DA MATITA A DEDUKTI E RITORNO SOTTOTITOLO CHE NON SO ANCORA COSA

Mattia Girolimetto

Relazione per il corso 85001 - Metodi logici per la Filosofia Alma Mater Studiorum, Università di Bologna

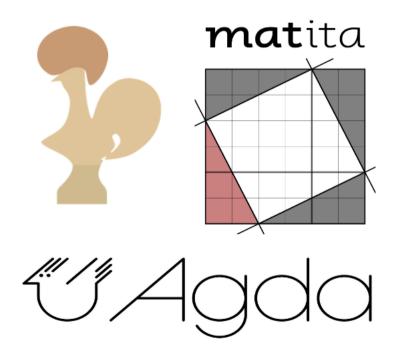
19 Luglio 2023

INDICE

1	Dedu	kti e Matita
	1.1	I proof assistant
	1.2	Dedukti
	1.3	Matita
2	Espoi	tazione
	2.1	Krajono
	2.2	La codifica
3	Importazione	
	3.1	Problemi
	3.2	Pragma
4	Conc	lusioni

Dedukti e Matita

I PROOF ASSISTANT



ISOMORFISMO DI CURRY-HOWARD

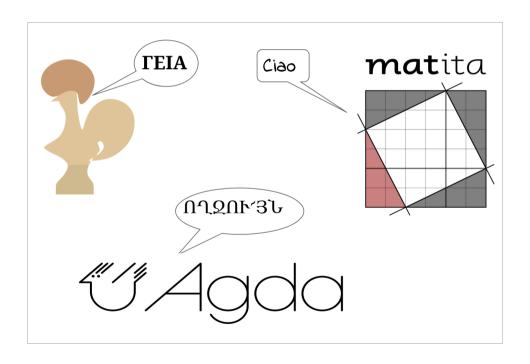
 LOGICA
 TEORIA DEI TIPI

 Proposizioni
 ⇔
 Tipi

 Dimostrazioni
 ⇔
 Programmi

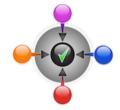
 Verifica di una dimostrazione
 ⇔
 Verifica di tipo

I PROOF ASSISTANT



DEDUKTI

- ► Framework logico
- ► Implementa logiche e teoremi
- ► Basato sul λΠ-calcolo modulo





$\lambda\Pi$ -CALCOLO MODULO

Estende il λ -calcolo tipizzato aggiungendo

- ► Tipi dipendenti
- ► Regole di riscrittura

$\lambda\Pi$ -CALCOLO MODULO

Estende il λ -calcolo tipizzato aggiungendo

- ► Tipi dipendenti
- ► Regole di riscrittura

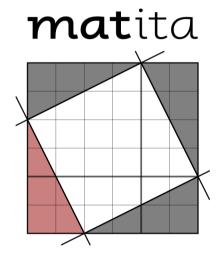
Esempio (Regole di riscrittura)

$$sum \ n \ 0 \hookrightarrow n$$

$$prod \ n \ 0 \hookrightarrow 0$$

MATITA

- Proof assistant sviluppato all'Università di Bologna
- ► Basato sul calcolo delle *costruzioni* (*co*)*induttive*



CALCOLO DELLE COSTRUZIONI (CO)INDUTTIVE

Caratteriazzato dalla possibilità di definire

- ► tipi induttivi
- punto fissi
- pattern matching

```
inductive nat: Type[0] \stackrel{\text{def}}{=}
    0 : nat
    | S : nat \rightarrow nat.

let rec plus n m on n \stackrel{\text{def}}{=}
    match n with
[ 0 \Rightarrow m
| S x \Rightarrow S (plus x m)
].
```

Esportazione

Krajono

- ► Fork di Matita
- Aggiunge l'esportazione verso Dedukti
- Non più supportato



LA CODIFICA

```
let rec plus n m on n &
match n with
[ O ⇒ m
S \times A \to S \text{ (plus } \times A \text{ m) } 
                                   def plus :
                                         cic.Term (cic.type cic.z)
                                           (cic.prod (cic.type cic.z) (cic.type cic.z)
                                              matita esperimento other. nat
                                              (__ : cic.Term (cic.type cic.z) matita_esperimento_other.nat =>
                                               cic.prod (cic.type cic.z) (cic.type cic.z)
                                                  matita_esperimento_other.nat
                                                  (1:
                                                     cic.Term (cic.type cic.z) matita_esperimento_other.nat =>
                                                  matita_esperimento_other.nat))).
                                   def plus body :
                                         cic.Term (cic.type cic.z)
                                           (cic.prod (cic.type cic.z) (cic.type cic.z)
                                              matita_esperimento_other.nat
                                              (__ : cic.Term (cic.type cic.z) matita_esperimento_other.nat =>
                                               cic.prod (cic.type cic.z) (cic.type cic.z)
                                                  matita_esperimento_other.nat
                                                  (1:
                                                     cic.Term (cic.type cic.z) matita_esperimento_other.nat =>
                                                   matita esperimento other.nat))).
```

Importazione

IMPORTAZIONE



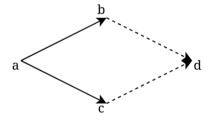
PROBLEMI

▶ **Problema** In Dedukti le proprietà di *confluenza* e *normalizzazione* non sono garantite.

CONFLUENZA E NORMALIZZAZIONE

Definizione (Confluenza)

Dato un termine a, se esistono due regole di riscrittura $a \hookrightarrow^* b$ e $a \hookrightarrow^* c$, allora esiste un termine d tale che $b \hookrightarrow^* d$ e $c \hookrightarrow^* d$.



Definizione (Normalizzazione)

Dato un termine, questo può essere ridotto al più un numero finito di volte.

PROBLEMI

- ▶ **Problema** In Dedukti le proprietà di *confluenza* e *normalizzazione* non sono garantite.
- ▶ **Problema** Durante la codifica vengono perse informazioni necessarie alla ricostruzione dei termini originali.

PRAGMA

Per preservare tali informazioni vengono usate le *pragma*:

```
#PRAMGA BEGIN INDUCTIVE NAME=nat LEFTNO=0 CONS:nat=O CONS:nat=S.

nat : cic.Univ (cic.type cic.z).

0 : cic.Term (cic.type cic.z) matita_test_nat.nat.

7 S : cic.Term (cic.type cic.z) (cic.prod (cic.type cic.z) (cic.type cic.z)

matita_test_nat.nat(__ : cic.Term (cic.type cic.z)

matita_esperimento_nat.nat => matita_test_nat.nat)).

10

#PRAMGA END INDUCTIVE.
```

Conclusioni

CONCLUSIONI

- ▶ È possibile esportare i termini Matita nel linguaggio di Dedukti
- È possibile importare in Matita termini Dedukti
- ▶ È possibile reimportare in Matita termini Dedukti precedentemente esportati da Matita, ricostruendo (in parte) l'oggetto Matita originale

LAVORI FUTURI

- ▶ Aggiungere ricostruzione del costrutto di pattern matching
- ▶ Integrare le funzionalità di importazione/esportazione con la UI di Matita

LINK UTILI

- ► Matita: https://github.com/sacerdot/matita
- Dedukti: https://deducteam.github.io/
- ► Krajono: https://github.com/Deducteam/Krajono
- ► Coq: https://coq.inria.fr/
- ► Agda: https://wiki.portal.chalmers.se/agda/pmwiki.php