1 Implementácia a grafické znázornenie

1.1 Prevedenie úlohy LP do tvaru pre scipy.optimize.linprog

Metóda linprog z modulu scipy. optimize vyžaduje nasledujúci tvar úlohy LP:

$$\begin{aligned} \min c^T x \\ A_{ub}x &\leq b_{ub} \\ A_{eq}x &= b_{eq} \\ x &\in [l, u] \end{aligned} \qquad l \leq u; \ l, u \in (\mathbb{R} \cup \{-\infty, \infty\})^n \end{aligned}$$

Hodnotami $-\infty$ a ∞ značíme neohraničenosť v danom smere, v zdrojovom kóde sa obe nahrádzajú hodnotou None. Upravme teda úlohy vyjadrené vyššie do predpísaného tvaru.

Pre L^1 lineárnu regresiu:

$$\begin{aligned} & \min \; \left(\; \mathbf{0}_{k+1}^T \; \middle| \; \mathbf{1}_n^T \; \right) \left(\frac{\beta}{t} \right) \\ & \left(\frac{-\mathbf{A} \; \middle| \; -\mathbb{I}_n}{\mathbf{A} \; \middle| \; -\mathbb{I}_n} \right) \left(\frac{\beta}{t} \right) \leq \left(\frac{-y}{y} \right) \\ & \beta_i \in (-\infty, \infty) \\ & t_i \in [0, \infty) \end{aligned} \qquad \qquad i = 0, 1, \dots, k \\ & j = 1, \dots, n \end{aligned}$$

Pre L^{∞} regresiu:

Úlohy v zdrojovom kóde sú implementované práve v tomto tvare.

1.2 Implementovanie regresných LP úloh

Na implementáciu formulovaných LP úloh využívame tri knižnice:

- numpy tvorenie matíc a vektorov, načítanie dát
- scipy.optimize implementovaný LP solver
- matplotlib.pyplot na vykresľovanie grafov.

Dáta relevantné pre túto úlohu sú uložené v súbore $\mathtt{data/A04plotregres.npz}$. Jedná sa o 16 bodov v \mathbb{R}^2 , kde prvá súradnica reprezentuje nezávislú premennú (vektor týchto súradníc označíme x) a druhá závislú premennú (označíme y).

Vytvorme si potrebné štruktúry pre využitie metódy scipy.optimize.linprog pre LP formuláciu s L^1 normou:

Pomocou solvera získame vektor optimálnych β koeficientov:

$$\beta_0^{(1)} \approx -9.8378, \ \beta_1^{(1)} \approx 2.1297$$

Podobne implementujeme L^{∞} formuláciu:

Znovu, pomocou solvera získame vektor optimálnych β koeficientov:

$$\beta_0^{(\infty)} \approx 15.4545, \ \beta_1^{(\infty)} \approx 1.7045$$

Pomocou získaných β koeficientov vykreslíme regresné priamky spolu s pôvodnými dátami.

