

Estruturas de dados fundamentais

Prof. Marcelo de Souza

UDESC Ibirama
Bacharelado em Engenharia de Software

marcelo.desouza@udesc.br
Versão compilada em 13 de agosto de 2020

Leitura obrigatória:

- Capítulo 3 de [Goodrich et al. \[2014\]](#) – Estruturas de dados fundamentais.

Leitura complementar:

- Capítulo 4 de [Preiss \[2001\]](#) – Estruturas de dados fundamentais.
- Capítulo 2 de [Pereira \[2008\]](#) – Listas lineares.

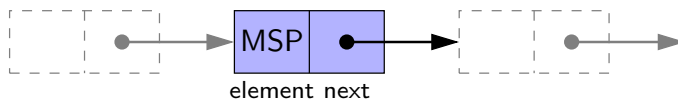
Listas simplesmente encadeadas

Problemas com o uso de arranjos:

- Capacidade fixa.
- Inserção interna dificultada.
- Remoção interna dificultada.

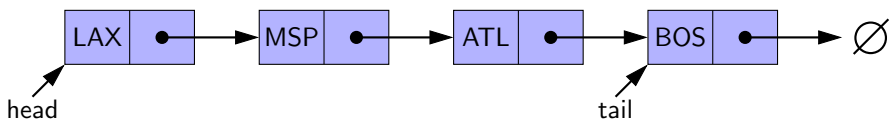
Lista encadeada: coleção de nodos formados em uma sequência linear.

Lista simplesmente encadeada: cada nodo armazena os dados do elemento e uma referência ao próximo nodo.



Elementos:

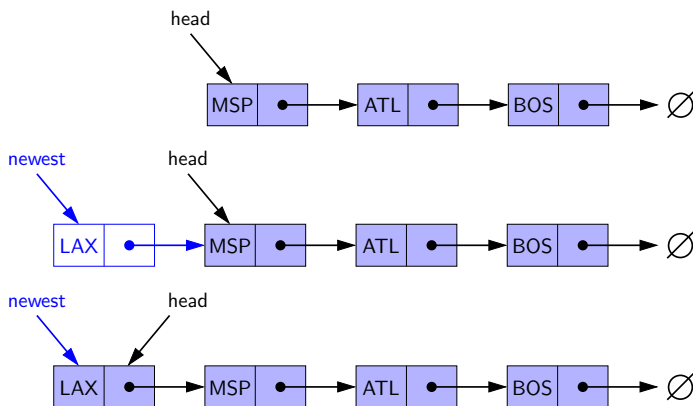
- head: aponta para o primeiro elemento da lista.
- tail: aponta para o último elemento da lista.
- Último elemento aponta para null.



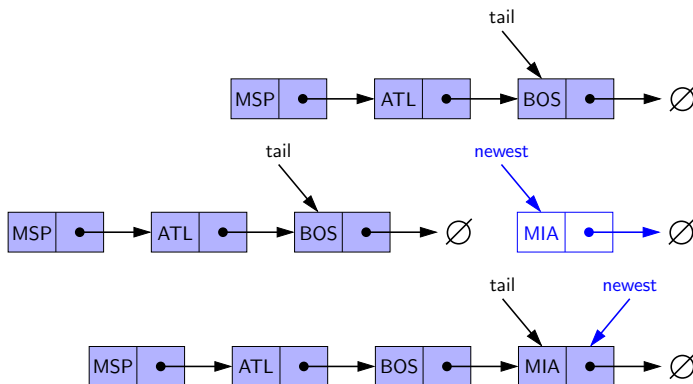
Benefícios:

- Tamanho dinâmico.
- Consumo de memória dinâmico.
- Fácil inserção e remoção de elementos.

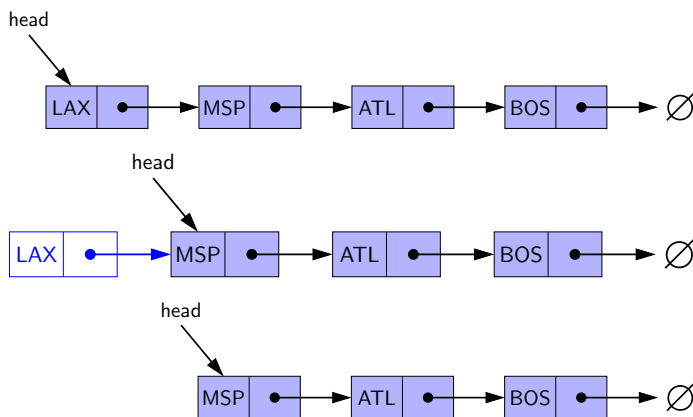
Inserção de elemento no início



Inserção de elemento no final



Remoção de elemento



Problemas na remoção do final:

- Precisamos acessar o penúltimo elemento.
- Toda a lista tem que ser percorrida → custoso.

Implementação

```
1  public class SinglyLinkedList<E> {
2
3      private static class Node<E> {
4          private E element;
5          private Node<E> next;
6
7          public Node(E e, Node<E> n) {
8              element = e;
9              next = n;
10         }
11
12         public E getElement() { return element; }
13         public Node<E> getNext() { return next; }
14         public void setNext(Node<E> n) { next = n; }
15     }
16
17     private Node<E> head = null;
18     private Node<E> tail = null;
19     private int size = 0;
20
21     public int size() { return size; }
22     public boolean isEmpty() { return size == 0; }
23
24     public E first() {
25         if (isEmpty()) return null;
26         return head.getElement();
27     }
28
29     public E last() {
30         if (isEmpty()) return null;
31         return tail.getElement();
32     }
33
34     // Métodos addFirst, addLast e removeFirst...
35 }
```

Comentários:

- Classes externas não têm acesso à estrutura de nodos.
- Outros métodos podem ser implementados para manutenção da lista.

Método addFirst(E e):

```
1 public void addFirst(E e) {  
2     head = new Node<>(e, head);  
3     if (size == 0)  
4         tail = head;  
5     size++;  
6 }
```

Método addLast(E e):

```
1 public void addLast(E e) {  
2     Node<E> newest = new Node<>(e, null);  
3     if (isEmpty())  
4         head = newest;  
5     else  
6         tail.setNext(newest);  
7     tail = newest;  
8     size++;  
9 }
```

Método removeFirst():

```
1 public E removeFirst() {  
2     if (isEmpty()) return null;  
3     E answer = head.getElement();  
4     head = head.getNext();  
5     size--;  
6     if (size == 0)  
7         tail = null;  
8     return answer;  
9 }
```

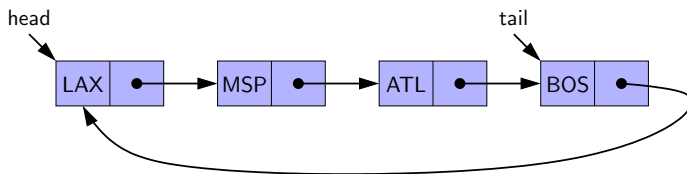
Exercícios:

1. Implemente uma lista encadeada e use a estrutura para armazenar os dados dos alunos inscritos no SEMESO 2018 (nome, matrícula e fase). Crie métodos para inserção, remoção, consulta e listagem de inscritos.

Listas encadeadas circulares

Conceitos básicos:

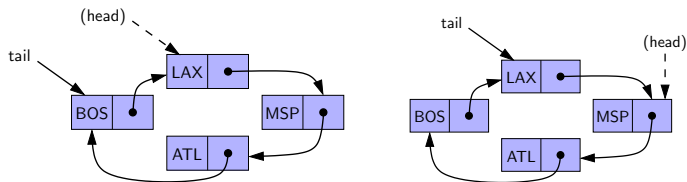
- Trata-se de uma lista encadeada com ordenação cíclica.
- Exemplos de uso:
 - Jogadores de cartas.
 - Escalonamento de processos.
- “Último” elemento aponta para o “primeiro”.



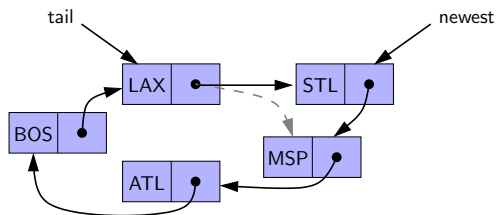
Novidades:

- Não é necessária a referência para head (`tail.getNext()`).
- Novo método `rotate`, que atualiza a referência `tail`.

Método rotate:



Método addFirst:



Método addLast:

- Chama o método addFirst e atualiza a referência tail.

Método removeFirst:

- Basta atualizar a referência next do elemento tail.

Implementação

```
1 public class CircularlyLinkedList<E> {
2
3     //Definição da classe interna Node
4
5     private Node<E> tail = null;
6     private int size = 0;
7
8     public int size() { return size; }
9     public boolean isEmpty() { return size == 0; }
10
11     public E first() {
12         if (isEmpty()) return null;
13         return tail.getNext().getElement();
14     }
15
16     public E last() {
17         if (isEmpty()) return null;
18         return tail.getElement();
19     }
20
21     public void rotate() {
22         if (tail != null)
23             tail = tail.getNext();
24     }
25
26     public void addFirst(E e) {
27         if (size == 0) {
28             tail = new Node<>(e, null);
29             tail.setNext(tail);
30         } else {
31             Node<E> newest = new Node<>(e, tail.getNext());
32             tail.setNext(newest);
33         }
34         size++;
35     }
36 }
```



```
37 public void addLast(E e) {
38     addFirst(e);
39     tail = tail.getNext();
40 }
41
42 public E removeFirst() {
43     if (isEmpty()) return null;
44     Node<E> head = tail.getNext();
45     if (head == tail) tail = null;
46     else tail.setNext(head.getNext());
47     size--;
48     return head.getElement();
49 }
50
51 public String toString() {
52     if (tail == null) return "()";
53     StringBuilder sb = new StringBuilder("(");
54     Node<E> walk = tail;
55     do {
56         walk = walk.getNext();
57         sb.append(walk.getElement());
58         if (walk != tail)
59             sb.append(", ");
60     } while (walk != tail);
61     sb.append(")");
62     return sb.toString();
63 }
64 }
```

Exercícios:

1. Implemente uma lista encadeada circular e use a estrutura para armazenar os dados dos jogos da Copa do Mundo 2018 (equipes, local e horário). Crie métodos para inserção, remoção, consulta e listagem de jogos.

Listas duplamente encadeadas

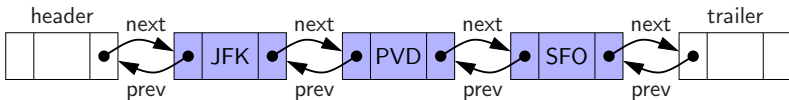
Problemas do encadeamento simples:

- Deletar o último nodo. ← como acessar o penúltimo elemento?
- Deletar nodo tendo apenas sua referência?

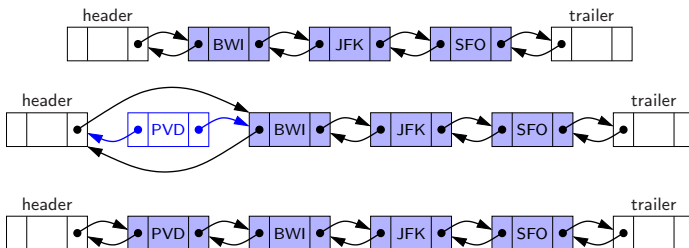
Lista duplamente encadeada: cada nodo mantém a referência do *anterior* (prev) e do *próximo* (next) nodos.

Sentinelas:

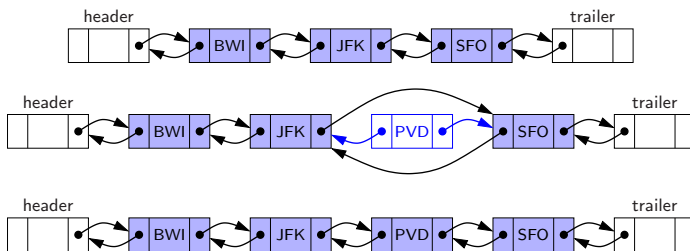
- Nodos “vazios” usados para o início (header) e fim (trailer) da lista.
- Facilidade: certeza de que cada elemento possui dois vizinhos.



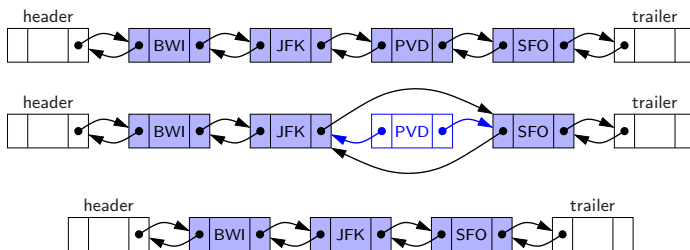
Inserção de elemento no início



Inserção arbitrária de elemento



Remoção de elemento



Implementação

```
1 public class DoublyLinkedList<E> {
2
3     private static class Node<E> {
4         private E element;
5         private Node<E> prev;
6         private Node<E> next;
7
8         public Node(E e, Node<E> p, Node<E> n) {
9             element = e;
10            prev = p;
11            next = n;
```

```
12     }
13
14     public E getElement() { return element; }
15     public Node<E> getPrev() { return prev; }
16     public Node<E> getNext() { return next; }
17
18     public void setPrev(Node<E> p) { prev = p; }
19     public void setNext(Node<E> n) { next = n; }
20 }
21
22 private Node<E> header;
23 private Node<E> trailer;
24 private int size = 0;
25
26 public DoublyLinkedList() {
27     header = new Node<>(null, null, null);
28     trailer = new Node<>(null, header, null);
29     header.setNext(trailer);
30 }
31
32 public int size() { return size; }
33 public boolean isEmpty() { return size == 0; }
34
35 public E first() {
36     if (isEmpty()) return null;
37     return header.getNext().getElement();
38 }
39
40 public E last() {
41     if (isEmpty()) return null;
42     return trailer.getPrev().getElement();
43 }
44
45 public void addFirst(E e) {
46     addBetween(e, header, header.getNext());
47 }
48
49 public void addLast(E e) {
```

```
50     addBetween(e, trailer.getPrev(), trailer);
51 }
52
53 public E removeFirst() {
54     if (isEmpty()) return null;
55     return remove(header.getNext());
56 }
57
58 public E removeLast() {
59     if (isEmpty()) return null;
60     return remove(trailer.getPrev());
61 }
62
63 private void addBetween(E e, Node<E> pred, Node<E> succ) {
64     Node<E> newest = new Node<>(e, pred, succ);
65     pred.setNext(newest);
66     succ.setPrev(newest);
67     size++;
68 }
69
70 private E remove(Node<E> node) {
71     Node<E> predecessor = node.getPrev();
72     Node<E> successor = node.getNext();
73     predecessor.setNext(successor);
74     successor.setPrev(predecessor);
75     size--;
76     return node.getElement();
77 }
78
79 public String toString() {
80     StringBuilder sb = new StringBuilder("(");
81     Node<E> walk = header.getNext();
82     while (walk != trailer) {
83         sb.append(walk.getElement());
84         walk = walk.getNext();
85         if (walk != trailer)
86             sb.append(", ");
87     }
```

```
88     sb.append(" ");
89     return sb.toString();
90 }
91 }
```

Exercícios:

1. Implemente uma lista duplamente encadeada e use a estrutura para armazenar os dados dos pratos de um restaurante (nome e valor). Crie métodos para inserção, remoção, consulta e listagem de pratos.

Comparando estruturas de dados

Ideia geral:

- Comparação de objetos compara os ponteiros (espaço de memória).
- Sobrescrever o método equals, comparando os elementos.
- Cuidados: referência nula, classes distintas, tamanho da lista.

Implementação:

```
1  public boolean equals(Object o) {
2      if (o == null) return false;
3      if (getClass() != o.getClass()) return false;
4      SinglyLinkedList other = (SinglyLinkedList) o;
5      if (size != other.size) return false;
6      Node walkA = head;
7      Node walkB = other.head;
8      while (walkA != null) {
9          if (!walkA.getElement().equals(walkB.getElement()))
10             return false;
11         walkA = walkA.getNext();
12         walkB = walkB.getNext();
13     }
14     return true;
}
```

```
15 }
```

Clonando estruturas de dados

Importante: na tentativa de copiar um objeto em Java, a cópia aponta para a mesma posição em memória (referência).

- Solução: implementar a cópia no método `clone`.

A estrutura de dados deve implementar a interface `Cloneable`:

```
1 public class SinglyLinkedList<E> implements Cloneable {
```

O método `clone` deve ser sobrescrito:

- O programador decide o que manter a referência e o que copiar.

```
1 public SinglyLinkedList<E> clone()
2     throws CloneNotSupportedException {
3
4     SinglyLinkedList<E> other = (SinglyLinkedList<E>) super.clone();
5     if (size > 0) {
6         other.head = new Node<>(head.getElement(), null);
7         Node<E> walk = head.getNext();
8         Node<E> otherTail = other.head;
9         while (walk != null) {
10             Node<E> newest = new Node<>(walk.getElement(), null);
11             otherTail.setNext(newest);
12             otherTail = newest;
13             walk = walk.getNext();
14         }
15     }
16     return other;
17 }
```

Atividades

1. Leia sobre as estratégias de geração de números aleatórios detalhadas em [Goodrich and Tamassia \[2013\]](#).
2. Faça os seguintes exercícios de reforço de [Goodrich et al. \[2014\]](#).
 - R-3.5: O método `removeFirst` da classe `SinglyLinkedList` inclui um caso especial para redefinir o campo `tail` para `null` na remoção do último elemento da lista. Quais são as consequências de remover essas linhas de código? Explique por que a classe não funcionaria com esta modificação.
 - R-3.6: Proponha um algoritmo para encontrar o penúltimo nodo em uma lista simplesmente encadeada na qual o último nodo possui uma referência nula no campo `next`.
 - R-3.7: Considere o método `addFirst` da classe `CircularlyLinkedList`. O corpo do `else` depende de uma variável local `newest`. Projete um novo código para esta cláusula sem o uso de nenhuma variável local.
 - R-3.8: Descreva um método para encontrar o nodo central de uma lista duplamente encadeada com nodos sentinelas, sem o uso de informações sobre o tamanho da lista. No caso de um número par de nodos, o método deve devolver o nodo à esquerda do ponto central. Qual a complexidade deste algoritmo?
 - R-3.9: Forneça uma implementação para o método `size()` da classe `SinglyLinkedList`, considerando que a mesma não mantenha o tamanho armazenado em uma variável.
 - R-3.10: Forneça uma implementação para o método `size()` da classe `CircularlyLinkedList`, considerando que a mesma não mantenha o tamanho armazenado em uma variável.

- R-3.11: Forneça uma implementação para o método `size()` da classe `DoublyLinkedList`, considerando que a mesma não mantenha o tamanho armazenado em uma variável.
- R-3.15: Implemente o método `equals()` para a classe `CircularlyLinkedList`, assumindo que duas listas são iguais se elas possuem a mesma sequência de elementos, com os elementos correspondentes no início da lista.
- R-3.16: Implemente o método `equals()` para a classe `DoublyLinkedList`.
3. Faça os seguintes exercícios de criatividade de [Goodrich et al. \[2014\]](#).
- C-3.25: Descreva um algoritmo para concatenar duas listas simplesmente encadeadas L e M , em uma lista única L' que contém todos os nodos de L seguido de todos os nodos de M .
- C-3.26: Descreva um algoritmo para concatenar duas listas duplamente encadeadas L e M com sentinelas, em uma lista única L' .
- C-3.27: Descreva em detalhes como trocar dois nodos x e y de posição (não apenas seu conteúdo) em uma lista simplesmente encadeada L , dadas as referências para x e y somente. Repita este exercício para o caso em que L é uma lista duplamente encadeada. Qual algoritmo possui maior complexidade?
- C-3.28: Descreva em detalhes um algoritmo para reverter uma lista simplesmente encadeada L usando somente uma quantidade constante de espaço adicional.
- C-3.31: Nossa implementação de uma lista duplamente encadeada depende de dois nodos sentinelas, `header` e `trailer`, mas um único nodo sentinela para ambos início e fim seria suficiente. Reimplemente a classe `DoublyLinkedList` usando apenas um nodo sentinela.

Referências

- Goodrich, M. T. and Tamassia, R. (2013). *Estruturas de Dados & Algoritmos em Java*. Bookman Editora, 5th edition.
- Goodrich, M. T., Tamassia, R., and Goldwasser, M. H. (2014). *Data structures and algorithms in Java*. John Wiley & Sons, 6th edition.
- Pereira, S. d. L. (2008). *Estruturas de dados fundamentais: Conceitos e aplicações*.
- Preiss, B. R. (2001). *Estruturas de dados e algoritmos: padrões de projetos orientados a objetos com Java*. Campus.