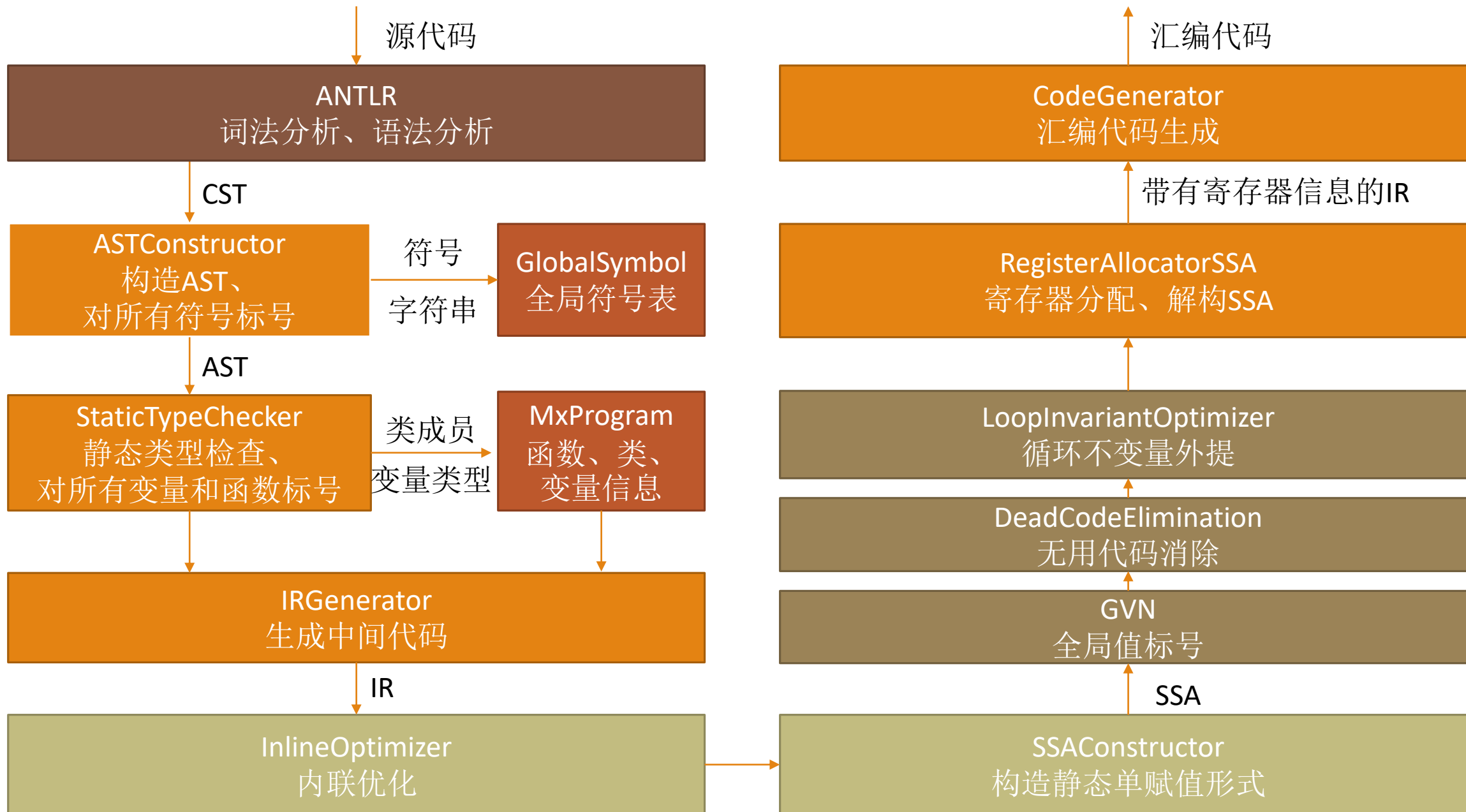


COMPILER 2017

张哲恺



前端

使用ANTLR 4进行词法分析和语法分析，得到CST

遍历CST，将所有符号标号，并建立AST

- 设计模式：AST支持Visitor模式和Listener模式进行访问

静态代码检查，对所有的函数、类、全局变量、局部变量进行标号

- 标号后名称相同的不同变量得到区分
- AST上的每一个变量结点（ASTExprVar）都指明了它是局部变量、成员变量或全局变量

中间代码生成

中间代码：

- 每个函数都是一个控制流图
- 每一个代码块都是控制流图上的一个节点，一个代码块有若干个前驱块和至多两个后继块
- 代码块内采用三地址码对指令进行编码
- 控制流图有且仅有一个入口块和一个出口块

遍历AST进行翻译过程

- 每个语句都被翻译成有一个入口块和一个出口块的子图

基于引用计数的简易垃圾回收：

- 将所有的值区分为左值(lvalue)、将亡值(xvalue)和纯右值(rvalue)
- 当左值或将亡值赋给一个变量时引用计数加一
- 每条语句结束后所有的将亡值的引用计数减一

代码优化

我自己的数据：SHA-1计算和暴力破解

频繁使用小函数

使用较多的局部变量

存在多次执行的重复计算

存在频繁执行的循环次数固定的小循环

```
for(i=0;i<length;i++)
    chunks[i/64][i%64/4] = chunks[i/64][i%64/4] | (input[i] << ((3-i%4)*8));
chunks[i/64][i%64/4] = chunks[i/64][i%64/4] | (128 << ((3-i%4)*8));
chunks[i/64][i%64/4] = chunks[i/64][i%64/4] | (128 << ((3-i%4)*8));
```

```
for(j=16;j<80;j++)
    chunks[i][j] = rotate_left(chunks[i][j-3] ^
```

```
for(j=16;j<80;j++)
    chunks[i][j] = rotate_left(chunks[i][j-3] ^

int a = h0;
int b = h1;
int c = h2;
int d = h3;
int e = h4;
for(j=0;j<80;j++)
{
    int f;
    int k;
```

代码优化

我自己的数据：SHA-1计算和暴力破解

频繁使用小函数：内联

使用较多的局部变量：寄存器分配

存在多次执行的重复计算：冗余消除

存在频繁执行的循环次数固定的小循环：循环展开

其他数据上的典型现象：

- 无用代码
- 循环不变量

```
void cost_a_lot_of_time()
{
    int a = 3100;
    int b = 0;
    int c = 1;
    for (b = 0; b < 100000000; ++b)
        c = c * 2 - c;
    println(toString(a));
}

for (g = 0; g < n; ++g)
{
    bool t1 = ((a == b) && c > 0)
    bool t2 = ((a == b) && c > 0)
    bool t3 = ((a == b) && c > 0)
    bool t4 = ((a == b) && c > 0)
    bool t5 = ((a == b) && c > 0)
    bool t6 = ((a == b) && c > 0)
```

代码优化

实现的优化：

- 函数内联
- 基于全局值标号的冗余发现
- 无用代码消除
- 循环不变量外提
- 基于SSA的寄存器分配

内联优化

函数调用有一定的开销，在小函数上调用开销占比较大
越小的函数越有可能通过内联而获利

算法：

- 每次选取最小的函数进行内联
- 非递归函数内联完毕后即可删除
- 允许递归函数进行内联，内联一次后重新加入待内联函数的集合
- 采用优先队列维护最小的函数
- 直到最小的函数大小超过一定值，算法结束

评估函数大小：

- 我的方法：
 - 函数大小=指令数+块个数² (此函数不调用其他函数)
 - 函数大小=指令数+块个数²+常数 (此函数仍然调用其他函数)

冗余代码发现

一个值如果在之前被计算过，我们希望它不被重复计算：

```
x = a + b  
y = a  
z = y + b
```

单个基本块内：局部值标号

对每个值计算一个哈希值：

- 相同的常数拥有相同的哈希值
- 两个表达式如果操作数相同，操作符相同，也拥有相同的哈希值
- 每个不可预测（如外部函数调用）的值赋予一个单独的哈希值
- 例如，对于二元运算符`op`，有`Val(x op y) = Hash(op, Val(x), Val(y))`

拥有相同哈希值的值认为它们相等

哈希冲突

- 使用较强的哈希函数，例如密码学中的SHA系列函数
- 将每个值作为结点、操作数作为子节点构成树结构，比较两个结点时递归进行比较

冗余代码发现

将范围扩展到全局（整个函数），存在的困难：

- 变量的值可能发生变化，即使两个表达式完全相同我们也不能断定它们的值相同
- 在某些执行路径上我们所需要的之前计算的值可能被覆盖，也可能没有被执行

静态单赋值形式(SSA)：

- 每一个变量只在定义时被赋值一次
- 每个变量的活动范围是控制流图上被它支配的范围
- 在多个变量汇合处使用 ϕ 函数进行合并

在SSA上可以顺利进行全局范围内的值标号

全局值标号

对 ϕ 函数进行标号：

- $x_4 = \phi(\text{pred1: } x_1, \text{pred2: } x_2, \text{pred3: } x_3)$
- $y_4 = \phi(\text{pred1: } y_1, \text{pred2: } y_2, \text{pred3: } y_3)$
- 可以看到同一个基本块内的 ϕ 函数是相互关联的
- 当程序的执行路径是由pred1块到达当前块时， x_4 为 x_1 ， y_4 取值为 y_1
- 当程序的执行路径是由pred2块到达当前块时， x_4 为 x_2 ， y_4 取值为 y_2
-
- 我们可以给每个基本块的所有 ϕ 函数一个相同的ID，即

$$\text{Val}(\phi(x1, x2, x3)) = \text{Hash}(\text{block_id}, \text{Val}(x1), \text{Val}(x2), \text{Val}(x3))$$

全局值标号

扩展:

一些运算符具有交换律: $a \text{ op } b == b \text{ op } a$

- 计算哈希值可以按照操作数的哈希值进行排序, 即

$$\text{Val}(a \text{ op } b) = \begin{cases} \text{Hash}(\text{op}, \text{Val}(a), \text{Val}(b)) & (\text{Val}(a) > \text{Val}(b)) \\ \text{Hash}(\text{op}, \text{Val}(a), \text{Val}(b)) & (\text{Val}(a) \leq \text{Val}(b)) \end{cases}$$

一些运算符具有结合律: $(a \text{ op } b) \text{ op } c == a \text{ op } (b \text{ op } c)$

- 可以把连续的具有结合律的相同运算合并, 即

$$\text{Val}(a \text{ op } b \text{ op } c) = \text{Hash}(\text{op}, \text{Val}(a), \text{Val}(b), \text{Val}(c))$$

运算的其他性质, 例如 $-(-a) == a$

- 利用之前提到的树结构, 我们保留了操作数的具体内容, 我们可以做到

$$\text{Val}(\text{neg neg } a) = \text{Val}(a)$$

全局值标号

发现相同的控制结构:

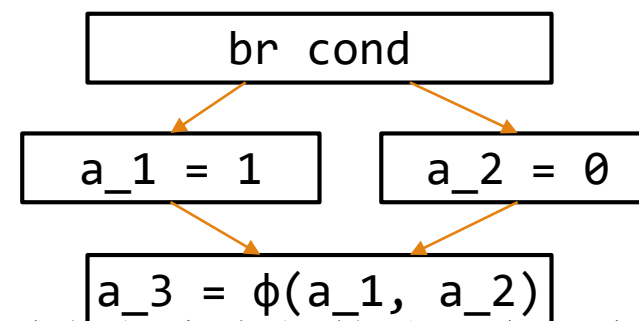
```
if(cond) a = 1; else a = 0;
```

```
if(cond) b = 1; else b = 0;
```

我们希望发现a和b在if语句之后具有相同的值

沿着 ϕ 函数的两个操作数对应的前驱块向上走，如果两条路径仅在它们的共同支配点处汇合，那么这个 ϕ 函数相当于条件选择语句 $\text{cond} ? a_1 : a_2$ ，其哈希值为 $\text{Val}(\text{cond} ? a : b) = \text{Hash}(\text{op}, \text{Val}(\text{cond}), \text{Val}(a), \text{Val}(b))$

* 注：实现中利用了这个条件的充分不必要条件，考虑 $\phi(\text{pred1}: x_1, \text{pred2}: x_2)$ ， pred1 和 pred2 的最近公共支配点为 lca ，支配树上 pred1 对应的 lca 的子节点为 son1 ， pred2 对应 son2 ， $\text{son1} \neq \text{son2}$ ，如果 pred1 反向支配 son1 ，且 pred2 反向支配 son2 ，可以推得两条路径仅在 lca 处汇合



全局值标号

标号顺序

我们希望一个表达式进行标号时其操作数均已被标号

使用逆后序(reverse postorder)遍历，在无循环时可以保证每个块在访问时其前驱块都被访问过，在有循环时，如果一个块有前驱未被访问，它一定是一个循环头部

若一个表达式的操作符未被标号，我们给这个表达式一个唯一的哈希值

无用代码消除

如果一个变量从未被使用，且定义它的指令无副作用，我们可以将其删除

```
x = a * b;
```

```
x = a + b;
```

在SSA上我们可以很容易地发现一个变量的使用情况

删除无用的控制块：

- 删去无用的指令，我们可能还留下了一些无用的控制块，例如

```
for(int i=0; i<1000; i++);
```
- 通常无需担心删去一个死循环（也并没有通用的方法判断循环停止：停机问题），在C/C++中，无副作用的循环是被允许删除的*

IR上并没有显式的循环、判断等结构，要想确定哪些块被删除可能比较困难

* <https://stackoverflow.com/questions/3592557/optimizing-away-a-while1-in-c0x/>

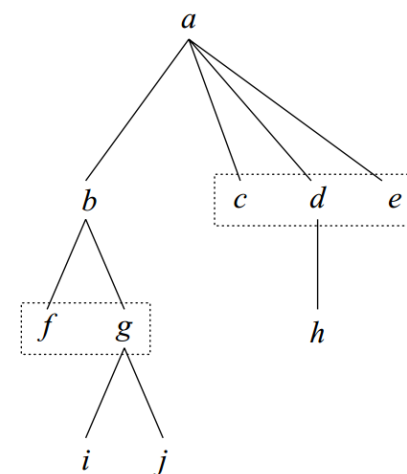
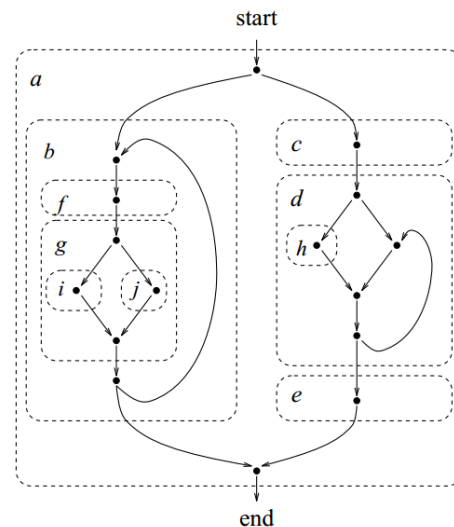
重新发现程序结构——PST

我们希望在IR上重新构建出程序的层次结构

可以使用程序结构树(Program Structure Tree, PST)

PST上的每一个节点对应控制流图上的一个单入单出块(Single Entry Single Exit, SESE)

如果一个SESE块中定义的变量都没有被外部使用，并且其中没有包含带有副作用的指令，我们就可以安全地删除这个块



循环不变量外提

```
for(int i=0; i<strlen(str); i++) { /*do something*/ }
```

strlen是一个代价不小的函数($O(n)$), 如果我们知道str不会随循环改变, strlen是无副作用的函数, 并且对于相同的参数都返回相同的值, 它可以被提到循环外面

```
size_t size = strlen(str);
```

```
for(int i=0; i<size; i++) { /*do something*/ }
```

为此我们定义一个值 $z = f(x)$ 为循环不变量, 当且仅当:

- x 是循环不变量
- $f(x)$ 无副作用且返回值只依赖于 x 的值(constexpr)

在SSA上, 由于 ϕ 函数的值依赖于执行路径, 我们不认为它是循环不变量

循环不变量外提

利用循环检测(Loop Detection)发现IR中的循环，标记其循环头(loop header, loop preheader)

我们乐观地假定所有变量都是循环不变量，每个变量作为一个结点向依赖它的变量连一条边，得到一个依赖图

我们标记所有已知的非循环不变量的结点，并以此为起点标记所有能够到达的结点

删除这些标记的结点，剩下的图是一个DAG，进行拓扑排序依次将它们提到循环外

循环不变量外提

扩展：

我们希望循环中的一些不变的控制块也能被提到循环外部，例如

```
for(int i=0; i<N; i++) {  
    int s = 0;  
    for(int j=0; j<100; j++) s = s + j;  
    sum = sum + s;  
}
```

以及

```
for(int i=0; i<N; i++) {  
    bool b = a && b && c;  
    if(b) ans++;  
}
```

循环不变量外提

方便起见，我们处理的仍然是SESE块

定义循环不变块为满足以下条件的SESE块：

- 所有的指令都是`constexpr`
- 使用的所有外部操作数都是循环不变量

由于这些块外提以后可能会有新的循环不变量被发现，我们定义循环不变量为

- (由一个循环不变块所定义的变量) 或者 (满足之前的定义条件)

我们把这些SESE块也纳入之前的图中进行处理即可

循环不变量外提

一点小问题：

```
for(int i=0; i<N; i++)  
    if(d > 0)  
        ans += c / d;
```

如果我们把 c/d 提到循环外，它就不会受到 $d > 0$ 的保护，可能会使程序出现异常

解决方案：

1. 不把可能引发异常的指令提到循环外
2. 在每个被提出的可能引发异常的指令前加上保护条件：

```
int result = d != 0 ? c / d : 0;  
for(int i=0; i<N; i++)  
    if(d > 0)  
        ans += result;
```

SSA上的寄存器分配

假设一段程序只有一个基本块，并且每个变量只被定义一次

如果在任意指令处寄存器压力（**Register Pressure**, 同时活动的变量数）不超过物理寄存器的个数，那么我们从前往后给每个变量分配一个寄存器，我们总是能够找到空闲的寄存器

SSA的性质：每个变量只在它的支配区域活动

如果我们把每条指令看作一个基本块构造支配树的话，它的活动区间就是以它为根的子树

而一个子树的寄存器分配情况并不影响到其他的子树

直觉上讲，在**SSA**上的寄存器分配就是线性分配的直接扩展

SSA上的寄存器分配

事实上，我们可以证明，SSA上变量的干涉图(Inference Graph)是弦图，其完美消除序列(Perfect Elimination Order, PEO)是支配树的后序遍历

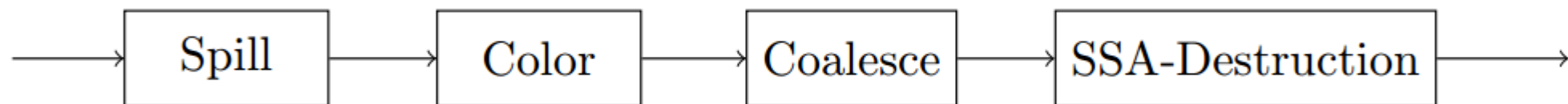
对于一个弦图，我们按照其完美消除序列的逆序进行贪心染色，所需要的色数就是弦图的最小色数

*弦(Chord): 连接环中不相邻的两个点的边

*弦图(Chord Graph): 任意长度大于3的环都至少有一条弦的无向图

*完美消除序列: 对于序列中的每一个点，排在它后面的与之相连的点都是一个团

SSA上的寄存器分配



SSA上的寄存器分配

处理寄存器逐出(Spill)

对每个基本块进行逐出，维护当前在寄存器中的变量(W集合)，当寄存器不足时，选取距离下次使用最远的变量进行逐出(Min Algorithm)

- 由于循环通常会执行多次，如果一个变量的下一次使用是在循环外面，其下次使用距离需要加上一个常数。实现上，我们对每个离开循环的控制流边赋一个较大的权值
- 下次使用距离可以在活性分析上进行一定扩展维护得到

每个块需要决定初始时哪些变量在寄存器中(Wentry集合)

- 如果它不是循环头，那么尽可能使其前驱块保留的变量继续保留
- 如果它是循环头，尽可能保留在循环中使用到的变量，如果还有空余则保留穿过循环的变量

使用逆后序遍历来依次处理各个基本块

SSA上的寄存器分配

处理寄存器接合(Coalesce)

我们希望复制指令的两个变量尽可能位于同一寄存器中

$x \text{ <eax> } = y \text{ <edx> } \Rightarrow x \text{ <eax> } = y \text{ <eax> }$

可以证明最优方案是NP完全的

启发式算法:

- 对于每条需要合并的指令, 尝试调整染色方案使得变量处于同一寄存器中
- 如果调整成功, 将这些变量对应的干涉图顶点合并

SSA上的寄存器分配

一些细节:

x86的一些指令要求操作数在指定的寄存器中, 例如div和sal, sar等指令

无法保证要求的寄存器在指令执行时不被占用

可以在指令前加上一条平行复制指令, 使得所有在寄存器中活动的变量的生命周期拆成两部分, 强迫其重新分配寄存器, 在此时可以指定寄存器的限制条件

$(a' \text{ <eax>, } b' \text{ <ebx>, } c' \text{ <ecx>}) = (a \text{ <ecx>, } b \text{ <ebx>, } c \text{ <eax>})$

$d \text{ <eax>} = a' \text{ <eax>} / b' \text{ <ebx>}$

而这个平行复制指令可以在寄存器接合阶段被尽可能地优化掉

优化效果

测试数据	无优化	+寄存器分配	+内联	+无用代码消除	+全局值标号	+循环不变量优化
testcase_272.txt	0.935	0.341	0.102	0.108	0.088	0.092
testcase_274.txt	1.197	0.669	0.664	0.711	0.674	0.673
testcase_277.txt	1.101	0.571	0.267	0.268	0.268	0.253
testcase_279.txt	1.205	0.239	0.234	0.000	0.000	0.000
testcase_282.txt	11.034	2.414	1.504	1.517	1.112	1.039
testcase_284.txt	0.563	0.496	0.480	0.466	0.465	0.454
testcase_337.txt	0.479	0.104	0.046	0.046	0.033	0.022
testcase_338.txt	1.247	0.332	0.131	0.135	0.088	0.066
testcase_344.txt	4.603	1.066	0.727	0.724	0.675	0.623
testcase_348.txt	1.753	0.372	0.203	0.142	0.138	0.142
testcase_349.txt	4.956	0.654	0.506	0.506	0.470	0.479
testcase_350.txt	0.418	0.211	0.163	0.166	0.158	0.162
testcase_352.txt	0.540	0.167	0.080	0.097	0.084	0.089
testcase_353.txt	1.227	0.910	0.830	0.802	0.790	0.839
testcase_357.txt	1.311	0.331	0.163	0.162	0.154	0.141
testcase_360.txt	4.618	3.416	3.662	3.606	0.625	0.465
testcase_361.txt	34.233	8.043	3.235	3.202	1.935	1.619
testcase_362.txt	3.672	0.765	0.790	0.792	0.094	0.091
testcase_363.txt	3.915	0.915	0.566	0.543	0.392	0.398

参考资料

1. Engineering a Compiler
2. SSA Book: <http://ssabook.gforge.inria.fr/latest/book.pdf>
3. Hack S, Grund D, Goos G. Register allocation for programs in SSA-form[C]//International Conference on Compiler Construction. Springer Berlin Heidelberg, 2006: 247-262.
4. Braun M, Hack S. Register spilling and live-range splitting for SSA-form programs[C]//International Conference on Compiler Construction. Springer Berlin Heidelberg, 2009: 174-189.
5. Johnson R, Pearson D, Pingali K. The program structure tree: Computing control regions in linear time[C]//ACM SigPlan Notices. ACM, 1994, 29(6): 171-185.
6. Click C. Global code motion/global value numbering[C]//ACM SIGPLAN Notices. ACM, 1995, 30(6): 246-257.