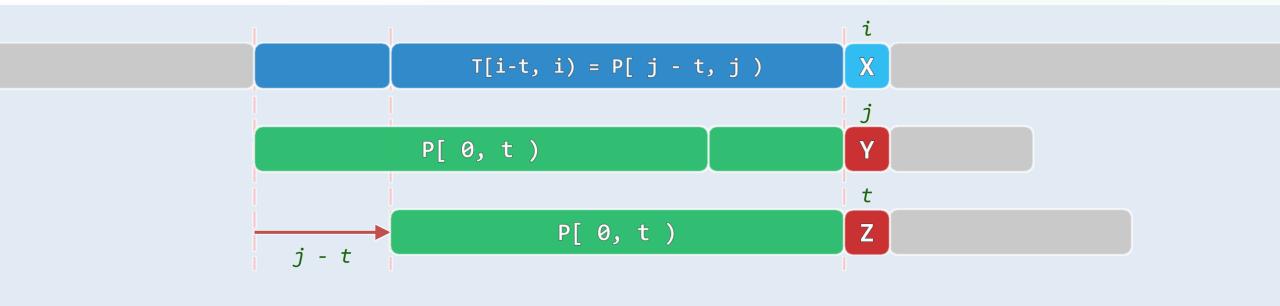
KMP算法: 理解next[]表

若想预见数学的未来,正确的方法是研究它的历史和现状。

吴用再使时迁扮作伏路小军,去曾头市寨中,探听他不出何意, 所有陷坑,暗暗地记着,离寨多少路远,总有几处。时迁去了 一日,都知备细,暗地使了记号,回报军师。



## 最长自匹配: 快速右移 + 绝不回退



$$\forall j \geq 1, \ \mathbf{N}(P,j) = \{\ 0 \leq t < j \mid P[0,t) = P[j-t,j)\ \}$$
 //所有自匹配的长度 
$$\mathbf{0} \in \mathbf{N}(P,j) \neq \varnothing \qquad \text{//因总包含0而非空,故可以}$$
  $next[j] = \max\{\ \mathbf{N}(P,j)\ \} \qquad \text{//取最大长度:位移最小,不致回溯}$ 

## 自匹配: 传递链

```
T[ i-j, i ) ?
    P[ 0, j )
P[ 0, n[j] )
P[0, n^2[j]) ?
P[ 0, n<sup>k</sup>[j] )
```

记: 
$$next^0[j] = j$$
,  $next^{k+1}[j] = next[next^k[j]]$   $(k \ge 0 \text{ and } next^k[j] \ge 0)$ 

同一T[i]可能依次与P中多个字符比对,其秩是:  $j=next^0[j],\ next^1[j],\ next^2[j],\ \dots,\ 0,\ -1$