Rakete – Satellit

Inhalt

[Einleitung 3](#_Toc325369597)

[Erde 3](#_Toc325369598)

[Satellit 3](#_Toc325369599)

[Rakete 3](#_Toc325369600)

[Abgrenzungen 3](#_Toc325369601)

[Mathematische Beziehungen 4](#_Toc325369602)

[Satellit 4](#_Toc325369603)

[Euler – Theorie 4](#_Toc325369604)

[Wichtige Codestellen 6](#_Toc325369605)

[Rakete 8](#_Toc325369606)

[Entwicklung 9](#_Toc325369607)

[Aufwand pro Iteration 9](#_Toc325369608)

[Iteration 1 10](#_Toc325369609)

[Iteration 2 13](#_Toc325369610)

# Einleitung

Auftrag ist es, eine Simulation eines Raketenstarts und –flugs zu bauen. Die Rakete wird mit einer bestimmten Füllmenge eines Treibstoffes von einem Punkt auf der Erde starten. Das Programm soll aus den angegebenen Parametern eine Flugbahn berechnen, welche die folgenden Bedingungen erfüllt:

* Rakete kommt mit dem Treibstoff in den Orbit des Satelliten.
* Rakete ist am Ende des Fluges beim Satelliten angedockt und der Treibstoff ist verbraucht.
* Rakete und Satellit haben am Ende die gleiche Geschwindigkeit.

## Erde

Die Erde befindet sich im Zentrum des Systems. Sie hat eine definierte Masse und eine definierte Gravitation. Beide sind konstant.

## Satellit

Der Satellit befindet sich zum Startzeitpunkt in einer Umlaufbahn um die Erde. Er kreist in einer elliptischen Bewegung um die Erde. Wie die Erde ist dem Satellit eine definierte Masse zugewiesen. Ausserdem werden noch die Geschwindigkeit und die Position benötigt.

## Rakete

Die Rakete steht zu Beginn an der Abschussrampe auf der Erde. Ihr ist ebenfalls eine Masse zugewiesen. Dazu kommen noch Treibstoffmenge (variabel), Verbrennungsgrad des Treibstoffes (variabel) und Position auf der Erde. Das Programm soll nun Geschwindigkeit, Richtung und Abschusszeitpunkt berechnen. Die Rakete wird dann diesen Weg abfliegen und so zum Satelliten gelangen, an welchem sie dann andocken wird.

## Abgrenzungen

Die Körper sollen physikalisch korrekt zu einander reagieren und Effekte wie Massenanziehung beinhalten. Allerdings werden äussere Einflüsse ausgeschaltet. Sprich die Sonne und sonstige ähnliche Einflüsse werden ignoriert.

# Mathematische Beziehungen

In diesem Abschnitt möchten wir mehr auf die mathematische Seite des Projektes eingehen. Dabei wird es in Satellit und Rakete unterteilt. Beide müssen bestimmte Voraussetzungen erfüllen, damit das Programm am Schluss die korrekte Flugbahn berechnen kann.

## Satellit

Der Satellit bewegt sich in einer elliptischen Bahn um die Erde. Diese Bahn wird hauptsächlich von der Startgeschwindigkeit und der Massenanziehungskraft der beiden Körper verursacht.

Zum Zeitpunkt der Ausgangssituation kennen wir die Formel für die Berechnung der Bahn nicht. Daher muss die Ellipse angenähert werden. Diese bewerkstelligen wir mit einem Polygon. Wir werden das Polygon durch die numerische Integration nach Euler erhalten.

### Euler – Theorie

Die Integration nach Euler nähert einen Funktionsgraphen, wie schon erwähnt, durch ein Polygon an. Ein Polygon ist ein Körper, welcher aus vielen verschiedenen Datenpunkten besteht. Diese sind mit einer Geraden verbunden. Daraus folgt, je mehr Unterteilungen wir durchführen, desto genauer trifft das Annäherungspolygon den Funktionsgraphen. Allerdings brauchen wir für die Euler-Berechnung noch die Beschleunigung des Satelliten zur Zeit t.  
Der „0-Punkt“ (Punkt zur Zeit t = 0) kann durch einen Vektor in der Form (xsat, ysat, vx-sat, vy-sat). Dieser Vektor beschreibt die X- und die Y-Koordinate und die Geschwindigkeit v in X- und Y-Richtung. Für die Berechnung des neuen Punktes benötigen wir allerdings die Beschleunigung.  
Wenn wir nun den Vektor ableiten werden die Positionskoordinaten zu den Geschwindigkeiten in die jeweilige Richtung. Sprich der Vektor sieht danach so aus:

Satellit‘ = (vx-sat, vy-sat,, ax-sat, ay-sat)

Wir sehen, dass die Geschwindigkeiten des Satelliten zur Beschleunigung werden. Die Beschleunigung können wir durch die Formel

ax-sat = (-g \* m (xErde – xSat))/|u|3

ay-sat = (-g \* m (yErde – ySat))/|u|3

Nun haben wir die Informationen für Euler durch differenzieren erhalten.

Euler integriert nun immer den Graphen über eine bestimmte Strecke (t0 bis tEnde) in n Teilschritten. Die Anzahl der Teilschritte bekommen wir, wenn wir unser h (Unterschied zwischen t0 und t1, t1 und t2, usw.) zuerst definieren, dann n berechnen durch (b-a)/h, dieses Ergebnis mathematisch korrekt runden (da n nur eine Ganze Zahl sein kann) und mit diesem n nochmals das korrekte h mit (b-a)/n ausrechnen.  
Nun können wir unseren neuen Punkt des Satelliten ausrechen. Den erhalten wir durch die folgende Gleichung:

Satellitneu = Satellialt + h\*Satellitalt‘

Sobald diese Rechnung durchgeführt wurde, wird t um h erhöht.

Da der Mensch diese kleinen Unterschiede bei der Darstellung gar nicht wahrnehmen könnte, wird der Satellit nur für ein klar unterscheidbares t (bis jetzt t0 + 0.1) neu gezeichnet. Somit entsteht die korrekte Flugbahn.

### Wichtige Codestellen

**Calculation.java**

/\*\*

\* Ableitung des aktuellen Satelliten-Vektors

\* **@param** yAnfang

\* **@param** earth

\* **@return** res

\*/

**public** **double**[] diff\_sat(**double**[] yAnfang, Earth earth)

{

**double**[] z = **new** **double**[yAnfang.length];

**double**[] res = **new** **double**[yAnfang.length];

**double**[] u = **new** **double**[2];

**double** uBetrag,g,m;

g = 10; // Gravitationskonstante

m = earth.getMass(); // Masse der Erde

**for**(**int** i=0;i<yAnfang.length;i++)

z[i] = yAnfang[i];

u[0] = z[0] - earth.getPosx();

u[1] = z[1] - earth.getPosy();

uBetrag = Math.*sqrt*(u[0]\*u[0] + u[1]\*u[1]); //Distanz zwischen Satellit und Erde

//Ableitung von x- und y-Koordinate wird zur Geschwindigkeit

res[0] = z[2];

res[1] = z[3];

//Ableitung von x- und y-Geschwindigkeit wird zur Beschleunigung

res[2] = -g \* m \* (u[0]/Math.*pow*(uBetrag, 3));

res[3] = -g \* m \* (u[1]/Math.*pow*(uBetrag, 3));

**return** res;

}

/\*\*

\* Polygon-Integration nach Euler zwischen tAnfang und tEnde mit einer

\* Aufteilung nach n. tEnde ist momentan immer tAnfang + 0.1

\* **@param** tAnfang

\* **@param** tEnde

\* **@param** yAnfang

\* **@param** n

\* **@return**

\*/

**public** **double**[] euler(**double** tAnfang,**double** tEnde,**double**[] yAnfang, **int** n)

{

**double** h = (tEnde-tAnfang)/n; //korrektes h für Unterschiede berechnen

**double**[] y = yAnfang;

**double**[] k;

**double** t = tAnfang;

**for**(**int** i=1;i<=n;i++)

{

k = diff\_sat(y,**new** Earth()); //Ableitung des momentanen Vektors

y = addVector(y,multScalarVector(h,k)); //neuer Vektor berechnen

t = t+h;

}

**return** y;

}

## Rakete

Die Rakete wird ebenfalls über Euler berechnet. Allerdings muss natürlich bei der Rakete eine andere Formel für die Beschleunigung genutzt werden.

Die Beschleunigung der Rakete lässt sich folgendermassen ausrechnen:

ax-missile = (((c \* Verbrennung)/mmissile) \* (vx / |v|)) + (-g \* m (xErde – xSat))/|u|3

ay-missile = (((c \* Verbrennung)/mmissile) \* (vy / |v|)) + (-g \* m (yErde – ySat))/|u|3

Wir sehen nun, dass von der Beschleunigung der Rakete die Beschleunigung eines Satelliten abgezogen werden muss. Diese Kraft oder Beschleunigung wirkt in die Gegenrichtung der Rakete.

Die Rakete selber wird über die Formel

((C\*Verbrennung) / mmissile) \* (v/|v|)

berechnet. C definiert einen Leistungskoeffizienten. Dieser sagt uns, wieviel Energie aus der Verbrennung des Benzins erhalten werden kann. Daher die Multiplikation mit der Konstante. Die Konstante Verbrennung beinhaltet also die Rate der Verbrennung pro Zeiteinheit.  
mmissile beschreibt die Masse der Rakete. Diese besteht aus der Masse des Benzines addiert mit der Leermasse der Rakete. Wir gehen zur Einfachheit davon aus, dass eine Einheit Benzin auch eine Einheit der Masse ist.

|v| ist der Betrag der Geschwindigkeit. Berechnet wird der Betrag über vx und vy.  
Um nun den Abschusswinkel in die Berechnung einfliessen zu lassen, verwenden wir einen kleinen Trick. Richtigerweise müssten wir der Rakete als Startgeschwindigkeit von 0 in x-Richtung und 0 in y-Richtung. Allerdings können wir so die Richtung nicht wirklich bestimmen. Darum geben wir der Rakete eine minimale Geschwindigkeit in die jeweilige Richtung. Für den Start können wir mit dem Einheitskreis und Sinus und Cosinus arbeiten.

Abschusswinkel

Geschwindigkeit in y-Richtung

Geschwindigkeit in x-Richtung

Vektor durch Einheitskreis (Wert 1)

So kriegen wir eine anständige Ausgangslage, mit der wir auch die Flugbahn besser berechnen können.

Der Rest der Berechnung läuft wieder gleich wie beim Satelliten. Die Rakete hat noch die Eigenschaft, dass sobald der Tank leer ist, sie zu einem Satelliten mutiert und dann die Satellitenbeschleunigung alleine gilt.

# Entwicklung

In diesem Teil betrachten wir primär die Entwicklung. Wir möchten diese geradewegs aufteilen auf die 4 Iterationen welche genutzt werden konnten. Zuerst aber werden wir aber unsere Zeitrechnung pro Iteration noch darlegen.

## Aufwand pro Iteration

Vorgabe der Leitung waren 5 Stunden pro Woche. Die Teamgrösse ist auf 2 Personen begrenzt. Die Fallstudie sind 12 Wochen eingeplant.

5 Stunden \* 12 Wochen \* 2 Personen = 120 Stunden (ohne Abzüge)

Die Velocity setzen wir auf 0.7, da dies ein guter Standard war.

120 \* 0.7 = 84

Da wir 4 Iterationen haben brauchen wir für eine Iteration 21 Stunden.

84 Stunden / 4 Iterationen = 21 Stunden

Zum Schluss ergeben sich daraus die Stunden pro Person.

21 Stunden / 2 Personen = 10.5 Stunden.

## Iteration 1

**Meilensteine**  
GUI erstellt, Klassendiagramm, Tasks, Projektplan, Entwicklungsumgebung

**Ablauf**Da uns schulischer Stoff noch fehlte um direkt mit der Mathematik zu beginnen, konzentrierten wir uns zuerst auf die Entwicklungsumgebung, die administrativen Arbeiten und das Erstellen der GUI. Wir entschieden uns für die Entwicklung in Java in Verbindung mit Maven und Github. Wir benutzen Maven für ein einheitliches Kompilieren mit externen Java-Libraries. Github wird unsere Versionskontrolle sein, damit wir uns gegenseitig nicht stören bei der Entwicklung.

Wir haben uns für diese Tools entschieden, da wir selber nicht als Entwickler arbeiten und uns andere Programme und Sprachen nicht wirklich geläufig sind. Im Kurs „Methoden der Programmierung“ haben wir genau diese Tools näher angeschaut.

Unser Github ist zu finden unter

<https://spitzbueb@github.com/spitzbueb/Inf_Proj.git>

Wir senden unsere Änderungen auf den Server durch folgenden Ablauf:

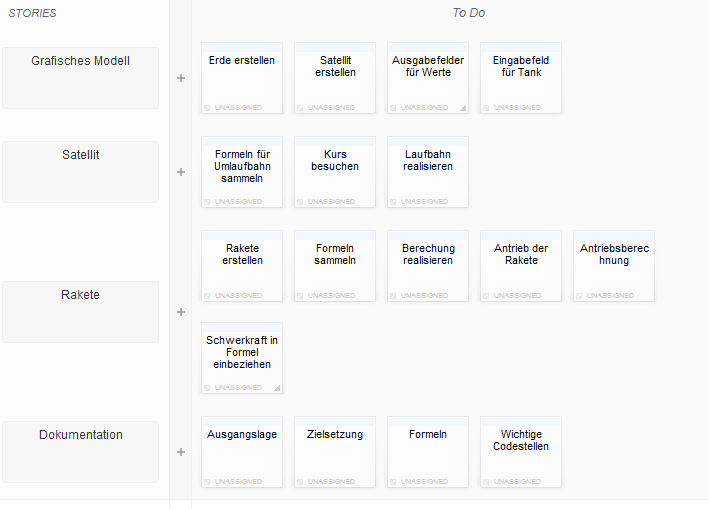
1. Git add .
2. Git commit –m ‘Beschreibung der Änderung‘
3. Git push project master (project kann abweichen)

Für den Download gibt es den Befehl

Git pull project master

So haben wir nun die Speicherumgebung erstellt.

Maven benutzen wir dazu, eine einheitliche Kompilierungsumgebung zu bauen. So erstellen wir zuerst einmal ein Maven-Java-Projekt. Danach bearbeiteten wir die POM.xml und fügten unsere gewünschten Plugins hinzu (wie Javadoc, Testing, usw). Mit „mvn package“ können wir nun kompilieren lassen und Maven lädt geradewegs alle Plugins herunter. Unter dem Verzeichnis target wird dann ein ausführbares JAR-File erstellt.

Unsere nächsten Ziele waren dann die Tasks (per Scrumy) und der Projektplan.   
In Scrumy haben wir uns die Tasks folgendermassen aufgeteilt:  


Aus den Scrumy-Tasks wurde dann der Iterationsplan zusammengestellt.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1. Iteration | GUI (6.5 h) | Dokumentation (5.5 h) | | | | | Formeln sammeln (9 h) | | | | | | | | | |
| 2. Iteration | Beschleiunigung 5 h | Ableitung (5.5 h) | | | Dokumentation (5.5 h) | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | |
| 3. Iteration | Integration 6 h | graphisch 3.5 h | | Raketenbeschleunigung 5.5 h | | | Dokumentation 6 h | | | | | | | | | |
| 4. Iteration | Gleichung 7 h | | graphisch 5 h | | | Doku 4 h | Präsentation 5.5 h | | | | | | | | | |

Die Planung des Projekts war bis jetzt also erfolgreich. Nun überlegten wir uns eine gute Möglichkeit, wie wir die Klassen zu designen hatten. Ganz getreu der Idee des objekt-orientierten Programmieren Entschieden wir uns für einen Aufbau, der Rakete, Erde, Satellit trennen sollte. So erstellten wir mal die aufgelisteten Klassen:

* Earth
* Satellite
* Missile
* App
* Animation

Nun hatten wir mal unser Grundgerüst. Aber wie sich später noch herausstellen sollte, mussten wir es doch noch stark erweitern. Aber dies erst in Iteration 2.  
Für das GUI haben wir uns dieses Bild vorgestellt:

Der grüne Kreis stellt die Erde dar. Der Schwarze den Satelliten und das rote Rechteck die Rakete. Die Menüs werden im oberen Balken untergebracht. Wie diese allerdings aussehen sollten, haben wir uns noch nicht konkret überlegt.

**Fazit**Iteration 1 ist beendet und wir haben unsere Ziele eigentlich alle erreicht. Wir haben allerdings kein Klassendiagramm erstellt. Die Hauptziele, ein GUI sowie die Planung zu haben, sind aber erreicht worden. Die Zusammenarbeit war gut und sollte es so weiter gehen, sollte das Projekt eigentlich keine Umstände bereiten.

## Iteration 2

**Meilensteine**Formeln für Berechnung verstehen, Berechnung Satellit und Rakete

**Ablauf**Für die Iteration 2 wollten wir uns komplett auf die mathematischen Teile konzentrieren. Das heisst, in dieser Zeit wurde mehr auf Papier gearbeitet, als Programmcode geschrieben.  
Der Start war die Zusatzschulstunde, die Herr Heuberger gegeben hat, damit wir die Berechnung durch Euler schon kennen lernten. Er gab uns noch einige Beispiele wie er funktioniert.  
Allerdings mussten wir feststellen, dass uns jegliche Grundlagen in der Physik fehlten um die Flugbahn der zwei Objekte zu berechnen. So waren wir eine bis zwei Wochen damit beschäftigt, die Formel für die Beschleunigung zu suchen und das Ganze zu verstehen (leider waren die Java-Beispiele schlecht dokumentiert). Wir verabredeten uns mit Herr Heuberger um die Formel des Satelliten nochmals anzuschauen. Er half uns dann, nachdem wir die Situation geklärt hatten, weiter mit der Formel. Leider konnten wir diese aber nicht bis zum Iterationsmeeting einbauen, was dazu führte, dass wir nicht wirklich einen Fortschritt präsentieren konnten. Erfreulicherweise gelang es aber am darauffolgenden Tag den Satelliten korrekt kreisen zu lassen.

**Fazit**Es braucht viel Zeit nur schon die Eulerintegration zu verstehen. Dieses Thema wird im Fach Numerik erst gegen Ende des Semesters angeschaut.  
Auch die physikalischen Gesetze des Satelliten (und natürlich auch der Rakete) waren uns nicht bekannt. Da wir in der ZHAW niemals diese Themen besprochen hatten, hatten wir starke Schwierigkeiten hier weiterzukommen.  
Im Meeting mit Herr Heuberger wurde uns aber nochmals Alles erklärt und der Schleier hat sich gelüftet.

Im Iterationsmeeting hingegen stießen wir für diese Problematik auf taube Ohren. Vielleicht lag es auch daran, dass wir unter Zeitdruck standen, da auch noch Prüfung war.  
  
Insgesamt war die Iteration 2 ein kleines Desaster und wir müssen nun in der Iteration 3 und 4 diese Fehler sehr schnell korrigieren.

# Quellenverzeichnis

Halliday

<http://www.javabeginners.de/Grafik/geometrische_Grundformen_zeichnen.php>