Управление доходами.

Лекции.

ЧЕРНОВИК

Лектор: Фридман Г.М.

Автор конспекта: Курмазов $\Phi.A.^*$

14 апреля 2021 г.

Содержание

| 1 | Лен | кция 1. | 2 |
|---|-----|---|---|
| | 1.1 | Введение в управление доходами | 2 |
| | 1.2 | Общая формулировка задачи определения оптимальной стратегии продаж авиакомпании | 2 |
| | 1.3 | Простейшая модель оптимизации стратегии продаж авиакомпании | 2 |
| 2 | Лен | ция 2. | |
| | 2.1 | Стохастические модели. | 4 |
| | 2.2 | Описание имитационной модели. | 4 |
| | 2.3 | Пределы бронирования. | 4 |

^{*}f.kurmazov.b@gmail.com

1 Лекция 1.

1.1 Введение в управление доходами.

Управление доходами (англ. Revenue Management) — область исследования операций, занимающаяся преимущественно моделлированием и оптимизацией процессов, связанных с оптимизацией поведения производителя товаров/услуг на микро уровне. Основная цель — продажа правильного товара, правильному покупателю, в правильном месте, в правильное время, с целью максимизации роста выручки. Таким образом область сочетает в себе методы оптимизации, математической статистики, микро- и макроэкономики.

Конечно, надо написать первую лекцию. Желательно тому, кто ее писал.

1.2 Общая формулировка задачи определения оптимальной стратегии продаж авиакомпании.

Авиакомпания предлагает на рынке O-D ряд продуктов, каждый из которых представляет собой комбинацию "маршрут-класс билета", где класс билета — его цена. Спрос на каждый продукт, обычно, предсказывается заранее (вне данной модели), и обычно разбивается на несколько временных интервалов (DCP — data collection periods).

Авиакомпания хочет продавать все продукты таким образом, чтобы получить максимальных доход, учитывая при этом естественные ограничения вроде: заданный общий спрос, цена билетов, вместимость самолетов на рейсах, из которых состоят маршруты. Т.о. авиакомпания хочет найти оптимальную стратегию продаж, основанную на прогнозе спроса, физических ограничениях и реальном потоке запросов/покупателей.

1.3 Простейшая модель оптимизации стратегии продаж авиакомпании.

Заданы:

- Множество рейсов $Flights = [F]^1$
- Множество продуктов авикакопании G = [N].
- Вектор вместимости рейсов $cap \in \mathbb{N}^F$
- Продукт $i \in G$ состоит из маршрута $Path_i \subseteq Flights$, при чем связного (i.e. путь в графе терминалов), и некоторой стоимости p_i (i.e. класс обслуживания).
- Вектор стоимостей продуктов $p \in \mathbb{N}^N$.
- Вектор спрогнозированного спроса на продукты $d \in \mathbb{N}^N$.

Цель задачи найти $x \in \mathbb{N}^N$ — количество продуктов каждого типа, которое компания разместит на рынке, максимизирующее выручку компании.

Пусть A — матрица $N \times F$, в которой $a_{i,j} = 1$, если i-й рейс входит в j-й продукт (i.e. содержится в нем в качестве маршрута), и $a_{i,j} = 0$ иначе.

¹Здесь и далее, принята нотация $[n] = \{1, 2, 3, ...n\}$.

Тогда линейная целочисленная программа соответствующая задаче может быть записана:

$$\begin{cases} p^T x & \to \max_x \\ A x & \le cap \\ x & \le d \\ x \in \{0, 1\}^N \end{cases}$$

2 Лекция 2.

2.1 Стохастические модели.

Шкалу времени можно разбить на периоды по DCP (англ. data collection points/periods) – точкам, в которых компания может принимать управленческие решения.

Главный недостаток детерминированной модели — слабая описательная способность реальной ситуации, и негибкость во времени.

При использовании прогноза на спрос важно знать точность этого прогноза, для анализа эффективности выработанной стратегии.

Возможные стратегии продаж:

- Первый пришел первый купил (англ. first come first served FCFS);
- Оптимальная стратегия для одной начальной точки DCP (1DCP);
- Оптимальная стратегия для четырех точек DCP (4DCP);

2.2 Описание имитационной модели.

Для имитации реального процесса продажи билетов можно принять поток запросов распределенным нормально, с параметрами $\mu = k_1 d_{it}$, $\sigma = k_2 \sqrt{d_{it}}$. Где k_1 , k_2 – ошибки прогноза мат. ожидания и ско соответственно.

Для каждого периода и для каждого вида товара можно сгенерировать (имитация) свой поток запросов на покупку. Каждый такой запрос может быть удовлетворен или отклонен, в зависимости от выбранной стратегии.

При каждом удовлетворении запроса требуется поддерживать естественные ограничения (т.е. уменьшать число оставшихся мест на рейсах).

По результату работы имитационной модели можно оценить отношение полученной выручки (в результате выбранной стратегии) к максимальной выручке, доступной при данном потоке требований.

2.3 Пределы бронирования.

Предел бронирования (англ. booking limit) b — количество билетов, которые мы готовы продать в данном ценовом классе.

Пределы бронирования могут быть вложенными и невложенными.

Вложенные пределы бронирования предполагают, что компания готова продать товар меньшей стоимости по стоимости более дорогого товара. Тем не менее, компания заранее "ждет" заданное количество "богатых" покупателей, в связи с чем резервирует для них билеты, и защищает их от покупки по меньшей стоимости.

Уровень защиты y (англ. protection levels) — сколько билетов защищено в данном и более высоких ценовых классах.

Для выбора уровня защиты можно оценивать ожидаемую выручку от k-го билета дорогого класса, и сравнивать ее с ожидаемой выручкой при продаже этого билета по меньшей стоимости, в зависимости от распределения количества заявок на покупку того или иного класса.