

# T1

---

## 测试点 1~2

对于  $n$  较小的情况，可以选择暴力枚举区间  $l, r$ ，然后暴力计算  $[l, r]$  之间的  $a_i$  的和。

时间复杂度为  $O(n^3)$ 。

## 测试点3~4

我们不用每次暴力统计  $[l, r]$  内的  $a_i$  和，而是可以记前缀和数组  $s_i = \sum_{i=1}^i a_i$ ，这样区间  $[l, r]$  内  $a_i$  的和就是  $s_r - s_{l-1}$ 。

时间复杂度为  $O(n^2)$ 。

## 测试点 5~6

因为  $a_i \geq 1$ ，所以满足条件的区间的长度一定小于等于  $m$ ，所以我们只用枚举长度小于等于  $m$  的区间就可以。

时间复杂度为  $O(nm)$ 。

## 测试点 7~10

我们枚举区间的右端点  $r$ ，我们实际上就是在  $s_0, s_1, \dots, s_{r-1}$  中寻找是否存在一个数等于  $s_r - m$ 。

因为  $a_i > 0$ ，所以  $s_i$  一定是递增的，所以可以通过二分查找的方式判断。

时间复杂度是  $O(n \log n)$ 。

更进一步，还可以考虑双指针。

固定一个左端点时，右端点不断右移直到区间和不少于  $m$ 。若此时区间和等于  $m$ ，就找到一个符合条件的区间。

由于继续让右端点右移是无意义的，所以此时让左端点右移。但右端点无需重置，继续从当前位置开始判断即可。

时间复杂度  $O(n)$ 。

# T2

---

## 测试点1~3

留给枚举所有情况的暴力做法。

## 测试点4~7

直接按  $a_i$  从大到小排序,  $a_i$  最大的选手就是就是第 1 名, 第二大的选手就是就是第 2 名。。。

## 测试点8~10

锦标赛排序法就可以。

## 测试点11~13

只需要在上一档做法的基础上修改一下, 维护最大值的时候多维护一个次大值。

然后也是锦标赛排序法。

## 测试点 14~16

其实题目中的每一轮比赛就是一个类似分治的过程, 那么我们也可以通过分治来处理。

我们维护 `merge(int l, int r)` 表示对编号在  $l \sim r$  的选手的决出组内的排名, 并去除被淘汰的选手。

记  $mid = \frac{1}{2}(l + r)$ , 我们先要得到  $l \sim mid$  和  $mid + 1 \sim r$  组内剩下的选手, 然后合并起来, 用 `sort` 排序, 再去除掉第  $k$  名之后的。

单次 `sort` 排序的时间复杂度是  $O(n \log n)$ , 分治一共有  $O(\log n)$  层, 所以总复杂度是  $O(n \log^2 n)$ 。

## 测试点 17~20

合并  $l \sim mid$  和  $mid + 1 \sim r$  组内剩下的选手时我们使用了 `sort`, 事实上, 我们可以通过归并排序的做法得到单次  $O(n)$  的排序。

所以整体的复杂度就是  $O(n \log n)$ 。

# T3

## 测试点 1~4

对于  $b_i = 1$  的情况，加乘运算就变成了加法运算，所以你只需要找到每个  $a_i$  是什么，然后对于每一次修改，带来的影响就是  $y - a_i$ 。

## 测试点 5~10

每一次修改之后，我们模拟一次计算得到表达式的值。

计算一个后缀表达式的值的过程可以参考 [CSP-J2020] 表达式，应该会比较简单的。

## 测试点 11~14

应该注意到，这个表达式可以转化成一个树的结构，而且小 C 每次修改只会修改一个叶子节点的值，所以我们即可以暴力的从根向  $x$  节点去遍历，然后对这一条路径上的点的值进行修改。

因为表达式随机生成，所以单次修改的时间复杂度的期望是  $O(\log n)$  的，总复杂度就是  $O(n \log n)$ 。

## 测试点 15~20

实际上  $a *^b c = (a + c) \times b = ab + cb$ 。

所以我们可以将表达式建成的树上，把每一个  $b_i$  往其子树推，最后就能将式子化成  $ans = d_1 a_1 + d_2 a_2 + \dots + d_n a_n$ 。

例如样例中的：

$$\begin{aligned} & (a_1 *^4 a_2) *^2 (a_3 *^3 (a_4 *^1 a_5)) \\ &= ((a_1 + a_2) \times 4 + (a_3 + (a_4 + a_5) \times 1) \times 3) \times 2 \\ &= (a_1 + a_2) \times 8 + (a_3 + (a_4 + a_5) \times 1) \times 6 \\ &= 8a_1 + 8a_2 + 6a_3 + 6a_4 + 6a_5 \end{aligned}$$

所以我们可以很简单的计算  $a_x$  变成  $y$  带来的改变。

时间复杂度是  $O(n + m)$ 。

# T4

---

## 测试点 1~3

给暴力搜索留的分。

## 测试点4~7

留给暴力讨论的部分分。

因为  $m = 3$ ，情况很少，对于某一天你可能有这几种情况：

- 对于 001, 111 等情况，可以退 1 门课，学习时间少 1 小时。
- 而对于 101 的情况，可以选择退 1 节课，学习时间少 2 小时。

贪心的先选择少 2 小时的情况，剩下的只能选少 1 小时的情况。

## 测试点14~16

其实就是对上一个做法的扩展。

对于每一天，可以选择退 1 门课，少学习  $r - l$  个小时。

同样贪心的选择减少时间最多的课，最后如果还能退课，那么都只能少 1 个小时。

## 测试点8~11

进一步扩展上面的做法。

对于一天，我们可以考虑每一节课选择退或者不退，暴力得到  $c_{i,j}$ ，表示第  $i$  天退  $j$  门课的情况下的学习时间。

然后就是一个分组背包。

时间复杂度为  $O(n2^m + nmk)$ 。

## 测试点12~13 17~20

我们不用暴力的考虑每一节课选择退或者不退，而只需要考虑这一天中最早的课和最晚的课是什么就可以（中间的课退了也不会减少学习的时间）。

所以就可以枚举最早的课  $j$ ，最晚的课  $k$ ，计算出一天退多少课，学习时间为  $k - j + 1$  小时。

这样就可以  $O(nm^2)$  的时间复杂度求出  $c_{i,j}$ 。