

# Analiza različnih modelov trgovanja na decentraliziranih borzah

## Poročilo za projekt pri predmetu Matematika z računalnikom

Špela Bernardič in Nika Pavlič

Maj 2024

## 1 Nekaj pojmov in pojasnil

### 1.1 Pametne pogodbe

Pametne pogodbe so digitalne pogodbe, shranjene na blockchainu, ki se samodejno izvedejo, ko so izpolnjeni vnaprej določeni pogoji. Običajno se uporabljajo za avtomatizacijo izvajanja dogovora, tako da so lahko vsi udeleženci takoj prepričani o izidu, brez vpletenosti posrednika ali izgube časa. Prav tako lahko avtomatizirajo potek dela in sprožijo sledeče dejanje, ko so izpolnjeni vnaprej določeni pogoji.

### 1.2 ERC-20

ERC-20 je standard za **fungible** žetone (t.j. žetoni so si med seboj popolnoma enaki (po vrsti in vrednosti)). ERC-20 žeton na primer deluje enako kot ETH, kar pomeni, da 1 žeton je in bo vedno enak vsem drugim žetonom.

## 2 Uniswap

Uniswap največja decentralizirana borza, ki je začela delovati leta 2018. Uvedla je **automated market maker (AMM)** namesto tradicionalnih **order book**, ki jih uporabljajo borze. Deluje na Ethereum blockchainu in uporablja vrsto pametnih pogodb (ang. *smart contracts*) za varno zamenjavo ERC-20 žetonov med uporabniki brez posrednika.

Decentraliziran vidik protokola pomeni, da borze ne vodi nobena centralizirana avtoriteta. Namesto tega so zamenjave opravljene 'ena na ena' (ang.

*peer to peer*). Uniswap se trudi rešiti problem likvidnosti, s katerim se srečujejo na drugih borzah. Z vsako novo verzijo Uniswap poskuša zagotoviti bolj varno, učinkovito in uporabno platformo.

## 2.1 Uniswap v2

Uniswap V2 je izšla maja 2020. V2 je uporabnikom omogočila neposredno trgovanje s katerima koli ERC-20 žetonoma, namesto preko ETH (V1). S tem se je zmanjšalo število transakcij in prihranilo na **gas fees**. Verzija je uvedla decentraliziran cenovni orakelj, ki je ponujal zanesljive podatke o cenah v realnem času. S tem je protokol postal bolj odporen proti manipulaciji s cenami. Uvedli so tudi t.i **flash swaps**, ki so omogočile, da si uporabniki izposodijo poljubno količino žetonov iz likvidnostnega **bazena/sklada??**, z njimi izvedejo zeleno dejanje in v okviru iste transakcije vrnejo izposojene žetone.

### 2.1.1 Likvidnost

V Uniswap v2 je likvidnost enakomerno porazdeljena po cenovni krivulji  $x \cdot y = k$ , kjer sta  $x$  in  $y$  količina žetonov X in Y v likvidnostnem bazenu,  $k$  pa je konstanta. Ideja je bila ohraniti konstantno razmerje znotraj likvidnostnega sklada/bazena, tako da bi bila skupna vrednost enega žetona vedno enaka skupni vrednosti drugega žetona v skladu/bazenu, ne glede na trenutno medsebojno ceno. Likvidnost se torej zagotavlja za celotno cenovno območje  $(0, \infty)$ . V večini likvidnostnih bazenov, ta likvidnost ni nikoli uporabljena.

Ponudniki likvidnosti Uniswapa V2 zaslužijo provizije le za majhen del svojega kapitala, kar lahko pomeni, da ne morejo ustrezno kriti cenovnega tveganja (IL), ki ga prevzemajo z velikimi zalogami obeh žetonov. Poleg tega so uporabniki pogosto izpostavljeni visokim stopnjam zdrsov (ang. *slippage*), saj je likvidnost porazdeljena po vseh cenovnih območjih.

### 2.1.2 Impermanent loss

**Impermanent loss** (IL) je izguba, ki jo ponudnik likvidnosti utрпи, ko zagotovi likvidnost bazenu/skladu potem pa se cene vloženih sredstev spremenijo. IL se pojavi zaradi stalnega uravnovešanja likvidnostnih bazenov, kot odziv na gibanje tržnih cen. Izguba se ne realizira dokler ponudnik likvidnosti ne umakne svojih sredstev iz bazena/sklada. Če se cene žetonov vrnejo v prvotno razmerje IL izgine. Ponudniki likvidnosti za zagotavljanje likvidnosti prejema provizije od trgovanja, ki lahko izravna IL, vendar lahko na nestabilnih trgih ali med ekstremnimi gibanji cen IL preseže zaslužene provizije.

Poglejmo si primer IL:

- Recimo, da smo ponudnik likvidnosti v 50/50 ETH/CRO sklad in da je trenutna cena ETH  $P_0 = 1000$  CRO. V sklad damo enako vrednost ETH in CRO npr. 5 ETH in 5000 CRO.
- Po tem, ko dodamo likvidnost se cena ETH podvoji in se trguje po ceni  $P_1 = 2000$  CRO. (Arbitražni trgovci bodo v sklad dodali CRO in odstranili ETH, da se cena ETH/CRO ujema z zunanjimi borzami).
- Po formuli konstantnega produkta  $X \cdot Y = k$  izračunamo  $k$ :

$$5 (ETH) \cdot 5000(CRO) = 25000.$$

- Izračunajmo imetje po arbitražnem trgovanju:

$$likvidnot_{ETH} = \sqrt{k/P_1} = \sqrt{25000/2000} = 3,5355$$

$$likvidnot_{CRO} = \sqrt{k \cdot P_1} = \sqrt{25000 \cdot 2000} = 7071,0678$$

- Če sedaj iz sklada umaknemo likvidnost prejmemo 14142,0678 CRO ( $3,5355 ETH \cdot 2000CRO + 7071,0678CRO$ ).
- Če bi žetone držali namesto jih dali v sklad bi sedaj imeli 15000 CRO ( $5ETH \cdot 2000CRO + 5000CRO$ ).
- V tem primeru je naš IL  $15000 - 14142 = 858$  CRO.

### 2.1.3 Provizije

V Uniswap V2 se za vsako zamenjavo žetonov zaračuna fiksna provizija v višini 0,3

### 2.1.4 Zdrs (ang. *Slippage*)

Zdrs je odstotna vrednost, ki opisuje odstotno razliko med žetoni, ki jih ob transakciji dejansko prejemo in pričakovano količino žetonov. Do razlike pride predvsem zaradi sprememb razmerja žetonov v likvidnostnem skladu. Zdrs je ponavadi večji pri velikih transakcijah in v majhnih likvidnostnih skladih.

Ko uporabnik predloži transakcijo na Ethereum-u je hitrost izvedbe transakcije odvisna od cene izvedbe transakcije, ki jo je pripravljen plačati (gas price). Več kot plača gas, hitreje se bo transakcija izvedla. Če transakcija

oziroma zamenjava (swap) dolgo čaka na izvedbo, se lahko razmerje valut v likvidnostnem bazenu v tem času spremeni, saj so se med čakanjem izvedle že druge zamenjave. To lahko pomeni, da bo uporabnik zaradi čakanja na izvedbo transakcije dobil manj željenih žetonov kot jih je pričakoval.

V ta namen je definirana toleranca za zdrs (ang. *Slippage tolerances*), ki pove za koliko se lahko razmerje žetonov spremeni, da se transakcija še vedno izvede. Torej, če se razmerje žetonov v likvidnostnem bazenu med čakanjem transakcije na izvedbo spremeni za več kot to dovoljuje Slippage tolerance, se transakcija ne izvede in Uniswap vrne napako `INSUFFICIENT_OUTPUT_AMOUNT`.

Definirana je tudi omejitev največ koliko časa lahko transakcija čaka preden se izvede (deadline). Če se transakcija ne izvede do roka se jo prekliče in Uniswap vrne napako `Expired`. S tem se uporabnika zaščiti pred dolgim čakanjem za izvedbo zamenjave in velikim spremembam cen.

Primer zamenjave z izračunom zdrsa (manjši likvidnostni sklad):

1. Pred zamenjavo:

- Naj bo  $X$  trenutna količina ETH v ETH/CRO likvidnostnem skladu:  $X = 5$  ETH
- Naj bo  $Y$  trenutna količina CRO v ETH/CRO likvidnostnem skladu:  $Y = 5000$  CRO
- Potem je konstantni produkt  $k = 5 \cdot 5000 = 25000$
- Naj bo  $P_0$  cena ETH žetona:  $P_0 = 5000/5 = 1000$  CRO.

2. Zamenjava:

- Želimo zamenjati 1 ETH za CRO.
- V sklad dodamo 1 ETH žeton, dobimo pa  $\Delta Y = Y - k/(X + \Delta X) = 5000 - 25000/6\text{ETH} = 833,33$  CRO.
- $Zdrs = (1000 - 833,33)/1000 = 16\%$
- V skladu je sedaj 6 žetonov ETH in 4166,67 žetonov CRO.
- Cena ETH je sedaj  $4166,67/6 = 694,45$  CRO.

Primer zdrsa pri večjem likvidnostnem skladu:

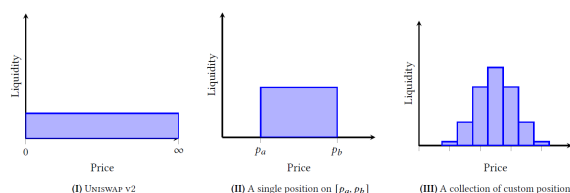
Naj bo sedaj v skladu 5000 ETH in 5 mio CRO.  $P_0$  je torej enak kot prej. Ko sedaj zamenjamo 1 ETH za CRO, dobimo 999,8 CRO. Zdrs pa je v tem primeru veliko manjši in sicer 0.02 %.

## 2.2 Uniswap V3

Uniswap V3 je tretja verzija protokola, ki je izšla maja 2021 in prinesla veliko izboljšav. Med njimi je najpomembnejša koncentrirana likvidnost.

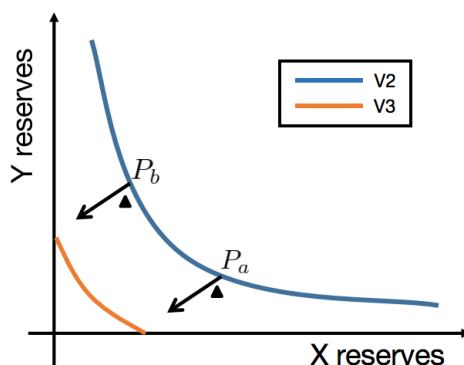
### 2.2.1 Koncentrirana likvidnost

V sistemu Uniswap V2 so uporabniki torej svojo likvidnost razpršili po celotnem cenovnem razponu, v sistemu Uniswap V3 pa se lahko ponudniki likvidnosti odločijo, da bodo svoj denar skoncentrirali na določen cenovni razpon. Tem cenovnim razponom pravimo pozicije. Pri tem lahko združijo poljubno število različnih koncentriranih pozicij znotraj enega bazena/sklada.



S koncentriranjem likvidnosti lahko ponudnik v V3 nudi enako likvidnost kot ponudnik v V2 v določenem cenovnem območju z manj kapitala. Povedano drugače; zaslužijo lahko enako provizij za manj kapitala, saj je njihov denar skoncentriran na območju, kjer se odvija največ trgovalne dejavnosti. Po drugi strani pa lahko z ponudnik V3 z enakim kapitalom kot V2, zagotovi več likvidnosti, za kar pa mora prevzeti več cenovnega tveganja (IL). S tem omogočajo več trgovanja in zato zaslužijo več provizij. Vsaka pozicija mora imeti le dovolj rezerv, da bo dopuščala menjave znotraj svojega določenega območja. V primeru, da se tržna cena premakne izven določenega območja, je likvidnost ponudnika izvzeta iz bazena/sklada in ponudnik ne prejema provizij, dokler se cena ne premakne nazaj v cenovno območje, ki ga je določil oz. dokler ne spremeni mej cenovnega območja. Na tej točki bo pozicija/bazen/sklad tega ponudnika sestavljen le iz enih žetonov.

Koncentriranje likvidnosti povečuje kapitalsko učinkovitost, saj so sredstva razporejena tam, kjer je trgovanje najbolj verjetno.



Zaradi koncentrirane likvidnosti ponudnikove likvidnostne pozicije niso več zamenljive in v protokolu niso več predstavljene kot ETC-20 žeton. Namesto tega so predstavljene kot NTF-ji.

### **2.2.2 Prilagodljive provizije**

Uniswap V3 je uvedel prilagodljive provizije, kjer lahko ponudnik likvidnosti določi provizijo, glede na ugotovljeno tveganje para žetonov, za katerega zagotavlja likvidnost. Na podlagi volatilnosti para lahko izbira med provizijami v višini 0.05 %, 0.3 % in 1 %.

## **2.3 Primerjava**

Čeprav imata tako V2 kot V3 svoje prednosti, je temeljna razlika v kapitalski učinkovitosti in potencialnih donosih za ponudnike likvidnosti. Uvedba koncentrirane likvidnosti v različici V3 je spremenila način zagotavljanja likvidnosti v sistemu Uniswap in ponudila možnost veliko večjih donosov na naložbe. Medtem ko ima V2 enostaven pristop k zagotavljanju likvidnosti, je V3 kompleknejša in zahteva globlje razumevanje tržne dinamike in gibanja cen. Ponudniki likvidnosti morajo aktivno upravljati svoje pozicije in prilagajati cenovna območja za svojo likvidnost.