Giới thiệu Học máy Mô hình Naïve Bayes

Tô Hoài Việt Khoa Công nghệ Thông tin Đại học Khoa học Tự nhiên TPHCM thviet@fit.hcmuns.edu.vn

Nội dung

- Giới thiệu Học máy
- Học là gì?
- Các vấn đề và ví dụ của học
- Mô hình Naïve Bayes

Tại sao Học Máy?

- Những tiến bộ gần đây trong thuật toán và lý thuyết
- "Dòng lũ" đang lên của dữ liệu trực tuyến
- Sức mạnh tính toán đã sẵn sàng
- Ngành công nghiệp đang nở rộ

Ba lĩnh vực thích hợp cho học máy

- Khai thác dữ liệu: sử dụng dữ liệu cũ để cải thiện quyết định
- Các ứng dụng phần mềm chúng ta không thể làm bằng tay
- Các chương trình tự tối ưu hoá

Học là gì?

- ghi nhớ điều gì đó
- học các sự kiện qua quan sát và thăm dò
- cải thiện các kỹ năng vận động và/hay nhận thức qua việc luyện tập
- tổ chức tri thức mới thành các biểu diễn tổng quát, hiệu quả

Các loại học

- Học có giám sát: cho trước một tập mẫu các cặp input/output, tìm một luật thực hiện việc dự đoán các kết xuất gắn với các input mới
- Gom cụm: cho trước một tập mẫu, nhưng chưa gán nhãn, gom nhóm các mẫu thành các cụm "tư nhiên"
- Học tăng cường: một agent tương tác với thế giới thực hiện các quan sát, hành động, và được thưởng hay phạt; nó sẽ học để chọn các hành động theo cách để nhận được nhiều phần thưởng

Học một Hàm

Cho trước một tập mẫu các cặp input/output, tìm một hàm làm tốt được công việc biểu diễn mối quan hệ

- Phát âm: hàm ánh xạ từ ký tự sang âm thanh
- Ném một quả bóng: hàm ánh xạ từ vị trí đích thành quỹ đạo cánh tay
- Đọc các chữ viết tay: hàm ánh xạ từ tập các điểm ảnh thành các ký tự
- Chẩn đoán bệnh: hàm ánh xạ từ các kết quả xét nghiệm thành các loại bệnh tật

Các vấn đề để học một hàm

- ghi nhớ
- lấy trung bình
- tổng quát hoá

Bài toán ví dụ

Khi nào thì lái xe (drive or walk) ? Phụ thuộc vào:

- nhiệt độ (temperature)
- mưa tuyết dự kiến (expected precipitation)
- ngày trong tuần (day of the week)
- cô ấy có cần đi mua sắm trên đường về hay không (whether she needs to shop on the way home)
- cô ấy đang mặc gì (what's she wearing)

Ghi nhớ

temp	precip	day	shop	clothes	
80	none	sat	no	casual	walk
19	snow	mon	yes	casual	drive
65	none	tues	no	casual	walk
19	snow	mon	yes	casual	

Ghi nhớ

temp	precip	day	shop	clothes	
80	none	sat	no	casual	walk
19	snow	mon	yes	casual	drive
65	none	tues	no	casual	walk
19	snow	mon	yes	casual	drive

Lấy trung bình

temp	precip	day	shop	clothes	
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	drive
80	none	sat	no	casual	drive
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	

Lấy trung bình

temp	precip	day	shop	clothes	
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	drive
80	none	sat	no	casual	drive
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	walk
80	none	sat	no	casual	walk

Nhiễu cảm biến

temp	precip	day	shop	clothes	
81	none	sat	no	casual	walk
82	none	sat	no	casual	walk
78	none	sat	no	casual	drive
21	none	sat	no	casual	drive
18	none	sat	no	casual	drive
19	none	sat	no	casual	drive
17	none	sat	no	casual	drive
20	none	sat	no	casual	

Nhiễu cảm biến

temp	precip	day	shop	clothes	
81	none	sat	no	casual	walk
82	none	sat	no	casual	walk
78	none	sat	no	casual	drive
21	none	sat	no	casual	drive
18	none	sat	no	casual	drive
19	none	sat	no	casual	drive
17	none	sat	no	casual	drive
20	none	sat	no	casual	drive

Tổng quát hoá

Xử lý dữ liệu chưa từng gặp trước đây

temp	precip	day	shop	clothes	
71	none	fri	yes	formal	drive
38	none	sun	yes	casual	walk
62	rain	weds	no	casual	walk
93	none	mon	no	casual	drive
55	none	sat	no	formal	drive
80	none	sat	no	casual	walk
19	snow	mon	yes	casual	drive
65	none	tues	no	casual	walk

Tổng quát hoá

Xử lý dữ liệu chưa từng gặp trước đây

temp	precip	day	shop	clothes	
71	none	fri	yes	formal	drive
38	none	sun	yes	casual	walk
62	rain	weds	no	casual	walk
93	none	mon	no	casual	drive
55	none	sat	no	formal	drive
80	none	sat	no	casual	walk
19	snow	mon	yes	casual	drive
65	none	tues	no	casual	walk
58	rain	mon	no	casual	

Một ví dụ khác

f_1	f_2	f_3	f_4	у
0	1	0	1	1
0	7	0	1	1
1	1	0	1	1
1 0 0	1	0	1	1
0	1	0	1	1
1	1	0	1	0
1	1	0	1	0
1	1	0	1	0
0	1	0	1	0 0 0 0
1	1	0	1	0

f ₁	f_2	f_3	f_4	у
0	1	f ₃ 0 0	1	1
0	0	0	1	1
0	1	0	1	1
0	0	0	1	1
000000	1	0	1	1
0	0	0	1	0
0	0	0	1	0
0	0	0	1	0
0	1	0	1	0
0	1	0	1	0

$$<0, 0, 0, 1> = 0$$

Một ví dụ khác (tt)

f_1	f_2	f_3	f_4	у
0	1	0	1	1
0	0	0	1	1
1	1	0	1	1
0	0	0	1	1
0	1	0	1	1
1	0	0	1	0
1	0	0	1	0
1	0	0	1	0
0	1	0	1	0
1	1	0	1	0

<0, 0, 0, 1>= ?

<1, 1, 0, 1> = ?

Naïve Bayes

- Dựa trên luật suy diễn xác suất của Bayes
- Cập nhật xác suất của giả thiết (hàm phân lớp) dựa trên chứng cứ
- Chọn giả thiết có xác suất lớn nhất sau khi tích hợp các chứng cứ
- Thuật toán đặc biệt hữu ích cho các lĩnh vực có nhiều đặc trưng

Ví dụ

f ₁	f_2	f_3	f ₄	у
0	1	1	0	1
0	0	1	f ₄ 0 1	1
1	0	1	0	1
f ₁ 0 0 1 0 1 1 1	f ₂ 1 0 0 0 0 0	1 0 0 0 0	0 1 0 1 1 0	1
0	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	1	0	1	0
1	0	0	0	0
1	1	0	1	1 0 0 0 0
1	0	1	1	0

- R₁(1,1) = 1/5: tỷ lệ tất cả các mẫu
 dương (y=1) có đặc trưng 1 = 1
- R₁(0,1) = 4/5: tỷ lệ tất cả các mẫu
 dương có đặc trưng 1 = 0

Ví dụ

f ₁	f_2	f_3	f ₄	у
f ₁ 0 0 1 0 1 1	1 0 0 0 0 1	1	f ₄	1
0	0	1	1	1
1	0	1	0	1
0	0	1	~	1
0	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	1	0	1	0
	0	1 0 0 0 0	0	0 0 0 0
1	1	0	1	0
1	0	1	1	0

- R₁(1,1) = 1/5: tỷ lệ tất cả các mẫu
 dương (y=1) có đặc trưng 1 = 1
- R₁(0,1) = 4/5: tỷ lệ tất cả các mẫu
 dương có đặc trưng 1 = 0
- R₁(1,0) = 5/5: tỷ lệ tất cả các mẫu
 âm (y=0) có đặc trưng 1 = 1
- R₁(0,0) = 0/5: tỷ lệ tất cả các mẫu
 âm có đặc trưng 1 = 0

Ví dụ

f ₁	f_2	f_3	f ₄	у
0	1	1	0	1
0	0	1	1	1
1	0	1	0	1
0	0	1	f ₄ 0 1 0 1 0 1 1 1 1 1	1
0	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	1	0	1	0
1	0	0	0	0
f ₁ 0 0 1 0 1 1 1	f ₂ 1 0 0 0 0 1 0 1 0	f ₃ 1 1 1 0 0 0 0 1	1	1 1 0 0 0 0
1	0	1	1	0

$$R_1(1,1) = 1/5$$
 $R_1(0,1) = 4/5$
 $R_1(1,0) = 5/5$ $R_1(0,0) = 0/5$

$$R_2(1,1) = 1/5$$
 $R_2(0,1) = 4/5$ $R_2(1,0) = 2/5$ $R_2(0,0) = 3/5$

$$R_3(1,1) = 4/5$$
 $R_3(0,1) = 1/5$ $R_3(1,0) = 1/5$ $R_3(0,0) = 4/5$

$$R_4(1,1) = 2/5$$
 $R_4(0,1) = 3/5$ $R_4(1,0) = 4/5$ $R_4(0,0) = 1/5$

Dự đoán

```
R_1(1,1) = 1/5 R_1(0,1) = 4/5

R_1(1,0) = 5/5 R_1(0,0) = 0/5

R_2(1,1) = 1/5 R_2(0,1) = 4/5

R_2(1,0) = 2/5 R_2(0,0) = 3/5

R_3(1,1) = 4/5 R_3(0,1) = 1/5

R_3(1,0) = 1/5 R_3(0,0) = 4/5

R_4(1,1) = 2/5 R_4(0,1) = 3/5

R_4(1,0) = 4/5 R_4(0,0) = 1/5
```

- Mẫu mới x = <0,0,1,1>
- $S(1) = R_1(0,1) * R_2(0,1) * R_3(1,1) * R_4(1,1) = .205$
- $S(0) = R_1(0,0) * R_2(0,0) * R_3(1,0) * R_4(1,0) = 0$
- Ta có S(1) > S(0), do đó dự đoán lớp 1

Thuật toán Học

· Ước lượng từ dữ liệu, với mọi thuộc tính j, có miền giá $tri D_i = \{v_{1i}, v_{2i}, ... v_{ni}\}, tinh$

$$P(y=1) = \frac{\#(y^i=1)}{\#D}$$

$$P(y=1) = \frac{\#(y^i=1)}{\#D} \qquad R_j(v_{ij},1) = \frac{\#(x_j^i=1 \land y^i=1)}{\#(y^i=1)}$$

$$P(y=0) = \frac{\#(y^i = 0)}{\#D}$$

$$P(y=0) = \frac{\#(y^i=0)}{\#D} \qquad R_j(v_{ij},0) = \frac{\#(x_j^i=1 \land y^i=0)}{\#(y^i=0)}$$

Thuật toán Dự đoán

• Cho một mẫu x mới, $x = (x_1, x_2, ..., x_n)$, tính

$$S(1) = P(y = 1) \prod R_j(x_i, 1)$$

$$S(0) = P(y = 0) \prod R_j(x_i, 0)$$

Xuất ra 1 nếu S(1) > S(0)

Dự đoán

```
R_1(1,1) = 1/5 R_1(0,1) = 4/5
R_1(1,0) = 5/5 R_1(0,0) = 0/5
R_2(1,1) = 1/5 R_2(0,1) = 4/5
R_2(1,0) = 2/5 R_2(0,0) = 3/5
R_3(1,1) = 4/5 R_3(0,1) = 1/5
R_3(1,0) = 1/5 R_3(0,0) = 4/5
R_4(1,1) = 2/5 R_4(0,1) = 3/5
R_4(1,0) = 4/5 R_4(0,0) = 1/5
```

- Mẫu mới x = <0,0,1,1>
- $S(1) = R_1(0,1) * R_2(0,1) * R_3(1,1) * R_4(1,1) = .205$
- S(0) = R₁(0,0) * R₂(0,0) * R₃(1,0) * R₄(1,0) = 0
 Ta có S(1) > S(0), do đó dự đoán lớp 1

lưu ý cả hai lớp đều có tỷ lệ bằng nhau = 0.5

Thuật toán Dự đoán

• Cho một mẫu x mới, $x = (x_1, x_2, ..., x_n)$, tính

$$\log S(1) = \log P(y = 1) + \sum_{j=1}^{\infty} \log R_j(x_i, 1)$$

$$\log S(0) = \log P(y = 0) + \sum_{j=1} \log R_j(x_i, 0)$$

Xuất ra 1 nếu logS(1) > logS(0)

Cộng log sẽ dễ dàng hơn nhiều so với nhân các số nhỏ

Phép sửa lỗi Laplace

Tránh sự xuất hiện của 1 hoặc 0 trong xác suất

$$P(y=1) = \frac{\#(y^i=1)+1}{\#D+2}$$

$$P(y=1) = \frac{\#(y^i=1)+1}{\#D+2} \qquad R_j(v_{ij},1) = \frac{\#(x_j^i=1 \land y^i=1)+1}{\#(y^i=1)+2}$$

$$P(y=0) = \frac{\#(y^i=0)+1}{\#D+2}$$

$$P(y=0) = \frac{\#(y^i=0)+1}{\#D+2} \qquad R_j(v_{ij},0) = \frac{\#(x_j^i=1 \land y^i=0)+1}{\#(y^i=0)+2}$$

có 2 phân lớp

x có 2 giá trị

Ví dụ với Sửa lỗi

f ₁	f_2	f_3	f_4	у
0	1	1	0	1
0	0	f ₃ 1	1	1
1	0	1	0	1 1 1
0	0	1	1	1
0	1 0 0 0 0	1 0 0 0 0	0	1
1	0	0	1	0
1	1	0	1	0
1	0	0	0	0
f ₁ 0 0 1 0 1 1 1	1 0 1 0	$\Delta \Delta $	f ₄ 0 1 0 1 0 1 1 1 1 1	1 0 0 0 0
1	0	1	1	0

$$R_1(1,1) = 2/7$$
 $R_1(0,1) = 5/7$ $R_1(1,0) = 6/7$ $R_1(0,0) = 1/7$

$$R_2(1,1) = 2/7$$
 $R_2(0,1) = 5/7$ $R_2(1,0) = 3/7$ $R_2(0,0) = 4/7$

$$R_3(1,1) = 5/7$$
 $R_3(0,1) = 2/7$ $R_3(1,0) = 2/7$ $R_3(0,0) = 5/7$

$$R_4(1,1) = 3/7$$
 $R_4(0,1) = 4/7$ $R_4(1,0) = 5/7$ $R_4(0,0) = 2/7$

Dự đoán

```
\begin{aligned} R_1(1,1) &= 2/7 & R_1(0,1) &= 5/7 \\ R_1(1,0) &= 6/7 & R_1(0,0) &= 1/7 \\ R_2(1,1) &= 2/7 & R_2(0,1) &= 5/7 \\ R_2(1,0) &= 3/7 & R_2(0,0) &= 4/7 \\ R_3(1,1) &= 5/7 & R_3(0,1) &= 2/7 \\ R_3(1,0) &= 2/7 & R_3(0,0) &= 5/7 \\ R_4(1,1) &= 3/7 & R_4(0,1) &= 4/7 \\ R_4(1,0) &= 5/7 & R_4(0,0) &= 2/7 \end{aligned}
```

- Mẫu mới x = <0,0,1,1>
- $S(1) = R_1(0,1) * R_2(0,1) * R_3(1,1) * R_4(1,1) = .156$
- $S(0) = R_1(0,0) * R_2(0,0) * R_3(1,0) * R_4(1,0) = .017$
- Ta có S(1) > S(0), do đó dự đoán lớp 1

Điều cần nắm

- Các vấn đề của học máy
- Hiểu và sử dụng được mô hình Naïve Bayes
- Nắm được các vấn đề của Naïve Bayes