2. 惑光幻戏



$c_i > 2$

考虑对于所有的 $b_i = 1$,在 r_i 与 r_{i+n} 之间连边。接下来对每个连通块分别考虑。

若连通块中有自环,不妨设自环是点u。则以u 为根找出一颗生成树,自底向上使得每个点都满足要求(即自底向上考虑每个点v,若点v 不满足要求,则将v 与其父亲的连边取反)。这样最后只有u 内部可能全0 或全1。那我们只需将u 中的自环取反即可。

若连通块中无自环,同样分类讨论:

- 如果连通块中有环,则在环上任意找一个点,不妨设其为 u,从 u 开始找到一颗生成树,则存在一条从 u 开始的前向边。设这条为 (u,v),且其在 v 中连的灯是 x。同样自底向上调整,调整到 v 的时候额外保证 v 中 x 以外的灯状态不全相等(在 $c_v>2$ 时这显然是容易做到的)。同样最后只有 u 内部可能全 0 或全 1,由于此前的保证我们直接将 (u,v) 取反即可;
- 如果连通块是一棵树,则随意选一个点作为根,依旧自底向上调整。调整过程中,如果某个点无需调整其与父亲的连边就满足要求,且调整后依旧满足要求,则我们标记该点。这样如果最后根不满足要求,那么我们找到离根最近的一个标记点,将该点到根的路径全部取反即可。如果此时不存在任何一个标记点即为无解。

$c_i \geq 2$

同样连边,如果存在某个连通块中的点全都大小为<mark>2</mark>,那么这个连通块必然形如一条链或者一个环,这是容易解决的。否则缩掉所有大小为2的点即可。