$$(A \times B) \cup (C \times D) = (A \cup C) \times (B \cup D)$$

Нехай $(x, y) \in (A \times B) \cup (C \times D) \Leftrightarrow (x, y) \in (A \times B) \& (x, y) \in (C \times D) \Leftrightarrow$
 $(x \in A \& y \in B) \& (x \in C \& y \in D) \Leftrightarrow$
 $(x \in A \& x \in C) \& (y \in B \& y \in D) \Leftrightarrow$
 $(x \in A \cup C) \& (y \in B \cup D) \Leftrightarrow (x, y) \in (A \cup C) \times (B \cup D)$.
Вірно.

2.

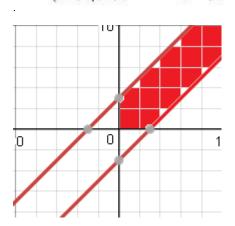
$$R \subset M \times 2_M$$

$$R (x,y) \quad |x M \& x y \& \quad |y| x \quad ^{A^e} M x \quad |x Z \& \quad |x| 1.^{Z-\text{множина цілях чиссел}}$$

	{0}	{-1}	{0}	{1}	{-1;0}	{0;1}	{-1;1}	{-1;0;1}
-1	0	1	0	0	1	0	1	1
0	0	0	1	0	1	1	0	1
1	0	0	0	0	0	1	1	1

3.

$$\alpha = \{(x, y) | (x, y) \in \mathbb{R}^2 \ \& (x - y)^2 = 9 \}$$
, де \mathbb{R} - множина дійсних чисел.



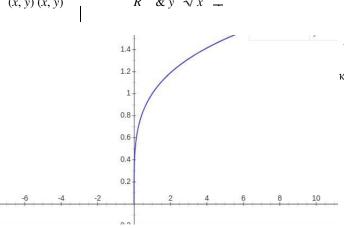
4	٤.					
4	•					

1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1

- * нерефлексивне
- * симетричне
- * транзитивне

$$5. (x, y) (x, y)$$

$$R^{2} \& y \sqrt{x^{4}}$$



При x>=о відношення функціональне і бієктивне, оскільки кожному у відповідає один x та кожному x відповідає один y.

#include <stdio.h>

#include <cs50.h>

int main()

{

```
int n = 100;
int A[n];
int B[n];
// matrix
int C[n][n];
do
{
  printf("Enter the number of elements in A and B: ");
  n = GetInt();
} while (n < 1);
// initialisation of A and B
for (int i = 0; i < n; i++)
  printf("A[%d] = ", i + 1);
  A[i] = GetInt();
```

```
}
for (int i = 0; i < n; i++)
{
   printf("B[\%d] = ", i + 1);
   B[i] = GetInt();
}
// matrix
for (int i = 0; i < n; i++)
  printf("| ");
  for (int j = 0; j < n; j++)
     if(2*A[i]-B[j] < 3)
        C[i][j] = 1;
        printf("%d ", C[i][j]);
```

```
else
     \Big\{
        C[i][j] = o;
        printf("%d ", C[i][j]);
   }
   printf("|");
   printf("\n");
}
// reflexivity
for (int j = 0; j < n; j++)
   if(C[j][j] != 1)
     printf("Not reflexive");
     break;
   }
```

```
else if (j == n - 1)
     printf("Reflexive");
}
printf("\n");
// antireflexivity
for (int j = 0; j < n; j++)
   if(C[j][j] != o)
     printf("Not antireflexive");
     break;
   else if (j == n - 1)
     printf("Antireflexive");
}
printf("\n");
```

```
// symmetry
for (int i = 0, k = 0; i < n; i++)
  for (int j = 0; j < n; j++)
     if(C[i][j]!=C[j][i] \&\& i!=j)
        k = 1;
       printf("Not symmetic");
        break;
     else if (i == n - 1 \&\& j == n - 1)
       printf("Symmetric");
   }
   if(k)
     break;
printf("\n");
```

```
// antisymmetry
for (int i = 0, l = 0; i < n; i++)
  for (int j = 0; j < n; j++)
     if(C[i][j] == C[j][i] \&\& i!=j)
        l = 1;
        printf("Not antisymmetic");
        break;
     else if (i == n - 1 \&\& j == n - 1)
        printf("Antisymmetric");
   }
   if(l)
     break;
```

```
printf("\n");
// transitivity
bool transitive = true;
bool antitransitive = true;
for (int i = 0; i < n; i++)
  for (int j = 0; j < n; j++)
    for (int k = 0; k < n; k++)
        if(j == k == i)
          continue;
        transitive = transitive & (!C[i][j] || C[j][k] || C[i][k]);
        antitransitive = antitransitive & (!C[i][j] || !C[j][k] || !C[i][k]);
```

```
if (transitive)
    printf("Transitive\n");
else
    printf("Not transitive\n");

if (antitransitive)
    printf("Antitransitive\n");
else
    printf("Not antitransitive\n");
```