

## T1 回文 (pali)

原题: [CF1628B](#)。

发现只用考虑长度不超过二的子序列。

假如有一个长度超过二的子序列, 考虑他的首和尾, 如果有一个长度为 1 那么它本身就是一个回文串, 如果长度都为 2, 3, 拼接起来显然也是一个回文串。

然后从小到大加入字符串, 开一个数组记录每一种字符串是否出现过, 增加一个字符串时先去考虑它本身是否回文, 再去查找所有能与其组成回文串的字符串就行了复杂度  $O(n\Sigma)$ 。

## T2 交换 (swap)

原题: [CF1713E](#)。

对于其中一对点  $A_{x,y}(x < y)$  只会与  $A_{y,x}$  交换, 且发生交换当且仅当  $x$  与  $y$  被操作的次数之和为奇数。

考虑贪心地加入限制, 加入一个限制就相当于让  $x$  与  $y$  被操作的奇偶性相同或不同, 可以用带权并查集维护, 复杂度  $O(n^2)$ 。

## T3 图论 (graph)

原题: [CF901D](#)。

考虑原图是树可以直接树形 dp 解决, 设 1 为根,  $f_i$  代表点  $i$  到他父亲节点的边的边权, 则  $f_i = C_i - \sum_{j \in \text{son}_i} f_j$ , 所以先求出原图任意一张生成树做一遍 dp, 如果 dp 完了之后发现  $f_1 = 0$ , 那么直接输出。对于非树边, 如果他与树边形成的简单环是偶环, 那么他的边权可以直接为 0, 如果不为 0, 那么可以通过环上一半的边边权加上一个数, 一半减去一个数解决。如果形成奇环, 设这条边为  $(u, v)$ , 1 到  $u$  路径上的点一个加  $\frac{f_1}{2}$ , 一个减  $\frac{f_1}{2}$ ; 1 到  $v$  路径上的点一个加  $\frac{f_1}{2}$ , 一个减  $\frac{f_1}{2}$ ; 最后  $(v, u)$  要么加上  $\frac{f_1}{2}$  要么减去  $\frac{f_1}{2}$  即可。

## T4 线段并 (seg)

原题: [CF1648D](#)。

对这三个数组做前缀和为  $s_1, s_2, s_3$

设最后的答案中经过第二行的区间为  $[l, r]$ , 那么答案为  $s_{1,l} - s_{2,l-1} + s_{2,r} - s_{3,r-1} + s_{3,n} - f_{[l,r]}$ 。其中  $f_{[l,r]}$  为要付出的代价。我们考虑如何计算。

我们可以对区间覆盖的问题做这样一个转换: 加入一个区间  $[l, r, k]$  ( $k$  为代价), 就是对  $[l, r]$  区间中的每个点向其他后面在该区间内的点连一条代价为  $k$  的边, 然后就可以用线段树对每个点  $i$  维护出它走一条边到  $j$  所需要的最小的代价。

具体而言, 我们可以设  $w_i$  为当前走到  $i$  所需的最大的  $s_{1,l} - s_{2,l-1} - f_{[l,i]}$ , 最后答案即为  $\max w_i + s_{2,i} - s_{3,i-1} + s_{3,n}$ 。

我们的线段树要维护两个值:  $a_i, b_i$  初始为  $-\infty, +\infty$ , 两个操作, 对一个区间的  $b_i \leftarrow \min(b_i, y)$ , 对全局的  $a_i \leftarrow \max(a_i, b_i - x)$ , 单点查询。其二操作等价于加入一个  $x$  后对它之前加入的所有  $y$  都产生贡献, 我们可以这样打懒标记, 一个节点上记录  $tr_i, mx_i, lzy_i$ ,  $lzy_i$  维护到上次下传之间  $y$  的最小值,  $tr_i$  维护到上次下传间所有  $x - y$  产生贡献的最大值,  $mx_i$  维护到上次下传间  $x$  的最大值。