Algorithmique - TP1

Mise en route: utilisation de la console

Étudiez, compilez et exécutez le programme Salutations fourni.

Complétez le programme pour qu'il demande l'âge de l'utilisateur, puis affiche l'âge qu'il aura dans 20 ans.

Affectations, type des données

Étudiez le programme Affectations fourni. Sans exécuter le programme, notez dans le tableau suivant les valeurs affichées par ce programme.

	a	b	С	d	е
Step 1	12	1.33333	21	"co"	false
Step 2	16	1	2	"cou"	false
Step 3	"coucou"		error		

Compilez et exécutez le programme (après d'éventuelles corrections). Comparez les résultats affichés avec ceux que vous aviez prévus.

Complétez le programme pour qu'il transfère à a la valeur de b et à b la valeur de a.

Ajoutez une troisième varible entière x, et complétez le programme pour qu'il transfère à a la valeur de b, à b la valeur de x et à x la valeur de a.

Conditionnelles: dates

Écrivez un programme Date qui demande la date de naissance de l'utilisateur sous forme de trois entiers day, month et year et les affiche sous la forme day/month/year.

Compléter le programme pour qu'il vérifie que $1 \le day \le 31$, $1 \le month \le 12$ et $1900 \le year \le 2100$ avant d'afficher la date.

Compléter le programme pour qu'il vérifie que la date est valide (penser au nombre de jours de chaque mois et aux années bissextiles)

Itérations: suites d'entiers

Écrivez un programme **Sequence** qui lit une suite de 10 entiers positifs et affiche la moyenne de ces entiers en utilisant une boucle **for**.

Réécrivez ce programme avec une boucle while. Laquelle de ces deux boucle est la plus adaptée?

Modifiez ce programme pour qu'il lise une suite d'entiers positifs terminée par -1 (on ne connait pas à l'avance le nombre d'entiers saisis) et affiche la moyenne de ces entiers, en utilisant une boucle while.

Réécrivez ce programme avec une boucle do ... while. Laquelle de ces deux boucle est la plus adaptée?

Complétez ce programme pour qu'il affiche le maximum et le minimum de la suite.

Complétez ce programme pour qu'il affiche le nombre d'occurences du premier entier de la suite.

Complétez ce programme pour qu'il affiche le nombre de monotonies de la suite: une monotonie est une suite croissante d'entiers (exemple: la suite 12 4 16 4 4 8 12 contient 4 monotonies: (12) (4 16) (4) (4 8 12)).

Modifiez ce programme pour qu'il lise la suite d'entiers, puis affiche le menu affiché ci dessous, lise le choix de l'utilisateur, et l'exécute, jusqu'à ce que l'utilisateur sélectionne 'q', en choisissant le type de boucle (for, while ou do ... while la plus adaptée). Le menu proposé:

```
a. afficher la moyenneb. afficher le minimumc. afficher le maximumd. afficher le nombre d'occurences du 1er entiere. afficher le nombre de monotoniesq. quitter
```

Dessins

Écrire un programme qui, à l'aide du signe '*', affiche un carré de côté n (n est donné par l'utilisateur):

```
* * * *
* * *
* * *
Variantes:
```

Manipulations sur un nombre entier

Écrire un programme qui demande à l'utilisateur un nombre entier, et calcule l'entier correspondant à ce nombre inversé (exemple: 5314 devient 4135).

Complétez ce programme pour qu'il vérifie si ce nombre est premier.

Complétez ce programme pour qu'il donne la décomposition du nombre en facteurs premiers (exemple: 45 donne 3 3 5).

Complétez ce programme pour qu'il demande un deuxième entier et calcule le PGCD des deux entiers en utilisant la méthode d'Euclide (méthode par divisions successives), fondée sur la propriété suivante:

- si b est un diviseur de a, alors PGCD(a, b) = b
- pour a > b, PGCD(a, b) = PGCD(b, a%b)

Dates (suite)

Compléter/modifiez/restructurez le programme pour qu'il demande une deuxième date, la date du jour, la vérifie et l'affiche.

Compléter le programme pour qu'il affiche en plus la date de demain.

Compléter le programme pour qu'il affiche le nombre de jours entre les deux dates.

Compléter le programme pour qu'il affiche l'âge de l'utilisateur.

Manipulations sur un nombre entier (suite)

Question subsidiaire : l'algorithme d'Euclide étendu : le théorème de Bézout établit que le PGCD d de deux entiers a et b est une combinaison linéaire (à coefficients entiers) de a et b, i.e. d = au + bv.

Une modification simple de l'algorithme d'Euclide (qu'on appelle alors algorithme d'Euclide *étendu*) permet de calculer ces coefficients u et v. Remarquons tout d'abord que l'algorithme d'Euclide calcule une suite d'entiers définie par une récurrence à deux termes :

$$a_0 = a, a_1 = b$$

$$a_{n-1} = q_n a_n + a_{n+1}$$

autrement dit : $a_{n+1} = -q_n a_n + a_{n-1}$

Si l'on pose les récurrences : $u_{n+1} = -q_n \ u_n + u_{n-1}$ et $v_{n+1} = -q_n \ v_n + v_{n-1}$ avec les conditions initiales suivantes :

$$u_0 = 1$$
, $v_0 = 0$

$$u_1 = 0$$
, $v_1 = 1$

I) Montrer par récurrence que, pour tout n, $a_n = a u_n + b v_n$.

Dès que $a_{n+1}=0$, on obtient ainsi $a_n=PGCD(a,b)$ avec u_n et v_n les coefficients entiers de l'identité de Bézout.

Exemple: a=96, b=81

n	a _n	a	u _n	b	$v_{\rm n}$
0	96	= 96 *	1	+ 81 *	0
1	81	= 96 *	0	+ 81 *	1
2	15 = 96 - 81				
		= 96 *	(1 - 0)	+ 81 *	(0 - 1)
		= 96 *	1	+ 81 *	-1
3	6 = 81 - 5 * 15				
		= 96 *	(0 - 5 * 1)	+ 81 *	(1 - 5 * (-1))
		= 96 *	-5	+ 81 *	6
4	3 = 15 - 2 * 6				
		= 96 *	(1 - 2 * (-5))	+ 81 *	(-1 - 2 * 6)
		= 96 *	11	+ 81 *	-1 3