Introducción a Python (Matemáticas 2. GII/I2ADE)

Preámbulo

Instalación en ordenadores personales

En el Moodle de la asignatura puedes encontrar un tutorial de como instalar el miniconda y jupyter notebook en tu ordenador personal.

Ordenadores de clase

En los ordenadores de clase todo el entorno está ya instalado y por lo tanto solamente hay que ejecutar jupyper-notebook en la consola para empezar a trabajar (ten en atención a la directoria donde el terminal se encuentra pues esa será la directoria base para el jupyter).

Librerías necesarias para esta asignatura

Para el desarrollo de las prácticas de esta asignatura es necesario utilizar un conjunto de librerías que es necesario importarlas tal y como se indica a continuación:

```
In [1]: import math
   import sympy
   import scipy
   import numpy as np
   import matplotlib.pyplot as plt
```

De manera que:

Math es una librería primitivas matemáticas nativas de Python.

Sympy es una librería para facilitar la realización de cálculos matemáticos con variables sin necesidad de definir funciones nativas de Python.

Scipy es una librería con diversas funciones para matemáticas y ingeniería.

Numpy es la librería para realizar cálculos y manipulación numérica por excelencia.

Matplotlib es una librería para gráficos.

Introducción

Python es un lenguaje de programación **interpretado**, es decir, que no se compila, sino que es interpretado en el momento de ejecución. Por eso, es muy **flexible** y, al mismo tiempo, es muy **fácil cometer errores**. Aunque existen formas de capturar algunos errores pre-ejecución, estas formas son muy básicas y muchísimos errores no se detectan. Python está orientado a objetos y puede utilizarse para *scripting* de una forma más formal.

Así pues, el código escrito en Python puede ejecutarse (al menos) de tres formas:

- 1. Modo interpretativo (tipo terminal/símbolo del sistema): en este modo, todos los comandos son interpretados continuamente. En el caso de que se cierre la sesión, se pierden todo el código y los datos. Es bueno para probar algún comando rápidamente.
- 2. Modo fichero (modo interpretativo, ejecuta cada línea del fichero(s)): es la forma estándar de ejecutar código en Python.
- 3. Modo interactivo (Jupyter/IPython): es el formato utilizado en este fichero. A diferencia del anterior, el código se ejecuta bajo demanda del usuario y puede ejecutarse por partes.

Python es "with wheels included", es decir, incluye muchas funcionalidades de base, aunque se suele decir que existen librerías para todo.

El código de Python es IDENTADO. Es decir, no existen símbolos ni palabras clave para marcar la terminación de una línea ni de un bloque (condicionales/bucles), sino que la identación es lo que define la "pertenencia" a las distintas estructuras, como veremos a lo largo de la asignatura.

Conceptos Básicos

Aritmética

```
In [2]: 1 + 2
Out[2]: 3
In [3]: 4 % 4 # resto de la división
Out[3]: 0
In [4]: 1 * 3
Out[4]: 3
In [5]: 1 / 2
Out[5]: 0.5
```

```
In [6]: 2**4 # potencia
Out[6]: 16
 In [7]: 2 + 3 * 5 + 5 # precedencia de los operadores
 Out[7]: 22
 In [8]: (2 + 3) * (5 + 5) # cambios en la precedencia de los operadores
 Out[8]: 50
 In [9]: # Redondeo hacia + infinito
         math.ceil(2.354)
 Out[9]: 3
In [10]: # Redondeo hacia - infinito
         math.floor(2.354)
Out[10]: 2
In [11]: # Máximo común divisor
         math.gcd(48, 60)
Out[11]: 12
In [18]: # Redondeo hasta x decimales
         print(round(3.564, 2))
         print(round(3.564, 1))
         3.56
         3.6
```

Trigonometría

Para usar funciones trigonométricas es necesario usar las librerías comentadas anteriormente. Se debe tener en atención que ciertas constantes no son equivalentes entre las distintas librerías.

```
In [21]: # EJEMPLO PARA PI
    print(math.pi == np.pi)
    print(math.pi == scipy.pi)
    print(math.pi == sympy.pi) # sympy.pi no es un número

True
    True
    True
    False
```

Constantes

```
In [22]: # pi
         math.pi
Out[22]: 3.141592653589793
In [23]: # Euler/Napier
         math.e
Out[23]: 2.718281828459045
In [24]:
         # 2*pi
         math.tau
Out[24]: 6.283185307179586
In [25]: # infinito
         math.inf
Out[25]: inf
In [26]: # infinito
         -math.inf
Out[26]: -inf
In [27]: # no-número (not-a-number)
         math.nan
Out[27]: nan
```

Conversión

```
In [28]: # Radianes -> Grados
    math.degrees(math.pi)
Out[28]: 180.0
In [29]: # Grados -> Radianes
    math.radians(180)
Out[29]: 3.141592653589793
```

Funciones Trigonométricas

```
In [30]: # coseno -> resultado en RADIANES
math.cos(1)
Out[30]: 0.5403023058681398
```

```
In [31]:
         # seno
         math.sin(1)
Out[31]: 0.8414709848078965
In [32]: # tangente
         math.tan(1)
Out[32]: 1.5574077246549023
In [33]: | # arcocoseno -> en radianes, entre 0 y pi
         math.acos(0.5)
Out[33]: 1.0471975511965979
In [34]: | # arcoseno -> en radianes, entre -pi/2 y pi/2
         math.asin(0.5)
Out[34]: 0.5235987755982989
In [35]: # arcotangente -> en radianes, entre -pi/2 y pi/2
         math.atan(0.5)
Out[35]: 0.4636476090008061
```

Funciones Hiperbólicas

```
In [36]: # arcocoseno hiperbolico
math.acosh(1)

Out[36]: 0.0

In [37]: # arcoseno hiperbolico
math.asinh(1)

Out[37]: 0.881373587019543

In [38]: # arcotangente hiperbolica
math.atanh(0.5)

Out[38]: 0.5493061443340549

In [39]: # coseno hiperbolico
math.cosh(1)

Out[39]: 1.5430806348152437

In [40]: # seno hiperbolico
math.sinh(1)

Out[40]: 1.1752011936438014
```

```
In [41]: # tangente hiperbolica
math.tanh(1)
Out[41]: 0.7615941559557649
```

Potencias y logaritmos

```
In [42]: # Exponencial
         math.exp(1)
Out[42]: 2.718281828459045
In [43]: | # Logaritmo
         # math.log(x[, base])
         # Con 1 argumento tiene base "e"
         # Con 2 argumentos se calcula como log(x)/log(base)
         math.log(2)
Out[43]: 0.6931471805599453
In [44]: math.log(2, 5)
Out[44]: 0.43067655807339306
In [45]: # Logaritmo base 10
         math.log10(2)
Out[45]: 0.3010299956639812
In [46]: # Potencia
         math.pow(3, 2) # devuelve float
Out[46]: 9.0
In [47]:
         3**2 # devuelve int
Out[47]: 9
In [48]: # Raíz cuadrada
         math.sqrt(2)
Out[48]: 1.4142135623730951
```

Definición de variables

Los nombres de las variables no pueden empezar con caracteres especiales ni con números

Cadena de caracteres

Pueden escribirse entre comillas simples o comillas dobles y pueden incluir comillas simples cuando van entre comillas dobles.

```
In [50]:
         "una frase"
         "otra frase"
         "otra's frase"
         "HoLa SoY YO, el tRueno".lower()
Out[50]: 'hola soy yo, el trueno'
In [54]: num = 12
         name = "Sam"
         print("Mi número es: {one}, y mi nombre es: {two}".format(one=num, two=nam
         e))
         Mi número es: 12, y mi nombre es: Sam
In [55]:
        "Mi número es: {}, y mi nombre es: {}".format(num, name)
Out[55]: 'Mi número es: 12, y mi nombre es: Sam'
In [56]: | f"Mi número es: {num}, y mi nombre es: {name}"
Out[56]: 'Mi número es: 12, y mi nombre es: Sam'
```

Mostrar por pantalla

Cuando se usa Jupyter no es necesario utilizar el comando print

Listas

```
In [60]: [1, 2, 3]
Out[60]: [1, 2, 3]
In [61]: ["hi", 1, [1, 2]]
Out[61]: ['hi', 1, [1, 2]]
In [62]: my_list = ["a", "b", "c"]
    my_list.append("d")
    my_list
Out[62]: ['a', 'b', 'c', 'd']
In [63]: my_list[0]
Out[63]: 'a'
In [64]: my_list[2]
Out[64]: 'c'
```

El operador : permite definir un rango de valores. Este operador suele utilizarse para definir los índices de los elementos de una lista que queremos obtener. Así, por ejemplo:

0:3 define una lista que comprende desde el 0 hasta el 2, por lo que los elementos que nos devolverá será los correspondientes a las posiciones 0, 1 y 2(la posición 3 no se incluye).

- 1: va desde la posición 1 hasta el final
- :3 va desde la posición 0 hasta la 2

```
In [ ]: my_list[1:] # Extracto de la lista my_list['a', 'b', 'c', 'd']
Out[ ]: ['b', 'c', 'd']
In [ ]: my_list[:2]
Out[ ]: ['a', 'b']
In [ ]: my_list[2:4]
Out[ ]: ['c', 'd']
In [65]: my_list[0] = "NEW" # cambia el valor existente
    my_list
Out[65]: ['NEW', 'b', 'c', 'd']
```

```
In [66]: nest = [1, 2, 3, [4, 5, ["target"]]] # Listas de Listas
nest[3]
Out[66]: [4, 5, ['target']]
In [67]: nest[3][2] # acceso a elementos de Listas de Listas
Out[67]: ['target']
In [68]: nest[3][2][0] # acceso a elementos de Listas de Listas
Out[68]: 'target'
In [69]: # Los caracteres de Las cadenas de caracteres se acceden como Las Listas nest[3][2][0][3]
Out[69]: 'g'
In [70]: list(range(5))
Out[70]: [0, 1, 2, 3, 4]
```

Diccionarios

Definen un conjunto de elementos que tienen la estructura "clave": "item"

```
In [71]: d = {"key1": "item1", "key2": "item2"}
d["key1"]

Out[71]: 'item1'

In [72]: d.keys()

Out[72]: dict_keys(['key1', 'key2'])

In [73]: d.values()

Out[73]: dict_values(['item1', 'item2'])

In [74]: d = {"0001": {"nombre": "Pepe", "edad": 20, "ciudad": "Alicante", "gamer": True}}
d

Out[74]: {'0001': {'nombre': 'Pepe', 'edad': 20, 'ciudad': 'Alicante', 'gamer': Tru e}}

In [75]: d["0001"]["edad"]

Out[75]: 20

In [76]: "ciudad" in d["0001"] # verifica si existe una clave

Out[76]: True
```

```
In [77]: d["0001"]["movil"] # si una clave no existe, nos devuelve error
         KeyError
                                                   Traceback (most recent call last)
         Cell In[77], line 1
         ----> 1 d["0001"]["movil"]
         KeyError: 'movil'
In [78]: d["0001"].get("movil", "No existe")
Out[78]: 'No existe'
In [82]: d["0001"].get("ciudad", "No existe")
Out[82]: 'No existe'
In [81]: del d["0001"]["ciudad"] # Borra item "ciudad"
         KeyError
                                                   Traceback (most recent call last)
         Cell In[81], line 1
         ----> 1 del d["0001"]["ciudad"] # Borra item "ciudad"
         KeyError: 'ciudad'
```

Tuplas

Las tuplas tienen la particularidad de que no pueden modificarse, es decir, son inmutables.

Conjuntos (Sets)

Son listados que no admiten elementos duplicados.

```
In [108]: s = {1, 2, 3, 2, 1, 4}
s
Out[108]: {1, 2, 3, 4}
```

Condicionales

Hay que tener mucho cuidado con la indentación

```
In [ ]: | # Ejemplo básico
         if 1 < 2:
             a = True
             print("Es verdadero")
         else:
             a = False
             print("Es falso")
         Es verdadero
In []: | \mathbf{if} (1 < 2)  and (2 < 3):
             print("Ejemplo AND")
         if (1 < 2) or (2 < 1):
             print("Ejemplo OR")
         if not False:
             print("Ejemplo negación")
         Ejemplo AND
         Ejemplo OR
         Ejemplo negación
```

Segundo

Bucles

For

```
In []: seq = [1, 2, 3, 4, 5]
         for item in seq:
             print(item)
             print(f"Su doble es: {item+item}")
         Su doble es: 2
         Su doble es: 4
         Su doble es: 6
         Su doble es: 8
         Su doble es: 10
In [15]: | animales = ["gato", "perro", "pajaro"]
         for k in animales:
            print(k)
         gato
         perro
         pajaro
 In []: \# range(5) es lo mismo que range(0,5)
         for i in range(5):
             print(i, f"y su doble es: {i*2}")
         0 y su doble es: 0
         1 y su doble es: 2
         2 y su doble es: 4
         3 y su doble es: 6
         4 y su doble es: 8
 In [ ]: | animales = ["gato", "perro", "pajaro"]
         for idx, animal in enumerate(animales):
              print("#%d: %s" % (idx + 1, animal))
         #1: gato
         #2: perro
         #3: pajaro
```

While

List comprehension

Una List comprehension consiste en un atajo para crear una lista a partir de un for sin que sea necesario instanciar una variable para contener una lista. Es también posible filtrar (con if) y encadenar varios for e if dentro.

Detección de Tipos

En Python se puede detectar el tipo de cada variable. Esto porque en Python, una variable puede asumir cualquier tipo en cualquier momento.

```
In [ ]: isinstance(1, int)
Out[ ]: True
```

```
In [ ]: isinstance(8.0, float)
Out[ ]: True
In [ ]: isinstance(8.0, int)
Out[ ]: False
In [ ]: isinstance("abc", str)
Out[ ]: True
```

Funciones

Las funciones son los componentes fundamentales de Python. Su sintaxis es la siguiente:

```
def nombre_de_la_funcion(argumentos):
    código
    código
    código
    return algo # esto es opcional
```

La identación es fundamental para que funcione correctamente. Los argumentos pueden tener valores por defecto para el caso en que no se pase ningún dato como argumento.

Desafio

Prueba la función signo pero con un caracter como argumento.

```
In [116]: | signo(">")
          TypeError
                                                     Traceback (most recent call last)
          Cell In[116], line 1
          ----> 1 signo(">")
          Cell In[115], line 2, in signo(x)
                1 def signo(x):
          ---> 2
                      if x > 0:
                3
                          return "positivo"
                4
                      elif x < 0:
          TypeError: '>' not supported between instances of 'str' and 'int'
In [117]: def hola(nombre="Ricardo", sonoro=False):
              if sonoro:
                  # .upper() devuelve el texto en mayúsculas
                  print(f"HOLA {nombre.upper()}")
                  print(f"Hola {nombre}")
          hola("Bob")
          Hola Bob
In [118]: hola("Fran", sonoro=True)
          HOLA FRAN
In [119]: hola("paco", True)
          HOLA PACO
In [120]:
         hola()
          Hola Ricardo
In [121]: hola(sonoro=True)
          HOLA RICARDO
```

```
In [ ]: # Una función que divide una lista de números en pares y impares
    def par_impar(lista):
        par = []
        impar = []
        for i in lista:
            if i % 2:
                par.append(i)
            else:
                 impar.append(i)
        return par, impar

par, impar = par_impar([1, 5, 6, 7, 85, 23, 56, 92])

print(par)
print(impar)

[1, 5, 7, 85, 23]
[6, 56, 92]
```

Lambdas

Los lambdas son funciones anónimas (es decir, funciones que no necesitan de un nombre como las que hemos visto antes) para operaciones básicas de una sola linea. Las veremos mucho en los temas siguientes juntamente con la librería scipy.

```
In [122]: f11 = lambda x: x + 2
f11(5)

Out[122]: 7

In [123]: f12 = lambda x, y: x**2 + y**3
f12(2, 5)

Out[123]: 129

In [124]: f13 = lambda k: f'Esto es un ejemplo para {k.capitalize()}!'
f13('toNI')

Out[124]: 'Esto es un ejemplo para Toni!'
```

Clases

Las clases son estructuras que pueden contener variables y métodos.

La sintaxis de una clase es:

```
class Nombre():
  def __init__(self, x):
  def metodo(self, y):
```

Y se puede instanciar de la siguiente forma:

```
a = Nombre('valor para x')
```

A tener en cuenta:

- En class Nombre(): se pueden referenciar clases "padre" dentro del paréntesis (la clase Nombre hereda las propiedades de las clases "padre");
- En def __init__(self, x): se definen las variables de la clase. En este caso se ha definido la variable x. Esta variable puede accederse dentro de la clase con self.x y desde fuera con a.x.
- La palabra clave self deberá ir siempre como primer parámetro en las funciones pertenecientes a la clase para que puedan acceder a los métodos y variables de la misma.

```
In [ ]: | class Saludador:
              # Constructor
              def __init__(self, nombre):
                   self.nombre = nombre # Crea una instancia de una variable
              # Método
              def saluda(self, grita=False):
                  if grita:
                       print("HOLA %s!" % self.nombre.upper())
                  else:
                       print("Hola %s" % self.nombre)
  In [ ]: | g = Saludador("Paco") # Construye una instancia de la clase Saludador
          g.saluda() # Llama el método de la instancia; Salida: "Hola Paco"
          g.saluda(grita=True) # Llama el método de la instancia; Salida: "HOLA PAC
          Hola Paco
          HOLA PACO!
In [125]: class Complex:
              def __init__(self, realpart, imagpart):
                  self.r = realpart
                  self.i = imagpart
          x = Complex(3.0, -4.5)
          x.r, x.i
Out[125]: (3.0, -4.5)
```

```
In []: class Rectangulo:
    def __init__(self, lado1, lado2):
        self.lado1 = lado1
        self.lado2 = lado2

    def area(self):
        return self.lado1 * self.lado2

    def __str__(self):
        return f"El rectángulo con lados {self.lado1} y {self.lado2} tiene
un área de {self.area()}"

rectangulo = Rectangulo(2, 3)
print(rectangulo)
```

El rectángulo con lados 2 y 3 tiene un área de 6

```
In [ ]: class Cuadrado(Rectangulo):
    def __init__(self, lado1):
        super().__init__(lado1, lado1)

cuadrado = Cuadrado(3)
    print(cuadrado)
    print("Área:", cuadrado.area())
```

El rectángulo con lados 3 y 3 tiene un área de 9 Área: 9

Ejercicios

1. Calcula la siguiente expresión: $\frac{1}{\frac{1}{2}*3^3}$

```
In []:

0.07407407407407

In [131]: 1/1/2*3**3

Out[131]: 0.07407407407407
```

1. Dado el diccionario vehiculos compuesto de nombres de vehículos y sus pesos en kilogramos, construye una lista con los nombres, escritos en mayúscula, de aquellos vehículos que tienen un peso inferior a 5000 kilogramos. Usa list comprehension.

```
In [ ]: | vehiculos = {
             "Sedan": 1500,
             "SUV": 2000,
             "Pickup": 2500,
             "Ranchera": 1600,
             "Furgo": 2400,
             "Semi": 13600,
             "Bicicleta": 7,
             "Moto": 110,
         ['SEDAN', 'SUV', 'PICKUP', 'RANCHERA', 'FURGO', 'BICICLETA', 'MOTO']
In [5]: | vehiculos = {
             "Sedan": 1500,
             "SUV": 2000,
             "Pickup": 2500,
             "Ranchera": 1600,
             "Furgo": 2400,
             "Semi": 13600,
             "Bicicleta": 7,
             "Moto": 110,
         }
         [i.upper() for i in vehiculos if vehiculos[i]<5000]</pre>
Out[5]: ['SEDAN', 'SUV', 'PICKUP', 'RANCHERA', 'FURGO', 'BICICLETA', 'MOTO']
```

1. Escribe una función que reciba como argumentos hora y minutos expresados en formato de 24 horas y devuelva una tupla del tipo (hora12, minutos,) que exprese la hora en el formato 12 horas y un tercer elemento que indique si es tarde () o mañana (None). Así, por ejemplo, si los argumentos son hora=20, minutos=16, la tupla resultante sería (8, 16, *). En cambio, si los argumentos son hora=8, minutos=16, la tupla resultante sería (8, 16, None).

```
In [ ]: | print(reloj(20, 36))
        print(reloj(7, 25))
        print(reloj(23, 59))
        (8, 36, '*')
        (7, 25, None)
        (11, 59, '*')
In [7]: def reloj(hora, minutos):
             if hora > 12:
                 return hora-12, minutos, "*"
             else:
                 return hora, minutos, None
        print(reloj(20, 36))
        print(reloj(7, 25))
        print(reloj(23, 59))
        (8, 36, '*')
        (7, 25, None)
        (11, 59, '*')
```

1. Usando math.pi, escribe una función que convierta grados en radianes y viceversa. Los argumentos de la función deben ser (valor,'rad') cuando se quiera convertir grados en radianes, mientras que los argumentos serán (valor,'gra') cuando lo que se quiera es convertir radianes en grados.

```
In [ ]: | print(grad2rad(1, "rad"))
         print(grad2rad(1, "gra"))
         print(grad2rad(180, "rad"))
         0.017453292519943295
         57.29577951308232
         3.141592653589793
In [11]: def grad2rad(n, tipo):
             if tipo == "rad":
                  return n*math.pi/180
             elif tipo == "gra":
                  return n/math.pi*180
         print(grad2rad(1, "rad"))
         print(grad2rad(1, "gra"))
         print(grad2rad(180, "rad"))
         0.017453292519943295
         57.29577951308232
         3.141592653589793
```

1. Escribe una clase que represente un cilindro mediante sus dimensiones (radio y altura) y que tenga como métodos el cálculo del volumen, el cálculo del área y el método que permita imprimir toda la información del cilindro al hacer print.

```
In [ ]: cyl = Cilindro(2, 4)
print(cyl)
```

El cilindro de radio 2 y altura 4 tiene el volumen 50.26548245743669 y la s uperficie 75.39822368615503

```
In [20]: class Cilindro:
    def __init__(self, radio, altura):
        self.radio = radio
        self.altura = altura

    def volumen(self):
        return math.pi*self.radio**2*self.altura

    def area(self):
        return 2*math.pi*self.radio*self.altura+2*math.pi*self.radio**2

    def __str__(self):
        return f"El cilindro de radio {self.radio} y altura {self.altura} t
    iene el volumen {self.volumen()} y la superficie {self.area()}"

    cyl = Cilindro(2, 4)
    print(cyl)
```

El cilindro de radio 2 y altura 4 tiene el volumen 50.26548245743669 y la superficie 75.39822368615503