

Nome: \_\_\_\_\_ Data: \_\_\_\_\_

### Lista de exercícios – Modelo do Transporte

**Questão 1)** Os veículos aéreos não tripulados (drones) já estão realizando entregas de produtos de pequeno porte (principalmente livros) em alguns países da América do Norte. A entrega funciona da seguinte forma: o drone parte de um centro de distribuição, vai até a casa do cliente, deposita o produto no quintal, e retorna para o centro de distribuição.

Considere que você é o proprietário de uma *startup* que realizará a distribuição de pacotes de comida via drone para um aplicativo famoso de *delivery*. Em um primeiro momento, a sua empresa irá fazer somente a distribuição de hambúrguer caseiro. Os drones podem partir de três hamburguerias (todas da mesma rede) e chamadas de “Cabra teimosa”, “Ladrão de bicicletas”, e “Óculos embaçado”. A capacidade de produção de hambúrguer está descrita na tabela a seguir. Cinco clientes demandam hamburguers: o primeiro cliente precisa de 8 unidades, o segundo 5, o terceiro 15, o quarto 7, e o quinto 2. Os custos unitários das entregas via drone estão estimados na tabela a seguir.

	1	2	3	4	5	Capacidade
Cabra teimosa	R\$1,10	R\$2,50	R\$3,20	R\$0,90	R\$0,70	15
Ladrão de bicicletas	R\$2,00	R\$2,15	R\$3,00	R\$3,10	R\$3,10	15
Óculos embaçado	R\$0,60	R\$1,10	R\$3,00	R\$2,15	R\$1,20	20
Demanda	8	5	15	7	2	

Você, como proprietário da startup, deseja reduzir os custos de transporte sem deixar de atender às demandas dos clientes. Pergunta-se:

- Qual é o nome do problema de otimização que você deverá resolver?
- Represente os dados do problema na forma de uma rede (grafo) onde os nós representam os clientes e as hamburguerias, já os arcos representam os custos de transporte entre uma hamburgueria e um cliente.
- O problema está balanceado? Justifique.
- Escreva a formulação matemática do problema.
- É possível resolver este modelo utilizando o método simplex? Justifique.
- Escreva o modelo na forma algébrica. Não se esqueça de indicar as matrizes com os parâmetros.

Nome: \_\_\_\_\_ Data: \_\_\_\_\_

**Questão 2)** Relacione os itens da coluna da esquerda com as da direita.

- |  |     |  |
|--|-----|--|
| (1) Importando a biblioteca de programação linear                  | ( ) | <code>prob = LpProblem("Transporte", LpMinimize)</code>  |
| (2) Definindo as variáveis de decisão                              | ( ) | <code>from pulp import *</code>  |
| (3) Inicializando o problema                                       | ( ) | <code>prob += 1*xa1 + 0.8*xa2 + 50.9*xa3 + 0.9*xb1 + 0.7*xb2 + 0.6*xb3</code>  |
| (4) Definindo a função objetivo                                    | ( ) | <code>prob += xa1 + xa2 + xa3 &lt;= 2000</code><br><code>prob += xb1 + xb2 + xb3 &lt;= 1000</code><br><code>prob += xa1 + xb1 &gt;= 700</code><br><code>prob += xa2 + xb2 &gt;= 1100</code><br><code>prob += xa3 + xb3 &gt;= 1200</code>                       |
| (5) Adicionando as restrições do problema                          | ( ) | <code>for var in prob.variables():</code><br><code>if var.varValue &gt; 0:</code><br><code>print(f"{var.name} = {var.varValue}")</code>  |
| (6) Obtendo o status do problema (ótimo, irrestrito ou não-viável) | ( ) | <code>xa1 = LpVariable("xa1", 0)</code><br><code>xa2 = LpVariable("xa2", 0)</code><br><code>xa3 = LpVariable("xa3", 0)</code><br><code>xb1 = LpVariable("xb1", 0)</code><br><code>xb2 = LpVariable("xb2", 0)</code><br><code>xb3 = LpVariable("xb3", 0)</code> |
| (7) Imprimindo o valor da função objetivo                          | ( ) | <code>fo = pulp.value(prob.objective)</code><br><code>print(f"O valor da funcao objetivo é: {fo}")</code>  |
| (8) Imprimindo os valores das variáveis de decisão                 | ( ) | <code>status = prob.solve()</code><br><code>print(LpStatus[status])</code>   |

**Questão 3)** Considere o código para resolução do modelo do transporte no Python apresentado na figura a seguir.

- Transcreva o modelo de programação linear com base nos dados do código.
- Desenhe o grafo com as informações deste problema.
- O problema está balanceado? Indique as capacidades dos fornecedores e as demandas dos clientes.
- Quais são as restrições dos fornecedores?
- Quais são as restrições dos clientes?

Nome: \_\_\_\_\_ Data: \_\_\_\_\_

- f) Resolva o problema no Python e indique os resultados em um grafo. Quanto cada fornecedor irá transportar para cada cliente?

```
from pulp import *

xa1 = LpVariable("xa1", 0)
xa2 = LpVariable("xa2", 0)
xa3 = LpVariable("xa3", 0)
xa4 = LpVariable("xa4", 0)
xb1 = LpVariable("xb1", 0)
xb2 = LpVariable("xb2", 0)
xb3 = LpVariable("xb3", 0)
xb4 = LpVariable("xb4", 0)
xc1 = LpVariable("xc1", 0)
xc2 = LpVariable("xc2", 0)
xc3 = LpVariable("xc3", 0)
xc4 = LpVariable("xc4", 0)

prob = LpProblem("Transporte", LpMinimize)

prob += 50*xa1+130*xa2+200*xa3+62*xa4+120*xb1+80*xb2+160*xb3+110*xb4+130*xc1+40*xc2+100*xc3+160*xc4

prob += xa1 + xa2 + xa3 +xa4 <= 500
prob += xb1 + xb2 + xb3 +xb4 <= 700
prob += xc1 + xc2 + xc3 +xc4 <= 800
prob += xa1 + xb1 +xc1 >= 400
prob += xa2 + xb2 +xc2 >= 900
prob += xa3 + xb3 +xc3 >= 200
prob += xa4 + xb4 +xc4 >= 500

status = prob.solve()
print(LpStatus[status])

fo = pulp.value(prob.objective)
print(f"O valor da funcao objetivo é: {fo}")

for var in prob.variables():
    if var.varValue > 0:
        print(f"{var.name} = {var.varValue}")
```

**Questão 4)** Escreva as inequações a seguir na forma algébrica.

- a)  $x_{11} + x_{12} \geq 0$   
 $x_{21} + x_{22} \geq 0$   
 $x_{31} + x_{32} \geq 0$
- b)  $x_{11} + x_{12} + x_{13} + x_{14} \geq 1$   
 $x_{21} + x_{22} + x_{23} + x_{24} \geq 1$
- c)  $(x_{11} + x_{21} + x_{31} + x_{41} + x_{51}) - (x_{11} + x_{12} + x_{13} + x_{14} + x_{15}) \leq 0$

Nome: \_\_\_\_\_ Data: \_\_\_\_\_

**Questão 5)** Assinale a alternativa correta, e justifique o erro nas outras alternativas.

a)  $\sum_{j=1}^3 x_{ij} \geq 1, \forall i \in \{1,2\}$  é o mesmo que:

$$x_{11} + x_{12} \geq 1$$

$$x_{21} + x_{22} \geq 1$$

$$x_{31} + x_{32} \geq 1$$

b)  $\sum_{i=1}^5 x_{ij} \leq 0, \forall j \in \{1,2\}$  é o mesmo que:

$$x_{11} + x_{21} \leq 0$$

$$x_{12} + x_{22} \leq 0$$

$$x_{13} + x_{23} \leq 0$$

$$x_{14} + x_{24} \leq 0$$

$$x_{15} + x_{25} \leq 0$$

c)  $\sum_{j=1}^4 x_{ij} \geq 1, \forall i \in \{1,2\}$  é o mesmo que:

$$x_{11} + x_{12} + x_{13} + x_{14} \geq 1$$

$$x_{21} + x_{22} + x_{23} + x_{24} \geq 1$$

d)  $\sum_{i=1}^5 x_{ij} + 1 \leq j, \forall j \in \{1,2\}$  é o mesmo que:

$$x_{11} + x_{21} + x_{31} + x_{41} + x_{51} \leq 1$$

$$x_{12} + x_{22} + x_{32} + x_{42} + x_{52} \leq 1$$

e)  $\sum_{i=1}^5 x_{ij} - \sum_{i=1}^5 x_{ij} \leq 0, \forall j \in \{1\}$  é o mesmo que:

$$(x_{11} + x_{21} + x_{31} + x_{41} + x_{51}) - (x_{11} + x_{12} + x_{13} + x_{14} + x_{15}) \leq 0$$