# 8 класс. Математическая вертикаль. Задания на повторение программы.

Ciel

## Содержание

1	Сравнение чисел	1
2	Неравенства	3
	2.1 Линейные неравенства	3
	2.2 Линейные неравенства с модулем	4
1	Сравнение чисел	
За	адача 1. Какое из двух чисел больше:	
	$\frac{41}{99}$ или $\frac{411}{991}$ ?	
За	адача 2. Сравните дроби $\frac{222221}{222222}$ , $\frac{333332}{333334}$ и $\frac{444442}{444445}$ , расположите их в порядке возрастани	я.
За	адача 3. Расположите в порядке возрастания числа: $333^3$ , $3^{333}$ , $3^{333}$ .	
За	адача 4. Найдите наибольшее натуральное $n$ , при котором $n^{200} < 4^{300}$ .	
За	адача 5. Какое из двух чисел больше:	
	$1000^{100}$ или $500^{50} \cdot 1500^{50}$	
За	адача 6. Какое из двух чисел больше: $\sqrt[3]{\frac{2024}{2025}} \text{или}  \sqrt[3]{\frac{2025}{2026}}$	
За	адача 7. Какое из двух чисел больше:	

Задача 8. Какое из двух чисел больше:

1 или 
$$\frac{32}{97} + \frac{70}{211} + \frac{146}{439}$$

 $\sqrt[3]{4} + \sqrt{2}$  или  $\sqrt[3]{3}$ 

**Задача 9.** На каком из описанных ниже интервалов, разбивающих числовую ось, лежит число 0?

$$x^3 < y^8 < y^3 < x^{12}$$

Задача 10. Какое из двух чисел больше:

$$2025^{2025} + 2023^{2023}$$
 или  $2025^{2023} + 2023^{2025}$ 

**Задача 11.** Оцените  $\frac{2}{x+5}$ , если известно, что  $4 \le \frac{x}{2} < 11$ .

**Задача 12.** Оцените  $\frac{3}{x^2} + 1$ , если известно, что -3 < x < 6.

Задача 13. Пусть переменные х и у удовлетворяют неравенствам

$$-0.9 < x < 2.5, \quad -3 < y < -2.$$

При этом известно, что значение дроби

$$\frac{1,1+x}{y}$$

является целым числом. Определите это целое число.

**Задача 14.**  $\frac{y}{x}$  находится в интервале  $(-2,-1), \frac{y}{z}$  находится в интервале (-0.8,-0.4). Найдите интервал, на котором лежит значение  $\frac{x}{z}.$ 

Задача 15\*. Какое из двух чисел больше:

$$\frac{100}{101} \times \frac{102}{103} \times \ldots \times \frac{1022}{1023} \quad \text{или} \quad \frac{5}{16}$$

Задача 16\*\*. Какое из двух чисел больше:

$$\sqrt{2016+\sqrt{2015}+\sqrt{2016}}$$
 или  $\sqrt{2015+\sqrt{2016}+\sqrt{2015}}$ 

### 2 Неравенства

#### 2.1 Линейные неравенства

**Задача 1.** Оцените площадь и периметр, которые может иметь прямоугольник, если одна его сторона может иметь длину от 20 до 30 см, а другая — от 50 до 60 см.

Задача 2. Существуют ли отрицательные решения этого неравенства, и, если существуют, выпишите их (в виде множества).

$$\frac{11x-5}{21} - \frac{5x-2}{7} < 2x - \frac{x-1}{3}$$

Задача 3. Существуют ли отрицательные решения этого неравенства, и, если существуют, выпишите их (в виде множества).

$$\frac{14x-3}{9} - \frac{9x}{7} > \frac{21x-21}{63}.$$

**Задача 4.** Выберете из представленных ниже неравенств те, которые имеют решения, и найдите их.

1. 
$$(x+2)^2 - 3(x^2+2) + 2x^2 < 4x - 5$$
,

2. 
$$2[(x+3)^2 - (x^2+6x+9)] - 5[(x-1)^2 - (x^2-2x+1)] + (3x-7) < 6x+11$$

3. 
$$\frac{5(x-2)}{3} - 4 \le \frac{5(x-2)}{3} - 10$$
.

**Задача 5.** При каком наименьшем значении параметра t неравенство имеет положительное решение?

$$17(37x - 1) = 3(3t - 16)$$

Задача 6. Иван хочет купить донат в своей любимой игре - BrawlBops. У него есть выбор, купить донат на сайте ПлатитиМного, где за выполнение заказа берут 100 рублей и еще по 36 за каждый z-бакс, или может взять на сайте Дотерок, где оформление заказа стоит 150, но z-бакс стоит уже 24 рублей. При каком наименьшем количестве покупаемых z-баксов второй магазин окажется выгоднее?

Задача 7. Исходя из графиков выпишите уравнения прямых.

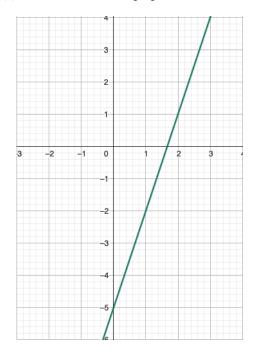


Рис. 1: График а

Рис. 2: График b

### 2.2 Линейные неравенства с модулем

Внимание! В задачах 1 - 3 нельзя раскрывать модуль. Можно пользоваться только определением.

**Определение.** Модулем числа a, обозначаемым как |a|, является расстояние на числовой прямой от числа а до начала координат, то есть точки 0. Числовое определение следующее:

$$|a| = \begin{cases} a, & \text{если } a \ge 0, \\ -a, & \text{если } a < 0. \end{cases}$$

**Задача 1.** Сколько натуральных значений имеет неравенство  $(0 \notin \mathbb{N})$ 

$$|x+3| \le |x-7|$$

**Задача 2.** При каких значениях t у неравенства  $|x+2| \le t$  ровно 5 целых решений?

**Задача 3.** При каких значениях t и v множеством решений неравенства  $|x-t| \le v$  является промежуток [10,20]?