





## Politechnika Śląska jako Centrum Nowoczesnego Kształcenia opartego o badania i innowacje

POWR.03.05.00-IP.08-00-PZ1/17

Projekt współfinansowany przez Unię Europejską ze środków Europejskiego Funduszu Społecznego

Metody numeryczne w fizyce Instytut Fizyki Fizyka Techniczna, stopień 1

## 1. Ekstrema funkcji jednej zmiennej

Potencjał pomiędzy jonami Na<sup>+</sup> i Cl<sup>-</sup> opisany jest zależnością:

$$V(r) = \frac{-e^2}{4\epsilon_0 \pi r} + V_0 \exp(-r/r_0)$$

gdzie:  $r_0 = 0.330 \text{ Å}$ ,  $V_0 = 1.09 \cdot 10^3 \text{ eV (Pang, 2006)}$ .

- 1.1 Narysować wykres funkcji V(r).
- 1.2 Metodą złotego podziału odszukać *r* dla którego funkcja *V(r)* osiąga minimum. W zadaniu samodzielnie określić warunki początkowe przeszukiwania obszaru oraz warunek wykrycia minimum.
- 1.2 Metodą interpolacji parabolicznej odszukać *r* gdzie funkcja *V(r)* osiąga minimum. W zadaniu samodzielnie określić warunki początkowe przeszukiwania obszaru oraz warunek wykrycia minimum.
- 1.3 Metodą Brenta odszukać r gdzie funkcja V(r) osiąga minimum. W zadaniu samodzielnie określić warunki początkowe przeszukiwania obszaru oraz warunek wykrycia minimum.

## 2. Ekstrema funkcji wielu zmiennych

2.1 Odszukać położenia atomów, takich jak np. argon gdzie oddziaływania pomiędzy atomami opisane są przy pomocy potencjału Lennarda-Jonesa. Potencjał Lennarda-Jonesa opisany jest zależnością:

$$V_{ij} = 4 \varepsilon \left( \left( \frac{\sigma}{r_{ij}} \right)^{12} - \left( \frac{\sigma}{r_{ij}} \right)^{6} \right)$$

gdzie ε i σ są parametrami (Pang, 2006). Obliczenia wykonać dla 2, 3, 4, 5, 10 i 20 atomów. Narysować jak atomy są rozmieszczone w przestrzeni 3D.

Pang, T. (2006). An introduction to computational physics, second edition. In *An Introduction to Computational Physics, Second Edition*. https://doi.org/10.1017/CBO9780511800870