

TEST PS LAB #02

Descrieți 3 proprietăți elementare ale Transformatei Fourier prezentate în sedința de laborator

1) INVERSIBILITATEA TRANSFORMATEI FOURIER

Transformata Fourier inversă care asociază unui semnal frecvențial x semnalul (temporal) x are următoarea expresie:

$$x[m] = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} X(\omega) e^{+j\omega m} d\omega, \quad \forall m \in \mathbb{Z}.$$

c) Proprietăți de simetrie ale Transformatei Fourier pt semnale reale:

$$x(-\omega) = \overline{X(\omega)}$$

$$|x(-\omega)| = |X(\omega)|$$

$$\arg(x)(-\omega) = -\arg(X)(\omega), \quad \forall \omega \in \mathbb{R}$$

$$\operatorname{Re}(x)(-\omega) = \operatorname{Re}(X)(\omega)$$

$$\operatorname{Im}(x)(-\omega) = -\operatorname{Im}(X)(\omega)$$

3) Conservarea energiei (M.A. PARSEVAL)

Transformata Fourier conservă energia până la o constantă multiplicativă independentă de semnale

$$E(x) = \sum_{m \in \mathbb{Z}} |x[m]|^2 = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} |X(\omega)|^2 d\omega$$