

# Otimização de sistemas de robôs com rodas omnidirecionais

Um estudo de Álgebra Linear

Alexandre Pereira de Freitas Lucas Rafael de Aguiar Silva Samuel Morais Barros Sérgio Reinier Sousa Macário Vinícius de Freitas Lima Moraes

# Sumário

1	Introdução	2
	Enunciado do problema 2.1 Deslizamento de Rodas	
	Resolução do problema         3.1 Item 1          3.2 Item 2	
4	Conclusão	2

# 1 Introdução

# 2 Enunciado do problema

#### 2.1 Deslizamento de Rodas

Considere um robô simétrico, com m =  $\begin{pmatrix} v_1, & v_2, & v_3, & v_4 \end{pmatrix}^T$  indicando a velocidade tangencial dos motores, D a matriz de velocidades, e v um vetor tridimensional  $\begin{pmatrix} v_x, & v_y, & Rw \end{pmatrix}^T$ . Dado isso, teste a inconsistência da velocidade dos motores e, consequentemente, se há rodas deslizando.

#### 2.2 Economia de Energia

Considerando o resultado do problema anterior, ou seja, caso seja detectado inconsistência com os motores e alguma das rodas esteja deslizando. É possível corrigir rapidamente esse problema sem alterar a configuração física do robô (número de motores, número de rodas etc.)? Se sim proponha uma solução adequada.

# 3 Resolução do problema

#### 3.1 Item 1

#### 3.2 Item 2

Para identificarmos uma possível perda ou desperdício de energia precisamos identificar como funciona o vetor aceleração do robô, dado por:  $a=C_{\alpha}f_k$  Partindo desse ponto, é fácil notar que existem combinações de forças dos motores que geram uma aceleração nula: a=0, como o vetor:  $f_o=\begin{pmatrix}1,&-1,&1,&-1\end{pmatrix}$ . Em outras palavras, o vetor  $f_o$  pertence ao núcleo de  $C_{\alpha}$ .

Essa interessante observação nos permite expandir o raciocínio para resolver o problema de desperdício de energia. Note que se um vetor g pertence ao núcleo de  $C_{\alpha}$ , então qualquer combinação de vetores f que inclua g produz a mesma aceleração que f-g, pois:

$$a = C_{\alpha}(f) = C_{\alpha}(f - g) + C_{\alpha}(g) = C_{\alpha}(f - g)$$

#### 4 Conclusão