词典

跳转表: 结构

去沿江上下,或二十里,或三十里,选高阜处置一烽火台,每台用五十军守之。

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

动机与思路

❖ [William Pugh, 1989]

```
Skip Lists: A Probabilistic Alternative to Balanced Trees
  Skip lists are data structures that use
    probabilistic balancing rather than
    strictly enforced balancing
  Algorithms for insertion and deletion in skip lists
    are much simpler and significantly faster than
```

equivalent algorithms for balanced trees



结构

❖ 横向为层 level: prev()、next() **❖ 分层耦合的多个<u>列表</u>**: S₀, S₁, ..., Sh 设有头、尾哨兵 S_o/S_h称作底/顶层 ❖ 纵向成塔 tower: above()、below() S₄ S_3 S_2 8 S_1 8 So

QuadNode

```
template <typename T> using QNodePosi = QNode<T>*; //节点位置
template <typename T> struct QNode { //四联节点
  T entry; //所存词条
  QNodePosi<T> pred, succ, above, below; //前驱、后继、上邻、下邻
  QNode( T e = T(), QNodePosi<T> p = NULL, QNodePosi<T> s = NULL,
         QNodePosi<T> a = NULL, QNodePosi<T> b = NULL ) //构造器
     : entry(e), pred(p), succ(s), above(a), below(b) {}
  QNodePosi<T> insert( T const& e, QNodePosi<T> b = NULL );
     //将e作为当前节点的后继、b的上邻插入
```

QuadList

```
template <typename T> struct Quadlist { //四联表
  Rank _size; //节点总数
  QNodePosi<T> header, trailer; //头、尾哨兵
  void <u>init()</u>; int clear(); //初始化、清除
  Quadlist() { init(); } //构造
  ~Quadlist() { clear(); delete header; delete trailer; } //析构
  T remove( QNodePosi<T> p ); //删除p
  QNodePosi<T> insert( T const & e, QNodePosi<T> p, QNodePosi<T> b = NULL );
     //将e作为p的后继、b的上邻插入
```

Skiplist

```
template < typename K, typename V > struct Skiplist :
public Dictionary<K, V>, public List< Quadlist< Entry<K, V> >* > {
  Skiplist() { insertAsFirst( new Quadlist< Entry<K, V> > ); }; //至少有一层空列表
  QNodePosi< Entry<K, V> > search( K ); //由关键码查询词条
  Rank size() { return empty() ? 0 : last()->data->size(); } //词条总数
  Rank height() { return List::size(); } //层高,即Quadlist总数
  bool put(K,V); //插入(Skiplist允许词条重复,故必然成功)
  V * get( K ); //读取
  bool remove(K); //删除
```

空间性能

- ❖ 较之常规的单层列表
 - 每次操作过程中,需访问的节点是否会实质地增多?
 - 每个节点都至多可能重复h份,空间复杂度是否因此有实质增加? //先来回答后者...
- > 逐层随机减半: S_k 中的每个关键码,在 S_{k+1} 中依然出现的概率,均为 p=1/2
 - ——稍后将会看到,这一性质可以通过投掷硬币来模拟
- ❖ 可见,各塔的高度符合几何分布: $Pr(h=k) = p^{k-1} \cdot (1-p)$
- * 于是,期望的塔高: $\mathbb{E}(h) = 1/(1-p) = 2$
- ❖ 什么,没有学过概率?不要紧,有直观的解释...

空间性能

* 既然逐层随机减半,故 S_0 中任一关键码在 S_k 中依然出现的概率为 2^{-k}



第
$$k$$
 层节点数的期望值 $\mathbb{E}(|S_k|) = n \cdot 2^{-k} = n/2^k$

❖ 于是, 所有节点期望的总数 (即各层列表所需空间总和) 为

$$\mathbb{E}(\sum_{k} |S_k|) = \sum_{k} \mathbb{E}(|S_k|) = n \times \sum_{k} 2^{-k} < 2n = \mathcal{O}(n)$$

- riangle 结论: 跳转表所需空间为 $ext{expected-}\mathcal{O}(n)$
- ❖ 类比: 半衰期为1年的放射性物质中, 各粒子的平均寿命不过2年
- **❖ 更为细致地, 塔高的方差是否足够小?** //比照稍后对层高的分析