

$\Theta(5 \cdot K^2)$

二叉树

下界：归约

言有易，言无难

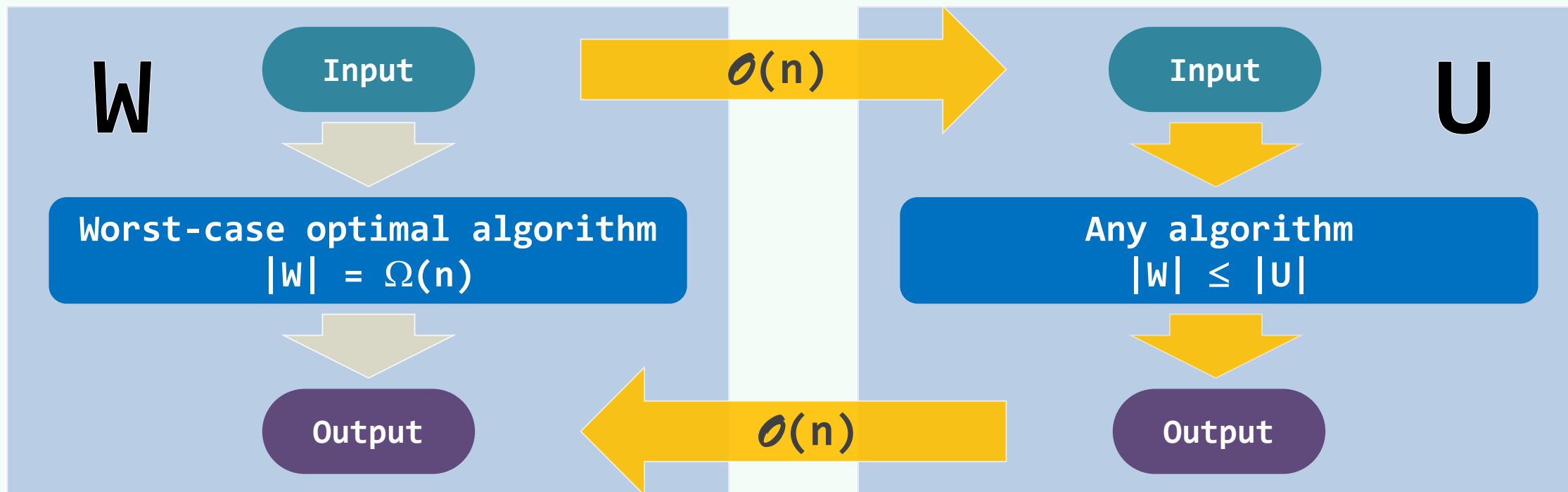
不怕不识货，就怕货比货

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

线性归约 (Linear-Time Reduction)

❖ 除了 (代数) 判定树, 归约 (reduction) 也是确定下界的有力工具



linear-time reduction

NP-complete/Polynomial-time reduction

P-SPACE complete/ Polynomial-time many-one reduction

实例

- ❖ 【Element Uniqueness】任意n个**实数**中，是否包含雷同？ // $\Omega(n \log n)$
$$EU \leq_N \text{Closest Pair}$$
- ❖ 【Integer Element Uniqueness】任意n个**整数**中，是否包含雷同？ // $\Omega(n \log n)$
$$IEU \leq_N \text{Segment Intersection Detection}$$
- ❖ 【Set Disjointness】任意一对集合A和B，是否存在**公共元素**？ // $\Omega(n \log n)$
$$SD \leq_N \text{Diameter}$$
- ❖ 【Red-Blue Matching】平面上任给n个红色点和n个蓝色点，如何用**互不相交的**线段配对联接
$$\text{Sorting} \leq_N \text{Red-Blue Matching}$$
- ❖ $\text{Sorting} \leq_N \text{Huffman Tree} \leq_N \text{Optimal Encoding Tree}$