## 1 Vågoptik

## 1.1 Vågoptik, grunder

- Reella vågfunktionen:  $u(\bar{r},t)$
- $\bullet$ Består av ljus som propagerar inom rymdvinkel $\Omega$
- Frekvenser inom spektrat  $[\nu_{min}, \nu_{max}]$
- $\nu \approx 10^{14} Hz$
- Vågekvationen:  $\nabla^2 u(\bar{r},t) \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 u(\bar{r},t)}{\partial t^2} = 0$
- Fashastigheten:  $c = c_0/n$
- $\bullet$  Ljusetshastigeht:  $c_0$
- Brytningsindex: n

$$u(\bar{r},t) = ReU(\bar{r},t) = \frac{1}{2}[U(\bar{r},t) + U * (\bar{r},t)] \tag{1}$$

 $U(\bar{r},t)$  Komplex vågfunktion

Generell lösning:

$$U(\bar{r},t) = \int_{\nu} \int_{\Omega} U(\bar{f},\nu) exp(i2\pi(\nu t - \bar{f} \cdot \bar{r})) d\bar{f} d\nu \tag{2}$$

 $U(\bar{f}, \nu)$ : Spektrala vågfunktionen

## Mätbara storheter:

- Area:  $A_d$
- $\bullet$  Integrationstid T
- Intensitet:  $I(\bar{r}, t) = 2 < u^2(\bar{r}, t) > [W/m^2]$
- Energi:  $E = \int_T P(t)dt$  [J] Vilket är det som mäts!

## 1.2 Monokromatiska vågor

Med hjälp av vågekvationen och vågfunktionen får man:

$$U(\bar{r},t) = U(\bar{r}e^{i2\pi\nu t}) \tag{3}$$

Rumsderiverad:

$$\nabla^2 U(\bar{r}, t) = \nabla^2 (U(\bar{r})) e^{i2\pi\nu t} \tag{4}$$

Tidsderiverad:

$$\frac{\partial^2 U(\bar{r},t)}{\partial t^2} = -4\pi^2 \nu^2 U(\bar{r}) e^{i2\pi\nu t} \tag{5}$$

Vilket ger den  ${\bf viktigaste}$  ekvationen inom optiken, Helmholz ekvation:

$$\left[\nabla^2 \mathbf{U}(\bar{\mathbf{r}}) + \mathbf{k}^2 \mathbf{U}(\bar{\mathbf{r}})\right] e^{\mathbf{i} 2\pi \nu \mathbf{t}} = \mathbf{0}$$
 (6)

Där:

• Frekvens:  $\nu$ 

• Vågtal:  $k = \frac{2\pi\nu}{c} = \frac{2\pi}{\lambda}$ 

• Dispersions relation:  $c = \nu \lambda$ 

• Våglängd:  $\lambda$ 

Då  $e^{i2\pi\nu t}$  är fourierkerneln så kan man titta på den komplexa vågfunktionen i frekvensrummet, vid monokromatiskt ljus får vi bara en peak på var sida om noll. En för funktionen och en för komplexkonjugatet.

Vid invers fouriertransform av  $U(\bar{r},t)$  så får vi $u(\bar{r},t) = A(\bar{r})\cos\phi(\bar{r}) + s\pi\nu_0 t$ 

• Komplex Amplitud:  $U(\bar{r}) = A(\bar{r})e^{i\phi(\bar{r})}$ 

• Amplitud:  $A(\bar{r})$ 

• Fas:  $\phi(\bar{r})$ 

• Intensitet:  $I(\bar{r}) = |U(\bar{r})|^2 = A^2(\bar{r})$   $[W/m^2]$ 

• Effekt:  $P = IA_d$  [W]

 $-A_d$  Detektorarea

- T Exponeringstid