词典

散列函数:基本

邓 後 辉 deng@tsinghua.edu.cn

### 评价标准 + 设计原则

❖ 确定 (determinism)

同一关键码总是被映射至同一地址

❖ 快速 (efficiency)

expected-O(1)

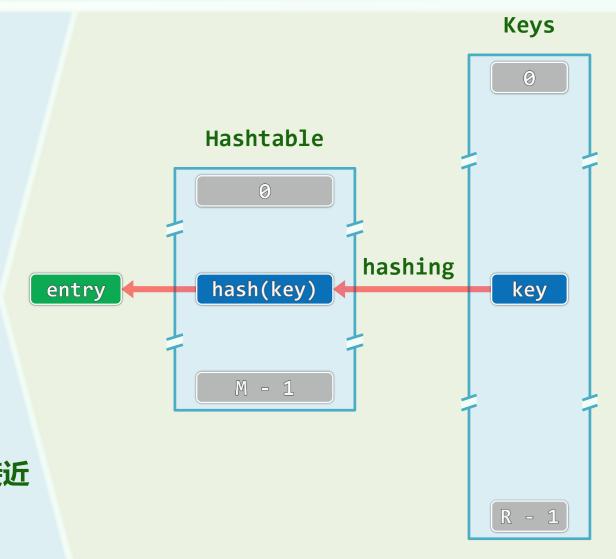
❖ 满射 (surjection)

尽可能充分地利用整个散列空间

❖均匀 (uniformity)

关键码映射到散列表各位置的概率尽量接近

有效避免聚集 (clustering) 现象



## 除余法

- ♦ hash(key) = key % M //前例中, 为何选M = 90001?
- ❖ 据说: M为素数时,数据对散列表的覆盖最充分,分布最均匀

其实:对于理想随机的序列,表长是否素数,无关紧要!

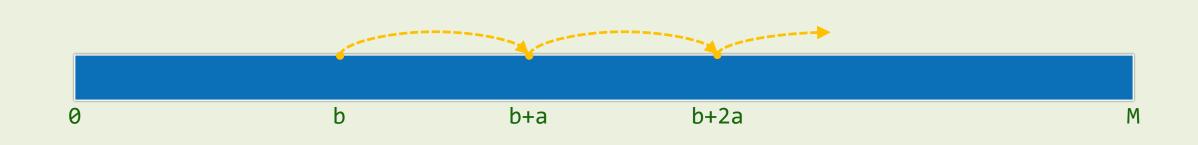
- ❖ 序列的Kolmogorov复杂度: 生成该序列的算法, 最短可用多少行代码实现?
  - **算术级数:** 7 12 17 22 27 32 37 42 47 ... //单调性/线性:从7开始,步长为5
  - **循环级数: 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5 ...** //周期性: 12345不断循环
  - 英文: data structures and algorithms ... //局部性: 频率、关联、词根、...
- ❖ 实际应用中的数据序列远非理想随机,上述规律性普遍存在
- ❖蝉的哲学: 经长期自然选择, 生命周期"取"作素数

# MAD法

#### ❖ 除余法的缺陷

- 不动点: 无论表长M取值如何,总有:  $hash(0) \equiv 0$ 

- 相关性: [0,R)的关键码尽管系平均分配至M个桶; 但相邻关键码的散列地址也必相邻



#### ❖ Multiply - Add - Divide

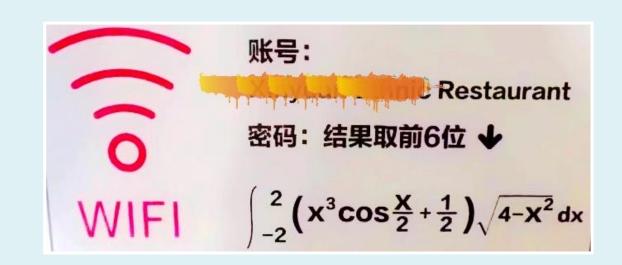
 $hash(key) = (a \times key + b) \% \mathcal{M}, \mathcal{M} \text{ prime}, a > 1, b > 0, \text{ and } \mathcal{M} \nmid a$ 

# 更多散列函数

### ❖ 数字分析/selecting digits

### 抽取key中的某几位,构成地址

- 比如,取十进制表示的奇数位



### ❖ 平方取中/mid-square

### 取key²的中间若干位,构成地址

- $hash(123) = middle(123 \times 123) = 15129 = 512$
- $hash(1234567) = 15241 \overline{)556} 77489 = 556$



# 更多散列函数

❖ 折叠法 folding: 将key分割成等宽的若干段, 取其总和作为地址

- hash( 
$$_{123}$$
456 $^{789}$  ) = 123 + 456 + 789 = 1368 //自左向右

- hash( 
$$_{123}$$
456 $^{789}$  ) = 123 + 654 + 789 = 1566 //往复折返

❖ 位异或法 XOR: 将key分割成等宽的二进制段,经异或运算得到地址

- hash( 
$$_{110}$$
011 $^{011}_{b}$  ) = 110 ^ 011 ^ 011 = 110 $_{b}$  //自左向右

- hash(
$$_{110}$$
011 $_{b}$ ) = 110 ^ 110 ^ 011 = 011 $_{b}$  //往复折返

**\*** . . . . . .

❖ 总之,越是随机,越是没有规律,越好