

T1

直接三重循环模拟是 $O(n^3)$ 。

双重循环可以做到 $O(n^2)$ 。枚举了两个数之后，第三个数是可以直接算出来的。

为了方便代码实现，可以选择枚举 2 和 3 的情况。

T2

40 分：

数组模拟。

100 分：

链表模拟。

如何确定当前的最值？可以额外用一个数组进行标记每个数是否被拿走，以及在链表中对应的下标。每次只需要从大往小找到第一个没被拿走的数，并以这个数所在位置开始对链表进行操作就可以了。

T3

30 分:

枚举调整的活动是哪一个。不难发现, 如果希望满足条件的活动尽量多, 那么把调整的活动挪到无穷远处必然可以得到最大值。

所以, 现在只需要考虑剩下的活动中, 可以出现多少天有且仅有一个活动在这一天进行即可。对于第 t_i 天进行的活动 i , 我们可以在区间 $t_i \sim t_i + m - 1$ 上做加一操作。这样一来, 数组值为 1 的地方, 就是一个满足条件的日子。用差分和前缀和对除掉调整时间的活动外的 $n - 1$ 个活动所对应的区间进行操作即可。

时间复杂度 $O(n \times m)$ 。

60 分:

还是考虑枚举调整的是哪一个活动。

注意到, 在 30 分的做法中, 每次判断 $n - 1$ 个活动中满足条件的日子有哪些这一过程是进行了大量重复操作的。因此, 考虑如何快速判断, 调整了某一个活动后, 符合条件的天数会如何变化。

假设调整前符合条件的有 d 天。考虑调整后出现的变化:

- 当前活动必然能找到一个位置, 使满足条件的天数加上 m ;
- 设当前活动调整前, 独自进行的天数为 x , 则调整后满足条件的天数会减少 x ;
- 设当前活动调整前, 恰好只和另外的一个活动共同进行的天数为 y , 则调整后满足条件的天数会增加 y 。

因此, 找到 $d + m - x + y$ 的最大值即可。

有没有快速找到 x, y 的方法? 前缀和!

用 $s[i]$ 表示第 i 天有几个活动进行。

用 $f[i]$ 表示初始时一天内有且仅有一个活动进行的情况的前缀和,
 $f[i] = f[i - 1] + (s[i] == 1 ? 1 : 0)$ 。

用 $g[i]$ 表示初始时一天内恰有两个活动进行的情况的前缀和, $g[i] = g[i - 1] + (s[i] == 2 ? 1 : 0)$ 。

那么, 调整第 i 个活动可以得到的最大天数就是 $d + m - (f[r] - f[l - 1]) + (g[r] - g[l - 1])$, 其中 l, r 分别表示这个活动的开始和结束时间。

时间复杂度 $O(n + m)$ 。

另外的 10 分:

当 $m = 1$ 时, 每个活动只会在开始的那一天进行。

不妨设调整前符合条件的有 d 天, 然后可进行如下分类讨论:

- 是否存在一天恰有两个活动进行? 如果有, 答案为 $d + 2$ 。
- 如果不满足上一条, 继续判断是否存在一天有三个甚至更多活动进行? 如果有, 答案为 $d + 1$ 。
- 如果不满足上一条, 答案为 d 。

100 分:

由于 m 很大, 前缀和直接不可用。

但回顾前缀和的做法, 会发现我们要知道的只是符合要求的天数为多少, 而符合条件的天数经常会是连续的一整段。即便不能通过前缀和统计出具体到每一天有多少个活动在进行, 只要我们知道符合要求的连续段的起点和终点, 也能算出答案。

考虑排序。

排序后, 对于第 i 个活动, 对应的活动时间是 $t_i \sim t_i + m - 1$ 天。

记 $l = \max(t[i], t[i-1] + m)$, $r = \min(t[i] + m - 1, t[i+1] - 1)$ 。

则第 i 个活动独自开展的天数为 $d[i] = \max(0, r - l + 1)$ 。

$ans = \sum d[i]$ 就是调整前满足条件的天数。

接下来, 延续之前的思路, 考虑调整某一个活动对天数产生的影响。

- 当前活动必然能找到一个位置, 使满足条件的天数加上 m ;
- 当前活动调整前, 独自进行的天数为 $d[i]$, 则调整后满足条件的天数会减少 $d[i]$;
- 设当前活动调整前, 恰好只和另外的一个活动共同进行的天数为 y , 则调整后满足条件的天数会增加 y 。

现在只要计算 y 就可以了。容易发现, 相邻的两个活动才有可能出现统计 y 所需的情况。但是, 对于第 i 个活动和第 $i-1$ 个活动重叠的部分, 并不会直接等于 y , 因为还得把当天开展 3 个及以上活动的情况排除掉。

记 $l = \max(t[i], t[i-2] + m)$, $r = \min(t[i+1] - 1, t[i-1] + m - 1)$ 。

此时, 第 $i-1$ 个活动和第 i 个活动共同开展, 且没有其他活动开展的天数为 $tmp[i] = \max(0, r - l + 1)$ 。

最终的答案为 $\max\{ans - d[i] + m + tmp[i] + tmp[i+1]\}$ 。

时间复杂度为 $O(n \log n)$

T4

30 分:

直接模拟。时间复杂度 $O(T \times q \times n^2)$ 。

60 ~ 80 分:

预处理每个位置的下一个相同值所在位置, 记为 $next_i$ 。

对于右边界 r , 当前位置为 i 时, 如果能跳就直接跳到 $next_i + 1$ 位置, 否则跳到 $i + 1$ 位置同时令答案加一。

右边界处理好了有就是 80, 否则就是 60。

时间复杂度 $O(T \times q \times n)$ 。

100 分:

考虑倍增跳, 记 $next_{i,j}$ 表示位置 i 往右跳 2^j 次时可以到达的位置。

这样, 对于长度为 n 的区间, 最多 $\log n$ 次就可以跳完了。

数组的初始值 $next_{i,0}$ 就是每个位置的下一个相同值所在位置, 再通过 $next_{i,j} = next_{next_{i,j-1}+1,j-1}$ 计算即可。

时间复杂度 $O(T \times q \times \log n)$ 。