# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГООБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

## «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского» (ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

на тему:

# «АНАЛИТИЧЕСКИЕ ПРЕОБРАЗОВАНИЯ ПОЛИНОМОВ ОТ НЕСКОЛЬКИХ ПЕРЕМЕННЫХ (СПИСКИ)»

| Выполнил: студе                     | нт группы          |  |  |
|-------------------------------------|--------------------|--|--|
| 3822Б1ФИ1                           |                    |  |  |
|                                     | / Созонов И.С. /   |  |  |
| Подпись                             |                    |  |  |
| Проверил: к.т.н., доцент каф. ВВиСП |                    |  |  |
|                                     | / Кустикова В.Д. / |  |  |
| Подпись                             |                    |  |  |

## Содержание

| B   | ведени  | <u>a</u>   | 3  |
|---|---------|--|----|
| 1   | Пос     | тановка задачи   | 4  |
| 2   | Рук     | оводство пользователя                                    | 5  |
|   | 2.1     | Приложение для демонстрации работы списков               | 5  |
|   | 2.2     | Приложение для демонстрации работы полиномов             | 9  |
| 3   | Рук     | оводство программиста                                    | 11 |
|   | 3.1     | Использованные алгоритмы                                 | 11 |
|   | 3.1.    | Линейные односвязные списки                              | 11 |
|   | 3.1.2   | 2 Линейные односвязные кольцевые списки с головным узлом | 14 |
|   | 3.1.3   | З Полиномы   | 16 |
|   | 3.2     | Описание классов   | 20 |
|   | 3.2.    | Схема наследования классов                               | 20 |
|   | 3.2.2   | 2 Структура TNode  | 20 |
|   | 3.2.3   | 3 Класс TList  | 21 |
|   | 3.2.4   | 4 Класс THeadRingList                                    | 24 |
|   | 3.2.5   | 5 Класс TMonom   | 26 |
|   | 3.2.0   | 5 Класс TPolynom   | 28 |
| За  | ключе   | ние  | 31 |
| Лі  | итерату | /pa  | 32 |
| Пј  | риложе  | ения   | 33 |
|   | Прило   | жение А. Реализация структуры TNode                      | 33 |
|   | Прило   | жение Б. Реализация класса TList                         | 33 |
| Приложение В. Реализация класса THeadRingList |         |  | 36 |
| Приложение Г. Реализация класса TMonom        |         |  |    |
|   | Прило   | жение Д. Реализация класса TPolynom                      | 37 |

## Введение

Наряду с привычным вычислительным применением компьютеры широко используются и для аналитической обработки данных. Среди примеров таких приложений – компьютерное доказательство теорем, логический вывод, анализ текстовой информации и многое другое. Среди таких примеров и задача обработки полиномов, задаваемых в общей аналитической форме. Полиномы являются хорошо изученной областью математики (алгебра полиномов), которая широко используется в приложениях (аппроксимация экспериментальных данных, построение функциональных зависимостей и т.п.).

Лабораторная работа направлена на изучение методов компьютерной обработки полиномов. С этой целью в лабораторной работе изучаются различные варианты структуры хранения и разрабатываются программы для обработки полиномов. Основной учебной целью работы является практическое освоение методов организации структур хранения данных с помощью списков. В ходе выполнения лабораторной работы разрабатывается общая форма представления линейных списков, разрабатываются программы работы со списками, которые могут быть использованы и в других областях приложений.

## 1 Постановка задачи

Цель – реализовать классы для представления линейных односвязных списков и обработки полиномов.

#### Задачи:

- 1. Разработать шаблонную структуру TNode для работы с узлами списка.
- 2. На основании структуры узла реализовать шаблонный класс ТList для работы с линейными односвязными списками, который должен поддерживать следующие основные операции: поиск узла с заданным значением, вставка узла с заданным значением в конец списка, вставка узла с заданным значением в конец списка, вставка узла с заданным значением после определенного узла списка, вставка узла с заданным значением после определенного узла списка, удаление узла списка с заданным значением, очистка списка. Также следует добавить специфические операции: проверка на полноту списка, проверка на пустоту списка, проверка, достигли ли конца списка. Навигационные методы: получение текущего узла списка, переход к следующему узлу списка, переход в начало списка.
- 3. Дополнительно создать шаблонный класс THeadRingList (наследник класса TList) для работы с односвязными кольцевыми списками.
- 4. Разработать класс TMonom (параметр шаблонного класса THeadRingLis) для работы с мономами полинома. Перегрузить операторы сравнения мономов.
- 5. Разработать класс TPolynom на основе линейного односвязного кольцевого списка мономов. Написать следующие операции для работы с полиномами: сложение полиномов, вычитание полиномов, умножение полиномов, вычисление значения полинома в заданной точке, дифференцирование полинома по переменной «х», дифференцирование полинома по переменной «у», дифференцирование полинома по переменной «z».

## 2 Руководство пользователя

## 2.1 Приложение для демонстрации работы списков

1. Запустить sample\_tlist.exe. В результате появится окно для ввода количества элементов, которые необходимо поместить в список (рис. 1).

C:\Users\ilush\OneDrive\Pабочий стол\mp2-practice\SozonovIS\04\_lab\sln\bin>sample\_tlist.exe Enter the number of list elements:

Рис. 1. Основное окно приложения

2. Ввести количество элементов. В результате появится окно для ввода элементов, которые необходимо поместить в список (Рис. 2).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Paбочий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: |
```

Рис. 2. Ввод количества элементов

3. Ввести элементы. В результате будет выполнена проверка списка на пустоту и появится окно для ввода элемента, который нужно вставить в начало списка (Рис. 3).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Paбочий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: 1 2 3 4 5
Is list empty? 0
Enter element to insert at the beginning:
```

Рис. 3. Ввод элементов списка

4. Ввести элемент. В результате будет выведен список со вставленным элементом и появится окно для ввода элемента, который нужно вставить в конец списка (Рис. 4).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6oчий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: 1 2 3 4 5

Is list empty? 0

Enter element to insert at the beginning: 0
0 1 2 3 4 5

Enter element to insert at the end: |
```

Рис. 4. Ввод элемента, который нужно вставить в начало списка

5. Ввести элемент. В результате будет выведен список со вставленным элементом и появится окно для ввода элемента, перед которым нужно вставить элемент в список (Рис. 5).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Paбочий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: 1 2 3 4 5

Is list empty? 0

Enter element to insert at the beginning: 0
0 1 2 3 4 5

Enter element to insert at the end: 6
0 1 2 3 4 5 6

Enter element to insert before: |
```

Рис. 5. Ввод элемента, который нужно вставить в конец списка

6. Ввести элемент. В результате появится окно для ввода элемента, который нужно вставить в список (Рис. 6).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Paбочий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: 1 2 3 4 5

Is list empty? 0

Enter element to insert at the beginning: 0
0 1 2 3 4 5

Enter element to insert at the end: 6
0 1 2 3 4 5 6

Enter element to insert before: 3
Enter element to insert: |
```

Рис. 6. Ввод элемента, перед которым нужно вставить элемент в список

7. Ввести элемент. В результате будет выведен список со вставленным элементом и появится окно для ввода элемента, после которого нужно вставить элемент в список (Рис. 7).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6oчий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: 1 2 3 4 5

Is list empty? 0

Enter element to insert at the beginning: 0
0 1 2 3 4 5

Enter element to insert at the end: 6
0 1 2 3 4 5 6

Enter element to insert before: 3
Enter element to insert: 7
0 1 2 7 3 4 5 6

Enter element insert after: |
```

Рис. 7. Ввод элемента, который нужно вставить в список

8. Ввести элемент. В результате появится окно для ввода элемента, который нужно вставить в список (Рис. 8).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Paбочий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: 1 2 3 4 5

Is list empty? 0

Enter element to insert at the beginning: 0
0 1 2 3 4 5

Enter element to insert at the end: 6
0 1 2 3 4 5 6

Enter element to insert before: 3
Enter element to insert: 7
0 1 2 7 3 4 5 6

Enter element insert after: 4
Enter element to insert: |
```

Рис. 8. Ввод элемента, после которого нужно вставить элемент в список

9. Ввести элемент. В результате будет выведен список со вставленным элементом и появится окно для ввода элемента, который нужно удалить из списка (Рис. 9).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6oчий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: 1 2 3 4 5

Is list empty? 0

Enter element to insert at the beginning: 0
0 1 2 3 4 5

Enter element to insert at the end: 6
0 1 2 3 4 5 6

Enter element to insert before: 3
Enter element to insert: 7
0 1 2 7 3 4 5 6

Enter element insert after: 4
Enter element to insert: 11
0 1 2 7 3 4 11 5 6

Enter element to remove: |
```

Рис. 9. Ввод элемента, который нужно вставить в список

10. Ввести элемент. В результате будет выведен список с удаленным элементом (Рис. 10).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6очий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tlist.exe
Enter the number of list elements: 5
Enter list items: 1 2 3 4 5

Is list empty? 0

Enter element to insert at the beginning: 0
0 1 2 3 4 5

Enter element to insert at the end: 6
0 1 2 3 4 5 6

Enter element to insert before: 3
Enter element to insert: 7
0 1 2 7 3 4 5 6

Enter element insert: 4
Enter element to insert: 11
0 1 2 7 3 4 11 5 6

Enter element to remove: 2
0 1 7 3 4 11 5 6

C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6очий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>
```

Рис. 10. Ввод элемента, который нужно удалить из списка

## 2.2 Приложение для демонстрации работы полиномов

1. Запустить sample\_tpolynom.exe. В результате появится окно для ввода первого полинома (Рис. 11).

C:\Users\ilush\OneDrive\Paбочий стол\mp2-practice\SozonovIS\04\_lab\sln\bin>sample\_tpolynom.exe Enter first polynom p1 = |

Рис. 11. Основное окно приложения

2. Ввести первый полином. В результате появится окно для ввода второго полинома (Рис. 12).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Paбочий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tpolynom.exe
Enter first polynom p1 = 6*x^2*z^3-3.1*x^3*y^2*z
Enter second polynom p2 = |
```

Рис. 12. Ввод первого полинома

3. Ввести второй полином. В результате появится окно для ввода значения переменной x (Рис. 13).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6очий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tpolynom.exe Enter first polynom p1 = 6*x^2*z^3-3.1*x^3*y^2*z

Enter second polynom p2 = -16*x^2*z^3+3.5*x^3*y^2*z+x*y

Enter value of x = |
```

Рис. 13. Ввод второго полинома

4. Ввести значение переменной х. В результате появится окно для ввода значения переменной у (Рис. 14).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\PaGoчий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tpolynom.exe Enter first polynom p1 = 6*x^2*z^3-3.1*x^3*y^2*z Enter second polynom p2 = -16*x^2*z^3+3.5*x^3*y^2*z+x*y Enter value of x = 1 Enter value of y = |
```

Рис. 14. Ввод значения переменной х

5. Ввести значение переменной у. В результате появится окно для ввода значения переменной z (Рис. 15).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6oчий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tpolynom.exe Enter first polynom p1 = 6*x^2*z^3-3.1*x^3*y^2*z
Enter second polynom p2 = -16*x^2*z^3+3.5*x^3*y^2*z+x*y
Enter value of x = 1
Enter value of y = 2
Enter value of z = |
```

Рис. 15. Ввод значения переменной у

1. Ввести значение переменной z. В результате будут выведены сумма, разность и произведение полиномов, а также производные первого полинома по переменным x, y, z соответственно (Рис. 16).

```
C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6oчий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>sample_tpolynom.exe Enter first polynom p1 = 6*x^2*z^3-3.1*x^3*y^2*z

Enter second polynom p2 = -16*x^2*z^3+3.5*x^3*y^2*z+x*y

Enter value of x = 1
Enter value of y = 2
Enter value of z = 3

p1 = -3.1*x^3*y^2*z+6*x^2*z^3 = 124.8
p2 = 3.5*x^3*y^2*z-16*x^2*z^3+x*y = -388

p1 + p2 = 0.4*x^3*y^2*z-16*x^2*z^3+x*y = -263.2
p1 - p2 = -6.6*x^3*y^2*z-10*x^2*z^3+x*y = 512.8
p1 * p2 = -10.85*x^6*y^4*z^2+70.6*x^5*y^2*z^4-3.1*x^4*y^3*z-96*x^4*z^6+6*x^3*y*z^3 = -48422.4
dx(p1) = -9.3*x^2*y^2*z+12*x*z^3 = 212.4
dy(p1) = -6.2*x^3*y*z = -37.2
dz(p1) = -3.1*x^3*y^2+18*x^2*z^2 = 149.6

C:\Users\ilush\OneDrive\Pa6oчий стол\mp2-practice\SozonovIS\04_lab\sln\bin>
```

Рис. 16. Ввод значения переменной z

## 3 Руководство программиста

## 3.1 Использованные алгоритмы

#### 3.1.1 Линейные односвязные списки

**Односвязный (линейный) список** – структура хранения, состоящая из узлов, содержащих данные и ссылку на следующий узел списка.



Узел списка называется звеном.

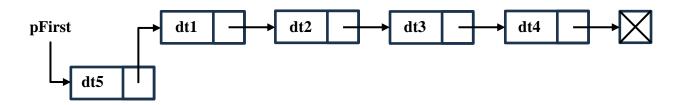
Для работы со списком предлагается реализовать следующие операции:

#### • Поиск узла с заданным значением

Для поиска узла по заданному значению в линейном односвязном списке можно использовать следующий алгоритм:

- 1) Начинаем с первого узла списка.
- 2) Пока не достигнем конца списка или не найдем узел с заданным значением, перемещаемся по списку, просматривая каждый узел.
- 3) Если нашли узел с заданным значением, возвращаем этот узел.
- 4) Если дошли до конца списка и не нашли узел с заданным значением, возвращаем nullptr.

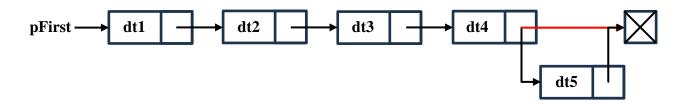
#### • Вставка узла с заданным значением в начало списка



Для вставки элемента в начало линейного односвязного списка можно использовать следующий алгоритм:

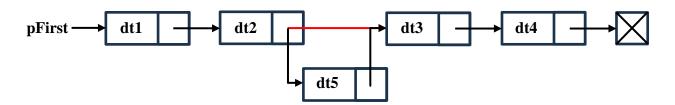
- 1) Создать новый узел с заданным значением.
- 2) Присвоить указателю нового узла указатель на текущий первый элемент списка.
- 3) Обновить указатель на первый элемент списка так, чтобы он указывал на новый узел.

• Вставка узла с заданным значением в конец списка



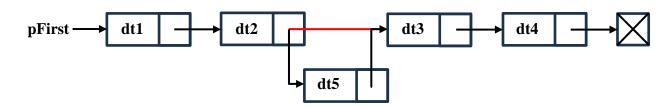
Для вставки элемента в конец линейного односвязного списка нужно выполнить следующие шаги:

- 1) Создать новый узел с заданным значением.
- 2) Пройти по всем элементам списка, начиная с головного элемента, до тех пор, пока не найдем последний элемент.
- 3) Установить указатель последнего элемента на новый узел.
- 4) Установить указатель нового узла на 'NULL', чтобы он стал последним элементом списка.
- Вставка узла с заданным значением до определенного узла списка



Для вставки элемента до определенного элемента в линейном односвязном списке, нужно выполнить следующие шаги:

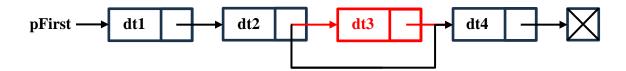
- 1) Найти указатель на элемент, до которого нужно вставить новый элемент.
- 2) Создать новый узел с данными, которые нужно добавить в список.
- 3) Установить указатель предыдущего элемента на новый узел.
- 4) Установить указатель нового узла на найденный элемент.
- Вставка узла с заданным значением после определенного узла списка



Для вставки нового элемента после определенного элемента в линейном односвязном списке необходимо выполнить следующие шаги:

- 5) Найти указатель на элемент, после которого нужно вставить новый элемент.
- 6) Создать новый узел с данными, которые нужно добавить в список.
- 7) Установить указатель нового узла на следующий элемент после найденного.
- 8) Установить указатель найденного элемента на новый узел.

#### • Удаление узла списка с заданным значением из списка



Для удаления узла из линейного односвязного списка необходимо выполнить следующие шаги:

- 1) Найти узел, который необходимо удалить.
- 2) Изменить указатель предыдущего узла так, чтобы он указывал на следующий узел после удаляемого узла.
- 3) Освободить память, занимаемую удаляемым узлом.

#### • Очистка списка

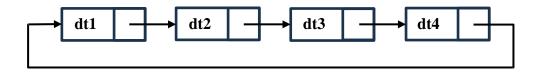
Для очистки линейного односвязного списка необходимо пройти по всем узлам списка и освободить память, занимаемую каждым узлом. Это можно сделать следующим образом:

- 1) Начать с первого узла списка.
- 2) Пока не достигнут конец списка:
- Сохранить ссылку на следующий узел.
- Освободить память, занимаемую текущим узлом.
- Перейти к следующему узлу (используя сохраненную ссылку).
- 3) После того как все узлы списка будут удалены, необходимо обнулить указатель на начало списка.

Этот алгоритм обеспечивает освобождение памяти, занимаемой всеми узлами списка, и предотвращает утечку памяти.

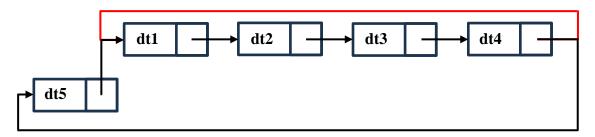
#### 3.1.2 Односвязные кольцевые списки с головным узлом

**Односвязный кольцевой список** — это разновидность линейного односвязного списка, когда первый узел указывает на последний, а последний — на первый.



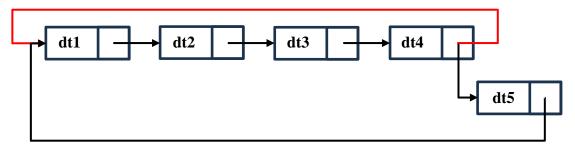
Для работы с кольцевым списком необходимо переопределить следующие операции линейного односвязного списка:

• Вставка узла с заданным значением в начало кольцевого списка



Для вставки элемента в начало кольцевого списка можно использовать следующий алгоритм:

- 1) Создать новый узел с данными, которые нужно добавить в список.
- 2) Если список пустой, то установить указатель на начало списка на только что созданный узел, а затем сделать его указатель на следующий узел равным самому себе (таким образом формируя кольцевую структуру).
- 3) Если список не пустой, то найти последний элемент списка (это можно сделать, например, с помощью цикла, проходя по каждому элементу и проверяя, равен ли указатель на следующий элемент самому первому элементу) и установить его указатель на следующий элемент равным только что созданному узлу.
- 4) Установить указатель на начало списка на только что созданный узел.
- Вставка узла с заданным значением в конец кольцевого списка

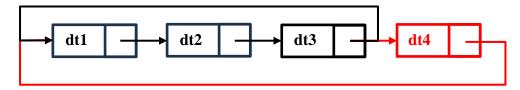


14

Для вставки элемента в конец кольцевого односвязного списка необходимо выполнить следующие шаги:

- 1) Создать новый узел, содержащий вставляемый элемент.
- 2) Если список пустой, то новый узел будет и сам список. Установить ссылку нового узла на самого себя.
- 3) В противном случае:
- 4) Найти последний узел списка (это можно сделать, перебирая узлы и проверяя, что ссылка на следующий узел не равна начальному узлу списка).
- 5) Установить ссылку последнего узла на новый узел.
- 6) Установить ссылку нового узла на начальный узел списка.

#### • Удаление узла списка с заданным значением из кольцевого списка



Для удаления элемента из линейного кольцевого односвязного списка нужно выполнить следующие шаги:

- 1) Найти элемент, который нужно удалить. Обычно это делается путем обхода списка с помощью указателей и сравнения значений элементов.
- 2) Изменить указатели таким образом, чтобы элемент был удален из списка. Для этого необходимо изменить указатель предыдущего элемента на указатель следующего элемента.
- 3) Освободить память, занимаемую удаленным элементом.

#### • Очистка списка

Для очистки линейного кольцевого односвязного списка можно использовать следующий алгоритм:

- 1) Создать два указателя (указатель текущего элемента и указатель предыдущего элемента).
- 2) Начать обход списка, начиная с головного элемента.
- 3) Для каждого элемента списка проверить, не является ли он последним элементом списка (т.е. указывает ли он на головной элемент).

- 4) Если текущий элемент является последним элементом списка, то удалить его, установив указатель предыдущего элемента на NULL.
- 5) Если текущий элемент не является последним элементом списка, то удалить его, изменив указатель предыдущего элемента так, чтобы он указывал на следующий за текущим элементом.
- 6) Перейти к следующему элементу списка и повторить шаги 3-5 до тех пор, пока не будет удален последний элемент списка.
- 7) Очистить память, выделенную для элементов списка.

Таким образом, данный алгоритм позволяет эффективно очистить кольцевой односвязный список, освободив выделенную для него память и предотвратив утечки памяти.

#### 3.1.3 Полиномы

Под полиномом от одной переменной понимается выражение вида:

$$P_n(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$$

или в более общем виде:  $P_n(x) = \sum_{i=0}^n a_i x^i$ , где n – степень полинома;  $a_i$ ,  $0 \le i \le n$  – коэффициенты полинома (действительные или комплексные числа).

Полином можно определить также как выражение из нескольких **термов**, соединенных знаками сложения или вычитания. Терм включает коэффициент и **моном**, содержащий одну или несколько переменных, каждая из которых может иметь **степень** 

$$P(x, y, z) = \sum_{i,j,k} a_{ijk} x^i y^j z^k.$$

Как пример, полином от трех переменных может иметь вид

$$P(X,Y,Z) = 3x^3z - 2y^2z^2 + 3$$

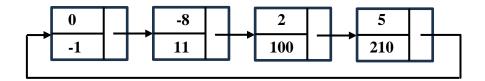
**Подобными** называют два (или более) мономов, имеющих одинаковые степени при неизвестных.

С точки зрения структуры данных, полином можно хранить как линейный односвязный кольцевой список мономов. В таком случае звено полинома (моном) будет иметь следующий вид:



где **coeff** – коэффициент монома, **degree** – свертка степеней монома

Таким образом, например, полином вида  $5x^2y - 8yz + 2x$  будет храниться в виде:



В число основных операций над полиномами входят:

#### • Сложение полиномов

Алгоритм сложения полиномов, хранящихся как кольцевой список мономов, может быть реализован следующим образом:

- 1) Инициализация указателей на начало каждого из полиномов.
- 2) Начало обхода первого полинома. Для каждого монома из первого полинома:
- Если моном с такой же степенью уже присутствует во втором полиноме, то сложить их коэффициенты и сохранить результат.
- Если моном с такой степенью отсутствует во втором полиноме, то добавить его в результирующий полином.
- 3) Продолжить обход второго полинома. Для каждого монома из второго полинома:
- Если моном с такой степенью отсутствует в результирующем полиноме, то добавить его в результирующий полином.

Результатом будет новый полином, являющийся суммой двух исходных полиномов.

#### • Вычитание полиномов

Алгоритм вычитания полиномов, хранящихся как кольцевой список мономов, может быть реализован следующим образом:

- 1) C помощью оператора унарного минуса получаем вычитаемый полином с противоположными знаками.
- 2) Прибавляем к полиному полученный «отрицательный» полином.

Результатом будет новый полином, являющийся разностью двух исходных полиномов.

#### • Произведение полиномов

Для умножения полиномов, хранящихся как кольцевой список мономов, можно использовать следующий алгоритм:

1) Инициализировать указатели на начало каждого из полиномов.

- 2) Создать новый пустой полином, который будет содержать результат умножения исходных полиномов.
- 3) Начать обход первого полинома. Для каждого монома из первого полинома:
- Умножить его на каждый моном из второго полинома.
- Результат умножения добавить в результирующий полином.
- 4) Повторить шаг 3 для всех мономов из первого полинома.

Результатом будет новый полином, являющийся произведением двух исходных полиномов.

#### • Вычисление значения полинома в точке

Для вычисления значения полинома в определенной точке, хранящегося как кольцевой список мономов, можно использовать следующий алгоритм:

- 1) Инициализировать указатель на начало полинома.
- 2) Инициализировать переменную для хранения значения полинома в точке.
- 3) Начать обход кольцевого списка мономов. Для каждого монома:
- Вычислить значение монома в заданной точке, учитывая коэффициент и степень монома.
- Добавить значение монома к общему значению полинома.
- 4) Продолжить обход по кольцевому списку мономов до конца.

Результатом будет значение полинома в заданной точке.

#### • Дифференцирование полинома по переменной х

Для нахождения производной по переменной х полинома, хранящегося как кольцевой список мономов, можно использовать следующий алгоритм:

- 1) Инициализировать указатель на начало полинома.
- 2) Создать новый пустой полином, который будет содержать производную исходного полинома по переменной х.
- 3) Начать обход кольцевого списка мономов. Для каждого монома:
- Вычислить производную монома по переменной х, умножив коэффициент монома на степень переменной х и уменьшив степень на единицу.
- Добавить новый моном (производную) в результирующий полином.
- 4) Продолжить обход по кольцевому списку мономов до конца.

Результатом будет новый полином, являющийся производной исходного полинома по переменной x.

#### • Дифференцирование полинома по переменной у

Для нахождения производной по переменной у полинома, хранящегося как кольцевой список мономов, можно использовать следующий алгоритм:

- 1) Инициализировать указатель на начало полинома.
- 2) Создать новый пустой полином, который будет содержать производную исходного полинома по переменной у.
- 3) Начать обход кольцевого списка мономов. Для каждого монома:
- Вычислить производную монома по переменной у, умножив коэффициент монома на степень переменной у и уменьшив степень на единицу.
- Добавить новый моном (производную) в результирующий полином.
- 4) Продолжить обход по кольцевому списку мономов до конца.

Результатом будет новый полином, являющийся производной исходного полинома по переменной у.

#### • Дифференцирование полинома по переменной z

Для нахождения производной по переменной z полинома, хранящегося как кольцевой список мономов, можно использовать следующий алгоритм:

- 1) Инициализировать указатель на начало полинома.
- 2) Создать новый пустой полином, который будет содержать производную исходного полинома по переменной z.
- 3) Начать обход кольцевого списка мономов. Для каждого монома:
- Вычислить производную монома по переменной z, умножив коэффициент монома на степень переменной z и уменьшив степень на единицу.
- Добавить новый моном (производную) в результирующий полином.
- 4) Продолжить обход по кольцевому списку мономов до конца.

Результатом будет новый полином, являющийся производной исходного полинома по переменной z.

## 3.2 Описание классов

#### 3.2.1 Схема наследования классов

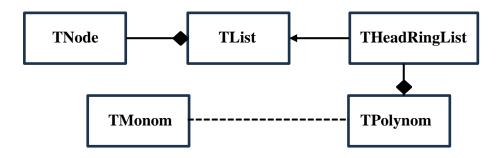


Рис. 17. Схема наследования классов

## 3.2.2 Структура TNode

```
Объявление структуры:
```

```
template <typename ValueType>
struct TNode {
         ValueType data;
         TNode* pNext;
         TNode();
         TNode(const ValueType& d, TNode<ValueType>* Next = nullptr);
};
```

Поля:

data - значение.

**pNext** — указатель на следующий узел.

Конструкторы:

TNode();

Назначение: установка значений полей класса **TNode** по умолчанию.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

TNode(const ValueType& d, TNode<ValueType>\* Next = nullptr);

Назначение: конструктор с параметрами.

Входные данные: **d** — константная ссылка на значение, **Next** — указатель на следующее звено.

#### 3.2.3 Класс TList

Объявление класса: template <typename ValueType> class TList { protected: TNode<ValueType>\* pFirst; TNode<ValueType>\* pLast; TNode<ValueType>\* pCurr; TNode<ValueType>\* pStop; public: TList(): TList(const TList<ValueType>& list); TList(TNode<ValueType>\* pFirst); virtual ~TList(); TNode<ValueType>\* Search(const ValueType& data); TNode<ValueType>\* GetCurrent() const; virtual void InsertFirst(const ValueType& data); virtual void InsertLast(const ValueType& data); void InsertBefore(const ValueType& who, const ValueType& before\_whom); void InsertAfter(const ValueType& who, const ValueType& after whom); virtual void Remove(const ValueType& data); virtual void Clear(); void Next(); void Reset(); void Sort(); virtual bool IsEnded() const; bool IsEmpty() const; bool IsFull() const; friend istream& operator>>(istream& in, TList<ValueType>& list); friend ostream& operator<<(ostream& out, const TList<ValueType>& list); }; Поля: **pFirst** – указатель на первый узел списка. pLast — указатель на последний узел списка. **pCurr** — указатель на текущий узел списка. **pStop** – указатель на конечный узел списка. Конструкторы: TList(); Назначение: установка значений полей класса TList по умолчанию. Входные данные: отсутствуют. Выходные данные: отсутствуют. TList(const TList<ValueType>& list); Назначение: создание копии списка. Входные данные: list – константная ссылка на копируемый список.

#### TList(TNode<ValueType>\* pFirst);

Назначение: создание списка с заданным первым узлом.

Bходные данные: \_pFirst – указатель на первый узел списка.

Выходные данные: отсутствуют.

#### Деструктор:

#### ~TList();

Назначение: освобождение памяти, занимаемой динамическими полями класса Tlist.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

#### Методы:

#### TNode<ValueType>\* Search(const ValueType& data);

Назначение: поиск узла с заданным значением.

Входные данные: data – константная ссылка на заданное значение.

Выходные данные: указатель на узел с заданным значением.

#### TNode<ValueType>\* GetCurrent() const;

Назначение: получение текущего узла списка.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: указатель на текущий узел списка.

#### virtual void InsertFirst(const ValueType& data);

Назначение: вставка узла с заданным значением в начало списка.

Входные данные: data – константная ссылка на заданное значение.

Выходные данные: отсутствуют.

#### virtual void InsertLast(const ValueType& data);

Назначение: вставка узла с заданным значением в конец списка.

Входные данные: data – константная ссылка на заданное значение.

Выходные данные: отсутствуют.

#### void InsertBefore(const ValueType& who, const ValueType& before\_whom);

Назначение: вставка узла с заданным значением до определенного узла списка.

Входные данные: who — константная ссылка на значение вставляемого узла, before whom — константная ссылка на значение узла, до которого вставляем.

#### void InsertAfter(const ValueType& who, const ValueType& after whom);

Назначение: вставка узла с заданным значением после определенного узла списка.

Входные данные: who — константная ссылка на значение вставляемого узла, after whom — константная ссылка на значение узла, после которого вставляем.

Выходные данные: отсутствуют.

#### virtual void Remove(const ValueType& data);

Назначение: удаление узла списка с заданным значением.

Входные данные: data – константная ссылка на заданное значение.

Выходные данные: отсутствуют.

#### virtual void Clear();

Назначение: очистка списка.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

#### void Next();

Назначение: переход к следующему узлу списка.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

#### void Reset();

Назначение: переход в начало списка.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

#### void Sort();

Назначение: упорядочивание списка.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

#### virtual bool IsEnded() const;

Назначение: проверка, достигли ли конца списка.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: результат проверки (true – достигли, false – не достигли).

```
bool IsEmpty() const;
```

Назначение: проверка, является ли список пустым.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: результат проверки (true – пустой, false – не пустой).

```
bool IsFull() const;
```

Назначение: проверка, является ли список полным.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: результат проверки (true – полный, false – не полный).

```
friend istream& operator>>(istream& in, TList<ValueType>& list);
```

Назначение: ввод списка.

Входные данные: in – ссылка на стандартный поток ввода, list – ссылка на вводимый список.

Выходные данные: ссылка на поток ввода.

```
friend ostream& operator<<(ostream& out, const TList<ValueType>& list);
```

Назначение: вывод списка.

Входные данные: out – ссылка на стандартный поток вывода, list – константная ссылка на выводимый список.

Выходные данные: ссылка на поток вывода.

#### 3.2.4 Класс THeadRingList

Объявление класса:

Поля:

**pHead** – указатель на головной узел списка.

#### Конструкторы:

#### THeadRingList();

Hазначение: установка значений полей класса TheadRingList по умолчанию.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

#### THeadRingList(const THeadRingList<ValueType>& ringlist);

Назначение: создание копии кольцевого списка.

Bходные данные: ringlist – константная ссылка на копируемый кольцевой список.

Выходные данные: отсутствуют.

#### Деструктор:

#### ~THeadRingList();

Назначение: освобождение памяти, занимаемой динамическими полями класса THeadRingList.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: отсутствуют.

#### Метолы:

#### void InsertFirst(const ValueType& data);

Назначение: вставка узла с заданным значением в начало кольцевого списка.

Входные данные: data – константная ссылка на заданное значение.

Выходные данные: отсутствуют.

#### void InsertLast(const ValueType& data);

Назначение: вставка узла с заданным значением в конец кольцевого списка.

Входные данные: data – константная ссылка на заданное значение.

Выходные данные: отсутствуют.

#### void Remove(const ValueType& data);

Назначение: удаление узла кольцевого списка с заданным значением.

Входные данные: data – константная ссылка на заданное значение.

```
void Clear();
Назначение: очистка кольцевого списка.
Входные данные: отсутствуют.
Bыходные данные: отсутствуют.
bool IsEnded() const;
Назначение: проверка, достигли ли конца кольцевого списка.
Входные данные: отсутствуют.
Выходные данные: результат проверки (true – достигли, false – не достигли).
```

#### 3.2.5 Класс ТМопот

```
Объявление класса:
class TMonom {
public:
      double coeff;
      int degree;
      TMonom(const TMonom& monom);
      TMonom(double coef = 0, int deg = -1);
      bool operator<(const TMonom& monom)const;</pre>
      bool operator<=(const TMonom& monom)const;</pre>
      bool operator>(const TMonom& monom)const;
      bool operator>=(const TMonom& monom)const;
      bool operator==(const TMonom& monom)const;
      bool operator!=(const TMonom& monom)const;
      friend ostream& operator<<(ostream& out, const TMonom& monom);
}
     Попя:
     coeff – коэффициент монома.
     degree – свертка степеней монома.
     Конструкторы:
     TMonom(const TMonom& monom);
     Назначение: создание копии монома.
     Входные данные: monom – константная ссылка на копируемый моном.
     Выходные данные: отсутствуют.
     TMonom(double coef = 0, int deg = -1);
     Назначение: инициализация полей класса тмопот.
     Входные данные: coef – коэффициент монома, deg – свертка степеней монома.
     Выходные данные: отсутствуют.
```

Методы:

bool operator<(const TMonom& monom)const;</pre>

Назначение: сравнение мономов.

Входные данные: monom – константная ссылка на сравниваемый моном.

Выходные данные: результат сравнения (true — моном меньше monom, false — в противном случае).

bool operator<=(const TMonom& monom)const;</pre>

Назначение: сравнение мономов.

Входные данные: monom — константная ссылка на сравниваемый моном.

Выходные данные: результат сравнения (true — моном меньше или равен monom, false — в противном случае).

bool operator>(const TMonom& monom)const;

Назначение: сравнение мономов.

Входные данные: monom – константная ссылка на сравниваемый моном.

Выходные данные: результат сравнения (true — моном больше monom, false — в противном случае).

bool operator>=(const TMonom& monom)const;

Назначение: сравнение мономов.

Входные данные: monom – константная ссылка на сравниваемый моном.

Выходные данные: результат сравнения (true — моном больше или равен monom, false — в противном случае).

bool operator==(const TMonom& monom)const;

Назначение: сравнение мономов.

Входные данные: monom — константная ссылка на сравниваемый моном.

Выходные данные: результат сравнения (true — моном равен monom, false — в противном случае).

bool operator!=(const TMonom& monom)const;

Назначение: сравнение мономов.

Входные данные: monom – константная ссылка на сравниваемый моном.

Выходные данные: результат сравнения (true — моном не равен monom, false — в противном случае).

friend ostream& operator<<(ostream& out, const TMonom& monom);</pre>

Назначение: вывод монома.

Входные данные: out – ссылка на стандартный поток вывода, monom – константная ссылка на выводимый моном.

Выходные данные: ссылка на поток вывода.

#### 3.2.6 Класс TPolynom

```
Объявление класса:
class TPolynom {
private:
      THeadRingList<TMonom> monoms;
      string expr;
      void Check(const string& expr);
      void Parse(const string& expr);
      void Cancellation();
public:
      TPolynom();
      TPolynom(const string& expr);
      TPolynom(const THeadRingList<TMonom>& monomlist);
      TPolynom(const TPolynom& polynom);
      const TPolynom& operator=(const TPolynom& polynom);
      bool operator==(const TPolynom& polynom)const;
      TPolynom operator+(const TPolynom& polynom);
      TPolynom operator-()const;
      TPolynom operator-(const TPolynom& polynom);
      TPolynom operator*(const TPolynom& polynom);
      double operator()(double x, double y, double z)const;
      TPolynom dx()const;
      TPolynom dy()const;
      TPolynom dz()const;
      friend ostream& operator<<(ostream& out, TPolynom& polynom);</pre>
     Поля:
     monoms — кольцевой линейный односвязный список мономов.
     ехрт – строка с полиномом.
     Конструкторы:
     TPolynom();
     Назначение: установка значений полей класса трозумом по умолчанию.
     Входные данные: отсутствуют.
     Выходные данные: отсутствуют.
     TPolynom(const string& expr);
     Назначение: формирование объекта класса тројупом с указанным выражением.
     Входные данные: expr – константная ссылка на строку с полиномом.
```

Выходные данные: отсутствуют.

#### TPolynom(const THeadRingList<TMonom>& monomlist);

Назначение: формирование объекта класса **троlynom** на основе кольцевого списка мономов.

Bходные данные: monomlist — константная ссылка на кольцевой список мономов.

Выходные данные: отсутствуют.

#### TPolynom(const TPolynom& polynom);

Назначение: создание копии полинома.

Входные данные: polynom – константная ссылка на копируемый полином.

Выходные данные: отсутствуют.

#### Методы:

#### const TPolynom& operator=(const TPolynom& polynom);

Назначение: присваивание полинома.

Входные данные: розумом – константная ссылка на присваиваемый полином.

Выходные данные: ссылка на поток вывода.

#### bool operator==(const TPolynom& polynom)const;

Назначение: проверка полиномов на равенство.

Входные данные: розумом – константная ссылка на сравниваемый полином.

Выходные данные: результат сравнения (true – полиномы равны, false – полиномы не равны).

#### TPolynom operator+(const TPolynom& polynom);

Назначение: сложение полиномов.

Входные данные: розумом — константная ссылка на прибавляемый полином.

Выходные данные: сумма полиномов.

#### TPolynom operator-()const;

Назначение: унарный минус.

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: полином с противоположными знаками.

#### TPolynom operator-(const TPolynom& polynom);

Назначение: вычитание полиномов.

Входные данные: розумом – константная ссылка на вычитаемый полином.

Выходные данные: разность полиномов.

#### TPolynom operator\*(const TPolynom& polynom);

Назначение: умножение полиномов.

Входные данные: розумом – константная ссылка на умножаемый полином.

Выходные данные: произведение полиномов.

#### double operator()(double x, double y, double z)const;

Назначение: вычисление значения полинома в заданной точке.

Входные данные: х, у, z – координаты точки.

Выходные данные: значение полинома в точке.

#### TPolynom dx()const;

Назначение: дифференцирование полинома по переменной «х».

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: первая производная полинома по переменной «х».

#### TPolynom dy()const;

Назначение: дифференцирование полинома по переменной «у».

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: первая производная полинома по переменной «у».

#### TPolynom dz()const;

Назначение: дифференцирование полинома по переменной «z».

Входные данные: отсутствуют.

Выходные данные: первая производная полинома по переменной «z».

#### friend ostream& operator<<(ostream& out, TPolynom& polynom);</pre>

Назначение: вывод полинома.

Входные данные: out – ссылка на стандартный поток вывода, polynom – константная ссылка на выводимый полином.

Выходные данные: ссылка на поток вывода.

## Заключение

В ходе лабораторной работы были изучены основные термины и понятия, связанные со списками, а также наиболее эффективные способы их представления (хранения). Были изучены понятия о полиномах.

На основе подготовленной теоретической базы, были реализованы классы для представления списков TList и работы с полиномами TPolynom со всеми необходимыми операциями. Для проверки работоспособности и эффективности реализации перечисленных выше классов были написаны приложения sample\_tlist и sample\_tpolynom, а также модульные тесты.

## Литература

- 1. Барышева И.В. Учебно-методическое пособие. Нижний Новгород: Нижегородский госуниверситет, 2017 – 105 с.
  - 2. Односвязный линейный список [https://prog-cpp.ru/data-ols/]
  - 3. Кольцевой односвязный список [https://metanit.com/sharp/algoritm/2.7.php]

## Приложения

## Приложение A. Реализация структуры TNode

```
template <typename ValueType>
TNode<ValueType>::TNode() {
          data = {};
          pNext = nullptr;
}
template <typename ValueType>
TNode<ValueType>::TNode(const ValueType& d, TNode<ValueType>* Next) {
          data = d;
          pNext = Next;
}
```

## Приложение Б. Реализация класса TList

```
template <typename ValueType>
TList<ValueType>::TList() {
      pFirst = nullptr;
      pLast = nullptr;
      pCurr = nullptr;
      pStop = nullptr;
}
template <typename ValueType>
TList<ValueType>::TList(const TList<ValueType>& list) {
      if (list.IsEmpty()) {
             pFirst = nullptr;
             pLast = nullptr;
             pCurr = nullptr;
             pStop = nullptr;
             return;
      pFirst = new TNode<ValueType>(list.pFirst->data);
      TNode<ValueType>* tmp = pFirst;
      TNode<ValueType>* ltmp = list.pFirst->pNext;
      while (ltmp != list.pStop) {
             tmp->pNext = new TNode<ValueType>(ltmp->data);
             tmp = tmp->pNext;
             ltmp = ltmp->pNext;
      pLast = tmp;
      pCurr = pFirst;
      pStop = nullptr;
}
template <typename ValueType>
TList<ValueType>::TList(TNode<ValueType>* pNode) {
      pFirst = pNode;
      TNode<ValueType>* tmp = pNode;
      while (tmp->pNext != nullptr)
             tmp = tmp->pNext;
      pLast = tmp;
      pCurr = pFirst;
      pStop = nullptr;
}
template <typename ValueType>
TList<ValueType>::~TList() {
      Clear();
template <typename ValueType>
TNode<ValueType>* TList<ValueType>::Search(const ValueType& data) {
      TNode<ValueType>* curr = pFirst;
```

```
while (curr->pNext != pStop && curr->data != data) {
             curr = curr->pNext;
       if (curr->pNext == pStop && curr->data != data)
             return nullptr;
       return curr;
}
template <typename ValueType>
TNode<ValueType>* TList<ValueType>::GetCurrent() const {
      return pCurr;
template <typename ValueType>
void TList<ValueType>::InsertFirst(const ValueType& data) {
      TNode<ValueType>* new first = new TNode<ValueType>(data, pFirst);
      pFirst = new_first;
      if (pLast == nullptr) {
             pLast = pFirst;
      pCurr = pFirst;
}
template <typename ValueType>
void TList<ValueType>::InsertLast(const ValueType& data) {
      if (IsEmpty()) {
             InsertFirst(data);
             return;
      TNode<ValueType>* new last = new TNode<ValueType>(data, pStop);
      pLast->pNext = new last;
      pLast = new_last;
      pCurr = new_last;
template <typename ValueType>
void TList<ValueType>::InsertBefore(const ValueType& who, const ValueType&
before_whom) {
      TNode<ValueType>* prev = nullptr;
TNode<ValueType>* curr = pFirst;
      while (curr != pStop && curr->data != before whom) {
             prev = curr;
             curr = curr->pNext;
       if (curr == pStop) {
             throw exception("no such element");
       if (prev == nullptr) {
             InsertFirst(who);
             return;
      TNode<ValueType>* new node = new TNode<ValueType>(who, curr);
      prev->pNext = new_node;
}
template <typename ValueType>
void TList<ValueType>::InsertAfter(const ValueType& who, const ValueType& after whom)
       TNode<ValueType>* pWhere = Search(after whom);
       if (pWhere == nullptr) {
             throw exception("no such element");
      if (pWhere == pLast) {
             InsertLast(who);
             return;
      TNode<ValueType>* new_node = new TNode<ValueType>(who, pWhere->pNext);
      pWhere->pNext = new node;
}
```

```
template <typename ValueType>
void TList<ValueType>::Remove(const ValueType& data) {
      TNode<ValueType>* prev = pStop;
      TNode<ValueType>* curr = pFirst;
      while (curr != pStop && curr->data != data) {
             prev = curr;
             curr = curr->pNext;
      if (curr == pStop) {
             throw exception("no such element");
      if (curr == pFirst) {
             pFirst = pFirst->pNext;
             delete curr;
             return;
      if (curr == pLast) {
             prev->pNext = pStop;
             delete curr;
             return;
      prev->pNext = curr->pNext;
      curr->pNext = nullptr;
      delete curr;
template <typename ValueType>
void TList<ValueType>::Clear() {
      if (pFirst == nullptr)
             return;
      TNode<ValueType>* curr = pFirst;
      TNode<ValueType>* next = pFirst->pNext;
      while (next != pStop) {
             delete curr;
             curr = next;
             next = curr->pNext;
      delete curr;
      pCurr = pStop;
      pFirst = nullptr;
      pLast = nullptr;
template <typename ValueType>
void TList<ValueType>::Next() {
      if (pCurr == pStop)
             throw exception("end of the list");
      pCurr = pCurr->pNext;
}
template <typename ValueType>
void TList< ValueType>::Reset() {
      pCurr = pFirst;
template <typename ValueType>
void TList< ValueType>::Sort() {
      TNode<ValueType>* node1 = pFirst;
      while (node1->pNext != pStop) {
             TNode<ValueType>* node2 = node1->pNext;
             while (node2 != pStop) {
                    if (node1->data < node2->data) {
                          ValueType tmp = node1->data;
                          node1->data = node2->data;
                          node2->data = tmp;
                    node2 = node2->pNext;
             node1 = node1->pNext;
      }
```

```
template <typename ValueType>
bool TList<ValueType>::IsEmpty()const {
    return pFirst == nullptr;
}

template <typename ValueType>
bool TList<ValueType>::IsFull()const {
    TNode<ValueType>* tmp = new TNode<ValueType>();
    if (tmp == nullptr)
        return true;
    delete tmp;
    return false;
}

template <typename ValueType>
bool TList<ValueType>::IsEnded()const {
    return pCurr == pStop;
}
```

## Приложение B. Реализация класса THeadRingList

```
template <typename ValueType>
THeadRingList<ValueType>::THeadRingList() : TList<ValueType>() {
      pHead = new TNode<ValueType>();
      pHead->pNext = pHead;
      pStop = pHead;
}
template <typename ValueType>
THeadRingList<ValueType>::THeadRingList(const THeadRingList<ValueType>& ringlist) :
TList<ValueType>(ringlist) {
      pHead = new TNode<ValueType>();
      pHead->pNext = pFirst;
      if (!ringlist.IsEmpty())
             pLast->pNext = pHead;
      pStop = pHead;
}
template <typename ValueType>
THeadRingList<ValueType>::~THeadRingList() {
      delete pHead;
template <typename ValueType>
void THeadRingList<ValueType>::InsertFirst(const ValueType& data) {
      TList<ValueType>::InsertFirst(data);
      pHead->pNext = pFirst;
      pLast->pNext = pHead;
template <typename ValueType>
void THeadRingList<ValueType>::InsertLast(const ValueType& data) {
      TList<ValueType>::InsertLast(data);
      pLast->pNext = pHead;
      if (pFirst == pLast)
      {
             pHead->pNext = pFirst;
}
template <typename ValueType>
void THeadRingList<ValueType>::Remove(const ValueType& data) {
      TList<ValueType>::Remove(data);
      pHead->pNext = pFirst;
      pLast->pNext = pHead;
template <typename ValueType>
```

```
void THeadRingList<ValueType>::Clear() {
        TList<ValueType>::Clear();
        pHead->pNext = pHead;
}

template <typename TData>
bool THeadRingList<TData>::IsEnded() const {
        if (IsEmpty())
            return true;
        return pCurr == pStop;
}
```

## Приложение Г. Реализация класса ТМопот

```
TMonom::TMonom(const TMonom& monom) {
      coeff = monom.coeff;
      degree = monom.degree;
}
TMonom::TMonom(double coef, int deg) {
      if (deq > 999)
             throw exception("degree out of range");
      coeff = coef;
       degree = deg;
bool TMonom::operator<(const TMonom& monom)const {</pre>
      return degree < monom.degree || degree == monom.degree && coeff < monom.coeff;
bool TMonom::operator<=(const TMonom& monom)const {</pre>
      return degree < monom.degree || degree == monom.degree && coeff < monom.coeff ||
*this == monom;
}
bool TMonom::operator>(const TMonom& monom)const {
      return degree > monom.degree || degree == monom.degree && coeff > monom.coeff;
bool TMonom::operator>=(const TMonom& monom)const {
      return degree > monom.degree || degree == monom.degree && coeff > monom.coeff ||
*this == monom;
}
bool TMonom::operator==(const TMonom& monom)const {
      return degree == monom.degree && coeff == monom.coeff;
bool TMonom::operator!=(const TMonom& monom)const {
      return !(*this == monom);
```

## Приложение Д. Реализация класса TPolynom

```
void TPolynom::Check(const string& expr) {
       string items = "0123456789xyz.*^+-";
      for (int i = 0; i < expr.size(); i++) {</pre>
             if (items.find(expr[i]) == string::npos)
                    throw exception("an expression contains invalid characters");
             if (i != expr.size() && !isdigit(expr[i]) && expr[i] == expr[i + 1])
                    throw exception("an expression contains repetitive operators");
       }
}
void TPolynom::Parse(const string& expr) {
       string str = expr;
      while (!str.empty()) {
             double curr_coeff = -1;
             int curr degree = 0;
             string curr_monom = str.substr(0, str.find_first_of("+-", 1));
             str.erase(0, str.find_first_of("+-", 1));
             string coef = "";
             int i = 0;
             while (i < curr monom.size() && !isalpha(curr monom[i])) {</pre>
                    coef += curr monom[i];
             if (coef == "+" || coef == "")
                    curr coeff = 1;
             else if (coef == "-")
                    curr_coeff = -1;
             else
                    curr_coeff = stod(coef);
             for (i; i < curr monom.size(); i++) {</pre>
                    if (i != curr_monom.size() && isalpha(curr_monom[i])) {
                           int deg = 1;
                           if (curr_monom[i + 1] == '^')
                                  deg = curr_monom[i + 2] - '0';
                           switch (curr_monom[i]) {
                           case 'x':
                                  curr_degree += deg * 100;
                                 break;
                           case 'y':
                                  curr_degree += deg * 10;
                                 break;
                           case 'z':
                                  curr degree += deg * 1;
                                 break;
                           }
             TMonom monom(curr_coeff, curr_degree);
             monoms.InsertLast(monom);
      this->Cancellation();
}
void TPolynom::Cancellation() {
       TPolynom tmp(*this);
      this->monoms.Clear();
      tmp.monoms.Sort();
       tmp.monoms.Reset();
      while (!tmp.monoms.IsEnded()) {
             TMonom mn = tmp.monoms.GetCurrent()->data;
             double coef = mn.coeff;
             tmp.monoms.Next();
             while (!tmp.monoms.IsEnded() && tmp.monoms.GetCurrent()->data.degree ==
mn.degree) {
                    coef += tmp.monoms.GetCurrent()->data.coeff;
                    tmp.monoms.Next();
             if (coef != 0) {
                    TMonom monom(coef, mn.degree);
```

```
this->monoms.InsertLast(monom);
             }
      if (this->monoms.IsEmpty()) {
             TMonom mon(0, 0);
             this->monoms.InsertLast(mon);
      }
}
const TPolynom& TPolynom::operator=(const TPolynom& p) {
      if (this == &p)
             return *this;
      monoms = p.monoms;
      expr = p.expr;
      return *this;
}
bool TPolynom::operator==(const TPolynom& p)const {
      TPolynom polynom(*this);
      TPolynom tmp(p);
      while (!polynom.monoms.IsEnded() && !tmp.monoms.IsEnded()) {
             if (polynom.monoms.GetCurrent()->data != tmp.monoms.GetCurrent()->data)
                    return false;
             polynom.monoms.Next();
             tmp.monoms.Next();
      return true;
TPolynom TPolynom::operator+(const TPolynom& p) {
      TPolynom p1(*this);
      TPolynom p2(p);
      TPolynom sum;
      p1.monoms.Reset();
      p2.monoms.Reset();
      while (!p1.monoms.IsEnded() && !p2.monoms.IsEnded()) {
             if (p1.monoms.GetCurrent()->data.degree > p2.monoms.GetCurrent()-
>data.degree) {
                    sum.monoms.InsertLast(p1.monoms.GetCurrent()->data);
                    p1.monoms.Next();
             else if (p1.monoms.GetCurrent()->data.degree < p2.monoms.GetCurrent()-
>data.degree) {
                    sum.monoms.InsertLast(p2.monoms.GetCurrent()->data);
                    p2.monoms.Next();
             }
             else {
                    p1.monoms.GetCurrent()->data.coeff += p2.monoms.GetCurrent()-
>data.coeff;
                    if (p1.monoms.GetCurrent()->data.coeff != 0)
                           sum.monoms.InsertLast(p1.monoms.GetCurrent()->data);
                    p1.monoms.Next();
                    p2.monoms.Next();
             }
      while (!p1.monoms.IsEnded()) {
             sum.monoms.InsertLast(p1.monoms.GetCurrent()->data);
             p1.monoms.Next();
      while (!p2.monoms.IsEnded()) {
             sum.monoms.InsertLast(p2.monoms.GetCurrent()->data);
             p2.monoms.Next();
      if (sum.monoms.IsEmpty()) {
             TMonom mon(0, 0);
             sum.monoms.InsertLast(mon);
      return sum;
}
```

```
TPolynom TPolynom::operator-()const {
      TPolynom polynom(*this);
      polynom.monoms.Reset();
      while (!polynom.monoms.IsEnded()) {
             polynom.monoms.GetCurrent()->data.coeff = polynom.monoms.GetCurrent()-
>data.coeff * (-1);
             polynom.monoms.Next();
      }
      return polynom;
TPolynom TPolynom::operator-(const TPolynom& p) {
      TPolynom dif = (*this) + (-p);
      return dif;
TPolynom TPolynom::operator*(const TPolynom& p) {
      TPolynom prd;
      TPolynom tmp(p);
      monoms.Reset();
      while (!monoms.IsEnded()) {
             tmp.monoms.Reset();
             while (!tmp.monoms.IsEnded()) {
                    TMonom mon1 = monoms.GetCurrent()->data;
                    TMonom mon2 = tmp.monoms.GetCurrent()->data;
                    double new_coeff = mon1.coeff * mon2.coeff;
                    int new_degree = mon1.degree + mon2.degree;
                    if (new degree > 999)
                          throw exception("degree out of range");
                    TMonom monom(new coeff, new degree);
                    prd.monoms.InsertLast(monom);
                    tmp.monoms.Next();
             monoms.Next();
      prd.Cancellation();
      return prd;
}
double TPolynom::operator()(double x, double y, double z)const {
      double result = 0;
      TPolynom polynom(*this);
      while (!polynom.monoms.IsEnded()) {
             double mon = polynom.monoms.GetCurrent()->data.coeff;
             mon *= pow(x, polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree / 100);
             mon *= pow(y, polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree / 10 % 10);
             mon *= pow(z, polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree % 10);
             result += mon;
             polynom.monoms.Next();
      return result;
TPolynom TPolynom::dx()const {
      TPolynom polynom(*this);
      TPolynom dx polynom;
      while (!polynom.monoms.IsEnded()) {
             double new coeff = polynom.monoms.GetCurrent()->data.coeff *
(polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree / 100);
             int new degree = polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree - 100;
             if (new_coeff != 0) {
                    TMonom monom(new_coeff, new_degree);
                    dx_polynom.monoms.InsertLast(monom);
             polynom.monoms.Next();
      if (dx_polynom.monoms.IsEmpty()) {
             TMonom mon(0, 0);
             dx polynom.monoms.InsertLast(mon);
      }
```

```
return dx polynom;
TPolynom TPolynom::dy()const {
      TPolynom polynom(*this);
      TPolynom dy polynom;
      while (!polynom.monoms.IsEnded()) {
             double new coeff = polynom.monoms.GetCurrent()->data.coeff *
(polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree / 10 % 10);
             int new_degree = polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree - 10;
             if (new coeff != 0) {
                   TMonom monom(new coeff, new degree);
                   dy polynom.monoms.InsertLast(monom);
             polynom.monoms.Next();
      if (dy_polynom.monoms.IsEmpty()) {
             TMonom mon(0, 0);
             dy_polynom.monoms.InsertLast(mon);
      return dy_polynom;
}
TPolynom TPolynom::dz()const {
      TPolynom polynom(*this);
      TPolynom dz_polynom;
      while (!polynom.monoms.IsEnded()) {
             double new coeff = polynom.monoms.GetCurrent()->data.coeff *
(polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree % 10);
             int new_degree = polynom.monoms.GetCurrent()->data.degree - 1;
             if (new coeff != 0) {
                   TMonom monom(new_coeff, new_degree);
                   dz polynom.monoms.InsertLast(monom);
             polynom.monoms.Next();
      if (dz_polynom.monoms.IsEmpty()) {
             TMonom mon(0, 0);
             dz polynom.monoms.InsertLast(mon);
      return dz_polynom;
}
```