

Sprawozdanie z pracowni specjalistycznej Sztuczna inteligencja

Ćwiczenie numer: 5

Temat: Obliczenia ewolucyjne

Wykonujący ćwiczenie: Aleksander Kalinowski

Studia dzienne

Kierunek: Informatyka

Semestr: IV

Grupa zajęciowa: PS7

Prowadzący ćwiczenie: mgr inż. Dariusz Jankowski

Data wykonania ćwiczenia:

15.05.2021

1. Treść zadań:

Wykorzystując szkielet skryptu z zadania 1.5.3 znajdź maksimum funkcji określonej wzorem:

a)
$$f(x, y) = (x^2 - y^2) - (1 - x)^2$$
,

$$x, y \in < -2, 2 >$$

b)
$$f(x, y) = x^2 + \sin(y)$$
,

$$x \in <0, 1>, y \in <0, 3.14>$$

c)
$$f(x, y) = \sin(3x + y) \times \sin(y - x)x$$
,

$$x, y \in <-5, 5>$$

Jeżeli reszta z dzielenia nr nr Twojego indeksu przez 3 wynosi 1 znajdź maksimum funkcji z punktu a), jeżeli 2 z punktu b), jeżeli 0 z punktu c).

Przeprowadź analizę dokładności uzyskanego rozwiązania w zależności od prawdopodobieństwa krzyżowania, wielkości populacji, liczby iteracji oraz prawdopodobieństwa mutacji. W oparciu o przeprowadzone eksperymenty określ optymalne parametry algorytmu genetycznego.

W moim przypadku należy wykonać podpunkt c.

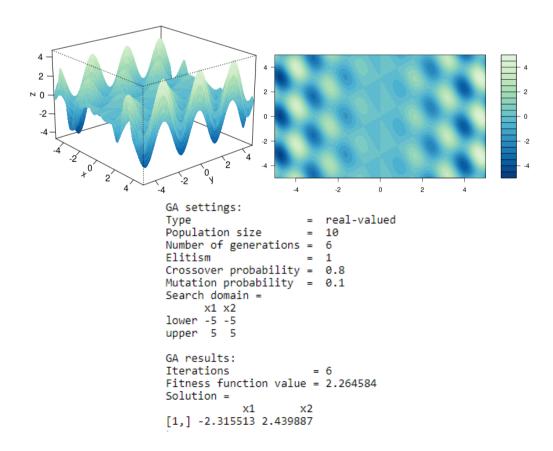
2. Wyniki i analiza:

Ćwiczenie rozpocząłem od wykonania algorytmu w języku programowania R w programie Rstudio. Kod wygląda następująco:

```
1 library(GA)
2
3 \times - y \leftarrow seq(-5, 5, by = 0.1)
4 f <- function(x, y)
5 ₹ {
6
      sin(3*x+y)*sin(y-x)*x
7 ^ }
8
9
   z <- outer(x, y, f)
10
    persp3D(x, y, z, theta = 50, phi = 20, col.palette = bl2gr.colors)
11
   filled.contour(x, y, z, color.palette = bl2gr.colors)
12
13
    GA \leftarrow ga(type = "real-valued", fitness = function(x) f(x[1], x[2]),
14
             lower = c(-5, -5), upper = c(5, 5),
15
             popSize = 10, maxiter = 6)
16
   summary(GA)
17
    plot(GA)
18 abline(v = GA@solution, lty = 3)
```

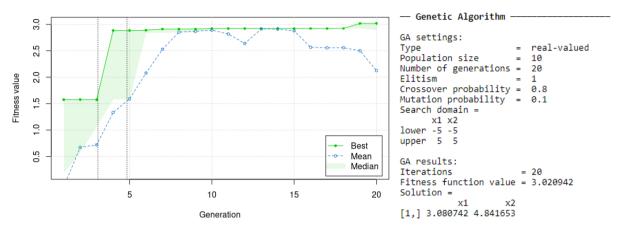
1.Implementacja kodu w języku R

Aby odnaleźć optymalne rozwiązanie należy obejrzeć otrzymane wykresy oraz wyniki:



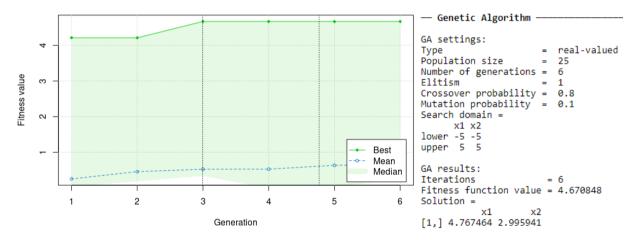
Z otrzymanych wyników można określić, iż przy wielkości populacji równej 10, prawdopodobieństwa mutacji 0.1, prawdopodobieństwa krzyżowania 0.8 oraz liczby iteracji równej 6 wynika maksymalna wartość funkcji wynoszącą 2.26.

Aby sprawdzić wpływ różnych parametrów należy przeprowadzić kilka symulacji, pierwszym parametrem który zostanie zmieniony jest maksymalna ilość iteracji, która została ustawiona na 20.



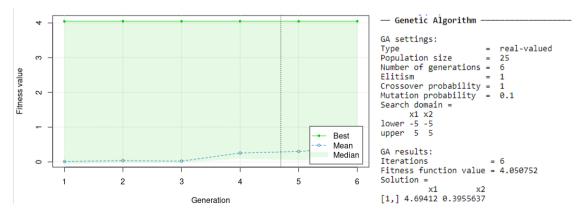
W tym wypadku zmiana parametru wpłynęła pozytywnie na optymalną wartość, która wyniosła 3.02 dla x=3.08 i y=4.82.

Kolejnym badanym parametrem będzie rozmiar populacji ustawiony do 25.



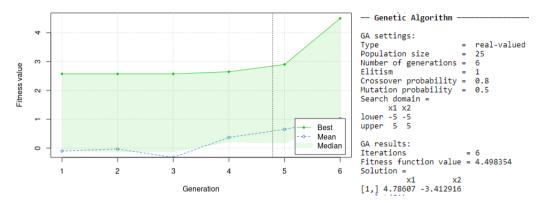
W tym wypadku rozmiar populacji znacząco wpłyną na wynik końcowy, pokazując 4.67 dla x=4.77 i y=3.00.

Następnym parametrem jest prawdopodobieństwo krzyżowania ustawione na 1.0.



Jak możemy zaobserwować większa szansa na krzyżowanie populacji procentuje w precyzyjność wyniku dając 4.05 dla x=4.69 i y=0.40.

Kolejnym, a zarazem ostatnim pojedynczo zmienianym parametrem jest szansa na mutacje, która została ustawiona na wartość 0.5.

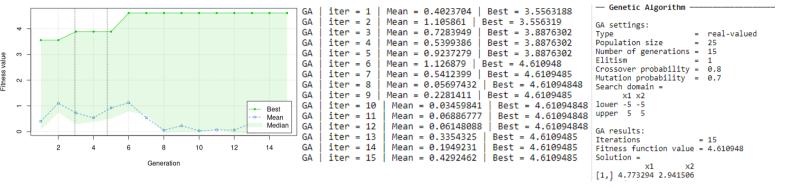


Kolejnym krokiem ćwiczenia jest znalezienie najoptymalniejszych parametrów aby uzyskać najlepszy wynik. W pierwszej kolejności zmodyfikowane zostały rozmiary populacji oraz ilość maksymalnych iteracji.

```
GΑ
                                                                        iter =
                                                                                    Mean =
                                                                                           9 2299448
                                                                                                        Best = 4.4694214
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                                           0.606172
                                                                                                       Best = 4.469421
                                                                                    Mean =
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                                           0.5236649
                                                                                                             = 4.4694214
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                               4
                                                                                    Mean =
                                                                                           0.3226614
                                                                                                        Best = 4.4694214
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                                    Mean
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                                    Mean =
                                                                                           0.7682383
                                                                                                        Best
                                                                                                             = 4.4694214
                                                                  GA
                                                                                           1.679697
                                                                                                               4.645904
                                                                        iter
                                                                                    Mean
                                                                                                       Best
                                                                  GA
GA
                                                                        iter
                                                                                    Mean
                                                                                           2.100796
                                                                                                       Best = 4.712182
                                                                                    Mean = 1.281268
                                                                                                       Best =
                                                                                                              4.712182
                                                                        iter
                                                                        iter
                                                                                            2.128380
                                                                                                               4.712182
                                      Best
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                               11
                                                                                     Mean =
                                                                                            1.506859
                                                                                                        Best
                                                                                                             = 4.712182
                                                                  GΑ
                                                                                            2.064488
                                                                        iter
                                                                                     Mean
                                                                  GA
GA
                                                                        iter
                                                                               13
                                                                                     Mean =
                                                                                            1.756261
                                                                                                        Rest
                                                                                                             = 4.712182
                                                                                            2.262072
                                                                                                               4.712182
                                                                               14
                                                                        iter
                                                                                     Mean
                                                                                                        Best
                20
                                                                  GA
GA
                                                                        iter
                                                                               15
                                                                                     Mean
                                                                                            1.410450
                                                                                                        Best
                                                                                                               4.712182
              Generation
                                                                                     Mean
                                                                                            2.042000
                                                                                                             = 4.712182
                                                                        iter
                                                                               16
                                                                                                        Best
                                                                        iter
                                                                                            0.6510414
- Genetic Algorithm
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                               18
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.4639465
                                                                                                         Best = 4.7121818
                                                                  GA
                                                                        iter
                                                                               19
                                                                                     Mean
                                                                                            1.220650
                                                                                                        Best =
                                                                  GA
GA
GA settings:
                                                                        iter
                                                                               20
                                                                                     Mean
                                                                                            1.271385
                                                                                                        Best
                                                                                                               4 712182
                                                                                            0.347398
                                                                               21
                                                                                                               4.712182
Туре
                            real-valued
                                                                        iter
                                                                                     Mean
                                                                                                        Best
                                                                               22
Population size
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                                     Mean
                                                                                            1.199409
                                                                                                        Best
                                                                                                               4.712182
                            25
                                                                  GΑ
                                                                                            0.5399638
Number of generations
                                                                        iter
                                                                                     Mean
                                                                                                         Best
                                                                                                               = 4.7121818
                            40
                                                                                            0.8019045
                                                                        iter
                                                                  GA
GA
                                                                        iter
                                                                               25
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.9439975
                                                                                                         Best =
                                                                                                                4.7121818
Crossover probability
                                                                               26
                                                                                            0.6460733
                                                                        iter
                                                                                     Mean
                                                                                                         Best
Mutation probability
                                                                  GA
GA
                                                                        iter
                                                                               27
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.3856692
                                                                                                         Best = 4.7121818
Search domain =
                                                                               28
                                                                                                                4.7121818
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.4242414
                                                                        iter
                                                                                                         Best =
      x1 x2
                                                                  GA
GA
                                                                        iter
                                                                               29
                                                                                            0.5251347
lower
                                                                               30
                                                                        iter
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.01891467
                                                                                                          Best
                                                                                                               = 4.71218183
upper
       5
                                                                        iter
                                                                                     Mean
                                                                                                        .
Best =
                                                                  GA
GA
                                                                        iter
                                                                               32
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.4932553
                                                                                                         Rest = 4.7121818
                                                                               33
                                                                                            0.7576557
                                                                                                                 4.7121818
GA results:
                                                                        iter
                                                                                     Mean
                                                                                                         Best
                                                                  GA
GA
                                                                        iter
                                                                               34
                                                                                     Mean
                                                                                            0.7112947
                                                                                                         Best
                                                                                                                4.7121818
Iterations
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.9012366
Fitness function value
                          = 4.712182
                                                                        iter
                                                                               35
                                                                                                         Best
                                                                                                                4.7121818
                                                                               36
                                                                                            0.5292211
                                                                                                         Best
                                                                                                                4.7121818
Solution =
                                                                  GΑ
                                                                        iter
                                                                               37
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.1833796
                                                                                                         Best = 4.7121818
           x1
                                                                                     Mean
                                                                        iter
                                                                                            0.3533198
[1,] 4.71808 3.169384
                                                                        iter
                                                                               39
                                                                                     Mean =
                                                                                            0.3585412
                                                                                                         Best = 4.7121818
                                                                        iter
                                                                               40
                                                                                     Mean = 0.5588618
```

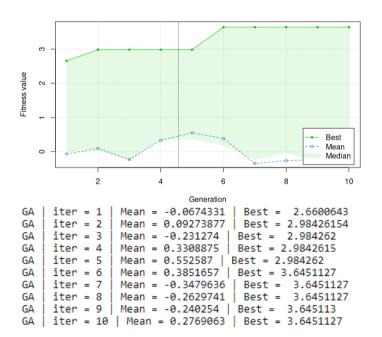
Dzięki zwiększeniu rozmiaru populacji uzyskaliśmy w mniejszej ilości iteracji najoptymalniejsze rozwiązanie.

Z powyższego przykładu możemy wnioskować, iż ilość maksymalna iteracji przy większej populacji nie wpływa tak pozytywnie na algorytm więc kolejnym krokiem jest zmniejszenie liczby iteracji, a podniesieniem prawdopodobieństwa mutacji.



Dzięki zwiększeniu prawdopodobieństwa mutacji jeszcze bardziej przyśpieszyliśmy wyszukanie optymalnego rozwiązania, dzięki czemu możemy zmniejszyć ilość iteracji przy czym zoptymalizować algorytm.

Ostatnim parametrem pozostałym do edycji w celu poszukania najoptymalniejszego zestawu zmiennych jest prawdopodobieństwo krzyżowania populacji, w tym wypadku zostanie ono ustawione na 1.0.



```
— Genetic Algorithm -
GA settings:
                          real-valued
Type
Population size
                          25
Number of generations
                          10
Elitism
                          1
Crossover probability
Mutation probability
Search domain =
      x1 x2
lower -5
         -5
upper
       5
GA results:
Iterations
Fitness function value = 3.645113
Solution
[1,] 4.560919 -2.649199
```

W tym wypadku zmiana parametru nie poprawiła wyniku.

3. Wnioski

Kluczowym do poprawnego działania algorytmu genetycznego jest prawidłowe dobranie parametrów wejściowych aby program działał szybko i sprawnie. W moim przypadku niska liczba iteracji i wysoki parametr wielkości populacyjnej z utrzymanymi średnimi prawdopodobieństwami mutacji i krzyżowania dawało najlepsze efekty, które ukazały się z najbliższą ideału maksymalną wartością funkcji.