# 3. laboratorijska vježba

Multivarijatna analiza podataka

ak. god. 2021/2022

### 1. Uvod i upute za predaju

Cilj ove laboratorijske vježbe je primijeniti osnovne koncepte multivarijatne analize podataka, istražiti podatke te ispitati hipoteze. Preduvjet za rješavanje vježbe je osnovno znanje programskog jezika R i rad sR Markdown dokumentima. Sama vježba je koncipirana kao projekt u kojem istražujete i eksperimentirate koristeći dane podatke - ne postoji nužno samo jedan točan način rješavanja svakog podzadatka.

Rješavanje vježbe svodi se na čitanje uputa u tekstu ovog dokumenta, nadopunjavanje blokova kôda (možete dodavati i dodatne blokove kôda ukoliko je potrebno) i ispisivanje rezultata (u vidu ispisa iz funkcija, tablica i grafova). Vježbu radite samostalno, a svoje rješenje branite na terminima koji su vam dodijeljeni u kalendaru. Pritom morate razumjeti teorijske osnove u okviru onoga što je obrađeno na predavanjima i morate pokazati da razumijete sav kôd koji ste napisali.

Vaše rješenje potrebno je predati u sustav *Moodle* u obliku dvije datoteke:

- 1. Ovaj .Rmd dokument s Vašim rješenjem (naziva IME\_PREZIME\_JMBAG.rmd),
- 2. PDF ili HTML dokument kao izvještaj generiran iz vašeg .Rmd rješenja (također naziva IME PREZIME JMBAG).

Rok za predaju je 7. lipnja 2022. u 23:59h. Jedan od uvjeta za prolaz predmeta je minimalno ostvarenih 50% bodova na svim laboratorijskim vježbama. Nadoknade laboratorijskih vježbi neće biti organizirane. Za sva dodatna pitanja svakako se javite na email adresu predmeta: map@fer.hr.

#### 2. Podatkovni skup

U ovoj laboratorijskoj vježbi analizirat ćemo skup podataka s najpoznatijim klasičnim skladbama prema glasovima korisnika stranice classicalmusiconly.com. Varijable su redom:

- title naziv skladbe
- composer ime skladatelja
- category kategorija skladbe
- year godina kada je skladba napisana
- stars broj glasova (koliko korisnika je označilo skladbu kao favorit)

Varijable composer i category treba tretirati kao da se radi o kategorijskim varijablama.

Napomena: ako koristite funkciju factor za modeliranje kategorijskih varijabli, tada je potrebno nakon filtriranja skupa podataka ponovno pozvati factor nad preostalim vrijednostima kategorijske varijabli — u suprotnom će izbačene vrijednosti ostati zapamćene, što će davati nepregledne rezultate.

#### 2.1. Predobrada i analiza podataka

Učitajte datoteku classical.tsv i proučite podatke.

```
# Vaš kod ovdje
data <- read.csv("classical.tsv", sep = "\t")</pre>
```

```
summary(data)
##
                         title
                                            composer
                                                                category
         rank
##
   Min.
           :
               1.0
                      Length:2415
                                         Length: 2415
                                                              Length: 2415
                      Class : character
   1st Qu.: 604.5
                                         Class : character
                                                              Class : character
   Median :1208.0
                      Mode : character
                                         Mode :character
                                                              Mode :character
##
           :1208.0
##
  Mean
   3rd Qu.:1811.5
##
##
   Max.
           :2415.0
##
         year
##
                        stars
##
   Min.
           :1487
                    Min.
                           :
                               0.00
   1st Qu.:1835
                    1st Qu.:
                               1.00
##
##
   Median:1895
                   Median:
                               2.00
##
  Mean
           :1880
                   Mean
                              38.17
##
   3rd Qu.:1933
                   3rd Qu.:
                               5.00
## Max.
           :2015
                           :2515.00
                   Max.
## NA's
           :242
# Vaš kod ovdje
data$composer <- factor(data$composer)</pre>
data$category <- factor(data$category)</pre>
# Vaš kod ovdje
summary(data)
##
                         title
         rank
                                                              composer
   Min.
           :
               1.0
                      Length:2415
                                          Wolfgang Amadeus Mozart:
    1st Qu.: 604.5
                      Class : character
                                          Ludwig van Beethoven
##
##
   Median :1208.0
                      Mode :character
                                          Johann Sebastian Bach :
                                                                     73
##
   Mean
           :1208.0
                                          Johannes Brahms
                                                                     64
##
    3rd Qu.:1811.5
                                         Franz Schubert
                                                                     62
                                          Joseph Haydn
##
    Max.
           :2415.0
                                                                  : 57
##
                                          (Other)
                                                                  :1993
                                     year
##
                    category
                                                    stars
## Unsorted Orchestral: 321
                                        :1487
                                                       :
                                                           0.00
                                Min.
                                                Min.
## Piano Sonata
                        : 290
                                1st Qu.:1835
                                                1st Qu.:
                                                           1.00
## Symphony
                        : 266
                                Median:1895
                                                Median :
                                                           2.00
## Opera
                        : 201
                                Mean :1880
                                                          38.17
                                                Mean
                                                      :
                                                           5.00
## Choral orchestral
                       : 129
                                3rd Qu.:1933
                                                3rd Qu.:
    String Quartet
                        : 129
                                Max.
                                        :2015
                                                Max.
                                                       :2515.00
## (Other)
                        :1079
                                NA's
                                       :242
Proučite koliki je ukupan broj skladbi po pojedinom skladatelju, te koliki je ukupan broj skladbi
po pojedinoj kategoriji. Ispišite ih poredano silazno po broju skladbi.
# Vaš kod ovdje
# ukupan broj skladbi po pojedinom skladatelju
data %>%
 group_by(composer) %>%
```

```
summarize(ncompositions_composer = n())%>%
  arrange(desc(ncompositions_composer))
## # A tibble: 292 x 2
##
      composer
                              ncompositions_composer
##
      <fct>
                                               <int>
## 1 Wolfgang Amadeus Mozart
                                                  85
## 2 Ludwig van Beethoven
                                                  81
## 3 Johann Sebastian Bach
                                                  73
## 4 Johannes Brahms
                                                  64
## 5 Franz Schubert
                                                  62
## 6 Joseph Haydn
                                                  57
## 7 Robert Schumann
                                                  48
                                                  38
## 8 Claude Debussy
## 9 Dmitri Shostakovich
                                                  38
## 10 Béla Bartók
                                                  35
## # ... with 282 more rows
# ukupan broj skladbi po pojedinoj kategoriji
data %>%
  group_by(category) %>%
  summarize(ncompositions category = n())%>%
  arrange(desc(ncompositions_category))
## # A tibble: 39 x 2
##
      category
                          ncompositions_category
##
      <fct>
                                           <int>
## 1 Unsorted Orchestral
                                             321
## 2 Piano Sonata
                                             290
## 3 Symphony
                                             266
## 4 Opera
                                             201
## 5 Choral orchestral
                                             129
## 6 String Quartet
                                             129
## 7 Lieder / Song
                                             123
## 8 Piano Concerto
                                             106
## 9 Chant
                                              82
## 10 Violin Concerto
                                              82
## # ... with 29 more rows
```

Ispišite imena prvih deset skladatelja čije skladbe imaju najveći ukupan broj glasova, te prvih deset skladatelja čije skladbe imaju najveći prosječan broj glasova.

```
# Vaš kod ovdje
limit <- 10

# najveći ukupan broj glasova

data %>%
    group_by(composer) %>%
    summarise(nvotes = sum(stars)) %>%
    arrange(desc(nvotes)) %>%
```

```
top_n(limit)
## Selecting by nvotes
## # A tibble: 10 x 2
##
      composer
                               nvotes
##
      <fct>
                                 <int>
##
  1 Ludwig van Beethoven
                                11797
  2 Wolfgang Amadeus Mozart
                                  9879
## 3 Johann Sebastian Bach
                                  9264
## 4 Pyotr Ilyich Tchaikovsky
                                  5790
## 5 Johannes Brahms
                                  4274
## 6 Frédéric Chopin
                                  4176
                                  2677
## 7 Antonio Vivaldi
## 8 Antonín Dvořák
                                  2617
## 9 Maurice Ravel
                                  2122
## 10 Claude Debussy
                                  2086
# najveći prosječan broj glasova
data %>%
  group_by(composer) %>%
  summarise(nvotes = sum(stars)) %>%
  mutate(avgvotes = round((nvotes/sum(nvotes)*100))) %>%
  arrange(desc(avgvotes)) %>%
  top_n(limit)
## Selecting by avgvotes
## # A tibble: 16 x 3
##
      composer
                               nvotes avgvotes
##
      <fct>
                                <int>
                                          <dbl>
  1 Ludwig van Beethoven
                                11797
##
                                             13
  2 Wolfgang Amadeus Mozart
                                  9879
                                             11
## 3 Johann Sebastian Bach
                                  9264
                                             10
## 4 Pyotr Ilyich Tchaikovsky
                                  5790
                                              6
## 5 Frédéric Chopin
                                  4176
                                              5
                                              5
## 6 Johannes Brahms
                                  4274
## 7 Antonín Dvořák
                                  2617
                                              3
## 8 Antonio Vivaldi
                                  2677
                                              3
                                              2
## 9 Claude Debussy
                                  2086
## 10 Dmitri Shostakovich
                                              2
                                  1616
## 11 Franz Schubert
                                              2
                                  1998
                                              2
## 12 Gustav Mahler
                                  2058
## 13 Igor Stravinsky
                                              2
                                  1524
                                              2
## 14 Maurice Ravel
```

Iz podataka **uklonite** sve skladbe čiji skladatelji se pojavljuju vrlo rijetko (npr. manje od 5–10 puta). Zatim, uklonite sve skladbe čija kategorija se pojavljuje vrlo rijetko (npr. manje od 5–10 puta).

2

2

2122

1816

1802

## 15 Richard Wagner

## 16 Sergei Rachmaninoff

```
# Vaš kod ovdje
limit = 7
```

```
# uklonite sve skladbe čiji skladatelji se pojavljuju vrlo rijetko
# extract
composers <-
data %>%
  group_by(composer) %>%
  summarise(ntotal = n()) %>%
  filter(ntotal <= limit)</pre>
# uklonite sve skladbe čija kategorija se pojavljuje vrlo rijetko
# extract
categories <-
data %>%
  group_by(category) %>%
  summarise(ntotal = n()) %>%
  filter(ntotal <= limit)</pre>
# ukloni sve sto nije u extract
clean_data <-</pre>
data %>%
  filter(!(composer %in% composers$composer)) %>%
  filter(!(category %in% categories$category))
# ukloni prazne kategorije
clean_data$composer <- droplevels(clean_data$composer)</pre>
clean_data$category <- droplevels(clean_data$category)</pre>
# rezultati
View(clean_data)
```

U ostatku vježbe koristite ovaj filtrirani podskup podataka. Obratite pozornost i na nedostajuće vrijednosti (ako ih ima). Razmislite na koji način ćete ih tretirati u ostatku vježbe.

### 3. Višedimenzionalno skaliranje

### 3.1. Metričko skaliranje

Izračunajte i prikažite kontingencijsku tablicu za varijable composer i category. Budući da će kontingencijska tablica biti jako velika, prikažite samo njezin dio koji sadrži nekolicinu najčešćih skladatelja i kategorija.

```
# Vaš kod ovdje
kont_tablica = table(clean_data$composer, clean_data$category)
kont_tablica[0:10, 0:10]
##
##
                          Ballet Cello Concerto Cello Sonata Chant Choral orchestral
##
     Aaron Copland
                                                              0
                                                                                         0
##
     Alban Berg
                                0
                                                0
                                                              0
                                                                     0
##
     Alexander Glazunov
                                2
                                                0
                                                              0
                                                                     0
                                                                                         0
##
     Alexander Scriabin
                                0
                                                0
                                                              0
                                                                     0
                                                                                         0
##
     Alfred Schnittke
                               1
                                                               1
##
     Anton Bruckner
                               0
                                                0
                                                              0
                                                                     1
                                                                                         1
     Anton Webern
                                0
                                                0
                                                              0
##
                                                                     0
                                                                                         0
     Antonín Dvořák
                               0
                                                              0
##
                                                1
                                                                     0
                                                                                         1
##
     Antonio Vivaldi
                               0
                                                0
                                                              0
                                                                     0
                                                                                         5
##
     Arnold Schoenberg
                                0
                                                0
                                                              Λ
##
##
                          Clarinet Sonata Double Concerto Harpsichord conceto
     Aaron Copland
##
##
     Alban Berg
                                          1
                                                           0
                                                                                 0
##
     Alexander Glazunov
                                         0
                                                           0
                                                                                 0
##
     Alexander Scriabin
                                          0
                                                           0
                                                                                 0
##
     Alfred Schnittke
                                                           0
                                         0
                                                                                 0
##
     Anton Bruckner
                                                           0
                                                           0
##
     Anton Webern
                                         0
                                                                                 0
##
     Antonín Dvořák
                                         0
                                                           0
                                                                                 0
     Antonio Vivaldi
                                                           0
##
                                         0
                                                                                 0
##
     Arnold Schoenberg
##
##
                          Lieder / Song Mass / Requiem
                                       0
##
     Aaron Copland
##
     Alban Berg
                                       2
                                                        0
##
     Alexander Glazunov
                                       0
                                                        0
                                       0
##
     Alexander Scriabin
                                                        0
                                       0
##
     Alfred Schnittke
                                                        1
                                       0
                                                        3
##
     Anton Bruckner
##
     Anton Webern
                                       0
                                                        0
##
     Antonín Dvořák
                                       0
                                                        1
                                                        0
##
     Antonio Vivaldi
                                       0
                                       3
                                                        0
     Arnold Schoenberg
```

Izračunajte udaljenosti među kategorijama koristeći totalnu varijacijsku udaljenost. Neka je C kontingencijska matrica dimenzija  $N \times M$ , te neka su skladatelji raspoređeni po retcima, a kategorije po stupcima.

Udaljenost između dvije kategorije i i j računa se kao

$$\delta_{i,j} = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^{N} \left| \frac{C_{k,i}}{S_i} - \frac{C_{k,j}}{S_j} \right|,$$

gdje je  $S_i = \sum_{k=1}^N C_{k,i}$ . Izračunajte i vizualizirajte matricu udaljenosti kategorija. Koji parovi kategorija su najsličniji, a koji najrazličitiji?

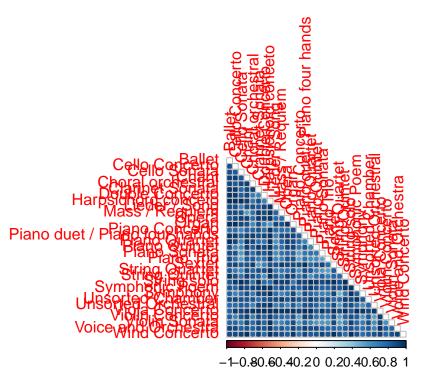
```
# Vaš kod ovdje

mat <- as.matrix(kont_tablica)

n <- ncol (mat)
dist_mat <- matrix(NA, n, n)
diag(dist_mat) <- 0

for (i in 1:(n-1))
{
    for (j in (i+1):n)
    {
        d2 <- (1/2)*sum(abs((mat[, i] / sum(mat[, i])) - (mat[,j] / sum(mat[,j]))))
        dist_mat[i, j] <- dist_mat[j, i] <- d2
    }
}

# colnames(dist_mat) <- colnames(kont_tablica)
rownames(dist_mat) <- colnames(kont_tablica)
# vizualizirajte matricu udaljenosti kategorija
corrplot(dist_mat, type="lower")</pre>
```



Provedite postupak klasičnog višedimenzionalnog skaliranja. **Skicirajte** *scree plot* svojstvenih vrijednosti. Koliki broj dimenzija bi objasnio većinu varijance?

```
# Vaš kod ovdje
scaled = cmdscale(dist_mat, k=2, eig=T)
plot(x = seq(1:length(scaled$eig)), y = scaled$eig, type = "o", xlab = "Br.", ylab = "Svojstvene vrijed
       1.5
Svojstvene vrijednosti
       1.0
       0.5
       0.0
            0
                         5
                                     10
                                                  15
                                                               20
                                                                            25
                                                                                        30
                                                    Br.
```

Prikažite kategorije na grafu raspršenja s dvije dimenzije i označite koju kategoriju pojedina točka

predstavlja. Uočavate li kakvo prirodno grupiranje kategorija?

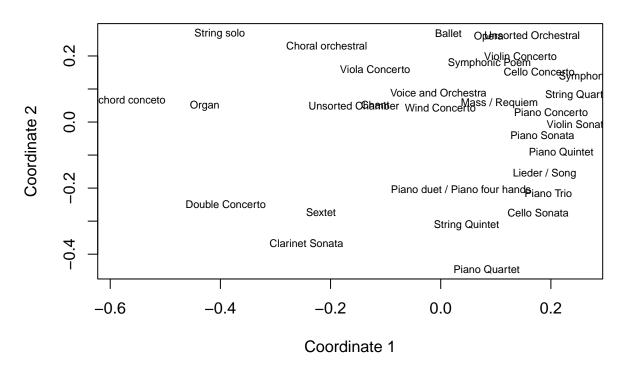
```
# Vaš kod ovdje

mds <- cmdscale(dist_mat, k=2, eig=TRUE)
x <- mds$points[, 1]
y <- mds$points[, 2]

y <- -y

plot(x, y, xlab="Coordinate 1", ylab="Coordinate 2", main="Categories", type="n")
text(x, y, labels = row.names(dist_mat), cex=0.7)</pre>
```

# **Categories**



**Prikažite** graf raspršenja za skaliranje dobiveno *Sammon* metodom i **označite** koju kategoriju pojedina točka predstavlja. Usporedite ga s gore dobivenim grafom. Kakve razlike uočavate?

```
# Vaš kod ovdje

mds_sammon=sammon(dist_mat, y = cmdscale(dist_mat, 2), k = 2, niter = 100, trace = TRUE, magic = 0.2, t

## Initial stress : 0.32628

## stress after 10 iters: 0.12318, magic = 0.461

## stress after 20 iters: 0.11354, magic = 0.228

## stress after 30 iters: 0.11076, magic = 0.500

## stress after 40 iters: 0.10992, magic = 0.500

## stress after 50 iters: 0.10935, magic = 0.500

## stress after 60 iters: 0.10924, magic = 0.500
```

## stress after 70 iters: 0.10921, magic = 0.500

```
## 'magic' je parametar koji kontrolira korak Newtonove metode
names(mds_sammon)

## [1] "points" "stress" "call"

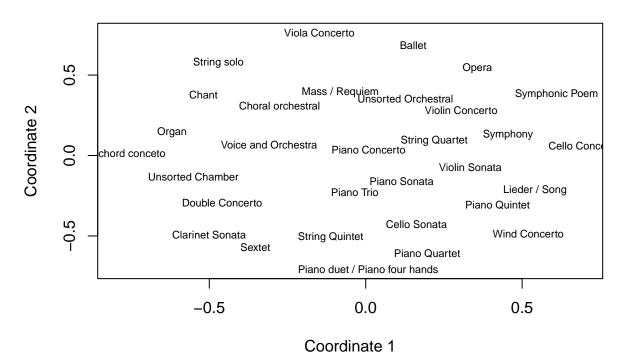
x1 <- mds_sammon$points[, 1]
y1 <- mds_sammon$points[, 2]

y1 <- -y1

plot(x1, y1, xlab="Coordinate 1", ylab="Coordinate 2", main="Classical musicians (Sammon)", type="n")

text(x1, y1, labels = row.names(dist_mat), cex=0.7)</pre>
```

# **Classical musicians (Sammon)**



#### 3.2. Nemetričko skaliranje

Odaberite proizvoljan broj skladatelja (npr. 10–30) s **najvećim prosječnim brojem** glasova po skladbama, te **kreirajte** novi podskup podataka tako da sadrži samo skladbe tih autora.

```
# Vaš kod ovdje
limit <- 10

# najvećim prosječnim brojem glasova - 10
data_filtered <-
data %>%
```

```
group_by(composer) %>%
summarise(nvotes = sum(stars)) %>%
mutate(avg = round((nvotes/sum(nvotes)*100))) %>%
arrange(desc(avg)) %>%
top_n(limit)

## Selecting by avg
```

```
# novi podskup podataka tako da sadrži samo skladbe tih autora
data_clean3 <-

data %>%
    filter(composer %in% data_filtered$composer) %>%
    select(composer, category)

data_clean3$composer <- droplevels(data_clean3$composer)
data_clean3$category <- droplevels(data_clean3$category)</pre>
```

U nastavku vježbe koristite ovako generirani podskup podataka.

**Definirajte** jednu proizvoljnu mjeru različitosti između dva skladatelja. Vaša mjera različitosti može uključivati npr.

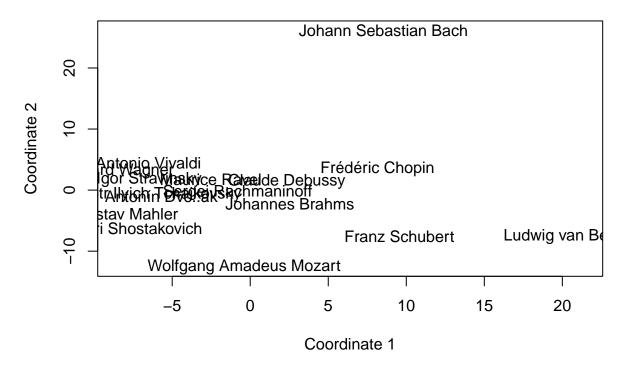
- euklidsku udaljenost između broja skladbi po kategorijama,
- korelacijsku udaljenost između broja skladbi po kategorijama,
- totalnu varijacijsku udaljenost između broja skladbi po kategorijama,
- ukupan broj skladbi po pojedinoj kategoriji,
- prosječnu godinu izdanja svih skladbi,
- ukupan broj glasova po svim skladbama,
- prosječan broj glasova po svim skladbama,
- ...

Pokušajte konstruirati mjeru različitosti koju ćete moći intuitivno interpretirati.

**Izračunajte** matricu različitosti za skladatelje koristeći Vašu mjeru različitosti. **Izračunajte** izometrično skaliranje i **prikažite** rezultat grafom raspršenja s **dvije dimenzije**, te **označite** koju kategoriju pojedina točka predstavlja. Možete li interpretirati dobiveni graf u skladu s korištenom mjerom različitosti?

```
## Warning in text.default(mds_iso$points, labels = row.names(kont_tablica_3)):
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in text.default(mds_iso$points, labels = row.names(kont_tablica_3)):
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in text.default(mds_iso$points, labels = row.names(kont_tablica_3)):
## font metrics unknown for Unicode character U+0159
```

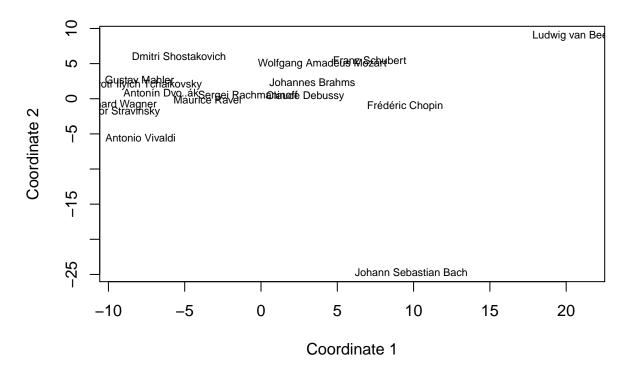
# **Composers (isometric)**



Ponovite jednu metodu **metričkog skaliranja** po izboru (klasično ili *Sammon*), ovaj puta korištenjem proizvoljne **mjere udaljenosti** nad skladateljima (npr. euklidska/korelacijska/totalna varijacijska udaljenosti između broja skladbi po pojedinoj kategoriji). Pokušajte odabrati mjeru udaljenosti koju ćete lakše moći interpretirati. Možete li objasniti razlike u odnosu na prethodno dobiveni graf?

## font metrics unknown for Unicode character U+0159

### classical difference



# 4. Analiza korespondencije

Kreirajte novi podskup podataka tako da sadrži samo skladbe prvih 5–10 skladatelja po nekom kriteriju — proizvoljno odaberite kriterij po kojemu ćete ih poredati (npr. ukupan broj skladbi, ukupan broj glasova po svim skladbama, prosječan broj glasova po svim skladbama...). Zatim odredite koje kategorije skladbi se najčešće pojavljuju u dobivenom podskupu, te unutar njega zadržite samo skladbe koje pripadaju 5–10 najčešćih kategorija.

```
# Vaš kod ovdje
limit <- 10

# Kreirajte novi podskup podataka - broj skladbi

# extract
data_kriterij <-

data %>%
  group_by(composer) %>%
  summarize(ntitles = n()) %>%
  arrange(desc(ntitles)) %>%
  top_n(limit)
```

## Selecting by ntitles

```
data_clean4 <-
  clean_data %>%
    filter(composer %in% data_kriterij$composer) %>%
    select(composer, category)
# odredite koje kategorije skladbi se najčešće pojavljuju u dobivenom podskupu
# extract
data_category <-
  data_clean4 %>%
  group_by(category) %>%
  summarize(ntitles = n()) %>%
  arrange(desc(ntitles)) %>%
  top_n(limit)
## Selecting by ntitles
data_clean4 <-
  data_clean4 %>%
    filter(category %in% data_category$category)
# clean empty category variables
data_clean4$composer <- droplevels(data_clean4$composer)</pre>
data_clean4$category <- droplevels(data_clean4$category)</pre>
```

U nastavku vježbe koristite ovako generirani podskup podataka.

Izračunajte i prikažite kontingencijsku tablicu između skladatelja i kategorije skladbi koje su napisali.

```
# Vaš kod ovdje
kont_tablica = table(data_clean4$composer, data_clean4$category)
kont_tablica
```

##									
##		${\tt Choral}$	orchestral	Lieder	/ Song	Opera	Piano	Concerto	)
##	Béla Bartók		0		1	1		3	}
##	Claude Debussy		0		5	1		1	
##	Dmitri Shostakovich		0		1	2		2	2
##	Franz Schubert		1		19	1		0	)
##	Johann Sebastian Bach		23		0	0		0	)
##	Johannes Brahms		1		7	0		2	2
##	Joseph Haydn		2		0	0		1	
##	Ludwig van Beethoven		0		1	1		5	,
##	Robert Schumann		1		6	0		3	}
##	Sergei Prokofiev		0		0	3		5	,
##	Wolfgang Amadeus Mozart		3		0	7		13	}
##									

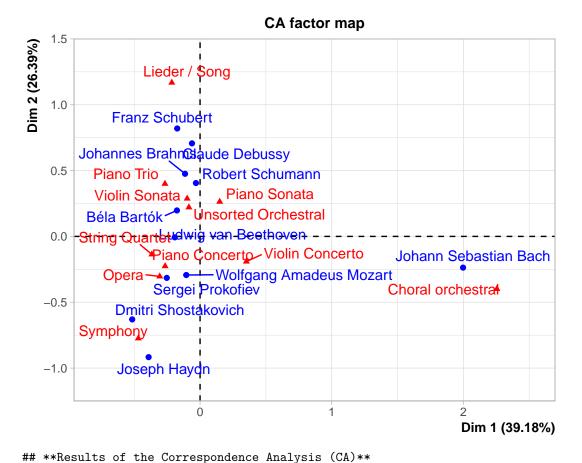
##		Piano S	Sonata	Piano	Trio	String	Quart	et Sym	phony
##	Béla Bartók		5		1			6	0
##	Claude Debussy		12		1			1	0
##	Dmitri Shostakovich		1		1			7	14
##	Franz Schubert		13		3			4	6
##	Johann Sebastian Bach		14		0			0	0
##	Johannes Brahms		10		5			3	4
##	Joseph Haydn		7		2			6	32
##	Ludwig van Beethoven		26		3			17	9
##	Robert Schumann		18		3			3	4
##	Sergei Prokofiev		6		0			1	7
##	Wolfgang Amadeus Mozart		10		1			4	11
##									
##		Unsorte	ed Orch	nestral	L Viol	lin Cond	certo	Violin	Sonata
##	Béla Bartók			6	3		2		3
##	Claude Debussy			6	3		0		1
##	Dmitri Shostakovich			3	3		1		0
##	Franz Schubert			1	L		0		4
##	Johann Sebastian Bach			2	2		3		1
##	Johannes Brahms			6	3		1		3
##	Joseph Haydn			C	)		0		0
##	Ludwig van Beethoven			3	3		3		4
##	Robert Schumann			2	2		1		1
##	Sergei Prokofiev			4	l.		2		2
##	Wolfgang Amadeus Mozart			6	3		3		6

tablica <- as.data.frame.matrix(table(as.factor(data\_clean4\$composer),as.factor(data\_clean4\$category)))
res.ca <- CA(tablica, graph = FALSE)</pre>

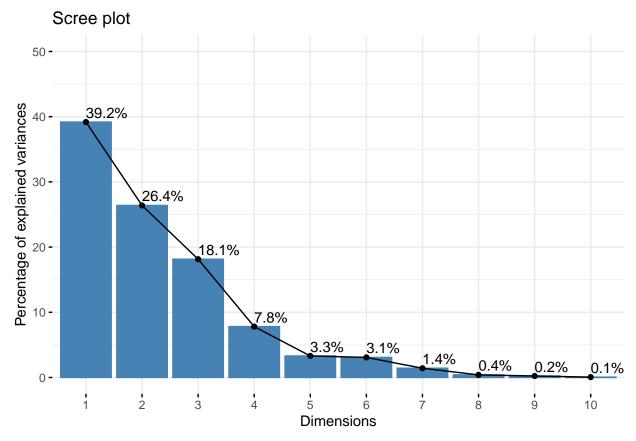
**Prikažite** graf analize korespondencije između varijabli **composer** i **category**. Obratite pozornost na ukupnu objašnjenu varijancu. Na temelju dobivenog grafa i kontingencijske tablice iz prethodnog zadatka pokušajte odgovoriti na sljedeća pitanja:

- Koji skladatelji se najviše izdvajaju po pojedinoj kategoriji?
- Koji skladatelji su određenu kategoriju skladbi pisali znatno više ili manje u usporedbi s drugim skladateljima?
- Koji skladatelji su određenu kategoriju skladbi pisali znatno više ili manje od drugih kategorija?
- Koji skladatelji su pisali prosječan broj skladbi u svim kategorijama?

```
# Vaš kod ovdje
CA(tablica, graph = TRUE)
```



```
## The row variable has 11 categories; the column variable has 11 categories
## The chi square of independence between the two variables is equal to 500.4806 (p-value = 1.417544e-
## *The results are available in the following objects:
##
##
                        description
      name
## 1
     "$eig"
                        "eigenvalues"
                        "results for the columns"
## 2
     "$col"
     "$col$coord"
                        "coord. for the columns"
## 3
     "$col$cos2"
                        "cos2 for the columns"
     "$col$contrib"
                        "contributions of the columns"
## 5
## 6
     "$row"
                        "results for the rows"
                        "coord. for the rows"
## 7
     "$row$coord"
## 8 "$row$cos2"
                        "cos2 for the rows"
## 9 "$row$contrib"
                        "contributions of the rows"
## 10 "$call"
                        "summary called parameters"
## 11 "$call$marge.col" "weights of the columns"
## 12 "$call$marge.row" "weights of the rows"
fviz_screeplot(res.ca, addlabels = TRUE, ylim = c(0, 50))
```



Kreirajte novi podskup podataka tako da sadrži 5–10 skladatelja po Vašem izboru. Zatim ponovno odredite koje kategorije skladbi se najčešće pojavljuju u dobivenom podskupu, te zadržite samo skladbe koje pripadaju prvih 5–10 kategorija. Izračunajte i prikažite kontingencijsku matricu. Prikažite graf analize korespondencije. Pokušajte ponovo odgovoriti na gornja pitanja. Kakve nove zaključke možete izvesti?

```
# Vaš kod ovdje

limit <- 10

# Kreirajte novi podskup podataka - broj skladbi

# extract
data_kriterij <-
    data %>%
    group_by(composer) %>%
    summarize(nstars = sum(stars)) %>%
    arrange(desc(nstars)) %>%
    top_n(limit)

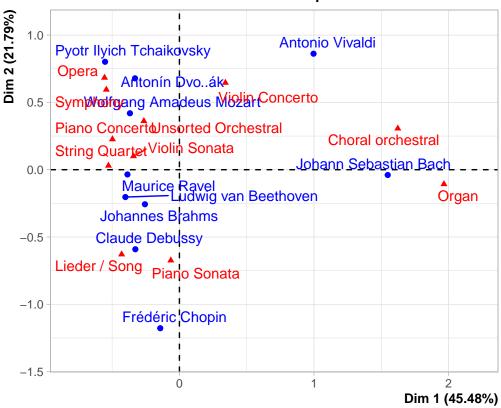
## Selecting by nstars
data_clean4 <-
    clean_data %>%
        filter(composer %in% data_kriterij$composer) %>%
```

```
select(composer, category)
# odredite koje kategorije skladbi se najčešće pojavljuju u dobivenom podskupu
# extract
data_category <-
 data_clean4 %>%
  group_by(category) %>%
  summarize(ntitles = n()) %>%
  arrange(desc(ntitles)) %>%
  top_n(limit)
## Selecting by ntitles
data_clean4 <-
  data_clean4 %>%
    filter(category %in% data_category$category)
# clean empty category variables
data_clean4$composer <- droplevels(data_clean4$composer)</pre>
data_clean4$category <- droplevels(data_clean4$category)</pre>
tablica <- as.data.frame.matrix(table(as.factor(data_clean4$composer),as.factor(data_clean4$category)))
res.ca <- CA(tablica, graph = TRUE)
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
```

```
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
```

```
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call(C_textBounds, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
## Warning in grid.Call.graphics(C_text, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <c5>
## Warning in grid.Call.graphics(C_text, as.graphicsAnnot(x$label), x$x, x$y, :
## conversion failure on 'Antonín Dvořák' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <99>
```

#### CA factor map



#### print(res.ca)

```
## **Results of the Correspondence Analysis (CA)**
## The row variable has 10 categories; the column variable has 11 categories
## The chi square of independence between the two variables is equal to 409.5948 (p-value = 2.726568e-
## *The results are available in the following objects:
##
##
                        description
     name
## 1
                        "eigenvalues"
     "$eig"
## 2 "$col"
                        "results for the columns"
## 3
     "$col$coord"
                        "coord. for the columns"
```

## 4 "\$col\$cos2" "cos2 for the columns"
## 5 "\$col\$contrib" "contributions of the columns"
## 6 "\$row" "results for the rows"
## 7 "\$row\$coord" "coord. for the rows"
## 8 "\$row\$cos2" "cos2 for the rows"

## 9 "\$row\$contrib" "contributions of the rows"

