

## 不老梦 (dream)

---

$$n, m \leq 7$$

直接暴力搜索出所有的可能排列即可，时间复杂度  $O(n^{m+1})$ 。

$$Q = 1$$

我们只关心最后  $v$  的位置，设  $f_{i,j}$  表示操作了前  $i$  次， $pos_v = j$  的方案数。

容易优化到  $O(nm)$ 。

$$n, m \leq 500$$

考虑将序列看成环，那么每次其实就是环反向然后转动一下。

所以有用的状态数只有  $O(n)$ 。

暴力 dp 可以做到  $O(n^2m + Q)$ 。

$$n, m \leq 5000$$

前缀和优化一下即可。

## 牵丝戏 (puppet)

---

$$n \leq 100$$

点数只有  $3n$ ，直接跑 Floyd，复杂度  $O(n^3 + Q)$ 。

$$n \leq 2000$$

对于每一个询问 BFS，时间复杂度  $O(nQ)$ 。

$$\text{popcount}(t_i) = 3$$

。有手就行。

$$\text{popcount}(t_i) = 1$$

。有手就行。

送子60←

$$n \leq 10^5, Q \leq 5 \times 10^5$$

考虑倍增或者线段树。

倍增：设  $f_{i,j,k,l}$  表示从  $(i, j)$  这个点到  $(i + 2^j, k)$  这个点的最短路，预处理之后可以单次  $O(\log n)$  回答询问。

时间复杂度  $O((n + Q) \log n)$ 。

其实本质上线段树维护的东西是一样的。

$$n \leq 10^6, Q \leq 10^7$$

倍增啥的应该过不了吧（

考虑回到 BFS，其实这个本质上是一个 dp。

对于一层的点，状态数量只有 6 种，其中两个点  $dis$  相同，另一个大/小 1。

又因为这些状态的后继是确定的，建出状态的转移树，那么对于初始状态我们只需要查询它一直跳后会跳到哪。

只需要实现一个判断一个点是否是另一个点祖先即可。时间复杂度  $O(n + Q)$ 。

## 是风动 (wind)

$$n \leq 6$$

留给？做法。

里面有一个  $n = 1$  的测试点，大家注意不需要输出任何东西。

$$n \leq 10$$

枚举操作数量然后直接搜索去重即可。

$$n \leq 18$$

其实状态不是很多，如果能用比较厉害的搜索搜出有效状态也许可以通过。

$$v_i = 1$$

求方案数。

设  $f_{i,0/1}$  表示考虑前  $i$  次操作，第  $i$  次时候操作可以得到多少种排列。

那么，转移  $f_{i,0}$ ，那么我们  $i + 1$  这一次操作是否操作其实并不重要，没有影响。

$$f_{i+1,0} \leftarrow f_{i,0}$$

$$f_{i+1,1} \leftarrow f_{i,0}$$

转移  $f_{i,1}$ ，我们需要考虑  $i + 1$  这一次操作操作的话比  $i$  操作的早还是晚。

$$f_{i+1,1} \leftarrow 2f_{i,1}$$

$$f_{i+1,0} \leftarrow f_{i,1}$$

$$n \leq 100$$

我们需要观测到，如果  $a_j = i + j$ ，那么这一段的操作先后顺序就被确定了，也就是操作  $[j, i + j - 1]$  有严格的偏序关系。

考虑将其看成折线图，对于一个  $i$  求答案只需要计算有多少段长度恰好为  $i$  的下降段。

设  $f_{i,j,k}$  表示考虑了前  $i$  个操作，有  $j$  个长度为要求长度的段，现在这个段长度为  $k$ 。

加上外面的枚举，复杂度  $O(n^4)$ ，应该不会有人写这个（

$$n \leq 500$$

可以前缀和优化前面的，应该不会有人写这个（

$$n \leq 2000$$

上面的 dp 的  $\sum j$  是  $O(n \ln n)$  级别的。

所以可以做到  $O(n^2 \ln n)$ 。

$$n \leq 8000$$

考虑二项式反演，枚举  $i$ ，之后钦定恰好  $j$  段的方案数，求出  $f_{i,j}$  之后直接二项式反演即可。

求  $f_{i,j}$  容易做到  $O(n \ln n)$ ，之后二项式反演复杂度为  $\sum \frac{n^2}{i^2} = O(n^2)$ 。

注意到  $i = 1$  的时候都需要特殊求解，但是容易做到  $O(n^2)$ 。

## 腐草为萤 (firefly)

---

$$n \leq 500$$

直接模拟即可。

$$n \leq 2000$$

也是容易的。

$$n \leq 4 \times 10^4$$

可以直接莫队+线段树维护，常数比较好应该可以过。

$$n \leq 2 \times 10^5$$

留给  $2 \log$  做法或者其他复杂度比较高的做法。

$$n \leq 10^6$$

考虑建线段树，对于节点  $[l, r]$  我们预先将  $L = l$  且  $R = r$  的情况处理出来，并维护每一个  $a_i$  的值，这一部分容易做到  $O(n \log n)$  的复杂度。

考虑一次查询，我们拿出  $O(\log n)$  个线段树上节点，那么我们现在只关心跨过不同节点之间的线段，考虑节点顺序排列是  $p_1, p_2, p_3 \dots p_k$ ，我们只需要知道  $p_i$  以某一个位置为左端点区间右边最远能到哪，以及以  $p_i$  为左端点最左能到哪，容易发现相当于我们只需要再额外考虑  $O(\log n)$  条线段的情况。

用栈可以维护线段的覆盖情况并统计答案。

时间复杂度  $O((n + Q) \log n)$ 。