

P241 第7题

解：设图中的有权重矩阵为 A ，由公式 $d_{ij}^{(k)} = \min(d_{ij}^{(k-1)}, d_{ik}^{(k-1)} + d_{kj}^{(k-1)})$

则有 $D^{(0)} = A$

$$D^{(1)} = \begin{bmatrix} 0 & 2 & \infty & 1 & 8 \\ 6 & 0 & 3 & 2 & 14 \\ \infty & \infty & 0 & 4 & \infty \\ \infty & \infty & 2 & 0 & 3 \\ 3 & 5 & \infty & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

$$D^{(2)} = \begin{bmatrix} 0 & 2 & \infty & 1 & 8 \\ 6 & 0 & 3 & 2 & 14 \\ \infty & \infty & 0 & 4 & \infty \\ \infty & \infty & 2 & 0 & 3 \\ 3 & 5 & 8 & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

$$D^{(3)} = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 2 & 1 & 8 \\ 6 & 0 & 3 & 2 & 14 \\ \infty & \infty & 0 & 4 & \infty \\ \infty & \infty & 2 & 0 & 3 \\ 3 & 5 & 8 & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

$$D^{(4)} = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 2 & 1 & 8 \\ 6 & 0 & 3 & 2 & 5 \\ \infty & \infty & 0 & 4 & 7 \\ \infty & \infty & 2 & 0 & 3 \\ 3 & 5 & 6 & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

$$D^{(5)} = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 2 & 1 & 8 \\ 6 & 0 & 3 & 2 & 5 \\ 10 & 12 & 0 & 4 & 7 \\ 6 & 8 & 2 & 0 & 3 \\ 3 & 5 & 6 & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

$D^{(5)}$ 即为完全最短路径