Stand 2008^{2,3}

- Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises
- Abschmelzen des Grönländischen Eisschildes
- Abschmelzen des Westantarktischen Eisschildes
- Erlahmen der atlantischen thermohalinen Zirkulation
- Veränderung der El Niño-Southern Oscillation (ENSO)
- Zusammenbruch des indischen Sommermonsuns
- Veränderungen im Westafrikanischen Monsunsystem mit Auswirkungen auf Sahara und Sahelzone

Beispiel Klimakipppunkte

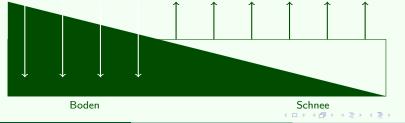
nach Schellnhuber, Stand 2008^{2,3}

- Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises
- Abschmelzen des Grönländischen Eisschildes
- Abschmelzen des Westantarktischen Eisschildes
- Erlahmen der atlantischen thermohalinen Zirkulation
- Veränderung der El Niño-Southern Oscillation (ENSO)
- Zusammenbruch des indischen Sommermonsuns
- Veränderungen im Westafrikanischen Monsunsystem mit Auswirkungen auf Sahara und Sahelzone
- Entwaldung des tropischen Regenwaldes

Beispiel Klimakipppunkte

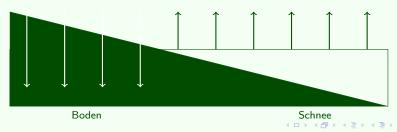
nach Schellnhuber, Stand 2008^{2,3}

- Abschmelzen des sommerlichen arktischen Meereises
- Abschmelzen des Grönländischen Eisschildes
- Abschmelzen des Westantarktischen Eisschildes
- Erlahmen der atlantischen thermohalinen Zirkulation
- Veränderung der El Niño-Southern Oscillation (ENSO)
- Zusammenbruch des indischen Sommermonsuns
- Veränderungen im Westafrikanischen Monsunsystem mit Auswirkungen auf Sahara und Sahelzone
- Entwaldung des tropischen Regenwaldes
- Rückgang borealer Wälder

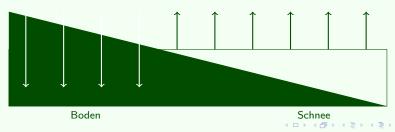


Albedo: Rückstrahlvermögen diffus reflektierender Oberflächen

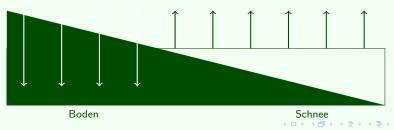
Zustand 1: Schneedecke vorhanden



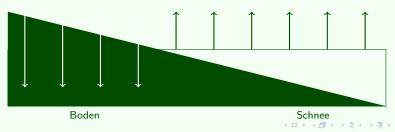
- Zustand 1: Schneedecke vorhanden
 - ⇒ Schnee reflektiert Licht



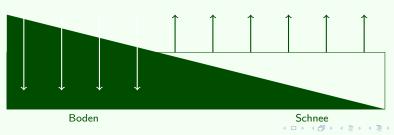
- Zustand 1: Schneedecke vorhanden
 - ⇒ Schnee reflektiert Licht
 - ⇒ Kalter Boden



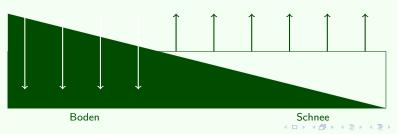
- Zustand 1: Schneedecke vorhanden
 - ⇒ Schnee reflektiert Licht
 - ⇒ Kalter Boden
 - ⇒ Neuschnee bleibt liegen ← Mitkopplung!



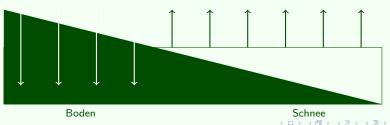
- Zustand 1: Schneedecke vorhanden
 - ⇒ Schnee reflektiert Licht
 - ⇒ Kalter Boden
 - ⇒ Neuschnee bleibt liegen ← Mitkopplung!
- Zustand 2: Schneedecke weggeschmolzen



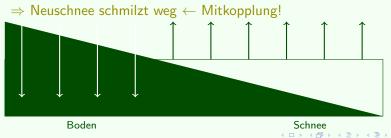
- Zustand 1: Schneedecke vorhanden
 - ⇒ Schnee reflektiert Licht
 - ⇒ Kalter Boden
 - ⇒ Neuschnee bleibt liegen ← Mitkopplung!
- Zustand 2: Schneedecke weggeschmolzen
 - ⇒ Dunkler Boden absorbiert Licht



- Zustand 1: Schneedecke vorhanden
 - ⇒ Schnee reflektiert Licht
 - ⇒ Kalter Boden
 - ⇒ Neuschnee bleibt liegen ← Mitkopplung!
- Zustand 2: Schneedecke weggeschmolzen
 - ⇒ Dunkler Boden absorbiert Licht
 - ⇒ Warmer Boden

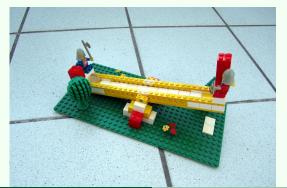


- Zustand 1: Schneedecke vorhanden
 - ⇒ Schnee reflektiert Licht
 - ⇒ Kalter Boden
 - ⇒ Neuschnee bleibt liegen ← Mitkopplung!
- Zustand 2: Schneedecke weggeschmolzen
 - ⇒ Dunkler Boden absorbiert Licht
 - ⇒ Warmer Boden

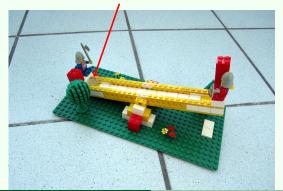


Präparierung mit Kugel

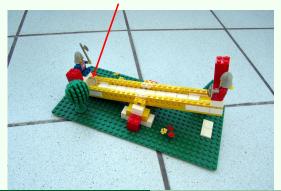
• Gewöhnliche Wippe: Hysterese vernachlässigbar



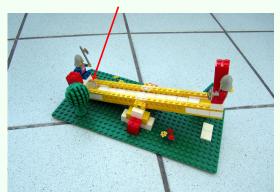
- Gewöhnliche Wippe: Hysterese vernachlässigbar
- Präparierte Wippe: Rollendes Gewicht im Balken



- Gewöhnliche Wippe: Hysterese vernachlässigbar
- Präparierte Wippe: Rollendes Gewicht im Balken
- Kugel rollt zum unteren Ende

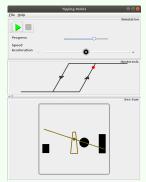


- Gewöhnliche Wippe: Hysterese vernachlässigbar
- Präparierte Wippe: Rollendes Gewicht im Balken
- Kugel rollt zum unteren Ende
- Hysterese durch Position der Kugel

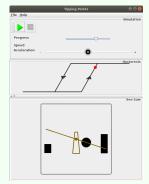


Ein Modell ist ein vereinfachtes Abbild der Wirklichkeit.

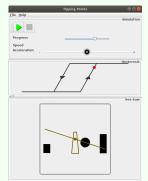
Nachbildung Wippe, rollende Kugel



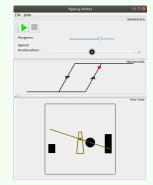
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen



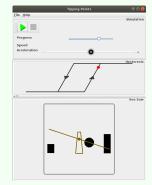
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen



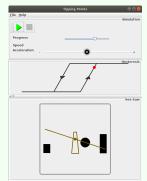
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt



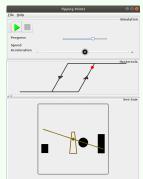
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 - ⇒ Aufwärtsrollen



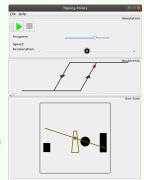
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 ⇒ Aufwärtsrollen
- Wirklichkeit deutlich komplexer



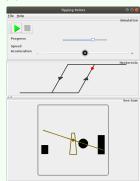
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 ⇒ Aufwärtsrollen
- Wirklichkeit deutlich komplexer
 - Linear wachsende Geschwindigkeit der Kugel



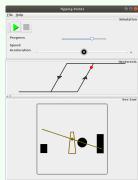
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 ⇒ Aufwärtsrollen
- Wirklichkeit deutlich komplexer
 - Linear wachsende Geschwindigkeit der Kugel
 - Richtungsumkehr: Kugel muss erst Abbremsen



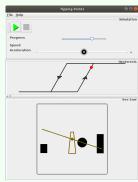
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 - ⇒ Aufwärtsrollen
- Wirklichkeit deutlich komplexer
 - Linear wachsende Geschwindigkeit der Kugel
 - Richtungsumkehr: Kugel muss erst Abbremsen
 - ⇒ Umkehr zusätzlich erschwert



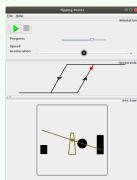
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 ⇒ Aufwärtsrollen
- Wirklichkeit deutlich komplexer
 - Linear wachsende Geschwindigkeit der Kugel
 - Richtungsumkehr: Kugel muss erst Abbremsen
 Umkehr zusätzlich erschwert
 - Reibungskräfte am Drehpunkt



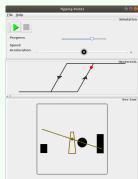
- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 ⇒ Aufwärtsrollen
- Wirklichkeit deutlich komplexer
 - Linear wachsende Geschwindigkeit der Kugel
 - Richtungsumkehr: Kugel muss erst Abbremsen
 ⇒ Umkehr zusätzlich erschwert
 - Reibungskräfte am Drehpunkt
 - Eigengewicht der Wippe



- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 ⇒ Aufwärtsrollen
- Wirklichkeit deutlich komplexer
 - Linear wachsende Geschwindigkeit der Kugel
 - Richtungsumkehr: Kugel muss erst Abbremsen
 ⇒ Umkehr zusätzlich erschwert
 - Reibungskräfte am Drehpunkt
 - Eigengewicht der Wippe
 - Horizontale Position der Gewichte: Hebelgesetz!



- Nachbildung Wippe, rollende Kugel
- Vereinfachungen
 - Konstant schnelles Rollen
 - Simulationsumkehr vor Wendepunkt
 ⇒ Aufwärtsrollen
- Wirklichkeit deutlich komplexer
 - Linear wachsende Geschwindigkeit der Kugel
 - Richtungsumkehr: Kugel muss erst Abbremsen
 Umkehr zusätzlich erschwert
 - Reibungskräfte am Drehpunkt
 - Eigengewicht der Wippe
 - Horizontale Position der Gewichte: Hebelgesetz!
 - Äußere Einflüsse (Wind, Temperatur, Erschütterungen, ...)



• Didaktisches, interaktives Spielzeug mit netter Grafik

- Didaktisches, interaktives Spielzeug mit netter Grafik
- Für "ersten Kontakt" mit Thematik nützlich

- Didaktisches, interaktives Spielzeug mit netter Grafik
- Für "ersten Kontakt" mit Thematik nützlich
- Als reine Softwarelösung ohne spezielle Hardwarevoraussetzungen unkompliziert einsetzbar
- Nicht wirklich realitätsnah; primitives Modell mit sehr starken Vereinfachungen

Elektronisches Modell



Elektronisches Modell



Oszilloskop für Visualisierung

Elektronisches Modell



- Oszilloskop für Visualisierung
- elektronisches Modell auf Breadboard

Elektronisches Modell



- Oszilloskop für Visualisierung
- elektronisches Modell auf Breadboard
- Labornetzgerät, Spannunsversorgung 12V

Oszilloskop zur Darstellung

- Oszilloskop zur Darstellung
- Betrieb im X-Y-Modus als Kennlinienschreiber

- Oszilloskop zur Darstellung
- Betrieb im X-Y-Modus als Kennlinienschreiber
- Bildwiederholung für stehendes Bild notwendig

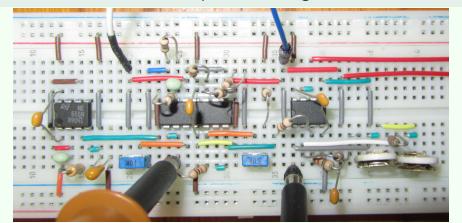
- Oszilloskop zur Darstellung
- Betrieb im X-Y-Modus als Kennlinienschreiber
- Bildwiederholung f
 ür stehendes Bild notwendig
 - ⇒ Kippelement mit Oszillator periodisch durchwandern

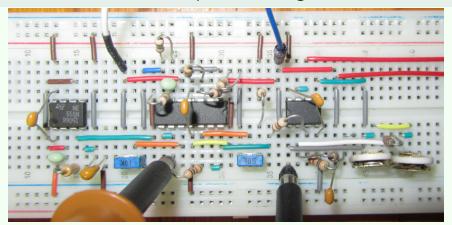
- Oszilloskop zur Darstellung
- Betrieb im X-Y-Modus als Kennlinienschreiber
- Bildwiederholung f
 ür stehendes Bild notwendig
 - ⇒ Kippelement mit Oszillator periodisch durchwandern
 - ⇒ Dreieckschwingung erzeugen für Durchlaufen der X-Achse

- Oszilloskop zur Darstellung
- Betrieb im X-Y-Modus als Kennlinienschreiber
- Bildwiederholung f
 ür stehendes Bild notwendig
 - ⇒ Kippelement mit Oszillator periodisch durchwandern
 - ⇒ Dreieckschwingung erzeugen für Durchlaufen der X-Achse
- Schmitt-Trigger als eigentliches Kippelement

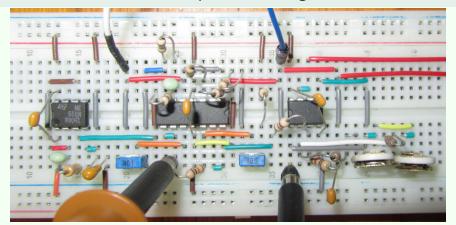
- Oszilloskop zur Darstellung
- Betrieb im X-Y-Modus als Kennlinienschreiber
- Bildwiederholung f
 ür stehendes Bild notwendig
 - ⇒ Kippelement mit Oszillator periodisch durchwandern
 - ⇒ Dreieckschwingung erzeugen für Durchlaufen der X-Achse
- Schmitt-Trigger als eigentliches Kippelement
- Dreieck auf Eingang des Schmitt-Triggers legen

- Oszilloskop zur Darstellung
- Betrieb im X-Y-Modus als Kennlinienschreiber
- Bildwiederholung für stehendes Bild notwendig
 - ⇒ Kippelement mit Oszillator periodisch durchwandern
 - ⇒ Dreieckschwingung erzeugen für Durchlaufen der X-Achse
- Schmitt-Trigger als eigentliches Kippelement
- Dreieck auf Eingang des Schmitt-Triggers legen
- Ausgang des Schmitt-Triggers: Y-Achse

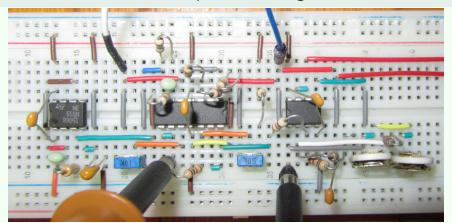




• Implementierung auf Breadboard



- Implementierung auf Breadboard
- Oszillator mit Standardtimer NE555



- Implementierung auf Breadboard
- Oszillator mit Standardtimer NE555
- Integrator, Skalierung, Offset und Schmitt-Trigger mit Standard-OPV TL07x

Standard-Oszillatorschaltung

- Standard-Oszillatorschaltung
- Frequenz ca. 1,7kHz

- Standard-Oszillatorschaltung
- Frequenz ca. 1,7kHz
- Signalaufbereitung

- Standard-Oszillatorschaltung
- Frequenz ca. 1,7kHz
- Signalaufbereitung
 - Oszillation ⇒ nicht-lineare Ladekurve am Kondensator

- Standard-Oszillatorschaltung
- Frequenz ca. 1,7kHz
- Signalaufbereitung
 - Oszillation ⇒ nicht-lineare Ladekurve am Kondensator
 - Schwellwertschalter ⇒ symmetrische Rechteckspannung

- Standard-Oszillatorschaltung
- Frequenz ca. 1,7kHz
- Signalaufbereitung
 - Oszillation ⇒ nicht-lineare Ladekurve am Kondensator
 - ullet Schwellwertschalter \Rightarrow symmetrische Rechteckspannung
 - Integrator ⇒ symmetrische Dreieckspannung

- Standard-Oszillatorschaltung
- Frequenz ca. 1,7kHz
- Signalaufbereitung
 - Oszillation ⇒ nicht-lineare Ladekurve am Kondensator
 - ullet Schwellwertschalter \Rightarrow symmetrische Rechteckspannung
 - Integrator ⇒ symmetrische Dreieckspannung
- Frequenz der Oszillation im hörbaren Bereich

- Standard-Oszillatorschaltung
- Frequenz ca. 1,7kHz
- Signalaufbereitung
 - Oszillation ⇒ nicht-lineare Ladekurve am Kondensator
 - Schwellwertschalter ⇒ symmetrische Rechteckspannung
 - Integrator ⇒ symmetrische Dreieckspannung
- Frequenz der Oszillation im hörbaren Bereich
- Kalibrierung der Linearität (Klirrfaktor) auch per Lautsprecher möglich

Elektronisches Modell: Dreieckschwingung für X-Achse

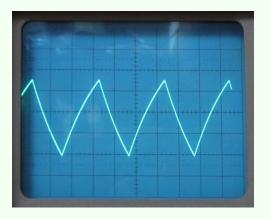


Abbildung: Der Spannungsverlauf der Ladekurve am Kondensator des Oszillators kommt nur unzureichend der gewünschten Dreieckschwingung nahe.

Elektronisches Modell: Dreieckschwingung für X-Achse

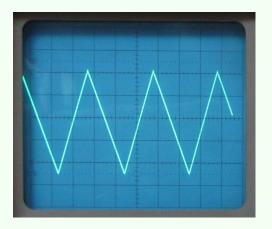


Abbildung: Der Spannungsverlauf der Ladekurve lässt sich per Schwellwertschalter in eine Rechteckschwingung und mit nachgeschaltetem Integrator in eine Dreieckschwingung hoher Genauigkeit wandeln.

Elektronisches Modell: Hysterese bei Volldurchlauf

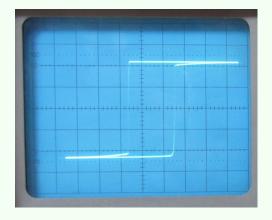


Abbildung: Für die Darstellung der Kennlinie wird die Dreieckspannung im X-Y-Modus des Oszilloskops als X-Wert verwendet und zugleich durch den Schmitt-Trigger geführt, dessen Ausgangspannung als Y-Wert dient.

Elektronisches Modell: Kehrtwende im Hysteresebereich



Abbildung: Wird die Dreieckschwingung so verschoben, dass der Hysteresebereich nicht mehr vollständig durchlaufen wird, sondern vorzeitig die Umkehr erfolgt, dann beginnt das System stark zu schwingen. Die Hysterese kommt bereits bei Eintritt in den Hysteresebereich weitgehend zum Tragen.

• Anders als die einfache Computersimulation "echtes" Kippelement

- Anders als die einfache Computersimulation "echtes" Kippelement
 - \Rightarrow Potenzial, Effekte realer Kipppunkte besser herauszuarbeiten und abzubilden

- Anders als die einfache Computersimulation "echtes" Kippelement
 ⇒ Potenzial, Effekte realer Kipppunkte besser herauszuarbeiten und abzubilden
- Parallelogramm-förmige Hysterese sehr gut visualisierbar

- Anders als die einfache Computersimulation "echtes" Kippelement
 Potenzial, Effekte realer Kipppunkte besser herauszuarbeiten und abzubilden
- Parallelogramm-förmige Hysterese sehr gut visualisierbar
- Übergang zwischen Kippelement und Linearverstärker sehr gut visualisierbar

- Anders als die einfache Computersimulation "echtes" Kippelement
 Potenzial, Effekte realer Kipppunkte besser herauszuarbeiten und abzubilden
- Parallelogramm-förmige Hysterese sehr gut visualisierbar
- Übergang zwischen Kippelement und Linearverstärker sehr gut visualisierbar
 - Hohe Mitkopplung: Kippelement mit Hysterese

- Anders als die einfache Computersimulation "echtes" Kippelement
 Potenzial, Effekte realer Kipppunkte besser herauszuarbeiten und abzubilden
- Parallelogramm-förmige Hysterese sehr gut visualisierbar
- Übergang zwischen Kippelement und Linearverstärker sehr gut visualisierbar
 - Hohe Mitkopplung: Kippelement mit Hysterese
 - Hohe Gegenkopplung: Lineare Verstärkung

Elektronisches Modell: Ergebnisse

- Anders als die einfache Computersimulation "echtes" Kippelement
 - \Rightarrow Potenzial, Effekte realer Kipppunkte besser herauszuarbeiten und abzubilden
- Parallelogramm-förmige Hysterese sehr gut visualisierbar
- Übergang zwischen Kippelement und Linearverstärker sehr gut visualisierbar
 - Hohe Mitkopplung: Kippelement mit Hysterese
 - Hohe Gegenkopplung: Lineare Verstärkung
- Hysterese schlägt ggf. bereits bei Eintritt in Hysteresebereich voll durch

Elektronisches Modell: Ergebnisse

- Anders als die einfache Computersimulation "echtes" Kippelement
 Potenzial, Effekte realer Kipppunkte besser herauszuarbeiten und abzubilden
- Parallelogramm-förmige Hysterese sehr gut visualisierbar
- Übergang zwischen Kippelement und Linearverstärker sehr gut visualisierbar
 - Hohe Mitkopplung: Kippelement mit Hysterese
 - Hohe Gegenkopplung: Lineare Verstärkung
- Hysterese schlägt ggf. bereits bei Eintritt in Hysteresebereich voll durch
- Bei plötzlicher Kehrtwende im Hysteresebereich können ggf. starke Oszillationen auftreten

• (Kleine) Hysterese praktisch immer vorhanden

- (Kleine) Hysterese praktisch immer vorhanden
 - Wegen "Kosten" (Energie, Aufwand) für Zustandswechsel

- (Kleine) Hysterese praktisch immer vorhanden
 - Wegen "Kosten" (Energie, Aufwand) für Zustandswechsel
 - Durch Reibung, Wegstrecke, Abschmelzen, Einbringung, Entfernung, etc.

- (Kleine) Hysterese praktisch immer vorhanden
 - Wegen "Kosten" (Energie, Aufwand) für Zustandswechsel
 - Durch Reibung, Wegstrecke, Abschmelzen, Einbringung, Entfernung, etc.
- Größe der Hysterese abhängig von Mitkopplung & Gegenkopplung

- (Kleine) Hysterese praktisch immer vorhanden
 - Wegen "Kosten" (Energie, Aufwand) für Zustandswechsel
 - Durch Reibung, Wegstrecke, Abschmelzen, Einbringung, Entfernung, etc.
- Größe der Hysterese abhängig von Mitkopplung & Gegenkopplung
 - Entscheidend für Irreversibilität

- (Kleine) Hysterese praktisch immer vorhanden
 - Wegen "Kosten" (Energie, Aufwand) für Zustandswechsel
 - Durch Reibung, Wegstrecke, Abschmelzen, Einbringung, Entfernung, etc.
- Größe der Hysterese abhängig von Mitkopplung & Gegenkopplung
 - Entscheidend für Irreversibilität
 - Ggf. schwer zu bestimmen / abzuschätzen

- (Kleine) Hysterese praktisch immer vorhanden
 - Wegen "Kosten" (Energie, Aufwand) für Zustandswechsel
 - Durch Reibung, Wegstrecke, Abschmelzen, Einbringung, Entfernung, etc.
- Größe der Hysterese abhängig von Mitkopplung & Gegenkopplung
 - Entscheidend für Irreversibilität
 - Ggf. schwer zu bestimmen / abzuschätzen
- Hysterese ggf. schon im Zustandsübergang voll wirksam

- (Kleine) Hysterese praktisch immer vorhanden
 - Wegen "Kosten" (Energie, Aufwand) für Zustandswechsel
 - Durch Reibung, Wegstrecke, Abschmelzen, Einbringung, Entfernung, etc.
- Größe der Hysterese abhängig von Mitkopplung & Gegenkopplung
 - Entscheidend für Irreversibilität
 - Ggf. schwer zu bestimmen / abzuschätzen
- Hysterese ggf. schon im Zustandsübergang voll wirksam
- veschiedene Hystereseformen und -dynamiken möglich

• Modelle stets Vereinfachung der Realität

- Modelle stets Vereinfachung der Realität
- Verschiedene Modelle betonen verschiedene Hysterese-Eigenschaften

- Modelle stets Vereinfachung der Realität
- Verschiedene Modelle betonen verschiedene Hysterese-Eigenschaften
 - Wippe: ggf. Reibung, Hebelgesetz

- Modelle stets Vereinfachung der Realität
- Verschiedene Modelle betonen verschiedene Hysterese-Eigenschaften
 - Wippe: ggf. Reibung, Hebelgesetz
 - elektron. Modell: Oszillationen

- Modelle stets Vereinfachung der Realität
- Verschiedene Modelle betonen verschiedene Hysterese-Eigenschaften
 - Wippe: ggf. Reibung, Hebelgesetz
 - elektron. Modell: Oszillationen
- Genauigkeit / Aussagekraft je Modell abhängig von Detaillierungsgrad

- Modelle stets Vereinfachung der Realität
- Verschiedene Modelle betonen verschiedene Hysterese-Eigenschaften
 - Wippe: ggf. Reibung, Hebelgesetz
 - elektron. Modell: Oszillationen
- Genauigkeit / Aussagekraft je Modell abhängig von Detaillierungsgrad
- Modell mit unerwartetem / überraschende Effekt

- Modelle stets Vereinfachung der Realität
- Verschiedene Modelle betonen verschiedene Hysterese-Eigenschaften
 - Wippe: ggf. Reibung, Hebelgesetz
 - elektron. Modell: Oszillationen
- Genauigkeit / Aussagekraft je Modell abhängig von Detaillierungsgrad
- Modell mit unerwartetem / überraschende Effekt
- Vielleicht nur "Problem" des Modells

- Modelle stets Vereinfachung der Realität
- Verschiedene Modelle betonen verschiedene Hysterese-Eigenschaften
 - Wippe: ggf. Reibung, Hebelgesetz
 - elektron. Modell: Oszillationen
- Genauigkeit / Aussagekraft je Modell abhängig von Detaillierungsgrad
- Modell mit unerwartetem / überraschende Effekt
- Vielleicht nur "Problem" des Modells
- Vielleicht aber Fingerzeig für bislang übersehene Eigenschaft

- Modelle stets Vereinfachung der Realität
- Verschiedene Modelle betonen verschiedene Hysterese-Eigenschaften
 - Wippe: ggf. Reibung, Hebelgesetz
 - elektron. Modell: Oszillationen
- Genauigkeit / Aussagekraft je Modell abhängig von Detaillierungsgrad
- Modell mit unerwartetem / überraschende Effekt
- Vielleicht nur "Problem" des Modells
- Vielleicht aber Fingerzeig für bislang übersehene Eigenschaft
- Ggf. Anlass für weitere Untersuchungen

Für konkretes reales Kippelement

• Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?
 - Z.B. Schleife?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?
 - Z.B. Schleife?
- Wo ist der PNR?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?
 - Z.B. Schleife?
- Wo ist der PNR?
- Gibt es weitere Einflüsse auf den PNR?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?
 - Z.B. Schleife?
- Wo ist der PNR?
- Gibt es weitere Einflüsse auf den PNR?
 - Beispiel Wippe: beschleunigte Kugel

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?
 - Z.B. Schleife?
- Wo ist der PNR?
- Gibt es weitere Einflüsse auf den PNR?
 - Beispiel Wippe: beschleunigte Kugel
 - Einfluss Luftfeuchtigkeit auf Niederschlag?

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?
 - Z.B. Schleife?
- Wo ist der PNR?
- Gibt es weitere Einflüsse auf den PNR?
 - Beispiel Wippe: beschleunigte Kugel
 - Einfluss Luftfeuchtigkeit auf Niederschlag?
- innere Variablen in Hysterese-Modell berücksichtigen

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?
 - Z.B. Schleife?
- Wo ist der PNR?
- Gibt es weitere Einflüsse auf den PNR?
 - Beispiel Wippe: beschleunigte Kugel
 - Einfluss Luftfeuchtigkeit auf Niederschlag?
- innere Variablen in Hysterese-Modell berücksichtigen
 - z.B. Kugelposition bei der Wippe

- Wie groß ist die Hysterese (z.B. Schneeflächen)?
 - Jahre?
 - Jahrzehnte?
- Form der Hysterese?
 - Z.B. Parallelogramm?
 - Z.B. Schleife?
- Wo ist der PNR?
- Gibt es weitere Einflüsse auf den PNR?
 - Beispiel Wippe: beschleunigte Kugel
 - Einfluss Luftfeuchtigkeit auf Niederschlag?
- innere Variablen in Hysterese-Modell berücksichtigen
 - z.B. Kugelposition bei der Wippe
 - und Kugelgeschwindigkeit

Hysterese: Offene Fragen II

Für konkretes reales Kippelement

• Welches Modell kommt Realität am nächsten?

Hysterese: Offene Fragen II

Für konkretes reales Kippelement

- Welches Modell kommt Realität am nächsten?
- In welchen Eigenschaften ist es realistisch?

Hysterese: Offene Fragen II

Für konkretes reales Kippelement

- Welches Modell kommt Realität am nächsten?
- In welchen Eigenschaften ist es realistisch?
- Worin unterscheidet es sich von Realität?

Literaturverweise I

- [1] International Panel on Climate Change (IPCC). "Summary for Policymakers". In: Climate Change 2023: Synthesis Report.

 Contribution of Working Groups I, II and III to the Sixth Assessment Report of the Intergovernmental Panel on Climate Change. (2023).

 Hrsg. von Core Writing Team, H. Lee und J. Romero. DOI: 10.59327/IPCC/AR6-9789291691647.001. URL: https://www.ipcc.ch/report/ar6/syr/downloads/report/IPCC_AR6_SYR_SPM.pdf (besucht am 23.09.2023).
- [2] Wikimedia Foundation. *Hysterese*. 2020. URL: https://de.wikipedia.org/wiki/Hysterese (besucht am 25.09.2020).

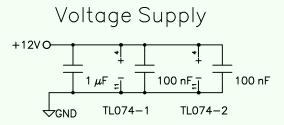
Literaturverweise II

- [3] Claudia Mäder. Kipp-Punkte im Klimasystem. Welche Gefahren drohen? Forschungsber. Umweltbundesamt, Juli 2008. URL: https://www.umweltbundesamt.de/sites/default/files/medien/publikation/long/3283.pdf (besucht am 23.09.2023).
- [4] Jürgen Reuter. *Kipppunkte*. 25. Sep. 2020. URL: https://soundpaint.github.io/tipping-points/de/ (besucht am 25.09.2020).

Diskussion eröffnet!

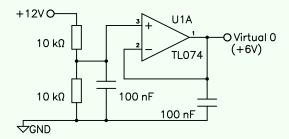
Gerne auch mit den Modellen "spielen"!

Elektronisches Modell: Spannungsglättung und -verteilung

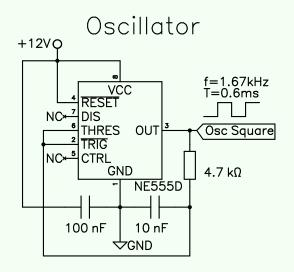


Elektronisches Modell: Virtuelle Masse

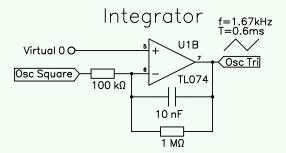
Virtual Ground



Elektronisches Modell: Rechteckschwingung ($\approx 1.7 \text{kHz}$)

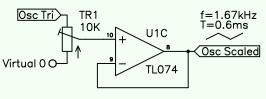


Elektronisches Modell: Wandlung Rechteck \rightarrow Dreieck



Elektronisches Modell: Amplitudensteuerung

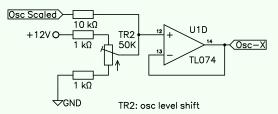
Osc Amplitude Ctrl



TR1: osc amplitude

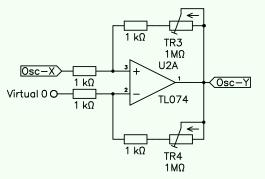
Elektronisches Modell: Spannungspegelsteuerung

Osc Level Shift Ctrl



Elektronisches Modell: Schmitt-Trigger

Adjustable Schmitt Trigger



TR3: positive feedback TR4: negative feedback

Elektronisches Modell: Audio-Ausgang

