Úloha E

Spracovanie všeobecnej triedy pre L^1 a L^∞ regresiu

Vypracovali sme modul \mathtt{Model} pre počítanie L^1 a L^∞ regresie z ľubovoľných číselných dát, ktorý využíva LP formulácie popísané vyššie. Konkrétne L1 \mathtt{Model} využíva formuláciu na minimalizovanie L^1 normy a LInf \mathtt{Model} minimalizuje L^∞ normu. Príklad použitia tohto modelu sa nachádza v $\mathtt{model_demonstration.ipynb}$ Následne opíšeme jednotlivé metódy jednotlivých modelov.

Model(dependent_vect, independent_vect)

Konštruktor triedy, spoločný pre oba modely, vytvorí inštanciu, ktorá si drží dáta a vie na nich vykonávať operácie popísané nižšie.

Argumenty:

- dependent_vect: np.array vektor závislých premenných
- independent_vect:np.array matica, ktorej stĺpce sú vektory nezávislých premenných

Model.solve()

Metóda, ktorá vyrieši regresnú LP úlohu na daných dátach. L1Model.solve() rieši minimalizáciou L^1 normy a LInfModel.solve(), rieši minimalizáciou L^∞ normy.

Vracia:

• np.array - vektor optimálnych β premenných

Po zavolaní tejto metódy si inštancia uloží vektor optimálnych β premenných do atribútu self._beta, potrebné pre metódy popísané nižšie.

Model.r2()

Vypočíta R^2 koeficient pre vypočítaný vektor β podľa predpisu:

$$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \hat{y}_{i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \bar{y})^{2}} \qquad \hat{y} = \beta_{0} + \beta_{1} x_{1} + \dots + \beta_{k} x_{k}, \ \bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_{i}$$

Vracia:

float - výsledný R² koeficient

Model.visualize()

Ak je počet nezávislých premenných 1 alebo 2, táto metóda vykreslí graf dát spolu s vypočítanou regresnou priamkou, resp. rovinou.

Vracia:

• bool - úspešnosť vizualizácie, kde False označuje, že nezávislých premenných je viac ako 2, čiže nie je možné vykresliť graf