



1

Rysunek 1: Relacje między idealami

### Objaśnienia

Dla każdego  $A \subseteq \mathbb{N}$  (skończonego lub nie) niech  $FS(A) = \{\sum_{n \in B} n : B \subseteq A \wedge 0 < |B| < \aleph_0\}$ .

$$\mathcal{I}_{\frac{1}{n}} = \{A \subseteq \mathbb{N} : \sum_{n \in A} \frac{1}{n} < \infty\}$$

$$\mathcal{I}_d = \{A \subseteq \mathbb{N} : \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{|A \cap \{0, \dots, n-1\}|}{n} = 0\}$$

$F$  - ideał Folkmana:

**Wyjaśnienie:** jest to rodzina zbiorów które nie są ip-rich: zbiór  $A \subseteq \mathbb{N}$  jest ip-rich

gdy zawiera wszystkie skończone (i niepuste) sumy elementów zbiorów skończonych o dowolnie dużym rozmiarze. Folkman-Rado-Sanders de facto wykazali że rodzina zbiorów nie ip-rich tworzy ideał. Symbolicznie:  $\mathcal{F} = \{A \subseteq \mathbb{N} : \exists_{n > 1} \forall_{\substack{B \subseteq \mathbb{N} \\ |B|=n}} FS(B) \not\subseteq A\}$

$\mathcal{W}$  - ideał Van der Waerdena

$\mathcal{H}$  - ideał Hindmana, czyli  $\mathcal{H} = \{A \subseteq \mathbb{N} : \forall_{\substack{B \subseteq \mathbb{N} \\ |B|=\aleph_0}} FS(B) \not\subseteq A\}$

$Diff$  - ideał Diff (co to jest?)

$MonLac$  - ideał Monotonic Lacunary

$nPS$  - ideał zbiorów not Piecewise Syndetic