

# โครงงานวิศวกรรมคอมพิวเตอร์

ขั้นตอนวิธีคลัสเตอร์เพื่อเสริมความทนทานต่อการโจมตีแบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึก Cluster Method to Strengthen Adversarial Defence on Deep Learning Models

นาย ศิระกร ลำใย รหัสนิสิต 5910500023

โครงงานวิศวกรรมนี้ เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ ปีการศึกษา 2562

# โครงงานวิศวกรรมคอมพิวเตอร์

ขั้นตอนวิธีคลัสเตอร์เพื่อเสริมความทนทานต่อการโจมตีแบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึก Cluster Method to Strengthen Adversarial Defence on Deep Learning Models

นาย ศิระกร ลำใย รหัสนิสิต 5910500023

โครงงานวิศวกรรมนี้ เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ ปีการศึกษา 2562

บการศกษา 2562 ลิขสิทธิ์เป็นของคณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์

# โครงงานวิศวกรรมคอมพิวเตอร์

ขั้นตอนวิธีคลัสเตอร์เพื่อเสริมความทนทานต่อการโจมตีแบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึก Cluster Method to Strengthen Adversarial Defence on Deep Learning Models

นาย ศิระกร ลำใย รหัสนิสิต 5910500023

ได้รับการพิจารณาเห็นชอบจากภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ให้นับเป็นส่วนหนึ่งของการศึกษา ตามหลักสูตร วิศวกรรมศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์

อาจารย์ที่ปรึกษา	วันที่	เดือน	พ.ศ
(ผศ. ดร. จิตร์ทัศน์ ฝักเจริญผล)			
อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม	วันที่	เดือน	พ.ศ
(ผศ. ดร. ธนาวินท์ รักธรรมานนท์)			
หัวหน้าภาควิชา	วันที่	เดือน	พ.ศ
(รศ. ดร. พันธุ์ปิติ เปี่ยมสง่า)			

ศิระกร ลำใย 2563: ขั้นตอนวิธีคลัสเตอร์เพื่อเสริมความทนทานต่อการโจมตีแบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึก, ปริญญาวิศวกรรมศาสตร์ บัณฑิต (สาขาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์) ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ อาจารย์ที่ปรึกษาโครงงาน: ผศ.ดร.จิตร์ทัศน์ ฝักเจริญผล, ผศ.ดร.ธนาวินท์ รักธรรมานนท์

### บทคัดย่อ

แบบจำลองจักรกลเรียนรู้ใดๆ แม้จะถูกฝึกสอนเป็นอย่างดี แต่อาจสามารถถูกโจมตีด้วยข้อมูลรับเข้าที่เรียกว่าชุด ข้อมูลโจมตีประสงค์ร้ายเพื่อมุ่งหวังให้แบบจำลองให้คำตอบที่ผิดเพี้ยน การโจมตีในลักษณะนี้สามารถทำได้ง่ายในชีวิตจริง ดังนั้นการฝึกสอนแบบจำลองให้ทนทานต่อการโจมตีในลักษณะนี้จึงเป็นสิ่งที่จำเป็น ขั้นตอนวิธีการฝึกสอนสามารถทำได้ด้วย การเพิ่มชุดข้อมูลประสงค์ร้ายเข้าไปในแบบจำลอง ซึ่งจะทำให้แบบจำลองมีความแข็งแกร่งมากยิ่งขึ้น และความแข็งแกร่ง ของแบบจำลองนั้นขึ้นอยู่กับคุณภาพของข้อมูลประสงค์ร้ายที่เพิ่มเข้าไปด้วยเช่นกัน

งานชิ้นนี้มุ่งเน้นการศึกษาขั้นตอนวิธีสองขั้นตอนสำหรับการโจมตีประสงค์ร้าย ได้แก่ขั้นตอนวิธีเครื่องหมายเกรเดีย นต์อย่างเร็ว (FGSM) และขั้นตอนวิธีการฉายเกรเดียนต์ลดหลั่น (PGD) แม้ว่าขั้นตอนวิธี FGSM จะทำงานได้อย่างรวดเร็ว แต่ขุดข้อมูลประสงค์ร้ายที่ได้ออกมาไม่สามารถใช้โจมตีได้อย่างรุนแรงพอ ในทางตรงกันข้ามชุดข้อมูลประสงค์ร้ายที่สร้างจาก ขั้นตอนวิธี PGD สามารถโจมตีได้อย่างรุนแรงกว่า แต่ต้องแลกมาด้วยเวลาคำนวนที่มากขึ้น งานชิ้นนี้มุ่งเสนอขั้นตอนวิธี อย่างง่ายบนหลักของการคลัสเตอร์ข้อมูลเพื่อศึกษาจุดสมดุลระหว่างวิธีทั้งสองในการใช้สร้างตัวอย่างประสงค์ร้าย ผลการ ทดลองเสนอให้เห็นขั้นตอนวิธีฝึกสอนแบบจำลองที่ให้ผลทนทานต่อสัญญาณรบกวน PGD เทียบเท่าวิธีอื่น Sirakorn Lamyai 2020: Cluster Method to Strengthen Adversarial Defence on Deep Learning Model, Bachelor of Engineering (Computer Engineering), Department of Computer Engineering, Faculty of Engineering, Kasetsart University

Project advisor: Assoc. Prof. Dr. Jittat Fakcharoenphol, Assoc. Prof. Dr. Thanawin Rakthanmanon

#### Abstract

A well-trained accurate machine learning model may suffer from adversarial attacks that can be easily carried out in the real world. Training robust models that withstand adversarial attacks thus becomes an important problem in machine learning. Adversarial training increases model robustness by including adversarial examples during the training. The quality of the model depends on the quality of the added examples.

This work considers two popular methods for adversarial example generation: the Fast Gradient Sign Method (FGSM) and the Projected Gradient Descent (PGD). While FSGM is very efficient, the generated examples are weak against stronger attacking methods, including the examples generated from the PGD. On the other hand, while PGD produces high quality examples, the procedure is time-consuming. In this work, we propose a simple method based on clustering to find a trade-off between the two methods for adversarial example generation. The experimental result in an equally tolerating model to PGD attacks despite the much faster runtime.

#### กิตติกรรมประกาศ

เรียนด้วยความสัตย์จริง, ข้าพเจ้าไม่ใช่คนชอบเขียนเอกสาร และแน่นอนว่าข้าพเจ้าทุ่มเทเวลากับการเขียนรหัสคำ สั่งมากกว่างานเอกสาร (จนถึงระดับที่รู้สึกว่าการเขียน  $ET_{\mathsf{E}}X^{-1}$  เพื่อรายงานช่างสนุกเสียเหลือเกิน!) แต่มีส่วนหนึ่งของ เอกสารที่ข้าพเจ้าตั้งใจเขียนไม่แพ้กับชุดคำสั่ง–นั่นก็คือกิตติกรรมประกาศฉบับนี้

ข้าพเจ้าแปลกใจเล็กน้อยที่เห็นแม่แบบรูปเล่มรายงานโครงงานมีกิตติกรรมประกาศพิมพ์มาให้พร้อม–ข้าพเจ้าเข้าใจ ในความหวังดีของการใส่ตัวอย่างกิตติกรรมประกาศมาให้ ข้าพเจ้าเป็นคนแปลก (น่าจะใช้คำว่าแปลกกว่าชาวบ้านได้เต็มปาก) ที่ไม่อยากเขียนกิตติกรรมประกาศเพียงแค่พอเป็นพิธี ข้าพเจ้ารู้สึกว่าในเล่มโครงงานที่ข้าพเจ้าพยายามเขียนให้ตอบโจทย์ความ คาดหวัง มีเพียงพื้นที่ตรงนี้ที่ข้าพเจ้าสามารถเขียนเรื่อยเปื่อยได้โดยไม่ต้องใส่ใจความคาดหวังอะไร

ประการแรก ข้าพเจ้าขอบคุณครอบครัวของข้าพเจ้า–มิใช่เพียงแค่ด้วย "มารยาท" ว่าชื่อแรกที่ต้องขอบคุณคือครอบครัว แม้ว่าจะมีบางกรณีที่เห็นต่างและสับสน แต่สิ่งหนึ่งที่วิเศษคือครอบครัวข้าพเจ้าเข้าใจในทางที่ข้าพเจ้าเลือกเดินเป็นอย่างยิ่ง บทสนทนาเรื่องเรียนต่อกับพ่อ สายโทรศัพท์ที่ถามว่ายังกินยาต้านซึมเศร้าอยู่หรือไม่จากแม่ และมุกตลกที่น้องชายข้าพเจ้า ชอบเล่น คงตรึงใจอยู่ในความทรงจำสมัยวัยรุ่น

ข้าพเจ้าขอบคุณผศ.ดร.จิตร์ทัศน์ ฝักเจริญผล มิใชในฐานะที่ปรึกษาเพียงอย่างเดียว แต่ในฐานะมิตรสหายบนทวิ ตเตอร์ด้วย ไม่ว่าจะเป็นข้อความ บทสนทนา เวลากาแฟ หรือใดๆ ก็ตาม ข้าพเจ้าถูกผลักให้พบเจอมุมมองที่แตกต่าง ถูก ท้าทายความคิด และมุมมองในปัจจุบันของข้าพเจ้า–ซึ่งเป็นตัวนิยามว่าข้าพเจ้า "เป็นใคร"–ก็ได้รับการหล่อหลอมจากอาจารย์ มามิใช่น้อย

ขอขอบพระคุณผศ.ดร.ธนาวินท์ รักธรรมานนท์ สำหรับการเป็นที่ปรึกษาร่วมในโครงงานนี้, ขอบพระคุณสำหรับ การให้หนทางหลายๆ อย่าง ข้าพเจ้าอาจไม่อยู่ ณ จุดนี้หากไม่ได้รับโอกาสเหล่านั้น

ครั้นฝึกงาน ข้าพเจ้าเขียนย่อหน้าที่ขอบคุณเพื่อนด้วยการนำชื่อมาเรียงต่อกันตามลำดับของสิ่งที่ขอบคุณ (กล่าว คือหากข้าพเจ้าขอบคุณเพื่อนสำหรับ  $t_1,t_2,\ldots,t_n$  คำขอบคุณที่  $t_i$  นั้นจะเจาะจงไปยังเพื่อนคนที่  $ni+1,n\in\mathbb{I}^+$  เป็นพิเศษ) คงได้เวลาที่ข้าพเจ้าจะขอบคุณพวกเขาอีกครั้ง อย่างละเอียด ให้สมกับความนับถือที่ข้าพเจ้ามีให้กับเขาเหล่านั้น

- รวิสรา–เราคงไม่ต้องพูดอะไรมาก เราอยากเขียนย่อหน้านี้ให้มันยาวเป็นร้อยบรรทัด ให้ครบกับทุกอย่างที่ให้เรา, เรา อยากเขียนเพียง :) ในย่อหน้านี้ด้วยเชื่อว่าไม่มีทางที่เราจะเขียนข้อความเป็นร้อยบรรทัดให้แก่ได้จบ, แต่ขอบคุณ ขอบ คุณจริงๆ คงไม่พอหรอก แต่ขอบคุณ
- กิตติยา–กิต ฮิว ซิบิ ซิไบ หิว หิ๋ว หรือชื่อไหนก็ตาม, ขอบคุณสำหรับหลายๆ อย่างเช่นเดียวกัน คำว่า "คนที่วิเศษ" จะยังอยู่กับเราในวันที่ไม่ใช่วันที่ดีที่สุดของเรา, ขอบคุณสำหรับคำนี้และอีกหลายอย่าง มัน "วิเศษ" และมาจากคน ที่ก็ "วิเศษ" เหมือนกัน
- รล–มุข เรียวเล็น รหล๋ (อ่านว่ารอ-หลอ) รูปหล่อ เรือหลวง แรกเหลียญ หรือชื่อใดก็ตาม, ปลายปากกาของเพื่อน ที่สร้างสรรค์งานวาดช่วยให้เรามีแรงบันดาลใจอย่างไม่น่าเชื่อ (ขออนุญาตพูดว่าขอขอบคุณด้วยเสียงรวิสรา) และใน ฐานะที่เราอาจจะไม่ใช่คนที่พูดเก่งด้วยกันทั้งคู่ ทุกการ "บรีบ" นั้นเรารับรู้ได้ว่ามาจากใจจริงๆ และอยากจะบอกว่า มันช่วยให้โลกนี้อยู่ง่ายขึ้นมานิดนึงเสมอ ขอขอบคุณ (พูดด้วยเสียงรวิสราอีกครั้ง)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>ข้าพเจ้าขัดใจเป็นอย่างยิ่งกับการที่ตัว A และ E ถูกแสดงผลด้วยฟอนต์ TH Sarabun New เนื่องด้วยชุดคำสั่ง textrm ต่างจากสามตัวที่เหลือที่เป็น Latin Modern

- แพรว–ณิชา, แผว, แผ่ว, แพร๋ว (สามชื่อหลัง ถ้าไม่ผิดหลักการสะกด ก็ไม่ใช่การออกเสียงที่ถูก), มันมักจะมีมุมมุม หนึ่งที่เรารู้สึกห่างกัน และมุมเดียวกันนั้นเองที่เรารู้สึกว่าเราจะไม่มีทางห่างกันได้เลย, ขอบคุณสำหรับที่ที่ทำให้ไม่เคย ไม่เป็นตัวเองแม้แต่วินาทีเดียว, ไปจัดทริปเฮดเหรอบที่ล้านด้วยกันนะ
- ข้าพเจ้าอยากขอหนึ่งจุดหัวข้อตรงนี้ในการตั้งคำถามว่าเพราะเหตุใดเพื่อนในภาควิชาถึงมีชื่อเล่นมากมายเหลือเกิน
- อัน–มีชุดความคิดชุดหนึ่งที่เราดีใจที่เห็นในตัวอันไม่ใช่น้อย เป็นชุดความคิดที่ทำให้เราชื่นชมในตัวอันอยู่, ขอให้เติบโต อย่างแข็งแกร่ง และเป็นกำลังใจให้เสมอ
- วรชัยและมอร์แกน–แม้จะห่างกันขึ้นจากเวลาและระยะทาง รวมถึงภาระส่วนตัว แต่ดีใจเสมอที่ครั้งหนึ่งได้มาเจอกัน แบบงงๆ และอยู่ด้วยกันสี่ปัจนจบแบบงงๆ เช่นกัน (คำว่างงๆ ที่ปรากฏในครั้งหลัง ขยายคำว่าจบ หรือคำว่าอยู่ ขอ ให้ตีความเอง)
- นิว-คุณเป็นหลายอย่างเหมือนกันในช่วงเวลาที่ผ่านมานี้ คุณเป็นธิงค์ แทงค์ (think tank), คุณเป็นคนวิพากษ์ คุณ เป็นอาหารกระตุ้นสมอง แต่ที่สำคัญ ขอบคุณสำหรับส่วนหนึ่งของการทำให้ผมยอมรับในตัวเองได้
- พรมนัส–ขอบคุณสำหรับทุกมีมแดงค์ (dank memes) และการคุยกันทางปรัชญาที่ชวนให้รู้สึกเฮฮาอยู่ไม่ใช่น้อย, คุณ เป็นคนที่สนกมากคนนึงเลยนะ
- เปรม และจุ้ย–ขอบคุณที่มาเป็นส่วนหนึ่งของกันเมื่อไม่นานมานี้ และดีใจที่ได้มีคุณเป็นหนึ่งในความทรงจำช่วงมหาวิทยาลัย
- เนยสด–แม้เราจะรู้จักกันผ่านทวิตเตอร์มานาน แต่ช่วงเวลาที่เราเพิ่งได้ร่วมงานกันและสิงสถิตในแล็บด้วยกันเป็นช่วง เวลาที่มีความสุข ขอบคุณสำหรับทุกความห่วงใยและเมสเสจที่ทักเข้ามาเป็นระยะ

แน่นอนว่ารายชื่อนี้ไม่ได้กล่าวถึงทุกคนในภาควิชา–ขอถือโอกาสนี้กล่าวขอบคุณทุกคนจากใจจริงอีกครั้งหนึ่ง และขอถือโอกาส นี้ในการขอบคุณมิตรทุกท่านระดับชั้นมัธยมศึกษาที่ยังคงไม่ปล่อยให้โคจรหายออกจากกันไป (และขออภัยสำหรับการแบก แล็ปท็อปไปทำงานทุกครั้งที่นัดกินข้าว–นี่ไง งานเสร็จแล้วนะ)

ข้าพเจ้าขอขอบคุณสมาชิกกลุ่มวิจัยเชิงทฤษฎี, บรรยากาศการทำงานที่นี่วิเศษมาก ข้าพเจ้าไม่คิดว่าจะหาบรรยากาศ การทำงานแบบนี้ได้จากที่ใหน กลุ่มวิจัยเป็นทั้งที่ทำงาน ที่พักผ่อน ที่ที่อบอุ่นสำหรับข้าพเจ้า, คงเป็นการยากที่ข้าพเจ้าจะ บรรยายถึงความทรงจำในห้อง 805, บนโซฟาสีน้ำเงินตัวเก่า, บนเบาะถุงถั่ว (bean bag) สีแดง, และตรงที่นั่งทำงาน ขอ ขยายคำขอบคุณนี้ไปถึงสมาชิกรับเชิญของกลุ่มวิจัยฯ ทุกท่านที่เข้ามาเยี่ยมเยือนห้องนี้เป็นระยะ

ขอบคุณทีมการเรียนรู้เชิงประสงค์ร้ายทุกคน– วัชรพัฐ เมตตานันท, พงศกร อัจฉริยศักดิ์ชัย, มณฑล จรัสตระกูล– การร่วมงานกับคนเก่งนับเป็นเกียรติอย่างยิ่งสำหรับข้าพเจ้า, การได้ยืนท่ามกลางผู้คนเหล่านั้นช่วยผลักดันให้ข้าพเจ้าเรียนร รู้โลกในแง่ที่ตรงกับความจริงมากขึ้น และสร้างความเชื่อมั่นว่าข้าพเจ้าจะไม่มีใครมาหยุดได้

ขอบคุณในความเชื่อที่จะเปลี่ยนโลกด้วยงานวิจัย ของอาจารย์จากสำนักวิชาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยีสารสนเทศ สถาบันวิทยสิริเมธี: อาจารย์สรณะ นุชอนงค์, อาจารย์ธีรวิทย์ วิไลประสิทธิ์พร, อาจารย์ปรเมษฐ์ มนูญพงศ์, อาจารย์ศุภ ศรณ์ สุวจนกรณ์ รวมถึงอาจารย์โชคซัย เลี้ยงสุขสันต์ คณบดีคนแรกของสำนักวิชา และขอขอบคุณบุคลากร นิสิต และนิสิต-นักศึกษาฝึกงานของสำนักวิชาฯ ที่พร้อมผลักดันความเชื่อนี้ในสภาพแวดล้อมการทำงานที่วิเศษ เปี่ยมไปด้วยพลังขับเคลื่อน และกำลังใจ: พี่เอ็ม, พี่น้ำเงิน, พี่เติร์ด, พี่ไอซ์, พี่แก๊ป, พี่ก้อง, พี่เจปัง, พี่แบม, พี่คิม, พี่ธนัท, พี่โอ, พี่อัน, พี่หมีพูห์, บิล, พี่ ลิลลี่, พี่บาล์ม, พี่แทน, พี่ฉัตร, พี่มินท์, พี่ส้ม, พี่พลอย, พี่เบนซ์, พี่แบงค์, พี่นานาไอซ์, ไททัน, ใบเตย และที่อาจไม่ได้เอ่ย นาม

ในการเดินทางอันยาวไกล ความเหนื่อยล้าเป็นเรื่องธรรมดา ขอขอบคุณภัทรวี ศรีสันติสุข สำหรับความอบอุ่นหัวใจ แบบที่ยากแก่การอธิบาย เสียงของเอิ๊ตปลอบประโลมในวันที่ใจอ่อนล้า, สะกดให้อยู่ในห้วงอารมณ์ในวันที่เร่งรีบ, รอยยิ้ม ของเอิ๊ตทำให้ข้าพเจ้าอยากยิ้มได้งดงามและเป็นความสุขให้คนอื่นได้แบบที่เอิ๊ตเป็น

ขอบคุณทุกท่านที่ร่วมอุดมการณ์และชุดความคิดเดียวกับข้าพเ้จา สำหรับคำบอกย้ำที่ทรงพลังว่าข้าพเจ้าไม่ได้อยู่ เพียงคนเดียว, ในโลกอันกว้างใหญ่ ข้าพเจ้ามิอาจเลี่ยงความรู้สึกว่าตัวเองโดดเดี่ยว หากแต่คนเหล่านี้คือเครื่องย้ำเตือนข้าพเจ้า ว่าโลกใบนี้มิได้เปล่าเปลี่ยวและโหดร้ายอย่างที่คิด

ขอขอบคุณหลายสิ่งในชีวิตที่ช่วยให้ข้าพเจ้าอยู่บนโลกนี้ได้ง่ายขึ้น และหลับตานอนได้สบายกว่าที่เคยเป็น: ตู้อบ ผ้าที่ตั้งใกล้หอข้าพเจ้า, เตารีดไอน้ำเสี่ยวหมี, ร้านขายยาต้านซึมเศร้าที่ราคาไม่แพง, พนักงานบริการส่งอาหารทุกท่าน กล ไกเล็กๆ เหล่านี้ช่วยให้ข้าพเจ้าเหนื่อยน้อยลง

สุดท้ายนี้ข้าพเจ้าอยากขอบคุณเด็กผู้ชายคนหนึ่ง: แทน ในระดับชั้นประถม, เราจำได้ว่าแทนในตอนนั้นอยากเป็น นักวิทยาศาสตร์ หวังว่านักวิจัยคอมพิวเตอร์คงใกล้เคียงกันอยู่นะ ดีใจด้วย! แทนในระดับชั้นมัธยม เก่งมากนะที่ยืนหยัดตัว เองให้มาในทางที่ชอบแม้ว่าจะมีหันเหเล็กน้อย ทำได้แล้วนะ

รายงานฝึกงานชิ้นนี้คงเป็นเหมือนสูจิบัตรของกระบวนสุดท้ายในการแสดงที่ชื่อว่าปริญญาตรีวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ ในไม่ช้าบาตองในมือข้าพเจ้าจะส่งสัญญาณตัดจบ (cutoff) ครั้งสุดท้ายในการแสดงนี้, ข้าพเจ้าจะหันหลังกลับไปพบเสียงปรบ มือ พบผู้คนที่รายล้อมและชื่นชมกับความสำเร็จของข้าพเจ้า หากมีเสียงปรบมือใดก็ตาม ข้าพเจ้าขอโบกบาตองในมือข้าพเจ้า ให้เสียงปรบมือเหล่านั้นดังถึงทุกคนในกิตติกรรมประกาศฉบับนี้, และข้าพเจ้าขอน้อมรับทุกเสียงตอบรับที่มีให้กับข้าพเจ้าจาก ใจจริง ขอขอบคุณ

> นาย ศิระกร ลำใย ผู้จัดทำ

# สารบัญ

บทคัดย่อ	อภาษาไทย	i
Abstrac	<del>zt</del>	ii
กิตติกรร	มประกาศ	iii
บทที่ 1	บทนำ	2
1.1	ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา	2
1.2	วัตถุประสงค์ของการศึกษา	2
1.3	ขอบเขตของการทำโครงงาน	2
1.4	ระยะเวลาและแผนดำเนินงาน	3
1.5	ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	3
1.6	คำนิยามศัพท์เฉพาะ	3
บทที่ 2	ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง	5
2.1	จักรกลเรียนรู้	5
2.2	การเรียนรู้เชิงลึก	5
	2.2.1 เปอร์เซปตรอน (Perceptron)	5
	2.2.2 เปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้น (Multi Layer Perceptron)	7
2.3	ฟังก์ชันกระตุ้นและความฉลาดของโครงข่ายประสาทเทียม	9
	2.3.1 ทฤษฎีบทตัวประมาณฟังก์ชันครอบจักรวาล	9
	2.3.2 ข้อสังเกตต่อฟังก์ชันกระตุ้นและความฉลาด	9
2.4	โครงข่ายประสาทเทียมแบบสังวัฒนาการ	9
2.5	ค่าสูญเสีย	10
	2.5.1 ค่าสูญเสียเมื่อมองจากมุมมองของตัวแปรเสริม	12
2.6	ขั้นตอนวิธีเกรเดียนต์ลดหลั่น และการก้าวเคลื่อนถอยหลัง	12
	2.6.1 ตัวดำเนินการเกรเดียนต์	12
	2.6.2 ขั้นตอนวิธีก้าวเคลื่อนถอยหลัง	13
2.7	สัญญาณรบกวน	14
2.8	คำอธิบายต่อการเกิดขึ้นของสัญญาณรบกวน	14
	2.8.1 การประพฤติตัวเป็นเส้นตรง	14
	2.8.2 ทฤษฎีชดคณสมบัติแบบอ่อนและแบบเข้ม	15

2.9	การคำ	นวนหาสัญญาณรบกวน	16
	2.9.1	การหาสัญญาณรบกวนด้วยวิธีการก้าวเคลื่อนถอยหลัง	16
	2.9.2	การหาสัญญาณรบกวนด้วยวิธีการเครื่องหมายเกรเดียนต์แบบเร็ว (FGSM)	16
	2.9.3	การฉายเกรเดียนต์ลดหลั่น $k$ ขั้น ( $k$ -PGD)	16
	2.9.4	ความต่างของขั้นตอนวิธี	17
2.10	การเรีย	บนรู้เชิงโจมตี	17
บทที่ 3	วิธีดำเ	นินงาน	18
3.1	การวิเศ	าราะห์และออกแบบขั้นตอนวิธี	18
	3.1.1	พฤติกรรมของคลัสเตอร์สัญญาณรบกวน	18
	3.1.2	การเสริมความแข็งแกร่งด้วยวิธีการผสานคลัสเตอร์	18
3.2	การทด	ลองวัดประสิทธิภาพ	18
บทที่ 4	ผลการ	รทดลอง	21
4.1	ผลการ	ดำเนินงาน	21
	4.1.1	การสร้างโครงข่ายประสาทเทียม	21
	4.1.2	การฝึกสอนโครงข่ายประสาทเทียม	21
	4.1.3	การวัดประสิทธิภาพแบบจำลอง	21
	4.1.4	การโจมตีแบบจำลอง	21
	4.1.5	การเสริมความแข็งแกร่งแบบจำลองด้วยการฝึกสอนใหม่	21
	4.1.6	การวัดประสิทธิภาพการเสริมความแข็งแกร่ง	23
4.2	การวิเศ	าราะห์ผล	23
บทที่ 5	สรุปผ	ลการทดลอง	25
5.1	สรุป .		25
	5.1.1	สรุปผลการทำโครงงาน	25
	5.1.2	ผลลัพธ์ที่ได้	25
	5.1.3	ประโยชน์ที่ได้รับจากการปฏิบัติงาน	25
5.2	ปัญหา	อุปสรรคและแนวทางการแก้ไขปัญหา	25
	5.2.1	ปัญหาที่พบระหว่างการทำโครงงาน	25
	522	แบวทางการแก้ไขเปัญหา	25

# สารบัญรูป

	เปอร์เซปตรอน	
2.2	เปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้น	8
2.3	เปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้นซึ่งทำหน้าที่เป็นประตูสัญญาณเฉพาะหรือ	8
2.4	ชั้นสังวัฒนาการ ซึ่งแสดงข้อมูลนำเข้าด้วยสีฟ้า และตัวกรองด้วยสีแดง	10
2.5	ชั้นบ่อรวม ทั้งแบบบ่อรวมมากสุดและแบบบ่อรวมเฉลี่ย โดยพิจารณาบ่อตามขอบเขตสีเขียว	10
2.6	การคำนวนค่าสูญเสีย	11
2.7	(จากซ้ายไปขวา) รูปเลข 5 ที่ถูกเจือด้วยความเข้มข้นของสัญญาณรบกวนที่ต่างกันที่ระดับ 0.0, 0.01 และ	
	0.03 ตามลำดับ	14
2.8	ตัวอย่างชุดคุณสมบัติแบบอ่อน และแบบเข้มที่เป็นไปได้ จากเลข 5	15
4.1	ค่าความแม่นยำของแบบจำลองก่อนเสริมความแข็งแกร่ง	22
4.2	เวลาที่ใช้ในการเสริมความแข็งแกร่งแบบจำลอง	23
4.3	ค่าความแม่นยำของแบบจำลอง CNN หลังเสริมความแข็งแกร่ง	24

# สารบัญตาราง

ตารางที่ 1.ฬารางแสดงรอบการวนทวนและช่วงเวลา										2
ตารางที่ 4.สถาปัตยกรรมโครงข่ายประสาทเทียมที่เลือกใช้									. 2	22

# บทที่ 1 บทนำ

### 1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

แบบจำลองจักรกลเรียนรู้ (Machine Learning models) นั้นถูกใช้อย่างกว้างขวางในปัจจุบัน อย่างไรก็ตาม แบบ จำลองใดๆ นั้นอาจมีความผิดพลาดต่อการทำการโจมตีประสงค์ร้าย (Adversarial attacks) เพื่อจงใจให้ผลลัพธ์ที่แบบจำลอง นั้นคาดเดามีความผิดพลาดจากผลลัพธ์ที่ควรจะเป็น

ในการเรียนรู้เชิงตัวแปรเสริม (parameter-based learning) นั้น ตัวแปรเสริม (parameters) ค่าน้ำหนัก (weights) บนแบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึก (deep Learning models) เป็นตัวกำหนดความฉลาดของแบบจำลอง อาจมีตัวแปรเสริม บางชุดที่ทำให้แบบจำลองมีช่องโหว่ต่อการโจมตีประสงค์ร้าย การโจมตีนั้นอาจเกิดจากการเพิ่มสัญญาณรบกวนซึ่งผ่านการ คำนวน (calculated artefacts) เข้าสู่ข้อมูลรับเข้า (inputs) ซึ่งทำให้ความผิดพลาดของแบบจำลองในการพยากรณ์คำ ตอบนั้นเปลี่ยนไปอย่างชัดเจน

โครงงานวิศวกรรมคอมพิวเตอร์นี้มุ่งหวังจะนำตัวแปรเสริมบนแบบจำลองมาสร้างภาพแสดง (visualise) ถึงจุดโหว่ ในการพยากรณ์ใดๆ ของแบบจำลอง เพื่อลดความเสียหายอันอาจเกิดขึ้นได้จากการโจมตีแบบจำลองขณะถูกใช้งานจริง

## 1.2 วัตถุประสงค์ของการศึกษา

โครงงานนี้มีวัตถุประสงค์และเป้าหมายดังนี้

- 1. สร้างแบบจำลองเชิงลึก (Deep Learning models) ซึ่งสามารถถูกโจมตีประสงค์ร้าย (Adversarial attacks) ได้
- 2. นำแบบจำลองในข้อ (1) มาสร้างเป็นรูปภาพแสดง (visualisation) เพื่อหาจุดโหว่ต่อการโจมตี รวมถึงคาดเดาแนว โน้มการโจมตีที่เป็นไปได้
- 3. ใช้ความรู้ในข้อ (2) สร้างแบบจำลองที่ทนทาน (prone) ต่อการโจมตีมากขึ้น

#### 1.3 ขอบเขตของการทำโครงงาน

โครงงานนี้มีขอบเขตการดำเนินงานดังนี้

- 1. สร้างแบบจำลองเชิงลึก (Deep Learning models) ซึ่งสามารถถูกโจมตีประสงค์ร้าย (Adversarial attacks) ได้
- 2. นำแบบจำลองในข้อ (1) มาสร้างเป็นรูปภาพแสดง (visualisation) เพื่อหาจุดโหว่ต่อการโจมตี รวมถึงคาดเดาแนว โน้มการโจมตีที่เป็นไปได้
- 3. ใช้ความรู้ในข้อ (2) สร้างแบบจำลองที่ทนทาน (prone) ต่อการโจมตีมากขึ้น

#### 1.4 ระยะเวลาและแผนดำเนินงาน

การดำเนินงานของโครงการจะใช้วิธีจัดการงาน (workflow) แบบเอไจล์ (agile) เพื่อมุ่งเน้นประสิทธิภาพในการ ทำงานและสร้างระบบการทำงานที่เหมาะสมต่อการดำเนินการในระยะเวลาและปัจจัยการดำเนินงานที่ไม่อาจคาดเดาได้ การ ทำงานจะใช้วิธีการแบ่งรอบการวนทวน (iteration) โดยมุ่งเน้นให้แต่ละรอบการวนทวนมีความก้าวหน้าของงานในปริมาณ ที่เหมาะสมกับเวลาและข้อจำกัดต่างๆ หนึ่งรอบการวนทวนนั้นกินระยะเวลาสองสัปดาห์ดังแสดงในตารางที่ 1.1 และจะประกอบ ด้วยขั้นตอนต่อไปนี้

- 1. ประชุมสรุป (iteration meeting) หนึ่งถึงสองครั้งต่อสัปดาห์
- 2. เขียนรอบปูมย้อนหลัง (backlog) และหยิบมาทำตามจำนวนที่เหมาะสม
- 3. กิจกรรมมองย้อนรอบการวนทวนด้วยตนเอง (self-retrospective) เพื่อพิจารณาความเหมาะสมในการทำงาน และ ปรับปรุงการทำงานในรอบการวนทวนต่อไป

อย่างไรก็ดี เพื่อเป็นการตั้งเป้าหมายงานในระยะยาว โครงงานนี้จะมีวิสัยทัศน์ผลิตภัณฑ์ (product vision) โดยคร่าวตาม ขอบเขตการดำเนินงาน และในทุกประมาณ 4-6 รอบการวนทวน จะมีการวางแผนปล่อยผลิตภัณฑ์ (release planning) หนึ่งครั้งเพื่อสรุปงานออกมาเป็นความคืบหน้าที่จับต้องได้อันเกิดจากการทำงานในกลุ่มรอบการวนทวนนั้น

### 1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

- 1. เข้าใจถึงพื้นฐาน หลักการทำงาน และระบบจักรกลเรียนรู้แบบต่างๆ
- 2. เข้าใจถึงจุดอ่อนของระบบจักรกลเรียนรู้ในแต่ละกรณี
- 3. สามารถโจมตีระบบจักรกลเรียนรู้ เพื่อสร้างระบบจักรกลเรียนรู้ที่ทนทานต่อการโจมตีได้

#### 1.6 คำนิยามศัพท์เฉพาะ

- จักรกลเรียนรู้ (machine learning) คือระบบ หรือโค้ด หรือโปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่เรียนรู้โครงสร้างของชุดคำถาม และคำตอบโดยมิจำเป็นต้องทำการโปรแกรมลำดับการทำงานอย่างชัดแจ้ง (explicitly)
- การเรียนรู้เชิงโจมตี (adversarial learning) หมายถึงการศึกษาถึงการโจมตีแบบจำลอง (model) ของจักรกลเรียน รู้ (machine learning)

	I				ı		
		25	62		2563		
	ก.ย.	ต.ค.	พ.ย.	ช.ค.	ม.ค.	ก.พ.	มี.ค.
รอบการวนทวนที่ 1	/						
รอบการวนทวนที่ 2	/						
รอบการวนทวนที่ 3		/					
รอบการวนทวนที่ 4		/					
รอบการวนทวนที่ 5			/				
รอบการวนทวนที่ 6			/				
แผนการปล่อยงานที่ 1			/				
รอบการวนทวนที่ 7				/			
รอบการวนทวนที่ 8				/			
รอบการวนทวนที่ 9					/		
รอบการวนทวนที่ 10					/		
แผนการปล่อยงานที่ 2					/		
รอบการวนทวนที่ 11						/	
รอบการวนทวนที่ 12						/	
รอบการวนทวนที่ 13							/
รอบการวนทวนที่ 14							/
แผนการปล่อยงานที่ 3							/

ตารางที่ 1.1: ตารางแสดงรอบการวนทวนและช่วงเวลา

# บทที่ 2 ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

### 2.1 จักรกลเรียนรู้

ระบบจักรกลเรียนรู้ (machine learning) อาจนิยามได้ว่าเป็นระบบที่ไม่ต้องมีการป้อนข้อมูล หรือวิธีทำงาน เข้าไป ยังโค้ดโปรแกรมอย่างชัดแจ้ง (explicitly) โดยระบบดังกล่าวจะถูกฝึกสอนด้วยชุดของข้อมูลหรือประสบการณ์ (experience) และปรับตัวเองให้ส่งออกคำตอบซึ่งอิงจากประสบการณ์ที่ตนเองเคยได้เรียนรู้มา

หากจะกล่าวให้ละเอียด เราสามารถนิยามโปรแกรมซึ่งสามารถทำการ*เรียน*ได้ดังนี้ [1]

**บทนิยาม 2.1.1.** โปรแกรมใดๆ เรียน (learn) จากประสบการณ์ (experience) E บนงาน (task) T และการวัดประสิทธิผล (performance measurement) P หากประสิทธิผลบน T ซึ่งถูกวัดโดย P เพิ่มขึ้นตามประสบการณ์ E

## 2.2 การเรียนรู้เชิงลึก

การเรียนรู้เชิงลึก (Deep Learning) คือความพยายามในการจำลองเซลล์ประสามของมนุษย์ให้อยู่ในรูปแบบจำลอง คณิตศาสตร์ ด้วยความเชื่อทางหลักประสาทวิทยา (neurosciences) ว่าความฉลาดของสมองมนุษย์เกิดขึ้นได้จากโครงข่าย ประสาทจำนวนมาก ที่เชื่อมเข้าถึงกัน [2]

### 2.2.1 เปอร์เซปตรอน (Perceptron)

เปอร์เซปตรอน (Perceptron) [3] เป็นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของเซลล์สมองหนึ่งเซลล์ โดยมีคุณสมบัติดังนี้

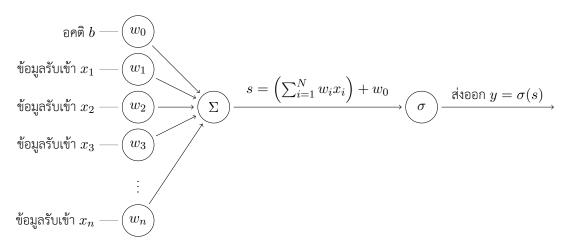
- รับเข้าข้อมูลมาในเซลล์จากหลายแหล่ง และให้น้ำหนักกับข้อมูลนั้นต่างกันไป
- ส่งออกข้อมูลเพียงค่าเดียว

ดังนั้น แบบจำลองทางคณิตศาสตร์สามารถเขียนออกมาจากหลักการสองข้อดังกล่าวได้ด้วยสมการ

$$y = \sigma \left( W^T X + b \right) \tag{2.1}$$

เมื่อ W และ X เป็นเมทริกซ์ขนาด  $1\times n$  (โดย n เป็นจำนวนข้อมูลรับเข้า), b เป็นค่าสัมประสิทธิ์คงที่ (อคติ: bias) และ  $\sigma$  เป็นฟังก์ชันกระตุ้น (activation function) ซึ่งอาจเขียนรูปร่างของเปอร์เซปตรอนให้มีลักษณะรูปคล้ายเซลล์ สมองได้ในลักษณะรูปที่ 2.1

ยกตัวอย่างการใช้เปอร์เซปตรอนในการแก้ปัญหาอย่างง่ายได้ในที่นี้



รูปที่ 2.1: เปอร์เซปตรอน

#### การคาดเดาราคาอสังหาริมทรัพย์

หากสำรวจราคาอสังหาริมทรัพย์แล้วพบว่า

- ราคาอสังหาริมทรัพย์จะเพิ่มขึ้นตามที่ดิน โดยเพิ่มขึ้นทุก 10,000 บาทต่อตารางวา
- ราคาอสังหาริมทรัพย์จะเพิ่มขึ้นตามจำนวนห้องนอน โดยเพิ่มขึ้นทุก 200,000 บาทต่อห้องนอน
- ราคาอสังหาริมทรัพย์จะลดลงตามจำนวนอายุปี โดยลดลงทุก 7,000 บาทต่ออายุของอสังหาริมทัพย์
- ราคากำหนดตรึง (fixed cost) ของอสังหาริมทรัพย์ อยู่ที่ 100,000 บาท

จะสามารถเขียนเปอร์เซปตรอนเพื่อคาดเดาราคาอสังหาริมทรัพย์ได้โดย

$$y = \sigma\left(W^T X\right)$$

เมื่อ W ซึ่งเป็นค่าสัมประสิทธิ์แสดงถึงความสัมพันธ์ข้อมูลรับเข้า ซึ่งเขียนได้จากความสัมพันธ์ดังแสดงด้านล่าง

$$W^T = \begin{bmatrix} 100000 & 10000 & 200000 & -7000 \end{bmatrix}$$

หากต้องการคาดเดาราคาบ้านที่มี 3 ห้องนอน เนื้อที่ 100 ตารางวา และมีอายุ 7 ปี จะสามารถเขียนเมทริกซ์ X ได้เป็น

$$X = \begin{bmatrix} 1\\3\\100\\7 \end{bmatrix}$$

โปรดสังเกตว่า  $x_0=1$  เนื่องจากผลคูณของเทอม  $w_0$  และ  $x_0$  เป็นค่าที่เรียกว่าค่าอคติ (bias) ของแบบจำลอง เนื่องจากเปอร์เซปตรอนตัวนี้ถูกใช้ในการทำนายราคา ซึ่งกล่าวว่ามีความสัมพันธ์กันกับตัวแปรที่กำหนดข้างต้นใน เชิงเส้น ดังนั้นจะกล่าวได้ว่าฟังก์ชันกระตุ้น (activation function) ที่เลือกใช้ จะเลือกใช้ฟังก์ชันเส้นตรง (linear function)  $\sigma(x)=x$ 

ดังนั้น ผลการทำนายราคาบ้านคำนวนได้จาก

$$y = \sigma \left( W^T X + b \right)$$

$$= \sigma \left( \begin{bmatrix} 100000 & 10000 & 200000 & -7000 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 100 \\ 7 \end{bmatrix} \right)$$

$$= \sigma (100000 + 30000 + 200000000 + (-49000)) = f(20981000)$$

$$= 20981000$$

### การสร้างประตูสัญญาณตรรกะด้วยเปอร์เซปตรอน

เราสามารถสร้างประตูสัญญาณตรรกะ (logic gates) บางชนิดได้ด้วยเปอร์เซปตรอน เช่นการสร้าง AND และ OR gate

ยกตัวอย่างโครงสร้างของประตูสัญญาณและซึ่งสามารถสร้างได้ด้วยการกำหนดให้

ullet X เป็นเมทริกซ์ขนาด 1 imes 2 กล่าวคือเมื่อรับค่า  $x_1,x_2$  เป็นค่า 0 หรือ 1 แทนสัญญาณจริงหรือเท็จแล้ว

$$X = \begin{bmatrix} 1 \\ a_1 \\ a_2 \end{bmatrix}$$

ullet กำหนดค่าของเมทริกซ์ W เป็น

$$W^T = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

• กำหนดฟังก์ชัน  $\sigma(x)$  เป็น step function กล่าวคือ

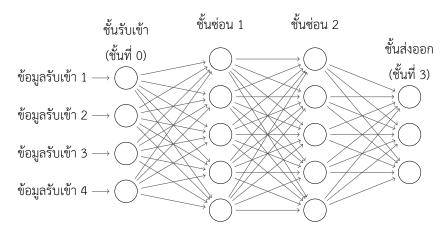
$$\sigma(x) = \begin{cases} 1; & x \ge 0 \\ 0; & \text{ในกรณีอื่น} \end{cases}$$

และการสร้างประตูสัญญาณหรือสามารถทำได้ในลักษณะเดียวกันโดยเปลี่ยนชุดน้ำหนัก เป็น

$$W^T = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

# 2.2.2 เปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้น (Multi Layer Perceptron)

เราอาจสังเกตว่าเปอร์เซพตรอนหนึ่งตัวนั้นทำหน้าที่ได้เพียนแยก (classify) หรือถดถอย (regress) ปัญหาที่เป็น ปัญหาเชิงเส้น (linear problems) ได้เท่านั้น อย่างในก็ตามหากเรากำหนดให้ฟังก์ชัน f เป็นฟังก์ชันที่ไม่ใช่ฟังก์ชันเส้นตรง แล้ว เราอาจสร้าง**เปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้น** (Multi Layer Perceptron) ขึ้นมาได้โดยมีลักษณะดังรูปที่ 2.2



รูปที่ 2.2: เปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้น



รูปที่ 2.3: เปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้นซึ่งทำหน้าที่เป็นประตูสัญญาณเฉพาะหรือ

เราอาจเขียนแทนน้ำหนักของโครงข่ายจากเปอร์เซปตรอนชั้นที่ i ไปยังชั้นที่ j (j=i+1) ได้เป็น

$$\boldsymbol{W}_{ij} = \begin{bmatrix} w_{10} & w_{20} & \dots & w_{n_i0} \\ w_{11} & w_{21} & \dots & w_{n_i1} \\ w_{12} & w_{22} & \dots & w_{n_i2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ w_{1n_j} & w_{2n_j} & \dots & w_{n_jn_i} \end{bmatrix}$$

เมื่อจำนวนเปอร์เซปตรอนในชั้นที่ k เขียนแทนด้วย  $n_k$ 

ยกตัวอย่างเช่น เราจะสามารถสร้างประตูสัญญาณเฉพาะหรือ (XOR gate) ได้จากเปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้น ดังแสดงในรูปที่ 2.3 โดยเลขในแต่ละเปอร์เซปตรอนแทนค่าอคติ (b) และเลขบนเส้นเชื่อมแทนค่าน้ำหนัก (w) และกำหนด ให้ฟังก์ชันกระตุ้น  $\sigma$  เป็นฟังก์ชันขั้นบันได (step function) กล่าวคือ

$$\sigma(x) = \begin{cases} 1; & x \ge 0 \\ 0; & \text{ในกรณีอื่น} \end{cases}$$

เปอร์เซปตรอนดังกล่าว เมื่อรับค่า A และ B เป็น 0 หรือ 1 จะส่งออกค่า  $A\oplus B$ 

### 2.3 ฟังก์ชันกระตุ้นและความฉลาดของโครงข่ายประสาทเทียม

### 2.3.1 ทฤษฎีบทตัวประมาณฟังก์ชันครอบจักรวาล

เหตุผลที่โครงข่ายประสาทเทียมสามารถทำงานได้ดี เนื่องจากมีการพิสูจน์ว่าโครงข่ายประสาทเทียมนั้นสามารถทำ หน้าที่เป็นตัวประมาณฟังก์ชันครอบจักรวาล [4] (universal function approximator) กล่าวคือโครงข่ายประสาทเทียม  $N:\mathbb{R}^k o \mathbb{R}^n$  ที่มีความซับซ้อนมากเพียงพอ (ซึ่งจะกล่าวถึงความซับซ้อนนี้ในภายหลัง) สามารถที่จะจำลองฟังก์ชัน  $f:\mathbb{R}^k o \mathbb{R}^n$  (กล่าวคือฟังก์ชันที่มีโดเมน และเรนจ์ เป็นจำนวนจริงใดๆ ในมิติที่เหมือนกับมิติข้อมูลรับเข้าและข้อมูลส่ง ออกของโครงข่ายประสาทเทียม N) ได้ [5] [6] [7]

บทพิสูจน์ของทฤษฎีนี้ทั้งในรูปแบบของกรณีไม่ตีกรอบความกว้าง (unbounded width case) และกรณีตีกรอบ ความกว้าง (bounded width case) สามารถศึกษาได้จากแหล่งอ้างอิง รวมถึงแหล่งอ้างอิงเพิ่มเติมที่ใช้การแสดงทัศนภาพ (visualisation) เพื่อการพิสูจน์ทฤษฎีบทดังกล่าว [8]

### 2.3.2 ข้อสังเกตต่อฟังก์ชันกระตุ้นและความฉลาด

บทพิสูจน์ที่ได้กล่าวถึงไปก่อนหน้านี้สำหรับกรณีไม่ตีกรอบความกว้าง และตีกรอบความกว้าง เป็นบทพิสูจน์ที่ใช้ ฟังก์ชันกระตุ้นเป็นฟังก์ชันชิกมอยด์ (sigmoid) และฟังก์ชันรีลู (ReLU) ตามลำดับ

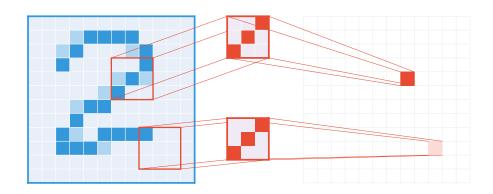
อย่างไรก็ดี หากพิจารณาโครงข่ายประสาทเทียมใดๆ ที่ใช้ฟังก์ชันกระตุ้นเป็นฟังก์ชันเชิงเส้น f(x)=x เราจะ พบว่าโครงข่ายประสาทเทียมใดๆ จะสามารถยุบให้อยู่ในรูปของเปอร์เซปตรอนเพียงตัวเดียว และทำให้ไม่สามารถตัดสินใจ ปัญหาได้มากกว่าปัญหาที่แบ่งแยกเชิงเส้นได้ (linearly separable problems)

ดังนั้น อาจกล่าวด้วยการพิจารณา (intuition) ในลักษณะดังกล่าวได้ว่า ส่วนหนึ่งของความเป็นไปได้ของการที่ โครงข่ายประสาทเทียมใดๆ สามารถทำหน้าที่เป็นตัวประมาณฟังก์ชันครอบจักรวาลได้ ส่วนหนึ่งมาจากการที่ฟังก์ชันกระตุ้น ทำหน้าที่เป็นตัวบีบ (sqeezer) ช่วงของข้อมูลรับเข้าบนโดเมนจำนวนจริงใดๆ ( $\mathbb R$ ) ให้กลายไปเป็นช่วงจำกัดช่วงอื่น (เช่น ช่วง (0,1) ของฟังก์ชันซิกมอยด์ หรือช่วง  $[0,\infty)$  ของฟังก์ชันรีลู)

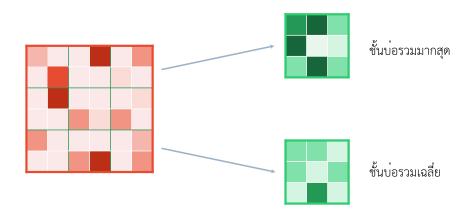
### 2.4 โครงข่ายประสาทเทียมแบบสังวัฒนาการ

โครงข่ายประสาทเทียมแบบสังวัฒนาการ (Convolutional Neural Networks: CNN) [9] เป็นโครงข่ายประสาท เทียมซึ่งมักถูกใช้กับข้อมูลภาพ [10] โดยคร่าวแล้วโครงข่ายประสาทเทียมในลักษณะดังกล่าวมักประกอบด้วยชั้นประสาท เทียมในลักษณะดังนี้

- ชั้นสังวัฒนาการ (convolution layer) เป็นชั้นที่กระทำตัวดำเนินการสังวัฒนาการ (convolve) ตัวกรอง (filter) F บนข้อมูลนำเข้า I ด้วยระยะเคลื่อน (stride) S ผลลัพธ์จากการสังวัฒนาการนี้จะเรียกว่าแผนที่ลักษณะ (feature map) ยกตัวอย่างการสังวัฒนาการเพื่อหาเส้นเฉียงในรูปที่ 2.4 สังเกตว่าการสังวัฒนาการด้วยตัวกรองเส้นเฉียงบน เส้นเฉียงบริเวณข้อมูลนำเข้า จะให้ค่าส่งออกที่มากกว่าการสังวัฒนาการตัวกรอกเส้นเฉียงบนจุดพื้นที่อื่นของข้อมูลนำ เข้า (ในที่นี้เขียนแทนด้วยสีแดงเข้ม และสีแดงอ่อน)
- ชั้นบ่อรวม (pooling layer) เป็นชั้นที่ทำการสุ่มตัวอย่างแบบลดขนาด (downsampling) เพื่อลดขนาดของข้อมูล ในขณะที่ยังคงไว้ซึ่งชุดคุณสมบัติที่ข้อมูลรับเข้ามี ชั้นบ่อรวมอาจแบ่งเป็นสองประเภทหลัก
  - ชั้นบ่อรวมแบบมากสุด (maximum pooling layer) เป็นชั้นบ่อรวมที่พบได้บ่อยที่สุด



รูปที่ 2.4: ชั้นสังวัฒนาการ ซึ่งแสดงข้อมูลนำเข้าด้วยสีฟ้า และตัวกรองด้วยสีแดง



รูปที่ 2.5: ชั้นบ่อรวม ทั้งแบบบ่อรวมมากสุดและแบบบ่อรวมเฉลี่ย โดยพิจารณาบ่อตามขอบเขตสีเขียว

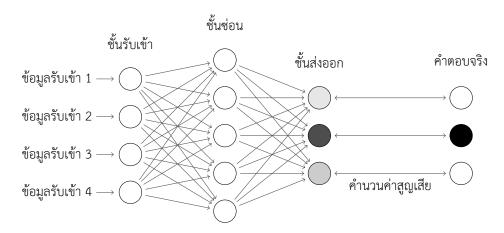
- ชั้นบ่อรวมแบบเฉลี่ย (average pooling layer) เป็นชั้นบ่อรวมที่พบในโครงข่ายประสาทเทียมแบบสังวัฒนา การบางรูปแบบ เช่น LeNet
- ชั้นเชื่อมต่อถึงกันหมด (fully connected layer) ซึ่งมีลักษณะเหมือนเปอร์เซปตรอนแบบหลายชั้นทั่วไป

การสังวัฒนาการของชั้นสังวัฒนาการในโครงข่ายประสาทเทียม ทำหน้าที่เป็นตัวตรวจจับคุณสมบัติ (feature detector) เช่นการตรวจจับขอบ (edge detection) และชั้นบ่อรวมทำให้ขนาดของผลัพธ์จากชั้นสังวัฒนาการมีขนาดเล็กลง เพื่อให้ จำนวนค่าน้ำหนักของโครงข่ายประสาทเทียมที่ต้องคำนวนนั้นน้อยลง

การเรียนรู้ด้วยวิธีก้าวเคลื่อนถอยหลัง (backpropagation learning) เป็นวิธีการเรียนรู้ที่ได้รับความนิยมมากที่สุด ในปัจจุบัน ทั้งนี้ เราอาจพิจารณาการเรียนรู้ถอยหลังได้โดยทำความเข้าใจถึงฟังก์ชันสูญเสีย (loss function) และการปรับ ค่าตัวแปรเสริม (parameters) ดังนี้

## 2.5 ค่าสูญเสีย

ค่าสูญเสีย (loss) เป็นค่าที่ใช้ในการบอกว่าแบบจำลองใดๆ ตอบผิดมากหรือน้อยเพียงใด โดยค่าสูญเสียยิ่งมาก หมายถึงแบบจำลองตอบผิดมากเท่านั้น



รูปที่ 2.6: การคำนวนค่าสูญเสีย

ยกตัวอย่างเช่น หากเราสร้างแบบจำลองที่ต้องการส่งออกค่าเป็นค่าในลักษณะของการเข้ารหัสแบบหนึ่งจุดร้อน (one-hot encoding) ของค่าที่เป็นไปได้ 3 ชั้น (classes) จากข้อมูลตัวที่ i บนชุดฝึกหัด ดังแสดงในรูปที่ 2.6 ซึ่งต้องการคำตอบ  $t_i$  ที่ถูกต้องเป็น

$$t_i = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

ทว่า แบบจำลองกลับให้คำตอบ  $o_i$  จากแบบจำลองเป็น

$$o_i = \begin{bmatrix} 0.1 & 0.7 & 0.2 \end{bmatrix}$$

เราอาจนิยามฟังก์ชันสูญเสียอย่างง่าย เพื่อยกตัวอย่างการคำนวนดังกล่าว โดยกำหนดให้ฟังก์ชันสูญเสียเป็นผลรวมของผล ต่างกำลังสอง

$$l_i(t_i, o_i) = \sum_{j=1}^{n} (t_i[j] - o_i[j])^2$$

ดังนั้น ในกรณีนี้ จะได้ค่าสูญเสียของจุดฝึกหัดนี้เป็น

$$l_i(t_i, o_i) = \sum_{j=1}^{n} (t_i[j] - o_i[j])^2$$
  
=  $((0 - 0.1)^2 + (1 - 0.7)^2 + (0 - 0.2)^2)$ 

จะเห็นว่า ยิ่งค่า  $t_i$  ใกล้เคียง  $o_i$  มากขึ้นเท่าใด ค่าสูญเสียก็จะน้อยลงเท่านั้น นอกจากนี้ เราจะนิยามค่าสูญเสียบนชุดฝึกหัดทั้งชุด เป็น

$$\mathcal{L}(T,O) = \sum_{i=1}^{N} l_i(t_i, o_i)$$
(2.2)

เมื่อ T และ O เป็นชุดคำตอบ และค่าส่งออกจากแบบจำลองของทั้งชุดฝึกหัด ซึ่งชุดฝึกหัดมีความยาวเป็น N

อย่างไรก็ตาม ฟังก์ชันสูญเสียในลักษณะดังกล่าว เป็นฟังก์ชันอย่างง่าย ในการฝึกสอนแบบจำลองทั่วไปมักนิยม ใช้ฟังก์ชันอื่น เช่นค่าสูญเสียแบบความวุ่นวายข้ามชั้น (cross entropy loss) สำหรับการฝึกสอนแบบจำลองเพื่อการทำการ จำแนกหมวดหมู่ (classification)

$$\ell_i = -\sum_{c=1}^M y_{o,c} \ln(p_{o,c})$$

เมื่อ M เป็นจำนวนชั้น (class) ที่เป็นไปได้ y เป็นค่าฐานสองที่บ่งบอกว่าชั้นข้อมูล (class) c เป็นคำตอบที่ถูกต้องสำหรับ การคาดเดา (observation) o และ p เป็นค่าความน่าจะเป็นที่การคาดเดา o ตอบว่าเป็นชั้นข้อมูล c

### 2.5.1 ค่าสูญเสียเมื่อมองจากมุมมองของตัวแปรเสริม

สมการที่นำเสนอไปข้างต้น มองค่าสูญเสียเปลี่ยนไป เมื่อใส่ชุดของข้อมูลส่งออกจากแบบจำลอง O และค่าคำตอบ จริง T ต่างกันออกไป ทว่า หากพิจารณาว่า

- แบบจำลองใดๆ สามารถปรับค่าตัวแปรเสริม (parameters) ได้อย่างอิสระ
- ullet ค่าส่งออก O เป็นฟังก์ชันของค่ารับเข้า I โดย O=f(I) เมื่อ f เป็นฟังก์ชันของโครงข่ายประสาทเทียม
- ullet ความมุ่งหมายฝึกสอนแบบจำลองใดๆ ให้มีประสิทธิภาพ อยู่บนการฝึกสอนบนชุดของค่าคำตอบจริง T เดิม

เราจะสามารมองฟังก์ชันสูญเสีย เป็นฟังก์ชันที่รับค่าตัวแปรเสริม (กล่าวคือค่าน้ำหนักและอคติของแบบจำลอง) และส่งออก ค่าสุญเสียของชุดตัวแปรเสริมนั้น

กล่าวอีกนัย หากเรามีชุดของตัวแปรเสริม  $ec{ heta}_1,ec{ heta}_2,\dots,ec{ heta}_i$  บนโครงสร้างของแบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึก (deep learning models) ที่มีโครงสร้างเหมือนกัน เราอาจพิจารณาค่าฟังก์ชันสูญเสีย  $\mathscr{L}(ec{ heta}_i)$  บนชุดตัวแปรเสริม  $ec{ heta}_i$  และกล่าว ว่าแบบจำลองที่ใช้ชุดตัวแปรเสริม  $ec{ heta}_i$  นั้นทำงานได้ดีกว่า  $ec{ heta}_i$  หาก  $\mathscr{L}(ec{ heta}_i) < \mathscr{L}(ec{ heta}_i)$ 

# 2.6 ขั้นตอนวิธีเกรเดียนต์ลดหลั่น และการก้าวเคลื่อนถอยหลัง

#### 2.6.1 ตัวดำเนินการเกรเดียนต์

พิจารณาตัวดำเนินการเกรเดียนต์ ซึ่งดำเนินการบนเวกเตอร์ใดๆ

**บทนิยาม 2.6.1. เกรเดียนต์** ของฟังก์ชัน  $f(\vec{x})$  ซึ่งเป็นฟังก์ชันของชุดตัวแปร  $\vec{x}=(x_1,x_2,\dots,x_n)$  ใดๆ จะถูกนิยาม เป็นตัวดำเนินการ  $\vec{\nabla} f\left(\vec{x}\right)$ 

$$\vec{\nabla}f\left(\vec{x}\right) = \sum_{i=1}^{n} \frac{\partial}{\partial x_{i}} \left( f(\vec{x}) \cdot \hat{x}_{i} \right)$$

เมื่อ  $\hat{x_i}$  เป็นเวกเตอร์หนึ่งหน่วย (unit vector) ตามแกนของ  $x_i$ 

กรุณาสังเกตว่า ทิศทางของเกรเดียนต์นั้นจะชี้ไปในทิศทางที่เพิ่มขึ้นของฟังก์ชันเสมอ

เมื่อพิจารณาฟังก์ชันสูญเสีย ซึ่งเป็นฟังก์ชันที่เราต้องการลดค่า เราอาจพิจารณาหาค่าที่น้อยลงของฟังก์ชันได้ ด้วย การคำนวนเกรเดียนต์ของฟังก์ชันสูญเสียใดๆ แล้ว "เดิน" ไปในทิศทางตรงข้ามกับเกรเดียนต์ เปรียบประหนึ่งการเดินลง เขา ขั้นตอนวิธีดังกล่าวเรียกว่าขั้นตอนวิธีเกรเดียนต์ลดหลั่น (gradient descent algorithm) โดยพิจารณาการปรับแบบ จำลองอยู่บนเกรเดียนต์ของฟังก์ชันสูญเสีย

$$\vec{\theta'} = \vec{\theta} - l\vec{\nabla}\mathcal{L}(\vec{\theta}) \tag{2.3}$$

เมื่อ l เป็นค่าอัตราการเรียนรู้ (learning rate) โดยปกติมักมีค่าไม่มาก

# ข**ั้นตอนวิธี 1** ขั้นตอนวิธีเกรเดียนต์ลดหลั่นเพื่อการฝึกสอนแบบจำลอง

ประกาศตัวแปร  $\hat{ heta}$  เป็นค่าสุ่มของเวกเตอร์ความยาวเท่าตัวแปรเสริมที่แบบจำลอง M ต้องการ

สำหรับ i=0 ถึง N ทำ

คำนวนหาเกรเดียนต์ของ  $ec{ heta}$  โดย

$$\vec{\nabla} \mathcal{L}(\vec{\theta})$$

ปรับค่า  $ec{ heta}$  โดย

$$\vec{\theta}' = \vec{\theta} - l\vec{\nabla}\mathcal{L}(\vec{\theta})$$

#### จบการวนสำหรับ

ส่งคืนค่า  $ec{ heta}$ 

รหัสเทียมของขั้นตอนวิธีดังกล่าวสามารถศึกษาได้จากขั้นตอนวิธี 1

หากอธิบายโดยคร่าว ขั้นตอนวิธีเกรเดียนต์ลดหลั่น พยายามหาค่าตัวแปรเสริม  $heta_{
m OPT}$  โดยการเริ่มจากการสุ่มตัวแปร เสริม heta แล้วคำนวนเกรเดียนต์ของฟังก์ชันสูญเสีย และค่อยๆ ปรับค่า heta ตามทิศตรงข้ามกับเกรเดียนต์เรื่อยๆ จนกระทั่งถึง จุดที่ฟังก์ชันสูญเสียมีค่าน้อยที่สุด

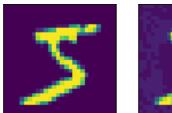
## 2.6.2 ขั้นตอนวิธีก้าวเคลื่อนถอยหลัง

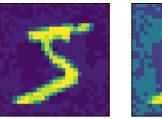
หนึ่งในประเด็นสำคัญที่จำเป็นต้องกล่าวถึงต่อมา คือวิธีการในการคำนวนเกรเดียนต์  $\vec{\nabla}(\vec{x})$  ซึ่งจำเป็นต้องคำนว นอนุพันธ์ (derivation) ของตัวแปรเสริมใดๆ เทียบกับฟังก์ชันสูญเสีย พึงพิจารณาว่าตัวแปรเสริมของแบบจำลองการเรียน รู้เชิงลึก คือชุดน้ำหนักและค่าอติต่างๆ

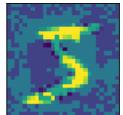
อย่างไรก็ตาม การคำนวนเกรเดียนต์และอนุพันธ์ดังกล่าวสามารถทำได้โดยง่าย ผ่านการใช้กฎลูกโซ่ (chain rule) ซึ่งนิยามได้ว่า

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} \tag{2.4}$$

ในเล่มรายงานนี้จะไม่ลงรายละเอียดถึงขั้นตอนวิธีก้าวเคลื่อนถอยหลัง อย่างไรก็ดี สามารถพิจารณาได้ว่า (1) อนุพันธ์ของ ฟังก์ชันสูญเสียกับน้ำหนักของชั้นส่งออกสามารถพิจารณาได้โดยตรง และ (2) อนุพันธ์ของฟังก์ชันสูญเสียกับน้ำหนักของชั้น ซ่อนใดๆ สามารถพิจารณาได้จากกฎลูกโซ่ดังสมการที่ 2.4 เป็นผลคูณของอนุพันธ์ของฟังก์ชันสูญเสียเทียบกับน้ำหนักของ ชั้นส่งออก และอนุพันธ์ของน้ำหนักชั้นส่งออกเทียบกับชั้นช่อน







รูปที่ 2.7: (จากซ้ายไปขวา) รูปเลข 5 ที่ถูกเจือด้วยความเข้มข้นของสัญญาณรบกวนที่ต่างกันที่ระดับ 0.0, 0.01 และ 0.03 ตามลำดับ

### 2.7 สัญญาณรบกวน

การโจมตีแบจำลองการเรียนรู้เชิงลึกด้วยการหาสัญญาณรบกวน  $\eta$  ที่โจมตีแบบจำลองการเรียนรู้ M นั้นมีจุดประสงค์ หลักคือหาค่า  $\eta$  ซึ่งอยู่บนโดเมนเดียวกับข้อมูลรับเข้าโครงข่ายประสาทเทียม ที่ทำการเพิ่มค่าของฟังก์ชันสูญเสียจนถึงขีด สด

เราจะเรียก  $x'=x+\eta$  ว่าเป็น**ตัวอย่างประสงค์ร้าย (adversarial example)** เนื่องจากเป็นตัวอย่างที่ทำให้ ค่าสูญเสียของโครงข่ายประสาทเทียมเพิ่มสูงขึ้นที่สุด

การหาสัญญาณรบกวนอาจมองเป็นปัญหาการเพิ่มประสิทธิภาพสูงสุด (optimisation problem) โดยพิจารณา การหา

$$\eta = \epsilon \mathrm{argmax} \mathcal{L} \left( x + \eta, y \right) \tag{2.5}$$

เมื่อคู่อันดับ (x,y) แทนที่ตำแหน่งของชุดข้อมูลฝึกหัด (training point) หนึ่งจุด

ทั้งนี้ทั้งนั้น ขนาด (norm) ของ  $\eta$  จะต้องมีค่าน้อยเพียงพอเมื่อเทียบกับ x เพื่อทำให้*ความเข้ม*ของสัญญาณรบกวน ไม่เข้มจนเกินไปจนสามารถแยกแยะด้วยตาของมนุษย์ได้ว่าเป็นภาพที่ถูกเจือด้วยสัญญาณรบกวน ดังเช่นแสดงในรูปที่ 2.7

# 2.8 คำอธิบายต่อการเกิดขึ้นของสัญญาณรบกวน

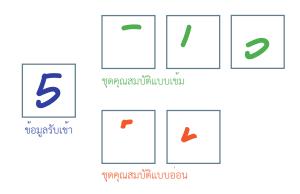
มีหลายทฤษฎีพยายามอธิบายการเกิดขึ้นของการโจมตีแบบจำลอง ซึ่งอาจยกตัวอย่างทฤษฎีและคำอธิบายได้ดังนี้

### 2.8.1 การประพฤติตัวเป็นเส้นตรง

LeCun และคณะ [11] ศึกษาผลของการโจมตีที่เกิดจาก  $\tilde{x}$  โดยอาจพิจารณาได้จากการคูณสมการเพื่อหาค่าส่ง ออกจากชุดน้ำหนัก (weights) ของชั้นแบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึก (deep learning layers)

$$w^{\top} \tilde{x} = w^{\top} x + w^{\top} \eta \tag{2.6}$$

คณะวิจัยสังเกตพฤติกรรมว่าสัญญาณรบกวน  $\eta$  กระตุ้นส่วนของชุดน้ำหนักและฟังก์ชันกระตุ้น (activation function) ใน แบบจำลองให้ประพฤติตัวเยี่ยงฟังก์ชันเส้นตรง (linear functions) ซึ่งการแสดงพฤติกรรมดั่งเส้นตรง (linearity) ในกรณี ชายขอบ (edge case) ของข้อมูลรับเข้านั้นก่อให้เกิดความเป็นไปได้ที่แบบจำลองจะถูกโจมตี



รูปที่ 2.8: ตัวอย่างชุดคุณสมบัติแบบอ่อน และแบบเข้มที่เป็นไปได้ จากเลข 5

เพื่อพิสูจน์ทฤษฎีดังกล่าว LeCun และคณะ พิจารณาผลความน่าจะเป็นของคำตอบที่ออกจากแบบจำลองเมื่อปรับ ค่า  $\epsilon$  ดังแสดงในสมการที่ 2.5 และพบว่าความน่าจะเป็นของข้อมูลส่งออก (output) ของแต่ละชั้นข้อมูล (class) มีความ สัมพันธ์เชิงเส้นตรงกับค่า  $\epsilon$  ที่เพิ่มขึ้นเรื่อยๆ

### 2.8.2 ทฤษฎีชุดคุณสมบัติแบบอ่อนและแบบเข้ม

llyas และคณะ [12] ศึกษาโครงสร้างของแบบจำลองเชิงลึก จนนำมาสู่ข้อสรุปว่า "ช่องโหวในการโจมตีแบบจำลอง เป็นผลโดยตรงจากความอ่อนไหวของแบบจำลองในการวางหลักการบนชุดคุณสมบัติของข้อมูล" ("Adversarial vulnerability is a direct result of our models' sensitivity to well-generalizing features in the data")

หากกล่าวให้ละเอียด พิจารณาว่าโครงสร้างของแบบจำลองเชิงลึกสามารถเรียนรู้ชุดคุณสมบัติ (features) ของข้อมูล รับเข้าได้สองแบบ ซึ่งในงานวิจัยเรียกว่าชุดคุณสมบัติแบบอ่อน (weak features) และชุดคุณสมบัติแบบเข้ม (strong features)

- ชุดคุณสมบัติแบบเข้ม คือชุดคุณสมบัติที่มนุษย์มองเห็นโดยทั่วไป กล่าวคือเป็นชุดคุณสมบัติที่มนุษย์สามารถสังเกต ทำความเข้าใจ และวางหลักการในการจำแนกได้
- ชุดคุณสมบัติแบบอ่อน คือชุดคุณสมบัติที่มนุษย์ไม่สามารถมองเห็น หรือมองเห็นแต่ไม่ได้หยิบมาเป็นตัวปัจจัยหลักใน การตัดสินใจ และวางหลักการในการจำแนก

จะยกตัวอย่างกรณีการจำแนกเลข 5 เราอาจพิจารณาว่าเลข 5 ดังแสดงในรูปที่ 2.8 ประกอบขึ้นจากขีดหนึ่งขีด แนวขวาง ขีดหนึ่งขีดแนวตั้ง และส่วนโค้งคล้ายวงกลม เป็นชุดคุณสมบัติที่มนุษย์สังเกตและเข้าใจโดยทั่วไป รวมถึงเป็นคุณสมบัติ ที่มนุษย์ใช้ในการสังเกตเห็นเส้นที่เชื่อมต่อกันจนประกอบเป็นเลข 5 อย่างไรก็ตาม แบบจำลองการเรียนรู้ใดๆ อาจเห็นมุม รอยต่อระหว่างขอบ (ซึ่งอาจสังเกตได้ว่าไม่มีเลขตัวใดเลยนอกจาก 1 ถึง 9 ยกเว้น 5 ที่มีมุมและขอบดังแสดง) เป็นตัวตัดสิน ใจในการเรียนรู้เลข 5 อย่างไรก็ตาม พึงสังเกตว่าแบบจำลองอาจจะแม้กระทั่งเลือกสังเกตเห็นพื้นที่ว่างบริเวณที่แตกต่างกัน ไป และใช้พื้นที่ว่างเหล่านั้นเพื่อสร้างข้อสรุปหรือตัดสินใจว่าเลขที่มองเห็นเป็นเลขใด (ซึ่งการนำมาซึ่ง "ข้อสรุป" จากที่ว่าง นั้น ขัดกับวิสัยปกติของมนุษย์ในการสังเกตและมองเห็นอย่างชัดเจน)

### 2.9 การคำนวนหาสัญญาณรบกวน

ขั้นตอนวิธีการหาสัญญาณรบกวนนั้นมีรายละเอียดต่างกันออกไปตามวิธีการคำนวน และแนวคิดของการคำนวน ดังแสดงตัวอย่างวิธีต่อไปนี้

# 2.9.1 การหาสัญญาณรบกวนด้วยวิธีการก้าวเคลื่อนถอยหลัง

เมื่อฝึกสอนแบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึกโดยได้ชุดตัวแปรเสริม heta สำหรับแบบจำลอง M ซึ่งต่อไปนี้จะเรียกชุด แบบจำลองและตัวแปรเสริมรวมกันว่า  $M_{ heta}$  แล้ว เมื่อให้คู่จุดข้อมูลรับเข้าและส่งออก (x,y) ใดๆ เราอาจหาสัญญาณรบกวน ได้ว่า

$$\eta' = \eta + l \frac{\partial}{\partial n} \mathcal{L}(x) \tag{2.7}$$

เมื่อ l เป็นค่าอัตราการเรียนรู้ (learning rate) โดยปกติมักมีค่าไม่มาก

จะสังเกตได้ว่าสมการที่ 2.7 มีลักษณะคล้ายกับสมการที่ 2.3 เป็นอย่างมาก แตกต่างกันเพียงแต่เครื่องหมายบวก หรือลบ และตัวแปรเทียบสำหรับการทำอนุพันธ์หลายตัวแปร (multivariable derivation) ขอให้สังเกตว่าในขณะที่สมการ 2.3 พยายามหาค่า  $\theta$  ที่ทำให้ฟังก์ชันสูญเสีย  $\mathscr L$  มีค่าต่ำที่สุด สมการที่ 2.7 กลับพยายามหาสัญญาณรบกวน  $\eta$  ที่ทำให้ ฟังก์ชันสูญเสีย  $\mathscr L$  มีค่ามากที่สุด กล่าวคือตอบผิดมากที่สุด

## 2.9.2 การหาสัญญาณรบกวนด้วยวิธีการเครื่องหมายเกรเดียนต์แบบเร็ว (FGSM)

Goodfellow และคณะ [11] ได้เสนอขั้นตอนวิธีสำหรับคำนวนหาสัญญาณรบกวน  $\eta$  สำหรับชุดคู่จุด (x,y) โดย สังเกตทิศทางของเกรเดียนต์ของฟังก์ชันสูญเสีย  $\mathscr L$  เทียบกับ x ซึ่งสามารถคำนวนได้จาก

$$\eta = \epsilon \operatorname{sign}\left(\vec{\nabla}_{x} \mathcal{L}\left(\theta, x, y\right)\right)$$
(2.8)

เรียกขั้นตอนวิธีนี้ว่า**วิธีการเครื่องหมายเกรเดียนต์แบบเร็ว (Fast Gradient Sign Method: FGSM)** 

แนวคิดเบื้องหลังขั้นตอนวิธีนี้คือ เมื่อมีเกรเดียนต์ของฟังก์ชันสูญเสียต่อแบบจำลอง ทิศทางของเกรเดียนต์นั้นย่อม ทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงต่อค่าของฟังก์ชันสูญเสียมากขึ้นที่สุด

ค่าจากฟังก์ชัน sign นั้นจะเป็นค่าบวกหรือลบหนึ่ง กล่าวคือเราสนใจพิจารณาเฉพาะทิศทางของเกรเดียนต์ และ จะทำการคุณค่านั้นด้วยค่าคงที่  $\epsilon$  เพื่อเจือสัญญาณรบกวนไม่ให้มีความเข้มข้นมากเกินไป

สังเกตว่าความซับซ้อนเชิงเวลา (time complexity) ของขั้นตอนวิธีนี้เป็น  $\mathcal{O}(1)$  เพราะไม่มีการวนรอบซ้ำ

# 2.9.3 การฉายเกรเดียนต์ลดหลั่น k ขั้น (k-PGD)

ขั้นตอนวิธี FGSM นั้นมีข้อดีในด้านเวลาการทำงาน อย่างไรก็ตาม การประมาณค่าของเกรเดียนต์ที่มากที่สุดโดย มิได้พิจารณาถึงพื้นผิวของฟังก์ชัน ยอมทำให้ค่าของเกรเดียนต์ที่ออกมานั้นผิดเพี้ยน และไม่ได้ค่าฟังก์ชันสูญเสียที่มากที่สุด ทำให้ไม่ใช่ชุดสัญญาณรบกวนที่ดีที่สุดที่จะโจมตีแบบจำลองได้

Madry และคณะ [13] จึงศึกษาขั้นตอนวิธีที่ใช้การวนซ้ำเพื่อหาค่าของ  $x'=x+\eta$  โดยมุ่งให้การวนซ้ำนั้นช่วย ในการปรับค่าของ  $\eta$  เพื่อเพิ่มค่าฟังก์ชันสูญเสียอย่างแม่นยำ โดยปรับค่าของ x' ในแต่ละรอบ t ได้จากสมการ

$$x'_t = \operatorname{Proj}_{x'}^{\epsilon}(x_{t-1} + \alpha \vec{\nabla}_{x_{t-1}} \mathcal{L}(x_{t-1}))$$
(2.9)

เมื่อ  $x_0 = x$ 

ขั้นตอนวิธีดังกล่าวเรียกว่าขั้นตอนวิธี**การฉายเกรเดียนต์ลดหลั่น** k **ขั้น** (k-Projected Gradient Descent: k-PGD) โดยจะวนซ้ำขั้นตอนนี้เป็นจำนวน k ครั้ง จะสักเกตว่าทุกรอบการวนซ้ำจะทำการฉาย (project) ทิศทางของเกร เดียนต์ของฟังก์ซันสูญเสียออกไปเป็นระยะทาง  $\alpha$  และฉายกลับเข้ามายังกรอบ  $\epsilon$  ที่กำหนดไว้หากขนาดของสัญญาณรบกวน มีค่าเกินตามต้องการ

# 2.9.4 ความต่างของขั้นตอนวิธี

แม้ว่าขั้นตอนวิธี k-PGD จะทำงานได้ช้า แต่การทำงานที่เป็นแบบการวนซ้ำ (iteratively) ช่วยให้มั่นใจว่าการ เพิ่มขึ้นของสัญญาณรบกวนจากเกรเดียนต์เป็นไปได้อย่างแม่นยำและสร้างความเสียหายใจการโจมตีได้มาก

ในขณะเดียวกัน ขั้นตอนวิธี FGSM แม้จะไม่สามารถสร้างสัญยาณโจมตีที่มีประสิทธิภาพ แต่ก็สามารถสร้างสัญญาณ โจมตีที่โจมตีในกรณีทั่วไปได้ และสร้างได้อย่างรวดเร็ว

## 2.10 การเรียนรู้เชิงโจมตี

การเรียนรู้เชิงโจมตีเป็นขั้นตอนวิธีหนึ่งในการเสริมความทนทานต่อการโจมตีให้แบบจำลองการเรียนรู้เชิงลึก ขั้น ตอนวิธีการเรียนรู้เชิงโจมตีที่ง่ายที่สุดคือการสร้างชุดข้อมูลประสงค์ร้ายและนำไปฝึกสอนร่วมกับชุดข้อมูลฝึกหัดตั้งต้น ดังแสดง ใน

# ขั้นตอนวิธี 2 การเสริมความแข็งแกร่ง (การเรียนรู้เชิงโจมตี)

รับเข้า: M เป็นแบบจำลองการเรียนรู้

รับเข้า: X เป็นชุดข้อมูลที่จะทำการโจมตี

รับเข้า: e เป็นจำนวนรอบการวนซ้ำ (epoches) ในการฝึกสอน

รับเข้า: m และ n เป็นขนาดของชุดฝึกสอนเล็กจิ๋ว (minibatch) บนชุดข้อมูลต้นฉบับและชุดข้อมูลประสงค์ร้าย

สำหรับ i=1 ถึง e ทำ

สร้างชุดฝึกสอนจิ๋วบนชุดข้อมูลต้นฉบับ  $B = \{x_1, x_2, \dots, x_m\}$ .

สร้างชุดฝึกสอนจิ๋วบนชุดข้อมูลประสงค์ร้าย  $B'=\{x_1',x_2',\ldots,x_n'\}.$ 

ฝึกสอนแบบจำลองด้วยชุดฝึกสอนเล็กจิ๋ว B และ  $B^\prime$ 

#### จบการวนสำหรับ

ส่งออก: แบบจำลอง M

# บทที่ 3 วิธีดำเนินงาน

# 3.1 การวิเคราะห์และออกแบบขั้นตอนวิธี

โครงงานวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ชิ้นนี้มุ่งเสนอแนวคิดสำหรับการวิเคราะห์คลัสเตอร์เพื่อโจมตีแบบจำลองและใช้การ โจมตีนั้นในการสอนแบบจำลองให้ทนทานต่อการโจมตี โดยตั้งอยู่บนแนวติดและสมมติฐานต่อไปนี้

### 3.1.1 พฤติกรรมของคลัสเตอร์สัญญาณรบกวน

หนึ่งในปัญหาของขั้นตอนวิธีเสริมความแข็งแกร่งแบบจำลอง คือการสร้างชุดสัญญาณรบกวนเพื่อฝึกสอนนั้นกินเวลา นาน แม้จะมีขั้นตอนวิธีที่คำนวนได้อย่างรวดเร็วเช่นขั้นตอนวิธี FGSM แต่ขั้นตอนวิธีที่ใช้เวลาคิดคำนวนเร็วไม่สามารถสร้าง สัญญาณรบกวนที่มีประสิทธิภาพในการโจมตีแบบจำลอง และสัญญาณรบกวนดังกล่าวไม่สามารถใช้ฝึกสอนแบบจำลองให้ ทนทานต่อการโจมตีได้ [13]

เพื่อลดปัญหาดังกล่าว โครงงานชิ้นนี้มุ่งเสนอแนวคิดว่า

**ข้อเอ่ยอ้าง 1:** เมื่อให้ชุดข้อมูลประสงค์ร้าย X' ที่โจมตีชุดข้อมูล X พฤติกรรมของสัญญาณรบกวน  $\eta$  สามารถจัดเป็นก ลุ่มย่อยๆ ได้ และการโจมตีในสมาชิกของกลุ่มย่อยสามารถเกิดขึ้นได้ด้วยชุดสัญญาณโจมตีอื่นๆ ในจุดกลุ่มนั้น

**ข้อเอ่ยอ้าง 2:** ผลการจัดกลุ่มคลัสเตอร์สัญญาณรบกวน ไม่ว่าจะบนสัญญาณรบกวนที่ได้มาจากวิธีการใด จะมีสมาชิกของ แต่ละคลัสเตอร์ใกล้เคียงกัน

ด้วยข้อสมมติฐานที่ 2 เราสามารถสร้างสัญญาณรบกวนด้วยขั้นตอนวิธีที่เร็วเพื่อสร้างคลัสเตอร์ของสัญญาณรบกวน ได้ เมื่อประกอบกับข้อสมมติฐานที่ 1 เราสามารถใช้ความรู้ของคลัสเตอร์มาช่วยร่นเวลาในการโจมตีแบบจำลองได้

ขั้นตอนวิธี 3 เสนอการคลัสเตอร์ข้อมูล และพยายามสร้างสัญญาณโจมตีด้วยขั้นตอนวิธีที่แม่นยำเพียงหนึ่งสัญญาณ ต่อคลัสเตอร์ กล่าวคือขั้นตอนวิธีดังกล่าวเรียกใช้ฟังก์ชันสำหรับสร้างสัญญาณรบกวนที่รวดเร็วเพียงเพื่อจัดกลุ่มของสัญญาณ รบกวน ก่อนจะทำการโจมตีอย่างแม่นยำด้วยขั้นตอนวิธีที่แม่นยำ (แต่ไม่มีประสิทธิภาพทางด้านเวลา) ต่อไป

### 3.1.2 การเสริมความแข็งแกร่งด้วยวิธีการผสานคลัสเตอร์

จากขั้นตอนวิธี 3 เราสามารถนำชุดสัญญาณโจมตีมาฝึกสอนแบบจำลองเพื่อเสริมความแข็งแกร่งได้ ดังแสดงใน ขั้นตอนวิธี 4

### 3.2 การทดลองวัดประสิทธิภาพ

นอกจากการเสนอขั้นตอนวิธีแล้ว ผู้จัดทำมุ่งความสนใจไปยังวิธีการวัดประสิทธิภาพของขั้นตอนวิธีด้วยเช่นกัน

## ขั้นตอนวิธี 3 ขั้นตอนวิธีสร้างสัญญาณรบกวนจากคลัสเตอร์

รับเข้า: M เป็นแบบจำลองการเรียนรู้

รับเข้า: X เป็นชุดข้อมูลที่จะทำการโจมตี

**รับเข้า:** k เป็นจำนวนคลัสเตอร์

**รับเข้า:**  $f_s$  เป็นฟังก์ชันสร้างสัญญาณรบกวนที่รวดเร็ว

รับเข้า:  $f_e$  เป็นฟังก์ชันสร้างสัญญาณรบกวนที่มีประสิทธิภาพ

สร้างชุดสัญญาณรบกวน  $P_s$  ที่โจมตีแบบจำลอง M บนชุดข้อมูล X ด้วยขั้นตอนวิธี  $f_s$ 

วิเคราะห์คลัสเตอร์ด้วยขั้นตอนวิธี k-มีนส์ บน  $P_s$  ด้วยจำนวนคลัสเตอร์ k คลัสเตอร์

สำหรับ ทุกคลัสเตอร์  $c_i \in C$  ทำ

สร้างสัญญาณรบกวน  $p_i$  ที่มีความสามารถโจมตีทุกจุด  $c_i$  บนแบบจำลอง M ด้วยขั้นตอนวิธี  $f_e$  เก็บสัญญาณรบกวน  $p_i$  และเซต  $C_i$  ซึ่งมีสมาชิก  $c_i$  ทุกตัวในคลัสเตอร์ C

### จบการวนสำหรับ

ส่งออก: ค่า  $p_i$  และ  $c_i$  สำหรับทุก i=1 ถึง k

# **ขั้นตอนวิธี 4** การเสริมความแข็งแกร่งด้วยวิธีการผสานคลัสเตอร์

**รับเข้า:** M เป็นแบบจำลองการเรียนรู้

**รับเข้า:** X เป็นชุดข้อมูลที่จะทำการโจมตี

**รับเข้า:** e เป็นจำนวนรอบการวนซ้ำ (epoches) ในการฝึกสอน

รับเข้า: m และ n เป็นขนาดของชุดฝึกสอนเล็กจิ๋ว (minibatch) บนชุดข้อมูลต้นฉบับและชุดข้อมูลประสงค์ร้าย

รับเข้า: w และ w' เป็นน้ำหนักของชุดฝึกสอนเล็กจิ๋ว (minibatch) บนชุดข้อมูลต้นฉบับและชุดข้อมูลประสงค์ร้าย สร้างสัญญาณรบกวนจากคลัสเตอร์ ที่โจมตีข้อมูล X บนแบบจำลอง M โดยใช้ขั้นตอนวิธี 3.

#### สำหรับ i=1 ถึง e ทำ

สร้างชุดฝึกสอนจิ๋วบนชุดข้อมูลต้นฉบับ  $B=\{x_1,x_2,\ldots,x_m\}$ .

สร้างชุดฝึกสอนจิ๋วบนชุดข้อมูลประสงค์ร้าย  $B' = \{x_1', x_2', \dots, x_n'\}$ .

ฝึกสอนแบบจำลองแบบถ่วงน้ำหนัก โดยให้น้ำหนัก w บน B และ  $w^\prime$  บน  $B^\prime$ .

#### จบการวนสำหรับ

**ส่งออก:** แบบจำลอง M

ผู้จัดทำโครงงานจัดทำชุดคำสั่งสำหรับขั้นตอนวิธีที่เสนอในโครงงานวิศวกรรมชิ้นนี้ บนไลบรารี (library) การเรียน รู้เชิงลึก PyTorch [14]

ชุดคำสั่งทั้งหมดสามารถเข้าถึงออนไลน์ได้ผ่านระะควบคุมเวอร์ชัน (Software Version Control) GitHub ผ่าน ทาง https://github.com/srakrnxKU/adversarial-project/

### าเทที่ 4

#### ผลการทดลอง

### 4.1 ผลการดำเนินงาน

#### 4.1.1 การสร้างโครงข่ายประสาทเทียม

ผู้จัดทำสร้างโครงข่ายประสาทเทียมเพื่อฝึกสอนบนชุดข้อมูล MNIST [15] บนโครงข่ายประสาทเทียมดังแสดงใน ตารางที่ 4.1

#### 4.1.2 การฝึกสอนโครงข่ายประสาทเทียม

โครงข่ายประสาทเทียมถูกฝึกสอนด้วยจำนวนรอบ (epoches) e=10 ในแต่ละรอบการฝึกสอนแบ่งชุดข้อมูล ฝึกสอนออกเป็นชุดฝึกสอนเล็กจิ๋ว (minibatch) ขนาด m=64 จุดข้อมูลต่อหนึ่งชุดเล็กจิ๋ว การปรับค่าน้ำหนักทำด้วยขั้น ตอนวิธีหาค่าดีที่สุดแบบ Adam [16]

#### 4.1.3 การวัดประสิทธิภาพแบบจำลอง

แบบจำลองก่อนพยายามเสริมความแข็งแกร่งถูกวัดประสิทธิภาพด้วยชุดทดสอบดังแสดงในรูปที่ 4.1

#### 4.1.4 การโจมตีแบบจำลอง

ต่อมา แบบจำลองจากหัวข้อข้างต้นถูกนำมาโจมตีด้วยวิธีการ FGSM และ PGD โดยใช้ความเข้มสัญญาณรบกวน  $\epsilon=0.2$  ผลการโจมตีนั้นดังแสดงในรูปที่ 4.1

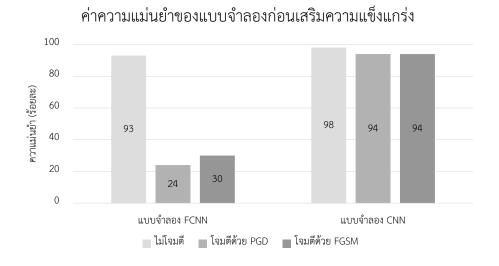
ในที่นี้ เนื่องจากแบบจำลอง FCNN ไม่ทนทานต่อการโจมตี จึงเลือกแบบจำลองดังกล่าวเพียงแบบจำลองเดียวมา ดำเนินการทดลองต่อ

### 4.1.5 การเสริมความแข็งแกร่งแบบจำลองด้วยการฝึกสอนใหม่

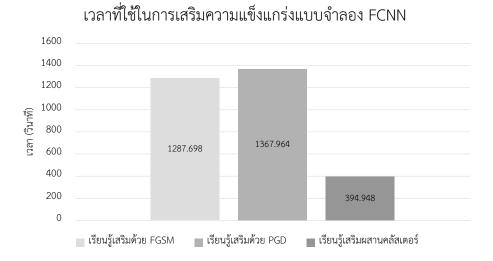
เมื่อวัดผลการโจมตีแบบจำลองได้แล้ว ผู้จัดทำทดลองเสริมความแข็งแกร่งแบบจำลองด้วยวิธีการมาตรฐาน (ขั้น ตอนวิธีที่ 2) เทียบกับขั้นตอนวิธีที่โครงงานวิศวกรรมคอมพิวเตอร์นี้เสนอ (ขั้นตอนวิธีที่ 4) โดยทำการฝึกสอนใหม่จำนวน e=10 รอบ ขนาดชุดฝึกสอนเล็กจิ๋วสำหรับชุดข้อมูลต้นฉบับและชุดข้อมูลประสงค์ร้ายเท่ากับ m=64 และ  $m^\prime=32$  ตามลำดับ น้ำหนักที่ถ่วงสำหรับชุดข้อมูลต้นฉบับและชุดข้อมูลประสงค์ร้ายเท่ากับ w=1 และ  $w^\prime=2$  ตามลำดับ

ชนิดโครงข่าย	ชั้นในโครงข่าย
โครงข่ายประสาทเทียมเชื่อมทั่ว	ชั้นเชื่อมทั่ว (784, 128)
	ชั้นเชื่อมทั่ว (128, 64)
	ชั้นเชื่อมทั่ว (64, 10)
โครงข่ายประสาทเทียมลังวัฒนาการ	ชั้นสังวัฒนาการ 2 มิติ (รับเข้า=1, ส่งออก=8, ขนาด=3)
	ชั้นบ่อรวม 2 มิติ(ขนาด=2, ระยะเลื่อน=2)
	ชั้นสังวัฒนาการ 2 มิติ (รับเข้า=8, ส่งออก=16, size=5)
	ชั้นเชื่อมทั่ว (256, 120)
	ชั้นเชื่อมทั่ว (120, 84)
	ชั้นเชื่อมทั่ว (84, 10)

ตารางที่ 4.1: สถาปัตยกรรมโครงข่ายประสาทเทียมที่เลือกใช้



รูปที่ 4.1: ค่าความแม่นยำของแบบจำลองก่อนเสริมความแข็งแกร่ง



รูปที่ 4.2: เวลาที่ใช้ในการเสริมความแข็งแกร่งแบบจำลอง

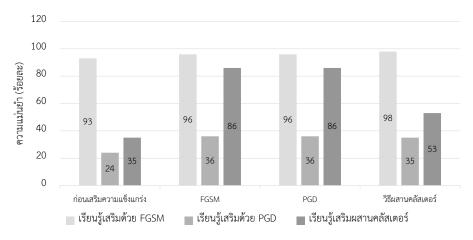
### 4.1.6 การวัดประสิทธิภาพการเสริมความแข็งแกร่ง

เราวัดประสิทธิภาพของการเสริมความแข็งแกร่งโดยอิงจากปัจจัยเวลาที่ใช้ในการฝึกสอนแบบจำลองใหม่ และความ แม่นยำของแบบจำลอง รูปที่ 4.2 และ 4.3 แสดงให้เห็นถึงเวลาที่ใช้ในการฝึกสอนทั้งหมด และความแม่นยำหลังจากการ ฝึกสอน

### 4.2 การวิเคราะห์ผล

แม้ว่าขั้นตอนวิธีที่เสนอจะไม่สามารถสร้างให้แบบจำลองทนทานต่อการโจมตีแบบ FGSM ได้ แต่แบบจำลองที่ผ่าน การเสริมความแข็งแกร่งนั้นทนทานต่อการโจมตีแบบ PGD มากขึ้นเทียบเท่าวิธีอื่น ในระบะเวลาเสริมความแข็งแกร่งที่น้อย ลงประมาณ 3 เท่าตัว

# ความแม่นยำของแบบจำลอง FCNN หลังเสริมความแข็งแกร่ง



รูปที่ 4.3: ค่าความแม่นยำของแบบจำลอง CNN หลังเสริมความแข็งแกร่ง

# บทที่ 5 สรุปผลการทดลอง

### 5.1 สรุป

## 5.1.1 สรุปผลการทำโครงงาน

ผลการศึกษาเบื้องต้นพบว่าผลการเสริมความแข็งแกร่งแบบจำลองนั้นเป็นที่น่าพอใจในการป้องกันการโจมตีด้วย ขั้นตอนวิธี PGD อย่างไรก็ตามเป็นที่น่าประหลาดใจว่าแบบจำลองยังคงไม่ทนทานต่อการโจมตีด้วยขั้นตอนวิธี FGSM เทียบ เท่าขั้นตอนวิธีเสริมความแข็งแกร่งอื่น

ทั้งนี้ ขั้นตลนวิธีที่เสนอตอบโจทย์การลดเวลาฝึกสอนแบบจำลองเพื่อเพิ่มความแข็งแกร่งเป็นอย่างดี

### 5.1.2 ผลลัพธ์ที่ได้

ได้ขั้นตอนวิธีสำหรับฝึกสอนแบบจำลองเพื่อเพิ่มความแข็งแกร่งแบบร่นเวลา

# 5.1.3 ประโยชน์ที่ได้รับจากการปฏิบัติงาน

เป็นการศึกษาขั้นต้นของการป้องกันแบบจำลองจากการเรียนรู้เชิงประสงค์ร้าย ซึ่งจะนำไปต่อยอดเป็นงานวิจัยต่อ ไป

# 5.2 ปัญหาอุปสรรคและแนวทางการแก้ไขปัญหา

# 5.2.1 ปัญหาที่พบระหว่างการทำโครงงาน

- ข้อจำกัดทางด้านทรัพยากรการคำนวน
- ข้อจำกัดทางด้านการทดลองซ้ำได้ และการปรับค่าการทดลองซ้ำ
- ข้อจำกัดทางด้านความแปรปรวนทางอารมณ์

### 5.2.2 แนวทางการแก้ไขปัญหา

- ใช้เงินแก้ปัญหา กล่าวคือเช่าระบบเครือข่ายกลุ่มเมฆสำหรับการฝึกสอนแบบจำลอง
- ปรับกระบวนรหัส (refactor) ให้สามารถทดลองหลายแบบได้อย่างยืดหยุ่น
- พบจิตแพทย์ และทานยา

#### บรรณานุกรม

- [1] T. M. Mitchell, Machine Learning. New York: McGraw-Hill, 1997.
- [2] I. Goodfellow, Y. Bengio, and A. Courville, *Deep Learning*. MIT Press, 2016. http://www.deeplearningbook.org.
- [3] F. Rosenblatt, "The perceptron: A probabilistic model for information storage and organization in the brain.," *Psychological Review*, vol. 65, no. 6, p. 386–408, 1958.
- [4] K. Hornik, "Approximation capabilities of multilayer feedforward networks," *Neural Networks*, vol. 4, no. 2, p. 251–257, 1991.
- [5] G. Cybenko, "Approximation by superpositions of a sigmoidal function," *Mathematics of Control, Signals, and Systems*, vol. 2, pp. 303–314, Dec. 1989.
- [6] M. Leshno, V. Y. Lin, A. Pinkus, and S. Schocken, "Multilayer feedforward networks with a nonpolynomial activation function can approximate any function," *Neural Networks*, vol. 6, pp. 861–867, Jan. 1993.
- [7] A. Kratsios, "Universal approximation theorems," 2019.
- [8] M. A. Nielsen, "Neural networks and deep learning," Jan 1970.
- [9] Y. LeCun, L. Bottou, Y. Bengio, and P. Haffner, "Gradient-based learning applied to document recognition," in *Proceedings of the IEEE*, vol. 86, pp. 2278–2324, 1998.
- [10] A. Krizhevsky, I. Sutskever, and G. E. Hinton, "Imagenet classification with deep convolutional neural networks," in *Proceedings of the 25th International Conference on Neural Information Processing Systems Volume 1*, NIPS'12, (USA), pp. 1097–1105, Curran Associates Inc., 2012.
- [11] I. J. Goodfellow, J. Shlens, and C. Szegedy, "Explaining and harnessing adversarial examples," 2014.
- [12] A. Ilyas, S. Santurkar, D. Tsipras, L. Engstrom, B. Tran, and A. Madry, "Adversarial examples are not bugs, they are features," 2019.
- [13] A. Madry, A. Makelov, L. Schmidt, D. Tsipras, and A. Vladu, "Towards deep learning models resistant to adversarial attacks," 2017.
- [14] A. Paszke, S. Gross, F. Massa, A. Lerer, J. Bradbury, G. Chanan, T. Killeen, Z. Lin, N. Gimelshein, L. Antiga, A. Desmaison, A. Kopf, E. Yang, Z. DeVito, M. Raison, A. Tejani, S. Chilamkurthy, B. Steiner, L. Fang, J. Bai, and S. Chintala, "Pytorch: An imperative style, high-performance deep learning library," in Advances in Neural Information Processing Systems 32 (H. Wallach, H. Larochelle,

- A. Beygelzimer, F. d'Alché-Buc, E. Fox, and R. Garnett, eds.), pp. 8024–8035, Curran Associates, Inc., 2019.
- [15] Y. Lecun, L. Bottou, Y. Bengio, and P. Haffner, "Gradient-based learning applied to document recognition," *Proceedings of the IEEE*, vol. 86, pp. 2278–2324, Nov 1998.
- [16] D. P. Kingma and J. Ba, "Adam: A method for stochastic optimization," 2014.