二叉搜索树

算法及实现: 删除

必有忠士

十步之泽,必有香草;十室之邑,必有忠士

君子无终食之间违仁,造次必于是,颠沛必于是

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

主算法

```
template <typename T> bool BST<T>::remove( const T & e ) {
  BinNodePosi<T> & x = search( e ); //定位目标节点
  if (!x) return false; //确认目标存在(此时 hot为x的父亲)
  removeAt(x, _hot); _size--; //分两大类情况实施删除
  _size--; updateHeightAbove( _hot ); //更新全树规模, 更新_hot及其历代祖先的高度
  return true;
} //删除成功与否, 由返回值指示
```

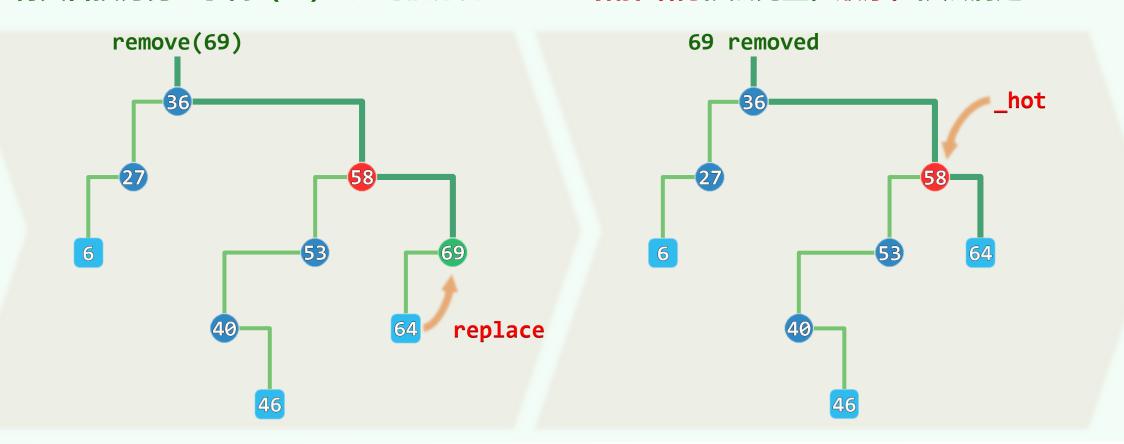
❖ 累计♂(h)时间: search()、updateHeightAbove(); 还有removeAt()中可能调用的succ()

单分支:实例

将其替换为另一子树 (64) //可能亦为空

❖ 若*x (69) 的某一子树为空,则可 ❖ 验证:如此操作之后,二叉搜索树的

拓扑结构依然完整; 顺序性依然满足



单分支:实现

```
template <typename T> static BinNodePosi<T>
removeAt( BinNodePosi<T> & x, BinNodePosi<T> & hot ) {
  BinNodePosi<T> w = x; //实际被摘除的节点, 初值同x
  BinNodePosi<T> succ = NULL; //实际被删除节点的接替者
  if (! HasLChild( *x ) ) succ = x = x->rc; //左子树为空
  else if (! HasRChild(*x)) succ = x = x->1c; //右子树为空
  else { /* ... 左、右子树并存的情况, 略微复杂些... */ }
  hot = w->parent; //记录实际被删除节点的父亲
  if ( succ ) succ->parent = hot; //将被删除节点的接替者与hot相联
  release( w->data ); release( w ); return succ; //释放被摘除节点, 返回接替者
} //此类情况仅需ø(1)时间
```

双分支: 实例

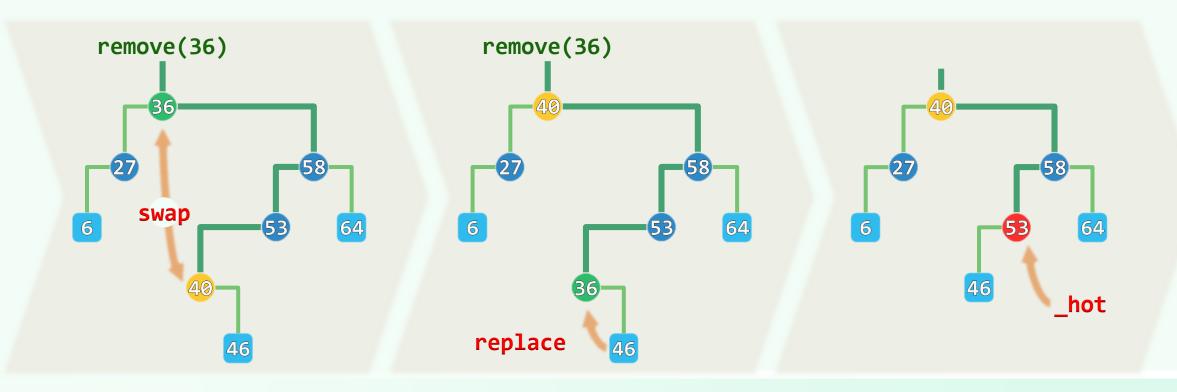
❖ 若: *x (36) 左、右孩子并存

则:调用BinNode::succ()找到x的直接后继

(必无左孩子); 交换*x (36) 与*w (40)

- ❖ 于是问题转化为删除w,可按前一情况处理
- ❖ 尽管顺序性在中途曾一度不合

但最终必将重新恢复



双分支: 实现

```
template <typename T> static BinNodePosi<T>
removeAt( BinNodePosi<T> & x, BinNodePosi<T> & hot ) {
  /* */
  else { //若x的左、右子树并存,则
     w = w->succ(); swap(x->data, w->data); // \diamondsuit*x 与其后继*w互换数据
     BinNodePosi<T> u = w->parent; //原问题即转化为, 摘除非二度的节点w
     ( u == x ? u->rc : u->lc ) = succ = w->rc; //兼顾特殊情况: u可能就是x
  /* .... */
} //时间主要消耗于<u>succ(),正比于x的高度——更精确地,search()与succ()总共不过</u> (h)
```