

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

### Linguagg

Espressioni regolari Automi a stati finiti

#### Grammatiche

Progettazione grammatiche Analisi grammaticale

#### Trasduttor

trasduttori
Grammatiche adattributi

#### Acse

Conclusion

### Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Politecnico di Milano

28 febbraio 2011



### Indice

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezial

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stati finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori Automi trasduttori Grammatiche a attributi 1 Introduzione

2 Linguaggi regolari

Espressioni regolari

Automi a stati finiti

3 Grammatiche

Progettazione grammatiche

Analisi grammaticale

Analisi sintattica

4 Trasduttori

Automi trasduttori

■ Grammatiche ad attributi

5 Acse

6 Conclusioni



### Sommario

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

#### Introduzione

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad

Conclusioni

### 1 Introduzione

- 2 Linguaggi regolari
  - Espressioni regolari
  - Automi a stati finiti
- 3 Grammatiche
  - Progettazione grammatiche
  - Analisi grammaticale
  - Analisi sintattica
- 4 Trasduttori
  - Automi trasduttori
  - Grammatiche ad attributi
- 5 Acse
- 6 Conclusioni



### Contenuti

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Introduzione

Il tutorato è organizzato per aiutarvi a preparare l'esame. Vedremo esercizi sia "teorici" che "pratici":

> teoria espressioni regolari, grammatiche, ... pratica modificare la macchina ACSE

In poche parole:

■ risolveremo un tema d'esame



## Organizzazione

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzione

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

Per questa sessione vengono offerte due lezioni:

- una in Inglese
- una in Italiano

Altre lezioni saranno tenute in prossimità delle sessioni d'esame:

- una lezione a luglio
- due lezioni a settembre

Ogni lezione è suddivisa in due parti:

- 3 ore per la parte di teoria
- 3 ore per la parte di laboratorio



### Materiale

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Introduzione

Queste slides possono essere scaricate dal mio sito:

http://home.dei.polimi.it/speziale/

Cercatele nella sezione didattica riferita all'anno corrente. Troverete diverse piccole figure:

- questo perché è difficile, per esempio, far entrare un AST in una slide
- comunque le immagini sono scalabili, potete ingrandirle quanto volete



### Sommario

Tutorato linguaggi formali e compilatori

#### Linguaggi regolari

2 Linguaggi regolari

Espressioni regolari

Automi a stati finiti

Progettazione grammatiche

Analisi grammaticale

Analisi sintattica

Automi trasduttori

Grammatiche ad attributi



## Progetto di espressioni regolari

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche a
attributi

Il linguaggio L è composto dai caratteri a, b con le seguenti restrizioni:

- 1 non contiene la stringa vuota
- 2 la sotto-stringa *ab* occorre un numero pari di volte

Si richiede di:

- scrivere tre frasi di lunghezza 6
- 2 scrivere l'espressione regolare R generante L con i soli operatori unione, concatenamento, stella e croce
- $\blacksquare$  verificare se vale la relazione  $L(R) = L(R^*)$



## Rappresentare L

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzior

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche a

Il testo è scritto in linguaggio naturale, ma descrivere il linguaggio *L* semi-formalmente può essere utile:

$$L(R) = \{x \in \Sigma_{a,b}^* | x \neq \epsilon \cap even(\#x_{ab})\}$$

Alcune persone ragionano meglio con quest'ultima rappresentazione.



## Stringhe d'esempio

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzior

regolari
Espressioni
regolari
Automi a stat

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ac
attributi

Questo punto è molto importante:

permette di capire come è fatto il linguaggio

Nello specifico, osservo che 0 è un numero pari quindi:

$$\{s_1, s_2\} = \{a^6, b^2 a^4\} = \{aaaaaa, bbaaaa\} \subset L(R)$$

Il pari successivo è 2, quindi considero:

KabHabJ

Scelgo opportunamente K, H, J:

$$s_3 = subs(K \Rightarrow \epsilon, H \Rightarrow \epsilon, J \Rightarrow a^2) = (ab)^2 a^2 = ababaa \in L(R)$$



## Espressione regolare I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Espressioni regolari

Procediamo per passi; partiamo dal vicolo più stringente e da una espressione regolare base:

$$even(\#x_{ab}), R_0 = abab$$

Poi aggiungiamo caratteri in modo che le stringhe generate stiano sempre all'interno di L:

tra le due ab non devo far formare altre ab:

$$R_1 = ab^+a^+b$$

 $\blacksquare$  ripeto  $R_1$  un numero arbitrario, diverso da 0, di volte:

$$R_2 = (ab^+a^+b)^+$$



### Espressione regolare II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Espressioni regolari

considero i limiti del ciclo e li espando:

$$R_3 = (a^+b^+a^+b^+)^+$$

mi accorgo che la stringa potrebbe iniziare anche con delle b e finire con delle a:

$$R_4 = b^*(a^+b^+a^+b^+)^+a^*$$

A questo punto non mi resta che considerare i casi che contengono 0 ripetizioni di ab:

le prime due stringhe d'esempio ricadono in tali casi:

$$s_1 = a^6, s_2 = b^2 a^4$$

■ non c'è modo di generarle partendo da R<sub>4</sub>



### Espressione regolare III

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Espressioni regolari

**generalizzo**  $s_1, s_2$ :

$$R_5 = a^+ R_6 = b^+ a^*$$

 considero altre stringhe degeneri, come quella formata da sole b:

$$R_7 = b^+$$

ma mi accorgo che è generata da  $R_6$ 

Alla fine non resta che assemblare le espressioni regolari:

$$R = R_4 \cup R_5 \cup R_6$$



### Chiusura rispetto al concatenamento

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stati finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori Automi trasduttori Grammatiche ad attributi Prima di tutto verifichiamo se  $L(R) \neq L(R^*)$ :

 mi basta trovare un caso tale per cui la chiusura non sia valida

Osservo che posso ricavare la stinga nulla da  $R^*$ :

$$R^* \Rightarrow R^0 = \epsilon$$

Ma  $\epsilon \notin L(R)$ , quindi:

$$L(R) \neq L(R^*)$$

Se non trovassi tale caso devo dimostrare che le due espressioni regolari generano lo stesso linguaggio.



### Trasformazioni su automi I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzioi

regolari Espression

regolari Automi a stati finiti

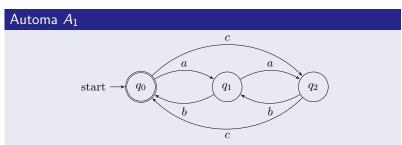
Progettazione grammatiche
Analisi grammaticale

Automi trasduttori

Grammatich attributi

Conclusioni

Dato l'automa  $A_1$ , riconoscitore del linguaggio  $L_1 \subset \Sigma_{a,b,c}^*$ :



Data la proiezione  $\pi$ :

$$\pi(x) = \begin{cases} a & \text{for } x = a \\ b & \text{for } x = b \\ \epsilon & \text{for } x = c \end{cases}$$



### Trasformazioni su automi II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stati finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche a

Sia  $A_2$  l'automa riconoscitore del linguaggio  $L_2 \subset \Sigma_{a,b}^*$ , ottenuto applicando la proiezione  $\pi$  al linguaggio L1. Si richiede di:

- 1 costruire l'automa deterministico minimo
- 2 calcolare l'espressione regolare  $R_2$  generatrice del linguaggio  $L_2$  partendo dall'automa precedentemente calcolato ed applicando l'algoritmo di Brzozowski e McCluskey



### Riconoscitore deterministico minimo di $L_2$

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi a stati finiti

Nel testo ci sono due parole chiave, che richiedono delle proprietà fondamentali dell'automa che costruite:

deterministico non esiste ambiguità sulla scelta del successore di un stato

minimo non esiste un altro automa riconoscitore di  $L_2$  con un numero di minore di stati



### Proiezione

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzior

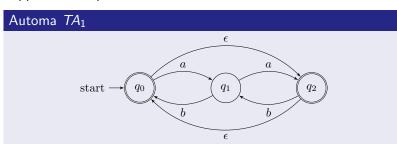
Linguagg regolari Espression

regolari
Automi a stati

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad

Applicando la proiezione otteniamo l'automa  $TA_1$ :



La presenza delle mosse spontanee rende l'automa  $TA_1$  non-deterministico.



### Eliminazione mosse spontanee

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzion

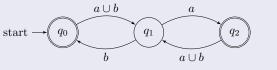
Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stati finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

Le mosse spontanee si eliminano facendone la chiusura transitiva; si ottiene l'automa  $TA_2$ :

### Automa *TA*<sub>2</sub>



Esso è deterministico, ma non minimo:

 $q_0 e q_2$  sono equivalenti



### Minimizzazione automa I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzior

regolari
Espressioni
regolari
Automi a stati

finiti

Grammatiche

Progettazione
grammatiche

Analisi

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad

Se non vedete che  $q_0$  e  $q_2$  sono equivalenti, si applica l'algoritmo di minimizzazione:

Tabella degli stati						
		а	b			
	$q_0$	$q_1$	$q_1$			
	<ul><li>q<sub>0</sub></li><li>q<sub>1</sub></li><li>q<sub>2</sub></li></ul>	9 <sub>1</sub> 9 <sub>2</sub> 9 <sub>1</sub>	9 <sub>1</sub> 9 <sub>0</sub>			
	$q_2$	$q_1$	$q_1$			

Tabella di equivalenza						
#	_					
=	_≠_					
<b>q</b> 0	$q_1$					
	equivalent $  \not\equiv   =   q_0 $	≠ -   ≡ ≠				

L'algoritmo termina dopo un solo passo.



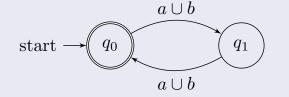
### Minimizzazione automa II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi a stati finiti

L'automa risultante minimo  $A_2$  è:

### Automa A<sub>2</sub>





### Espressione regolare I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi a stati finiti

Il testo richiede esplicitamente di applicare un algoritmo noto:

- non possiamo calcolare "ad occhio" R<sub>2</sub>
- dobbiamo applicare l'algoritmo di Brzozowski e McCluskey

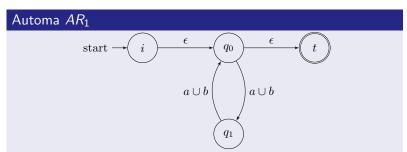


### Espressione regolare II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi a stati finiti

Riscriviamo  $A_2$  in modo che abbia un solo stato iniziale ed un solo stato finale:





### Espressione regolare III

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzior

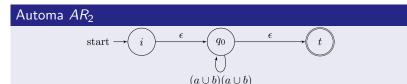
regolari
Espressioni
regolari
Automi a stati

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale

Automi trasduttori Grammatiche ad attributi

Acse

Fondiamo i nodi  $q_0$  e  $q_1$ , ottenendo l'automa  $AR_2$ :



Eliminiamo il loop:

### Automa AR<sub>3</sub>

start 
$$\longrightarrow$$
  $((a \cup b)(a \cup b))^*$   $t$ 

L'espressione regolare è indicata sull'arco  $i \rightarrow t$ :

$$R_2 = ((a \cup b)(a \cup b))^*$$



### Sommario

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

#### Grammatiche

Progettazione grammatiche Analisi grammaticale Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche

Automi trasduttori Grammatiche a attributi 1 Introduzione

2 Linguaggi regolari

Espressioni regolari

Automi a stati finiti

3 Grammatiche

Progettazione grammatiche

Analisi grammaticale

Analisi sintattica

4 Trasduttori

Automi trasduttori

Grammatiche ad attributi

5 Acse

6 Conclusioni



### Grammatica delle espressioni l'

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Progettazione grammatiche

Si consideri il linguaggio delle espressioni aritmetiche L contenente:

- l'operatore infisso somma '+'
- l'operatore prefisso moltiplicazione 'mul'
- gli operandi cifre '0', ..., '9'
- le parentesi tonde '(', ')'

#### Inoltre:

la somma è associativa a sinistra:

$$a+b+c=(a+b)+c$$

la moltiplicazione ha precedenza sulla somma:

$$a + * a b = a + (* a b)$$



### Grammatica delle espressioni II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzio

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Automi trasduttori Grammatiche a Due possibili stringhe del linguaggio *L* sono:

$$s_1 = 2 + 5 * 4 * 6 7$$
  
 $s_2 = * (3 + 2 + * 4 5) 8$ 

Si richiede di:

- 1 progettare la grammatica in forma BNF
- 2 disegnare l'albero sintattico di  $s_1$



## Progetto I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Progettazione grammatiche

Prima di tutto consideriamo l'operatore con la precedenza minore:

$$E \rightarrow E + E \mid T$$

Notiamo che la regola è ricorsiva a destra e a sinistra:

- la grammatica risulta ambigua
- non abbiamo forzato l'associatività dell'operatore +

La definizione corretta è:

$$E \rightarrow E + T \mid T$$



## Progetto II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Progettazione grammatiche

Ora consideriamo il non-terminale T; esso è legato all'operatore \*:

$$T \rightarrow * T T \mid F$$

Il non-terminale F ci permette di iniziare una nuova espressione o di generare le cifre:

$$F \rightarrow (E) \mid 1 \mid \ldots \mid 9$$

## Progetto III

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzior

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Progettazione grammatiche Analisi grammaticale Analisi sintattica

Automi trasduttori Grammatiche a attributi Si noti come la grammatica dell'esercizio, L, e quella con gli operatori infissi associativi a sinistra, M, siano molto simili.

#### Grammatica di L

$$E \to E + T \mid T$$
$$T \to *T \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid 1 \mid \ldots \mid 9$$

#### Grammatica di M

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid 1 \mid \dots \mid 9$$



### Alberi sintattici

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzior

Linguagg regolari

Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatich Progettazione

grammatiche Analisi grammaticale

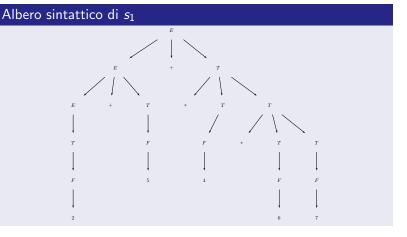
Automi

Grammatiche attributi

Acse

Conclusioni

Partiamo dalla radice della grammatica e generiamo tutti i non terminali che ci servono:





# **Ambiguità**

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Analisi grammaticale

Data la grammatica  $G_0$ :

#### Grammatica Go

$$S \rightarrow XY$$

$$X \rightarrow aXb \mid aX \mid ab$$

$$Y \rightarrow bYa \mid bY \mid ba$$

Si richiede di:

- **1** mostrare che  $G_0$  è ambigua
- 2 costruire una grammatica equivalente non ambigua
- 3 disegnare l'automa riconoscitore di  $L(G_0)$



## Ricerca ambiguità I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezial Spezial

Introduzioi

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche
attributi

Analizziamo per primo il non-terminale X:

il suo scopo è generare un linguaggio quasi ben-parentitizzato:

$$L(X) = \{a^n b^m \mid n \ge m \ge 1\}$$

il progettista ha pero introdotto un'ambiguità:

$$X \Rightarrow aX \Rightarrow aaXb \Rightarrow aaabb$$
  
 $X \Rightarrow aXb \Rightarrow aaXb \Rightarrow aaabb$ 

Passiamo ora al non-terminale Y:

■ ha la stessa struttura del non-terminale X, cambiano solo i simboli terminali; deve essere per forza ambiguo:

$$Y \Rightarrow bY \Rightarrow bbYa \Rightarrow bbbaa$$
  
 $Y \Rightarrow bYa \Rightarrow bbYa \Rightarrow bbbaa$ 



### Ricerca ambiguità II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

### Analisi grammaticale

Non resta che analizzare S:

- esso genera il linguaggio L(S) = L(X) . L(Y)
- L(X) e L(Y) hanno lo stesso alfabeto
- provo a cercare una stringa ambigua, generata in parte da X ed in parte da Y:

$$S \Rightarrow XY \Rightarrow aXbY \Rightarrow aabbba$$
  
 $S \Rightarrow XY \Rightarrow aXbba \Rightarrow aabbba$ 



## Rimozione ambiguità I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Analisi grammaticale

Conviene ragionare sulla struttura del linguaggio  $L(G_0)$ :

$$L(G_0) = \{a^n b^m b^q a^r \mid n \ge m \ge 1 \cap q \ge r \ge 1\}$$

Raccogliendo un po di termini il linguaggio è più chiaro:

$$L(G_0) = \{a^n b^s a^r \mid n \ge 1 \cap s > r \ge 1\}$$
  
= \{a^+ b^+ b^r a^r \cent r \ge 1\}



## Rimozione ambiguità II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Analisi grammaticale

La grammatica  $G_1$  per il linguaggio  $L(G_0)$  è composta da due parti:

un prefisso:

$$P \rightarrow AB$$
  
 $A \rightarrow aA \mid a$   
 $B \rightarrow bB \mid b$ 

un nido:

$$N o bNa \mid ba$$

Concatenanti tra di loro:

$$S \rightarrow PN$$

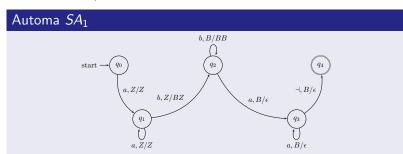


#### Automa riconoscitore

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Analisi grammaticale

Siccome nel linguaggio c'è una struttura a nido, serve per forza un automa a pila:





# Grammatiche LL(k) e LR(k)

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

regolari
Espressioni
regolari
Automi a sta

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche a
attributi

Data la grammatica  $G_1$ :

#### Grammatica $G_1$

 $S \rightarrow aSbS \mid aS \mid \epsilon$ 

Si richiede di:

- 1 calcolare gli insiemi guida
- 2 verificare se la grammatica è LL(1)
- 3 costruire il riconoscitore dei prefissi ascendenti
- 4 verificare se la grammatica è LR(1)

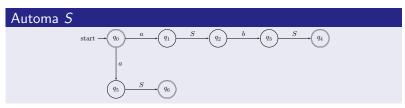


# Insiemi guida I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Analisi sintattica

Per prima cosa scriviamo l'automa associato all'unica regola della grammatica:







# Insiemi guida II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzio

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a sta

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Automi trasduttori Grammatiche a attributi Per calcolare gli insiemi guida servono:

- inizi dei non-terminali
- seguiti dei non-terminali

Nel nostro caso abbiamo un solo non-terminale, S:

#### Inizi e seguiti

Non-terminale	Inizi	Seguiti
S	{a}	$\{\dashv,b\}$



# Insiemi guida III

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

Per quanto riguarda gli insiemi guida, ha senso calcolarli solo per gli archi uscenti da stati con più successori:

lacktriangle se lo stato  $q_i$  ha un solo successore non c'è ambiguità sul cammino da seguire

Consideriamo quindi gli archi uscenti da  $q_0$  e  $q_2$ :

#### Insiemi guida

Arco	Guida	
$q_0  o q_1$	{a}	
$q_0  ightarrow$	$\{\dashv,b\}$	
$q_2 \rightarrow q_3$	{ <i>b</i> }	
$q_2  ightarrow$	$\{ \dashv, b \}$	



# Verifica LL(1)

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzio

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche a

Applicando l'algoritmo devo verificare che gli insiemi guida degli archi uscenti da stati con più successori non abbiano elementi in comune:

- lacksquare gli archi  $q_2 
  ightarrow q_3$  e  $q_2 
  ightarrow$  contengono entrambi il simbolo b
- la grammatica non è LL(1)



# Riconoscitore dei prefissi ascendenti

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

Linguagg regolari

Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche

grammatiche Analisi grammaticale

Analisi sintattica

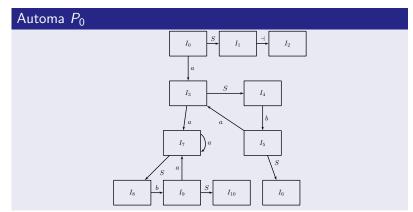
Automi

trasduttori Grammatiche a attributi

Acse

Conclusioni

Esercizio molto meccanico, non c'è molto da dire:





# Verifica LR(1)

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezial

Introduzior

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ac
attributi

La grammatica  $G_1$  non è LR(1); infatti nello stato  $I_8$ :

- c'è un arco etichettato con b
- l'insieme di prospezione della candidata di riduzione  $S \rightarrow aS$  contiene b

In pratica, l'automa:

- non sa se procedere lungo il riconoscimento della regola  $S \rightarrow aSbS$
- o se riconoscere la regola  $S \rightarrow aS$



## Sommario

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezial:

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori Automi

Automi trasduttori Grammatiche ad attributi

Acse

1 Introduzione

2 Linguaggi regolari

Espressioni regolari

Automi a stati finiti

3 Grammatiche

Progettazione grammatiche

Analisi grammaticale

Analisi sintattica

4 Trasduttori

Automi trasduttori

■ Grammatiche ad attributi

5 Acse

6 Conclusioni



# Packing di numeri

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Speziale

Introduzior

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattic

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche
attributi

Acse

Dato un numero decimale, si vuole eliminarne gli zeri non significativi:

#### Esempio

 $00203.0300 \rightarrow 203.03$  $000.00 \rightarrow 0.0$ 

Sapendo che il punto decimale non può essere omesso, si richiede di:

- 1 definire la trasformazione mediante uno schema di traduzione, senza utilizzare alcun attributo semantico
- 2 disegnare gli alberi sorgente e pozzo per il primo esempio
- 3 progettare un FSA trasduttore e verificare se è deterministico
- 4 progettare un SA trasduttore e verificare se è deterministico



#### Schema di traduzione I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi trasduttori

Il primo passo è identificare la struttura delle stringhe in ingresso:

una parte intera ed una decimale:

$$S \rightarrow P.F$$

più un prefisso sulla parte intera (gli zeri):

$$S \rightarrow ZP.F$$
$$Z \rightarrow 0Z \mid \epsilon$$



## Schema di traduzione II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi trasduttori

La parte intera, a sua volta:

è un numero:

$$P \to (0 \mid \ldots \mid 9)P$$

ma in questo modo, generiamo anche il prefisso di zeri:

$$P \Rightarrow 0P \Rightarrow 03P \Rightarrow 03$$

per impedirlo:

$$P \rightarrow (1 \mid \dots \mid 9)Q \mid 0$$
  
 $Q \rightarrow (0 \mid \dots 9)Q \mid \epsilon$ 



#### Schema di traduzione III

Tutorato linguaggi formali e compilatori

trasduttori

Automi

Per la parte frazionaria:

può essere nulla (almeno uno zero):

$$\boldsymbol{F} \rightarrow 0\boldsymbol{Z}$$

oppure essere un numero qualsiasi, terminato da zeri:

$$F \rightarrow Q(1 \mid \ldots \mid 9)Z$$



#### Schema di traduzione IV

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi trasduttori

Il secondo passo è analizzare la grammatica sorgente, e modificarla in modo da cancellare le derivazioni non permesse dalla grammatica pozzo:

#### Grammatica sorgente $G_0$

$$S \to ZP.F$$
  
 $Z \to 0Z \mid \epsilon$   
 $P \to (1 \mid \dots \mid 9)Q \mid 0$   
 $Q \to (0 \mid \dots \mid 9)Q \mid \epsilon$   
 $F \to 0Z \mid Q(1 \mid \dots \mid 9)Z$ 

#### Grammatica pozzo $G_1$

$$S \rightarrow ZP.F$$
  
 $Z \rightarrow Z \mid \epsilon$   
 $P \rightarrow (1 \mid \dots \mid 9)Q \mid 0$   
 $Q \rightarrow (0 \mid \dots \mid 9)Q \mid \epsilon$   
 $F \rightarrow 0Z \mid Q(1 \mid \dots \mid 9)Z$ 



## Schema di traduzione V

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

Linguagg regolari

Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale

Automi trasduttori

Grammatiche attributi

La grammatica di traduzione  $G_{0\rightarrow 1}$  è una rappresentazione alternativa della trasformazione:

#### Grammatica di traduzione $G_{1 \rightarrow 2}$

$$S \to ZP \stackrel{\cdot}{-} F$$

$$Z \to \frac{0}{\epsilon} Z \mid \frac{\epsilon}{\epsilon}$$

$$P \to \left(\frac{1}{1} \mid \dots \mid \frac{9}{9}\right) Q \mid \frac{0}{0}$$

$$Q \to \left(\frac{0}{0} \mid \dots \mid \frac{9}{9}\right) Q \mid \frac{\epsilon}{\epsilon}$$

$$F \to \frac{0}{0} Z \mid Q \left(\frac{1}{1} \mid \dots \mid \frac{9}{9}\right) Z$$



#### Alberi sintattici

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzione

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat

finiti

Grammatiche

Progettazione
grammatiche

Trasduttor

trasduttori Grammatic attributi

Acse

Conclusioni

I due alberi si costruiscono derivando "parallelamente" le regole corrispondenti nelle grammatiche  $G_0$  e  $G_1$ :

#### Alberi sorgente e pozzo di 00203.0300





#### FSA trasduttore I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

#### Linguaggi regolari Espressioni regolari

Espressioni regolari Automi a stat finiti

#### Grammatiche

grammatiche Analisi grammaticale Analisi sintattica

#### Trasduttor

Automi trasduttori Grammatiche a

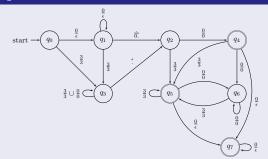
Acse

Conclusioni

Utilizzando un FSA, esso non può che essere indeterministico:

 deve speculare sul fatto che lo zero corrente sia parte del suffisso

#### Automa $N_1$





#### FSA trasduttore II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi trasduttori

#### Note:

■ il terminale 3 rappresenta una qualsiasi cifra diversa da 0



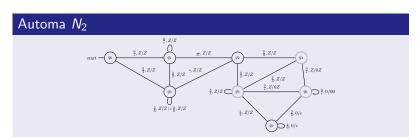
## SA trasduttore I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Automi trasduttori

Un SA può utilizzare la pila per rimuovere la componente indeterministica:

salva nella pila gli zeri e li stampa una volta risolta l'ambiguità





#### SA trasduttore II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezial:

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stati

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttor

Automi trasduttori Grammatiche

Acse

Conclusion

#### Note:

- il terminale 3 rappresenta una qualsiasi cifra diversa da 0
- lo stato  $q_7$  rappresenta una classe di stati; esso serve per stampare gli 0 della pila e la cifra non nulla appena letta, serve quindi uno stato  $q_{7_i}$  per ogni cifra non nulla



# Operazioni su insiemi I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzioi

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a sta

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

Sia  $G_0$  la grammatica:

#### Grammatica $G_0$

$$S \to \{I\}S \mid \{I\}$$
$$I \to e, I \mid e$$

Essa genera una lista di insiemi:

#### Esempio

$${e_1, e_5}{e_2, e_5}{e_1, e_5, e_6}$$

I terminali  $e_i$  rappresentano gli elementi degli insiemi e possiedono un attributo lessicale, id, che li identifica.



# Operazioni su insiemi II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezia

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

Si richiede di:

- 1 progettare una grammatica ad attributi per calcolare l'intersezione degli insiemi
- estendere la grammatica ad attributi per poter calcolare la differenza insiemistica di ogni insieme rispetto alla loro intersezione
- 3 disegnare i grafi delle dipendenze funzionali e stabilire quali tecniche di valutazione degli attributi possono essere applicate
- 4 scrivere, tramite pseudo-codice, il programma di un valutatore semantico



## Intersezione I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzior

Linguaggi regolari Espressioni regolari

Espressioni regolari Automi a stati finiti

Progettazione grammatiche Analisi grammaticale Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

Per prima cosa riscriviamo la grammatica in modo che l'assioma non sia ricorsivo:

in questo modo l'assioma contiene gli attributi "finali"

## Grammatica $G_1$

$$S'_0 o S_1 \ S_0 o \{I_1\} S_2 \ S_0 o \{I_1\} \ I_0 o e_1, I_2 \ I_0 o e_1$$



## Intersezione II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzioi

regolari
Espressioni
regolari
Automi a stat

Grammatiche Progettazione grammatiche Analisi grammaticale Analisi sintattic

Trasduttori Automi trasduttori Grammatiche ad attributi L'intersezione si calcola partendo dagli insiemi:

 $s_i$  rappresentazione di un insieme, sintetizzato

#### Noto che:

- anche l'intersezione è un insieme
- la si può calcolare progressivamente

Si può quindi utilizzare lo stesso attributo,  $s_i$ , per rappresentare un'intersezione:

- lacktriangle parziale, se è associato ai non-terminali  $S_i$
- totale, se è associato all'assioma



## Intersezione III

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat

Progettazione grammatiche Analisi grammaticale

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

La grammatica  $G_2$  decora la grammatica  $G_1$  con i necessari attributi:

#### Grammatica $G_2$

$$S_0' o S_1$$
  $s_0 = s_1$   
 $S_0 o \{I_1\}S_2$   $s_0 = s_1 \cap s_2$   
 $S_0 o \{I_1\}$   $s_0 = s_1$   
 $I_0 o e_1, I_2$   $s_0 = id_1 \cup s_2$   
 $I_0 o e_1$   $s_0 = id_1$ 



## Differenza I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Speziale

Introduzior

regolari
Espressioni
regolari
Automi a stat

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

La differenza avrà bisogno di un nuovo attributo,  $d_i$ :

 per calcolarlo avrò bisogno dell'intersezione totale, attributo dell'assioma

Per propagare l'intersezione totale, introduco un nuovo attributo,  $i_i$ :

■ viene calcolato nell'assioma e poi propagato ai figli

#### Inoltre:

•  $d_i$  è calcolato partendo da  $i_i$ , quindi deve essere per forza ereditato



## Differenza II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzior

Linguagg regolari

Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

La grammatica  $G_3$  introduce le necessarie modifiche in  $G_2$ :

#### Grammatica $G_3$

$$S'_0 o S_1$$
  $s_0 = s_1$   $i_1 = s_0$   
 $S_0 o \{I_1\}S_2$   $s_0 = s_1 \cap s_2$   $d_1 = s_1 \setminus i_0, i_2 = i_0$   
 $S_0 o \{I_1\}$   $s_0 = s_1$   $d_1 = s_1 \setminus i_0$   
 $I_0 o e_1, I_2$   $s_0 = id_1 \cup s_2$   
 $I_0 o e_1$   $s_0 = id_1$ 



# Dipendenze funzionali I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzion

regolari
Espressioni
regolari
Automi a stat

regolari
Automi a stat
finiti

Progettazione

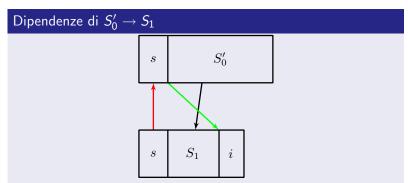
Analisi grammaticale Analisi sintattica

Automi trasduttori Grammatiche ad attributi

Acse

Conclusioni

Si devono costruire 3 diagrammi, uno per ogni non-terminale della grammatica. Il primo è relativo all'assioma:





# Dipendenze funzionali II

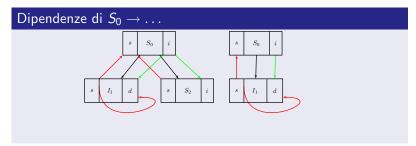
Tutorato linguaggi formali e compilatori

attributi

Grammatiche ad

4 D > 4 D > 4 D > 4 D > 3

Il secondo mostra le dipendenze delle regole  $S_0 \rightarrow \dots$ 





# Dipendenze funzionali III

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzione

Linguaggi regolari Espressioni regolari

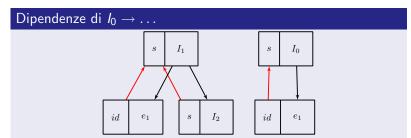
Espressioni regolari Automi a stat finiti

Promettazione

grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

Il terzo contiene i diagrammi delle dipendenze delle regole  $I_0 \rightarrow \ldots$ 





# Dipendenze funzionali IV

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezial

Introduzio

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad
attributi

Per quanto riguarda la tecnica di valutazione:

- l'intersezione deve essere calcolata per prima
- posso sfruttare un riconoscitore ascendente per costruirla passo-passo
- la differenza ha bisogno dell'intersezione totale
- devo calcolarla tramite una vista discendente, in una seconda passata



#### Valutatore semantico

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzio

regolari
Espressioni
regolari
Automi a sta

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattici

Trasduttori Automi trasduttori Grammatiche ad attributi La grammatica  $G_3$  genera un linguaggio regolare:

- 1 posso usare tool quali flex/bison per parsare l'input
- 2 si costruisce un AST, calcolando l'intersezione passo-passo
- 3 si visita l'AST in ordine, calcolando la differenza



# Sommario

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezial

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari

Espressioni regolari Automi a stati finiti Grammatiche

Progettazione grammatiche Analisi grammaticale Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ad

attributi Acse

Conclusioni

- 1 Introduzione
- 2 Linguaggi regolari
  - Espressioni regolari
  - Automi a stati finiti
- 3 Grammatiche
  - Progettazione grammatiche
  - Analisi grammaticale
  - Analisi sintattica
- 4 Trasduttori
  - Automi trasduttori
  - Grammatiche ad attributi
- 5 Acse
- 6 Conclusioni



# Stampa array I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche a
attributi

Si vuole implementare una nuova istruzione nella macchina Acse in grado di stampare tutti gli elementi di un array:

```
int primes[3];

primes[0] = 2;
primes[1] = 3;
primes[2] = 5;
write_array(primes);
```

```
Output
2 3 5
```



# Stampa array II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Spezial

Introduzio

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Automi trasduttori Grammatich Si richiede di:

- definire i token (e le relative dichiarazioni in Acse.lex e Acse.y) necessari per ottenere le funzionalità richieste
- definire le regole sintattiche (e/o le modifiche a quelle esistenti) necessarie per ottenere le funzionalità richieste
- definire le azioni semantiche (e/o le modifiche a quelle esistenti) necessarie per ottenere le funzionalità richieste



## Token

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Acse

Bisogna introdurre un solo nuovo token:

#### Lexer

"write\_array" { return WRITE\_ALL; }

E comunicare la sua presenza a bison:

#### Parser

%token WRITE\_ALL



# Regole sintattiche

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Speziale Speziale

Introduzior

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat

Progettazione grammatiche

Analisi grammaticale Analisi sintattica Trasduttori

Automi trasduttori Grammatiche a attributi La nuova istruzione è un'operazione di I/O:

```
Istruzioni di scrittura
```

```
read_write_statement:
    read_statement
    write_statement
    write_array_statement
```

```
write_array_statement:
   WRITE_ALL LPAR IDENTIFIER RPAR { ... }
```



# Azioni semantiche I

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzio

Linguaggi regolari Espressioni regolari

regolari Automi a stati finiti

Progettazione grammatiche Analisi grammaticale

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche a

Acse

Conclusion

Prima di tutto bisogna sapere dove leggere:

## Recuperare l'array



## Azioni semantiche II

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Speziale

Introduzior

Linguaggi regolari Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori Automi trasduttori Grammatiche

attribu Acse

Acse

La seconda cosa da fare è sapere da dove iniziare a "contare":

#### Inizializzazione contatore

```
int i:
t_axe_expression i_expr;
t_axe_label* head;
i = getNewRegister(program);
i_expr = create_expression(i, REGISTER);
gen_addi_instruction(
  program, i,
  REG_0, 0);
head = assignNewLabel(program);
```



## Azioni semantiche III

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzion

Linguagg regolari Espression

Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche

grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori Automi

Acse

Conclusion

Il corpo del ciclo deve solamente stampare l'i-esimo elemento:

## Stampa elemento



## Azioni semantiche IV

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Ettore Speziale

Introduzior

Linguagg regolari

Espressioni regolari Automi a stat finiti

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale
Analisi sintattica

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche a

Infine verifichiamo se dobbiamo restare nel ciclo:

#### Punto d'uscita

```
int acc;
gen_addi_instruction(program, i, i, 1);
acc = getNewRegister(program);
gen_sub_instruction(
  program, acc, i, size,
 CG_DIRECT_ALL);
gen_bne_instruction(program, head, 0);
```



# Sommario

Tutorato linguaggi formali e compilatori

Spezial:

Introduzion

Linguaggi regolari Espressioni regolari

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale

Trasduttori
Automi
trasduttori
Grammatiche ac

Acse

Conclusioni

- 1 Introduzione
- 2 Linguaggi regolari
  - Espressioni regolari
  - Automi a stati finiti
- 3 Grammatiche
  - Progettazione grammatiche
  - Analisi grammaticale
  - Analisi sintattica
- 4 Trasduttori
  - Automi trasduttori
  - Grammatiche ad attributi
- 5 Acse
- 6 Conclusioni



## Note finali

Tutorato linguaggi formali e compilatori

> Ettore Spezial

Introduzioi

regolari
Espressioni
regolari

Grammatiche
Progettazione
grammatiche
Analisi
grammaticale

Trasduttori Automi trasduttori Grammatiche

Acse

Conclusioni

#### Ricordatevi che:

- bisogna passare tutte le parti del compito per passare l'esame
- la fretta è una cattiva consigliera

Domande? Chiarimenti? (Ora o mai più)