



Tècnica de backtracking

Exercici backtracking

Assignació d'àrbitres a partits
de futbol

Exercici 13 pàgina 55



Tècnica de backtracking

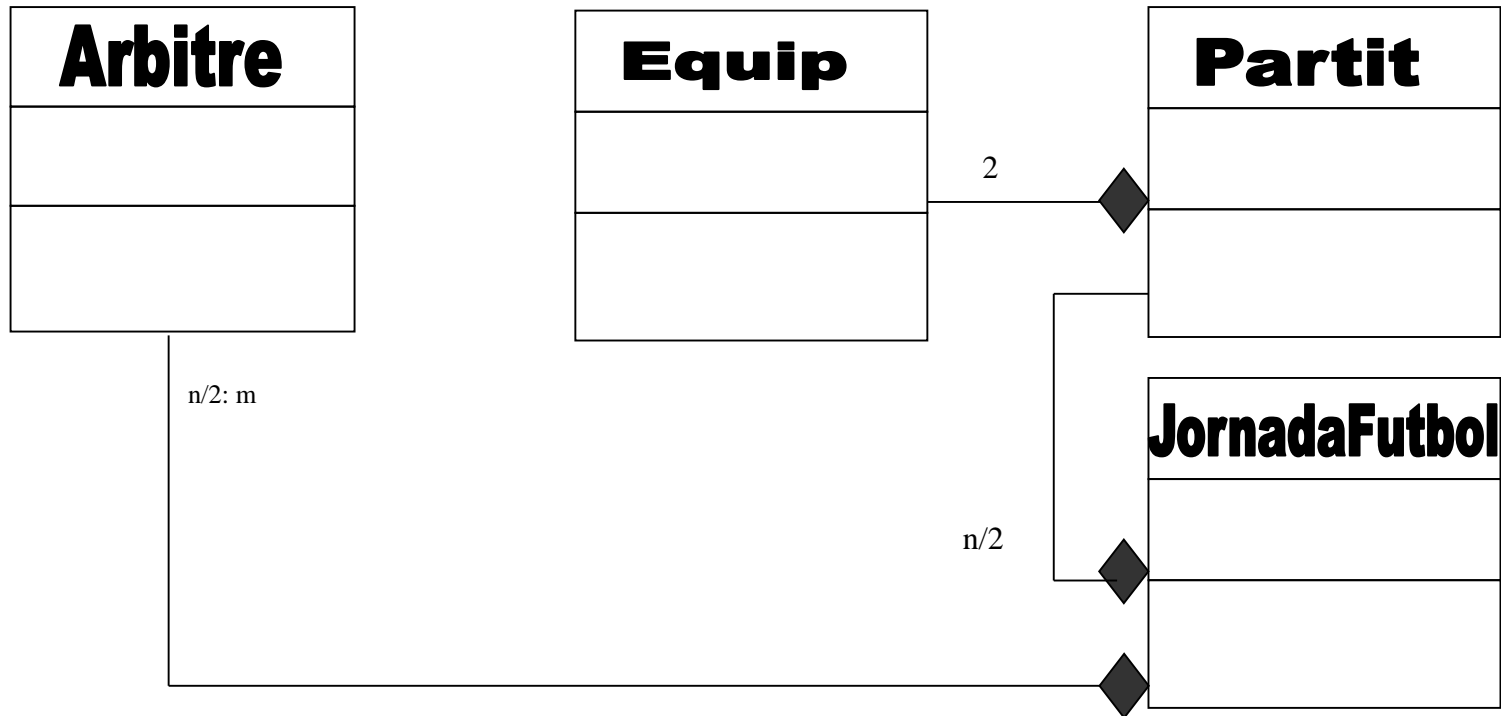
Assignació Arbitres

- **Enunciat:** Assignació d'àrbitres als partits d'una jornada futbolística. Dades:
 - N equips (parell) → **$N/2$ partits**
 - **M àrbitres** → $M \geq N/2$
 - Valoració equip a cada àrbitre: $[0,10]$
- **L'objectiu** és, per una jornada determinada, assignar un àrbitre **diferent** a cada partit, de manera que, la puntuació total dels àrbitres assignats sigui **màxima** tenint en compte les **preferències** dels equips. Cal aplicar la tècnica del backtracking per a trobar la **millor** assignació.
- Cal denotar que **no serà admissible** com a solució, assignar un àrbitre a un determinat partit si l'equip local i/o l'equip visitant són de la mateixa comarca que l'àrbitre.
Restricció del problema.



Tècnica de backtracking

- Disseny de classes:





Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

```
public class Arbitre{
    private String nom;
    private String comarca;
    public Arbitre(String nom, String comarca){
        this.nom=nom;
        this.comarca=comarca;
    }
    public String getNom(){return nom;}
    public String getComarca(){return comarca;}
    public String toString(){
        return ("Nom Arbitre: " + nom + " Comarca " +
                comarca + "\n");
    }
} //fi classe
```



Tècnica de backtracking

```
public class Equip{
    private String nom;
    private String comarca;
    public Equip(String nom, String comarca){
        this.nom=nom;
        this.comarca=comarca;
    }
    public String getNom(){return nom;};
    public String getComarca(){return comarca;}
    public String toString(){
        return ("Nom: " + nom + "
                Comarca " + comarca + "\n");
    }
}
```



Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

```
public class Partit{
    private Equip Local;
    private Equip Visitant;
    private int golsLocal;private int golsVisitant;
    public Partit(Equip local, Equip visitant){
        Local=local; Visitant=visitant;
        golsLocal=0; golsVisitant=0;
    }
    public Equip getLocal(){return Local;}
    public Equip getVisitant (){return Visitant;}
    public void setGolsLocal(int valor){golsLocal=valor;}
    public void setGolsVisitant(int valor){
        golsVisitant=valor;}
    public String toString(){
        return ("Local "+ Local.toString() + " Visitant " +
            Visitant.toString() +"\n"); }
}
```



Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

```
public class JornadaFutbol{
    private int numJornada;
    private Arbitre []Arbitres;
    private int numArbitres; //dim real de la taula prèvia
    private Partit []Partits;
    private int numPartits; //dim real de la taula prèvia
    private int [][]preferencies; //files→equips -
    //columnes→àrbitres

    private class Parella{ //classe privada
        Arbitre a; Partit p;
        public Parella(Arbitre a, Partit p)
        {this.a=a; this.p=p;}
    }

    private Parella MillorSolucio[]; private int costMillor;
    private void omplenaPreferencies(){
        /*sentències Random per omplena la taula preferencies*/
    }
    private void omplenaPartits(){
        /*omplena la taula Partits amb els partits de la jornada*/ }
}
```

**Enunciat
indica COM
s'emmagatzem
les dades en
les
preferències**

Entrada de dades

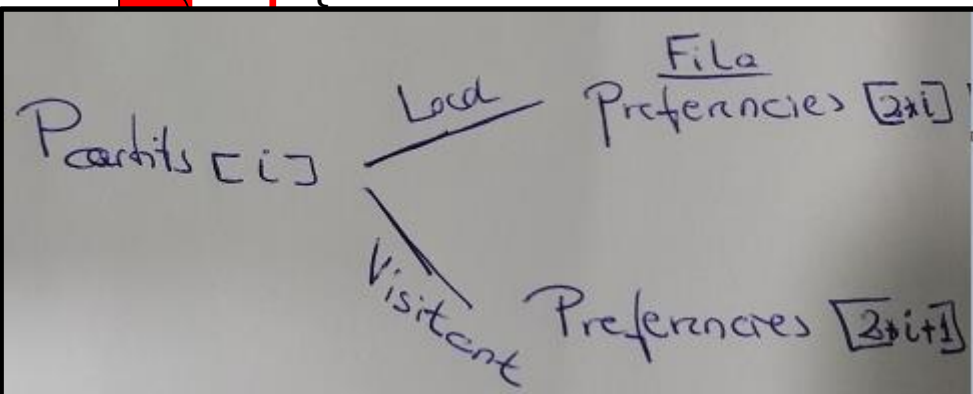
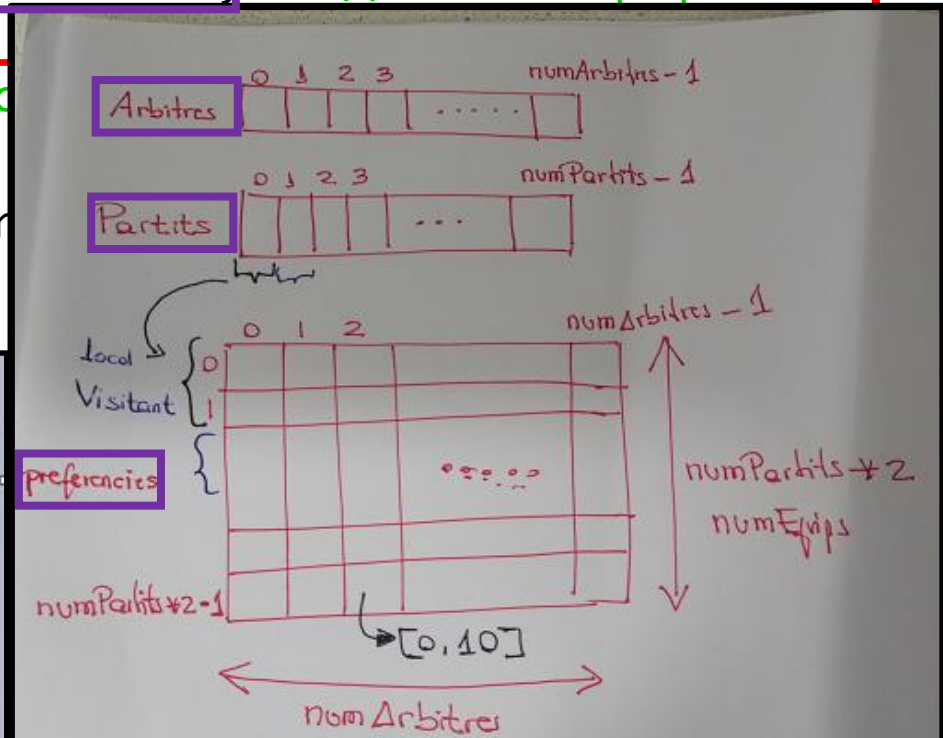


Tècnica de backtracking

inació Arbitres

```
public class JornadaFutbol{  
    private int numJornada;  
    private Arbitre []Arbitres;  
    private int numArbitres; //dim real de la taula prèvia  
    private Partit []Partits;  
    private int numPartits; //dim real de la taula prèvia  
    private int [][]preferencies; //files→equips  
    //columnes→àrbitres
```

```
    private class Parella{ //o  
        Arbitre a; Partit p;  
        public Parella(Arbitre  
            {this.a=a; this.p=p;  
    }  
}
```





Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

```
private void omplenaArbitres(){  
    /*omplena la taula Arbitres amb els arbitres  
       disponibles*/  
}  
  
public JornadaFutbol(int numA, int numP) throws  
    IllegalArgumentException{  
    if (numA<=0 || numP<=0 || numA<numP)  
        throw new Exception("Incorrecte");  
  
    numArbitres=numA; numPartits=numP;  
    preferencies= new int[numP*2][numA];  
    omplenarPreferencies();  
    Partits = new Partit[numP]; omplenaPartits();  
    Arbitres=new Arbitre[numA]; omplenaArbitres();  
    MillorSolucio = new Parella[numP];  
    for (int i=0; i<numP; i++) MillorSolucio[i]=null;  
    costMillor= -1;  
} // fi metode
```

Entrada de dades

Constructor



Tècnica de backtracking

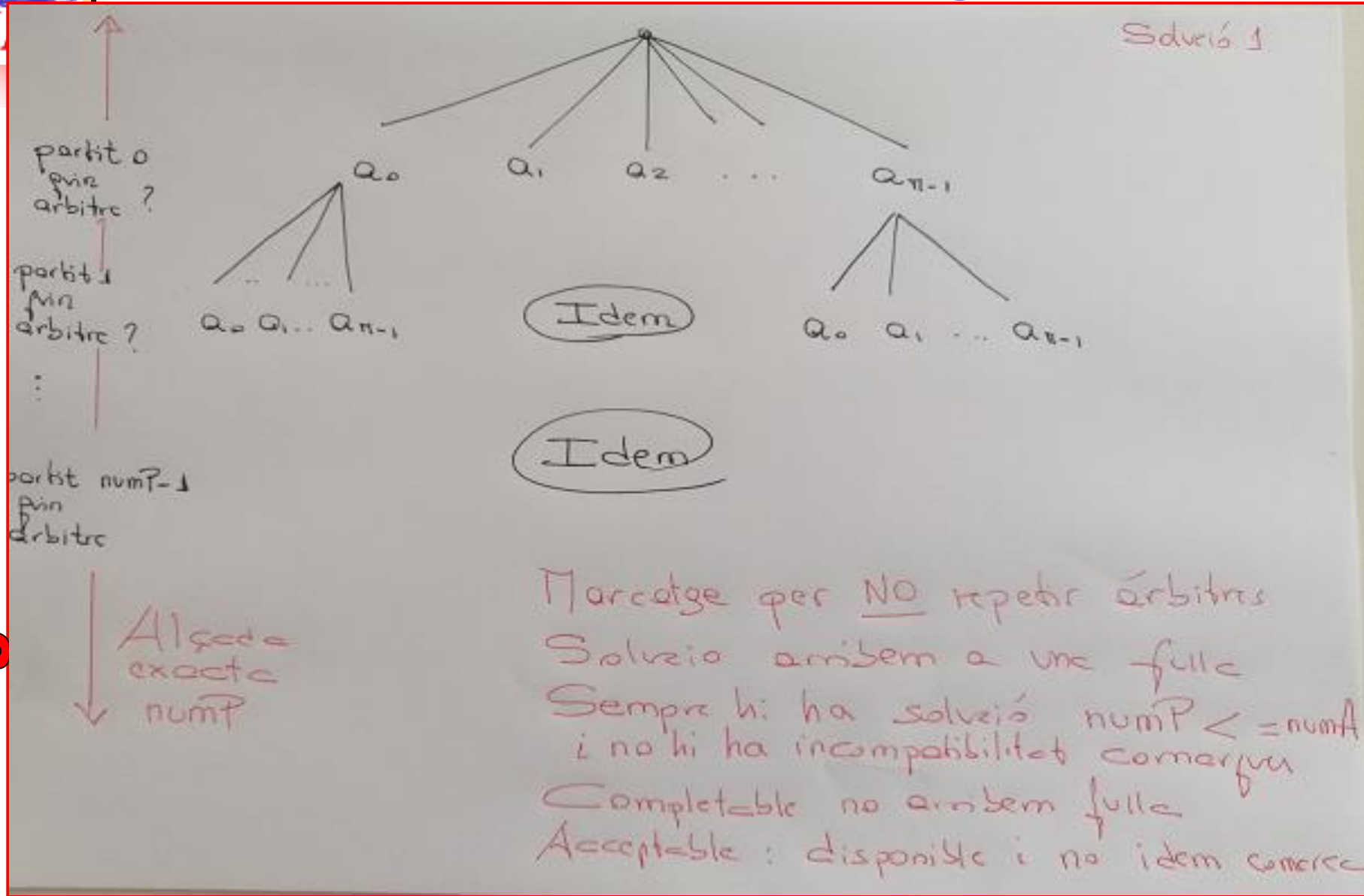
```
public static void main(String args[]){ /*sentències*/ }  
public ????? assignarArbitres(??????){  
    /*sentències backtracking*/  
}  
private boolean esSolucio(????){ /*sentències*/ }  
private boolean millorSolucio(????){ /*sentències*/ }  
public String toString(){ /* sentències*/ }  
} // fi classe
```

Assignació Arbitres



Tècnica de backtracking - Anàlisi

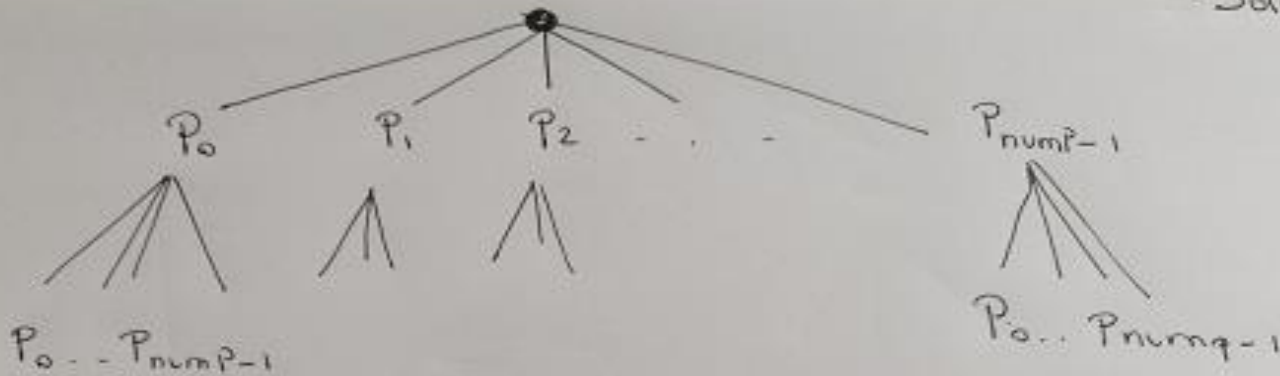
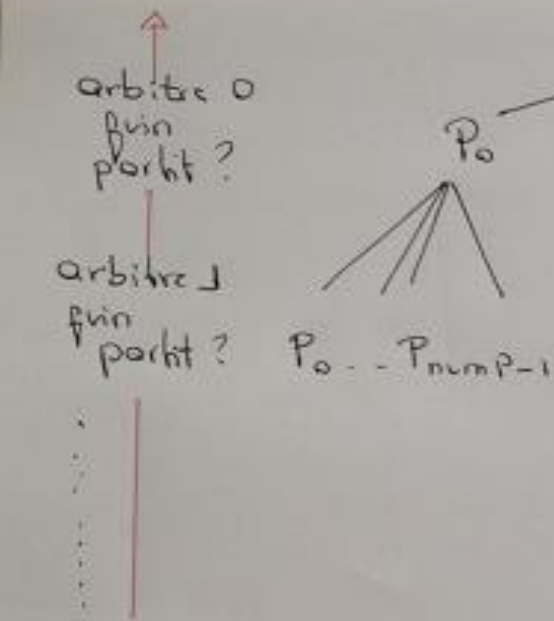
Assignació Arbitres





Tècnica de backtracking - Anàlisi

Assignació Arbitres



Idem

Marcatge si
Solució fulla
Completable no orbem fulla
Acceptable No té arbitre assignat
i no incompatibilitat comarc

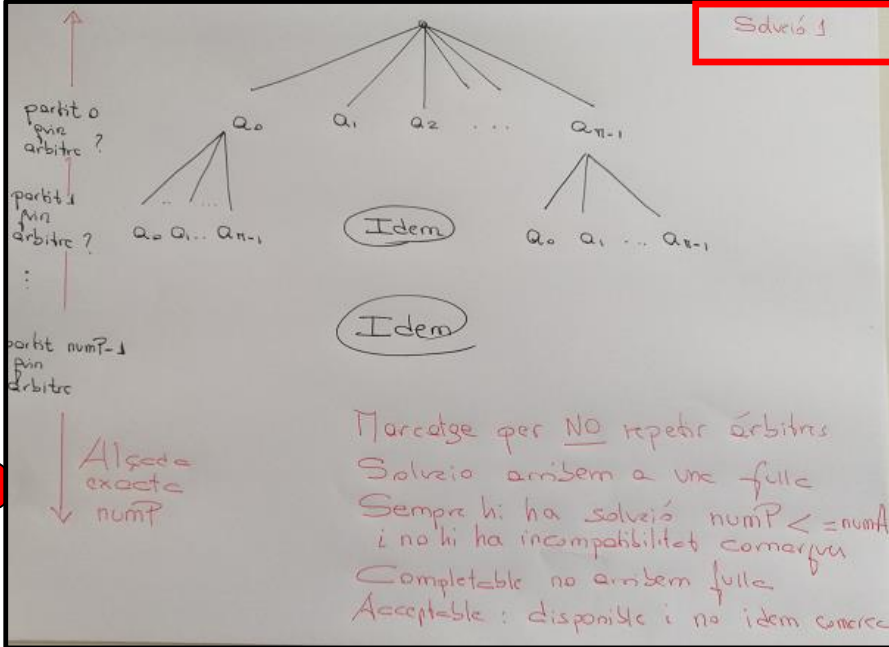


Tècnica de backtracking - Anàlisi

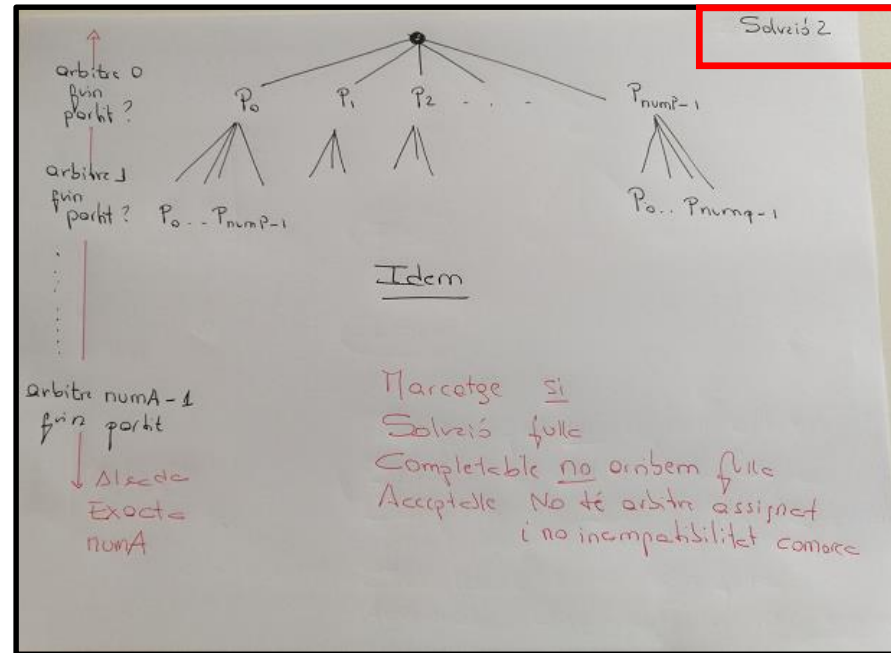
■ Quin dels dos plantejaments us sembla millor?

Assignació Arbitres

Solució 1



Solució 2



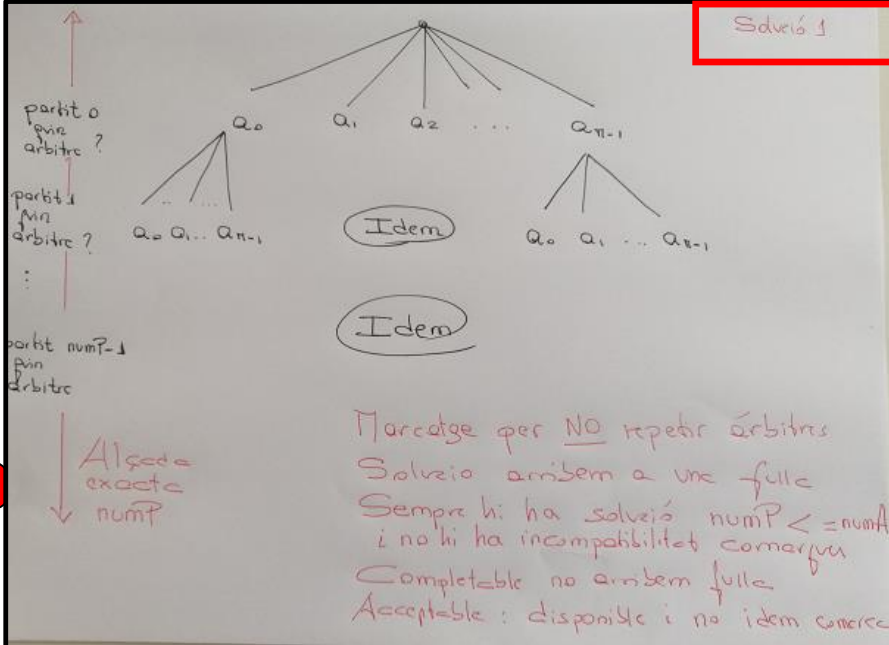


Tècnica de backtracking - Anàlisi

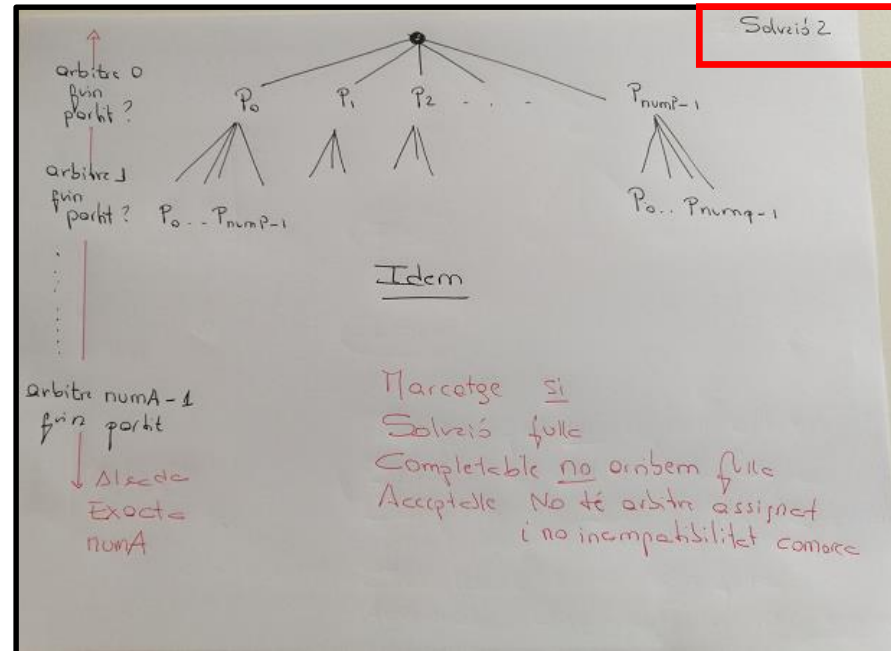
■ Quin dels dos plantejaments us sembla millor?

Assignació Arbitres

Solució 1



Solució 2

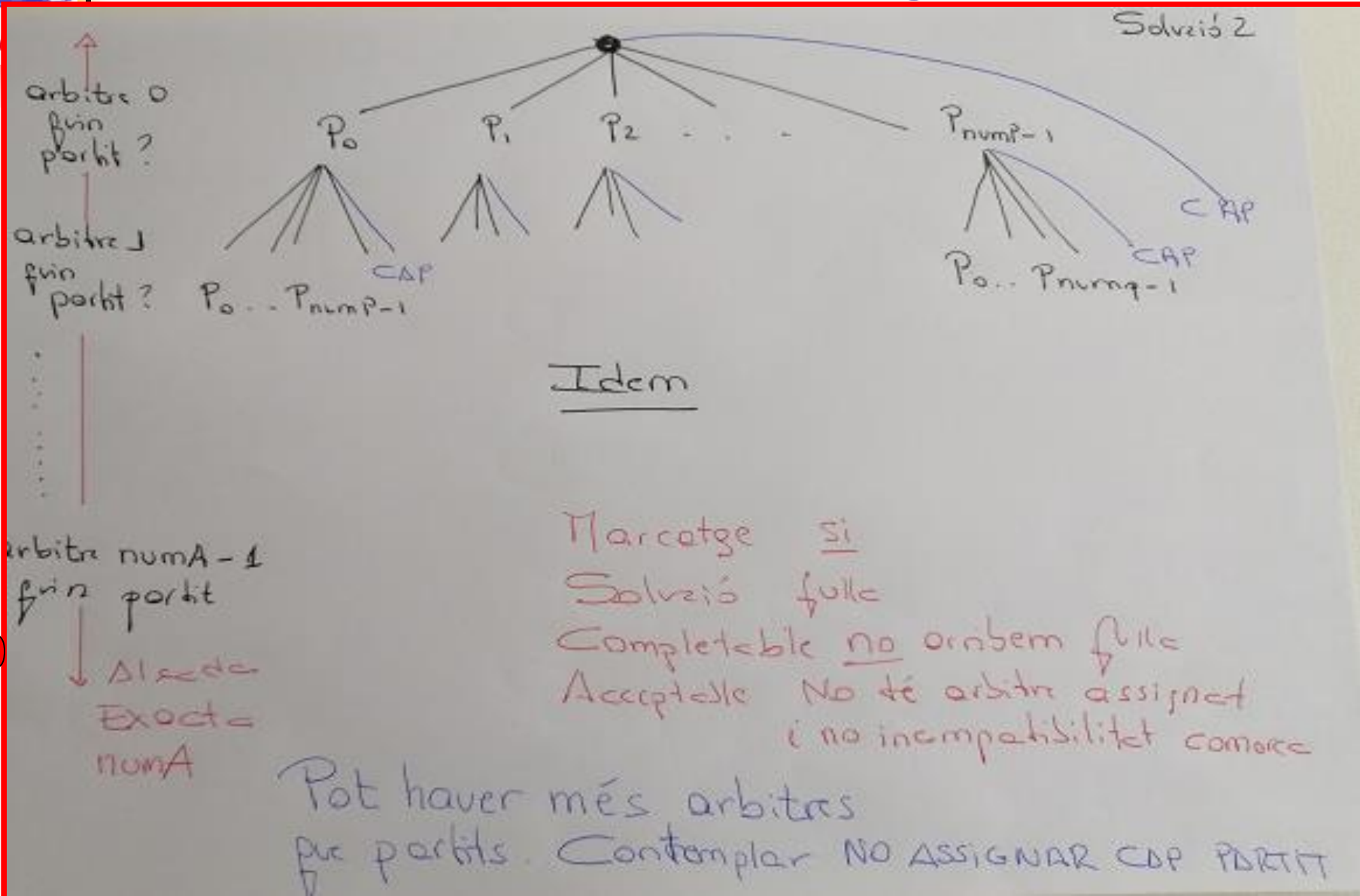


Solució 1



Tècnica de backtracking – Solució 2

Assignació Arbitres

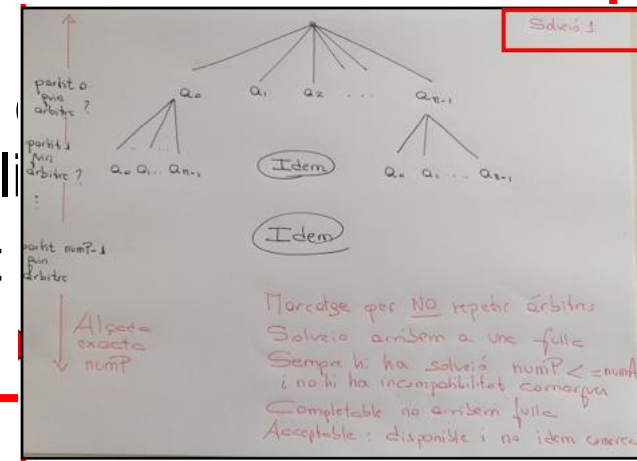




Tècnica de backtracking – Solució 1

Assignació Arbitres

- **Backtracking?:** és un problema d'optimització, s'ha de trobar la millor distribució d'àrbitre/partit maximitzant les preferències, cal aplicar l'esquema de trobar la millor solució.
- **Decisió:** a cada partit quin àrbitre li assigno?.
- **Acceptable:** Si l'àrbitre està lliure i no és de la mateixa comarca que cap dels dos equips que s'enfronten.
- **Arbre:** L'**Amplada** nombre d'àrbitre. L'**Alçada** de l'arbre és exacta, número de partits.
- **Solució** quant tots els partits tinguin àrbitre assignat, és a dir quan arribem a una fulla de l'arbre, i **completable** mentre no hi arribem.
- **Sempre trobarem solució**, si el nombre al nombre de partits i no hi ha incompatibilitat.
- **Usarem marcatge**, un àrbitre només pot cada jornada futbolística.





Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

Amb el espai de cerca del teu plantejament quins atributs vols afegir a la classe? Es vol **minimitzar** el número de paràmetres del mètode del backtracking:

```
marcats=new boolean[numArbitres];  
solucio=new Parella[numPartits];  
for (int i=0; i<marcats.length; i++) marcats[i]=false;  
for (int i=0; i<numPartits; i++) solucio[i]=null;  
cost=0;
```



Afegim

```
private class Parella{ //classe privada  
    Arbitre a; Partit p;  
    public Parella(Arbitre a, Partit p)  
    {this.a=a; this.p=p;}  
}
```

enunciat

```
private Parella MillorSolucio[]; private int costMillor;
```



Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

- Implementeu el mètode *main*, ha d'iniciar el procés d'assignació d'àrbitres cridant al mètode que farà el backtracking `assignarArbitres(?????)`. Un cop cridat al mètode, s'ha de visualitzar per pantalla la solució trobada. Si no hi ha solució també cal indicar-ho!

El main està ubicat dins de la classe ***JornadaFutbol***, en conseqüència podrà accedir a tot el contingut de la classe



Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

```
public static void main(String args[]){
    System.out.println("Quants arbitres hi ha ?");
    int m = Keyboard.readInt();
    System.out.println("Quants equips participen ?");
    int n = Keyboard.readInt();
    JornadaFutbol A = new JornadaFutbol(m, n/2);
    A.assignarArbitres(0);
    if (A.costMillor != -1) {
        System.out.println("L'assignació òptima ha resultat ser:");
        for (int i=0; i<n/2; i++)
            System.out.println(A.MillorSolucio[i].p.toString()
                               + A.MillorSolucio[i].a.toString());
        System.out.println("amb un cost de " + A.costMillor);
    }
    else System.out.println("no hi ha solució");
}
```



Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

- Implementeu el mètode `esSolucio(???)` que ha de retornar una expressió de *true* si la proposta de solució és solució al problema a resoldre i *false* en cas contrari.

```
public boolean esSolucio(int k){  
    return (k==numPartits-1);  
    //assignat àrbitre a tots el partits!  
}
```

- Implementeu el mètode `millorSolucio(????)` que ha de retornar un valor de *true* si la millor solució trobada fins aleshores és pitjor a una altra solució.

```
public boolean millorSolucio(){  
    return (cost>costMillor);  
}
```

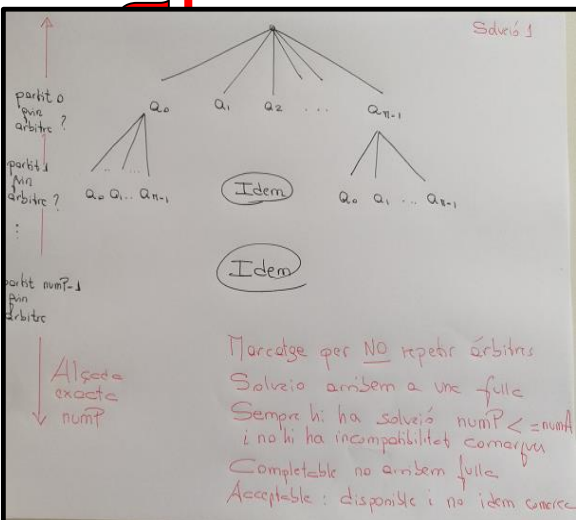


Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

```
public void assignarArbitres(int k){  
    for (int i=0; i<numArbitres; i++){  
        if (!marcats[i] && acceptable(k,i)){  
            solucio[k]=new Parella(Arbitres[i],Partits[k]);  
            marcats[i]=true;  
            cost=cost+preferencies[k*2][i]+  
                preferencies[k*2+1][i];  
            if (esSolucio(k)){ //recordem com estan les  
                if (millorSolucio()){ //preferències  
                    //trobadada millor solució  
                    costMillor=cost;  
                    for (int j=0; j<=k; j++){  
                        MillorSolucio[j]= solucio[j];  
                    } // fi if millor  
                } // fi es solucio  
            else assignarArbitres(k+1);  
        }  
    }  
}
```

k→partits
i→àrbitres





Tècnica de backtracking

Assignació Arbitres

```
// desfem valor
marcats[i]=false;
cost=cost-preferencies[k*2][i]-
           preferencies[k*2+1][i];

solucio[k]=null;
} // acceptable
} // for
} //procediment
private boolean acceptable(int k, int j){
    // no de la mateixa comarca
    return (Partits[k].getLocal().getComarca().
            equals(Arbitres[j].getComarca())==false &&
            Partits[k].getVisitant().getComarca().
            equals(Arbitres[j].getComarca())==false);
}
```

k→partit
j→àrbitre