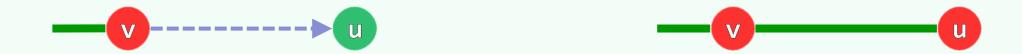
广度优先搜索: 性质及规律

邓 後 辉 deng@tsinghua.edu.cn

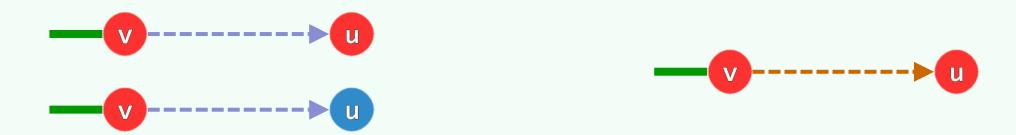
啊, 五环, 你比四环多一环; 啊, 五环, 你比六环少一环

边分类

- ❖ 经BFS后,所有边将确定方向,且被分为两类
- ❖ (v,u)被标记为TREE时, v为DISCOVERED且u为UNDISCOVERED



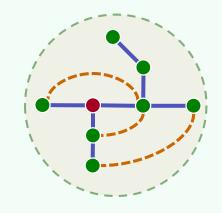
❖ (v,u)被标记为CROSS时, v和u均为DISCOVERED 或者 v为DISCOVERED而u为VISITED

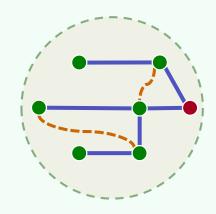


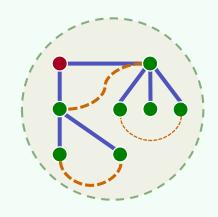
不论(v,u)是有向边或无向边,两种情况均可能出现

BFS树/森林

- ❖ 对于 (起始于v的) 每一连通/可达分量, bfs()进入BFS(v)恰好1次
- ❖ 进入BFS(v)时,队列为空; v所属分量内的每个顶点
 - 迟早会以UNDISCOVERED状态进队1次
 - 进队后随即转为DISCOVERED状态,并生成一条树边
 - 迟早会出队并转为VISITED状态
 - 退出BFS(v)时,队列为空
- ❖ BFS(v)以v为根,生成一棵BFS树
- ❖ bfs()生成一个BFS森林包含 c 棵树、n-c 条树边和 e-n+c 条跨边







最短路径

- ❖ 无向图中,顶点v到u的(最近)距离记作dist(v, u)
- ❖ BFS过程中,队列Q犹如一条贪吃蛇
 - 其中的顶点按dist(s)单调排列
 - 相邻顶点的dist(s)相差不超过1
 - 首、末顶点的dist(s)相差不超过1
 - 由树边联接的顶点, dist(s)恰好相差1
 - 由跨边联接的顶点, dist(s)至多相差1
- ❖ BFS树中从s到v的路径,即是二者在原图中的最短通路

