

Rysunek 1: Relacje miedzy idealami

Objaśnienia

Dla każdego $A\subseteq \mathbb{N}$ (skończonego lub nie) niech $FS(A)=\{\sum_{n\in B}n\colon B\subseteq A\wedge 0<|B|<\aleph_0\}.$

$$\mathcal{I}_{\frac{1}{n}} = \{ A \subseteq \mathbb{N} \colon \sum_{n \in A} \frac{1}{n} < \infty \}$$

$$\mathcal{I}_d = \{ A \subseteq \mathbb{N} : \lim_{n \to \infty} \frac{|A \cap \{0, \dots, n-1\}|}{n} = 0 \}$$

F - ideał Folkmana:

Wyjaśnienie: jest to rodzina zbiorów które nie są ip-rich: zbiór $A \subseteq \mathbb{N}$ jest ip-rich

gdy zawiera wszystkie skończone (i niepuste) sumy elementów zbiorów skończonych o dowolnie dużym rozmiarze. Folkman-Rado-Sanders de facto wykazali że rodzina zbiorów nie ip-rich tworzy ideał. Symbolicznie: $\mathcal{F} = \{A \subseteq \mathbb{N} \colon \exists_{n>1} \forall \max_{B \subseteq \mathbb{N}} FS(B) \not\subseteq A\}$

 \mathcal{W} - ideał Van der Waerdena - jest to rodzina podzbiorów liczb naturalnych które nie zawierają ciągów arytmetycznych dowolnej skończonej długości (to nie jest równoważne ze zdaniem że zbiór nie zawiera nieskończonego ciągu arytmetycznego). Symbolicznie: $W = \{A \subseteq \mathbb{N}: \exists_{n \in \mathbb{N}} \forall_{\substack{a \in \mathbb{N} \\ r > 0}} \exists_{k < n} a + k \cdot r \not\in A\}$

 $\mathcal H$ - ideał Hindmana, czyli $\mathcal H=\{A\subseteq\mathbb N\colon\forall_{B\subseteq\mathbb N\atop |B|=\aleph_0}FS(B)\not\subseteq A\}$

 $\mathit{Diff}\,$ - ideał Diff (co to jest?)

MonLac - ideal Monotonic Lacunary

 $nPS\,$ - ideał zbiorów not Piecewise Syndetic