

# TP3 - PERCEPTRÓN SIMPLE Y MULTICAPA

Grupo 3

# EJERCICIO 1

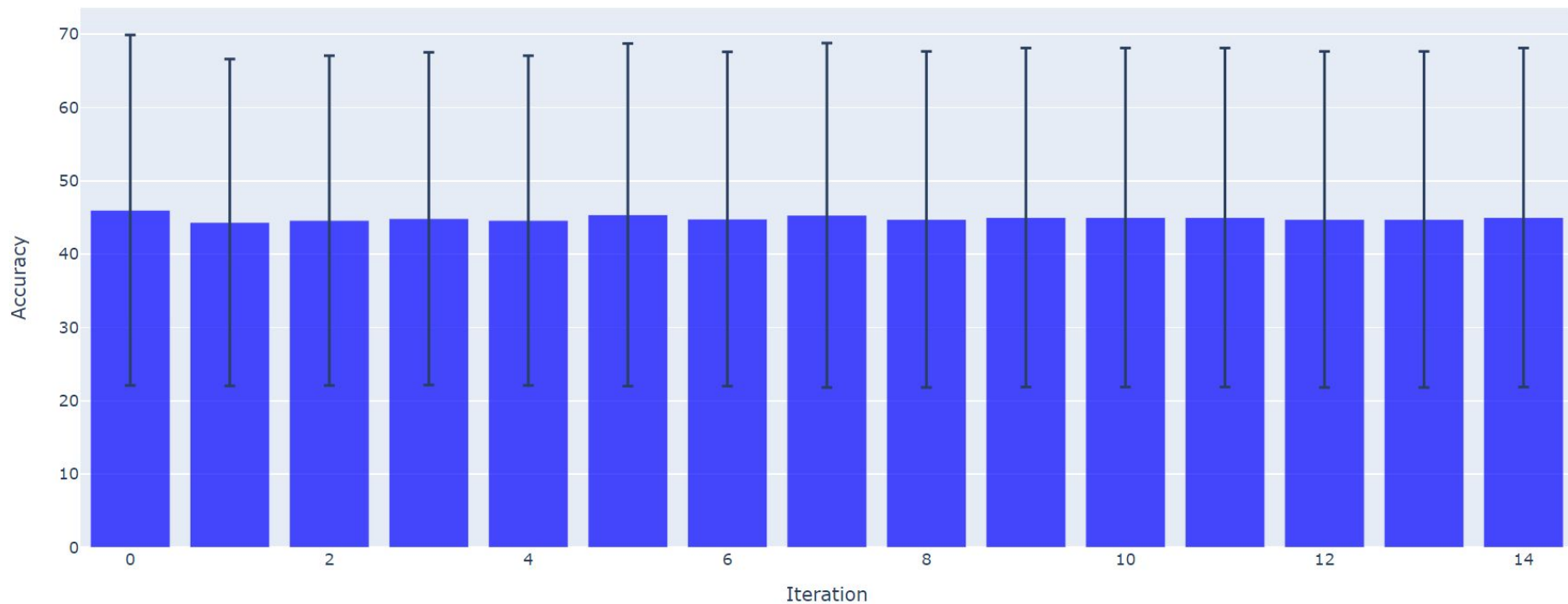
Perceptrón simple escalonado  
AND y XOR

2 valores por input (coordenada)  
1 de salida: que tan verdadero es

# PROMEDIO DE 100 CORRIDAS: AND

LEARNING CONSTANT = 0.02, LIMIT = 15 ITERATIONS

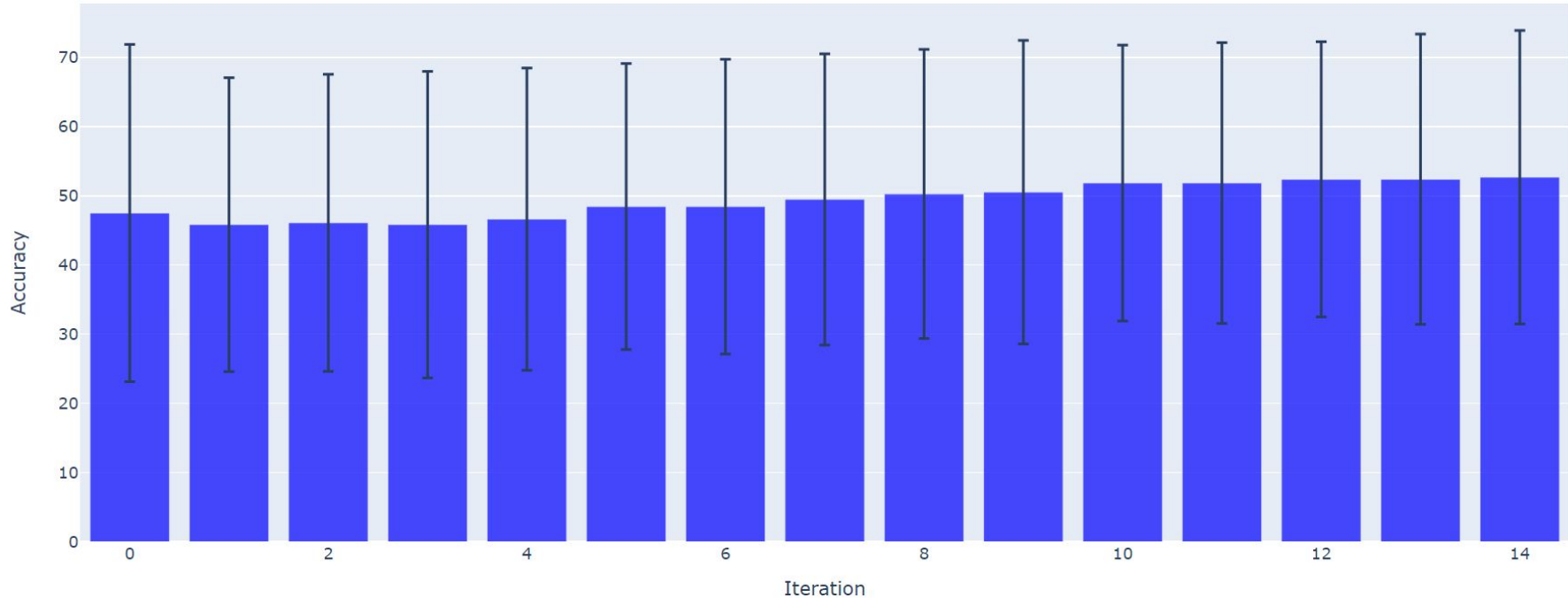
Mean accuracy for each iteration



# PROMEDIO DE 100 CORRIDAS: AND

## LEARNING CONSTANT = 0.1, LIMIT = 15 ITERATIONS

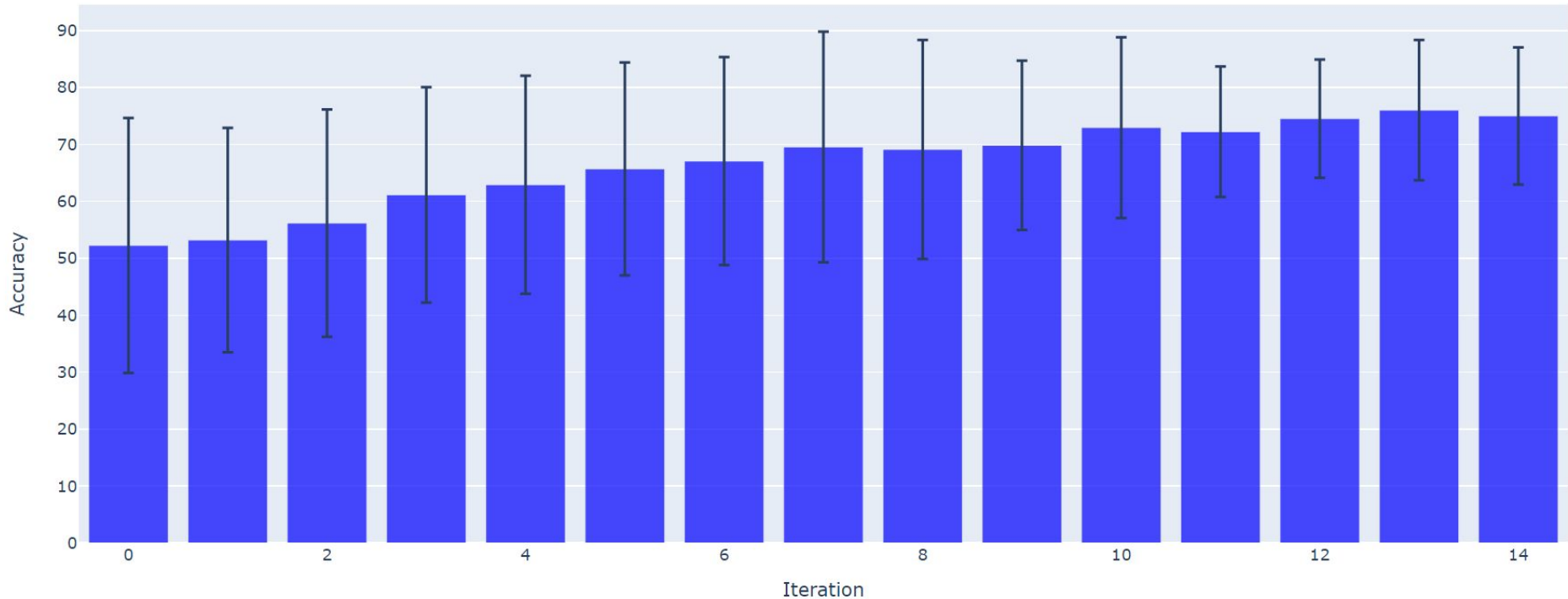
Mean accuracy for each iteration



# PROMEDIO DE 100 CORRIDAS: AND

LEARNING CONSTANT = 0.8, LIMIT = 15 ITERATIONS

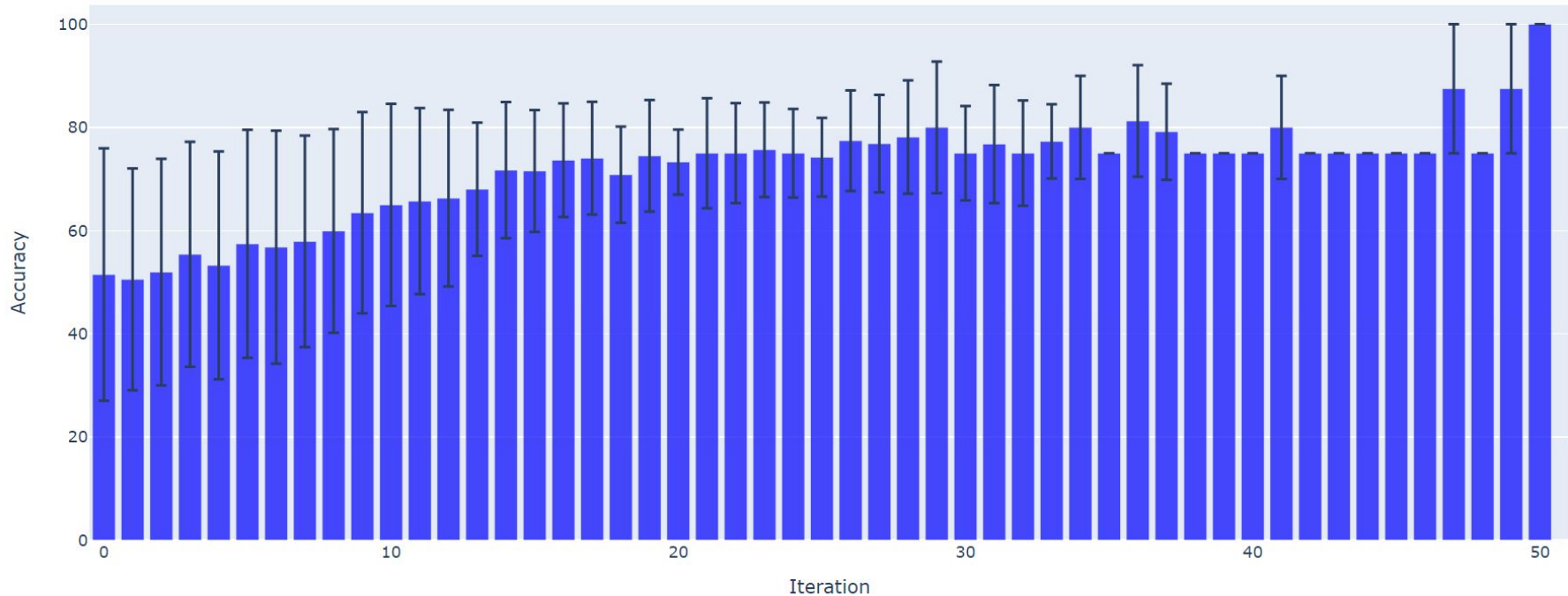
Mean accuracy for each iteration



# PROMEDIO DE 100 CORRIDAS: AND

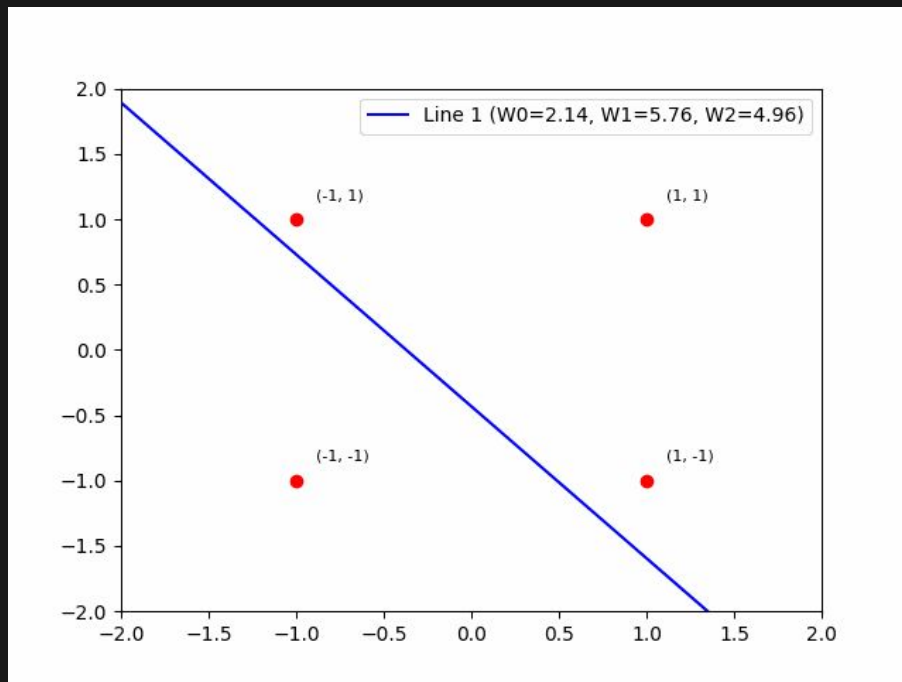
LEARNING CONSTANT = 0.5, LIMIT = 100 ITERATIONS

Mean accuracy for each iteration



# AND DATA SET

LEARNING CONSTANT = 0.1

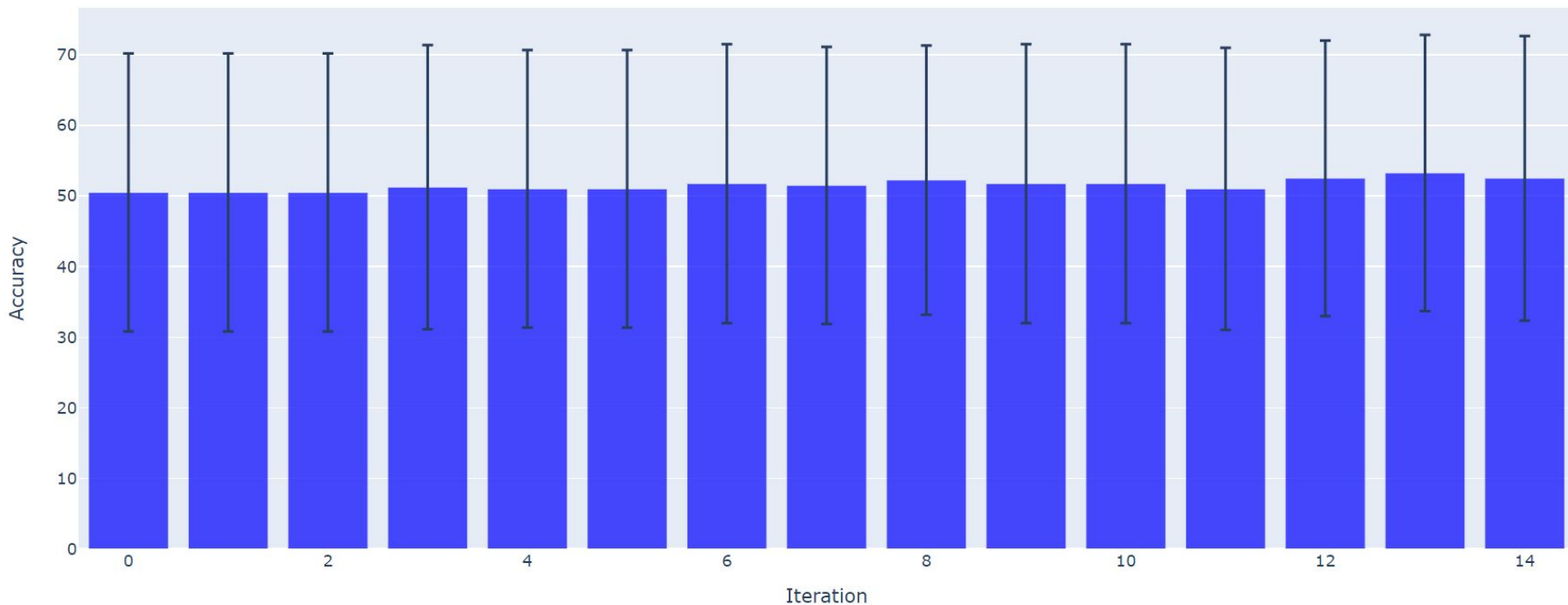


# ARTIFICIAL INTELLIGENCE (AI)

# PROMEDIO DE 100 CORRIDAS: XOR

LEARNING CONSTANT = 0.1, LIMIT = 15 ITERATIONS

Mean accuracy for each iteration

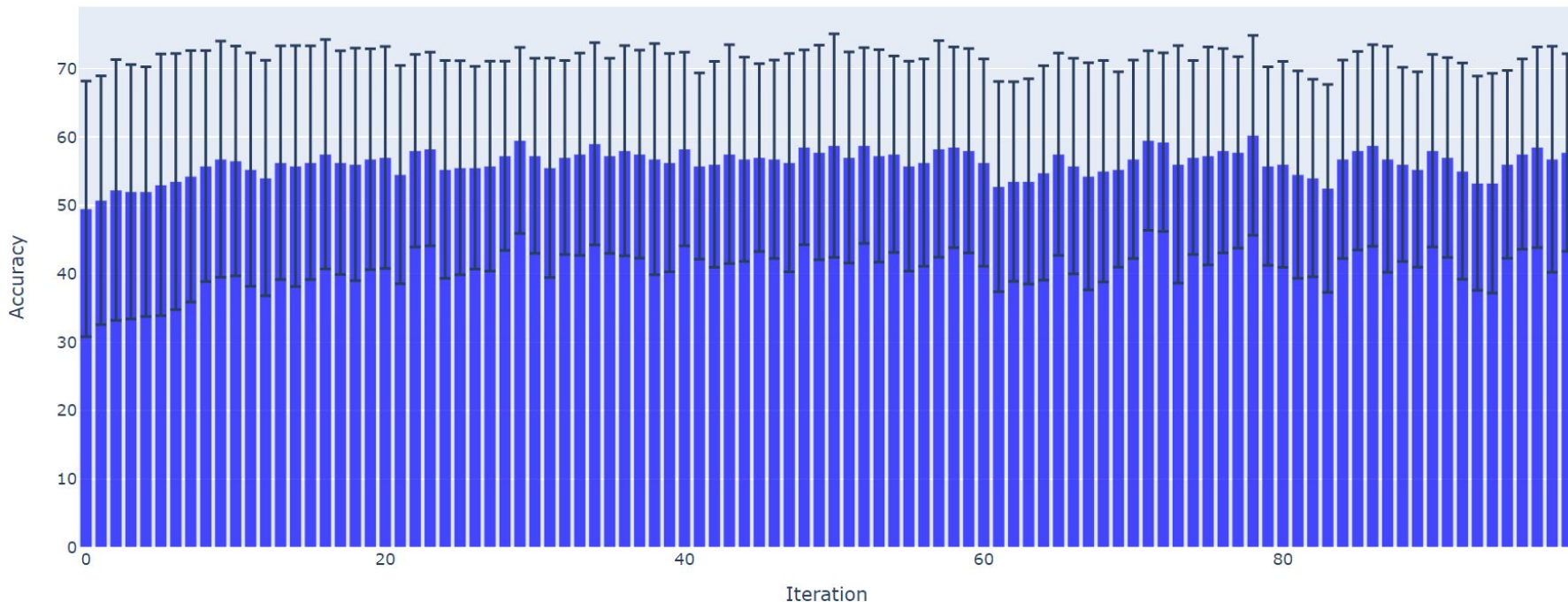




# PROMEDIO DE 100 CORRIDAS: XOR

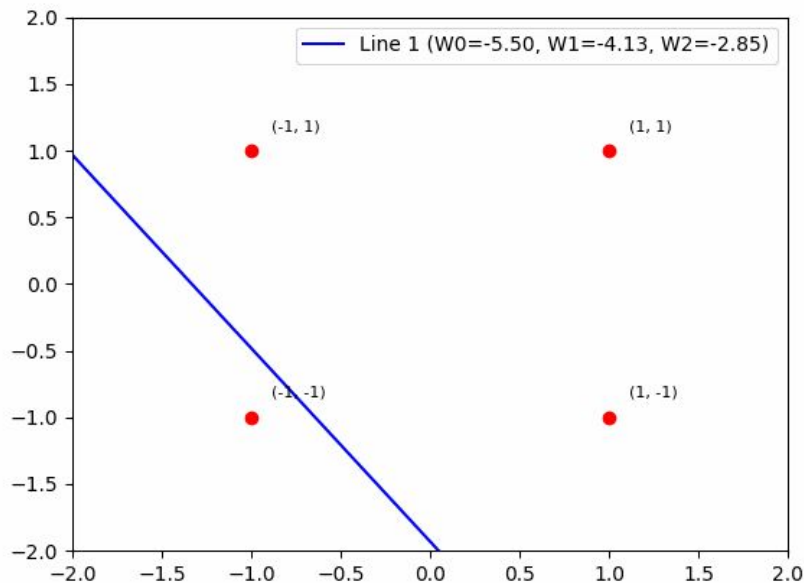
LEARNING CONSTANT = 0.5, LIMIT = 100 ITERATIONS

Mean accuracy for each iteration



# XOR DATA SET

LEARNING CONSTANT = 0.1 LIMIT = 40



ARTIFICIAL  
INTELLIGENCE  
(AI)

# CONCLUSIONES EJERCICIO 1

## 'AND' ES LINEALMENTE SEPARABLE

Existen infinitas rectas que separan en 2 al conjunto de datos

## 'XOR' NO ES LINEALMENTE SEPARABLE

Se necesitaría otro criterio de separación, tal vez usar 2 rectas o una línea curva

## EL LEARNING CONSTANT AFECTA QUÉ TAN RÁPIDO CONVERGE

Un valor chico (0.02) hace que sea más lento

Un valor grande (0.5 ~ 0.8) hace que converga rápido

## EJERCICIO 2

Perceptrón Lineal y No Lineal  
3 valores de entrada y 1 de salida

# CONFIGURACIÓN BASE

```
{
  "seed": 1,
  "training_data": "../training_data/ex2.csv",
  "learning_constant": 0.005,
  "limit": 300,
  "epsilon": 0,
  "method": {
    "type": "linear",
    "theta": "logistic",
    "beta": 0.3
  },
  "selection_method": {
    "type": "simple",
    "proportion": 0.8,
    "folds": 5
  }
}
```

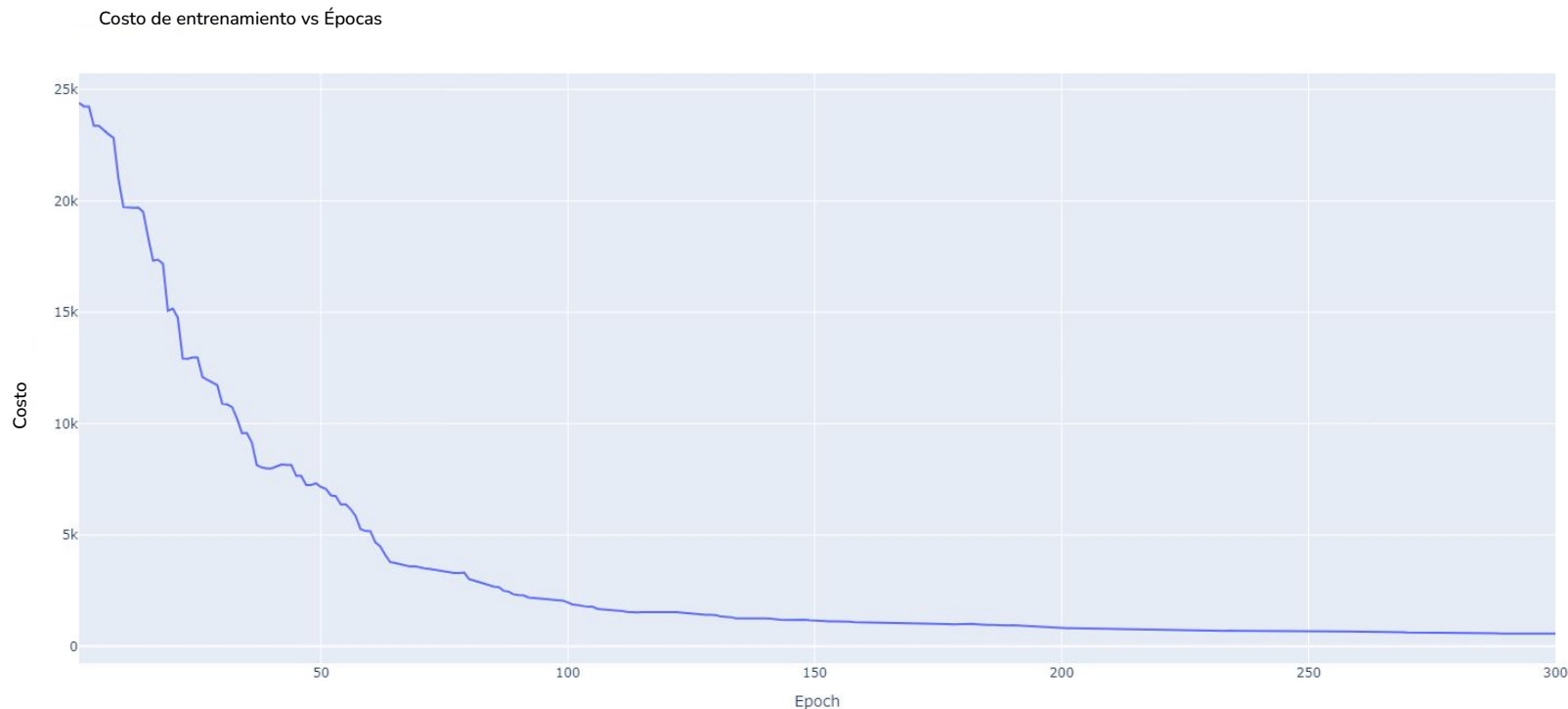
AL  
EN  
AD

# PERCEPTRÓN SIMPLE LINEAL

ARTI  
CIAL  
INTE  
IGEN  
[AI]

# COSTO DE ENTRENAMIENTO VS ÉPOCAS: TP = 80%

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 80%, Limit = 300

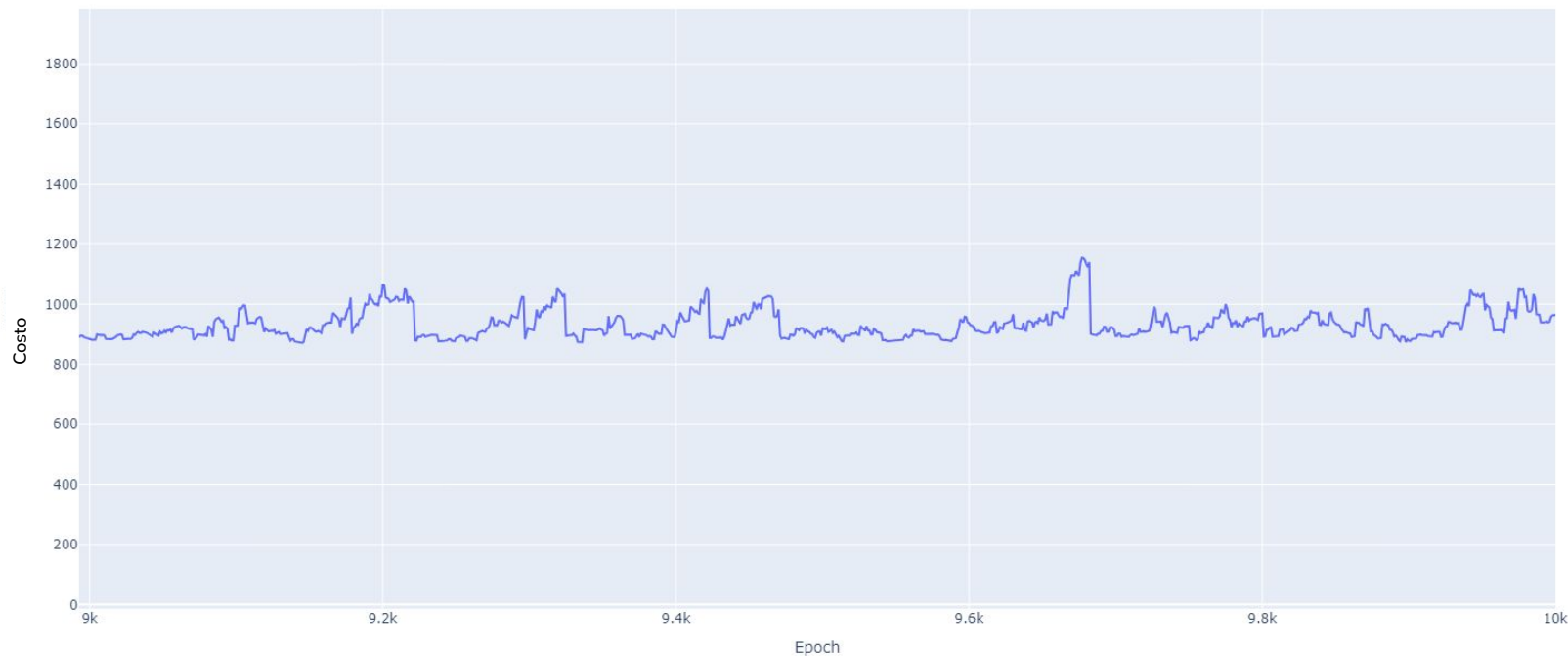


# ZOOM COSTO DE ENTRENAMIENTO VS ÉPOCAS

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 80%, Limit = 10000

Costo de entrenamiento vs Épocas

Probando con muchas épocas... ¡No converge! No llega a un error aceptable

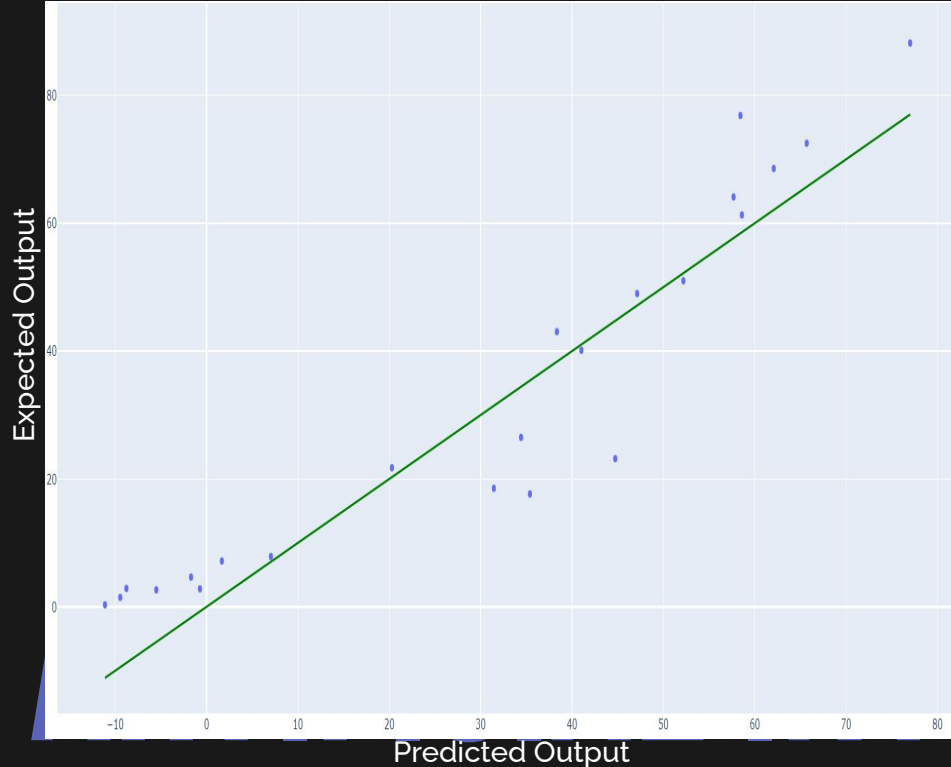




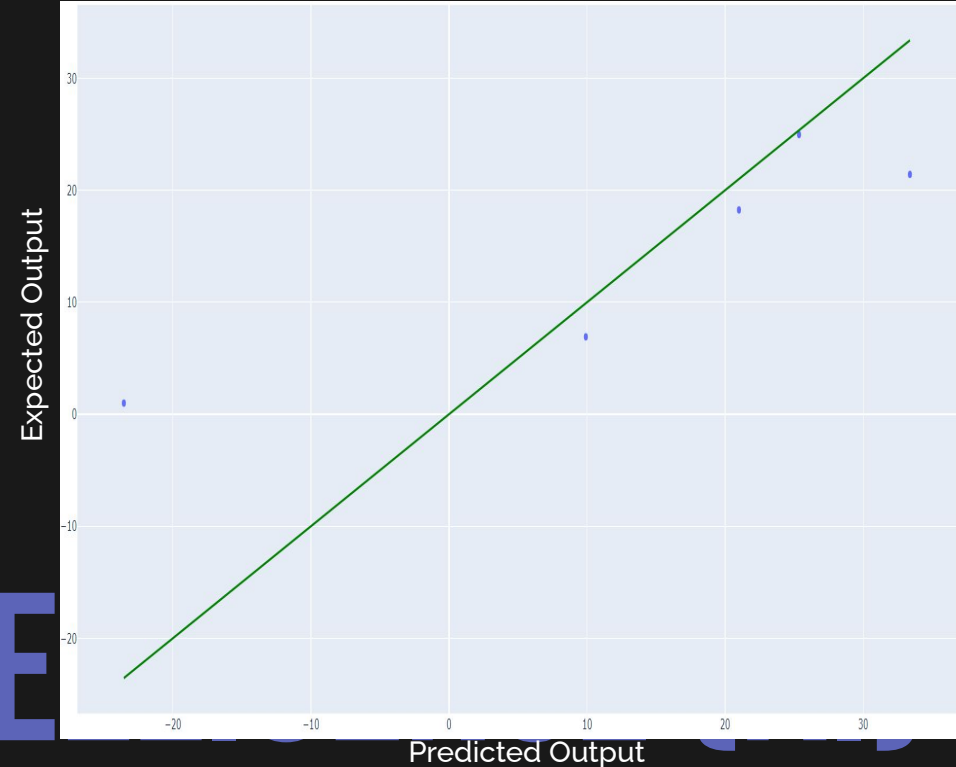
# ESPERADO VS PREDICHO: TP = 80%

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 80%, Limit = 300

Training Data



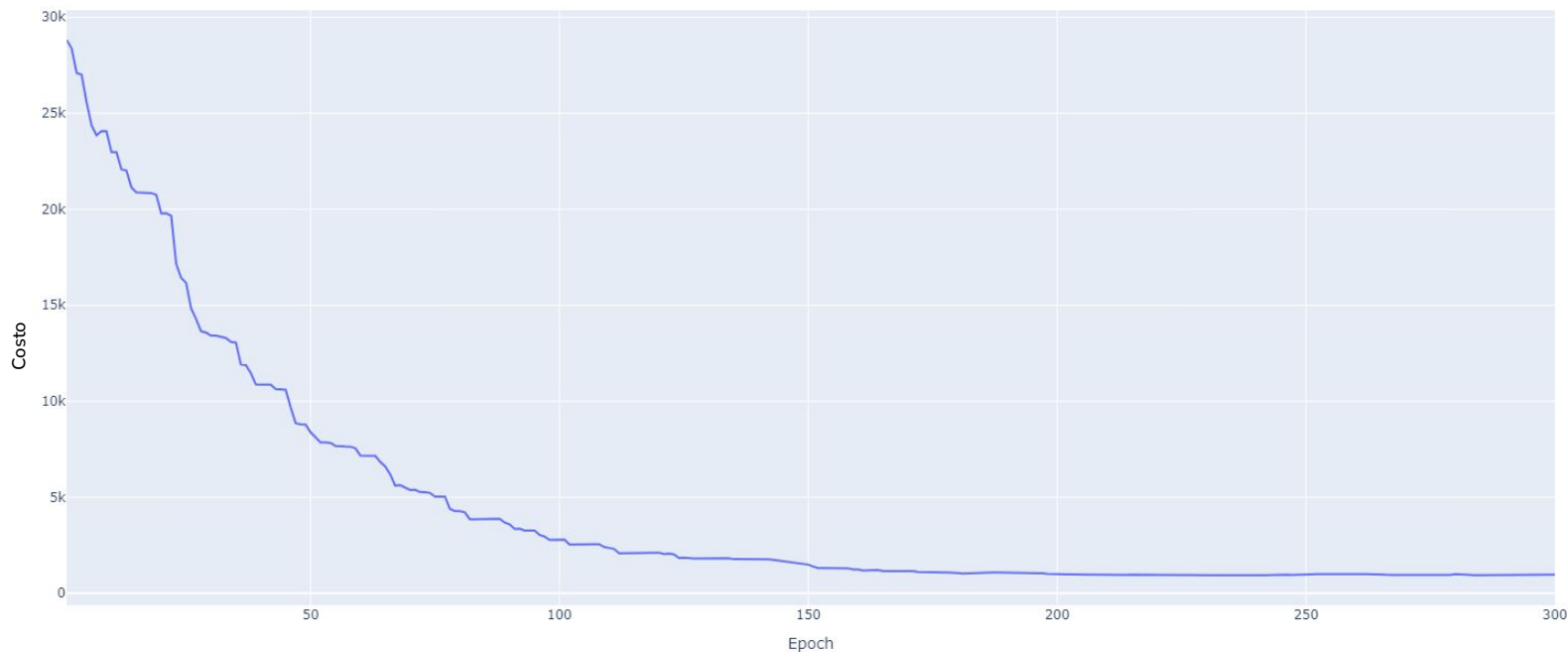
Test Data



# COSTO DE ENTRENAMIENTO VS ÉPOCAS: TP = 40%

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 40%, Limit = 300

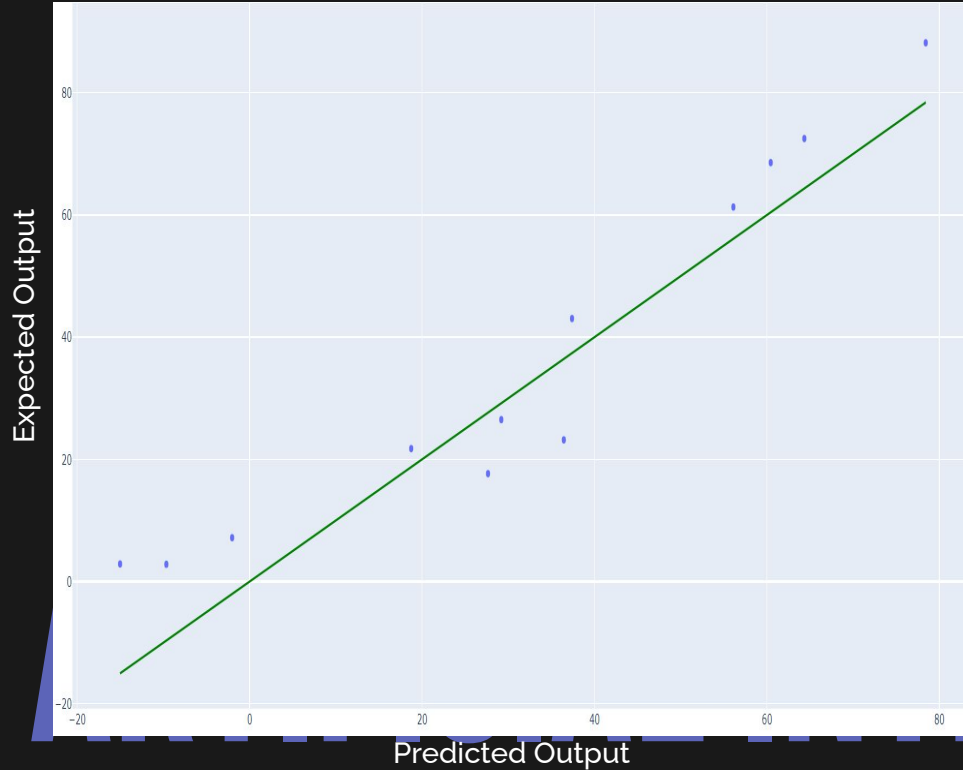
Costo de Entrenamiento vs Épocas



# ESPERADO VS PREDICHO: TP = 40%

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 40%, Limit = 300

Training Data



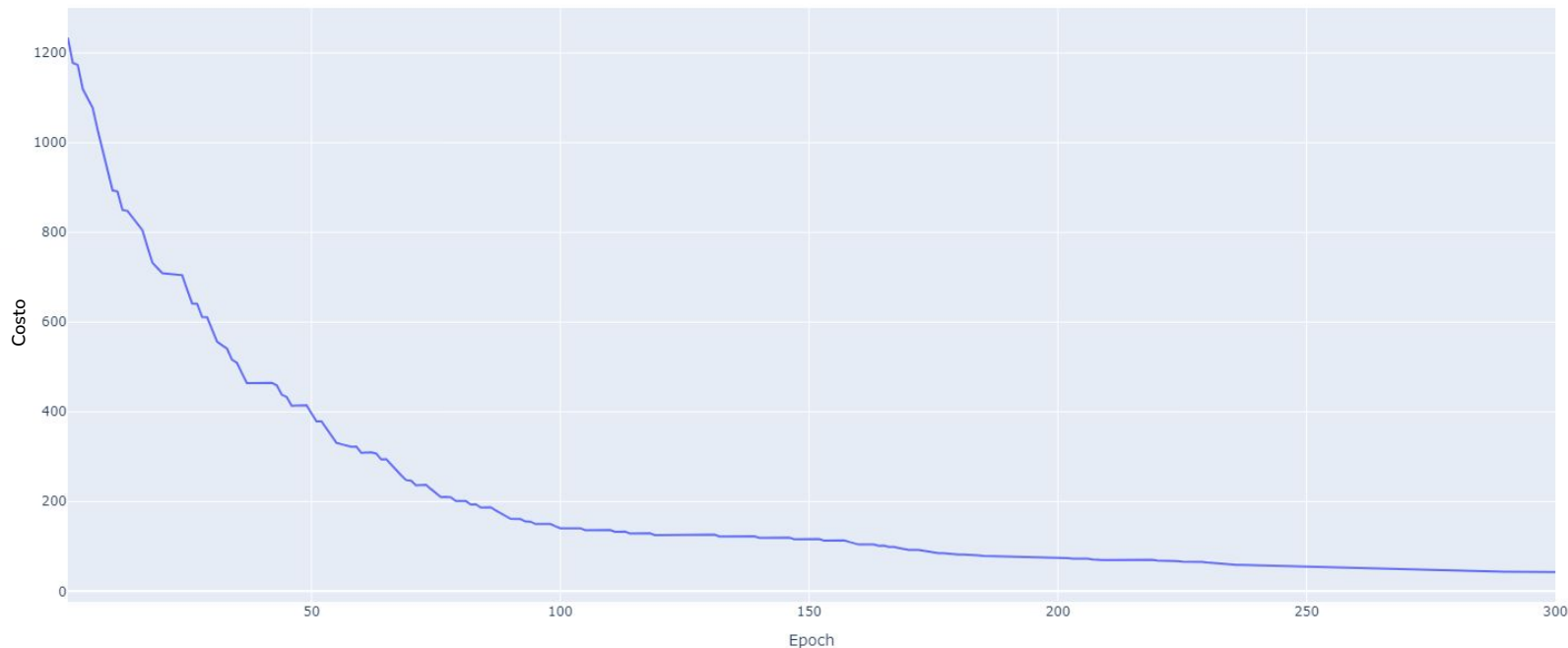
Test Data



# COSTO DE ENTRENAMIENTO VS ÉPOCAS: TP = 10%

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 10%, Limit = 300

Costo de entrenamiento vs Épocas



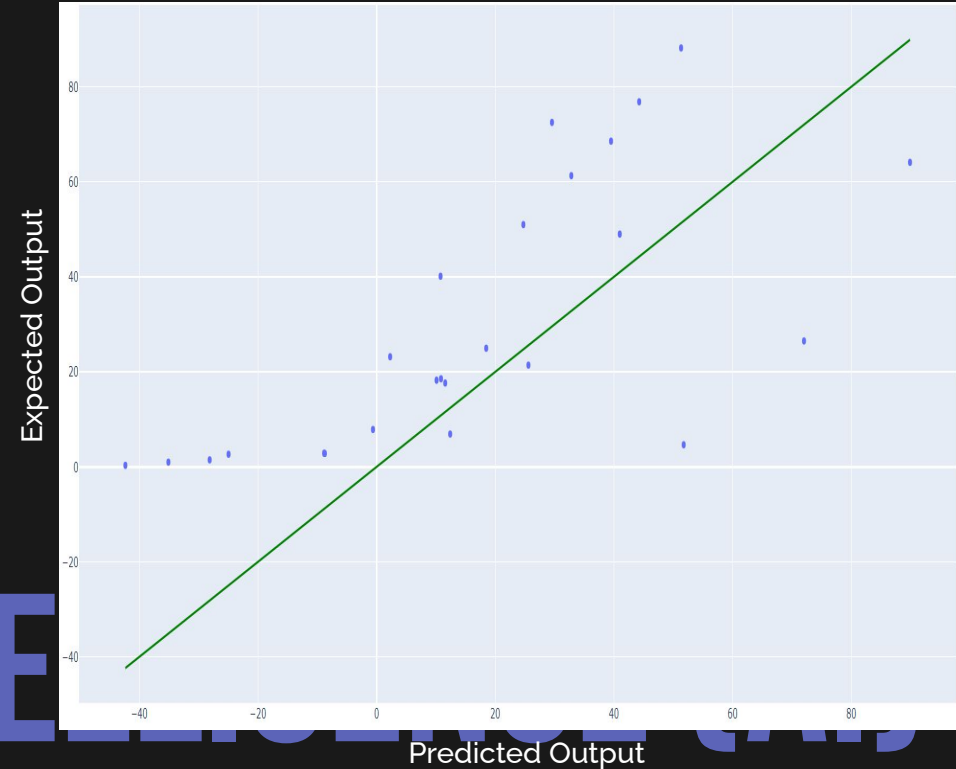
# ESPERADO VS PREDICHO: TP = 10%

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 10%, Limit = 300

Training Data



Test Data



# COMPARACIÓN DE TRAIN PERCENTAGE

Con train % = 80% el MSE de testing es: **372.404**  
MSE de training : 11795201.367

Con train % = 40% el MSE de testing es: **637.8**  
MSE de training = 4161857.496

Con train % = 10% el MSE de testing es: **732.815**  
MSE de training = 58282.093



Cuidado con underfitting y overfitting!

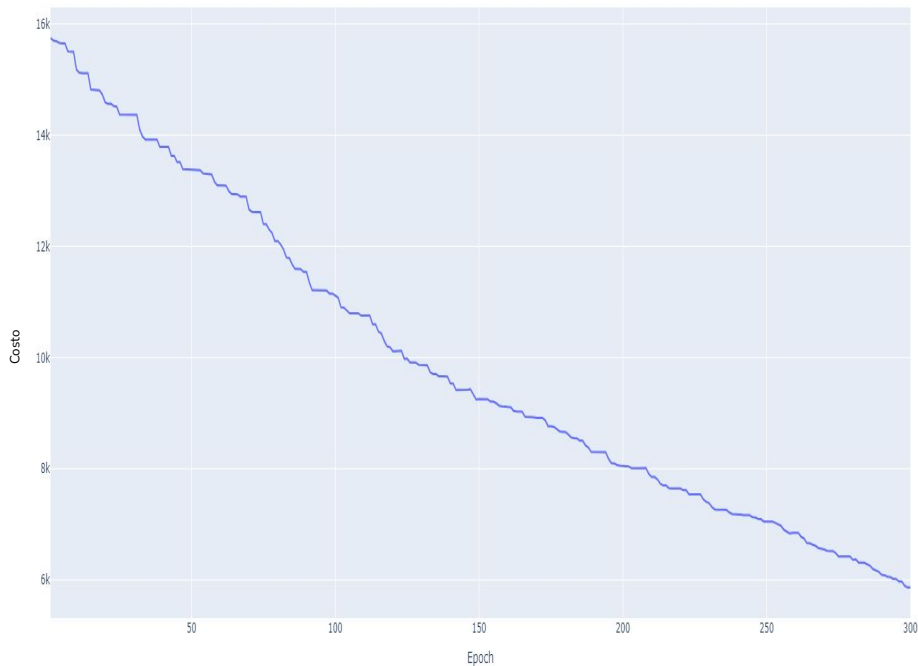
# ARTIFICIAL INTELLIGENCE (AI)

# VARIACIÓN DE LC: COSTO DE ENTRENAMIENTO VS ÉPOCAS

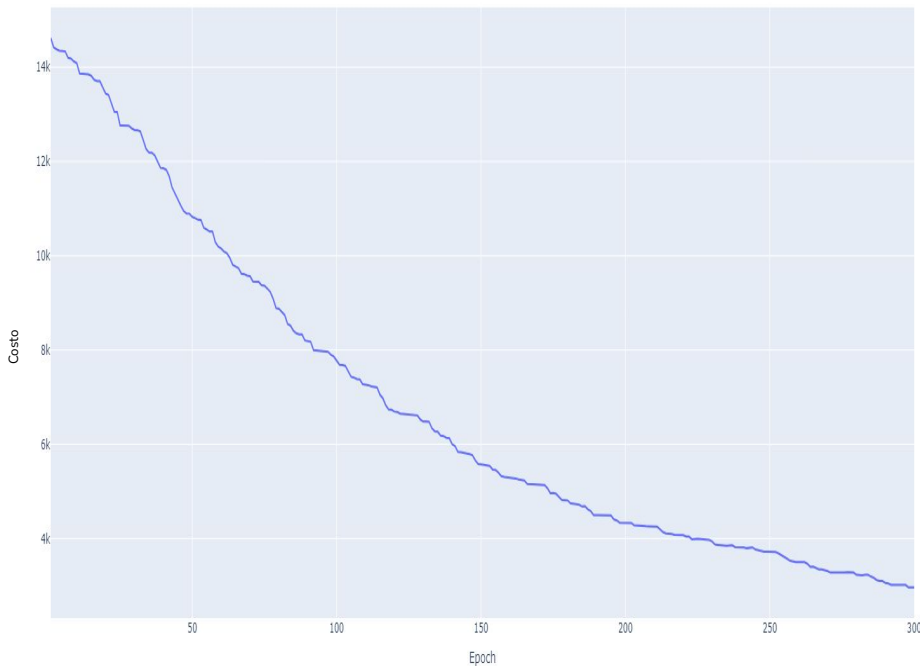
Learning Constant: 0.0005, Selection = Simple,  
Train percentage = 80%, Limit = 300

Learning Constant: 0.001, Selection = Simple,  
Train percentage = 80%, Limit = 300

Costo de entrenamiento vs Épocas



Costo de entrenamiento vs Épocas

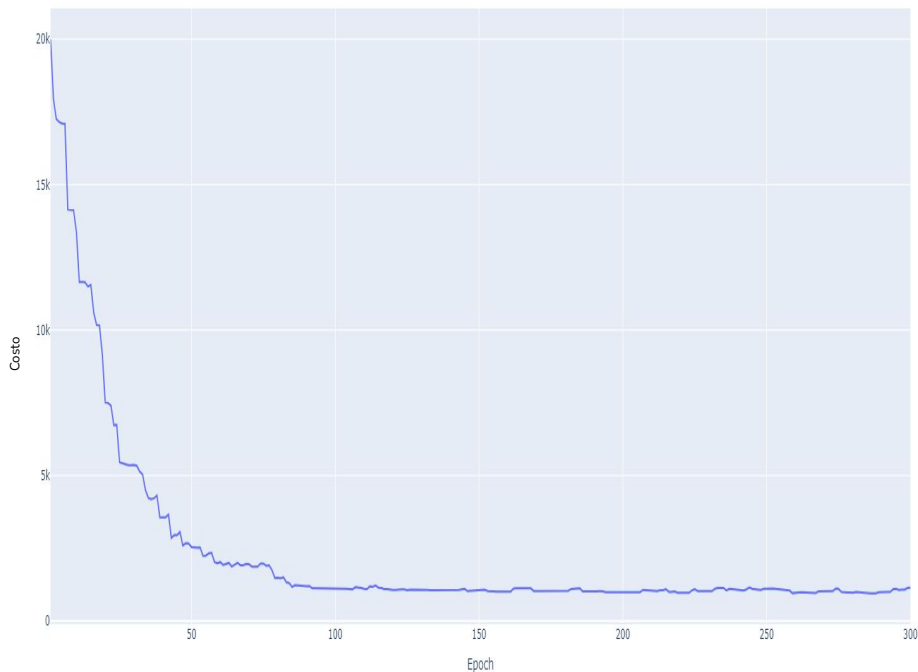


# VARIACIÓN DE LC: COSTO DE ENTRENAMIENTO VS ÉPOCAS

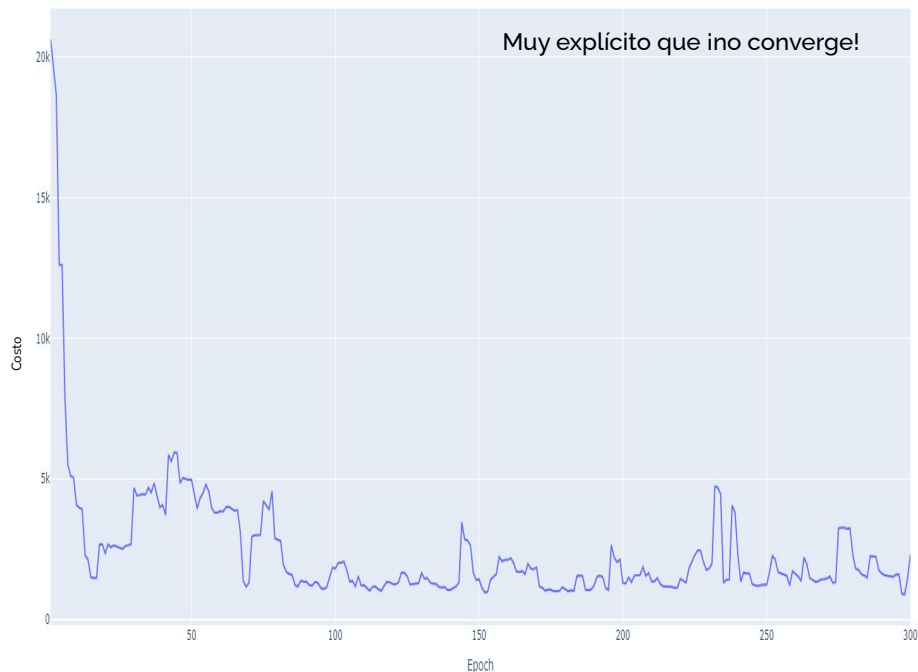
Learning Constant: 0.01, Selection = Simple,  
Train percentage = 80%, Limit = 300

Learning Constant: 0.03, Selection = Simple,  
Train percentage = 80%, Limit = 300

Costo de entrenamiento vs Épocas



Costo de entrenamiento vs Épocas





# VARIACIÓN DE LEARNING CONSTANT/RATE

Ideal: learning constant bajo pero no mínimo para evitar overfitting ya que el conjunto no es muy grande

Cuanto más pequeño es el aprendizaje, más constante es la convergencia (casi funciones lineales)

Cuanto más alto, genera una convergencia más rápida pero una solución más volátil

# ARTIFICIAL INTELLIGENCE (AI)

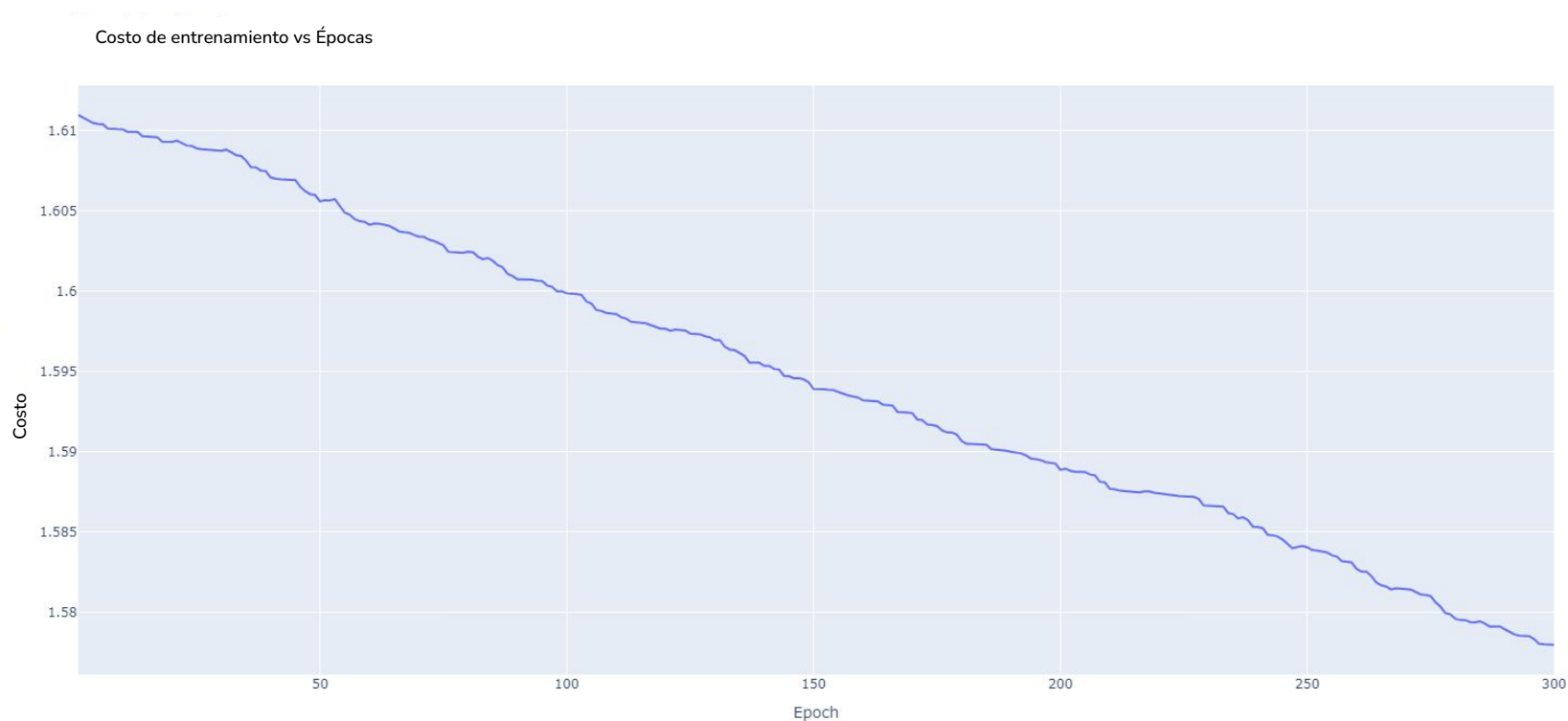
# PERCEPTRÓN SIMPLE NO LINEAL

ARTI  
CIAL  
INTE  
IGEN  
[AI]

/[AI]/[AI]/

# VARIACIÓN DE COSTO DE ENTRENAMIENTO CON BETA

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 80%, Limit = 300, Beta = 0.1

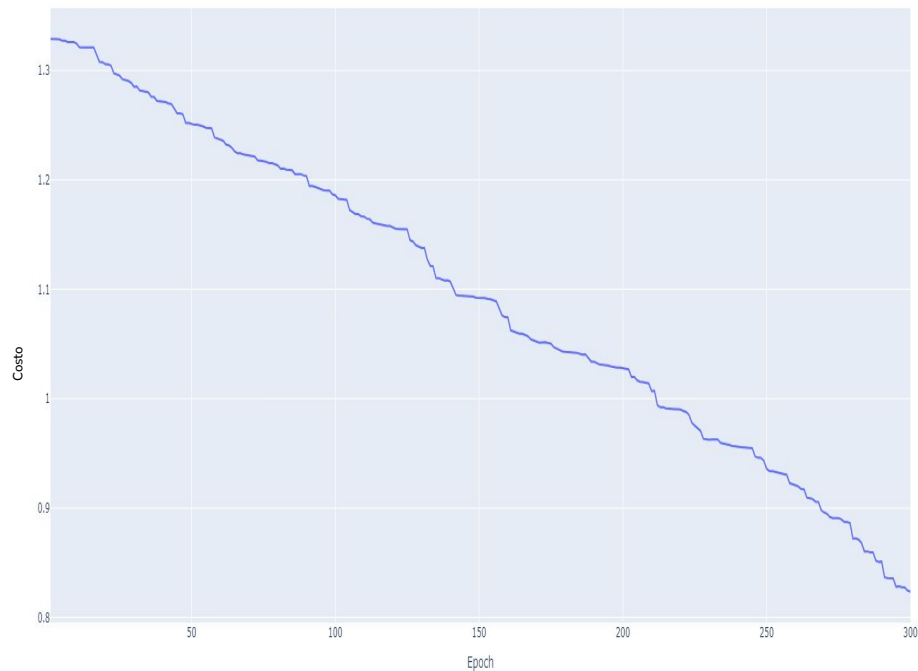


# VARIACIÓN DE COSTO DE ENTRENAMIENTO CON BETA

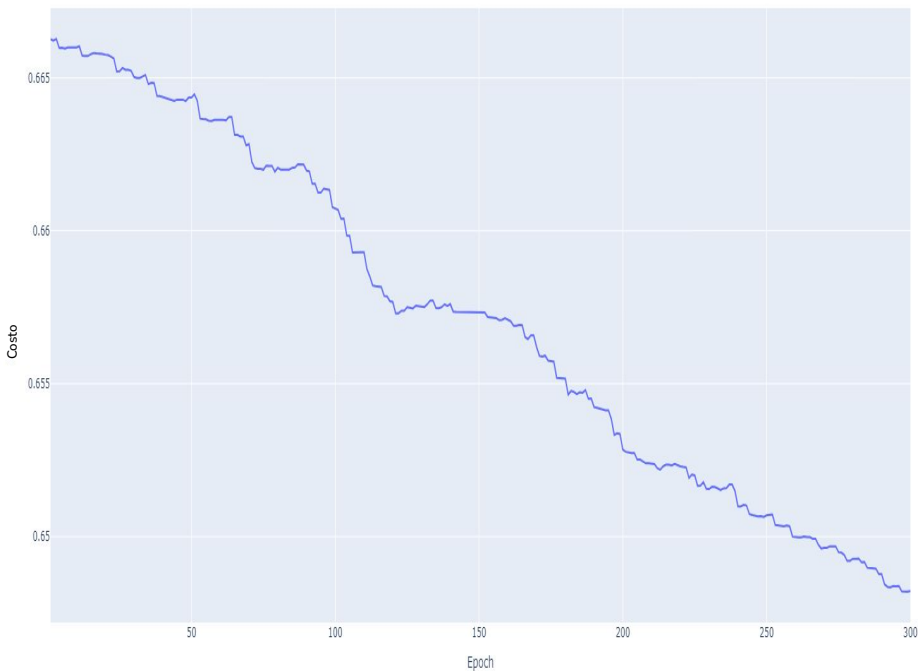
Learning Constant: 0.005, Selection = Simple,  
Train percentage = 80%, Limit = 300, Beta = 0.5

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple,  
Train percentage = 80%, Limit = 300, Beta = 1

Costo de entrenamiento vs Épocas



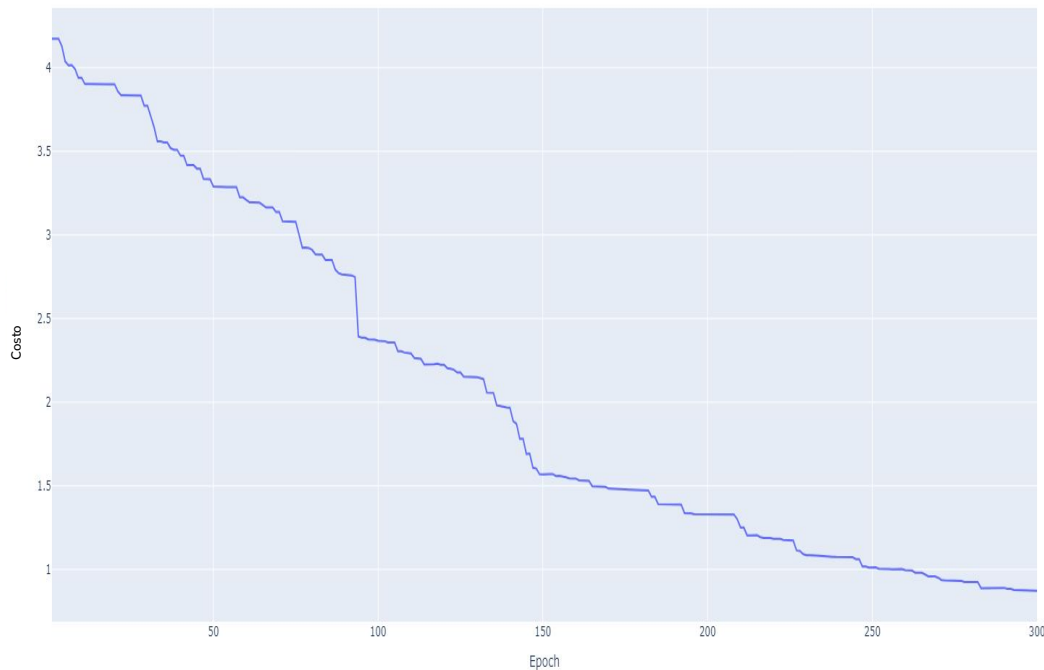
Costo de entrenamiento vs Épocas



# VARIACIÓN DE COSTO DE ENTRENAMIENTO CON BETA

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple,  
Train percentage = 80%, Limit = 300, Beta = 3

Costo de entrenamiento vs Épocas



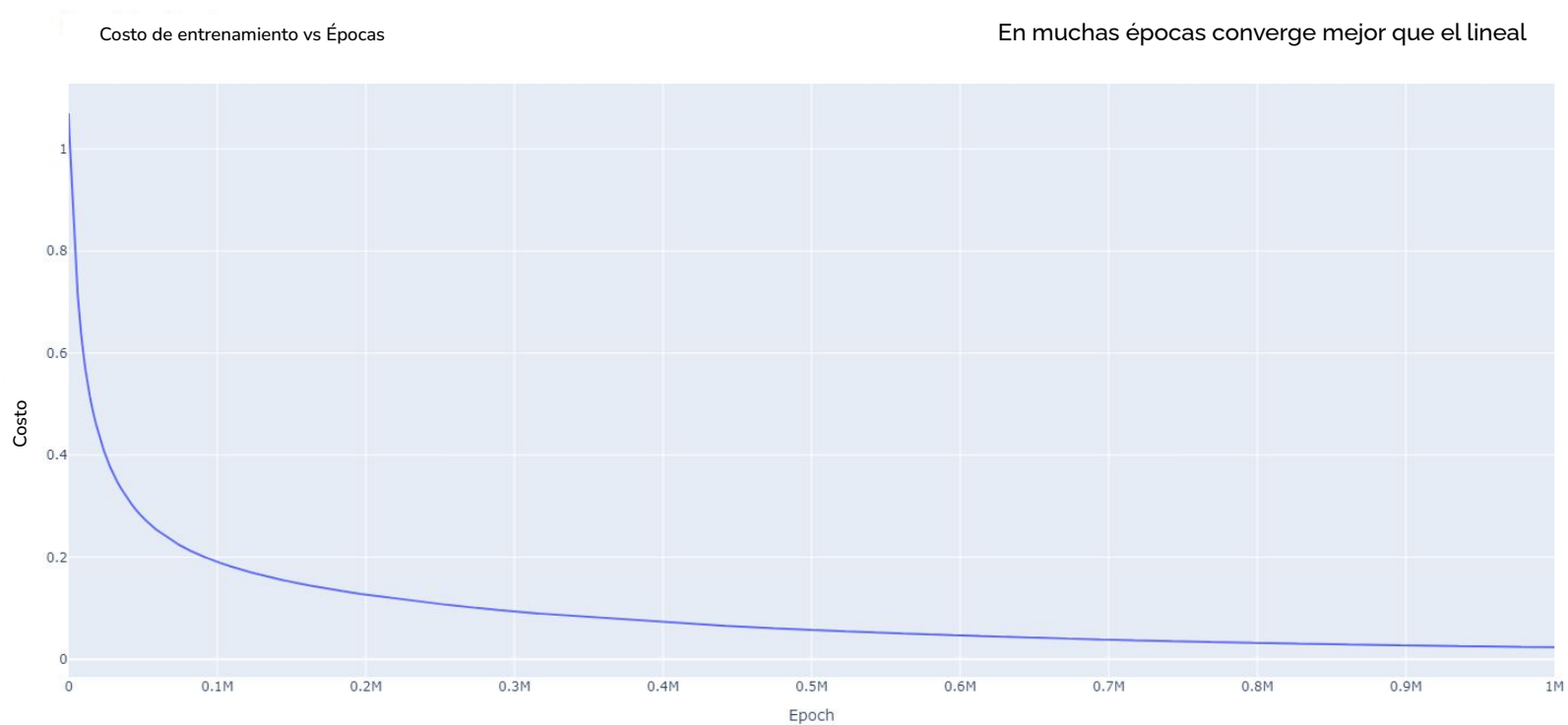
Beta más alto -> más escalonada

Beta más bajo -> más lineal

# LIGENCE (AI)

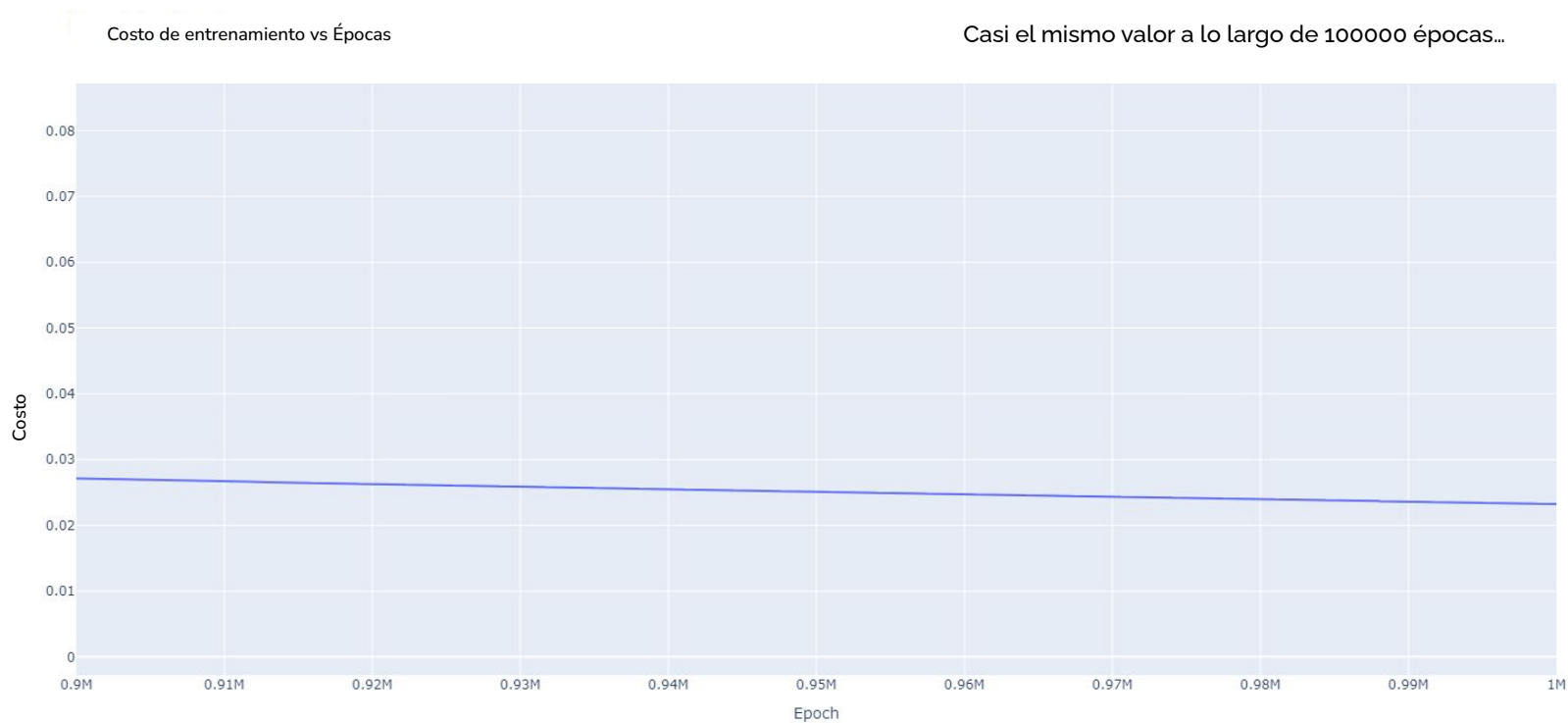
# COSTO DE ENTRENAMIENTO VS ÉPOCAS

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 80%, Limit = 1000000



# ZOOM COSTO DE ENTRENAMIENTO VS ÉPOCAS

Learning Constant: 0.005, Selection = Simple, Train percentage = 80%, Limit = 1000000



# COMPARACIÓN DE MSE CON DISTINTOS TP ENTRE LINEAL Y NO LINEAL

Training Lineal con TP = 80% : 11795201.367

Testing Lineal con TP = 80% : 372.403

Training No lineal con TP = 80% :  $6.4 \times 10^{-6}$

Testing No lineal con TP = 80% :  $3.67 \times 10^{-3}$

Training Lineal con TP = 40% : 4161857.496

Testing Lineal con TP = 40% : 637.8

Training No lineal con TP = 40% :  $6.459 \times 10^{-7}$

Testing No lineal con TP = 40% : 0.0128

Training Lineal con TP = 10% : 58282.093

Testing Lineal con TP = 10% : 732.815

Training No lineal con TP = 10% :  $1.804413075 \times 10^{-5}$

Testing No lineal con TP = 10% : 0.113

Cuidado con underfitting y overfitting!

El MSE del NO lineal es ODM más bajo que el del lineal -> un hiperplano no aproxima bien al conjunto de datos



## CONCLUSIONES EJERCICIO 2

El No lineal aproxima mucho mejor que el lineal el conjunto de datos dado ya que este logra converger a un error aceptable y el otro no. Los errores generados por el lineal son órdenes de magnitud superior en comparación a los generados por el no lineal.

## CONCLUSIONES EJERCICIO 2

- CONJUNTOS REPRESENTATIVOS Y DIVERSOS
- EVITAR OVER Y UNDER FITTING
- ENTRENAR CON SUFICIENTES DATOS

IDEAL : TRAINING PERCENTAGE =  $40\% \leq X < 80\%$

LEARNING CONSTANT = 0.005

NO LINEAL LOGÍSTICA Y BETA = 1

**ARTIFICIAL**

**INTEL**

**[AI]**

**EJERCICIO 3**  
**PERCEPTRÓN**  
**MULTICAPA**

**[AI]**

# EJERCICIO 3A

XOR con perceptrón multicapa

2 valores por input (coordenada)  
2 de salida: que tan verdadero es y que  
tan falso es

## CONFIGURACIÓN BASE

NEURONAS DE  
ENTRADA

2

NEURONAS DE  
SALIDA

2

CANTIDAD DE CAPAS  
INTERMEDIAS

1

NEURONAS POR  
CAPA

3

# CONFIGURACIÓN BASE

LEARNING  
CONSTANT

0.2

ACTIVATION  
FUNCTION

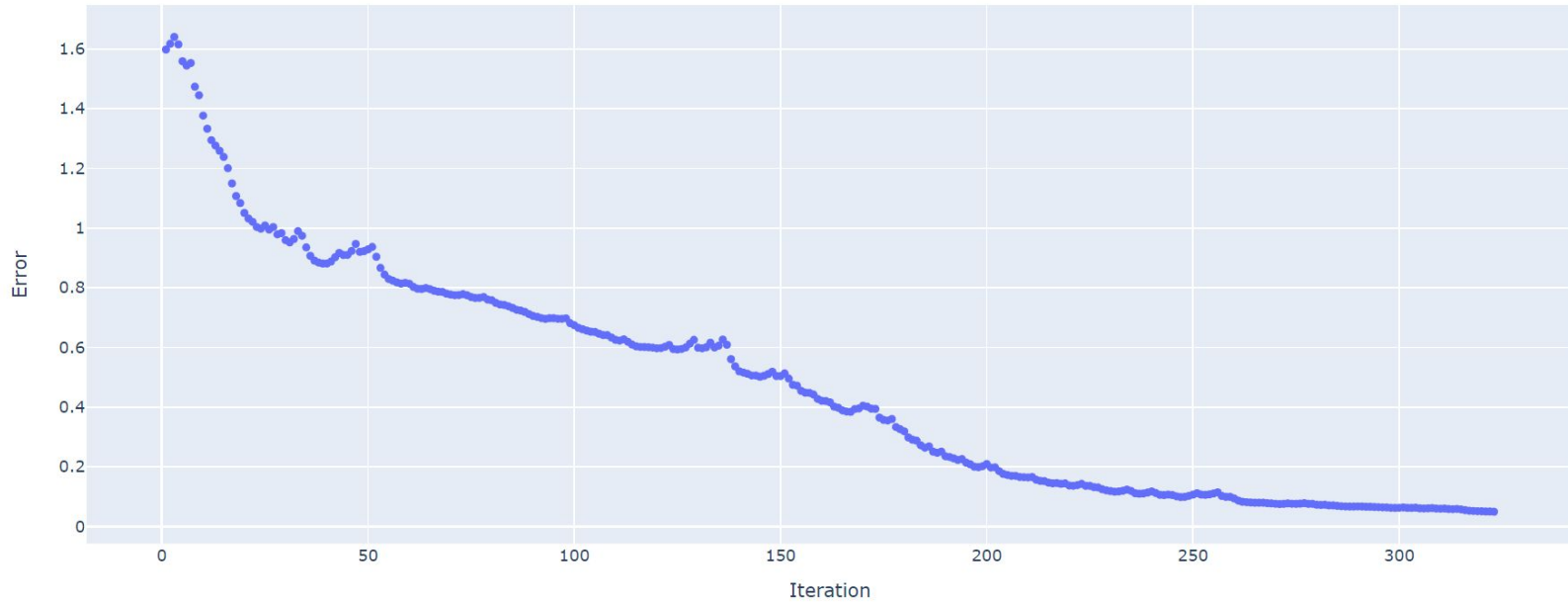
LOGISTIC  
(BETA = 1)

OPTIMIZACIÓN

MOMENTUM  
(ALPHA = 0.5)

$$E(O) = \frac{1}{2} \sum_{\mu} \sum_i (\zeta_i^{\mu} - O_i^{\mu})^2$$

Error Scatter Plot



# XOR VALORES DE RETORNO

epsilon = 0.015

INPUT	EXPECTED VALUE	OUTPUT
[-1, 1]	[1, 0]	[0.9853, 0.0144]
[1, -1]	[1, 0]	[0.9854, 0.0143]
[-1, -1]	[0, 1]	[0.0237, 0.9775]
[1, 1]	[0, 1]	[0.0055, 0.9922]



# ERROR 0

ACCURACY = 1

PRECISIÓN = 1

RECALL = 1

F1-SCORE = 1

Logra resolver lo que el perceptrón simple no podía

# CONCLUSIONES EJERCICIO 3A

PERCEPTRÓN MULTICAPA  
PUEDE RESOLVER PROBLEMAS  
QUE EL SIMPLE NO

PROBLEMAS DE  
CLASIFICACIÓN NO  
LINEALMENTE SEPARABLES

ENTRENAR PARA TENER ERROR  
O PUEDE SER MUY COSTOSO,  
TOMAR UN EPSILON

# EJERCICIO 3B

Paridad de números en imagen 7x5

Entrada de 35 inputs (7x5)

Salida de 2: que tan par es y qué tan impar

# CONJUNTO DE DATOS REDUCIDO

## CON ENTRENAMIENTO COMPLETO

Puede perfectamente determinar si un número es par o no, si se testea, no hay ningún número que no haya visto

## SEPARACIÓN ENTRE ENTRENAMIENTO Y TESTEO

## CONFIGURACIÓN BASE

NEURONAS DE  
ENTRADA

35

NEURONAS DE  
SALIDA

2

CANTIDAD DE CAPAS  
INTERMEDIAS

2

NEURONAS POR  
CAPA

5

# CONFIGURACIÓN BASE

LEARNING  
CONSTANT

0.5

ACTIVATION  
FUNCTION

LOGISTIC  
(BETA = 1)

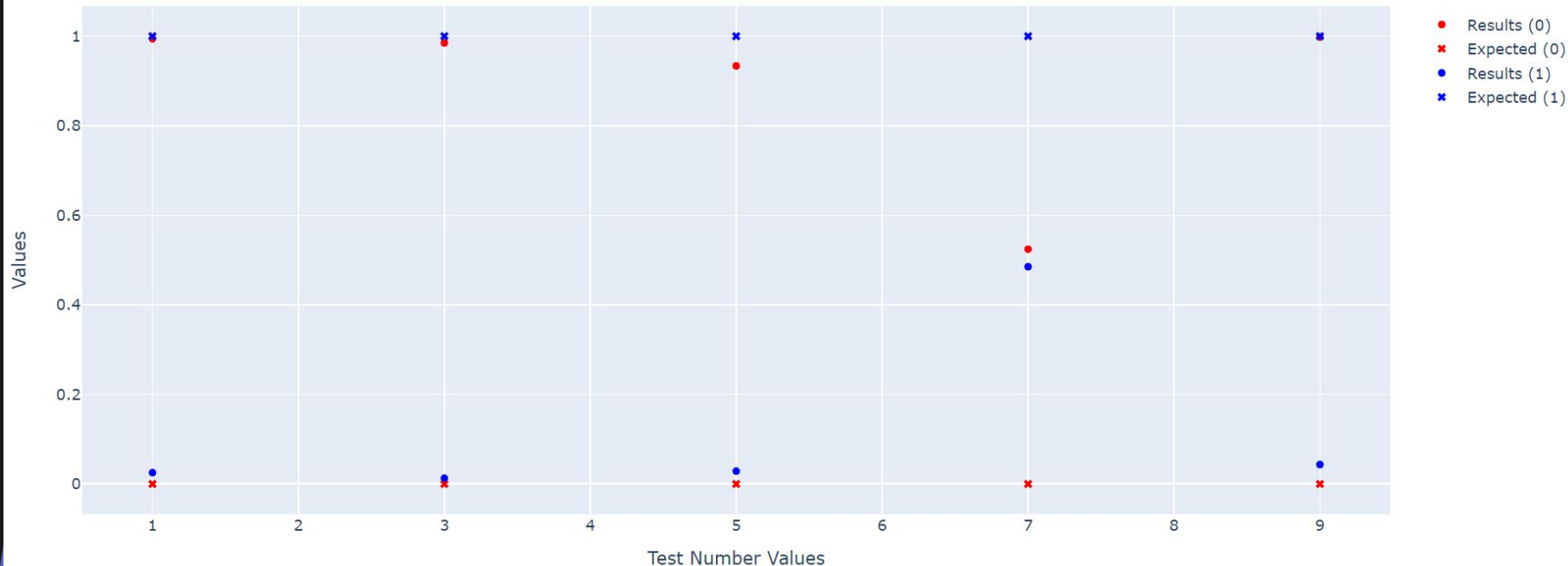
OPTIMIZACIÓN

MOMENTUM  
(ALPHA = 0.5)

# ENTRENANDO CON NÚMEROS PARES TESTEANDO CON NÚMEROS IMPARES

ERROR = 0.001  
ACCURACY = 0, PRECISIÓN = 0, RECALL = 0

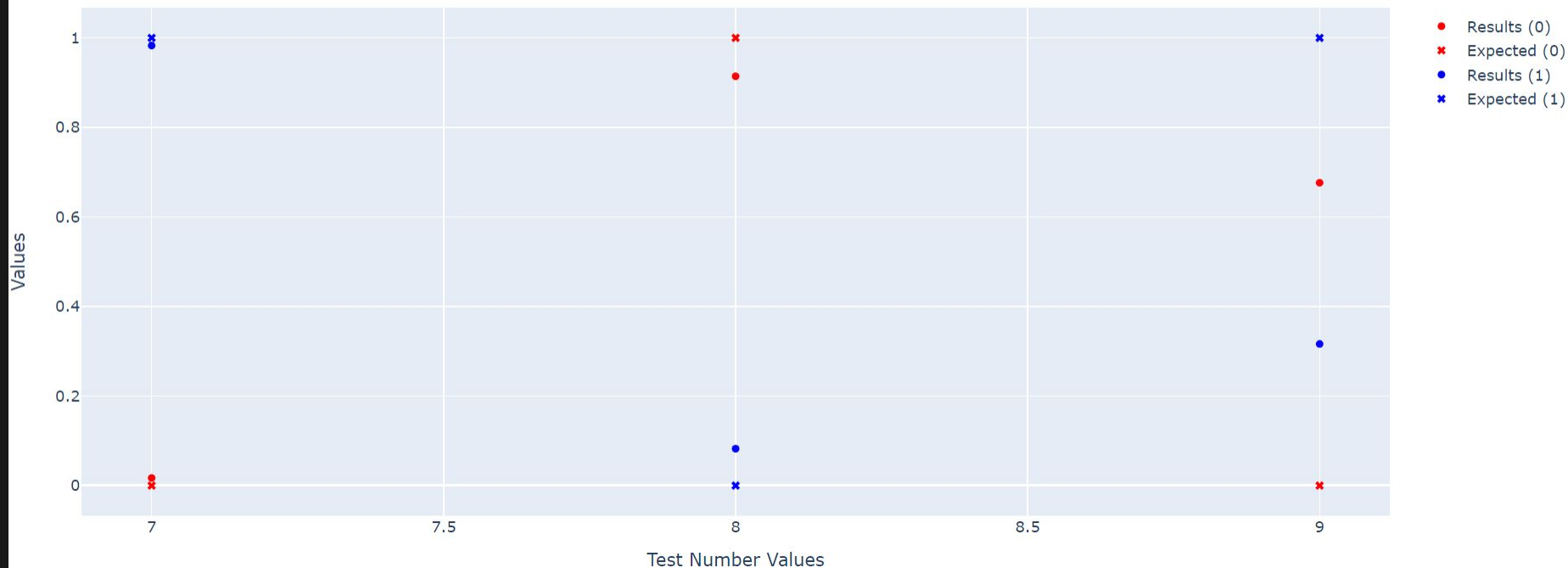
Scatter Plot of Results and Expected Outputs



# ENTRENANDO CON NÚMEROS $\leq 6$ TESTEANDO CON NÚMEROS $> 6$

ERROR = 0.001  
ACCURACY =  $\frac{2}{3}$ , PRECISIÓN =  $\frac{2}{3}$ ,  
RECALL =  $\frac{2}{3}$ , F1\_SCORE =  $\frac{2}{3}$

Scatter Plot of Results and Expected Outputs





# ENTRENANDO CON NÚMEROS $\leq 6$ TESTEANDO CON NÚMEROS $> 6$

ERROR = 0.001  
ACCURACY =  $\frac{1}{3}$ , PRECISIÓN =  $\frac{1}{3}$ ,  
RECALL =  $\frac{1}{3}$ , F1\_SCORE =  $\frac{1}{3}$

Scatter Plot of Results and Expected Outputs



# ENTRENANDO CON NÚMEROS $\leq 6$

## TESTEANDO CON NÚMEROS $> 6$

ERROR = 0.001  
ACCURACY = 0, PRECISIÓN = 0, RECALL = 0

Scatter Plot of Results and Expected Outputs



## CONCLUSIONES EJERCICIO 3B

IMPORTANCIA DE SEPARAR LOS  
DATOS ENTRE TRAINING Y  
TESTING

IMPORTANCIA DE TENER  
VARIOS INPUTS (DISTINTOS)  
PARA UN MISMO VALOR

EL PERCEPTRÓN MULTICAPA  
NO PUEDE ESTIMAR ALGO QUE  
NUNCA VIO

# EJERCICIO 3C

Reconocimiento de números

## CONFIGURACIÓN BASE

NEURONAS DE  
ENTRADA

35

NEURONAS DE  
SALIDA

10

CANTIDAD DE CAPAS  
INTERMEDIAS

1

NEURONAS POR  
CAPA

10

# CONFIGURACIÓN BASE

LEARNING  
CONSTANT

0.05

ACTIVATION  
FUNCTION

LOGISTIC  
(BETA = 1)

OPTIMIZACIÓN

MOMENTUM  
(ALPHA = 0.2)

# SEPARACIÓN DE ENTRENAMIENTO Y TESTEO

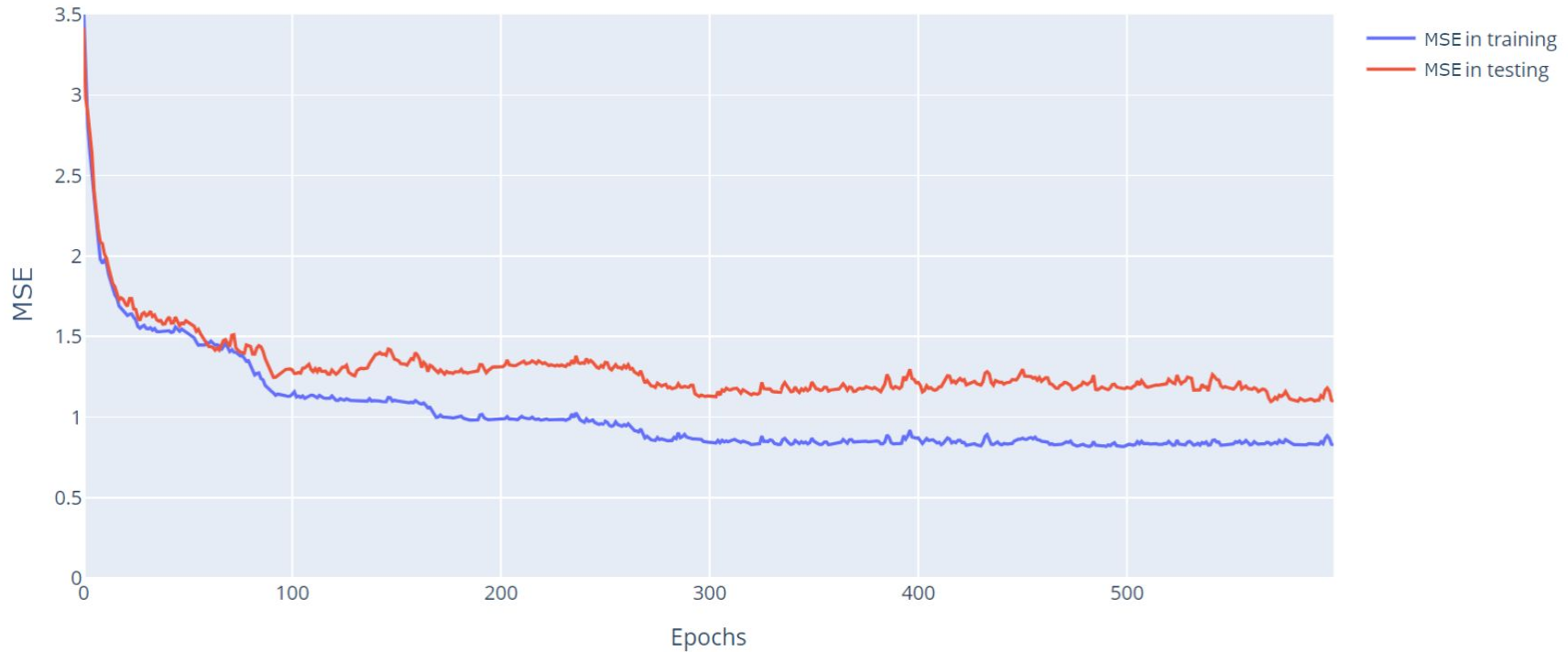
/[AI]

# PARTICIÓN 90% 10%

$$\text{MSE} = \frac{(\text{ESPERADO} - \text{GENERADO})^2}{N}$$

PROMEDIO DE 10 TESTEOS

MSE for training and testing



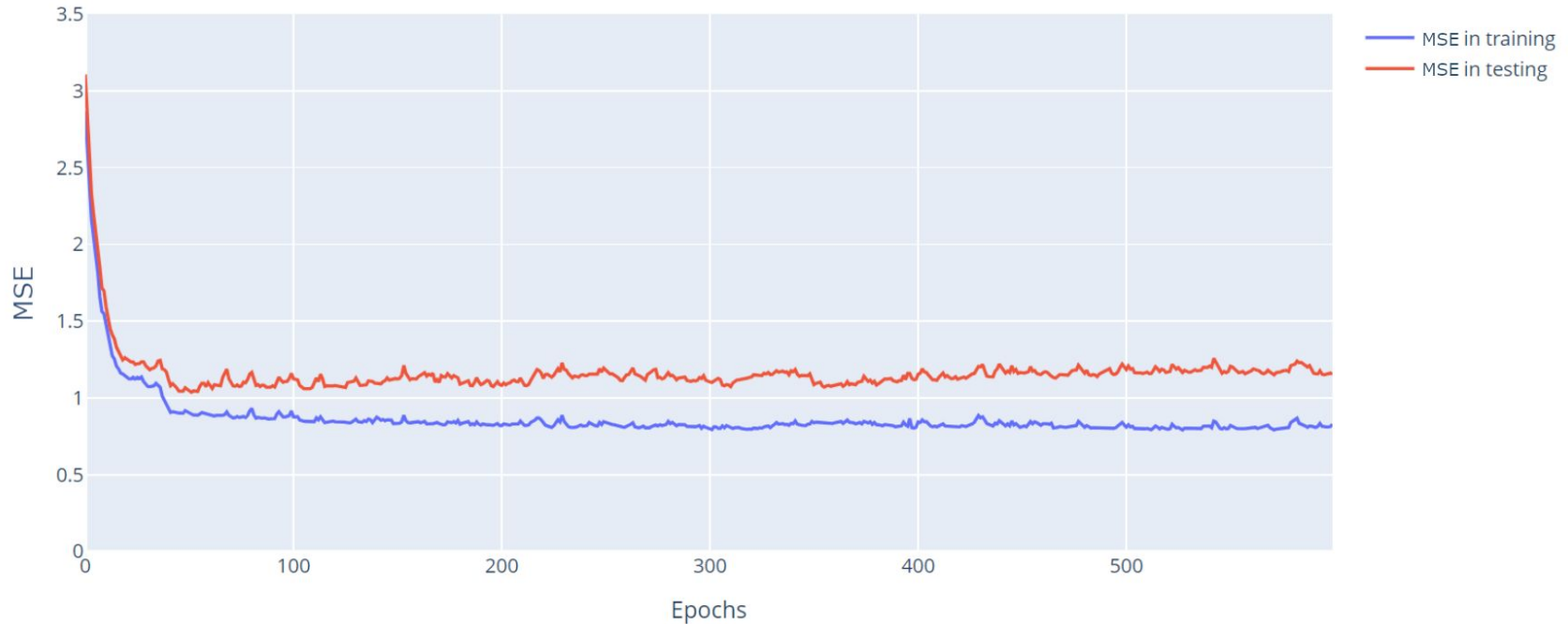


# PARTICIÓN 80% 20%

$$\text{MSE} = \frac{(\text{ESPERADO} - \text{GENERADO})^2}{N}$$

PROMEDIO DE 10 TESTEOS

MSE for training and testing

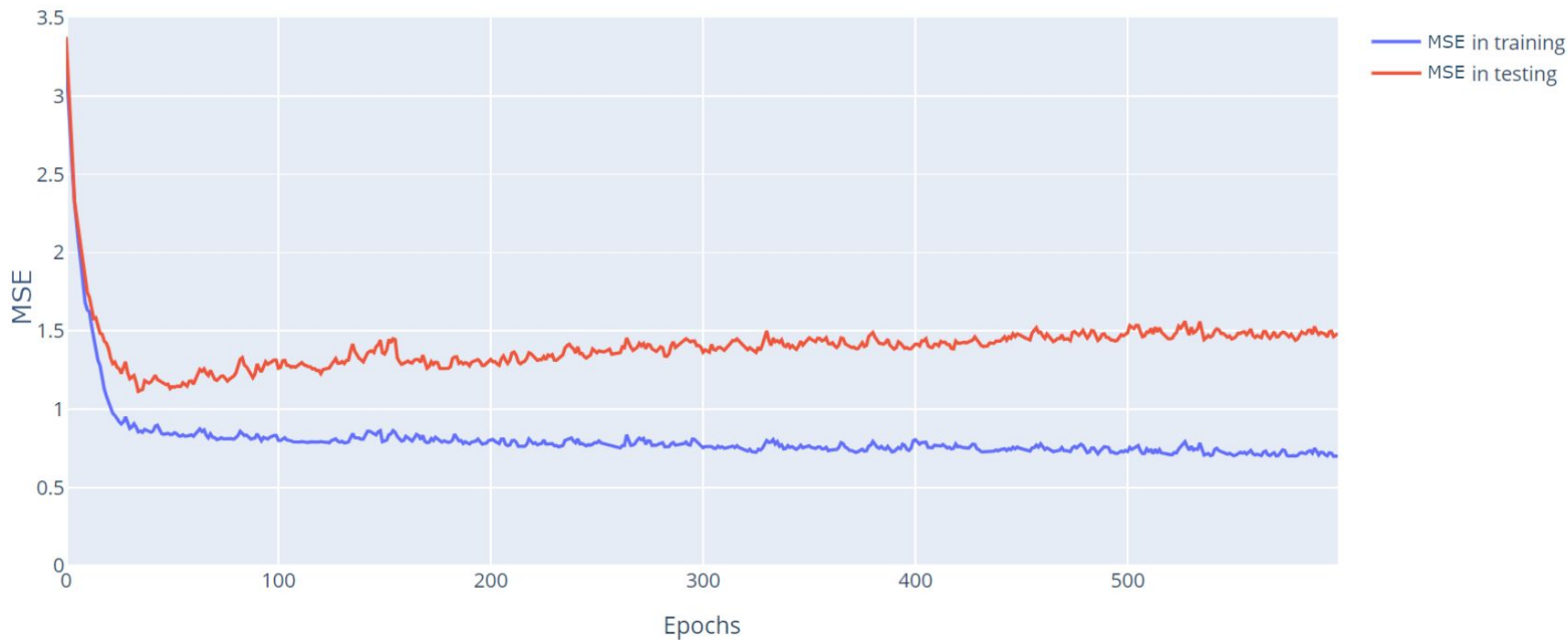


# PARTICIÓN 70% 30%

$$\text{MSE} = \frac{[(\text{ESPERADO} - \text{GENERADO})^2]}{N}$$

PROMEDIO DE 10 TESTEOS

MSE for training and testing



**RUIDO**

/ [AI]



0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	0	0	0	1
0	1	1	1	0

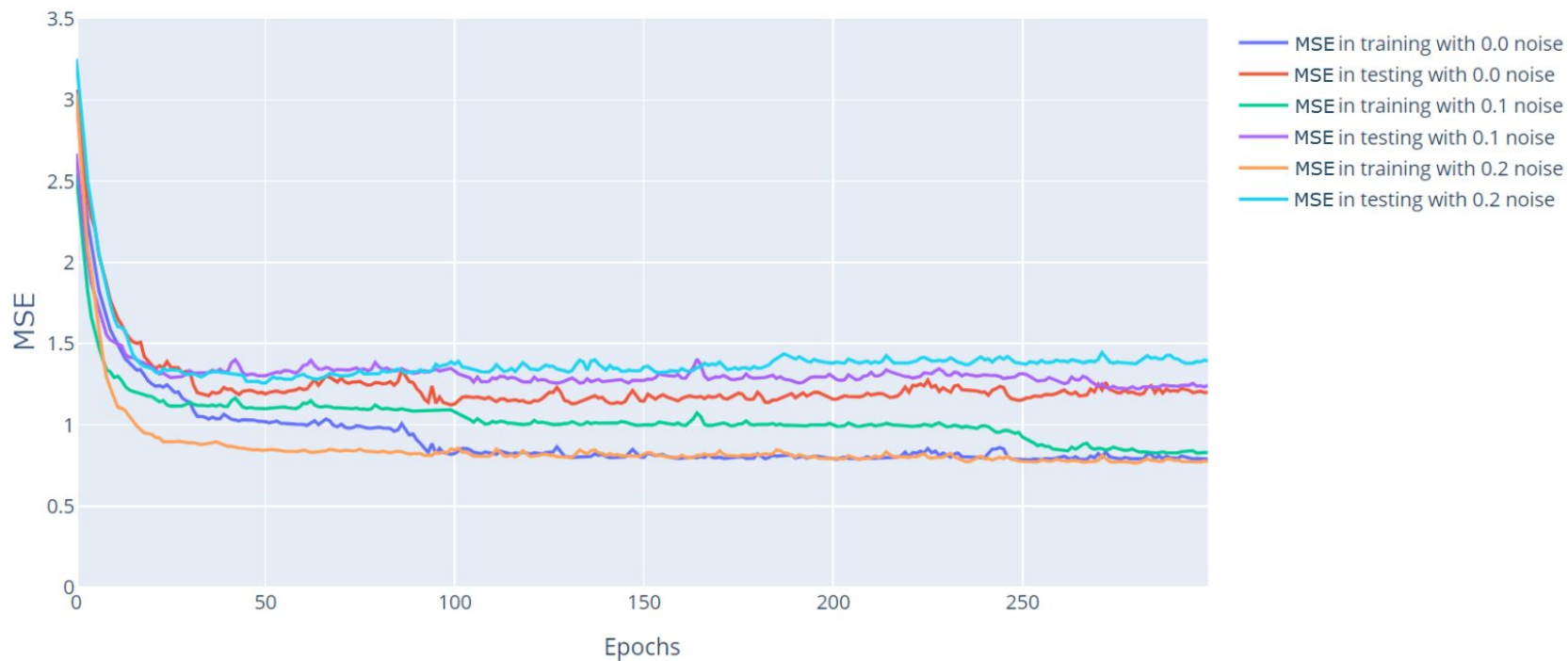
0.01	0.99	0.98	0.97	0.02
0.99	0.03	0.05	0.01	0.95
1	0.01	0.02	0.99	0.97
0.98	0.02	0.99	0.04	0.95
0.96	0.97	0.03	0.01	0.98
0.99	0.01	0.01	0.03	0.97
0.02	0.97	0.98	0.95	0.04

RUIDO MÁXIMO = 0.05

# RUIDO

PARTICIÓN 70% 30%  
PROMEDIO DE 10 CORRIDAS

MSE for training and testing



**ARTIFICIAL**

**INTEL**

**[AI]**

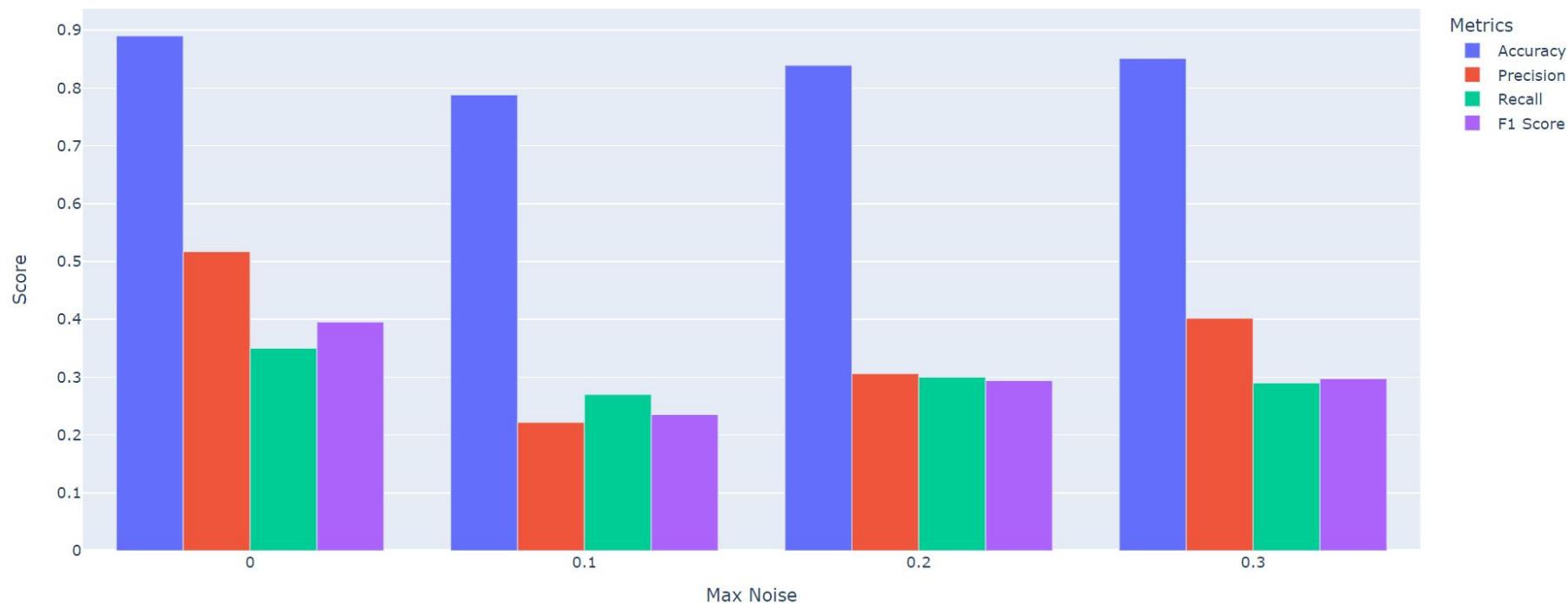
**ELIMINAMOS LA  
PARTICIÓN DE TEST Y  
TRAIN**

**[AI]**

# RUIDO

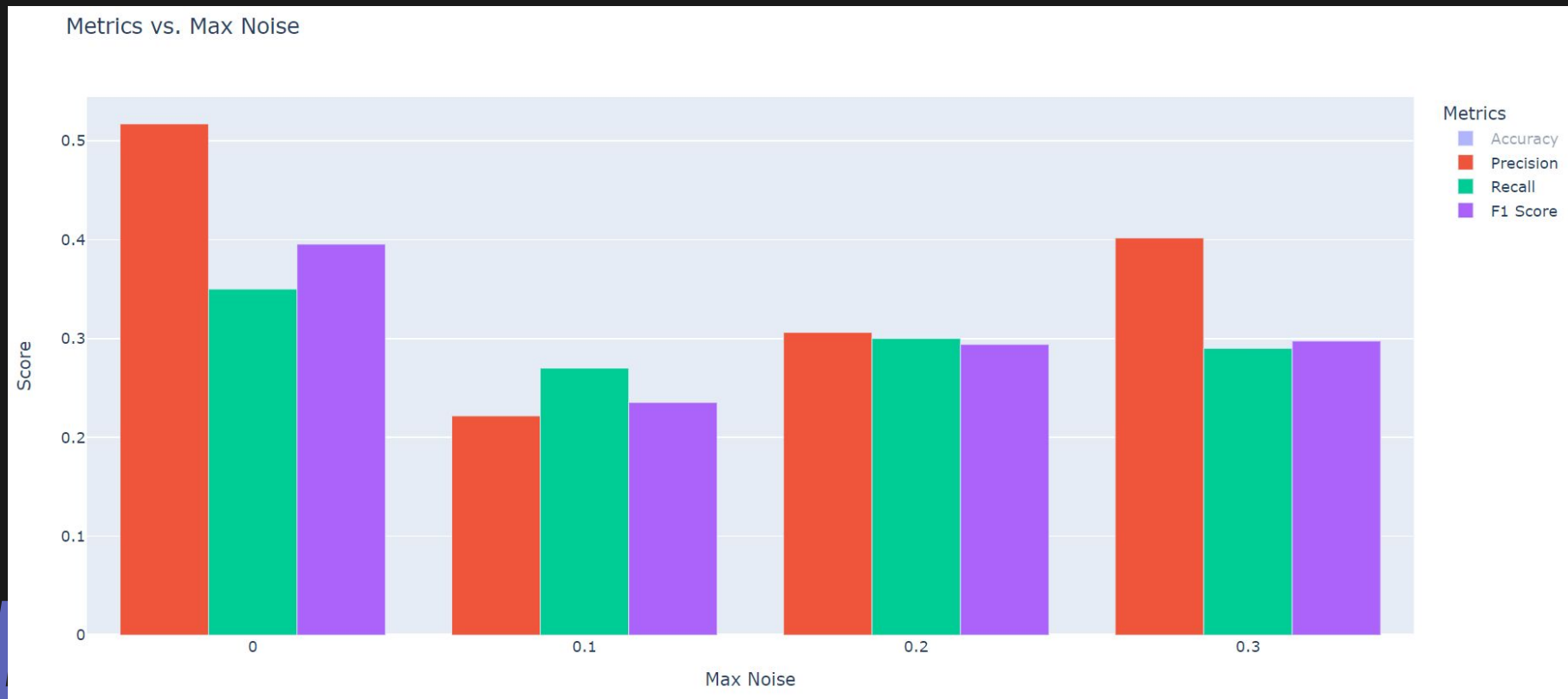
SIN PARTICIÓN  
PROMEDIO DE 10 TESTEOS

Metrics vs. Max Noise



# RUIDO

SIN PARTICIÓN  
PROMEDIO DE 10 TESTEOS

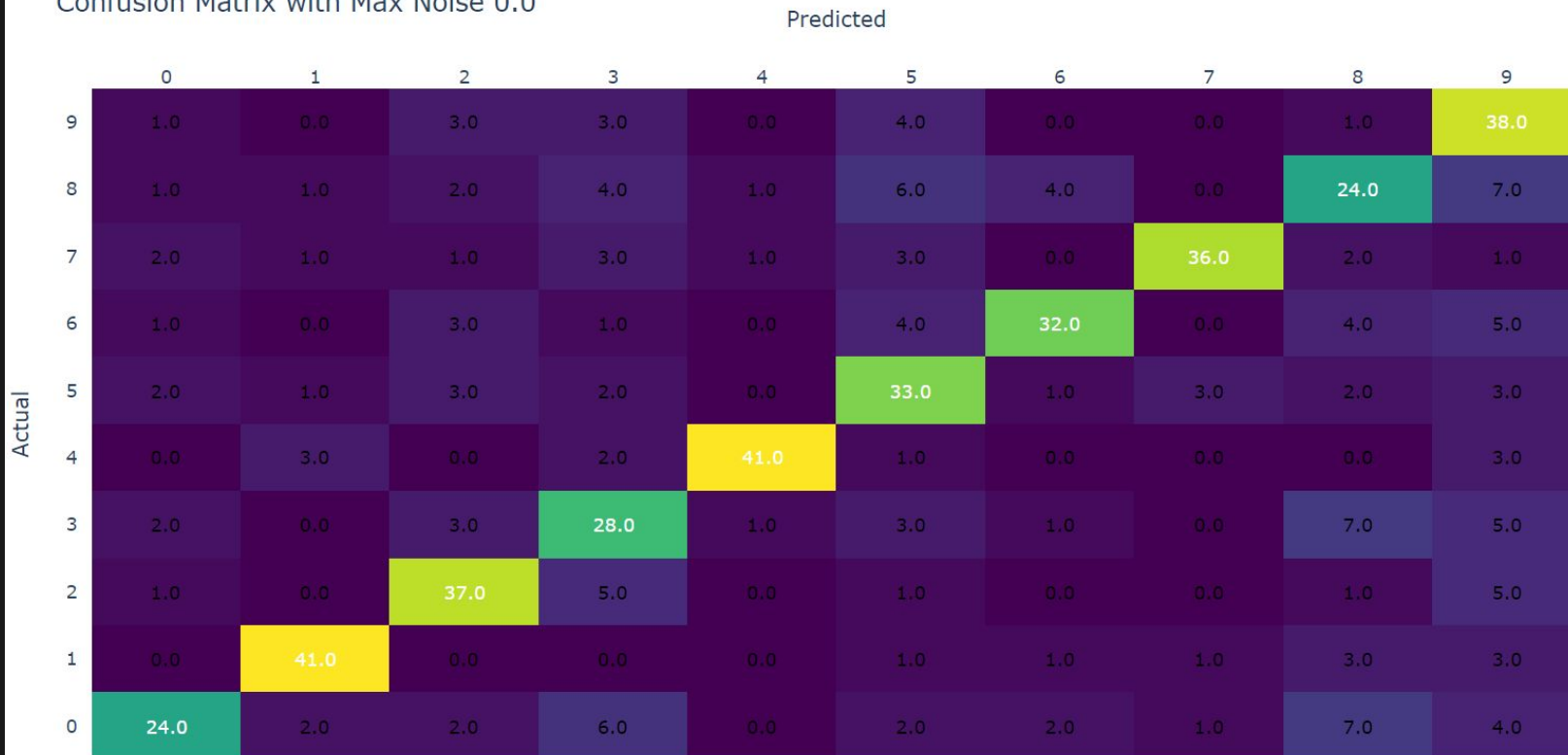




# MATRIZ DE CONFUSIÓN

SIN PARTICIÓN  
PROMEDIO DE 50 TESTEOS

Confusion Matrix with Max Noise 0.0

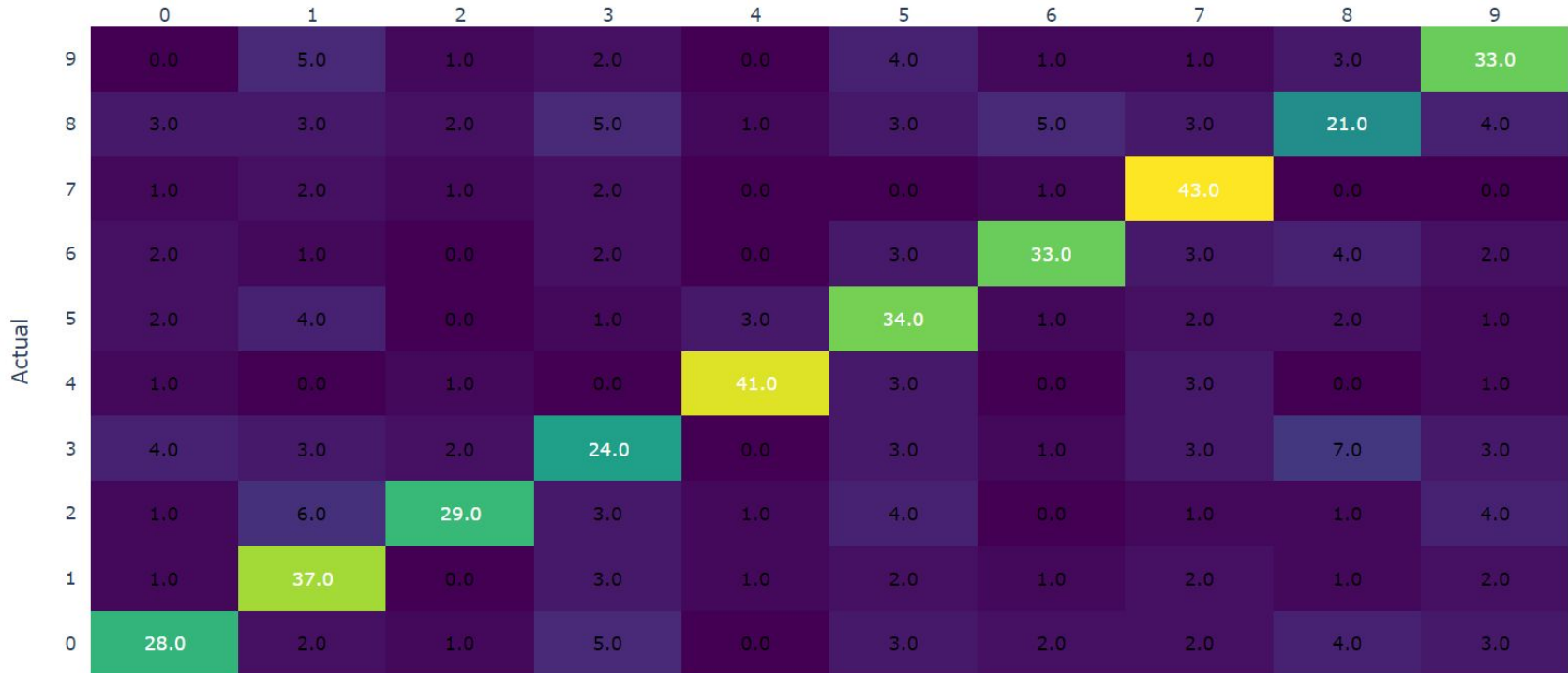


# MATRIZ DE CONFUSIÓN

SIN PARTICIÓN  
PROMEDIO DE 50 TESTEOS

Confusion Matrix with Max Noise 0.1

Predicted



# MATRIZ DE CONFUSIÓN

SIN PARTICIÓN  
PROMEDIO DE 50 TESTEOS

Confusion Matrix with Max Noise 0.2

Predicted

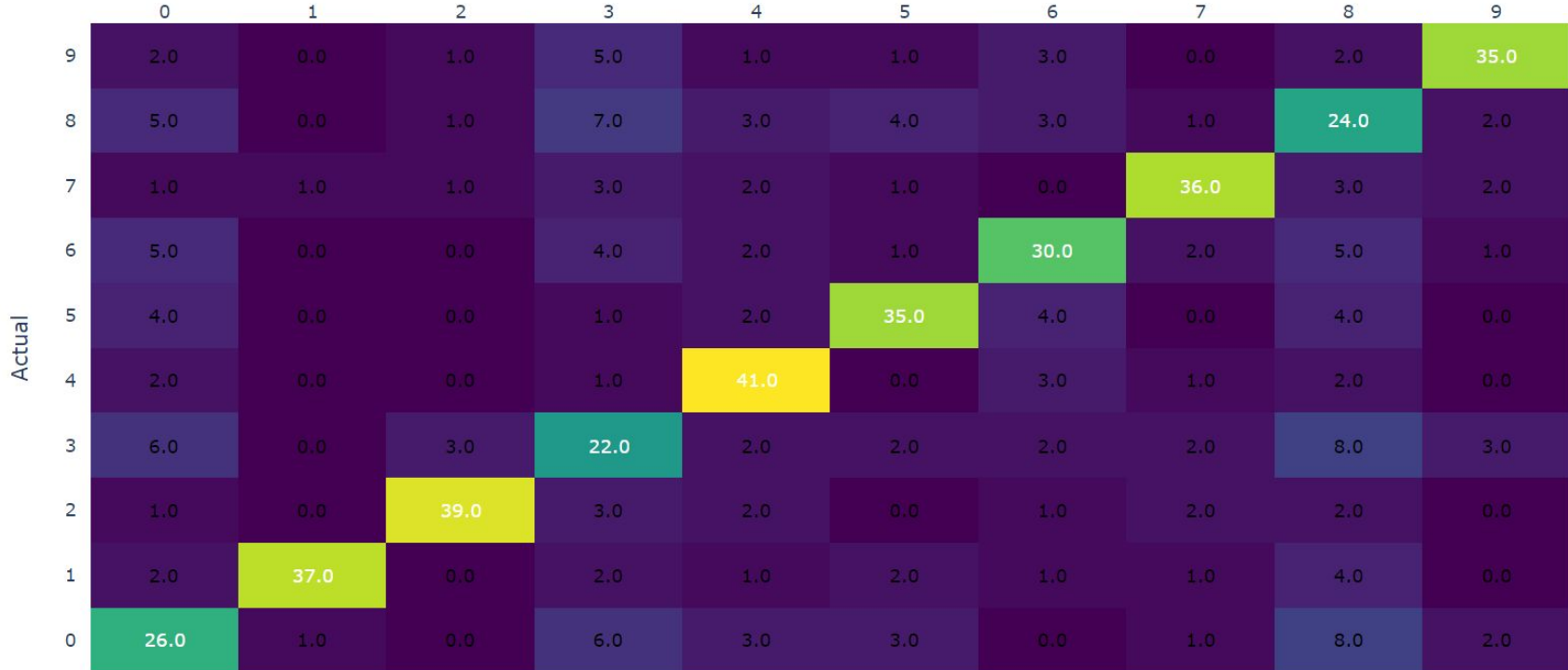
	Predicted									
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Actual 9	1.0	2.0	6.0	3.0	1.0	1.0	3.0	1.0	4.0	28.0
Actual 8	2.0	0.0	6.0	6.0	0.0	3.0	3.0	1.0	22.0	7.0
Actual 7	1.0	0.0	0.0	1.0	0.0	3.0	2.0	38.0	2.0	3.0
Actual 6	1.0	2.0	3.0	4.0	1.0	3.0	31.0	1.0	2.0	2.0
Actual 5	2.0	0.0	1.0	2.0	0.0	42.0	0.0	1.0	0.0	2.0
Actual 4	1.0	0.0	1.0	2.0	34.0	3.0	2.0	3.0	1.0	3.0
Actual 3	3.0	0.0	4.0	27.0	0.0	3.0	2.0	1.0	6.0	4.0
Actual 2	0.0	2.0	37.0	2.0	1.0	1.0	0.0	0.0	4.0	3.0
Actual 1	1.0	44.0	0.0	2.0	0.0	1.0	2.0	0.0	0.0	0.0
Actual 0	24.0	0.0	6.0	5.0	1.0	3.0	4.0	1.0	3.0	3.0

# MATRIZ DE CONFUSIÓN

SIN PARTICIÓN  
PROMEDIO DE 50 TESTEOS

Confusion Matrix with Max Noise 0.3

Predicted



## CONCLUSIONES EJERCICIO 3C

AL AUMENTAR EL RUIDO, LE  
CUESTA MÁS DISTINGUIR  
CIERTOS NÚMEROS

AL AUMENTAR LA PARTICIÓN DE  
TESTING, AUMENTA  
CONSIDERABLEMENTE EL  
ERROR DURANTE EL TESTEO

ARTIFICIAL

INTEL

[AI]

# COMPARACIÓN MÉTODOS DE OPTIMIZACIÓN

[AI]

# GRADIENTE DESCENDENTE VS MOMENTUM

## GRADIENTE DESCENDENTE

$$w_{k+1} = w_k + \Delta w_k$$

## MOMENTUM

$$w_{k+1} = w_k + \Delta w_k + \alpha \Delta w_{k-1}$$

PASO ALPHA: 0.01

# CONFIGURACIÓN USADA ÍTEM A

```
{  
  "seed": -1,  
  "learning_constant": 0.2,  
  
  "limit": 2000,  
  "epsilon": 0.000 ,  
  "batch_size": 1,  
  
  "hidden_layer_amount": 2,  
  "neurons_per_layer": 5,  
  
  "activation_function": {  
    "type": "logistic_function",  
    "beta": 1  
  },  
  "optimization_method": {  
    "type": "momentum",  
    "alpha": 0.5  
  },  
  "generate_error_graph": false,  
  "print_final_values": true  
}
```

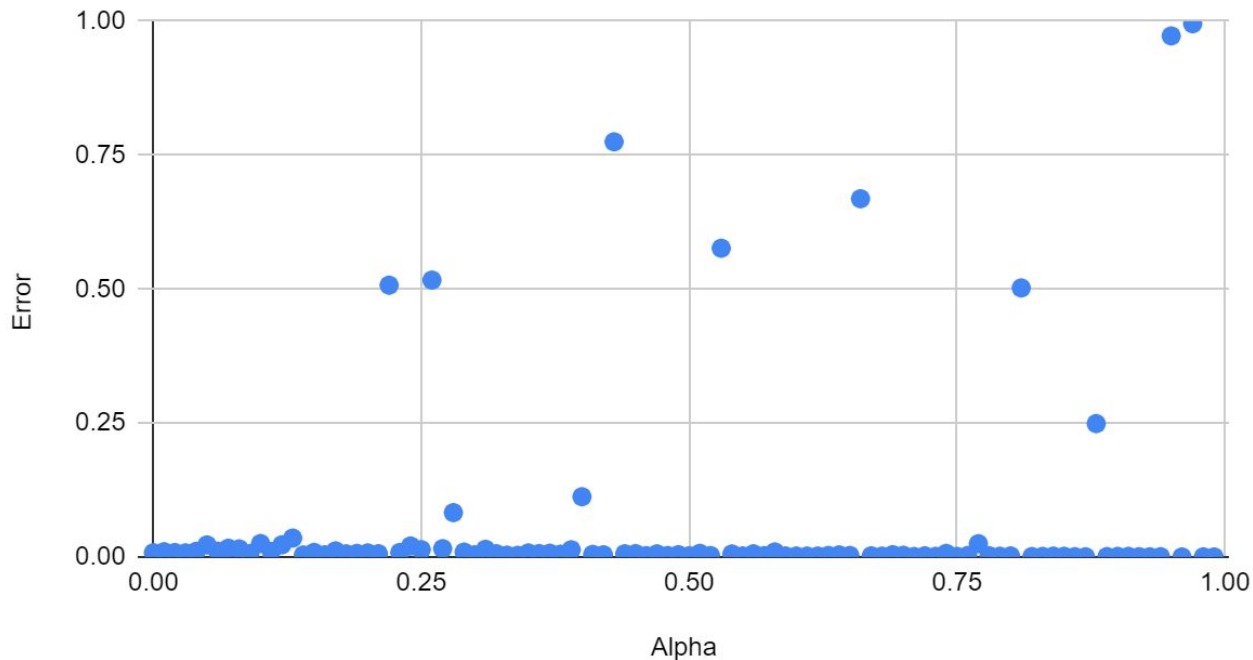


# COMPARACIÓN ÍTEM A

Hay valores que no llegan a converger...

Criterio para ver valores que convergen:  
usamos valores menores que 0.025

Error Momentum



# ZOOM ÍTEM A

Sin momentum

- Error: 0.00787778

Con momentum

(Análisis con paso 0.01)

Peor resultado

- Alpha: 0.97
- Error: 0.99519343

Mejor Resultado

- Alpha: 0.99
- Error: 0.00000424
- Promedio ( < 0.025)

○ 0.005675506322

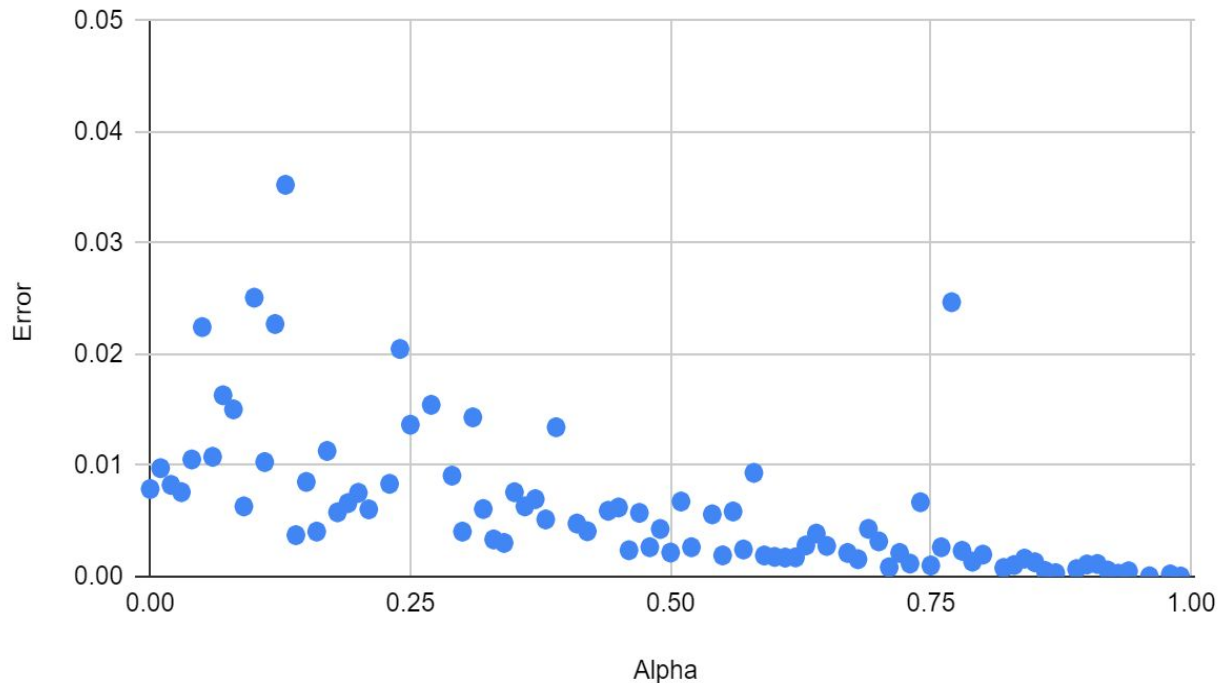
- Promedio:

○ 0.0651162021

- Desviación

○ 0.1947997609

Error Momentum



# CONFIGURACIÓN USADA ÍTEM B

```
{
  "seed": -1,
  "training_data_input": "../../training_data/ej3-digitos.txt",
  "training_data_output": "../../training_data/ej3-B-respuestas.txt",

  "learning_constant": 0.5,
  "limit": 2000,
  "epsilon": 0.000,
  "batch_size": 1,

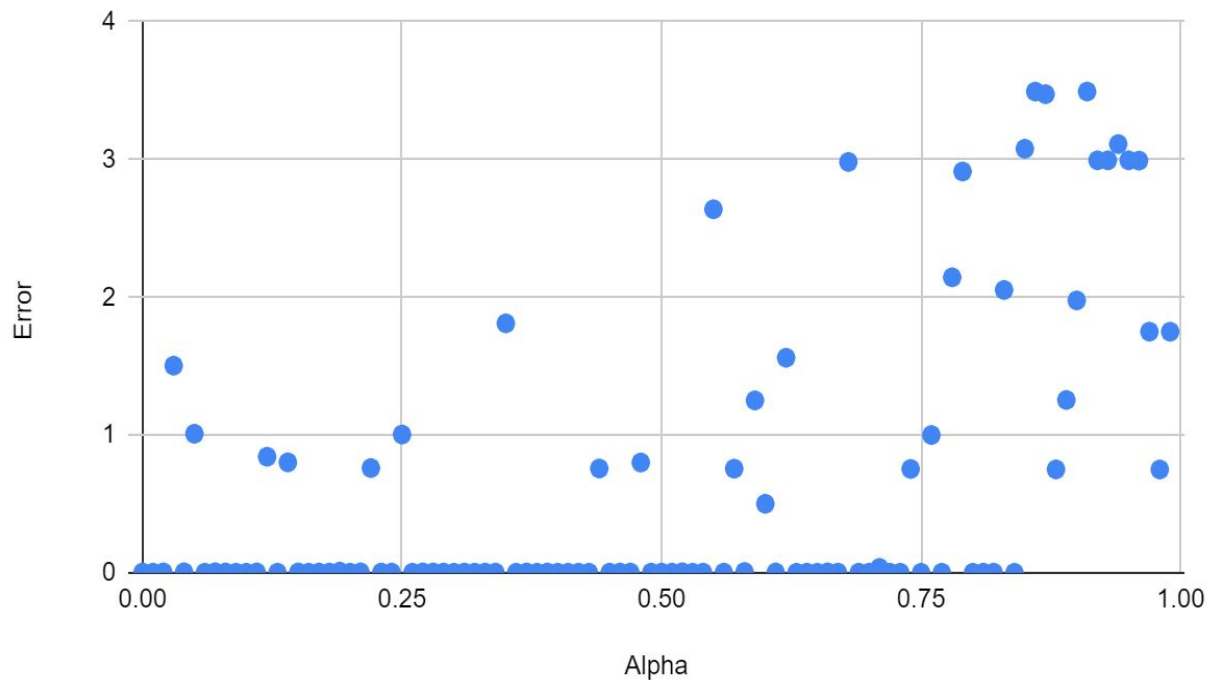
  "hidden_layer_amount": 1,
  "neurons_per_layer": 3,

  "activation_function": {
    "type": "logistic_function",
    "beta": 1
  },
  "optimization_method": {
    "type": "momentum",
    "alpha": 0.5
  },
  "print_results": true,
  "generate_graph": true
}
```

# COMPARACIÓN ÍTEM B

Nuevamente tenemos outliers, veamos con zoom.

Error Momentum



# COMPARACIÓN ÍTEM B (ZOOM)

Sin momentum

- Error: 0.00240921

Con momentum

(Análisis con paso 0.01)

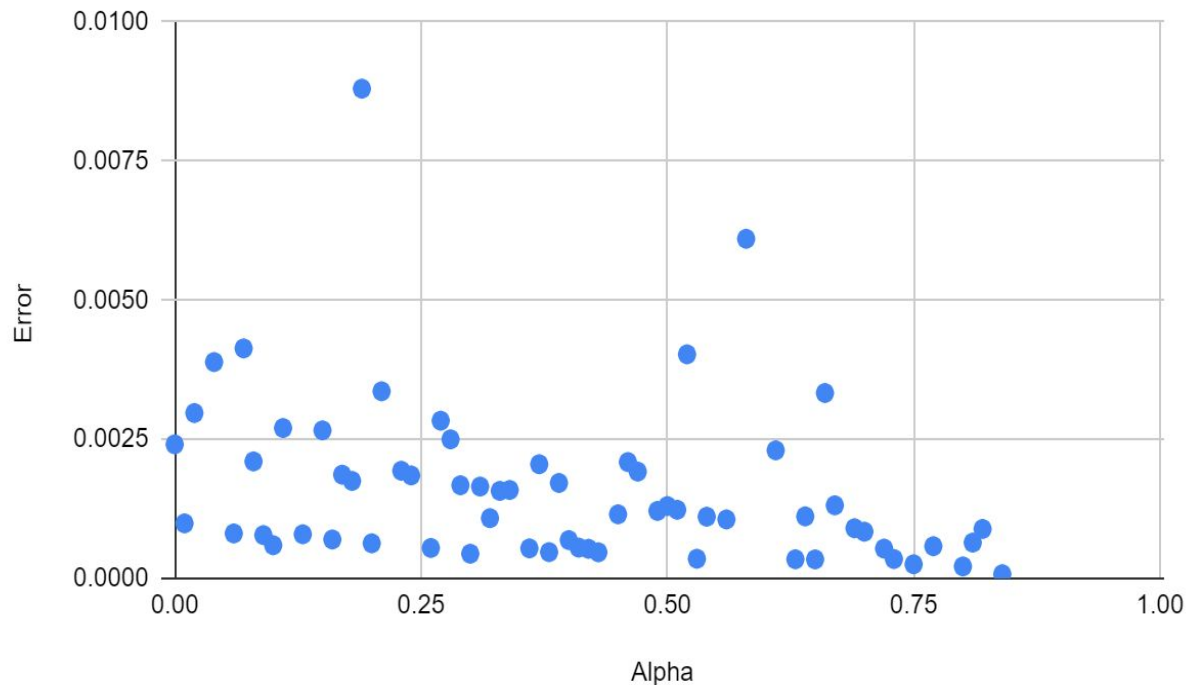
Peor resultado

- Alpha: 0.86
- Error: 3.493007

Mejor Resultado

- Alpha: 0.84
- Error: 0.0000758
- Promedio ( < 0.025)
  - 0.0015971125
- Promedio:
  - 0.6484047638
- Desviación
  - 1.065674812

Error Momentum



# CONFIGURACIÓN USADA ÍTEM C

```
{
  "seed": -1,
  "training_data_input": "../../training_data/ej3-digitos.txt",
  "training_data_output": "../../training_data/ej3-C-respuestas.txt",

  "selection_method" : {
    "size": 5000,
    "method": "simple",
    "proportion": 0.9
  },
  "activation_function_beta": 1,

  "learning_constant": 0.05,
  "limit": 5000,
  "epsilon": 0.00,
  "batch_size": 1,

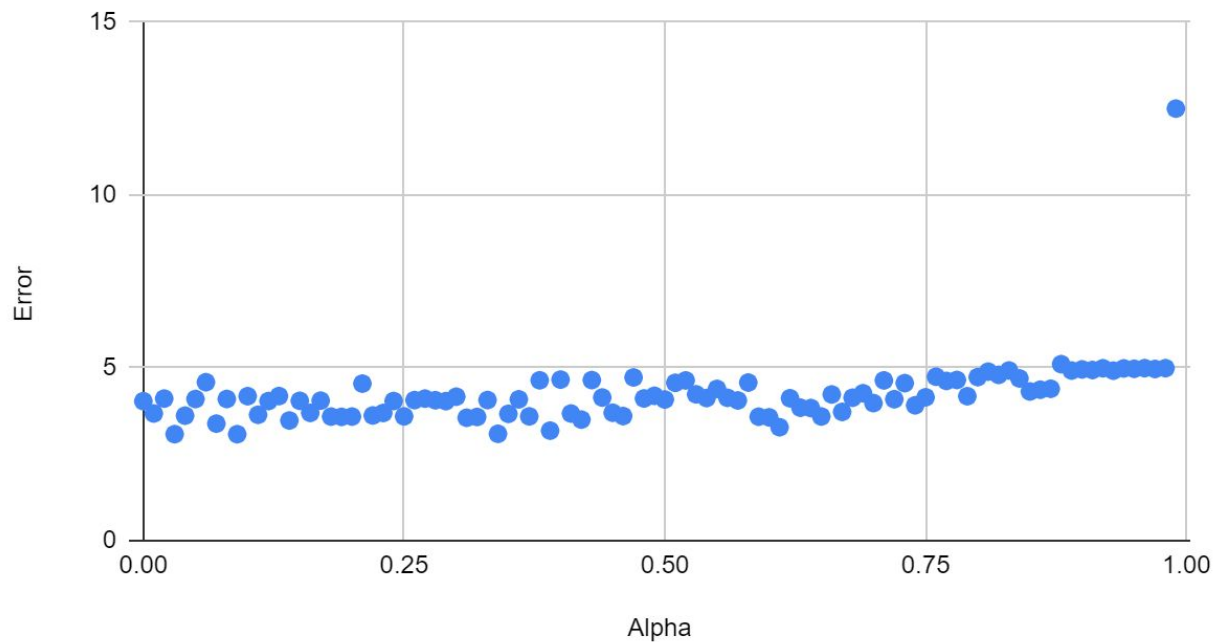
  "hidden_layer_amount": 1,
  "neurons_per_layer": 3,

  "optimization_method": {
    "type": "momentum",
    "alpha": 0.20
  }
}
```

# COMPARACIÓN ÍTEM C

Nuevamente tenemos un outlier...

Error Momentum



# COMPARACIÓN ÍTEM C (ZOOM)

Sin momentum

- Error: 4.03485016

Con momentum

(Análisis con paso 0.01)

Peor resultado

- Alpha: 0.99
- Error: 12.5

Mejor Resultado

- Alpha: 0.09
- Error: 3.07902272
- Promedio ( $< 7$ )

○ 4.146266379

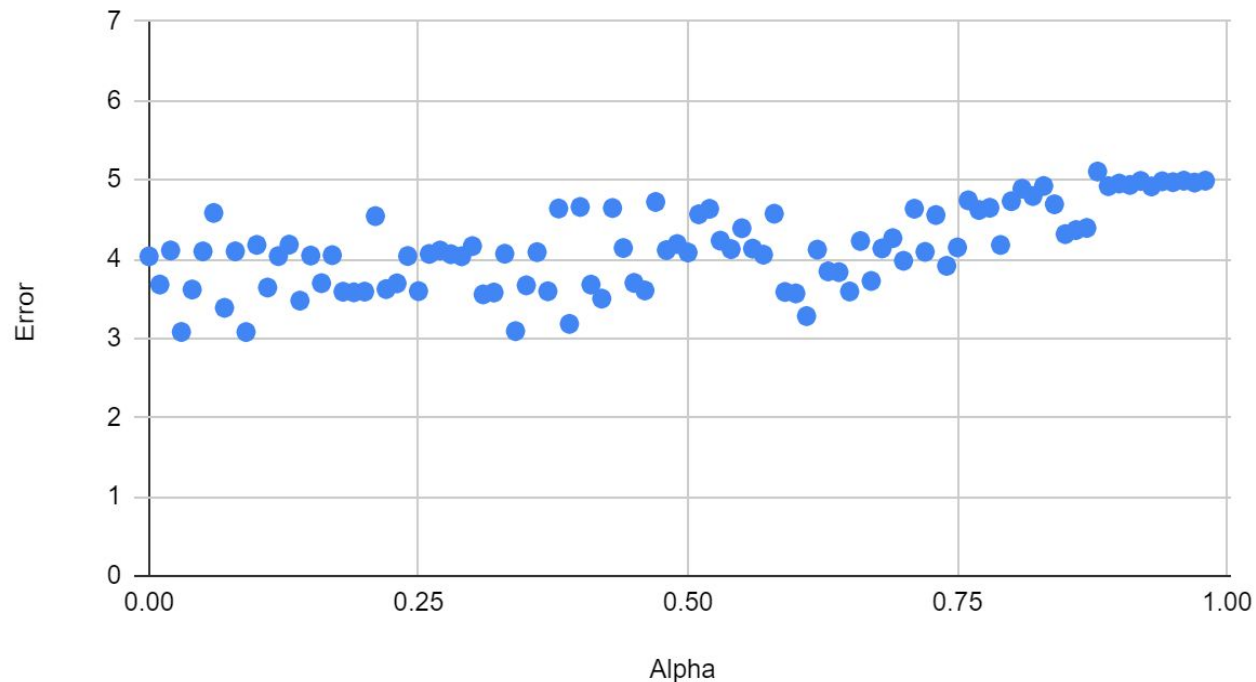
- Promedio:

○ 4.229803716

- Desviación

○ 0.9796778293

Error Momentum





# CONCLUSIONES

- Si bien por motivos de tiempo de ejecución quedaron outliers. Usar métodos de optimización trae en líneas generales **MEJORES RESULTADOS** que no usarlos.
  - El promedio al utilizar alpha de 0 a 1 suele resultar mejor que no usarlo
  - En nuestras pruebas, nunca conseguimos un resultado óptimo con  $\alpha = 0$  que pueda superar otro valor de alpha probado
- Hay varios, pero no todos, alphas que ayudan a conseguir resultados superiores
- Hay que tener cuidado con cuánta importancia le damos a los pasos anteriores.

## Outliers:

- Varianza vector gradiente => Puede llevar a movimientos erráticos
- Taza de aprendizaje alta para ciertos valores de alfa => Momentum puede dar un paso muy largo sobrepasando el mínimo. (ADAM y RMSProp prevén esto)